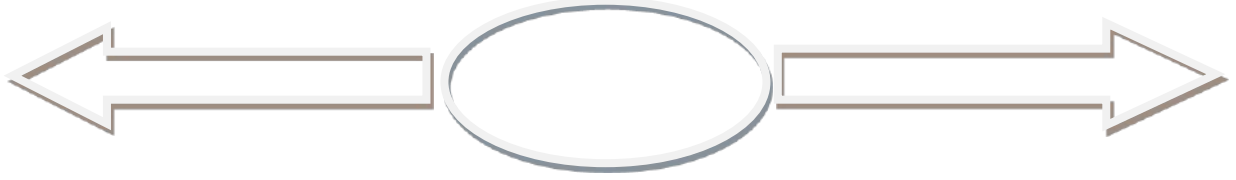




قناة الفلاح للرياضيات



الفصل الدراسي الأول

مذكرة الفلاح

الصف الثاني عشر أدبي



@MOH82FALAH

المحتويات

الوحدة الأولى: التقدير واختبارات الفروض

..... (١-١) التقدير

..... (١-١-١) التقدير بنقطة

..... (١-١-ب) التقدير بفترة الثقة

..... أولاً - إذا كان التباين للمجتمع σ^2 معلوم

..... ثانياً - إذا كان التباين للمجتمع σ^2 غير معلوم، $n < 30$

..... ثالثاً - إذا كان التباين للمجتمع σ^2 غير معلوم، $n \geq 30$

..... (٢-١) اختبارات الفروض الإحصائية

..... (١-٢-١) إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع σ معلوم

..... (١-٢-ب) إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع σ غير معلوم، $n < 30$

..... (١-٢-ج) إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع σ غير معلوم، $n \geq 30$

الوحدة الثانية: الارتباط والانحدار

..... (١-٢) الارتباط

..... (١-٢-١) المخطط الانتشاري

..... (١-٢-ب) معامل الارتباط الخطي

..... (٢-٢) الانحدار

الوحدة الثالثة: السلاسل الزمنية

..... (١-٣) السلسلة الزمنية

..... (٢-٣) عناصر السلسلة الزمنية

..... (٣-٣) تحليل السلسلة الزمنية

..... - معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية



التقدير (١-١)

الوحدة الأولى: التقدير واختبارات الفروض

المعلمة (Parameter):هي ثابت يصف المجتمع أو يصف توزيع المجتمع كالتوسط الحسابي μ أو الانحراف المعياري σ .**الإحصاء (Statistic Function):**هو اقتران تتعين قيمته من العينة كالتوسط الحسابي $\bar{x}$ أو الانحراف المعياري s .**تقدير المعلمة (Parameter Estimate):**

هو إحصاء تعتمد على قيم العينة وتعكس قيمة قريبة لمعلمة المجتمع ككل وتوزيعه.

التقدير بنقطة

التقدير بنقطة هي قيمة وحيدة محسوبة من العينة تستخدم لتقدير معلمة مجهولة من معالم المجتمع.

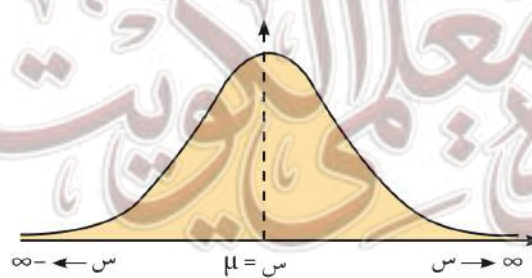
فترة الثقة**تعريف: فترة الثقة**

هي فترة طرفاها متغيران عشوائيان (أي أنها فترة عشوائية) تستخدم لتقدير إحدى معالم المجتمع.

منحنى التوزيع الطبيعي

تعرفنا فيما سبق على بيان منحنى التوزيع الطبيعي، وعلمنا من خواص التوزيع الطبيعي ما يلي:

- المتوسط الحسابي = الوسيط = المنوال.
- يكون بيان المنحنى على شكل ناقوس (جرس)
- متماثل حول محوره ($\mu = \bar{x}$).
- يمتد المنحنى من طرفيه إلى $-\infty$ وإلى $+\infty$ (لا يقطع المحور الأفقي).
- المساحة تحت المنحنى تساوي الواحد الصحيح (وحدة مساحة).

المستقيم الرأسى $\mu = \bar{x}$ يقسم المساحة تحت المنحنى إلى منطقتين متماثلتين مساحة كل منهما تساوي نصف وحدة مساحة كما في الشكل.

مثال: أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

مثال: أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٧٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

مثال: أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٠٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

مثال: أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

مركز
معلم الكويت
صفوة



١- إذا كان التباين للمجتمع معلوم

الخطوات المتبعة لإيجاد فترة الثقة للمتوسط الحسابي μ إذا كانت σ^2 معلومة حيث $n < 30$ أو $n \geq 30$ ١ نوجد القيمة الحرجة $z_{\alpha/2}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٥٪ وهي ١,٩٦.٢ نوجد هامش الخطأ $h = z_{\alpha/2} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ ٣ نوجد فترة الثقة $(\bar{x} - h, \bar{x} + h)$.

مثال: أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهم فإذا كان حجم عينة الإناث $n = 40$ والانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = 12,5$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 76,3$ عند مستوى ثقة ٩٥٪ أوجد مايلي:

(١) هامش الخطأ . (٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ (٣) فسر فترة الثقة .

مُعَلِّمَاتُ
صَفْوَةُ مِصْرِي



مثال: أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهن فإذا كان حجم عينة الإناث $n = 100$ والانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = 3,6$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 18,4$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ أوجد مايلي:

(١) هامش الخطأ . (٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ

مثال: أجريت دراسة لعينة من ١٨ طالباً حول متوسط عدد ساعات استخدام الألواح الذكية أسبوعياً. فإذا كان الانحراف المعياري $\sigma = 1,8$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 15$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ أوجد مايلي:

(١) هامش الخطأ . (٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ (٣) فسر فترة الثقة .

مُعَلِّمَاتُ
صِفْوَةُ مِصْرَ



مثال: أجريت دراسة لعينة من ٢٤ طالباً حول متوسط عدد ساعات مشاهدة التلفزيون أسبوعياً. فإذا كان الانحراف المعياري $\sigma = ٢,٥$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{S} = ٢١$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ أوجد مايلي:

(١) هامش الخطأ . (٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ

مثال: عينة عشوائية حجمها $n = ٦٤$ من مجتمع طبيعي فإذا كانت $\sigma^2 = ١٦$ ، $\bar{S} = ١٣$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ أوجد مايلي :

(١) هامش الخطأ . (٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ

مُعَلِّمَاتُ الْكَوَيْتِ
صِفْوَةٌ مِائِي الْكُوَيْتِ



٢- إذا كان التباين للمجتمع غير معلوم $n < 30$ الخطوات المتبعة لإيجاد فترة الثقة للمتوسط الحسابي μ إذا كانت σ^2 غير معلومة حيث $n < 30$ ١) نوجد القيمة الحرجة $t_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٥٪ وهي ١,٩٦٢) نوجد هامش الخطأ $هـ = t_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$ ٣) نوجد فترة الثقة $(\bar{s} - هـ, \bar{s} + هـ)$.**مثال:** عينة عشوائية حجمها ٣٦ أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي ، فإذا كان المتوسط الحسابي للعينة ٦٠

وتباينها ١٦ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ مُعَلِّمِي الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِصْبُوح

مثال: أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها ($n = 81$) ، فإذا كان الانحراف المعياري للعينة ($\sigma = 9$) والمتوسط الحسابي ($\bar{x} = 50$) ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

مثال: أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها ($n = 60$) ، فإذا كان الانحراف المعياري للعينة ($\sigma = 18$) والمتوسط الحسابي ($\bar{x} = 36$) ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

مُعَلِّمَاتُ
صَفْوَةُ مِصْرِي



٣- إذا كان التباين للمجتمع غير معلوم $n \geq 30$

مثال: أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 23$ من مجتمع طبيعي
أوجد القيمة الحرجة المناظرة لمستوى ثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع ت .

مثال: أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي
أوجد القيمة الحرجة المناظرة لمستوى ثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع ت .

مُعَلِّمُ الْكُويْتِ
صَفْوَةُ مِي الْكُويْتِ



الخطوات المتبعة لإيجاد فترة الثقة للمتوسط الحسابي μ إذا كانت σ^2 غير معلومة، $n \geq 30$ ١ نوجد درجات الحرية $(n - 1)$.٢ نوجد القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ المناظرة لدرجة ثقة ٩٥٪ من جدول توزيع ت.٣ نوجد هامش الخطأ $ه = t_{\alpha/2} \times \frac{ع}{\sqrt{n}}$ ٤ نوجد فترة الثقة $(\bar{س} - ه، \bar{س} + ه)$.

مثال: أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمه $(n = 25)$ ، فإذا كان الانحراف المعياري للعينة $(ع = 10)$ والمتوسط الحسابي $(\bar{س} = 15)$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪

١ أوجد هامش الخطأ .

