

أولاً : خاصية الانعكاس

تُسمَّى العلاقة \mathcal{R} المعرَّفة على المجموعة S علاقة انعكاسية إذا وفقط إذا كان لكل $a \in S$ ، يكون $(a, a) \in \mathcal{R}$.

- للحكم على أنَّ العلاقة انعكاسية ، يلزم التحقق من أنَّ كلَّ عنصر من عناصر المجموعة يرتبط بنفسه في العلاقة .
- للحكم على أنَّ العلاقة ليست انعكاسية يكفي وجود عنصر واحد من عناصر المجموعة لم يرتبط بنفسه العلاقة .

دورك الآن (١)

العلاقات الآتية معرَّفة على المجموعة $S = \{ -1, 0, 1 \}$. حدِّد أيًّا منها يمثل علاقة انعكاسية مع

ذكر السبب ، ثمَّ مثِّل \mathcal{R} بمخطَّط بياني و \mathcal{R} بمخطَّط سهمي :

$$1 \quad \mathcal{R} = \{ (-1, -1), (1, 1), (0, 0), (-1, 1) \}$$

$$\therefore -1 \in S, (-1, -1) \in \mathcal{R},$$

$$1 \in S, (1, 1) \in \mathcal{R},$$

$$0 \in S, (0, 0) \in \mathcal{R},$$

$\therefore \mathcal{R}$ علاقة لأنَّ لكل $a \in S$ ، يكون

$$2 \quad \mathcal{R} = \{ (-1, 1), (1, -1), (0, 0), (0, 1) \}$$

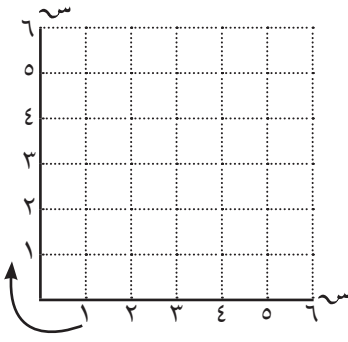
$$\therefore -1 \in S \text{ ولكن } (-1, -1) \notin \mathcal{R}$$

$$\therefore \mathcal{R} \text{}$$

ثانيًا : خاصية التناظر

تُسمَّى العلاقة \mathcal{R} المعرَّفة على المجموعة S علاقة متناظرة إذا وفقط إذا كان لكل $(a, b) \in \mathcal{R}$ ، فإنَّ $(b, a) \in \mathcal{R}$

تكون العلاقة \mathcal{R} ليست متناظرة إذا وُجد $(a, b) \in \mathcal{R}$ ولكن $(b, a) \notin \mathcal{R}$ (عنصر واحد على الأقل) .



إذا كانت $س = \{ ١, ٢, ٣, ٤, ٥, ٦ \}$ ، $ع$ ، علاقات معرفّة على $س$:

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

أكتب $ع$ ، بذكر العناصر ومثلّها بمخطّط بياني، ثمّ ابحث فيما إذا كانت

$ع$ ، علاقة متناظرة أم لا مع ذكر السبب .

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$$\{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

∴ $ع$ ، علاقة لأنّ لكلّ $(١, ٢) \in ع$ ، فإنّ $(٢, ١) \in ع$.

ب) أكتب $ع$ ، بذكر العناصر ومثلّها بمخطّط سهمي، ثمّ ابحث فيما إذا كانت $ع$ ، علاقة متناظرة أم لا

مع ذكر السبب .

$$ع = \{ (١, ١), (١, ٢), (٢, ١), (٢, ٢), (٣, ٣), (٤, ٤), (٥, ٥), (٦, ٦) \}$$

$ع$ ، علاقة لأنّ $(١, ٢) \in ع$ ولكن $(٢, ١) \notin ع$.

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

ثالثاً: خاصية التعدي

تُسمّى العلاقة $ع$ المعرفة على المجموعة $س$ علاقة متعدّية إذا وفقط إذا كان لكلّ $(١, ٢) \in ع$ و $(٢, ٣) \in ع$ ، فإنّ $(١, ٣) \in ع$.

- وجود العنصر $(١, ٢)$ في $ع$ ، لا يؤثر على خاصية التعدي.
- لبحث علاقة التعدي، نختبر كلّ الأزواج المرتبة المختلفة المساقط .
- إذا وُجد العنصر $(١, ٢)$ في $ع$ ، ولم يوجد العنصر $(٢, ٣)$ في $ع$ ، فلا يوجد ما ينفي شرط التعدي .

