

UULA.COM



غير محلولة

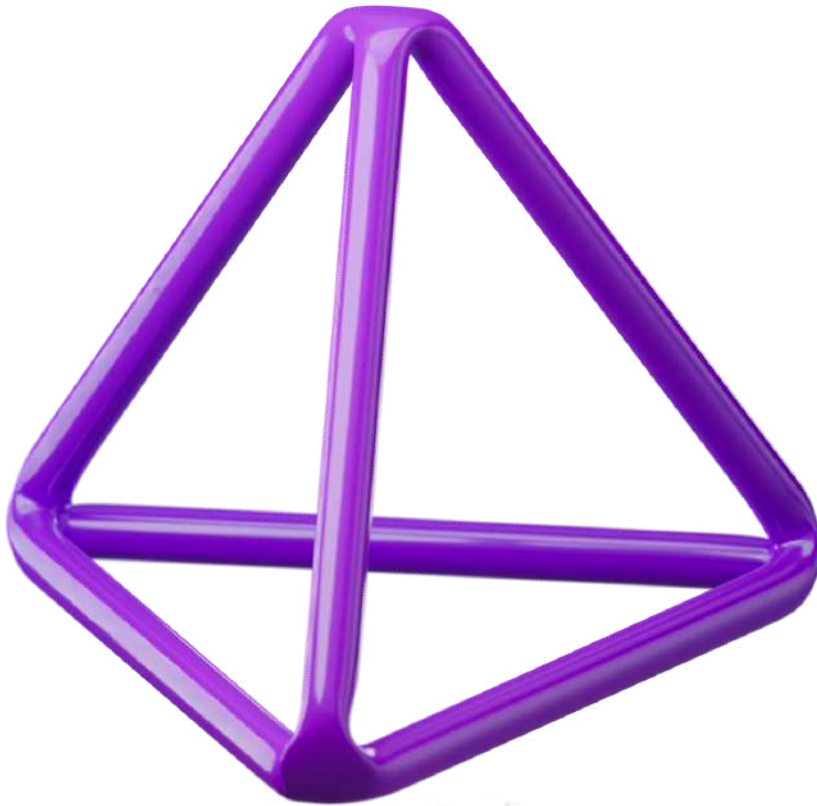
الرياضيات



الكورس الأول ✦ 2026 – 2027

9

UULA.COM



غير محلولة

الرياضيات

9 الكورس الأول ✦ 2026 – 2027

حقق هدفك الدراسي

ريح بالك وارفع مستوى دراستك مع المذكرة الشاملة والفيديوهات التي تشرحها والاختبارات التي تدربك في منصة علا



نخبة المعلمين يجابونك بأسرع وقت

ما فهمت؟ تواصل مع أقوى
المعلمين واحصل على شرح
لسؤالك

دروس يشرحها أقوى معلمي الكويت

فيديوهات مبسطة قصيرة تشرح
لك كل شيء خطوة بخطوة

تفوق في القصير والفايل مع نماذج اختبارات سابقة

نماذج اختبارات سابقة مشروحة
بالكامل تجهزك لاختبارك



اكتشف عالم التفوق مع منصة علا

لتشارك بالمادة وتستمتع بالشرح المميز صور
أو اضغط على رمز الQR

المعلق



هذه المذكرة تغطي المادة كاملة.

في حال وجود أي تغيير للمنهج أو تعليق جزء منه يمكنكم مسح رمز QR للتأكد من المقرر.



المنقذ



أول ما تحتاج مساعدة بالمادة ، المنقذ موجود!

صور ال QR بكاميرا التلفون أو اضغط عليه إذا كنت تستخدم المذكرة من جهازك و يطلع لك فيديو يشرح لك.



قائمة المحتوى

01

1	1 - 1	الجذور التربيعية والأعداد غير النسبية
3	2 - 1	المقارنة والترتيب
8	3 - 1	العمليات على الأعداد الحقيقية
11	4 - 1	القيمة المطلقة
14	5 - 1	حل متباينات درجة أولى
19	6 - 1	الصورة العلمية
21		مراجعة الوحدة الأولى

02

24	1 - 2	الفرق بين مكعبين
26	2 - 2	تحليل الحدودية $S^2 + B S + D$
28	3 - 2	تحليل الحدودية $S^3 + B S^2 + D S + D$
29	4 - 2	المربع الكامل
33	5 - 2	تحليل الحدودية الرباعية
35	6 - 2	حل معادلة من الدرجة ثانية
39		مراجعة الوحدة الثانية

03

43	1 - 3	الحدوديات النسبية وتبسيطها
46	2 - 3	ضرب الحدوديات النسبية
48	3 - 3	قسمة الحدوديات النسبية
50	4 - 3	جمع الحدوديات النسبية وطرحها
54	5 - 3	المسافة بين نقطتين
58	6 - 3	نقطة المنتصف
61		مراجعة الوحدة الثالثة

04

67	1 - 4	الدوران
72	2 - 4	التكبير
77	3 - 4	المدرج التكراري
81	4 - 4	المضلع التكراري
85	5 - 4	مخطط الصندوق
89	6 - 4	الترجيح والعدالة والاحتمال
93		مراجعة الوحدة الرابعة

الجذور والأعداد غير النسبية



الأعداد النسبية هي الأعداد التي يمكن كتابتها على صورة $\frac{p}{q}$ حيث $q \neq 0$ ، p عدنان صحيحان، $b \neq 0$.
مثال: $\frac{1}{2}$ ، 0 ، -4 ، 17 ، $13,456$ ، $\sqrt{2}$ ، $\sqrt{5}$ ، $3,0$

الأعداد غير النسبية هي الأعداد التي لا يمكن كتابتها على صورة $\frac{p}{q}$ حيث $q \neq 0$ ، p عدنان صحيحان، $b \neq 0$.
مثال: $\sqrt{3}$ ، π ، $0,230116789...$

تذكر: الجذر التربيعي

من خواص الجذور التربيعية:
إذا كان a ، b عددين نسبيين موجبين فإن

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$a = \sqrt{a} \times \sqrt{a}$$

ملاحظة:

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a+b}$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a-b}$$

$1 = \sqrt{1}$	بالتالي	$1 = \sqrt{1} = 1 \times 1$
$2 = \sqrt{4}$	بالتالي	$4 = \sqrt{4} = 2 \times 2$
$3 = \sqrt{9}$	بالتالي	$9 = \sqrt{9} = 3 \times 3$
$4 = \sqrt{16}$	بالتالي	$16 = \sqrt{16} = 4 \times 4$
$5 = \sqrt{25}$	بالتالي	$25 = \sqrt{25} = 5 \times 5$
$6 = \sqrt{36}$	بالتالي	$36 = \sqrt{36} = 6 \times 6$
$7 = \sqrt{49}$	بالتالي	$49 = \sqrt{49} = 7 \times 7$
$8 = \sqrt{64}$	بالتالي	$64 = \sqrt{64} = 8 \times 8$
$9 = \sqrt{81}$	بالتالي	$81 = \sqrt{81} = 9 \times 9$
$10 = \sqrt{100}$	بالتالي	$100 = \sqrt{100} = 10 \times 10$



قدر الجذر التربيعي:

١٣٢

معلم الكويكس
صفحة: ١٣٢



أوجد ناتج كل مما يلي موظفاً خواص الجذور التربيعية:

$$= \sqrt{49 \times 9} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{17} \times \sqrt{2} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{,81} - \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{37} \times \sqrt{37} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{57} \times \sqrt{57} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{\frac{25}{64}} \quad \text{Q}$$

$$= \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{3600} \quad \text{Q}$$



تدرب:

أوجد ناتج كل مما يلي موظفاً خواص الجذور التربيعية:

$$= \sqrt{117} \times \sqrt{117} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{187} \times \sqrt{2} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{2500} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{52} \times \sqrt{53} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{37} \times \sqrt{37} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{11}} - \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{49 \times 47} \quad \text{Q}$$

$$= \frac{\sqrt{27}}{\sqrt{3}} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{,64} \quad \text{Q}$$

$$= \sqrt{72} \times \sqrt{70} \quad \text{Q}$$

قدر الجذر التربيعي في كل مما يلي:

$$\sqrt{18} \quad \text{Q}$$

$$\sqrt{57} \quad \text{Q}$$

حدد ما إذا كان كل عدد مما يلي عددا نسبيا أم غير نسبي:

$$2,10 \quad \text{Q}$$

$$\sqrt{20} \quad \text{Q}$$

$$\sqrt{67} \quad \text{Q}$$

$$\sqrt{\frac{9}{25}} \quad \text{Q}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} \quad \text{Q}$$

$$,77- \quad \text{Q}$$

$$\sqrt{3} + 2 \quad \text{Q}$$

$$,242424242424 \dots \quad \text{Q}$$

$$\pi \quad \text{Q}$$



قاعة عرض في أحد المعارض أرضيتها مربعة الشكل مقسمة إلى أربعة أجزاء متطابقة، وكانت مساحة الجزء الواحد $٤٠٠ \text{ م}^٢$. ما طول ضلع أرضية القاعة؟



تدرب وتفوق

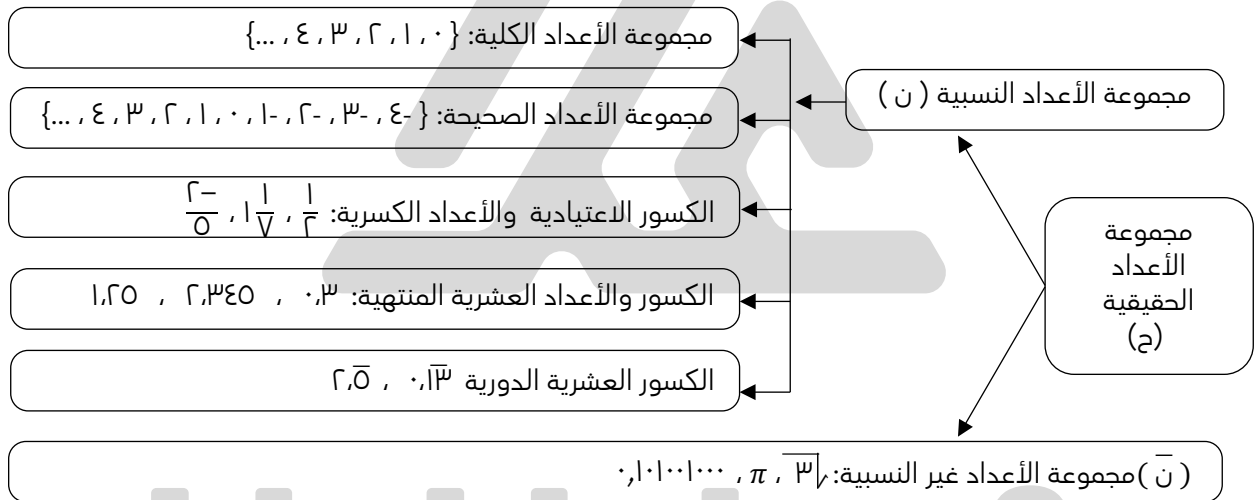
جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



٢ - ١

المقارنة والترتيب

مجموعات الأعداد:



اتحاد مجموعة الأعداد النسبية (ن) ومجموعة الأعداد غير النسبية (ن̄) مجموعة تسمى مجموعة الأعداد الحقيقية (ح). أي أن: $ن \cup ن̄ = ح$

قارن بين العددين في كل مما يلي:

$\frac{٤}{٩}, \frac{\pi}{٥}$

$\frac{٣}{٥}, ٠,٦$

$\pi, ٣,١٤$





رتب تصاعدياً:

$$٦,٥, \sqrt{٢٧}, \pi^٢$$

$$٣ \frac{\pi}{\lambda}, \sqrt{١٧}, \pi$$

رتب تنازلياً:

$$\sqrt{\lambda}, \pi - \sqrt{١٣}, -٣ \frac{١}{\lambda}$$





هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية ويوجد نوعان من الفترات: فترات محدودة وفترات غير محدودة.

الفتره

أولاً: الفترات المحدودة

أكمل الجدول:

رمز الفترة	نوع الفترة	رمز المتباينة	التمثيل البياني	التعبير اللفظي
$[٣ , ١]$				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي ١ والأصغر من أو تساوي ٣
$(٤ , ١ -)$				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ١- والأصغر من ٤
				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي ٤- والأصغر من ٠
		$٢ - > ٠ > \text{س} \geq ٢ -$		مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٠- والأصغر من أو تساوي ٢-

ثانياً : الفترات غير المحدودة

أكمل الجدول:

رمز الفترة	نوع الفترة	رمز المتباينة	التمثيل البياني	التعبير اللفظي
$(\infty , ٤ -]$	نصف مغلقة وغير محدودة من أعلى			مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي ٤-
	مفتوحة وغير محدودة من أعلى			مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من صفر
		$\text{س} \geq ٢ -$		مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من أو تساوي ٢-
$(٢ - , \infty -)$				مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من ٢-



تمارين:

قارن بين العددين في كل مما يلي:

$$\frac{2}{3}, 0, \frac{1}{3}$$

$$-\pi, -2, -\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{8}, \sqrt{0}, 0$$

$$\frac{2}{5}, \frac{1}{2}, \sqrt{5}$$

رتب تصاعدياً الأعداد التالية:

$$\frac{3}{0}, \frac{1}{6}, 0, \frac{1}{3}$$

$$0, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{3}{5}$$

رتب تنازلياً الأعداد التالية:

$$\frac{3}{8}, \frac{3}{37}, \frac{3}{54}, \frac{3}{2}$$

$$-\pi, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{5}, -\frac{1}{20}, -\frac{1}{6}$$



اكتب الفترة التي تعبر عن مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٢ أو تساوي ٢ والأصغر من ٥

اكتب الفترة التي تعبر عن مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٢ والأصغر من ٥ أو تساوي ٥

اكتب الفترة التي تعبر عن مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٣-

اكتب الفترة التي تعبر عن مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من ٣ أو تساوي ٣-

إذا كانت $3 \leq x < 6$ ، فحدد الفترة ومثلها على خط الأعداد



أكمل الجدول:

رمز الفترة	نوع الفترة	رمز المتباينة	التمثيل البياني	التعبير اللفظي
$[0, 2]$				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٢ أو تساوي ٢ والأصغر من ٥ أو تساوي ٥
				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٢- والأصغر من ١
				مجموعة الأعداد الحقيقية الأكبر من ٤- أو تساوي ٤-
		$0 > x$		مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من ٥



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



العمليات على الأعداد الحقيقية

تذكر أن:

أولويات ترتيب العمليات: الأسس والجذور - ما داخل الأقواس - الضرب والقسمة من اليمين - الجمع والطرح من اليمين



أوجد قيمة كل مما يلي:

$$١٢ - (٣٠ + ٧٠) \quad \text{❶}$$

$$٨ \times ٢ - \sqrt{٨١} \quad \text{❷}$$

$$\frac{(٤+٢٤)}{٤-} \quad \text{❸}$$

$$٢ \times ٣٢ \div ٤٨ \quad \text{❹}$$

خواص العمليات على الأعداد الحقيقية

- | | |
|-----------------------------|---|
| خاصية الإبدال لعملية الجمع | $٢+٣ = ٣+٢$ |
| خاصية الإبدال لعملية الضرب | $٢ \times ٣ = ٣ \times ٢$ |
| خاصية التجميع لعملية الجمع | $٣ + (٢+١) = (٣+٢) + ١$ |
| خاصية التجميع لعملية الضرب | $٣ \times (٢ \times ١) = (٣ \times ٢) \times ١$ |
| خاصية توزيع الضرب على الجمع | $(٤ \times ٢) + (٣ \times ٢) = (٤+٣) \times ٢$ |
| خاصية توزيع الضرب على الطرح | $(٣ \times ٢) - (٠ \times ٢) = (٣- ٠) \times ٢$ |

أذكر الخاصية المستخدمة في كل مما يلي:

خاصية $\pi + \frac{1}{\pi} = \frac{1}{\pi} + \pi \quad \text{❶}$

خاصية $\sqrt{٥} \times (\sqrt{١٧} \times \sqrt{٢}) = (\sqrt{٥} \times \sqrt{١٧}) \times \sqrt{٢} \quad \text{❷}$

خاصية $(\frac{٦}{٤} \times \frac{٤}{٣}) + (\frac{٣}{٤} \times \frac{٤}{٣}) = (\frac{٦}{٤} + \frac{٣}{٤}) \times \frac{٤}{٣} \quad \text{❸}$



أوجد قيمة كل مما يلي:

$$٢ \times ٧ - ٠, ٣ \div ١٦, \times ٠$$

$$\sqrt{٢٧} \times \sqrt{٣} - ٠, ٦ \times ٣$$

$$١٠ - ٨ \times \sqrt{\frac{١٠}{١٦}}$$

تدرب:

أوجد قيمة كل مما يلي بطريقتين مختلفتين:

$$(٨ + ٧) \times ٤$$

$$٨ \times (١ - ١٠)$$

أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$(٣-) \div ٦ + (٤-) - ١٨$$

$$٧ + (٣-) \times ٠ \div ٢٠$$

$$(٢-) + \frac{(٢+٩)٣-}{١١-}$$

$$(١-) + \frac{٦-١٢}{٦}$$

$$7 \times 9 - 0, \sqrt{7} \div \sqrt{49} \times 7$$

$$\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{2}} - \frac{2}{8} \times 2$$

$$9 \times 4 + 0, \sqrt{7} \div \sqrt{20} \times 8$$

$$\frac{18}{7} \times 0, \sqrt{7} + \sqrt{3} \times \sqrt{27}$$



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



صَفْوَةُ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



القيمة المطلقة

هي المسافة على خط الأعداد بين هذا العدد والصفر.