٢ أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

صِفْوَةٌ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



مثال: أوجد فترة ثقة ٩٥٪ للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ علماً أن العينة أخذت من مجتمع طبيعي.

إذا كان لدينا $\bar{x} = ٨,٤$ ، $s = ٢,٣$ ، $n = ١٣$

مثال: أخذت عينة عشوائية من ٢٠ نبتة لدارسة نموها. فإذا كان متوسط النمو = ٣٦ سم خلال عام والانحراف المعياري

للعينة ٤,٦ سم باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

مُعَلِّمَاتُ الْكَوَيْتِ
صِفْوَةُ مِصْبُوحٍ



الوحدة الأولى : التقدير واختبارات الفروض

اختبارات الفروض الإحصائية (٢-١)



تعريف: الفرض الإحصائي

هو ادعاء معيّن مبني على حيثيات معقولة حول معلمة من معالم المجتمع مثل المتوسط الحسابي μ أو الانحراف المعياري σ .

تعريف : المقياس الإحصائي

هو قيمة وحيدة محسوبة من العينة تحت شروط معينة.

تعريف: اختبارات الفروض الإحصائية (اختبار المعنوية)

هي طريقة معيارية لاختبار ادعاء ما حول معلمة من معالم المجتمع.

الخطوات المتبعة لإجراء اختبار الفروض الإحصائية:

- ١ صياغة الفروض الإحصائية (فرض العدم F_0 والفرض البديل F_1).
- ٢ التحقق من الانحراف المعياري للمجتمع σ (معلوم أم غير معلوم) وتحديد حجم العينة (n) ومن ثم إيجاد المقياس الإحصائي للاختبار (U أو T)، (مسترشداً بالجدول التالي):

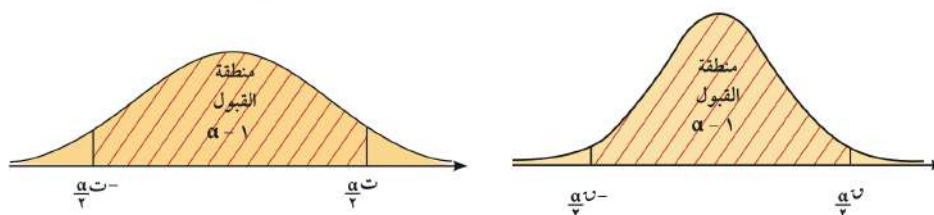
حجم العينة (n)	المقياس الإحصائي (U أو T)	الانحراف المعياري (σ)
لا يشترط حجم معين للعينة	$U = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$	معلوم
$n < 30$	$U = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$	غير معلوم (نستبدل σ بـ s)
$n \geq 30$	$T = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$	

- ٣ تحديد مستوى المعنوية α وحساب القيمة الجدولية U_{α} من جدول التوزيع الطبيعي المعياري أو القيمة الجدولية T_{α} من جدول T ذي درجات حرية.

- ٤ تحديد منطقة القبول: $(-U_{\alpha}, U_{\alpha})$ أو $(-T_{\alpha}, T_{\alpha})$ كما هو موضح بالشكل.

- ٥ اتخاذ القرار الإحصائي (قبول فرض العدم) أو (رفض فرض العدم وقبول الفرض البديل).

ملاحظة: ستقتصر دراستنا على مستوى ثقة ٩٥٪.



١- إذا كان الانحراف المعياري لمجتمع σ معلوم

مثال: تزعم شركة أن متوسط رواتب موظفيها يساوي ٤٠٠٠ دينار كويتي. إذا أخذت عينة من ٢٥ موظفاً، ووجد أن متوسط رواتب العينة هو ٣٩٥٠ ديناراً كويتياً فإذا علمت أن الانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = ١٢٥$ ديناراً وضح كيفية إجراء الاختبار الإحصائي بمستوى ثقة ٩٥٪.

مُعَلِّمُ الْكُويْتِ
صَفْوَةُ مِي الْكُويْتِ



مثال: يزعم صانع إطارات أن متوسط عمر الإطارات التي يصنعها $\mu = 25000$ كم. إذا أخذت عينة عشوائية من ١٥ إطاراً وأظهرت أن متوسطها الحسابي $\bar{x} = 27000$ كم. إذا علمت أن الانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = 5000$ كم فوضح كيفية إجراء الاختبار الإحصائي لمستوى ثقة ٩٥٪ .

مُعَلِّمُ الْكُوفَةِ
صَفْوَةُ مِيكَائِيلَ



مثال: بينت الدراسة أن قوة تحمل أسلاك معدنية لها متوسط حسابي $\mu = 25000$ كجم مع انحراف معياري $\sigma = 150$ كجم ويؤكد الأخصائيون في المصنع المنتج لهذه الأسلاك أن بإمكانهم زيادة قوة تحمل هذه الأسلاك ، وتأكيداً على ذلك تم اختبار عينة من ٤٠ سلكاً فتبين أن متوسط تحمل هذه الأسلاك يساوي ١٤٨٠ كجم.

هل يمكن قبول مثل هذا الفرض بمستوى معنوية $\alpha = 0.05$.

صِفْوَةٌ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



مثال: متوسط العمر لعينة من ١٥٠ مصباحا كهربائيا مصنعة في أحد المصانع هو $\bar{x} = ١٥٨٠$ ساعة بانحراف معياري $\sigma = ١٢٥$ ساعة . يقول صاحب المصنع أن متوسط العمر $\mu = ١٦٢٠$ ساعة ،
اختبر الفرض $\mu = ١٦٢٠$ ساعة مقابل الفرض البديل $\mu \neq ١٦٢٠$ ساعة باختيار مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$

صِفْوَةٌ مَعَالِ الْكَوْنِ



٢ - إذا كان الانحراف المعياري لمجتمع σ غير معلوم $n < 30$

مثال: إذا كان $n = 80$ ، $\bar{s} = 37,2$ ، $e = 1,79$ ،
اختبر الفرض بأن $\mu = 37$ ، عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$.

مُعَلِّمَاتُ
صَفْوَة مِي كُوَيْت



مثال: متوسط العمر لعينة من ١٠٠ مصباح كهربائي مصنعة في أحد المصانع هو $\bar{S} = ١٥٧٠$ ساعة بانحراف

معياري $\sigma = ١٢٠$ ساعة . يقول صاحب المصنع أن متوسط العمر $\mu = ١٦٢٠$ ساعة ،

اختبر الفرض $\mu = ١٦٠٠$ ساعة مقابل الفرض البديل $\mu \neq ١٦٠٠$ ساعة باختيار مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$

صِفْوَةٌ مَعَالِ الْكَوَيْتِ



٣ - إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع غير معلوم $n \geq 30$

مثال: يعتقد مدير شركة دراسات إحصائية أن متوسط الإنفاق الشهري على الطعام في منازل مدينة معينة يساوي ٢٩٠ ديناراً كويتياً. فإذا أخذت عينة عشوائية من ١٠ منازل تبين أن متوسطها الحسابي $\bar{s} = 283$ ديناراً وانحرافها المعياري $\sigma = 32$ ديناراً .
 فهل يمكن الاعتماد على هذه العينة لتأكيد ما افترضه؟ استخدم مستوى ثقة ٩٥٪ .

مُعَلِّمُ الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِي كُوَيْت



مثال: يعتقد مدير شركة دراسات إحصائية أن متوسط الإنفاق الشهري على الطعام في منازل مدينة معينة يساوي ٢٩٠ ديناراً كويتياً. فإذا أخذت عينة عشوائية من ١٠ منازل تبين أن متوسطها الحسابي $\bar{S} = ٢٩٦$ ديناراً وانحرافها المعياري $\sigma = ٥$ ديناراً .
فهل يمكن الاعتماد على هذه العينة لتأكيد ما افترضه؟ استخدم مستوى ثقة ٩٥٪ .

صَفْوَةُ مَعْلَمِ الْكُوَيْتِ



مثال: إذا كانت $n = 10$ ، فإذا كان $\bar{s} = 20$ ، $e = 4$

اختبر الفرض $F : \mu = 22$ مقابل الفرض البديل $F : \mu \neq 22$

عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

صَفْوَةُ مُعَلِّمِي الْكُوَيْتِ



الصحيح والخطأ

في البنود (١-١٠) عبارات ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و(ب) إذا كانت خاطئة.

(١) إذا سحبت عينة عشوائية حجمها $n = 9$ من مجتمع طبيعي متباينة $\sigma^2 = 9$ و كان $\bar{x} = 7,96$ فإن فترة

(أ) (ب)

الثقة للمعلمة μ بمستوى ثقة ٩٥٪ هي (٦ ، ٩,٩٢)

(أ) (ب)

(٢) إذا كانت μ تقع في الفترة (٢٥,٦٤١ ، ٣٤,٣٥٩) فإن $\mu = 30$

(٣) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي

أ (ب)

أو الانحراف المعياري لها.

(٤) التقدير بنقطة هي قيمة وحيدة محسوبة من العينة تستخدم لتقدير معلمة من معالم المجتمع المجهولة.