تكون العلاقة $ع$ ليست متعدّية إذا وُجد $(١, ٢) \in ع$ و $(٢, ٣) \in ع$ ، ولكن $(١, ٣) \notin ع$.

دورك الآن (٣)

إذا كانت $\sim = \{ ٤, ٢, ٠ \}$ ، \mathcal{E} علاقة معرفّة على \sim حيث $\mathcal{E} = \{ (٤, ٠), (٤, ٢), (٢, ٠) \}$.
هل \mathcal{E} علاقة متعدّية ؟ ولماذا ؟

∴ (..... ،) \mathcal{E} و (..... ،) \mathcal{E} ، (..... ،) \mathcal{E} ∴
∴ \mathcal{E} علاقة

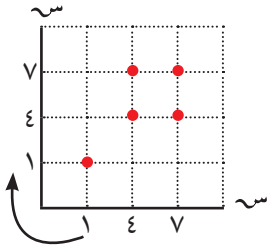
لأنّ لكلّ (١، ب) \mathcal{E} و (..... ،) \mathcal{E} ، فإنّ (١، ج) \mathcal{E} .

رابعاً : خاصيّة التكافؤ

تكون العلاقة \mathcal{E} المعرّفة على مجموعة \sim علاقة تكافؤ إذا كانت انعكاسية ومتناظرة ومتعدّية .

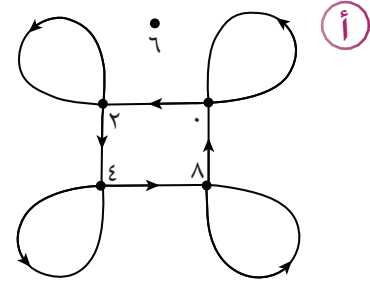
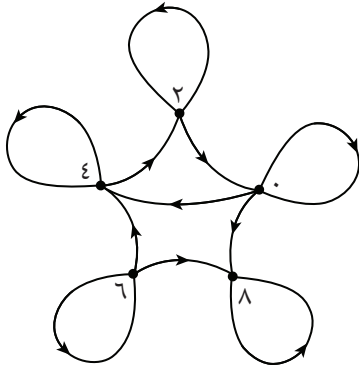
دورك الآن (٤)

إذا كانت $\sim = \{ ٧, ٤, ١ \}$ ، \mathcal{E} علاقة معرفّة على \sim
كما هو موضّح في المخطّط البياني المقابل ،
فاختبر ما إذا كانت \mathcal{E} علاقة تكافؤ .



تكون العلاقة \mathcal{E} ليست تكافؤاً إذا لم تكن \mathcal{E} (انعكاسية أو متناظرة أو متعدّية) .

- ١ فيما يلي مجموعة من المخططات السهمية لعدّة علاقات على $S = \{0, 2, 4, 6, 8\}$.
أكتب كل علاقة بذكر العناصر ، ثم اختبر إذا كانت العلاقة انعكاسية أم لا مع ذكر السبب .



- ٢ إذا كانت $S = \{2, 3, 5, 6\}$ ، وكانت $E = \{(a, b) : a \neq b, a \neq 6, b \neq 5\}$ ، عامل من عوامل B .

أ أكتب E بذكر العناصر .

ب تحقّق من أنّ العلاقة E انعكاسية .

- ٣ أكتب كلّ علاقة ممّا يأتي بذكر العناصر ، ومثّلها بمخطّط سهمي ، ثم اختبر الخاصية الانعكاسية .

أ $S = \{1, 3, 5\}$

$E = \{(a, b) : a \neq b, a \neq 5, b \neq 3\}$ ، $a + b = 5$ عددًا زوجيًا

ب $L = \{-2, -1, 1\}$

$E = \{(a, b) : a \neq b, a \neq 1, b \neq -2\}$ ، $a^2 = b^2$

ج) $\{ -1, 0, 3 \} = م$

ع) $\{ (ب, ب) : ب \in م, ب \leq 1 \} = ع$

٤ أكتب كل علاقة مما يأتي بذكر العناصر ، ثم اختبر من حيث كونها متناظرة أم لا مع ذكر السبب .