القيمة المطلقة لعدد حقيقي

$$| \pm a | = a \quad \text{لكل } a \geq 0$$

حيث $a \neq 0$

- من خواص القيمة المطلقة
- $|a \times b| = |a| \times |b|$
 - $\frac{|a|}{|b|} = \left| \frac{a}{b} \right|$
 - $|a - b| = |b - a|$

أوجد قيمة كل مما يلي:

• إذا كانت $s = -4$ ، $|s - 5| + |3,2 - s|$ ؟

• إذا كانت $s = 11$ ، $|s \times 6 + 4|$ ؟



إذا كان a عدد حقيقي بحيث يكون $|a| = 0$ لدينا الحالات التالي:

- $0 < a \rightarrow$ للمعادلة $|a| = 0$ حلان $s = a$ ، $s = -a$
- $0 = a \rightarrow$ للمعادلة $|a| = 0$ حل وحيد $s = 0$
- $0 > a \rightarrow$ للمعادلة $|a| = 0$ ليس لها حل

أوجد مجموعة حل كل معادلة مما يلي:

• $|s| = -3$ ؟

• $|s| = 0$ ؟

• $|s| = 0$ ؟

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية في $\mathbb{R}$:

• $|5s - 2| + 9 = 9$ ؟

• $|2s + 1| = 3$ ؟

$$٦ = |٢ - ٣ - س|$$

$$١ = ٧ + |١ + س٤|$$

تدرب:

أوجد قيمة كل مما يلي:

$$٠ = |٢س - ٣| \text{ إذا كانت س} = ٠$$

$$٢ = |س + ٢| + |٦| \text{ إذا كانت س} = ٢$$

$$٨ = |س \times ٧ - ٦| \text{ إذا كانت س} = ٨$$

$$٤ = |س - ٨| + |١,٣ - ١| \text{ إذا كانت س} = ٤$$

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية في ح:

$$٨ = |س - ٣|$$

$$\frac{١}{٣} = |س - ٣|$$



$$٠ = |٧س|$$

$$٣ = ١ - |س|$$

$$٤ = |ص - ١|$$

$$٠ = ٩ - |١ + ٤س|$$

$$٠ = |٧ + ٣س|$$

$$١٠ = |٩س - ٢٠|$$

تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



صِفْوَةٌ مَعَ الْكُوَيْتِ



حل متباينة من الدرجة الأولى في متغير واحد

تذكر:

	$\Leftrightarrow x > 2 \Leftrightarrow (2, \infty)$		$\Leftrightarrow x < 2 \Leftrightarrow (-\infty, 2)$
	$\Leftrightarrow x \geq 2 \Leftrightarrow [2, \infty)$		$\Leftrightarrow x \leq 2 \Leftrightarrow (-\infty, 2]$

أوجد مجموعة حل المتباينة: $2s + 3 \geq 7$ في ح، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل المتباينة: $2 - 3s > 14$ في ح، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل المتباينة: $3 > s + 1 \geq 6$ في ح، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل كل من المتباينات التالية في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

س - ٩ > 0

١ ≥ ٢ص + ٣ > ١١

٨ ≥ ٥س - ٣



حل متباينات القيمة المطلقة:

الحالة الأولى:

إذا كان |س| > ٢ يكون: ٢ > س > ٢
إذا كان |س| ≥ ٢ يكون: ٢ ≥ س ≥ ٢

الحالة الثانية:

إذا كان |س| < ٢ يكون س < ٢ أو س > -٢
إذا كان |س| ≤ ٢ يكون س ≤ ٢ أو س ≥ -٢

أوجد مجموعة حل المتباينة: |س + ٤| > ٧ في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل المتباينة: $|2s + 4| - 3 \geq 0$ في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.



أوجد مجموعة حل المتباينة: $|s - 1| \leq 3$ في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل المتباينة: $|2 - s| < 7$ في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

أوجد مجموعة حل المتباينة: $3 - |s| \leq 4$ في ح



أوجد مجموعة حل كل من المتباينات التالية في ح ، ومثلها على خط الأعداد الحقيقية.

Q |س + ٧| > ٥

Q |م + ١| ≤ ٦

Q |س| - ٣ < ٧

Q |س - ٤| + ١ ≥ ١١



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



الصورة العلمية باستخدام الأسس الصحيحة

اكتب بالصورة العلمية كلاً مما يلي:

٤٣٧٥

$٠,٠٠٠٠٥٩$

$٤١٥,٣$

$٠,٠٠٠٠٠٠٦٤٥-$

$١١٨٠- \text{مليوناً}$

$٤٣ \text{ جزءاً من مليون}$

٢٣١ ملياراً

$\frac{٥٣}{١٠٠٠٠٠}$

$\text{أربعمئة وخمسون جزءاً من مئة ألف}$

اكتب كلا مما يلي بالشكل النظامي:

$٣١٠ \times ١,٤$

$٢٠١٠ \times ٥,٢$

$٥١٠ \times ٣,٤٥٦$

٦٠١٠×٣

$٦١٠ \times ٦,٨٩$

$٥٠١٠ \times ٤,٠٣-$

$٧١٠ \times ٢,٠٣$

$٤٠١٠ \times ٢,٥٦٤$

قارن بوضع < ، > ، = في كل مما يلي لتحصل على عبارة صحيحة:

$٥٠١٠ \times ٤,٤ \quad \text{_____} \quad ٣٠١٠ \times ٤,٤$

$٧١٠ \times ٧,٢ \quad \text{_____} \quad ٧١٠ \times ٣,٥$

$٤٠١٠ \times ٤,٧ \quad \text{_____} \quad ٦٠١٠ \times ٢,٧$

أوجد ناتج كل مما يلي في الصورة العلمية:

$٣١٠ \times ٧,٢ + ٣١٠ \times ٤,١$

$٨١٠ \times ٢,٣ - ٨١٠ \times ٦,٤$

$(٢٠١٠ \times ٣) \div (٥١٠ \times ٢,١)$

$(٣٠١٠ \times ٢) \times (٧١٠ \times ٣,٢)$





تدرب:

اكتب بالصورة العلمية كلاً مما يلي:

$$٣٥٩٠٠٠$$

$$٠,٠٠٣٤٢$$

$$٦١ ٣٥٤$$

$$٠,٠٠١٩٦٧$$

$$٨٦٦ ٤ \text{ مليوناً}$$

$$٣٤١ \text{ تريليوناً}$$

$$\text{خمس مئة وسبعة وثلاثون ملياراً}$$

$$\text{ستمئة وثلاثون جزءاً من عشرة آلاف}$$

$$١٣ \text{ جزءاً من مليون}$$

$$٣٨٦ \text{ جزءاً من مليار}$$

اكتب بالشكل النظامي كلاً مما يلي:

$$٧٠١٠ \times ٢$$

$$٧١٠ \times ٥$$

$$٢٠١٠ \times ٣,٢٣١$$

$$٥١٠ \times ٣,١٤$$

$$٣٠١٠ \times ٣,٤$$

$$٤١٠ \times ٢,٠٩$$

قارن بوضع < ، > ، = في كل مما يلي لتحصل على عبارة صحيحة:

$$٨١٠ \times ١,١$$

$$٣٠١٠ \times ١,٧$$

$$٣٥٤ \text{ جزء من ألف}$$

$$٧١٠ \times ٩,٩$$

$$٢٠١٠ \times ٣,٢$$

$$١٠١٠ \times ٣,٥٤$$

أوجد ناتج كل مما يلي بالصورة العلمية:

$$٦١٠ \times ٣,٢ + ٦١٠ \times ٢,٥$$

$$٤١٠ \times ٩,٨ - ٤١٠ \times ٢,٧$$

$$(٤٠١٠ \times ٥) \times (٢١٠ \times ٤,٣)$$

$$(٢١٠ \times ٧) \div (٤٠١٠ \times ٦,٣)$$



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!





مراجعة الوحدة الأولى

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في ح :

٩ = |٥ + س| ٤ - س = ٩ + ٧

١ = |٢ - ص|



أوجد مجموعة حل كل من المتباينات الآتية في ح ، مع تمثيل مجموعة الحل على خط الأعداد الحقيقية.

٢ ≥ |٣ - س|

٠ < |١ + س|

٦ > |٣ - س|

$$8 \leq 3 - |x + 5|$$

$$10 < |x| - 7$$

أكمل الجدول الآتي :



رمز العدد بالشكل النظامي	الصورة العلمية
18000	
	3.10×7.03
0.0040	
	0.1×8.88

أوجد ناتج كل مما يلي بالصورة العلمية :

$$= (9.10 \times 1.0) + (9.10 \times 8.3) \quad = (7.10 \times 9.37) - (7.10 \times 8.1) \quad$$

$$= (3.10 \times 8.1) \times (0.1 \times 3) \quad = (7.10 \times 7) \div (7.10 \times 2.8) \quad$$



تنتج دولة الكويت كمية من النفط تبلغ 3,1 ملايين برميل يومياً،
إذا أردت زيادة إنتاجها نصف مليون برميل يومياً،
فكم سيبذل إنتاجها من النفط في اليوم الواحد بعد الزيادة؟



ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة.

- (أ) (ب)
(أ) (ب)
(أ) (ب)
(أ) (ب)
(أ) (ب)

✓ $\sqrt{s} + \sqrt{s} = \sqrt{s + s}$

✓ الأعداد: $\sqrt{10}, \sqrt{6}, \sqrt{3}, \pi$ مرتبة ترتيباً تنازلياً.

✓ مجموعة حل المعادلة $|s| = 3^-$ في ح، هي $\{3^-, 3\}$

✓ مجموعة حل المتباينة $|s + 1| \geq 3$ في ح، هي $[-2, 2]$

✓ إذا كانت $s = 4$ ، فإن قيمة $|s - 4| + 7$ هي 7

ظلل الإجابة الصحيحة :

✓ الفترة التي تعبر عن مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من 0 والأكبر من أو تساوي 0 هي:

- (أ) $(0, 0^-)$ (ب) $[0, 0^-)$ (ج) $(0, 0]$ (د) $[0, 0]$

✓ الفترة الممثلة على خط الأعداد هي:

- (أ) $(\infty, \frac{1}{3}]$ (ب) $(\infty, \frac{1}{3})$ (ج) $[\frac{1}{3}, \infty)$ (د) $(\frac{1}{3}, \infty)$

✓ مجموعة حل المتباينة $|s - 1| < 3$ في ح هي:

- (أ) $(\infty, 2]$ (ب) $(\infty, 2] \cup [1, \infty)$ (ج) $(\infty, 2) \cup (1, \infty)$ (د) $(2, 1^-)$

✓ $= \frac{\sqrt{27}}{\sqrt{3}} - \frac{3}{2} \times 8$

- (أ) 9 (ب) 3 (ج) $\frac{1}{3}$ (د) $\frac{1}{3} -$

✓ أكبر الأعداد الآتية هو:

- (أ) $410 \times 4,23$ (ب) $38 \dots$ (ج) $010 \times 4,23$ (د) $410 \times 9,37$

✓ العدد $0,0123$ بالصورة العلمية هو:

- (أ) $310 \times 1,23$ (ب) $310 \times 1,23$ (ج) $10 \times 12,3$ (د) 310×123

✓ العدد الغير نسبي في ما يلي هو:

- (أ) $\sqrt{11}$ (ب) $\frac{0}{9}$ (ج) $\frac{1}{144\sqrt{}}$ (د) $3, \sqrt{}$

تحليل الفرق بين مكعبين أو مجموعهما



الفرق بين مكعبين: $س^٣ - ص^٣ = (س - ص) (س^٢ + س ص + ص^٢)$
مجموع مكعبين: $س^٣ + ص^٣ = (س + ص) (س^٢ - س ص + ص^٢)$

تذكر:

$$١٠٠ = ٣ ١٠ \quad ١٢٥ = ٣ ٥ \quad ٦٤ = ٣ ٤ \quad ٢٧ = ٣ ٣ \quad ٨ = ٣ ٢ \quad ١ = ٣ ١$$

حل كلاً مما يلي تحليلًا تامًا:

١. $س^٣ - ٦٤$

٢. $س^٣ - ٢٧$

٣. $٦٤ - س^٣ + ٣$

٤. $٨ - س^٣$

٥. $٨ - س^٣ + ٢٧$

٦. $١ - س^٣$

٧. $٥٤ - س^٢$

٨. $٨١ - س^٣$

٩. $٢٤١ + س^٤$

١٠. $٥ - س^٤$

١١. $٨٠٠٠ - س^٣$

١٢. $١ + \frac{١}{٨} س^٣$



حل كل ما يلي تحليلًا تامًا:

$$= ٦٧ + \frac{١}{٢٤} \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧ \frac{٨}{٢٧} - ٣٧ \frac{١}{١٢٥} \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧ - ٠,١٢٥ \quad \text{ق}$$

تدريبات:

حل كل ما يلي تحليلًا تامًا:

$$= ١ + ٣٧ \quad \text{ق}$$

$$= ٨ - ٣٧ \quad \text{ق}$$

$$= ١٢٥ + ٣٧٨ \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧٢٧ - ١ \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧٣٧ + ٦٧٨ \quad \text{ق}$$

$$= ١٢٥٣٧ - ٦٤٣٧ \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧٢٧ - ٠,٢٧ \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧ \frac{١}{٢٤} + ٣٧ \frac{٨}{٢٧} \quad \text{ق}$$

$$= ٥٤٣٧ - ٢٧٨ \quad \text{ق}$$

$$= ٨١٣٧ + ٣٧٢٧ \quad \text{ق}$$

$$= ٣٧٢٧ - ٢٧٨ \quad \text{ق}$$

$$= ١٦٣٧ + ٥٤٣٧ \quad \text{ق}$$

تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



تحليل الحدودية الثلاثية س^٢ + ب س + ج

حل كل مما يلي تحليلًا تامًا:

س^٢ + س^٢ + ٣

س^٢ + ٦س + ٥

س^٢ - ١٧س + ١٢

س^٢ + ٨ص + ٧

س^٢ - ٩س + ١٨

س^٢ + ١ - ٢

س^٢ - ٥س - ٣٦

س^٢ + ٢س - ٣

س^٢ - ٥س ص - ١٤ص^٢

س^٢ + ١٥ص - ٢٠

س^٢ + ٧س - ١٢

س^٢ - ٩ص + ٢٠

س^٣ + ١٢س^٢ + ٣٢س

س^٢ - ص - ٤٢

س^٢ + ٧س ف - ١٨ف^٢

تدرب:

أكمل بوضع (+) أو (-) في كل مما يلي:

س^٢ + ٥س + ٦ = (س^٢) (س^٣)

س^٢ - س - ١٢ = (س^٣) (س^٤)



حل كل ما يلي تحليلًا تامًا:

س^٢ - ٦س + ٨

س^٢ + ٤س + ٣

س^٢ - ٥س - ٦

ص^٢ + ٧س - ٣٠

س^٢ + ٧س - ٤٤

س^٢ - س - ٥٦

م^٢ + ١٥م + ن + ٥٤ن^٢

ب^٢ - ١٠ب ك + ١٦ك^٢

س^٢ - ٢س + ٢س + ٤

ص^٤ - ١٧ص^٣ + ٣٠ص^٢



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



مَعَالِمُ الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِيَايَا

تحليل الحدودية الثلاثية اس + ب س + ج

حل كلا مما يلي تحليلًا تامًا:

$$٢س + ٣س + ٣ = ٣$$

$$٣س + ٨س + ٣ = ٣$$

$$٣س + ٧س - ٦ = ٦$$

$$٣س - ٤س - ٣ = ٣$$

$$٢ص + ٣ص + ٦ = ٦$$

$$٥س - ٢س + ٧ = ٧$$

$$٢هـ - ٣هـ - ٥ = ٥$$

$$٦س - ٩س + ١٠ص = ١٠ص$$

$$٧ك - ١١ل - ٦ل = ٦ل$$

$$١٣ع + ٥ع - ٨ع = ٨ع$$

حل كلا مما يلي تحليلًا تامًا:

$$٣س + ٦س + ٥ = ٥$$

$$٢ك - ١١ك - ٢١ = ٢١$$

$$١١ل - ١٢ل + ١ = ١$$

$$٨ص + ١٠ص - ٣ل = ٣ل$$

$$٦س - ٥س - ٣ص = ٣ص$$

$$٢٥س + ١٠س - ١٥ = ١٥$$

$$٤هـ + ١٢هـ + ٩هـ = ٩هـ$$

$$٢١ف - ٣ف - ٧٠ف + ٤٩ف = ٤٩ف$$

تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!