أ (ب)

(٥) إذا كان توزيع المجتمع طبيعي و σ غير معلومة وكان حجم العينة $n < 30$ فإن المقياس الإحصائي

أ (ب)

$$\frac{(\bar{x} - \mu)}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = t$$

أ (ب)

(٦) $(1 - \alpha)$ هي معامل مستوى الثقة.

(٧) لتعيين فترة ثقة للمعلمة μ إذا كان المجتمع يتبع التوزيع الطبيعي وتباينه σ^2 غير معلوم وكان حجم العينة

أ (ب)

العشوائية $n = 16$ فإن درجة الحرية للتوزيع تساوي ١٥

أ (ب)

(٨) إذا كانت فترة الثقة للوسط الحسابي للمجتمع (μ) هي:

$$(36,644, 38,956) \text{ فإن } \bar{x} = 37,8$$

أ (ب)

(٩) إذا كانت درجات الحرية هي ٣٠ فإن حجم العينة هو ٢٩

أ (ب)

(١٠) الإحصاءة هو اقتران تعيين قيمته من العينة كالمتوسط الحسابي

$\bar{s}$ أو الانحراف المعياري $\bar{c}$.

الاختيار من متعدد

في البنود (١١-٣٠) لكل بند ٤ اختيارات واحد فقط منها صحيح. ظلل دائرة الرمز الدال على الاختيار الصحيح.

استخدم المعطيات التالية للإجابة عن البنود (١١-١٣).

أخذت عينة من مجتمع طبيعي حجمها $n = 49$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 30$ وانحرافها المعياري $\bar{c} = 14$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ فإن:

(١١) القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ تساوي:

أ (ب) ١,٩٦

أ (ب) ١,٦٩

د (ب) ليس أي مما سبق

ج (ب) ١,٦٦

(١٢) هامش الخطأ يساوي:

أ (ب) ٣,٩٢

أ (ب) ١,٩٦

د (ب) ليس أي مما سبق

ج (ب) ١,٦٩

(١٣) فترة الثقة للمتوسط الحسابي هي:

أ (ب) (٢٦, ٣٣)

أ (ب) (٢٦,٠٨ , ٣٣,٩٢)

د (ب) ليس أي مما سبق

ج (ب) (٢٨,٠٤ , ٣١,٩٦)

استخدم المعطيات التالية للإجابة عن البنود (١٤ - ١٦).

أُخذت عينة من مجتمع طبيعي حيث $n = 25$ ، $\bar{s} = 50$ ، $\bar{c} = 15$ ، بمستوى ثقة ٩٥% فإن:
(١٤) القيمة الحرجة هي:

- أ) $t_{\alpha/2} = 1,96$ ب) $t_{\alpha/2} = 2,064$
ج) $t_{\alpha/2} = 1,96$ د) $t_{\alpha/2} = 2,064$

(١٥) هامش الخطأ يساوي:

- أ) $2,064$ ب) $2,128$
ج) $6,192$ د) $5,88$

(١٦) فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع (μ) هي:

- أ) $(52,064, 47,932)$ ب) $(56,192, 43,808)$
ج) $(56,128, 45,872)$ د) ليس أي مما سبق

(١٧) أُخذت عينة من مجتمع طبيعي حجمها $n = 36$ فإذا علم أن $\bar{s} = 10$ ، $\bar{c} = 2$ فإن عند مستوى ثقة ٩٠% تكون القيمة الحرجة هي:

- أ) $1,645$ ب) $1,64$
ج) $2,746$ د) $1,65$

استخدم المعطيات التالية للإجابة عن البندين (١٨ - ١٩).

أُخذت عينة من مجتمع طبيعي حجمها $n = 100$ ومتوسطها الحسابي $\bar{s} = 40$ وانحرافها المعياري $\bar{c} = 10$ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي عند مستوى ثقة ٩٧% تكون:

(١٨) القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ هي:

- أ) $2,16$ ب) $2,18$
ج) $2,17$ د) ليس أي مما سبق

(١٩) هامش الخطأ يساوي:

- أ) $2,17$ ب) $2,16$
ج) $4,34$ د) $6,51$

(٢٠) القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٩% تساوي:

- أ) $2,58$ ب) $2,57$
ج) $2,575$ د) $2,5$

(٢١) القيمة الحرجة $\alpha_{\frac{\nu}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٤% تساوي:

- أ) ١,٨٨٥ ب) ١,٨٨
ج) ١,٨٩٠ د) ٣,٢٩

(٢٢) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي هي $(١٧,٨, ٣,٢)$ فإن $\bar{s}$:

- أ) ٢١ ب) ١٠,٥
ج) ١,٩٦ د) ٠,٤٧٥

(٢٣) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة عشوائية أخذت من مجتمع طبيعي هي $(٣٨, ١٢)$ فإن التقدير بنقطة لمعلمة المجتمع المجهولة μ يساوي:

- أ) ١٢ ب) ٣٨
ج) ٢٥ د) ٥٠

(٢٤) أخذت عينة حجمها $n = ٩$ ، $\bar{s} = ٣٠$ من مجتمع طبيعي تباينه $\sigma^2 = ٩$ فإن الحد الأدنى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% هو:

- أ) ٣٠ ب) $٣٠ - ٢ \times ١,٩٦$
ج) $٣٠ + ١,٩٦$ د) $٣٠ - ١,٩٦$

(٢٥) أخذت عينة عشوائية من مجتمع احصائي حجمها $n = ٣٠$ ، وتباين المجتمع $\sigma^2 = ٩$ فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% يساوي ٣١,٩٦ فإن n :

- أ) ١٦ ب) ٩
ج) ٣٠ د) ١٥

(٢٦) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري $\nu = ٤٨٩٨$ =

- أ) ٢,٣ ب) ٢,٣٢
ج) ٢,٣١ د) ٢,٣٣

استخدم المعطيات التالية للإجابة عن البندين (٢٧ - ٢٨).

إذا كانت $n = ١٦$ ، $\bar{s} = ٣٥$ ، $\sigma = ٨$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٣٠$ عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ (٢٧) فإن المقياس الإحصائي هو:

- أ) $\nu = ٢,٥$ ب) $\nu = ٢,٥ -$
ج) $ت = ٢,٥$ د) $ت = ٢,٥ -$

(٢٨) منطقة القبول هي:

- أ (١,٩٦ ، ١,٩٦-) (ب) (٢,٥ ، ٢,٥-)
ج (٢,١٣٢ ، ٢,١٣٢-) (د) ليس أي مما سبق

استخدم المعطيات التالية للإجابة عن البندين (٢٩ - ٣٠).

إذا كانت $n = ١٦$ ، $\bar{s} = ٧٠$ ، $\sigma = ٥$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٧٢$ عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ فإن

(٢٩) المقياس الإحصائي هو:

- أ $١,٦ = \nu$ (ب) $١,٦ = \nu$
ج $١,٦ = t$ (د) $١,٦ = t$

(٣٠) منطقة القبول هي:

- أ (١,٩٦ ، ١,٩٦-) (ب) (٢,١٣٢ ، ٢,١٣٢-)
ج (٢,١٢٠ ، ٢,١٢٠-) (د) (١,٧٥٣ ، ١,٧٥٣-)

صَفْوَةُ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



الارتباط (١-٢)

الوحدة الثانية : الارتباط والانحدار

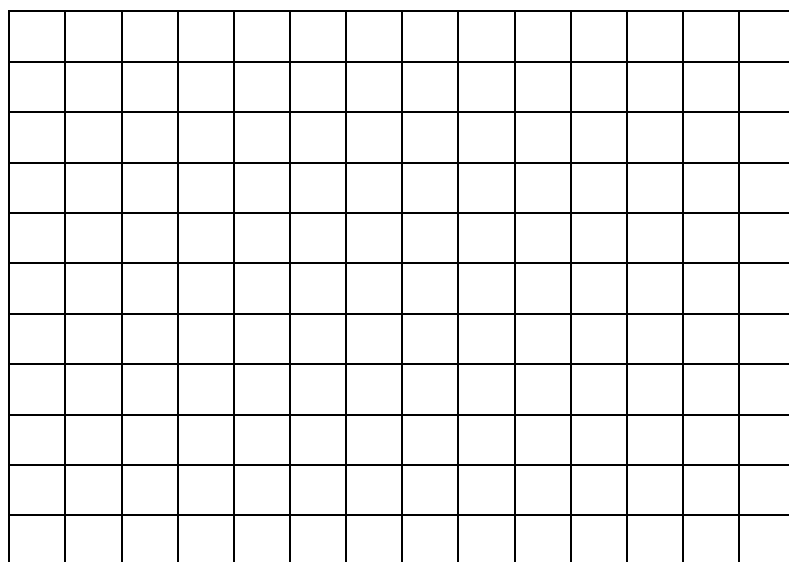
تعريف الارتباط : هو العلاقة بين متغيرين

المخطط الانتشاري: هو عبارة عن تمثيل بياني لعدد من الأزواج المرتبة (س ، ص) تستخدم لوصف العلاقة بين المتغيرين.

مثال: الجدول التالي يوضح العلاقة بين طول اللاعب (س) ومعدل المتابعات (ص) ، لسبعة لاعبين في مباراة كرة السلة.