أ) العلاقة ع معرفة على $م = \{ 3, 4, 5 \}$

حيث ع $\{ (ب, ب) : ب \in م, ب + 1 = 8 \}$

ب) ع علاقة « \geq » معرفة على $م = \{ 2, 4, 6 \}$

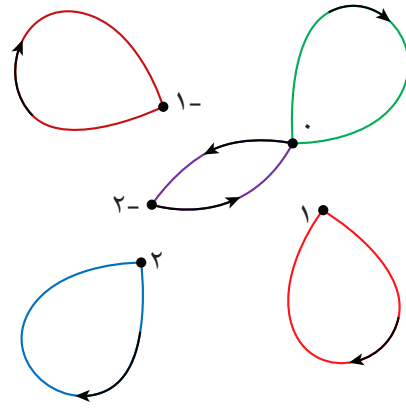
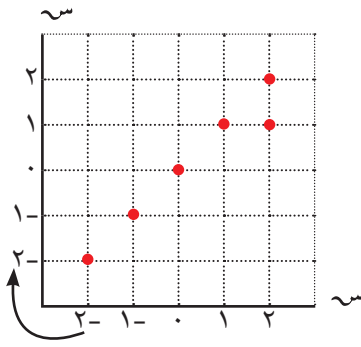
ج) ع علاقة « ضعف » معرفة على $م = \{ 0, 1, 2, 3 \}$

د) العلاقة ع معرفة على $م = \{ -2, -1, 0, 1, 2 \}$

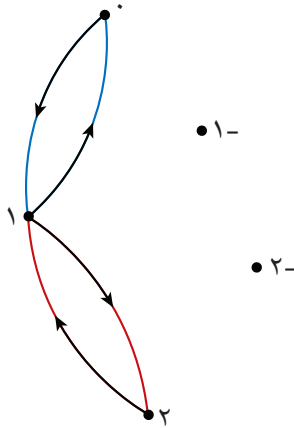
حيث ع $\{ (ب, ب) : ب \in م, ب + 1 = \text{صفراً} \}$

صفوة معلمى الكويت

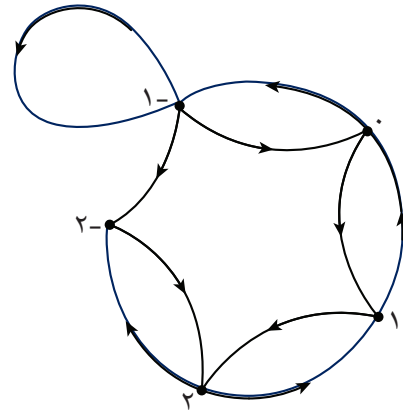
فيما يلي مخططات سهمية وبيانية لعلاقات معرفة على $S = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$.
إختبر خاصية التناظر لكل شكل مما يلي :



د



ج



٦ العلاقات الآتية معرفة على المجموعة $S = \{1, 2, 3, 4\}$. أي منها هو علاقة متعدية ؟ وأيها غير متعدية ؟ مع ذكر السبب .

$$R_1 = \{(1, 3), (2, 3), (1, 2)\}$$

$$R_2 = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4)\}$$

$$R_3 = \{(1, 2), (2, 1), (1, 3), (3, 1), (2, 4), (4, 2)\}$$

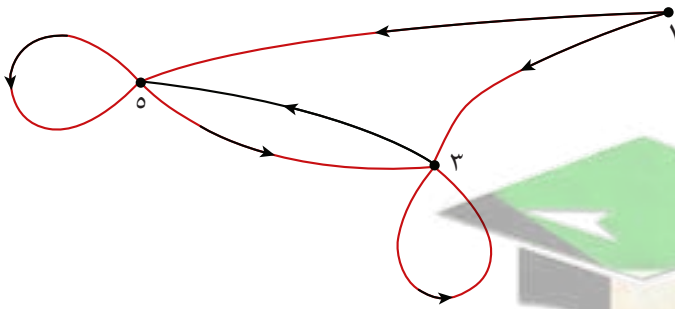
٧ اعتبر $s = \{1, 2, 3\}$ ، $E = \{(1, 1) : 1 \leq b \leq 3, s \ni b\}$ ،

أ) اكتب E بذكر العناصر ، ثم مثلها بمخطط سهمي .