تحليل المربع الكامل

$$\begin{aligned} (س + ص)^2 &= س^2 + ٢سص + ص^2 \\ (س - ص)^2 &= س^2 - ٢سص + ص^2 \end{aligned}$$

أي من الحدوديات الثلاثية التالية تمثل مربعاً كاملاً؟

❑ $٩ + ص^٣ + س^٢$

❑ $س^٢ - ٤س + ٤٩$

❑ $٩ + س^٣ + ٤س^٢$

❑ $٩س^٢ - ٦س - ١$

حل كلٍّ مما يلي تحليلًا تاماً:

❑ $٩ + ٢٤س - ١٦س^٢$

❑ $١٦ + ص + ص^٢$

❑ $١ - ١٠س + ٢٥س^٢$

❑ $٦٤ + ص + ص^٢$

❑ $٢٠س^٢ - ٢٠س + ٥$

❑ $٤س^٣ج + ٨س^٢ج + ٤سج^٣$

❑ $٩س^٣ - ٦س^٢ص + ص + ٩س$

❑ وظف مفهوم المربع الكامل لإيجاد قيمة (١٠١)

❑ أوجد قيمة ج التي تجعل الحدودية الآتية مربعاً كاملاً: $٩س^٢ + جس + ٤٩ص^٢$





لإكمال الحدودية س^٢ + ب س إلى مربع كامل، نضيف إليها $\left(\frac{ب}{٢}\right)^٢$ 
 س^٢ + ب س + $\left(\frac{ب}{٢}\right)^٢ = \left(\frac{ب}{٢} + س\right)^٢$ وهو مربع كامل 

أكمل س^٢ + ٤س إلى مربع كامل. 

أكمل س^٢ + ٤س إلى مربع كامل. 

حلل الحدودية الآتية بطريقة إكمال المربع :
 س^٢ - ٥س + ٦ 

حلل الحدودية الآتية بطريقة إكمال المربع :
 س^٢ - ٦س + ٨ 

حلل الحدودية الآتية بطريقة إكمال المربع :
 س^٢ + ٨س - ١٠ 



أي من الحدوديات الثلاثية التالية تمثل مربعاً كاملاً؟

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

حل كلٍّ مما يلي تحليلًا تاماً :

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

وظف مفهوم المربع الكامل لإيجاد قيمة كل مما يلي :

١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦

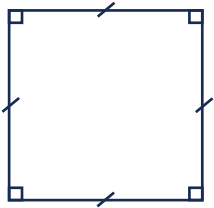
١٠ - ١٢ - ١٤ - ١٦



أوجد قيمة ج التي تجعل كلاً من الحدوديات الثلاثية التالية مربعاً كاملاً :

س^٢ + ج س + ٨١

س^٤ - ج س ص + ٩ ص^٢



ما طول ضلع المربع الذي مساحته (س^٢ + ٢٢س + ١٢١) وحدة مربعة.

أكمل كلاً مما يلي إلى مربع كامل :

س^٢ - ٧س

س^٢ + ٨س

حلل كلاً مما يلي بطريقة إكمال المربع :

س^٢ - ٨س - ٢٤

س^٢ + ٦س - ٧



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



تحليل الحدودية الرباعية

حل كلاً مما يلي تحليلًا تاماً :



س^١هـ - س^١د + ص^١هـ - ص^١د

هـج + هـد + بـج + بـد

س^٣ - س^٣س^٢ + س^٢س - س^٢س^٢

س^٢س + جـس + س^٢ج + جـج



س^٢س^٢ - س^٢س + س^٢س^٢ + س^٢س^٢ - س^٢س^٢

س^٢س^٢ - س^٢س + س^٢س^٢

س^٣ - س^٣س^٢ - س^٢س + س^٢س^٢

س^٣س^٢ - س^٢س^٢ + س^٢



ص^٣ + ص^٢س^٢ - ص^٢س^٢ - ص^٢س^٢



تدرب:

حلل كلاً مما يلي تحليلًا تاماً:

م هـ - س م + هـ ص - س ص

س ٢ + س ٢ + س ب + ا ص + ب ص

س ٤ + س ٢ + س ٨ + س ب + س ٤ ب

س ٦ - س ٨ - س ص - س ٣ + س ب + ع ب ص

س ٣ - س ٢ - س ٩ + س ١٨

س ٣ + س ٢ - س ٥ - س ٥٠



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



صِفْوَةٌ مَعَ الْكُؤِوتِ

حل معادلة من الدرجة الثانية في متغير واحد



أوجد مجموعة حل المعادلة : $(0 + س)(٦ - س) = ٠$ حيث $س \in ح$ ، ثم تحقق من صحة الحل.

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في ح :

٩ = س^٢

ص^٢ - ٥ص = ٠

٠ = ١٦ + ٨س + س^٢

ص^٢ - ٦ص + ٥ = ٠



أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في ح :

٧ = (٦ - ع)ع

٦ص^٢ + ٩ص + ٢ = ٠



الحل بإكمال المربع:

 أوجد مجموعة حل المعادلة الآتية في ح بإكمال المربع :
 $٠ = ٢ + ٤س + س^٢$

 أوجد مجموعة حل المعادلة الآتية في ح بإكمال المربع :
 $٠ = ٢ - ٦س + س^٢$



أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية:

٥ ص^٢ - ٣٦ = ٠

٥ (س - ٣)(س + ١) = ٠

٥ ن^٢ - ٦ن + ٩ = ٠

٥ ص^٢ - ١٠ص + ١١ = ٠

٥ ج^٢ - ٧ج = ٠

٥ ك^٢ + ٧ك + ١٢ = ٠

٥ ٣ن^٢ + ن - ١٠ = ٠





أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية:

٢ ص = ١٥ - ١٨

٧ س - ١٢ اس = ٨ - ٥ س - ٦ س

٠ = ٤٩ - (٣ + س)

٢ = (١ + س) س

٩ م - ١٢ = ٤

أوجد مجموعة حل المعادلة الآتية في ح بإكمال المربع : س - ٢ - اس - ٤ = ٠

صفحة من الكويك



تدرب وتفوق

جواب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!





مراجعة الوحدة الثانية

حل كلًا مما يلي تحليلًا كاملاً :

س^٣ + ١٢٥

س^٢ + ٤اس + ٤٩

س^٦ - ٢٧ ص^٣

س^٣اس^٣ - ٤

س^٢ - ٣اس - ١٨

س^٢ + ٨اس + ٧

ص^٤ + ١١ص^٣ + ٢٨ص^٢

س^٢اس^٢ - ٤اس + ٢٤

س^٢اس^٢ - ٨اس + ٦

ب^٢ - ٩ب ك - ١٠ك^٢

١٢ل^٢ + ١١ل م - ١٥م^٢

٦س^٢ + ٢اس - ١٢

٩س^٢ص - ٥٤س ص + ٨١ص

٤س^٢ + ٤س + ١

س^٣ص^٢ + ٢س^٢ - ٣ص^٣ - ٦س ص

س^٣ + ٢س^٢ - س - ٢

حل الحدودية الآتية بطريقة إكمال المربع :
س^٢ - ٢س - ٣



أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية :

س^٢ - ٤س = ٢١

س^٢ - ٦س = ٠

٩ص^٢ - ١١ = ١٤

٠ = ٤ + ١٢ن + ٩س^٢

٠ = ٩س^٢ - ٥س = ٦س^٢ - ٣س + ٥

٠ = ٨١ - (٧ - س)^٢

٠ = (٣س - ٢)^٢ - ٢س^٢

٣ = (س + ٢)

أوجد مجموعة حل المعادلة بطريقة إكمال المربع :
س^٢ + ٨س + ١٤ = ٠

وظف مفهوم المربع الكامل لإيجاد قيمة (٦١)^٢

صفحة من مجلة الكويت

تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!





ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة.

ب (أ)

س^٣ - ٣ = (س - ١) (س^٢ + س + ١) (س^٢ + س + ١) + س + ١

ب (أ)

المقدار الثلاثي س^٢ + س + ١ مربع كامل

ب (أ)

س^٢ + س + ١ = (س + ١)

ب (أ)

مجموعة حل المعادلة س^٢ + س + ١ = ٠، س = ١، ٠ هي {٣، ٠}

ب (أ)

(س + ص)^٢ = س^٢ + ص^٢

ب (أ)

إذا كان ٤ص^٢ + ج^٢ + ٩ مربعاً كاملاً، فإن إحدى قيم ج هي ١٢

ب (أ)

إذا كان ٢س^٢ - س - ١٠ = ل (س + ٢) فإن ل = (٢س - ٥)

ب (أ)

(س + ص)^٣ = س^٣ + ص^٣

ب (أ)

(٠, ١) = (١, ٠) (١, ٠) = (٠, ١) (١, ٠) = (٠, ١)

ب (أ)

إذا كان س - ص = ٥، س^٢ + س + ص = ٦، فإن س^٣ - ص^٣ = ٣٠



ظلل الإجابة الصحيحة :

إذا كان ٣ = ب^٣، ١٠ = ب^٢، فإن (ب + ١) (ب^٢ - ب + ١) = (ب^٢ + ب + ١)

٢٠ (د)

١٢ (ج)

٨ (ب)

٨- (أ)

س(س - ٣) - (٣ - س) = ٩

(س - ٣) (ب)

(س - ٣) (س + ٣) (أ)

(س + ٣) (د)

(س - ٣) (س + ١) (ج)

إذا كان ل + م = ٣، ل^٣ + م^٣ = ٥١، فإن ل^٢ - ل + م^٢ + م = ٢

١٥٣ (د)

٥٤ (ج)

٤٨ (ب)

١٧ (أ)

(س - ١) (س - ٢) = ٤

(س + ٢) (س - ١) (ب)

(س - ٢) (س + ١) (أ)

(س + ١) (س - ٣) (د)

(س - ١) (س + ٣) (ج)

إذا كان ٢س^٢ + م - س = ٧، (١ - س) (١ - س) = ٧، فإن م =

١٥ (د)

١٤ (ج)

١٣ (ب)

١٣- (أ)

مجموعة حل المعادلة س(س - ١٢) = ١٣ هي :

{١٣، ١-} (د)

{١٢، ٠-} (ج)

{١٣، ١} (ب)

{١٣-، ١٢} (أ)

ص^٤ + ٢٧ ص^٠ =

- Ⓐ ص(ص + ٣)(٠, ٣ + ص^٠)
 Ⓑ ص(ص - ٣)(٠, ٣ - ص^٠)
 Ⓒ ص(ص + ٣)(٠, ٣ - ص^٠)
 Ⓓ ص(ص + ٣)(٠, ٣ - ص^٠)

Ⓐ (١ - ٣) + ١ =

- Ⓐ س(س - ٣ + ٣)
 Ⓑ س(س + ٣ + ٣)
 Ⓒ س(س - ٣ + ٣)
 Ⓓ س(س - ٣ - ٣)

Ⓐ قيمة ج التي تجعل الحدودية الثلاثية س^٢ - ٦س + ج مربعاً كاملاً هي :

- Ⓐ ٩ Ⓑ ٣ Ⓒ ٩ Ⓓ ٣٦

Ⓐ أختَر من القائمة (٢) ما يناسب كل بند من القائمة (١) لتحصل على عبارة صحيحة :

القائمة (٢)	القائمة (١)
Ⓐ (٣س - ١)(٢ + س)	٦س ^٢ - ١١س + ٤ =
Ⓑ (٣س - ٢)(١ + س)	٦س ^٢ - ٥س - ٤ =
Ⓒ (٢س - ١)(٤ - س)	٩س ^٢ + ٣س - ٦ =
Ⓓ (٢س + ١)(٤ - س)	س(٣س + ٥) - ٢ =
Ⓔ (٢س - ١)(٣س + ٤)	



الحدوديات النسبية وتبسيطها

ضع في أبسط صورة كل مما يلي:

$$\frac{١٨س^٥}{٩س^٢} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٤س^٢ص}{١٢صس^٣} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢+٤}{٦+٤س^٣} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٤س-٢}{٤س-٢} \quad \text{Q}$$

ضع في أبسط صورة كل مما يلي:

$$\frac{٦+م}{٤٢-م-٢م} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢س+٢س}{٢س+٣س+٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٥س-٢-٦س+٥}{٢٥س-٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣س-٣}{٩س-٢س+٩} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢س-٢}{٢س} \quad \text{Q}$$

مَعَالِمُ الْكُوَيْتِ





ضع في أبسط صورة كل مما يلي:

$$\frac{٢س-٤}{١-٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢س٢+٣س١-٧}{٢س٢+٤س-٢١} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٩-٢س}{٢٧-٣س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٨+٣س}{٤س٢-٢س+٤} \quad \text{Q}$$

تدريبات:

ضع في أبسط صورة كل مما يلي:

$$\frac{١٠+١٠}{٢٠} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٥س٣}{٧س٢٥} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢٨-١٧س+٢س٦}{٢٠-٢س-٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{١٥+٨س-٢س٨}{٩-٢س} \quad \text{Q}$$

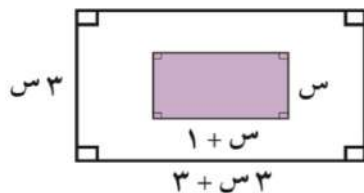
$$\frac{١٦-٢س}{٦٤-٣س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢٧+٣س}{٩س٣-٢س٣+٩} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣-٣س}{٣-٣س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٤س٣+٦س٢+١٢س}{٢س٣-٤س٢-١٦س} \quad \text{Q}$$

صفحة من مجلة الكويت



❶ في الشكل المقابل: اكتب نسبة مساحة منطقة المستطيل المظلل إلى مساحة منطقة المستطيل الأكبر في صورة حدودية نسبية، ثم ضعها في أبسط صورة.