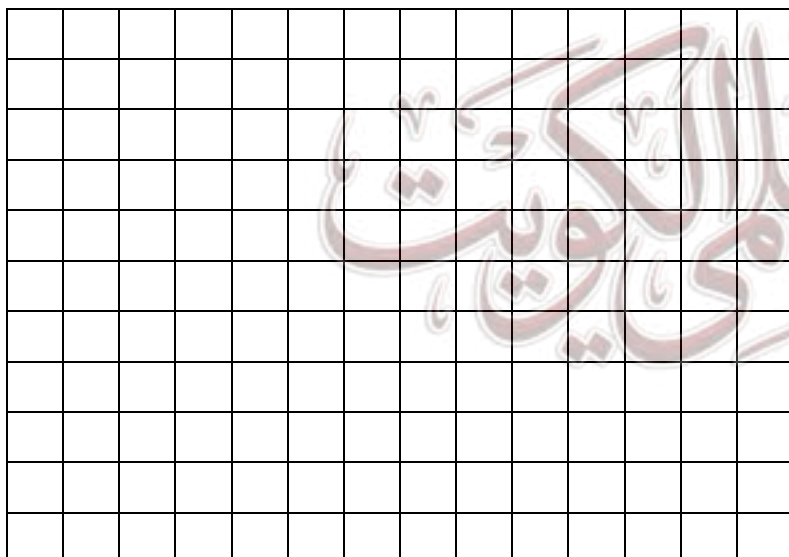
س	١٧٠	١٧٥	١٨٠	١٨٥	١٩٠	١٩٥	٢٠٠
ص	٣	٤	٥	٥	٧	١٠	١١

المطلوب ارسم المخطط الانتشاري.



مثال: ارسم المخطط الانتشار الذي يوضح البيانات التالية:

س	١٠٠	١١٠	١٢٠	١٣٠	١٤٠	١٦٠	١٧٠	١٨٠	١٩٠
ص	٢٢	٢٠	٢٠	١٩	١٨	١٧	١٥	١٦	١٤



أنواع الارتباط

١ ارتباط طردي (موجب):

هو علاقة بين متغيرين S ، V بحيث إذا تغير المتغير المستقل (S) فإن المتغير التابع (V) يتبعه في نفس الاتجاه.

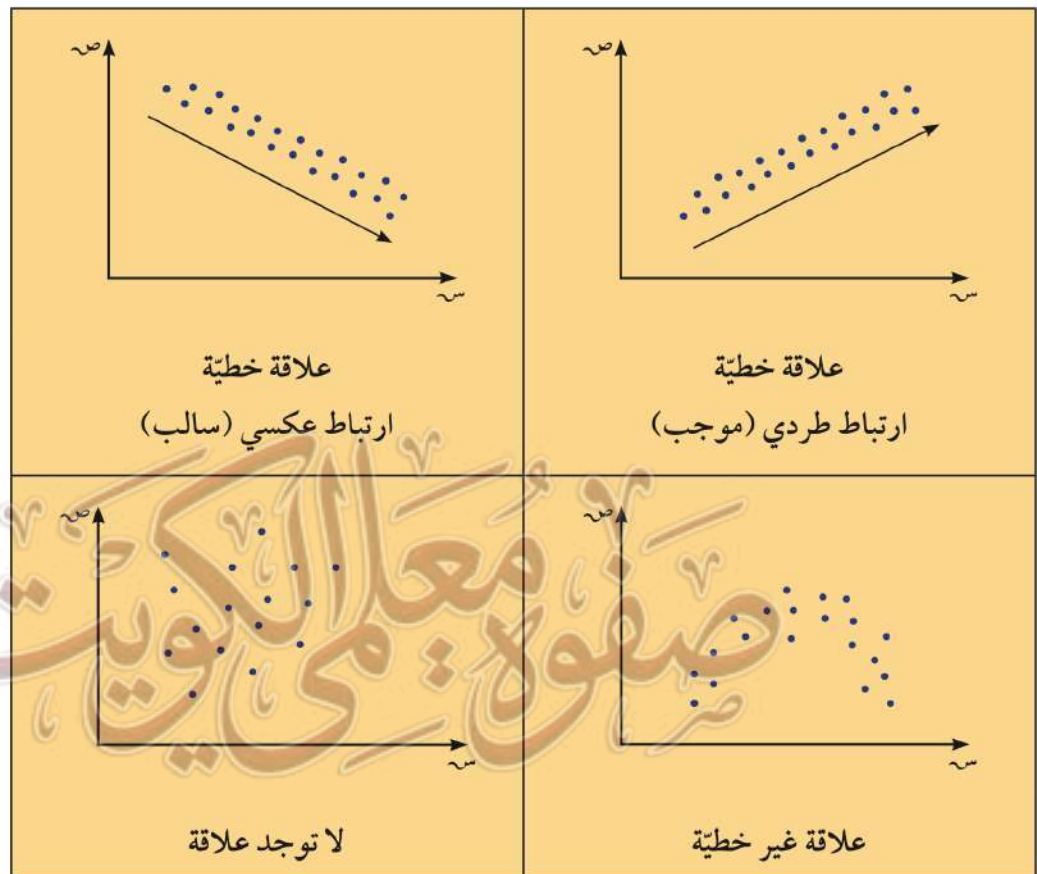
أي أنه كلما زادت قيمة S تزداد تبعاً لها قيمة V .

٢ ارتباط عكسي (سالِب):

هو علاقة بين متغيرين S ، V بحيث إذا تغير المتغير المستقل (S) فإن المتغير التابع (V) يتبعه في الاتجاه المضاد.

أي أنه كلما زادت قيمة S تتناقص تبعاً لها قيمة V .

بعض الأشكال التي توضِّح أنواع الارتباط



معامل الارتباط الخطي

تعريف معامل الارتباط :

هو عبارة عن مقياس عددي لقوة العلاقة بين متغيرين يمثلان بيانات كمية حيث $-1 \leq r \leq 1$

خواص معامل الارتباط :



١ $-1 \leq r \leq 1$ أو $r \in [-1, 1]$.

٢ إذا كانت $r = 1$ يكون الارتباط طردي (موجب) تام.

٣ إذا كانت $r = -1$ يكون الارتباط عكسي (سالب) تام.

٤ إذا كانت $r = 0$ ينعدم الارتباط.

٥ إذا كانت $r \in (0, 0.7]$ يكون الارتباط طردي (موجب) قوي.

٦ إذا كانت $r \in (0.5, 0.7]$ يكون الارتباط طردي (موجب) متوسط.

٧ إذا كانت $r \in (0, 0.5]$ يكون الارتباط طردي (موجب) ضعيف.

٨ إذا كانت $r \in (-0.5, 0)$ يكون الارتباط عكسي (سالب) ضعيف.

٩ إذا كانت $r \in (-0.7, -0.5]$ يكون الارتباط عكسي (سالب) متوسط.

١٠ إذا كانت $r \in (-1, -0.7]$ يكون الارتباط عكسي (سالب) قوي.

صيغة أخرى لمعامل ارتباط بيرسون

$$r = \frac{n(\sum xy) - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{n(\sum x^2) - (\sum x)^2} \sqrt{n(\sum y^2) - (\sum y)^2}}$$



مثال: أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته بين المتغيرين s ، v حيث :

١	١	٢	٤	٧	s
٤	٥	٨	١٥	٢٣	v

صَفْوَةُ مَعَالِكِيَّة



مثال: أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته بين المتغيرين س ، ص حيث :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	١	١-	٤-	٦-	٥-

مُعَلِّمُ الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِي



مثال: أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته بين المتغيرين s ، v حيث :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٣	٥	٧	٩	١١

مُعَلِّمُ الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِي



مثال: أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته بين المتغيرين s ، v حيث :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٤	٣	٢	١	٠

مُعَلِّمُ الْكُوَيْتِ
صَفْوَةُ مِي



مثال: أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته بين المتغيرين s ، v حيث :

٦	١٢	٩	٧	١١	٥	٨	s
٢	٨	٥	٣	٧	١	٤	v

مُعَلِّمَاتُ الْكَوَيْتِ
صَفْوَةُ مِصْبُوحٍ





الانحدار (٢-٢)

الوحدة الثانية : الارتباط والانحدار

تعريف الانحدار: هو وصف العلاقة بين متغيرين

معادلة خط الانحدار:

تعريف: معادلة خط الانحدار

هي المعادلة الخطية التي يمكن من خلالها التنبؤ بقيمة أحد المتغيرين إذا علمت قيمة المتغير الآخر.

خطوات إيجاد معادلة خط الانحدار: $\hat{y} = a + bx$

١ تعيين قيمة b

٢ تعيين قيمة a

٣ نكتب معادلة خط الانحدار: $\hat{y} = a + bx$

٤ التنبؤ بقيمة y إذا علمت قيمة x

٥ تحديد مقدار الخطأ في التنبؤ.