ب) اختر E من حيث كونها متعدية أم لا مع ذكر السبب .

٨ إذا كانت $s = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ، وكانت $E = \{(s, s) : s \leq 5, s \ni s\}$ ،

اكتب E بذكر العناصر ، ثم ادرس خواص العلاقة E من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدية ، تكافؤ .



٩ في المخطط السهمي المقابل E علاقة معرفة على $s = \{1, 3, 5\}$.

أدرس خواص العلاقة E من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدية ، تكافؤ .

التطبيق (الدالة) : هو علاقة من S إلى T بحيث يرتبط كل عنصر من عناصر S بعنصر واحد واحد فقط من عناصر T .

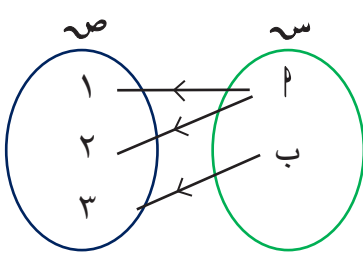
نرمز إلى التطبيق (الدالة) بأحد الرموز : f, g, h, \dots
إذا كانت T تطبيق من S إلى T ، نرمز إلى ذلك $T : S \rightarrow T$

مكوّنات التطبيق (الدالة) : $T : S \rightarrow T$ هي :

- ١ S تُسمّى مجال التطبيق (الدالة) .
- ٢ T تُسمّى المجال المقابل للتطبيق .
- ٣ T هي قاعدة الاقتران .

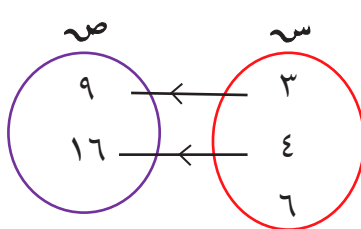
دورك الآن (١)

تمثّل المخطّطات السهمية التالية علاقات من S إلى T ، أيّ منها يمثّل تطبيقًا وأيّها لا يمثّل تطبيقًا مع ذكر السبب ؟



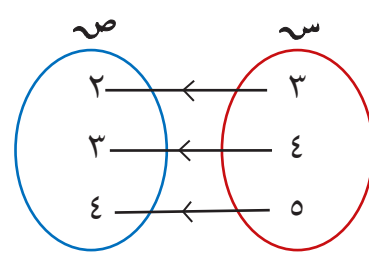
العلاقة :

السبب :



العلاقة :

السبب :



العلاقة :

السبب :

في المخطّط السهمي الذي يمثّل تطبيقًا : كلّ عنصر من عناصر S يخرج منه سهم واحد فقط إلى أحد عناصر T .

مدى التطبيق هو مجموعة صور عناصر مجال التطبيق .

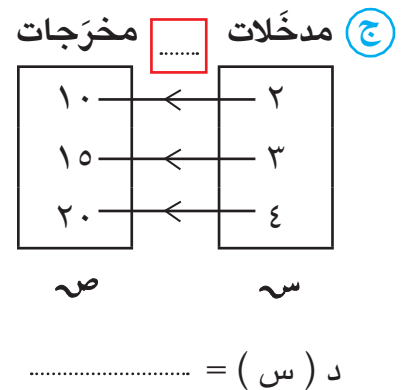
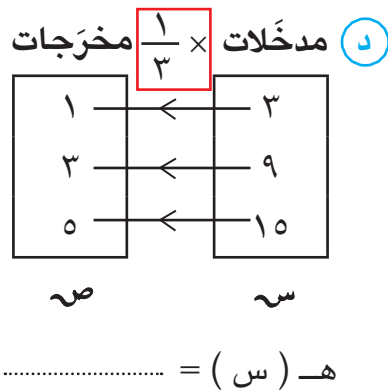
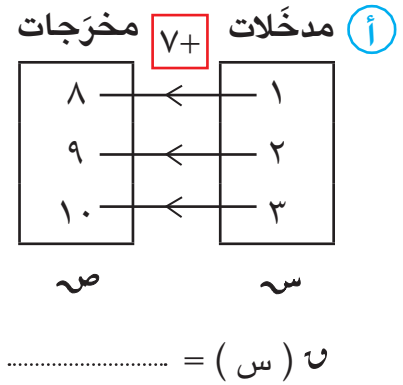
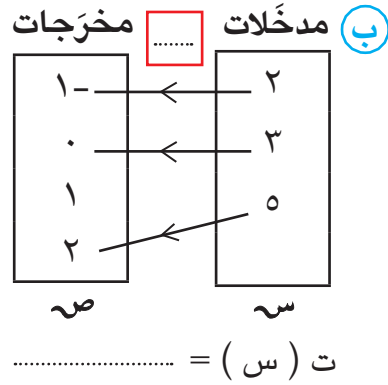
مدى التطبيق مجموعة جزئية من المجال المقابل .