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



ضرب الحدوديات النسبية

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:

$$\frac{٧}{٣٤} \times \frac{٣٤}{٣٥} \quad \text{ق}$$

$$\frac{٣٥}{٣٦} \times \frac{٣٥}{٣٦} \quad \text{ق}$$

$$\frac{٦س}{١-٣س٤} \times \frac{١+س}{٣} \quad \text{ق}$$

$$\frac{١+م}{١-م} \times \frac{م٤}{١+م} \quad \text{ق}$$

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:

$$\frac{١٢-ن}{٣-ن} \times \frac{١٢-ن+ن}{٣٠-ن٣+١٢ن} \quad \text{ق}$$

$$\frac{٢٧-٣س}{٩-٣س} \times (٣+س) \quad \text{ق}$$

$$\frac{٤٩-٢ص}{٦-ص-٢ص} \times \frac{٢+ص}{٢ص+٤ص} \quad \text{ق}$$

معلم الكويكس
صفوة: مكي الكويكس





أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$\frac{٣ص-٦}{ص} \times \frac{٣ص-٦}{ص} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣ص}{ص} \times \frac{٣ص}{ص} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣٦-٢ص}{٦+ص} \times \frac{١}{ص-٦} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٨+م٤}{١-٢م} \times \frac{١-م}{٢+م} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٥+٦س-٢س}{٥-س} \times \frac{١}{١+٢س-٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣}{٥-ص} \times (٣ص-٢٥ص) \quad \text{Q}$$

$$\frac{٥س}{١٦-٢س} \times \frac{٦٤-٣س}{١٦+٤س+٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣+٢س}{٣٤س} \times \frac{٧س-٢٨س}{١٢-٥س-٢س} \quad \text{Q}$$



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



قسمة الحدوديات النسبية

أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$\frac{7}{س} \div \frac{١٤}{س} \quad \text{Q}$$

$$(٣ + أ) \div \frac{٣+أ}{٢-أ} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣+س}{٤+س} \div \frac{١-س}{٤+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢+م}{٣-م} \div \frac{١٠+م}{٣-م} \quad \text{Q}$$

$$\frac{١-ن}{١+ن٤} \div \frac{١-٣ن}{٣-ن+٢ن٢} \quad \text{Q}$$

$$(١ - س) \div \frac{٤س-٣س}{١+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢+م}{٧-م} \div \frac{١٨+م١١+م}{٧+م٨-٢م} \quad \text{Q}$$



أوجد الناتج في أبسط صورة:

$$\frac{3}{1-m} \div \frac{6}{1-m}$$

$$\frac{3-s}{9-s^2} \div \frac{s^2}{s^2-s-6}$$

$$\frac{9+s^2}{s} \div (s+3)$$

$$\frac{5s^2+10s-10}{s^2+7s-7} \div \frac{s^2-14s+49}{s^2-9}$$

$$\frac{s^3+27}{s^2-16} \div \frac{s^3+9s^2}{s^2-16}$$

تدرب وتفوق

جواب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



جمع الحدوديات النسبية وطرحها

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:



$$\frac{3ص}{3-ص} + \frac{ص}{3-ص} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٤}{0+س} + \frac{٣}{0+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣}{١+س} + \frac{١}{١+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{0}{1+ن} + \frac{0}{1+ن} \quad \text{Q}$$

$$\frac{ب}{٣+ب} + \frac{٢}{٢-ب} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣}{٣+س} + \frac{١٢}{٤-٢س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣}{١+س} + \frac{٤}{٣+س+٤س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٤+س}{١-س-٢س} + \frac{٣+س}{٩-٢س} \quad \text{Q}$$

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:



$$\frac{م}{1-م} - \frac{م^3}{1-م} \quad \text{Q}$$

$$\frac{س}{1+س} - \frac{أس}{1+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٢+هـ}{1-هـ} - \frac{1+هـ}{1-هـ} \quad \text{Q}$$

$$\frac{١-ص}{٢-ص} - \frac{٣ص}{٢-ص} \quad \text{Q}$$

$$\frac{1}{1-س} - \frac{1}{1+س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٣-ن}{٩-ن} - \frac{٣+ن}{٦-ن} \quad \text{Q}$$

$$\frac{0}{٢+س} - \frac{٦}{٣-س} \quad \text{Q}$$

$$\frac{٧}{٣-١} - \frac{٢}{١-م} \quad \text{Q}$$



تمارين:

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:

$$\frac{3}{1-s} - \frac{4}{1-s} \quad \text{Q}$$

$$\frac{3}{m} + \frac{0}{m} \quad \text{Q}$$

$$\frac{3}{b-1} - \frac{1}{b-1} \quad \text{Q}$$

$$\frac{9}{s+3} - \frac{s}{s+3} \quad \text{Q}$$

$$\frac{3}{10} - \frac{0}{10} \quad \text{Q}$$

$$\frac{3}{s+1} + \frac{4}{s} \quad \text{Q}$$

$$\frac{1}{s-3} - \frac{0}{s-1} \quad \text{Q}$$

$$\frac{3}{s+4} + \frac{4}{s+1} \quad \text{Q}$$



أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة:



$$\frac{3}{3+ص} - \frac{(ص-٦)}{١٨-ص٣-٢ص}$$

$$\frac{٧س}{٣س٣+٢س٠} + \frac{١+٣س}{٣س٣+٨س+٠}$$

$$\frac{س}{٩+س٦+س٢} - \frac{س}{٩-س٢}$$

$$\frac{٦}{٩-س٢} + \frac{١}{٣-س} - \frac{٤+س}{٣+س}$$



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



المسافة بين نقطتين في المستوى الإحداثي



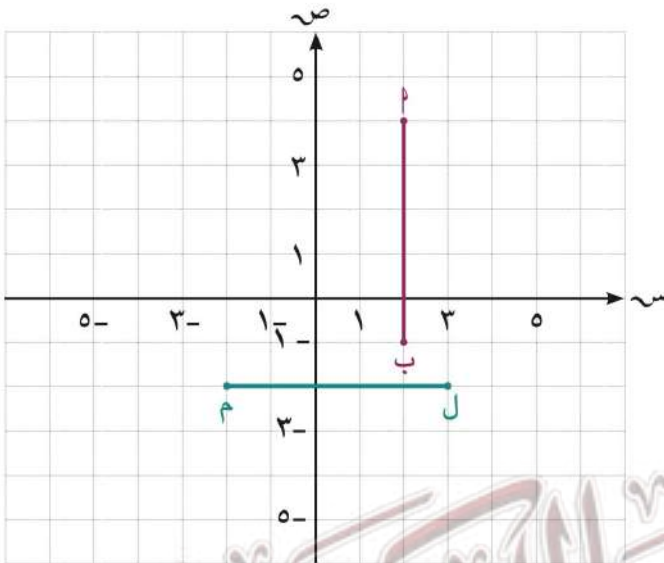
البعد بين نقطتين $A(x_1, y_1)$ ، $B(x_2, y_2)$ هو:

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

أوجد البعد بين النقطتين $A(2, 6)$ ، $B(4, 9)$ ■

أوجد البعد بين النقطتين $A(1, 3)$ ، $B(0, 6)$ ■

في الشكل المجاور،
أوجد النقطتين A ، B أوجد البعد بين A ، B



■ أوجد النقطتين L ، M أوجد البعد بين L ، M

أوجد البعد بين النقطتين $L(0, -4)$ ، $N(3, 0)$ ■

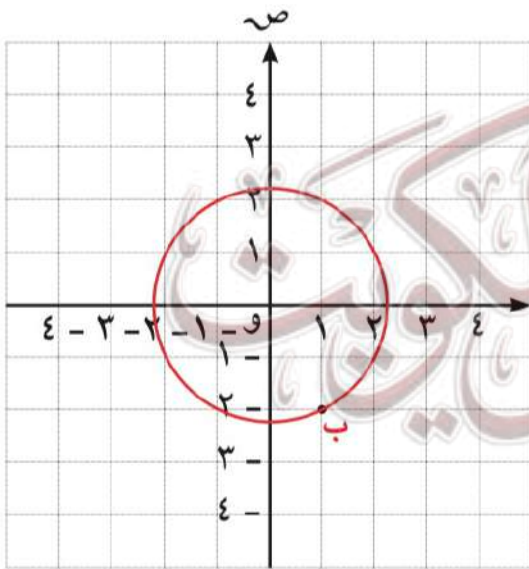
أوجد البعد بين النقطتين $A(7, -6)$ ، $B(7, -2)$ ■



أ ب ج مثلث رؤوسه أ(٨، ٥) ، ب(٤، ١) ، ج(١، ٤) بين نوع المثلث بالنسبة لأضلاعه وبالنسبة لزاياه



لتكن ب نقطة على الدائرة التي مركزها نقطة الأصل
(٩) أوجد طول نصف قطر الدائرة





أوجد البعد بين النقطتين أ(٦ , ٣) , ب(٩ , ٧)

أوجد البعد بين النقطتين أ(١٠ , ٥-) , ب(٤ , ٣)

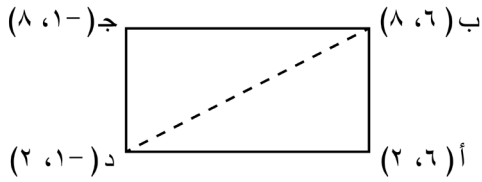
أوجد البعد بين النقطتين ع(٣- , ٢) , ك(١- , ٢)

أوجد البعد بين النقطتين ل(٤ , ٠) , ن(٠ , ٢-)

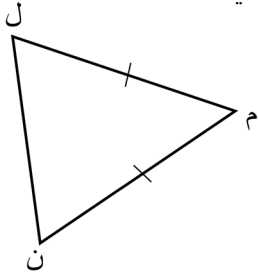
طال قطر في دائرة حيث ط(٠ , ٢) , ل(٨ , ٤-) أوجد طول نصف قطر الدائرة.



أوجد طول قطر المستطيل أ ب ج د الذي إحداثيات رؤوسه هي: أ (٢ ، ٦) ، ب (٨ ، ٦) ، ج (٨ ، ١-) ، د (٢ ، ١-) 



بين نوع المثلث ل من النسبة إلى أطوال أضلاعه وزواياه حيث إحداثيات رؤوسه هي: ل (٥ ، ٢) ، م (١- ، ٤) ، ن (٥ ، ٦) 



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



إحداثيا منتصف قطعة مستقيمة



في المستوى الإحداثي إذا كانت أ (س_١ ، ص_١) ب (س_٢ ، ص_٢) فإن إحداثيي نقطة منتصف $\overline{AB}$ هي

$$\left(\frac{س_١ + س_٢}{٢} , \frac{ص_١ + ص_٢}{٢} \right)$$

إذا كانت ط (٢ ، ٣) ، ق (٤ ، ١) فأوجد النقطة م التي تنصف ط ق .

أوجد إحداثيات نقطة منتصف القطعة المستقيمة (ع ل) في كل مما يلي

- ع (٣ ، ٥) ، ل (٣ ، ١)
- ع (٢ ، ٧) ، ل (١ ، ٤)

إذا كانت أ (٢ ، ٣) تنصف $\overline{AB}$ حيث ب (١ ، ٠) ، ج (س_٣ ، ص_٣) أوجد النقطة ج

❶ إذا كانت م(٢، ١) تنصف $\overline{AB}$ حيث أ(٢، -٣)، أوجد النقطة ب

تمارين



❷ إذا كانت أ(٢، ٥)، ب(٨، ٣) فأوجد النقطة م التي تنصف $\overline{AB}$.

❸ إذا كانت ج(٧، -٣)، د(٦، ٩) فأوجد النقطة ن التي تنصف $\overline{CD}$.

❹ إذا كانت ف(١١، ٨)، د(٤، ٨) فأوجد النقطة ع التي تنصف $\overline{FD}$.



أوجد النقطة ت منتصف القطعة المستقيمة (ح ز) حيث ح (١٧ ، ١٠-) ، ز (١٣ ، ٤-)

إذا كانت ك (٩ ، ٣) منتصف القطعة المستقيمة (د ف) حيث د (٣- ، ١-) فأوجد النقطة ف .

أ ب قطر لدائرة مركزها م حيث أ (٠ ، ١-) ، ب (١- ، ٧) أوجد :
▪ مركز الدائرة م
▪ طول نصف قطر الدائرة



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!





مراجعة الوحدة الثالثة:

ضع كل مما يلي في أبسط صورة:

٩٦ + ٩
١٢

٢س - ٥
٦س - ١٥

٢س + ٢س
٣س + ٣س

٨ - ٢ب
١٦ - ٢ب

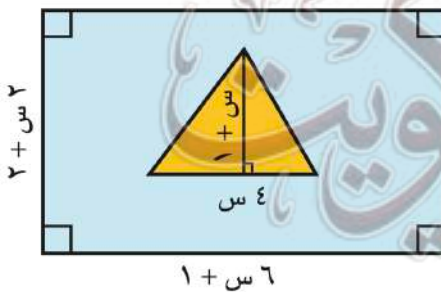
٨ + ٦ - ٢ل
٦ - ٦ + ٢ل

٥ - ٩ + ٢ر
٢٥ + ١٠ + ٢ر

٧ص - ٢ص
٣ص + ٢ص

١٢٥ + ٢٧س
١٠ - ٣س

اكتب نسبة مساحة المثلث إلى مساحة المستطيل في أبسط صورة





$$Q \quad \frac{ع+س}{س-س} \times (س - س - ٦)$$

$$Q \quad \frac{٥+س٣-س٦}{س٩} \times \frac{س٣+س٢+س١}{س٢+س٧-س٤}$$

$$Q \quad \frac{س+ص}{س-ص} \times \frac{س - س٣+ص+ص٢}{س٣+ص}$$

$$Q \quad \frac{س٤}{س١+ص+ص٢} \div \frac{س٨}{س٣-ص}$$

$$Q \quad \frac{س٣+س٧+س٢}{٥-س٨-س٤} \div \frac{س٥+س١٠-س١٥}{س١-س٦+س٥}$$

$$Q \quad \frac{ص٢+ص٣+ص٢}{ص٣-ص-ص١} \div \frac{ص٢+ص٥+ص٦}{ص-ص٣}$$

أوجد ناتج كل مما يلي في أبسط صورة

$$\frac{3}{8} + \frac{5}{8} \quad \text{Q}$$

$$\frac{2}{3+s} + \frac{s}{1+s} \quad \text{Q}$$

$$\frac{s^2-s}{s^2-s+3} + \frac{s^2-8}{s^2-8} \quad \text{Q}$$

$$\frac{7}{s-3} - \frac{8}{s+3} \quad \text{Q}$$

$$\frac{8}{s+3} - \frac{7}{s^2+s+3} \quad \text{Q}$$

$$\frac{s^2+n}{n^2-9} - \frac{n^2-1}{n^2+5n-3} \quad \text{Q}$$



أوجد الناتج في أبسط صورة: $(س^٢ - ص^٢) \div (س^٣ - ص^٣) \times \frac{س^٢ + س + ص + ص^٢}{س + ص}$



إذا كانت ل (٣ ، ٨) ، م (٢- ، ٣) فأوجد ل م ، وأوجد إحداثي منتصف القطعة المستقيمة ل م

إذا كانت ل (٢- ، ١) ، ن (١- ، ٣) ، م (٠ ، ٤-) ، بين نوع المثلث ل ن م بالنسبة إلى أضلاعه





ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة.

Ⓐ Ⓑ

$$1 - \frac{ص}{س} = \frac{ص - س}{ص - س}$$

Ⓐ Ⓑ

$$\frac{0}{ع + س} = \frac{س}{س + س} + \frac{ع}{س + س}$$

Ⓐ Ⓑ

$$\frac{س^3}{ع - س} = \frac{ع^2}{ع - س} - \frac{0}{ع - س}$$

Ⓐ Ⓑ

$$\frac{1}{س + ص} = (ص + ع) \div \frac{ص + ع}{س + ص}$$

Ⓐ Ⓑ

إذا كانت ج منتصف القطعة أ ب وكانت ج (0، 3)، أ (3، 1) فإن ب (1، 4)

Ⓐ Ⓑ

إذا كانت أ (3، 1)، ب (1، 0) فإن القطعة (أ ب) توازي محور السينات

اختر الإجابة الصحيحة

$$= \frac{س^3}{1 - م} \div \frac{م^6}{ع - م}$$

Ⓐ $\frac{1 - م}{(ع - م)^2}$

Ⓑ $\frac{ع - م}{(1 - م)^2}$

Ⓒ $\frac{م^{18}}{(ع - م)(1 - م)}$

Ⓓ $\frac{ع - م}{1 - م}$

$$= \frac{ع}{ع - س} - \frac{س}{ع - س}$$

Ⓐ 1

Ⓑ س - ع

Ⓒ س + ع

Ⓓ س - ع

الحدودية النسبية التي في أبسط صورة هي:

Ⓐ $\frac{س - م^3}{1 - م}$

Ⓑ $\frac{ص - ع}{س - ع}$

Ⓒ $\frac{1 - ع}{ع + ع}$

Ⓓ $\frac{ص + ع}{ص - ع}$

$$= \frac{ع}{ع + س} + \frac{س}{ع + س}$$

Ⓐ 1

Ⓑ ع

Ⓒ ع

Ⓓ $\frac{ع}{ع + س}$

$$= \frac{ع + س^3}{ع - س} \times \frac{س}{ع + س}$$

Ⓐ $\frac{س}{ع}$

Ⓑ ع

Ⓒ $\frac{س}{ع}$

Ⓓ $\frac{ع}{س}$

٢٠
$$= \frac{1}{1+v} + \frac{v}{1+v} - \frac{1}{1+v}$$

- ١ (أ) $\frac{1+v}{1+v}$ (ب) $\frac{1+v}{1+v}$ (ج) $\frac{1+v}{1+v}$ (د) ١

٢١
$$= \frac{1}{1-s} + \frac{s}{1-s}$$

- ١ (أ) صفر (ب) ١ (ج) ١ - (د) $\frac{1+s}{1-s}$

٢٢ إذا كانت ق (٠، ٣) ، ك (٠، ١) ، فإن ق ك = _____ وحدة طول

- ١ (أ) ٤ (ب) ٢ (ج) $\sqrt{2}$ (د) ٢ -



الدوران



الدوران حول نقطة ثابتة د (م ، هـ): هو دوران حول نقطة نسميها مركز الدوران م بزاوية هـ°

قد يكون الدوران موجباً (عكس اتجاه عقارب الساعة) أو سالباً (مع اتجاه عقارب الساعة) مركز الدوران يسمى نقطة صامدة

- د (م ، ٣٠°) تعني دوران حول النقطة م بزاوية ٣٠° عكس عقارب الساعة
- د (م ، -١٢٠°) تعني دوران حول النقطة م بزاوية ١٢٠° مع عقارب الساعة

الدوران في المستوى الإحداثي: حول نقطة الأصل و

$$\text{د (و ، -٢٧٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

$$\text{د (و ، ٩٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

$$\text{د (و ، -١٨٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

$$\text{د (و ، ١٨٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

$$\text{د (و ، -٩٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

$$\text{د (و ، ٢٧٠°)} \leftarrow \text{(س ، ص)}$$

خواص الدوران

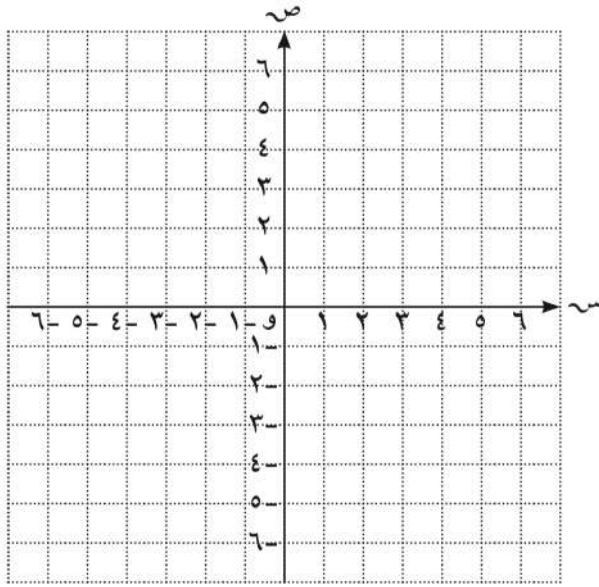
تحقق من الخواص التالية:

- الدوران يحافظ على الاستقامة.
- الدوران يحافظ على البينية.
- الدوران يحافظ على قياسات الزوايا.
- الدوران يحافظ على التوازي.
- الدوران يحافظ على الأبعاد.
- الدوران يحافظ على الاتجاه الدوراني.