مقدار الخطأ = |القيمة الجدولية - القيمة التي تحقق معادلة الانحدار|

$$= |y - \hat{y}|$$

صِفْوَةٌ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



مثال: من البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

أوجد ماييلي : (١) معادلة خط الانحدار

(٢) قيمة ص عندما س = ١٠

(٣) مقدار الخطأ عندما س = ٥

صِفْوَةٌ مَعَالِي كَوِيَّة



مثال: من البيانات التالية لقيم س ، ص

س	٤	٥	٨	٩	١٠	١٢
ص	٢	٤	٥	٨	٦	١١

أوجد ماييلي : (١) معادلة خط الانحدار

(٢) قيمة ص عندما س = ١٠

(٣) مقدار الخطأ عندما س = ١٠

صِفْوَةٌ مَعَالِي كَوِيَّةٍ



مثال: من البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد ماييلي : (١) معادلة خط الانحدار

(٢) قيمة ص عندما $S = 7$

صِفْوَةٌ مَعَالِي كَوِيَّتْ



مثال: البيانات التالية لقيم متغيرين س ، ص :

س	٢	٣	٥	٦	٩
ص	٦	٠	١٥	٥	٢

أوجد معادلة خط الانحدار

صِفْوَةٌ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



بنود الصح والخطأ

في البنود (١-٥) عبارات ظلل الرمز (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و(ب) إذا كانت خاطئة.

- | | |
|-----|-----|
| (أ) | (ب) |
| (أ) | (ب) |
| (أ) | (ب) |
| (أ) | (ب) |
| (أ) | (ب) |

(١) الارتباط هو علاقة بين متغيرين.

(٢) إذا كان r معامل الارتباط بين متغيرين فإن $1 - r > 1$.

(٣) إذا كان معامل الارتباط بين متغيرين $r = 1 -$ كان الارتباط تاماً.

(٤) الانحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين.

(٥) إذا كان معامل الارتباط $r =$ صفر فإن الارتباط منعدم.

بنود الاختيار من متعدد

في البنود (٦-١٥) لكل بند ٤ خيارات واحد فقط منها صحيح. ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(٦) قيمة معامل الارتباط (r) التي تجعل الارتباط طردي تام بين المتغيرين s ، v هي:

- | | |
|-----------|------------|
| (أ) $1 -$ | (ب) $-0,5$ |
| (ج) $0,5$ | (د) 1 |

(٧) إذا كانت قيمة معامل الارتباط (r) بين متغيرين حيث $r \in (-1, -0,7]$ فإن العلاقة:

- | | |
|----------------|----------------|
| (أ) عكسية تامة | (ب) عكسية قوية |
| (ج) طردية تامة | (د) طردية قوية |

(٨) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي $\hat{ص} = ٥,٥ + ٣,٤س$ فإن قيمة ص المتوقعة عندما $س = ٦$ هي:

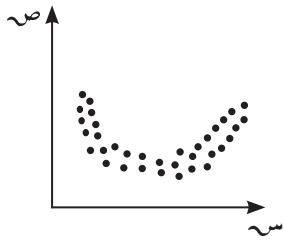
- (أ) ٠,٥ (ب) ٦,٨ (ج) ٢٩,٩٨ (د) ٢٥,٩

(٩) إذا كان مُعامل الارتباط بين متغيرين $ر = ٠,٨٥$ فإن الارتباط يكون:

- (أ) طردي قوي (ب) طردي ضعيف
(ج) طردي متوسط (د) طردي تام

(١٠) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي $\hat{ص} = ١ + ١,٤س$ فإن مقدار الخطأ عند $س = ٥$ علمًا بأن القيمة الجدولية هي $ص = ٩$ يساوي:

- (أ) ١ - (ب) ١ (ج) ١٧ (د) ٨



(١١) الشكل المقابل يمثّل علاقة بين متغيرين س ، ص نوع هذه العلاقة هو:

- (أ) علاقة خطية طردية (ب) علاقة خطية عكسية
(ج) علاقة غير خطية (د) ليس أي مما سبق

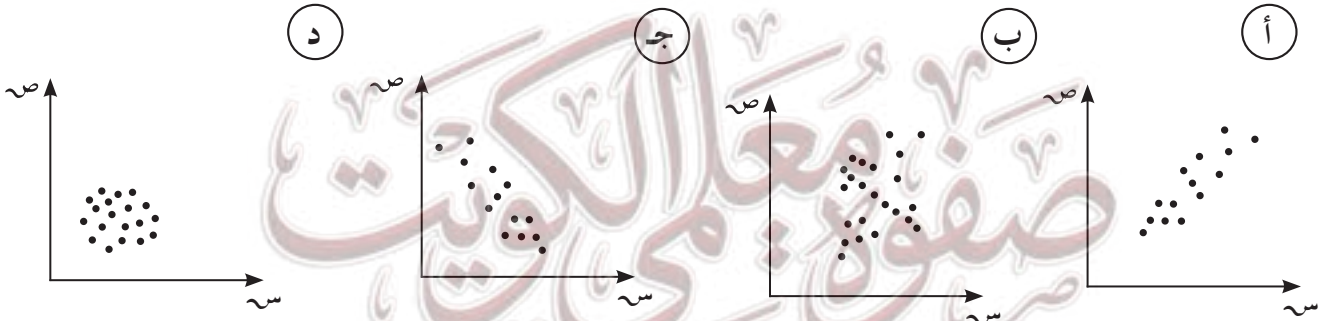
(١٢) من الجدول التالي:

س	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨
ص	٢٣	١٨	١٧	١٤	١٠	٦	٥	١

فإذا كانت معادلة خط الانحدار هي $\hat{ص} = -٣,٠٥س + ٢٥,٥$ فإن مقدار الخطأ عندما $س = ٥$ يساوي:

- (أ) ٠,٢٥ (ب) -٠,٢٥ (ج) ٢٠,٢٥ (د) ١٠,٢٥

(١٣) الشكل الذي يمثّل ارتباط عكسي قوي بين متغيرين س ، ص هو:



(١٤) قيمة مُعامل الارتباط لا يمكن أن تساوي:

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) -٠,٥ (د) ١,٥

(١٥) إذا كان مُعامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يساوي صفر فإن الارتباط يكون

- (أ) قوي (ب) ضعيف (ج) منعدم (د) تام



السلسلة الزمنية (٣-١)

الوحدة الثالثة: السلاسل الزمنية

تعريف السلسلة الزمنية :

هي مجموعة القيم التي تأخذها ظاهرة ما فترات زمنية غالباً ما تكون متساوية

مثال:

يبين الجدول التالي متغيرين ، الزمن بالأسابيع (س) وعدد الطلاب الذين تغيبوا عن المدرسة بداعي المرض (ص)

٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	س
٧	٦	٤	٤	٣	٢	٢	١	ص

(١) مثل البيانات أعلاه بالسلسلة الزمنية .

(٢) اذكر الاتجاه العام للسلسلة الزمنية .

الحل

صفحة من كتاب



مثال: يبين الجدول التالي متوسط العمر (ص) في احدى الدول خلال السنوات (س) من سنة ٢٠٠٤ الي سنة ٢٠١١

٢٠١١	٢٠١٠	٢٠٠٩	٢٠٠٨	٢٠٠٧	٢٠٠٦	٢٠٠٥	٢٠٠٤	الزمن (س)
٧٧	٧٦	٧٦	٧٥	٧٥	٧٥	٧٤	٧٤	العمر (ص)

- (١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.
(٢) ما نوع العلاقة بين متوسط العمر والزمن؟

الحل

[illegible]

مثال: يبين الجدول التالي متغيرين الزمن (س) بالسنوات ، وعدد الولادات (ص) بالآلاف

٢٠٠٨	٢٠٠٧	٢٠٠٦	٢٠٠٥	٢٠٠٤	٢٠٠٣	٢٠٠٢	٢٠٠١	٢٠٠٠	الزمن (س)
٥٥	٥٥	٥٣	٥١	٤٧	٤٥	٤٣	٤٢	٤٢	عدد الولادات (ص)

- (١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.
(٢) ما نوع العلاقة بين عدد الولادات والزمن؟

الحل

[illegible]

مثال: يبين الجدول التالي عدد الإصابات بشلل الأطفال (ص) بالآلاف في إحدى الدول خلال السنوات (س)

من سنة ١٩٦٠ الى سنة ١٩٦٧

١٩٦٧	١٩٦٦	١٩٦٥	١٩٦٤	١٩٦٣	١٩٦٢	١٩٦١	١٩٦٠	الزمن (س)
٣	٥	٧	١٠	١٢	١٤	١٥	١٧	عدد الإصابات بالألأف (ص)

(١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.