إذا كان $f \in S$ والعنصر الذي يرتبط به من T هو b ، فإننا نعبر عن ذلك بالصورة $f(b) = b$ وهي قيمة التطبيق (الدالة) T عند f .

قاعدة الاقتران للتطبيق هي التعبير الرياضي الذي يربط كلّ عنصر في المجال بعنصر واحد فقط في المجال المقابل .

دورك الآن (٢)

يمثل كل ممّا يلي تطبيقًا من \mathcal{S} إلى \mathcal{V} . أكتب قاعدة الاقتران لكلّ منها .



في العلاقة التي تمثل تطبيقًا : كل عنصر من عناصر المجال يظهر مرّة واحدة فقط كمسقط أول في أحد الأزواج المرتبة التي تنتمي إلى العلاقة .

دورك الآن (٣)

ليكن \mathcal{E} علاقة من \mathcal{S} إلى \mathcal{V} ، أكتب \mathcal{E} بذكر العناصر ، وحدّد ما إذا كانت تمثل تطبيقًا أم لا ، مع ذكر السبب ، ثمّ مثلّها بمخطّط سهمي .

$$\mathcal{E} = \{ (١, ب) : ١ \in \mathcal{S}, ب \in \mathcal{V}, ٢ = ب \}$$

$$\mathcal{S} = \{ ٦, ٤, ٢ \}$$

$$\mathcal{V} = \{ ٣, ٢, ١ \}$$

في المخطط البياني الذي يمثل تطبيقًا : كل خط رأسي يمر بنقطة واحدة على الأكثر من نقاط التطبيق .

دورك الآن (٤)

إذا كانت $s = \{-1, 0, 1, 2\}$ ، c هي مجموعة الأعداد الحقيقية .
 $s \leftarrow c$ حيث $t = (s) = s^2 + 2$

أ) أكمل الجدول التالي ، ثم أوجد مدى التطبيق t :

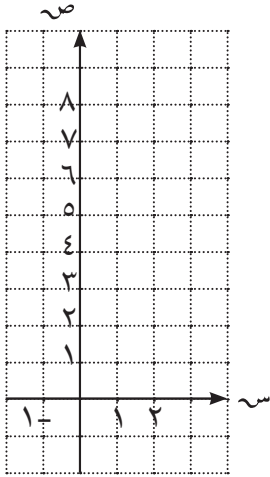
س	-1	0	1	2
$s^2 + 2$	$(-1)^2 + 2$			
$t = (s)$	3			

مدى التطبيق = { ، ، }

ب) أكتب t كأزواج مرتبة .

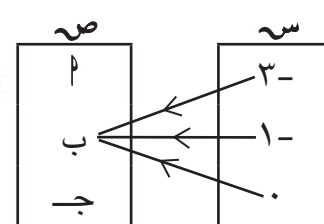
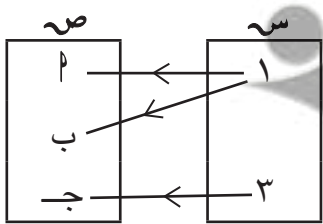
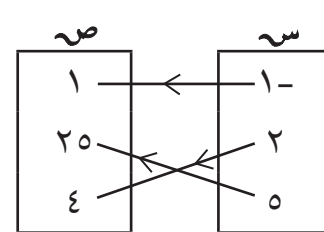
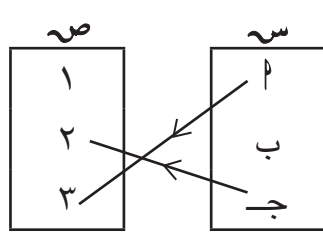
$t = \{ (1, -1) , (3, 1) , \dots \}$

ج) أرسم مخططًا بيانيًا في المستوى الإحداثي .