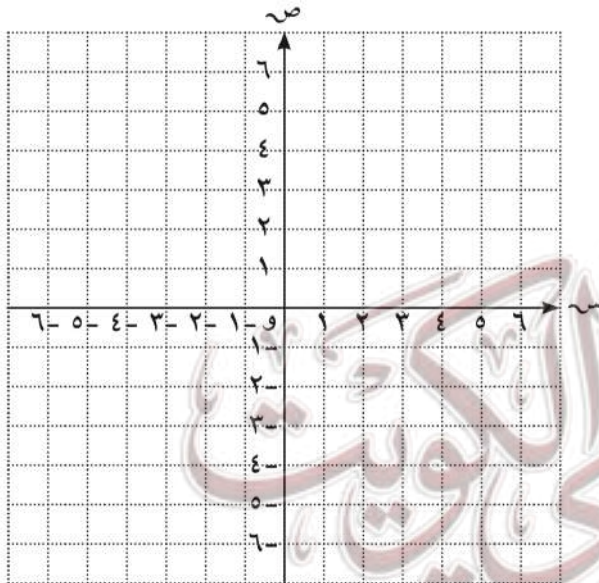




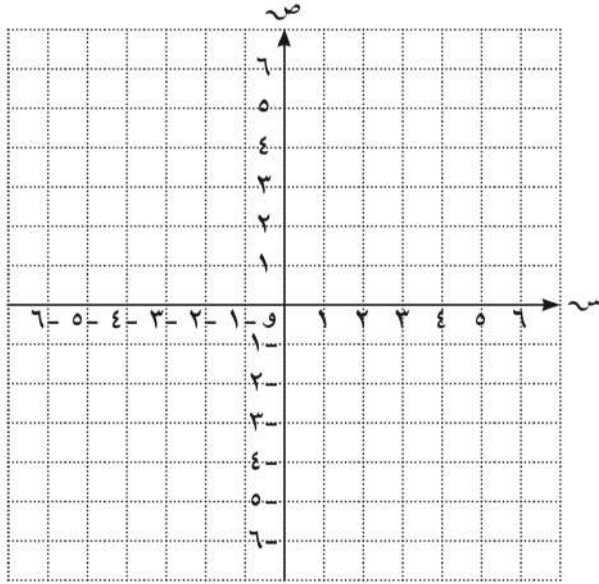
ارسم المثلث الذي رؤوسه أ(0, 2) ، ب(2, 4) ، و(0, 0) ثم ارسم صورته وفق دوران حول نقطة الأصل بزاوية 90° مع اتجاه عقارب الساعة



ارسم المثلث الذي رؤوسه ل(-2, 0) ، م(3, 4) ، ن(3, -6) ثم ارسم صورته وفق دوران حول نقطة الأصل بزاوية 180° عكس اتجاه عقارب الساعة



❶ ارسم المربع أ ب ج هـ الذي رؤوسه أ (٢ ، ٢) ، ب (٦ ، ٢) ، ج (٦ ، ٦) ، هـ (٢ ، ٦) ثم ارسم صورته تحت التأثير د (و ، -٢٧٠°) حيث و نقطة الأصل



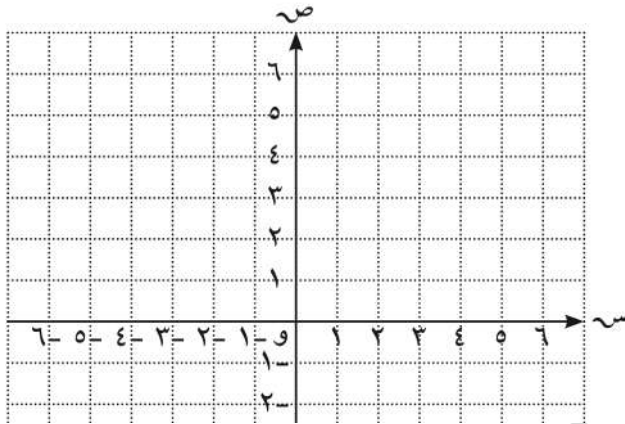
تمارين:

❶ أكمل كلاً مما يلي حيث (و) نقطة الأصل

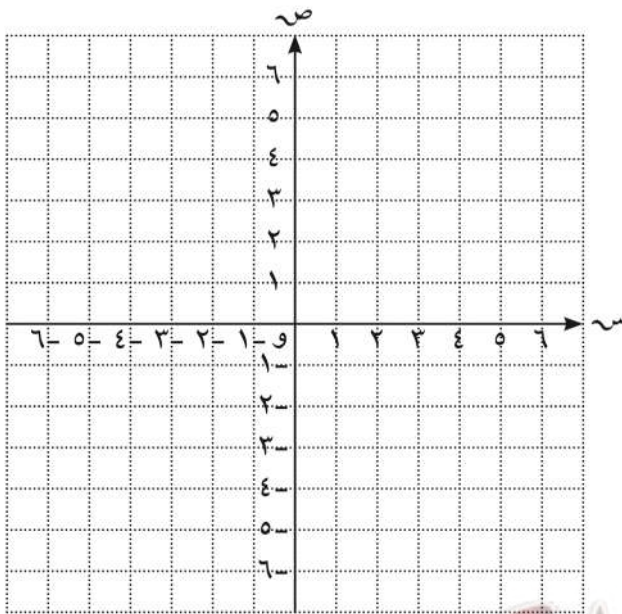
- (٧ ، ٣) د (و ، ٩٠°) _____ ←
- (٩- ، ١) د (و ، -٩٠°) _____ ←
- (٠ ، ٤) د (و ، ١٨٠°) _____ ←
- (٥ ، ٢-) د (و ، -١٨٠°) _____ ←
- (٨- ، ٠) د (و ، ٢٧٠°) _____ ←
- (١٠ ، ٣-) د (و ، -٢٧٠°) _____ ←

صفحة من مجلة الكويت

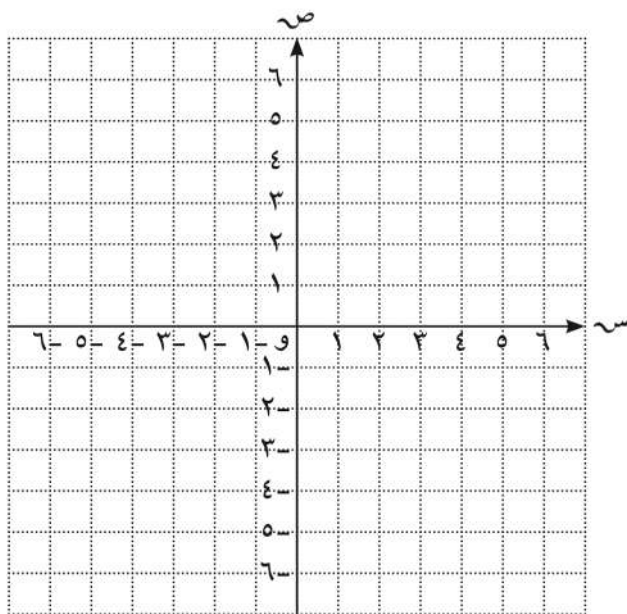
❶ ارسم المثلث ك ل م الذي إحداثيات رؤوسه: ك (0, 3), ل (2, 2), م (3, 0). ثم ارسم صورته بدوران حول نقطة الأصل وبزاوية قياسها 90° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة.



❷ ارسم المثلث أ ب ج الذي إحداثيات رؤوسه: أ (-2, 3), ب (-4, 4), ج (0, 2). ثم ارسم صورته بدوران حول نقطة الأصل وبزاوية قياسها 180° مع اتجاه حركة عقارب الساعة.



ارسم المستطيل ف ه ي م الذي إحداثيات رؤوسه: ف (١,٣) ، ه (١٠,٣) ، ي (١٠,٣-١) ، م (١,٣-١) ثم ارسم صورته تحت تأثير د (و ، ٢٧٠) ، حيث (و) نقطة الأصل



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



مُعَلِّمَاتُ الْيَوْمِ
صَفْوَةُ مِيسَرِي



التكبير في المستوى الإحداثي

إذا كانت (س، ص) نقطة في المستوى الإحداثي حيث و نقطة الأصل، م معامل التكبير فإن:

$$(س، ص) \xrightarrow{ت(و، م)} (س'، ص')$$

يقصد بالتكبير (تكبير أو تصغير):

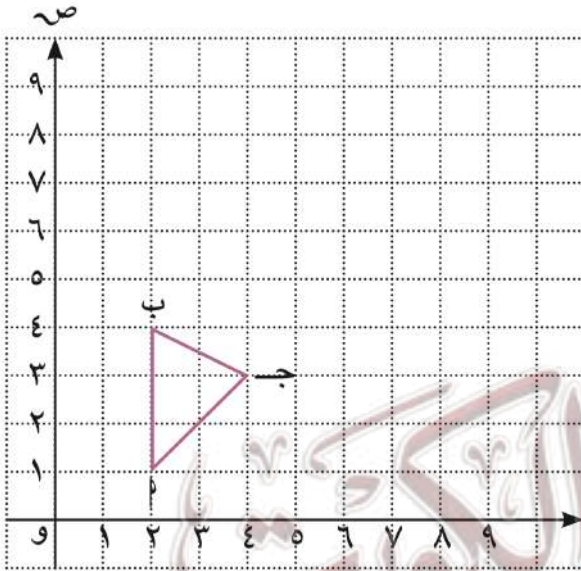
- إذا كان $م < ١$ فالتحويل يمثل تكبيراً.
- إذا كان صفر $م > ١$ فالتحويل يمثل تصغيراً.

خواص التكبير

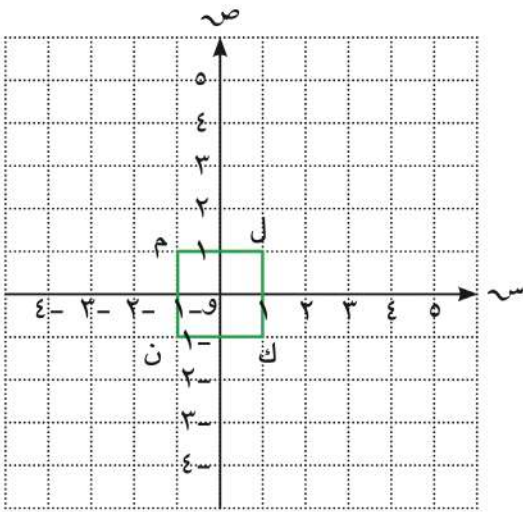
تحقق من الخواص التالية:

- التكبير يحافظ على الاستقامة.
- التكبير يحافظ على البينية.
- التكبير يحافظ على قياسات الزوايا.
- التكبير يحافظ على التوازي.
- التكبير يحافظ على الاتجاه الدوراني.
- التكبير لا يحافظ على الابعاد (تحويل غير متقايس).

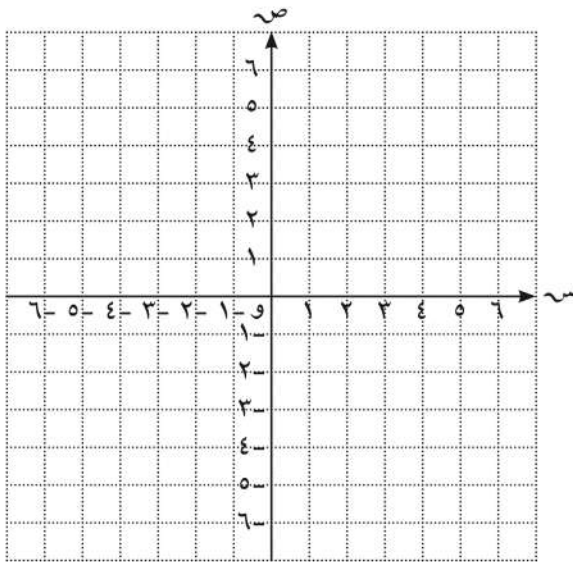
أرسم صورة المثلث أ ب ج مستخدماً التكبير الذي مركزه نقطة الأصل ومعامله ٢



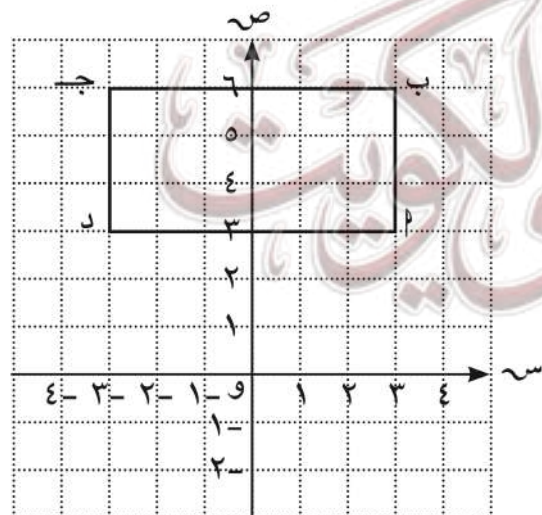
أرسم صورة المربع ل م ن ك مستخدما التكبير ت (و ، ٤)



أرسم صورة المثلث أ ب ج حيث أ (٢ ، ٠) ، ب (٢ ، ٠) ، ج (-٢ ، -٢) تحت التأثير ت (و ، ٣)



أوجد صورة المستطيل أ ب ج د بتصغير مركزه (و) ومعاملته ٣





إذا كان ت (و ، م) فإن:

نسبة محيطي الشكلين تساوي نسبة التكبير (م)
نسبة مساحتي الشكلين تساوي مربع نسبة التكبير (م^٢)

شكل هندسي مساحته ٢٥ م^٢ ومساحة صورته تحت تأثير تكبير ما هي ١٠٠ م^٢ أوجد معامل التكبير

ليكن ت (و ، م) أوجد المعامل (م) في الحالات التالية:

- أ (٢ ، ١) ، أ (٨ ، -٤) أ (٦ ، ٩) ، أ (٢ ، ٣) أ ب = ٦ سم ، أ ب = ٣٠ سم

شكل هندسي محيطه ١٢ م ومحيط صورته تحت تأثير تكبير ما هي ٤٨ م ، أوجد معامل التكبير

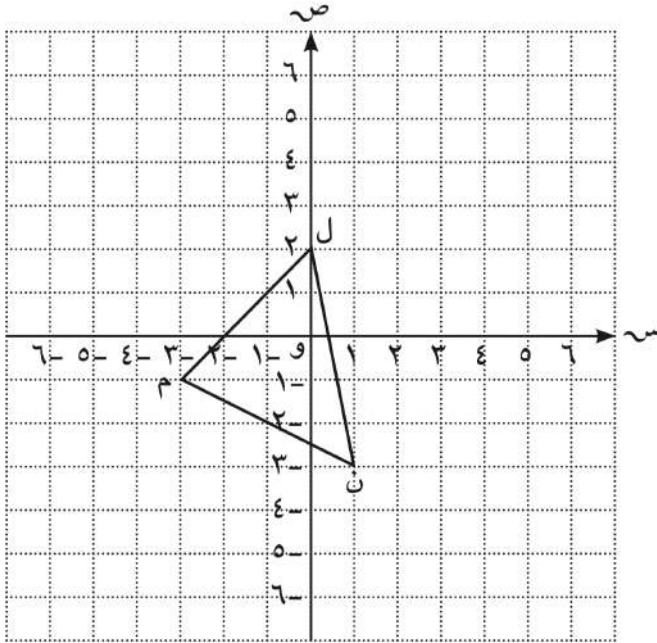
تمارين:

أكمل كل مما يلي حيث (و) هي نقطة الأصل:

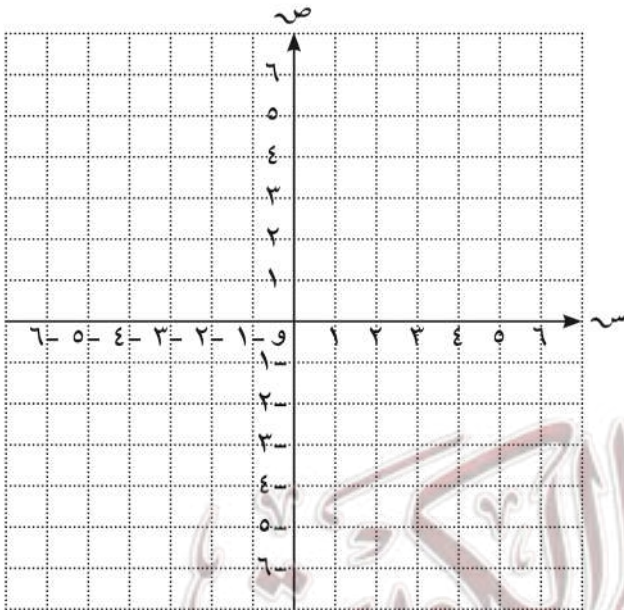
- أ (٣ ، ١) ت (و ، ٥) ←
- ب (٠ ، -٢) ت (و ، ٦) ←
- ج (٤ ، ٨) ت (و ، $\frac{1}{4}$) ←
- د (-٤ ، ٦) ت (و ، $\frac{1}{3}$) ←
- ك (-١٠ ، ١٢) ت (و ، $\frac{3}{4}$) ←
- ل (٩ ، -٧) ت (و ، ١) ←



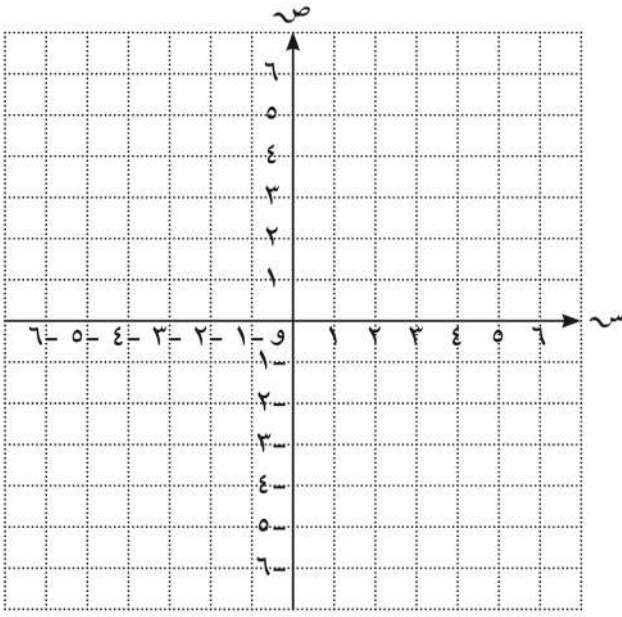
🔴 اكتب النقاط التي تمثل رؤوس المثلث ل م ن، ارسم صورة المثلث ل م ن تحت التأثير ت (و ، ٢)



🔴 ارسم إذا كانت أ (٢ ، ١) ، ب (١- ، ٢-) ثم ارسم أ ب صورة أ ب بتكبير مركزه نقطة الأصل ومعامله ٣ .



❶ ارسم الشكل الرباعي ف ه ي د حيث ف(٠ ، ٦) ، ه(٦ ، ٠) ، ي(٠ ، ٦-) ، د(٦- ، ٠-) ثم ارسم صورته تحت التأثير ت (١ ، ٠)



❷ أوجد معامل التكبير أو التصغير (م) في كل من الحالات التالية:

- أ(١ ، ٤) ، أ(٣ ، ١٢)
- أ(٠ ، ٠) ، أ(١٠ ، ٠)
- أ(٢- ، ٦-) ، أ(٣- ، ١-)
- أ ب = ٨ سم ، أ ب = ١ سم

❸ مستطيل بعده ٣ سم ، ٥ سم ، أوجد محيط ومساحة صورته تحت التأثير ت (٣ ، ٠)



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!

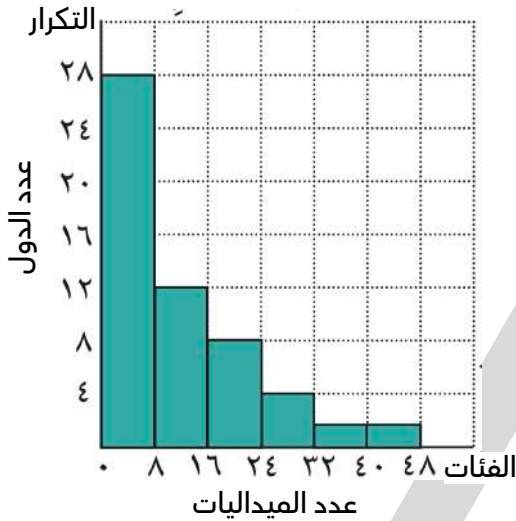


المدرج التكراري



المدرج التكراري:

هو تمثيل بياني بالأعمدة المتلاصقة لمجموعة بيانات منظمة في جدول تكراري ذي فئات



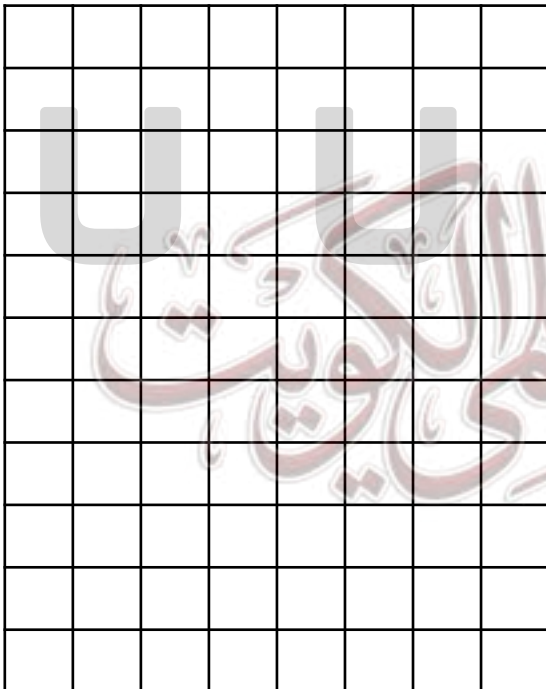
يُبين المدرج التكراري المقابل عدد الميداليات التي حصلت عليها الدول المشاركة في إحدى الدورات الأولمبية. أجب عما يلي:

- ما طول الفئة؟
- كم عدد الدول التي حصلت على ٣٢ ميدالية فأكثر؟
- كم عدد الدول التي حصلت على أقل من ٢٤ ميدالية؟

السرعة القصوى لأحد الشوارع ٤٥ كم/ساعة، يبين الجدول عدد المخالفات المسجلة، مثل البيانات بالمدرج التكراري

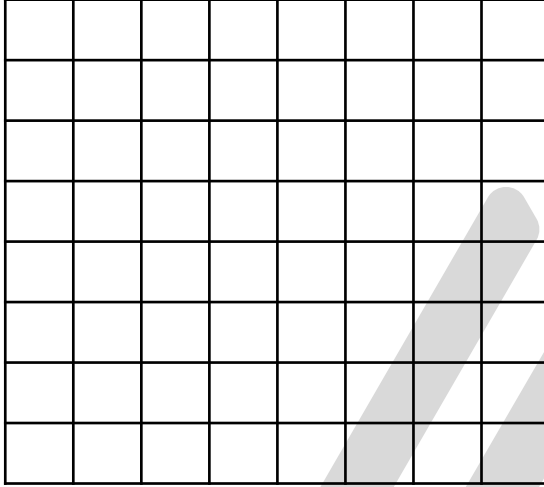
الفئات	٤٥-	٥٠-	٥٥-	٦٠-	٦٥-
التكرار	٥	٨	١٠	٦	٣

كم عدد المخالفات الذين بلغت سرعتهم ٥٥ كم / ساعة فأكثر؟



٥ يوضح الجدول التكراري التالي فئات أسعار أسهم بعض الشركات والمؤسسات التجارية المدرجة في أحد الأسواق المالية بالدولار الأمريكي. اصنع مدرجاً تكرارياً لهذه البيانات.

الفئات	٦٠-	٧٠-	٨٠-	٩٠-
التكرار	٢٨	٣٤	١٦	١٠



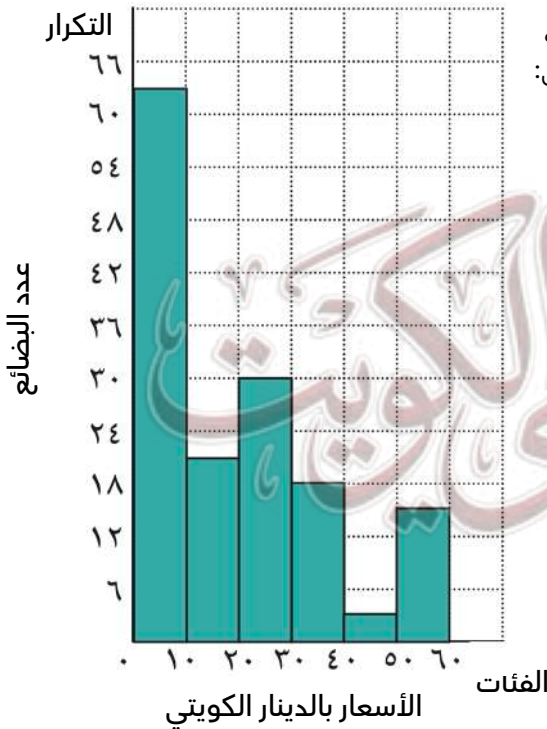
تمارين:

٥ يبين المدرج التكراري المقابل أسعار مختلف البضائع المباعة في إحدى الجمعيات التعاونية بالدينار الكويتي أجب عما يلي:

▪ ما طول الفئة؟

▪ كم عدد البضائع التي بلغ سعرها ٣٠ ديناراً فأكثر؟

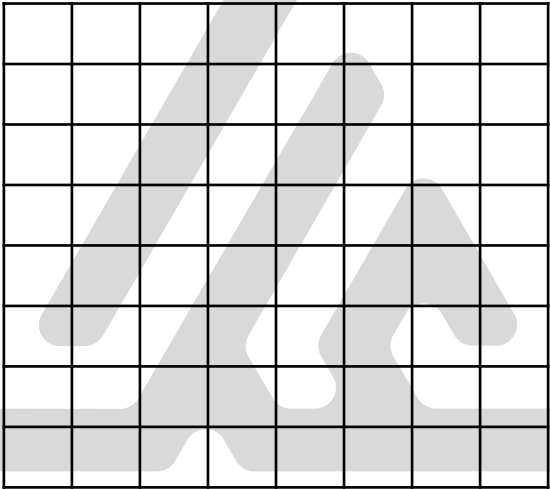
▪ ما الفئة الأكثر مبيعاً؟



يُبين الجدول التالي الزمن بالدقائق الذي استغرقه ٤٠ متعلماً للوصول من المنزل إلى المدرسة، اصنع مدرجاً تكرارياً لهذه البيانات.

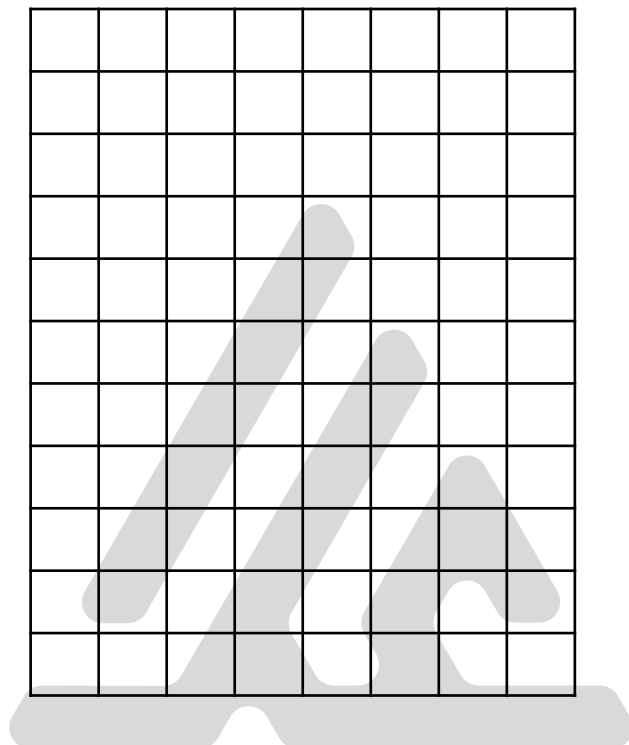
الفئات	-١٠	-١٥	-٢٠	-٢٥	-٣٠
التكرار	١٤	١١	٦	٥	٤

- كم عدد المتعلمين الذين يصلون إلى المدرسة في أقل من ٢٠ دقيقة؟
- كم عدد المتعلمين الذين يصلون إلى المدرسة في ٢٥ دقيقة فأكثر؟



يوضح الجدول التالي أطوال بعض المتعلمين في إحدى المدارس، اصنع مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات

الفئات	-١١٥	-١٢٥	-١٣٥	-١٤٥	-١٥٥
التكرار	٨	١٢	٢٠	١٩	١٥



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



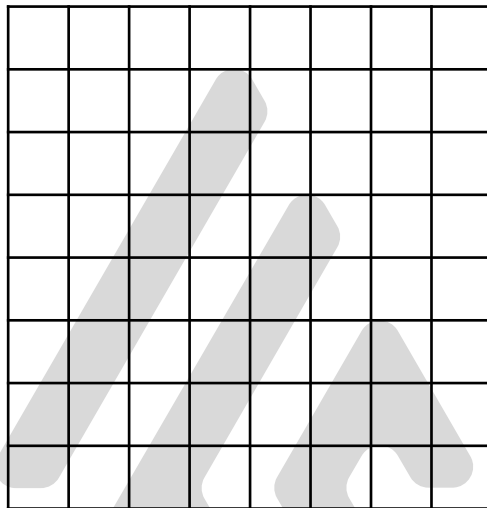
صِفْوَةٌ مَعَ الْكُوَيْتِ

المضلع التكراري



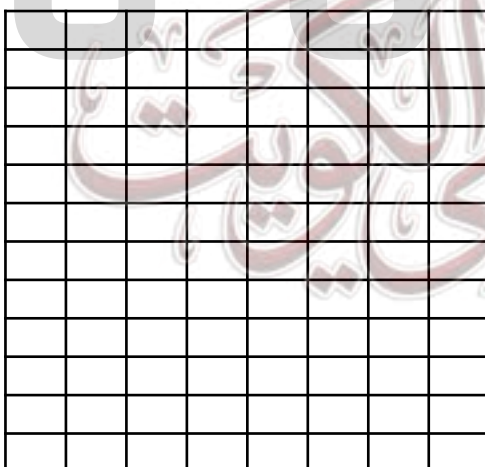
• يبين الجدول التالي المسافة المقطوعة بالكيلومتر من قبل ٤٨ سائقاً ، مثل البيانات بمضلع تكراري

الفئات	- ١٠٠	- ١٥٠	- ٢٠٠	- ٢٥٠	- ٣٠٠	- ٣٥٠
التكرار	٦	٩	١٦	٢٤	١٨	١١
مركز الفئة						



• الجدول التالي يبين أطوال طلاب الصف التاسع في إحدى المدارس:

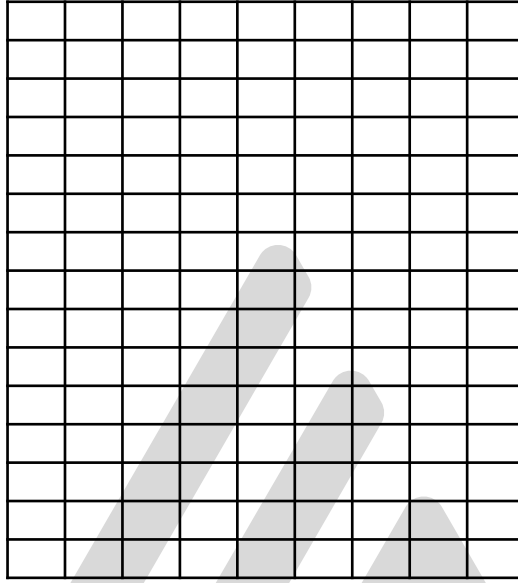
الفئات	- ١٤٠	- ١٥٠	- ١٦٠	- ١٧٠	- ١٨٠
التكرار	٣	٧	٩	٤	٢
مركز الفئة					



- أكمل الجدول بإيجاد مراكز الفئات
- كم عدد المتعلمين الذي تقل أطوالهم عن ١٦٠ سم؟
- ما مركز الفئة الأكثر تكراراً؟
- مثل بمضلع تكراري

❶ أكمل الجدول التالي بإيجاد مراكز الفئات ومثل بمضلع تكراري

الفئات	١٤ -	١٩ -	٢٤ -	٢٩ -	٣٤ -	٣٩ -	٤٤ -
التكرار	٨	١٦	٢٠	٢٦	٣٦	٢١	١٢
مركز الفئة							



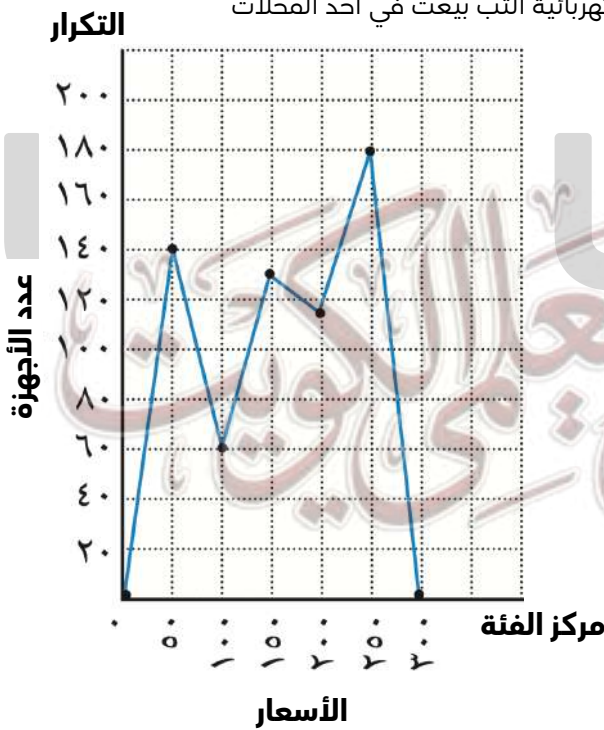
تمارين:

❶ يمثل الشكل المجاور أسعار بعض الأجهزة الكهربائية التي تبعت في أحد المحلات

▪ ماذا يسمى التمثيل البياني؟

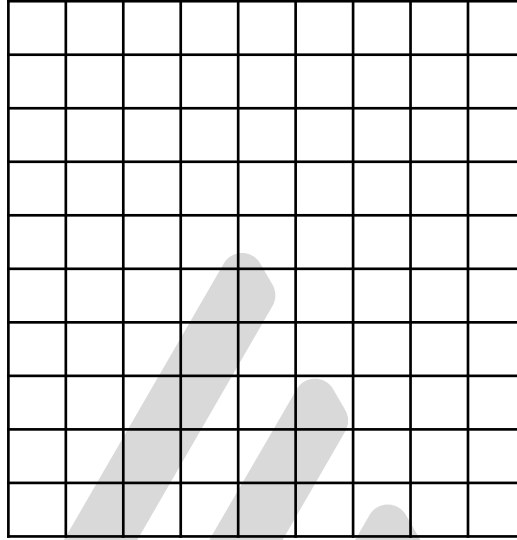
▪ ما مركز الفئة الأكثر تكراراً

▪ ما التكرار المقابل لمركز الفئة ١٥٠؟



❖ أكمل الجدول التالي بإيجاد مراكز الفئات ومثل لمضلع تكراري

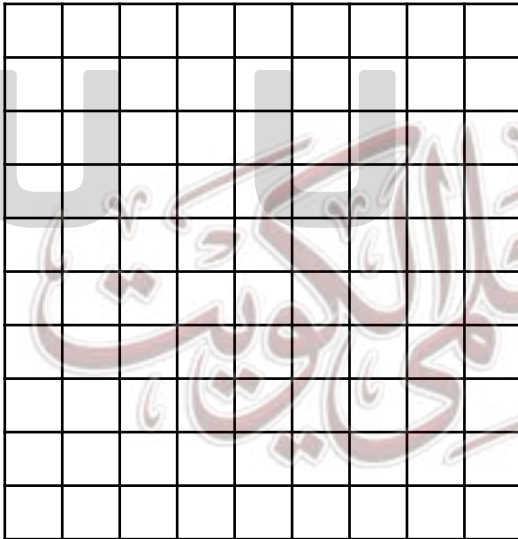
الفئات	- ١٠	- ٢٠	- ٣٠	- ٤٠	- ٥٠
التكرار	٣	٦	٩	٧	٥
مركز الفئة					



❖ يوضح الجدول التالي أوزان بعض متعلمي الصف التاسع

الفئات	- ٤٥	- ٥٥	- ٦٥	- ٧٥	- ٨٥	- ٩٥
التكرار	٦	٧	٢١	٢٧	١١	٣
مركز الفئة						

▪ ما طول الفئة؟



▪ كم عدد المتعلمين الذين أوزانهم ٦٥ كجم فأكثر؟

▪ أكمل الجدول بإيجاد مراكز الفئات ومثل بمضلع تكراري

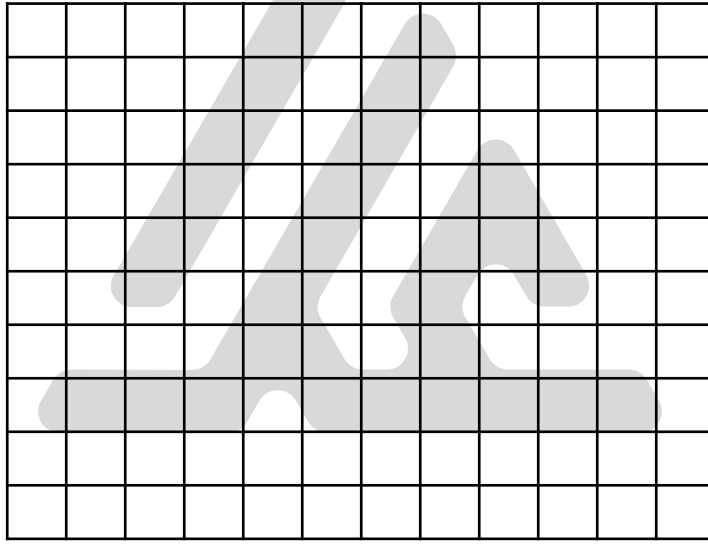
يوضح الجدول التالي أعمار بعض زوار مركز الشيخ جابر الثقافي في أحد الأيام

الفئات	٦ -	١٢ -	١٨ -	٢٤ -	٣٠ -	٣٦ -	٤٢ -
التكرار	٥٠	٨٥	٦٠	٧٢	٤٥	٣٨	٢٠
مركز الفئة							

ما طول الفئة ١٢ - ؟

ما الحد الأعلى للفئة الأخيرة ؟

أكمل الجدول بإيجاد مراكز الفئات ومثل بمضلع تكراري



تدرب وتفوق

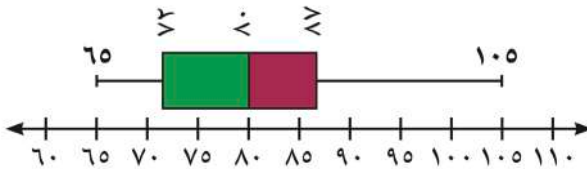
جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



مخطط الصندوق ذي العارضتين

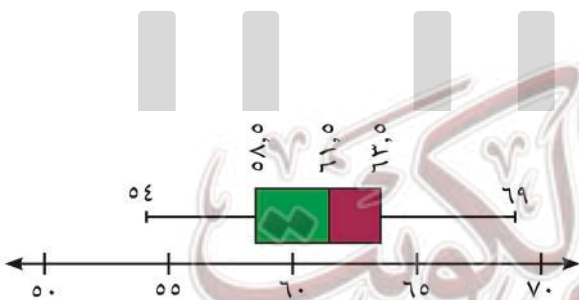


لديك البيانات: ٨٤ , ٧٥ , ٨٠ , ٧٦ , ٨٥ , ٧٧ , ٨٢ مثل هذه البيانات بمخطط الصندوق موضحاً خطوات الحل



لديك مخطط الصندوق المجاور، أكمل

- أصغر قيمة = _____
- أكبر قيمة = _____
- المدى = _____
- الأربعاء الأوسط (الوسيط) = _____
- الأربعاء الأدنى = _____
- الأربعاء الأعلى = _____



لديك مخطط الصندوق المجاور، أكمل

- أصغر قيمة = _____
- أكبر قيمة = _____
- المدى = _____
- الأربعاء الأوسط (الوسيط) = _____
- الأربعاء الأدنى = _____
- الأربعاء الأعلى = _____

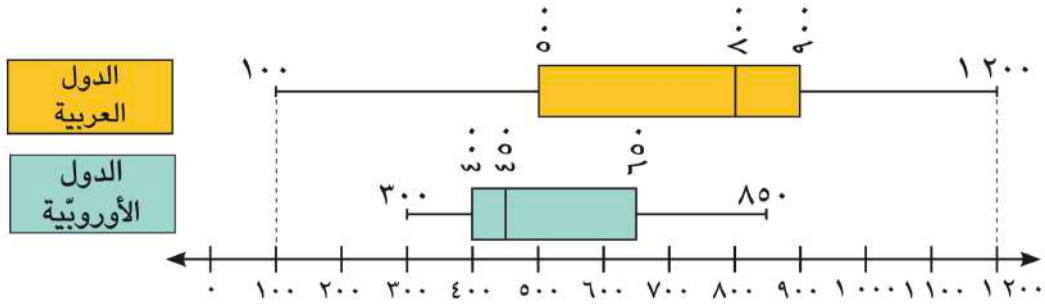
لديك بعض أسعار الإعلانات ففي بعض الصحف
١٦, ٢٧, ١٤, ١٠, ٩, ٢٥, ٨, ١٢, ٧, ٦, ١٥, ٣, ٤, ٥
اصنع مخططاً لصندوق ذي عارضتين لهذه الأسعار؟



في مسابقة لمادة الرياضيات حصل الفريق على الدرجات التالية:
١٠٠, ٩٩, ٩٦, ٩٥, ٩٤, ٩٣, ٩٠
اصنع مخططاً لصندوق ذي عارضتين لهذه الدرجات؟



❶ لاحظ المخطط التالي الذي يبين معدل مصروف المنزل في الدول العربية والدول الأوروبية



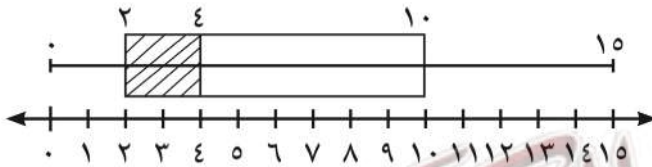
❷ أكمل الجدول التالي:

الدول العربية	الدول الأوروبية	
		المدى
		الوسيط
		الأرباعي الأدنى
		الأرباعي الأعلى
		الوسيط أقرب إلى الأرباعي
		الوسيط أبعد عن الأرباعي

تمارين:

❶ لاحظ المخطط التالي ثم أكمل

- المدى = _____
- الوسيط = _____
- الأرباعي الأدنى = _____
- الأرباعي الأعلى = _____



في مجموعة بيانات: ٦, ٧, ١, ٣, ٥, ٨, ٤
مثلاً بمخطط الصندوق ذي العارضتين مبيناً الخطوات



تصفح حصة كتيباً لأحد المتاجر فكانت أسعار الفساتين: ٢٥, ١٦, ٢٠, ٢٣, ٢٢, ٢٥, ٢٤, ٢٠
ارسم مخطط صندوق ذي العارضتين لهذه الأسعار



ارسم مخطط الصندوق لهذه البيانات: ٩٠٠, ٧٠٠, ٧٧٥, ٦٢٤, ٦٨٨, ٧٦٠, ٧٢٠, ٧٨٩, ٦٤٤, ٦٠٠



صِفْوَةٌ مَعَالِ الْكُوَيْتِ



تدرب وتفوق

جاوب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



الترجيح والعدالة - الاحتمال



الترجيح: $\frac{\text{عدد نواتج وقوع الحدث}}{\text{العدد نواتج عدم وقوع الحدث}}$

أوجد ترجيح سحب قرص أزرق من حقيبة تحتوي على قرصين زرقاوان و 0 أقراص حمراء و ٤ أقراص بيضاء

عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ مرة واحدة وملاحظة الوجه العلوي

▪ اكتب فضاء العينة

▪ أوجد ترجيح ظهور العدد ٢

أوجد ترجيح كل حدث مما يلي:

▪ ظهور صورة عند رمي قطعة نقود معدنية مرة واحدة

▪ ظهور العدد (٢ أو 0) عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦

يلعب كل من عبد الله وخالد وعيسى لعبة المكعبات المرقمة من ١ إلى ٦

يحصل عبد الله على نقطة إذا ظهر على المكعب العدد ١

يحصل خالد على نقطة إذا ظهر على المكعب عدد زوجي

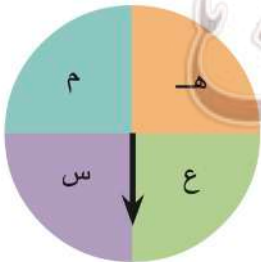
يحصل عيسى على نقطة إذا ظهر على المكعب العدد ٣ أو العدد 0

أوجد ترجيح فوز كل لاعب وحدد ما إذا كانت اللعبة عادلة أم لا

تلاعب كل من عائشة وهناء ومنيرة وسارة تدوير المؤشر المجاور

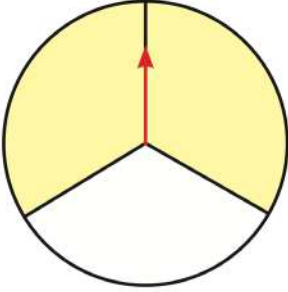
تحصل كل لاعبة على نقطة إذا توقف المؤشر على الحرف الأول من اسمها

أوجد ترجيح فوز كل لاعبة وحدد ما إذا كانت اللعبة عادلة أم لا



أوجد ترجيح فوز كل لاعب وحدد ما إذا كانت اللعبة عادلة أم لا

ترمي نوف وحنان قطعة معدنية، تفوز نوف بنقطة إذا ظهرت صورة، وتفوز حنان بنقطة إذا ظهرت كتابة:



في الدوارة التالية يدير سالم ونايف المؤشر الدوار، يفوز سالم إذا توقف المؤشر على اللون الأصفر، ويفوز نايف إذا توقف المؤشر على اللون الأبيض

عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦، تفوز منى بنقطة إذا ظهر عدد زوجي، وتفوز أمل بنقطة إذا ظهر عدد أولي، وتفوز إيمان بنقطة إذا ظهر عدد يقبل القسمة على ٣



احتمال وقوع حدث : ل(أ) = $\frac{\text{عدد نواتج وقوع الحدث}}{\text{عدد كل النواتج الممكنة}}$

يحتوي صندوق على ٧ أقلام حمراء، ٣ أقلام خضراء، ٤ أقلام زرقاء. إذا تم اختيار قلم واحد عشوائياً فأوجد كلاً مما يلي:

ل(أزرق) = _____

ل(ليس أخضر) = _____

ل(أصفر) = _____

ترجيب الحدث أزرق = _____

❏ في تجربة إلقاء مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ مرة واحدة أكمل كلاً مما يلي:

- عدد النواتج الممكنة = _____
- عدد نواتج الحدث أ (ظهور عدد فردي) = _____
- عدد نواتج الحدث ب (ظهور عامل من عوامل العدد ٦) = _____
- ل(أ) = _____
- ل(ب) = _____
- ترجيح الحدث أ = _____
- ترجيح الحدث ب = _____

❏ إذا كان ترجيح حدث ما هو ٣ : ١٠ أوجد احتمال وقوع هذا الحدث

تمارين:

❏ أوجد ترجيح كل حدث مما يلي:

- (ظهور كتابة) عند رمي قطعة نقود مرة واحدة
- الحصول على (عدد أكبر أو يساوي ٢) عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ مرة واحدة
- (سحب كرة خضراء) من حقيبة تحتوي على ٤ كرات خضراء و ٣ كرات حمراء

❏ أوجد ترجيح الحدث في كل حالة وحدد ما إذا كانت اللعبة عادلة أم لا.