(٢) ما نوع العلاقة بين الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟

الحل

[illegible]

مثال: تهتم الدول بتنمية شعوبها من خلال القضاء على الأمية باستخدام الحاسوب وذلك بإعداد برامج بهذا الخصوص ، والجدول التالي يوضح عدد الأميين بالمئات في محافظة ما من خلال الفترات الزمنية الموضحة:

٢٠١٠	٢٠٠٩	٢٠٠٨	٢٠٠٧	٢٠٠٦	٢٠٠٥	٢٠٠٤	٢٠٠٣	٢٠٠٢	الزمن (س)
١٩	٢١	٢٣	٢٥	٢٤	٢٥	٢٥	٢٧	٣١	عدد الأميين بالمئات (ص)

- (١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه.
(٢) ما نوع العلاقة بين عدد الأميين في استخدام الحاسوب والزمن؟

الحل

[illegible]

الوحدة الثالثة: السلاسل الزمنية

عناصر السلسلة الزمنية (٢-٣)

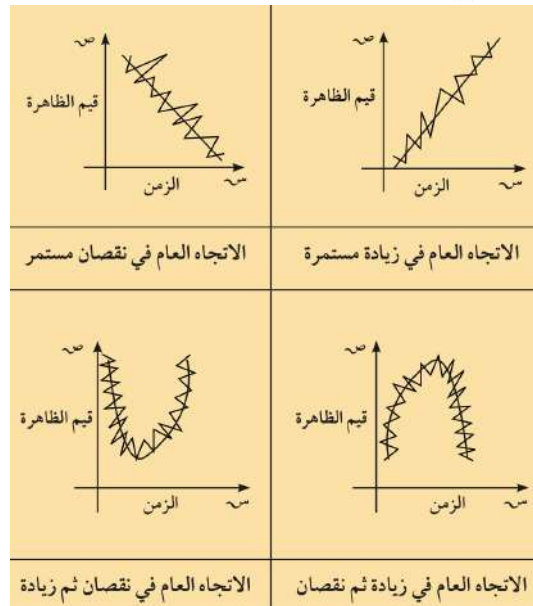


عناصر السلسلة الزمنية هي:

- (١) المؤثرات الاتجاهية (الاتجاه العام للسلسلة الزمنية).
- (٢) التغيرات الموسمية.
- (٣) التغيرات الدورية.
- (٤) التغيرات العرضية (الفجائية).

١ - الاتجاه العام للسلسلة الزمنية: هو الاتجاه الذي تأخذه السلسلة الزمنية لحدث ما خلال فترة طويلة من الزمن.

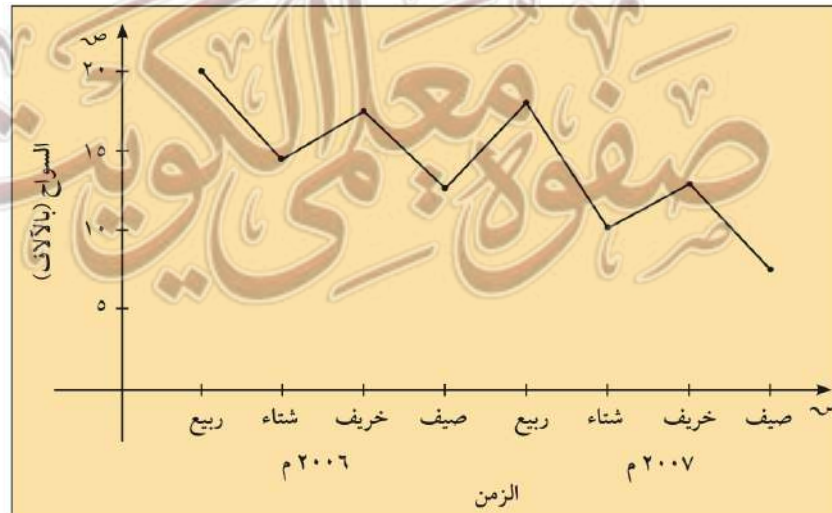
هناك العديد من الأمثلة التي تبين ذلك منها: عدد سكان بلد ما، الفئات العمرية للمجتمع، ...



٢ - التغيرات الموسمية: هي التغيرات التي تتكرر بانتظام خلال فترات زمنية أقل من سنة.

مثل سقوط الأمطار بشكل موسمي، واستهلاك الكهرباء والماء يزداد في فصل الصيف.

والشكل التالي يبين التغيرات الموسمية لأعداد السواح بالآلاف للعامين ٢٠٠٦ م، ٢٠٠٧ م على الترتيب.

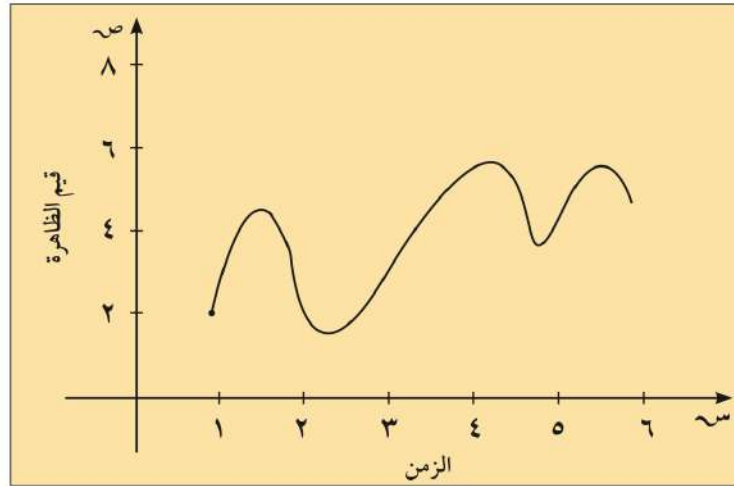


لاحظ أن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية في نقصان.



٣ - **التغيرات الدورية:** هي تغيرات للسلسلة الزمنية على فترات طويلة المدى نسبياً أكثر من سنة.

مثل ما يحدث لشركة ما من فترة رخاء اقتصادي ، ثم فترة ركود اقتصادي ثم فترة كساد ، ثم انفراج من الأزمة الاقتصادية.



لاحظ أن الاتجاه العام للسلسلة في تزايد.

٣ - **التغيرات العرضية (الفجائية):** تعود إلى تغيرات غير متوقعة أو إلى أمور يصعب التنبؤ بها. كالحروب والزلازل

ويمكن توضيح التغيرات العرضية أو الفجائية في المنحنى التاريخي للسلسلة الزمنية بالشكل التالي:



مثال: يبين الجدول التالي أرباح إحدى الشركات الكبرى بملايين الدنانير من سنة ١٩٨٥ الى سنة ٢٠٠٠

٢٠٠٠	٩٩	٩٨	٩٧	٩٦	٩٥	٩٤	٩٣	٩٢	٩١	٩٠	٨٩	٨٨	٨٧	٨٦	٨٥	السنة (س)
١٧	١٦	١٥	١٦	١٥	١٣	١١	١٠	٩	٥	١	١٢	١١	١١	١٠	١١	الربح بالملايين (ص)

- (١) مثل بيانياً على شكل خط منكسر بيانات الجدول أعلاه.
- (٢) ما نوع التغيرات التي طرأت على أرباح هذه الشركة؟ وما السبب الأبرز لهذه التغيرات؟

[illegible]

مثال: يمثل الجدول التالي أرباح إحدى الشركات الكبرى بملايين الدنانير من سنة ٢٠١٠ الى سنة ٢٠١٥

٢٠١٥	٢٠١٤	٢٠١٣	٢٠١٢	٢٠١١	٢٠١٠	السنة (س)
٧	٦	٥	٦	٥	٣	الأرباح (ص)

- (١) مثل بالخط المنكسر بيانات الجدول أعلاه .
(٢) اذكر ملاحظتك عن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية .

الحل

[illegible]

صِفْوَةُ مَعَالِي الْكُوَيْتِ



مثال: يبين الجدول التالي المسافات التي يركضها (بعشرات الأمتار) أحد لاعبي كرة القدم خلال ١٤ دقيقة.

١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	الزمن
١٤	٦	٢	٨	٩	٧	١٥	١٤	٦	٢	٨	٩	٧	١٥	المسافة (بعشرات الأمتار)

- (١) ارسم بيانياً على شكل منحني بيانات الجدول أعلاه.
(٢) ما الذي تلاحظه بالنسبة إلى الاتجاه العام للسلسلة؟

[illegible]

مثال: الجدول التالي يوضح عدد الطلاب المتقدمين للحصول على شهادة الماجستير من إحدى الكليات

من عام ١٩٩٨ م وحتى عام ٢٠٠٢ م

٢٠٠٢	٢٠٠١	٢٠٠٠	١٩٩٩	١٩٩٨	السنة (س)
١٢	١٠	٦	٤	٣	عدد الطلاب (ص)

(١) ارسم بيانياً على شكل منحني بيانات الجدول أعلاه .

(٢) ما الذي تلاحظه بالنسبة للاتجاه العام.

الحل

[illegible]



معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

الخطوات المتبعة لإيجاد معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

١ نفرض قيم الزمن (س) باعتباره الفترة الأولى (سنة الأساس) ونعبر عنه بالعدد صفر، الفترة الثانية بالعدد ١، ثم الفترة الثالثة بالعدد ٢، وهكذا ...

٢ نعين قيم الثوابت P ، b كما سبق شرحه حيث:

$$b = \frac{n(\sum \text{صس}) - (\sum \text{ص})(\sum \text{س})}{n(\sum \text{س}^2) - (\sum \text{س})^2}$$

$$P = \overline{\text{ص}} - b \overline{\text{س}} \quad \text{حيث:} \quad \overline{\text{ص}} = \frac{\sum \text{ص}}{n}, \quad \overline{\text{س}} = \frac{\sum \text{س}}{n}$$

٣ معادلة الاتجاه العام تكتب على الشكل التالي: $\hat{\text{ص}} = \text{ص} + b \text{س}$

٤ يمكننا التنبؤ بقيمة ص إذا علمت قيمة س .