تمارين ذاتية :

١) بين أيًا من المخططات السهمية التالية يمثل تطبيقًا من $s \leftarrow c$ وأيها لا يمثل تطبيقًا ، مع ذكر السبب . إذا كان المخطط يمثل تطبيقًا فاذكر المجال والمدى .



الفصل الدراسي الثاني

٢ حدّد ما إذا كانت العلاقات أدناه تمثّل تطبيقًا من S إلى S أم لا ، مع ذكر السبب ، ثمّ مثلها بمخطّط سهمي .

أ $E_1 = \{ (1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2) \}$ ، حيث $S = \{ 1, 2 \}$ ، $S = \{ 1, 2 \}$

ب $E_2 = \{ (1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2) \}$ ، حيث $S = \{ 1, 2 \}$ ، $S = \{ 1, 2 \}$

٣ إذا كانت $S = \{ 1, 0, -1 \}$ ، وكانت T تطبيقًا من S إلى S ،

س	-1	0	1
$T(1)$			
$T(0)$			
$T(-1)$			

حيث $T(1) = 2$ ، $T(0) = 1$ ، $T(-1) = 0$

أ أكمل الجدول المقابل :

ب مدى $T =$

ج أكتب T كمجموعة من الأزواج المرتبة .

د أرسم مخطّطًا سهميًا .

٤ إذا كانت $S = \{ 1, 0, -1 \}$ ، H هي مجموعة الأعداد الحقيقية ، هي تطبيق معرف كما يلي :

هـ : $S \rightarrow H$ حيث $h = (s)$ ، $h = (s)$

أ أكمل الجدول التالي :

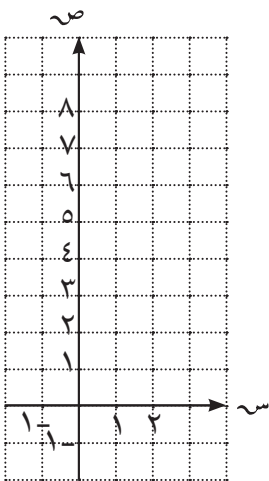
س	-1	0	1
$h(1)$			
$h(0)$			
$h(-1)$			

ب مدى $h =$

ج أكتب h كمجموعة من الأزواج المرتبة .

هـ =

د أرسم مخطّطًا بيانيًا في المستوى الإحداثي .



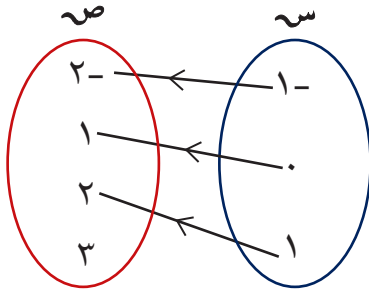
التطبيق الذي يتساوى فيه المدى والمجال المقابل يُسمى « **تطبيق شامل** » .

التطبيق الذي لا يرتبط فيه عنصران أو أكثر من المجال بالعنصر نفسه من المجال المقابل يُسمى « **تطبيق متباين** » .

التطبيق الشامل والمتباين يُسمى « **تطبيق تقابل** » .

دَوْرُكَ الْآنَ

من المخطّط السهمي المقابل ، بيّن نوع التطبيق ت : س ← ص فيما إذا كان تطبيقًا شاملًا ، متباينًا ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .



المجال =

المجال المقابل =

المدى =

تطبيق

السبب :

تطبيق

السبب :

تطبيق

السبب :

دورك الآن (٢)

إذا كانت س = { ٢- ، ٠ ، ٢- } ، ص = { ٧ ، ١ ، ٥- }
التطبيق ψ : س ← ص ، حيث ψ (س) = ٣س + ١

أ) أوجد مدى التطبيق ψ .