- عند رمي قطعة نقود معدنية، يحصل سالم على نقطة إذا ظهرت صورة ويحصل سعود على نقطة إذا ظهرت كتابة

- عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦، تحصل حصة على نقطة إذا ظهر العدد ١ وتحصل عبير على نقطة إذا ظهر العدد (٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥) وتحصل هدى على نقطة إذا ظهر العدد ٦



❑ يحوي صندوق بطاقات متماثلة مرقمة من ١ إلى ١٠ ، سحبت بطاقة عشوائياً، أوجد كلاً مما يلي

- فضاء العينة :
- ل (ظهور عدد أولي)

- ل (ظهور عامل من عوامل العدد ٤)
- ترجيح (ظهور عامل من عوامل العدد ٤)
- ترجيح (ظهور عدد زوجي)
- ترجيح (ظهور العدد ١٠)

❑ يمارس ٢٥ متعلماً في الصف التاسع رياضات مختلفة، ١٠ منهم يمارسون كرة السلة فقط ، ٨ يمارسون كرة القدم فقط ، والباقي يمارسون الجري فقط اخترنا متعلماً عشوائياً ما احتمال أن يكون هذا المتعلم:

- ممارساً كرة السلة؟
- لا يمارس الجري؟
- ممارساً كرة القدم أو رياضة الجري؟

❑ إذا كان ترجيح حدث ما هو ٣ : ٢ فما احتمال وقوع الحدث؟

❑ إذا كان احتمال حدث ما هو $\frac{0}{9}$ فما ترجيح هذا الحدث؟



تدرب وتفوق

جواب على أهم أسئلة الدرس واثبت لنا قوتك في هذا الدرس!



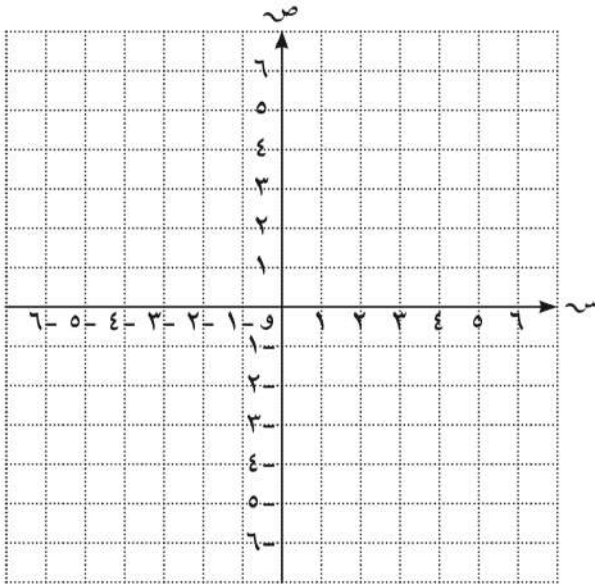
مراجعة الوحدة الرابعة



أكمل كلاً مما يلي:

$\overleftarrow{د(و, ٩٠^\circ)}$	أ(٣, -٤)
$\overleftarrow{د(و, -٩٠^\circ)}$	أ(٣, -٤)
$\overleftarrow{د(و, ١٨٠^\circ)}$	أ(٣, -٤)
$\overleftarrow{ت(و, ٤)}$	أ(٣, -٥)
$\overleftarrow{ت(و, \frac{1}{0})}$	أ(٠, -١٠)

ارسم المثلث الذي رؤوسه
ع(٠, -٤), م(٣, -٥), ل(٢, ١) ثم ارسم صورته
بدوران ٢٧٠° حول نقطة الأصل



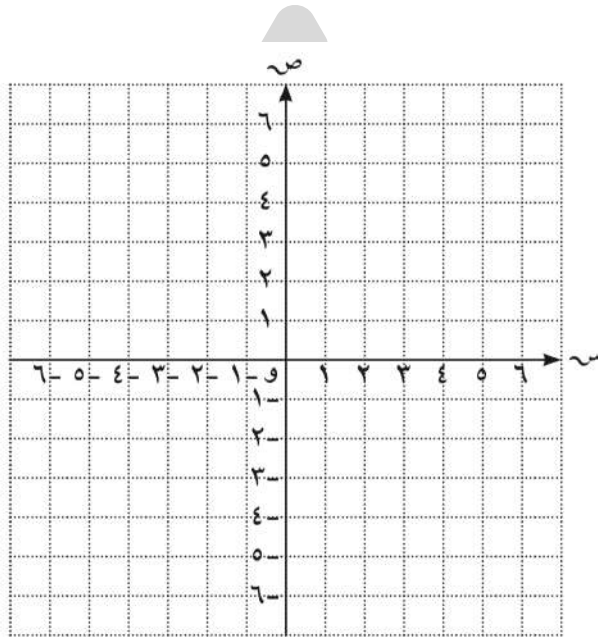
ليكن ت(و, م) أوجد معامل التكبير أو التصغير في كل من الحالات التالية

▪ ب(٤, ٨), ب'(١, ٢)

▪ ب ج = ٣ سم, ب' ج' = ٢٧ سم

ارسم المثلث الذي رؤوسه :

أ (0, 0) ، ب (0, 0) ، ج (0, 0) ثم ارسم صورته بتكبير ت (0, 0) ، (0, 0)

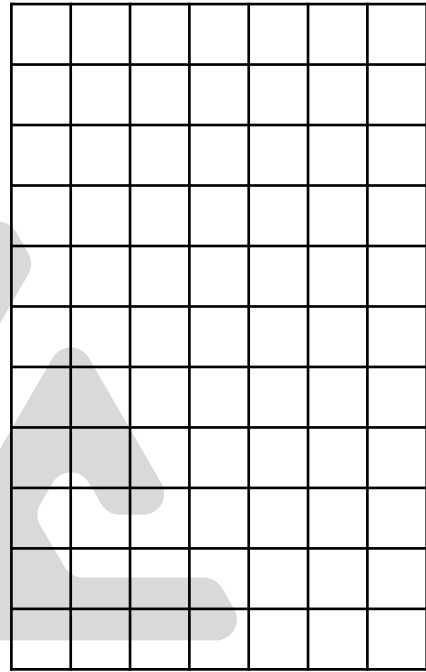
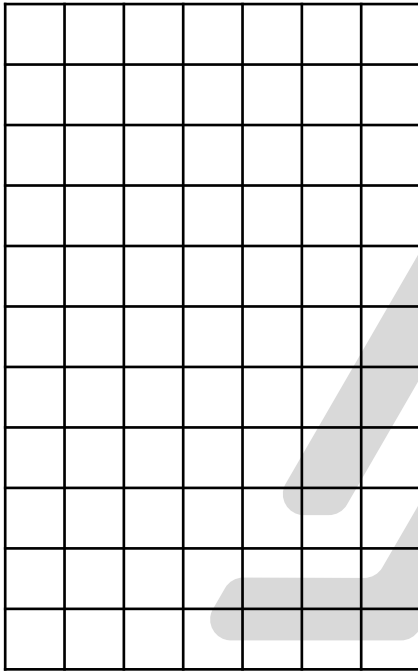


UULA
صِفْوَةٌ مَعَالِكُوتِ



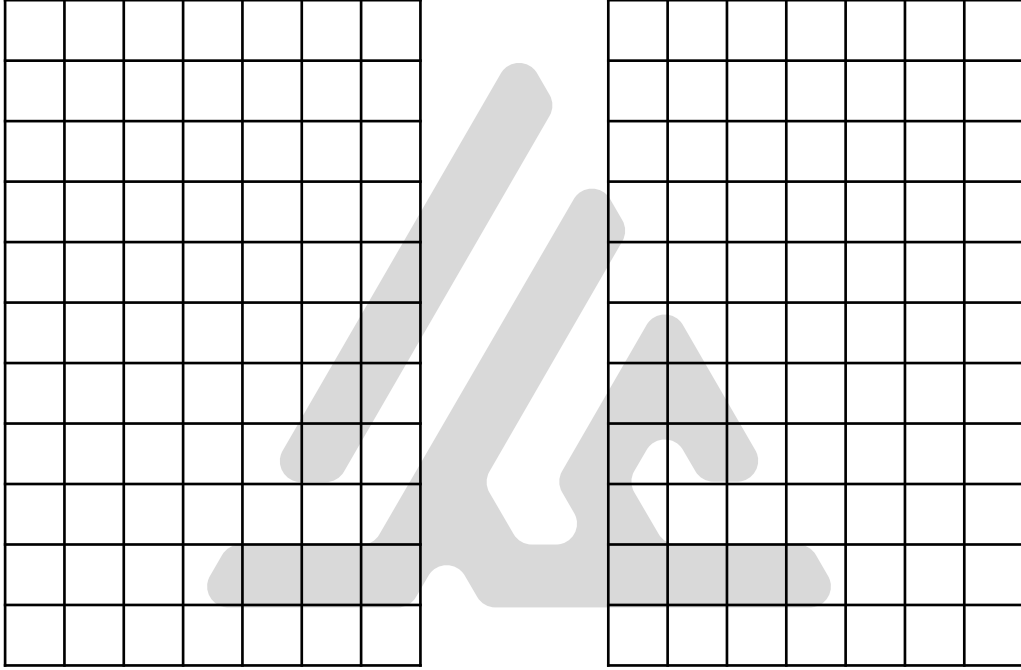
الفئات	- ٤	- ٨	- ١٢	- ١٦	- ٢٠
التكرار	٨	٥	٤	٧	٢
مركز الفئة					

- أكمل الجدول بإيجاد مراكز الفئات
- مثل بمدرج تكراري
- مثل بمضلع تكراري

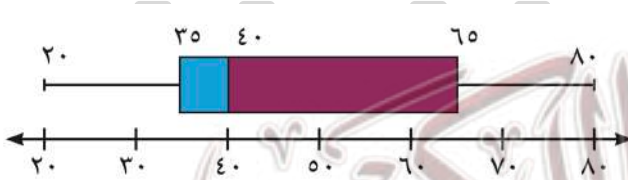


الفئات	- ١٠	- ٢٠	- ٣٠	- ٤٠	- ٥٠
التكرار	٥	١٠	٢٠	١٠	٥
مركز الفئة					

- أكمل الجدول بإيجاد مراكز الفئات
- مثل بمدرج تكراري
- مثل بمضلع تكراري



من مخطط الصندوق المجاور أكمل



- المدى =
- الوسيط =
- الأربعاني الأدنى =
- الأربعاني الأعلى =

جاءت أوزان عدد من متعلمي الصف التاسع كما يلي
٦٥ , ٥٧ , ٥٩ , ٦١ , ٥٠ , ٦٧ , ٦٤ , ٦٦ , ٦٠ , ٦٣ , ٦٩ أوجد كلاً من

- الترتيب التصاعدي: _____
- الوسيط = _____
- الأربعاء الأدنى = _____
- الأربعاء الأعلى = _____
- ارسم مخطط الصندوق ذي العارضتين



أوجد احتمال وقوع الأحداث التي ترجيحها:

٠ : ٦

٧ : ١

يحتوي كيس ٨ كرات زرقاء و ٣ كرات خضراء و ٤ كرات حمراء و كرة واحدة بيضاء , سحب كرة واحدة عشوائياً أوجد:

ل(زرقاء) = _____

ل(بيضاء) = _____

ل(ليست خضراء) = _____

ترجيح (سحب كرة زرقاء) _____

ترجيح (سحب كرة حمراء) _____





ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة .

د (و ، - ٣٠) يكافئ د (و ، ٣٣٠)

ب (أ)

الدوران تحويل هندسي لا يحافظ على الأبعاد

ب (أ)

التكبير تحويل هندسي لا يحوي نقاطاً صامدة

ب (أ)

مثلث أطوال أضلاعه ٥ سم ، ٦ سم ، ٣ سم ، فإن محيط صورته تحت تأثير تكبير ت (و ، ٢) هو ٢٨ سم

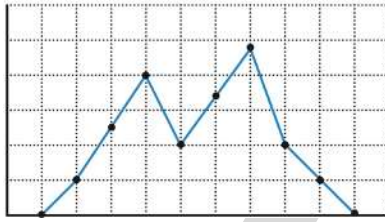
ب (أ)

طول الفئة (٩ - ٤) هو ٥

ب (أ)

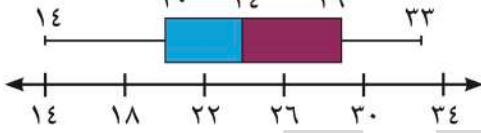
الشكل المجاور هو المدرج التكراري

ب (أ)



في المخطط المجاور الأرباعي الأعلى هو ٢٠

ب (أ)



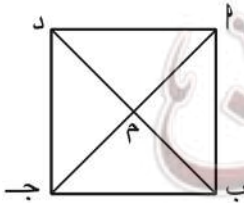
عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ ، يفوز عيد بنقطة إذا ظهر عدد أولي ، ويفوز فهيد بنقطة إذا ظهر عدد زوجي ، فإن اللعبة عادلة

ب (أ)

اختر الإجابة الصحيحة:

شكل هندسي مساحته ٢ سم^٢ ومساحة صورته تحت تأثير تكبير ما هي ٥٠ سم^٢ فإن معامل التكبير هو

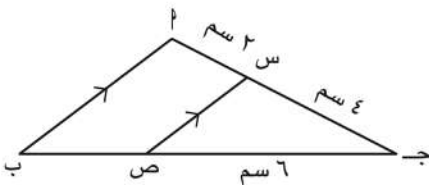
- أ (٢٥)
- ب (١٢,٥)
- ج (٥)
- د (١٠٠)



أ ب د مربع تقاطع قطريه في النقطة م ، صورة المثلث (أ م ب) بدوران د (م ، - ٢٧٠) هي

- أ (المثلث ب د م)
- ب (المثلث أ ب م)
- ج (المثلث ج د م)
- د (المثلث د أ م)

في الشكل إذا كانت س ص صورة أ ب بتكبير مركزه ج فإن معامل التكبير هو:



- أ (١)
- ب (٢)
- ج (٣)
- د (٤)

❶ إذا كانت النقطة ج (١ ، ٢) صورة النقطة (أ) بتصغير (و ، $\frac{1}{3}$) فإن (أ) هي :

- ① $(\frac{2}{3}, \frac{1}{3})$
- ② $(3, 1)$
- ③ $(6, 3)$
- ④ $(0, 3)$

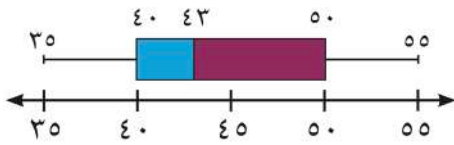
الفئة	- ١٤	- ١٨	- ٢٢	- ٢٦
التكرار	٦	١٨	١٨	١٠

❷ مركز الفئة الثالثة هو:

- ① ١٨
- ② ٢٠
- ③ ٢٢
- ④ ٢٤

❸ في البيانات الإحصائية، إذا كان مركزا فئتين متتاليتين هما ١٥ ، ٢٥ فإن طول الفئة يساوي

- ① ١٠
- ② ١٥
- ③ ٢٠
- ④ ٢٥



❹ في المخطط المجاور المدى لهذا البيانات يساوي

- ① ٥٠
- ② ٤٣
- ③ ٤٠
- ④ ٢٠

❺ إذا كان ترجيح حدث ما يساوي ٢ : ٣ فإن احتمال وقوع الحدث يساوي

- ① $\frac{1}{5}$
- ② $\frac{2}{5}$
- ③ $\frac{3}{5}$
- ④ $\frac{4}{5}$

❻ إذا كان احتمال وقوع حدث ما يساوي $\frac{0}{13}$ فإن ترجيح الحدث هو:

- ① ٨ : ١٣
- ② ٥ : ١٨
- ③ ٨ : ٥
- ④ ٥ : ٨

❼ ترجيح ظهور عدد يقبل القسمة على ٣ عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ مرة واحدة هو:

- ① ٣ : ١
- ② ١ : ٢
- ③ ٢ : ١
- ④ ١ : ٣