٥ نحسب مقدار الخطأ:

مقدار الخطأ = |القيمة الجدولية - القيمة التي تحقق معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية|
ونعبر عنه بـ: $|\text{صس} - \hat{\text{صس}}|$.

صِفْوَةٌ مَعَالِمِ الْكُوَيْتِ



مثال: الجدول التالي يبين إنتاج إحدى شركات السيارات بالألف سيارة من سنة ٢٠٠٧ حتى سنة ٢٠١٣

السنة (س)	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١	٢٠١٢	٢٠١٣
عدد السيارات بالألف (ص)	٤٠	٦٠	٧٠	٩٠	١٠٠	١٥٠	١٨٠

(١) أوجد معادلة الاتجاه العام لقيم للسلسلة الزمنية.

(٢) قدر عدد السيارات المنتجة سنة ٢٠١٦

(٣) احسب مقدار الخطأ سنة ٢٠١١

مُعَلِّمُ الْكُويْتِ
صَفْوَةُ مِصْبُوحَةَ



٤ (١) الجدول التالي يبين قيم ظاهرة معينة خلال ٦ سنوات

السنة	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣
قيم الظاهرة	٣	٥	٨	١٠	١٢	١٤

أوجد معادلة الاتجاه العام لقيم الظاهرة.

مُعَلِّمَاتُ
صَفْوَة مِي كَوَيْت



بنود الصح والخطأ

في البنود (١-١٥) عبارات، ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة.

استخدم الجدول التالي للإجابة عن التمارين (١-١١):

٥	٤	٣	٢	١	الزمن (س)
١٥٢	١٥٤	١٤٠	١٤٣	١٣٥	ص

$$١٥ = ن \quad (١)$$
$$٥١ = \text{س} \exists (٢)$$
$$٧٢٤ = \text{ص} 3 \text{ (٣)}$$
$$س = \overline{س} \quad (4)$$
$$۱۴۵ = \overline{\text{ص}} \text{ (۵)}$$
$$55 = 3 \text{ س } 2 \quad (6)$$
$$\{ 2271 = \text{س ص} \} \text{ (v)}$$
$$\xi, \theta = \beta \quad (\wedge)$$
$$131,3 = 1 \quad (9)$$

(١٠) معادلة الاتجاه العام هي : $\widehat{ص} = ٤,٥س + ١٣١,٣$

(۱۱) تقدیر ص عندما س = ۶ هو ۱۸۵

(١٢) لا تتغير السلسلة الزمنية بالمتغيرات الفجائية.

(١٣) السلسلة الزمنية هي تتبع لقيم ظاهرة معينة عبر الزمن.

(١٤) تتأثر السلسلة الزمنية بمتغير واحد فقط هو التغيرات الدورية.

(١٥) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة.

استخدم الجدول التالي للإجابة عن التمارين من (١٦ - ٢٠).

أرقام الفصل (س)	١	٢	٣	٤	٥
المبيعات (ص) بآلاف الدنانير	١٥	٢٠	١٢	١٣	٤٠

(١٦) $\bar{س} =$

- ☐ أ ٣ ☐ ب ٥ ☐ ج ١٥ ☐ د ليس مما سبق

(١٧) $\bar{ص} =$

- ☐ أ ٢٥ ☐ ب ٢٠ ☐ ج ١٠٠ ☐ د ليس مما سبق

(١٨) $ب =$

- ☐ أ ٤,٣ - ☐ ب ٣,٤ ☐ ج ٤,٣ ☐ د ٣,٤ -

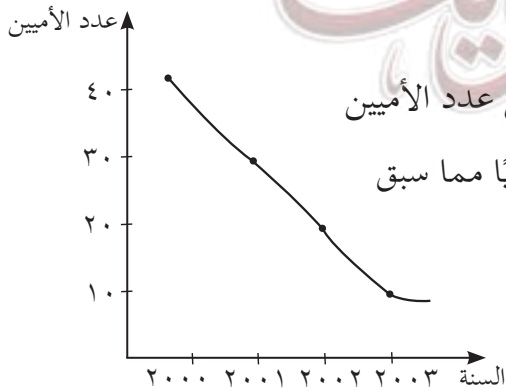
(١٩) $پ =$

- ☐ أ ٣ ☐ ب ٣ - ☐ ج ١,٥ ☐ د ٧,١

(٢٠) معادلة الاتجاه العام هي:

- ☐ أ $\bar{ص} = ١,٥ + ٤,٣ س$ ☐ ب $\bar{ص} = ٧,١ + ٤,٣ س$
☐ ج $\bar{ص} = ٤,٣ + ٧,١ س$ ☐ د $\bar{ص} = ١,٥ + ٣ س$

(٢١) الشكل المقابل يبين عدد الأميين خلال الفترة الزمنية المحددة (٢٠٠٠ - ٢٠٠٣) فإن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية يشير إلى:



- ☐ أ تزايد عدد الأميين ☐ ب تناقص عدد الأميين
☐ ج تزايد ثم تناقص عدد الأميين ☐ د ليس أيًا مما سبق

(٢٢) إذا كانت معادلة الاتجاه العام لأعداد الطلبة خلال الفترة من ١٩٩٦ حتى عام ٢٠٠٤ هي

$\hat{y} = 2,82x + 1,8$ فإن العدد المتوقع للطلاب المتقدمين عام ٢٠٠٧ هو:

- أ) ٢٧ ب) ٣٠ ج) ٢٨ د) ليس أيًا مما سبق

(٢٣) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي:

- أ) الاتجاه العام فقط ب) التغيرات الدورية فقط
ج) التغيرات الموسمية والعرضية د) جميع ما سبق

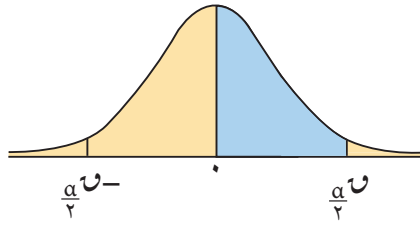
(٢٤) الجدول التالي يوضح عدد الطلاب المتقدمين للحصول على شهادة الماجستير من إحدى الكليات من عام ١٩٩٨م وحتى عام ٢٠٠٤م

السنة	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣	٢٠٠٤
عدد الطلاب	٣	٤	٦	١٠	١٢	١٥	٢٠

فإذا كانت معادلة الاتجاه العام لأعداد الطلاب خلال الفترة المذكورة $\hat{y} = 2,82x + 1,54$ فإن العدد المتوقع للطلاب المتقدمين عام ٢٠٠٧ تقريباً:

- أ) ٢٧ ب) ٢٦ ج) ٢٨ د) ليس أيًا مما سبق

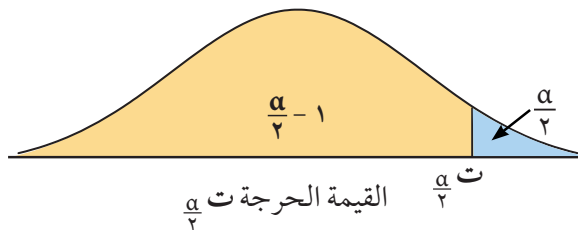
مُعَلِّمٌ لِكَلِمَاتٍ
صِفْوَةٌ مِى الْكَلِمَاتِ



جدول التوزيع الطبيعي المعياري (u)

u	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,0000	0,0040	0,0080	0,0120	0,0160	0,0199	0,0239	0,0279	0,0319	0,0359
0,1	0,0398	0,0438	0,0478	0,0517	0,0557	0,0596	0,0636	0,0675	0,0714	0,0753
0,2	0,0793	0,0832	0,0871	0,0910	0,0948	0,0987	0,1026	0,1064	0,1103	0,1141
0,3	0,1179	0,1217	0,1255	0,1293	0,1331	0,1368	0,1406	0,1443	0,1480	0,1517
0,4	0,1554	0,1591	0,1628	0,1664	0,1700	0,1736	0,1772	0,1808	0,1844	0,1879
0,5	0,1915	0,1950	0,1985	0,2019	0,2054	0,2088	0,2123	0,2157	0,2190	0,2224
0,6	0,2257	0,2291	0,2324	0,2357	0,2389	0,2422	0,2454	0,2486	0,2517	0,2549
0,7	0,2580	0,2611	0,2642	0,2673	0,2704	0,2734	0,2764	0,2794	0,2823	0,2852
0,8	0,2881	0,2910	0,2939	0,2967	0,2995	0,3023	0,3051	0,3078	0,3106	0,3133
0,9	0,3159	0,3186	0,3212	0,3238	0,3264	0,3289	0,3315	0,3340	0,3365	0,3389
1,0	0,3413	0,3438	0,3461	0,3485	0,3508	0,3531	0,3554	0,3577	0,3599	0,3621
1,1	0,3643	0,3665	0,3686	0,3708	0,3729	0,3749	0,3770	0,3790	0,3810	0,3830
1,2	0,3849	0,3869	0,3888	0,3907	0,3925	0,3944	0,3962	0,3980	0,3997	0,4015
1,3	0,4032	0,4049	0,4066	0,4082	0,4099	0,4115	0,4131	0,4147	0,4162	0,4177
1,4	0,4192	0,4207	0,4222	0,4237	0,4251	0,4265	0,4279	0,4292	0,4306	0,4319
1,5	0,4332	0,4345	0,4357	0,4370	0,4382	0,4394	0,4406	0,4418	0,4429	0,4441
1,6	0,4452	0,4463	0,4474	0,4484	0,4495	0,4505	0,4515	0,4525	0,4535	0,4545
1,7	0,4554	0,4564	0,4573	0,4582	0,4591	0,4599	0,4608	0,4616	0,4625	0,4633
1,8	0,4641	0,4649	0,4656	0,4664	0,4671	0,4678	0,4686	0,4693	0,4699	0,4706
1,9	0,4713	0,4719	0,4726	0,4732	0,4738	0,4744	0,4750	0,4756	0,4761	0,4767
2,0	0,4772	0,4778	0,4783	0,4788	0,4793	0,4798	0,4803	0,4808	0,4812	0,4817
2,1	0,4821	0,4826	0,4830	0,4834	0,4838	0,4842	0,4846	0,4850	0,4854	0,4857
2,2	0,4861	0,4864	0,4868	0,4871	0,4875	0,4878	0,4881	0,4884	0,4887	0,4890
2,3	0,4893	0,4896	0,4898	0,4901	0,4904	0,4906	0,4909	0,4911	0,4913	0,4916
2,4	0,4918	0,4920	0,4922	0,4925	0,4927	0,4929	0,4931	0,4932	0,4934	0,4936
2,5	0,4938	0,4940	0,4941	0,4943	0,4945	0,4946	0,4948	0,4949	0,4951	0,4952
2,6	0,4953	0,4955	0,4956	0,4957	0,4959	0,4960	0,4961	0,4962	0,4963	0,4964
2,7	0,4965	0,4966	0,4967	0,4968	0,4969	0,4970	0,4971	0,4972	0,4973	0,4974
2,8	0,4974	0,4975	0,4976	0,4977	0,4977	0,4978	0,4979	0,4979	0,4980	0,4981
2,9	0,4981	0,4982	0,4982	0,4983	0,4984	0,4984	0,4985	0,4985	0,4986	0,4986
3,0	0,4987	0,4987	0,4987	0,4988	0,4988	0,4989	0,4989	0,4989	0,4990	0,4990
وأكثر	0,4999									

ملاحظة: استخدم 0,4999 عندما تزيد قيمة u عن 3,09



جدول التوزيع ت						
$\frac{\alpha}{2}$						
٠,٢٥	٠,١٠	٠,٠٥	٠,٠٢٥	٠,٠١	٠,٠٠٥	درجات الحرية (ن - ١)
١,٠٠٠	٣,٠٧٨	٦,٣١٤	١٢,٧٠٦	٣١,٨٢١	٦٣,٦٥٧	١
٠,٨١٦	١,٨٨٦	٢,٩٢٠	٤,٣٠٣	٦,٩٦٥	٩,٩٢٥	٢
٠,٧٦٥	١,٦٣٨	٢,٣٥٣	٣,١٨٢	٤,٥٤١	٥,٨٤١	٣
٠,٧٤١	١,٥٣٣	٢,١٣٢	٢,٧٧٦	٣,٧٤٧	٤,٦٠٤	٤
٠,٧٢٧	١,٤٧٦	٢,٠١٥	٢,٥٧١	٣,٣٦٥	٤,٠٣٢	٥
٠,٧١٨	١,٤٤٠	١,٩٤٣	٢,٤٤٧	٣,١٤٣	٣,٧٠٧	٦
٠,٧١١	١,٤١٥	١,٨٩٥	٢,٣٦٥	٢,٩٩٨	٣,٥٠٠	٧
٠,٧٠٦	١,٣٩٧	١,٨٦٠	٢,٣٠٦	٢,٨٩٦	٣,٣٥٥	٨
٠,٧٠٣	١,٣٨٣	١,٨٣٣	٢,٢٦٢	٢,٨٢١	٣,٢٥٠	٩
٠,٧٠٠	١,٣٧٢	١,٨١٢	٢,٢٢٨	٢,٧٦٤	٣,١٦٩	١٠
٠,٦٩٧	١,٣٦٣	١,٧٩٦	٢,٢٠١	٢,٧١٨	٣,١٠٦	١١
٠,٦٩٦	١,٣٥٦	١,٧٨٢	٢,١٧٩	٢,٦٨١	٣,٠٥٤	١٢
٠,٦٩٤	١,٣٥٠	١,٧٧١	٢,١٦٠	٢,٦٥٠	٣,٠١٢	١٣
٠,٦٩٢	١,٣٤٥	١,٧٦١	٢,١٤٥	٢,٦٢٥	٢,٩٧٧	١٤
٠,٦٩١	١,٣٤١	١,٧٥٣	٢,١٣٢	٢,٦٠٢	٢,٩٤٧	١٥
٠,٦٩٠	١,٣٣٧	١,٧٤٦	٢,١٢٠	٢,٥٨٤	٢,٩٢١	١٦
٠,٦٨٩	١,٣٣٣	١,٧٤٠	٢,١١٠	٢,٥٦٧	٢,٨٩٨	١٧
٠,٦٨٨	١,٣٣٠	١,٧٣٤	٢,١٠١	٢,٥٥٢	٢,٨٧٨	١٨
٠,٦٨٨	١,٣٢٨	١,٧٢٩	٢,٠٩٣	٢,٥٤٠	٢,٨٦١	١٩
٠,٦٨٧	١,٣٢٥	١,٧٢٥	٢,٠٨٦	٢,٥٢٨	٢,٨٤٥	٢٠
٠,٦٨٦	١,٣٢٣	١,٧٢١	٢,٠٨٠	٢,٥١٨	٢,٨٣١	٢١
٠,٦٨٦	١,٣٢١	١,٧١٧	٢,٠٧٤	٢,٥٠٨	٢,٨١٩	٢٢
٠,٦٨٥	١,٣٢٠	١,٧١٤	٢,٠٦٩	٢,٥٠٠	٢,٨٠٧	٢٣
٠,٦٨٥	١,٣١٨	١,٧١١	٢,٠٦٤	٢,٤٩٢	٢,٧٩٧	٢٤
٠,٦٨٤	١,٣١٦	١,٧٠٨	٢,٠٦٠	٢,٤٨٥	٢,٧٨٧	٢٥
٠,٦٨٤	١,٣١٥	١,٧٠٦	٢,٠٥٦	٢,٤٧٩	٢,٧٧٩	٢٦
٠,٦٨٤	١,٣١٤	١,٧٠٣	٢,٠٥٢	٢,٤٧٣	٢,٧٧١	٢٧
٠,٦٨٣	١,٣١٣	١,٧٠١	٢,٠٤٨	٢,٤٦٧	٢,٧٦٣	٢٨
٠,٦٨٣	١,٣١١	١,٦٩٩	٢,٠٤٥	٢,٤٦٢	٢,٧٥٦	٢٩
٠,٦٧٥	١,٢٨٢	١,٦٤٥	١,٩٦٠	٢,٣٢٧	٢,٥٧٥	٣٠ وأكثر

قوانين الاحصاء

$$\text{هامش الخطأ ه} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2} \text{ ق}$$

$$\text{ه} = \frac{\epsilon}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2} \text{ ت} \quad \text{فترة الثقة} = (\bar{s} - \text{ه}, \bar{s} + \text{ه})$$

$$\text{ه} = \frac{\epsilon}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2} \text{ ق}$$

$$\begin{array}{c|c|c} \text{المقياس الإحصائي:} & \text{ق} = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} & \text{ق} = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\epsilon}{\sqrt{n}}} \\ \hline \text{ت} = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\epsilon}{\sqrt{n}}} & \text{ق} = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\epsilon}{\sqrt{n}}} & \end{array}$$

$$\text{ر} = \frac{n(\bar{s} - \text{ص})(\bar{s} - \text{ص})}{\sqrt{n(\bar{s} - \text{ص})^2 - (\bar{s} - \text{ص})^2}} \quad \text{أو}$$

$$\text{ر} = \frac{\bar{s}(\bar{s} - \text{ص})(\bar{s} - \text{ص})}{\sqrt{\bar{s}(\bar{s} - \text{ص})^2 - (\bar{s} - \text{ص})^2}}$$

$$\hat{\text{ص}} = \text{ب} + \text{م} \quad \text{ب} = \frac{n(\bar{s} - \text{ص})(\bar{s} - \text{ص})}{n(\bar{s} - \text{ص})^2 - (\bar{s} - \text{ص})^2}$$

$$\text{م} = \bar{\text{ص}} - \text{ب} \quad \bar{\text{ص}} = \frac{n(\bar{s} - \text{ص})^2 - (\bar{s} - \text{ص})^2}{n}$$

مقدار الخطأ = |القيمة الجدولية - القيمة من معادلة خط الانحدار| = |ص - ص^{هـ}|