$$\psi(س) = ٣س + ١$$

$$\psi(٢-) = \dots\dots\dots$$

$$\psi(٠) = \dots\dots\dots$$

$$\psi(٢) = \dots\dots\dots$$

$$\text{المدى} = \dots\dots\dots$$

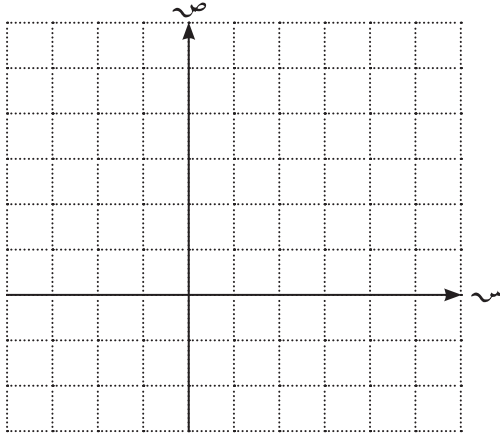
ب) أكتب التطبيق ψ كمجموعة من الأزواج المرتبة .

.....

د) بيّن نوع التطبيق \cup من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .

- \cup تطبيق لأنّ :
 \cup تطبيق لأنّ :
 \cup تطبيق لأنّه :

دورك الآن (٣)



إذا كانت $\sim = \{1, 2, 3, 4\}$ ، التطبيق $د : \sim \rightarrow \sim$ ،

حيث $د = \{(1, 4), (1, 3), (3, 2), (2, 1)\}$

أ) مثل التطبيق $د$ بمخطّط بياني في المستوى الإحداثي .

ب) أكتب مدى التطبيق .

ج) هل التطبيق $د$ تطبيق تقابل ؟ لماذا ؟

تمارين ذاتية :

١) إذا كانت $\sim = \{-1, 0, 1, 2\}$ ، $\sim = \{-3, 1, 5, 9\}$

التطبيق $\cup : \sim \rightarrow \sim$ ، حيث $\cup (س) = ٤س + ١$

أ) أوجد مدى التطبيق \cup .

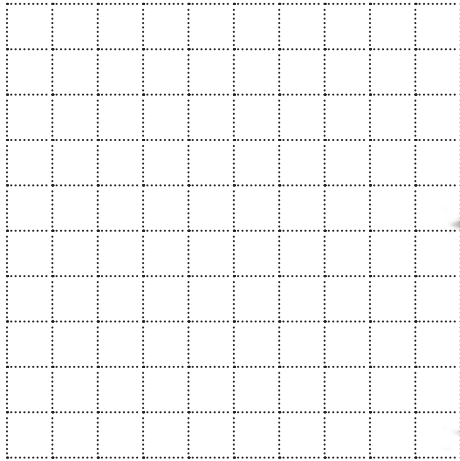
ب) أكتب التطبيق \cup كمجموعة من الأزواج المرتبة .

د) بيّن نوع التطبيق \cup من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .

٢) إذا كانت $L = \{ ١ ، ٢ ، ٢ - \}$ ، $H = \{ ٢ ، ٤ ، ٥ \}$
 التطبيق $L \leftarrow H$ ، حيث $L = (S) = S^2 + ١$
 أ) أوجد مدى التطبيق L .

ب) أكتب التطبيق L كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج) مثل التطبيق L بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .



د) بيّن نوع التطبيق L من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .

٣ إذا كانت $S = \{1, 0, 2\}$ ، $V = \{-9, -1, 0, 1\}$ ،

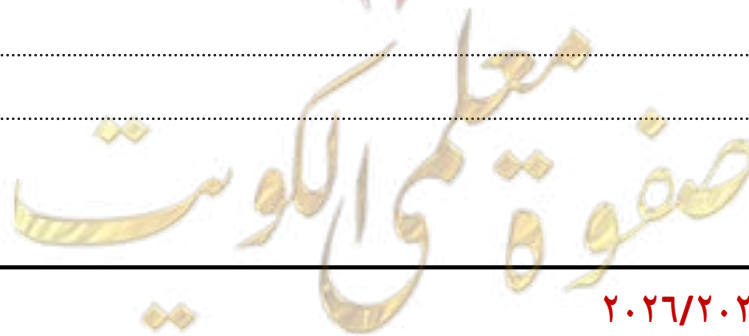
التطبيق هـ : $S \leftarrow V$ ، حيث هـ (س) = $S^3 - 1$

أ) أوجد مدى التطبيق هـ .

ب) أكتب التطبيق هـ كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج) مثل التطبيق هـ بمخطط سهمي .

د) بين نوع التطبيق هـ من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .



٤ إذا كانت $\{2, 3, 5\} = E$

التطبيق $h: E \leftarrow E$ ، حيث $h = \{(5, 5), (3, 3), (2, 2)\}$

١ أوجد مدى التطبيق هـ .

ب) مثل التطبيق هـ بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .

A full page of blank graph paper with a uniform grid of small squares. The grid consists of 20 columns and 20 rows of squares, creating a total of 400 small square units. The lines are thin and black, set against a white background. There are no margins or additional markings on the page.

ج) بَيْنَ أَنَّ التَّطْبِيقَ هُوَ تَطْبِيقُ تَقَابُلٍ .

❶ إذا كان التطبيق $d: \mathcal{S} \rightarrow \mathcal{S}$ ، حيث $\mathcal{S} = \{1, 4, 16\}$ ،

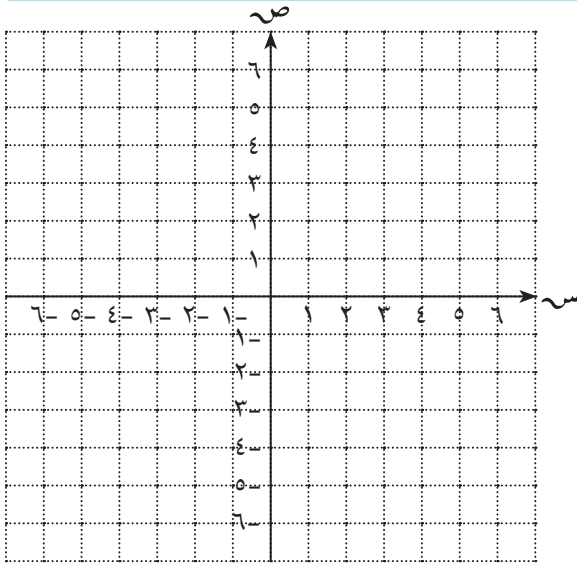
ص = { ٢ ، ٥ ، ١١ } ، د (س) = $\sqrt{3 - س}$ ، فَبَيِّنْ أَنَّ د تطبيق تقابل .

- الدالة (التطبيق) التي مجالها ومجالها المقابل مجموعة الأعداد الحقيقية أو مجموعة جزئية منها تُسمى « دالة حقيقية » .
- الدالة الحقيقية $u: C \leftarrow C, u(s) = s + b$ ، حيث $a, b \in C, a \neq 0$ تُسمى « دالة خطية » (تطبيقاً خطياً) .

- $u(s) = s + b$ تُسمى قاعدة الاقتران ويمكن كتابتها على الصورة : $s = u + b$ ويكون بيانها خطأ مستقيماً يقطع محور السينات حيث $a \neq 0$.
- يُسمى s المتغير المستقل ، وهو المتغير الذي يحدد قيم مخرجات الدالة .
- يُسمى v المتغير التابع ، وهو المتغير الذي تعتمد قيمته على قيم المتغير المستقل .

دورك الآن

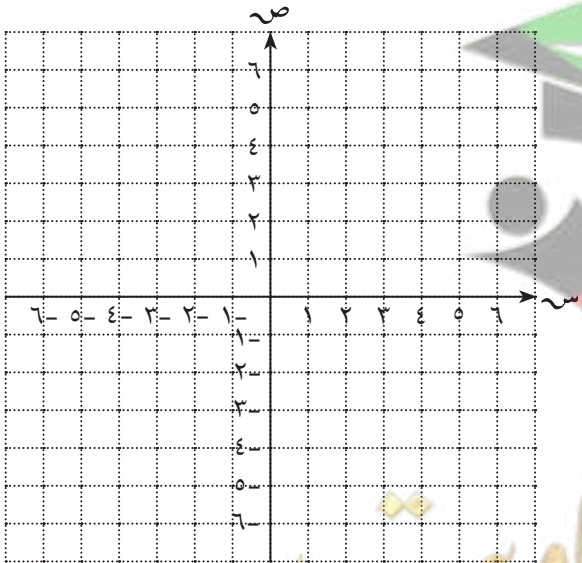
أرسم بيان الدالة الخطية : $v = 3s + 2$



v = 3s + 2			
			s
			v

دورك الآن (٢)

أرسم بيان الدالة الخطية : $v = 4$



v = 4			
			s
			v

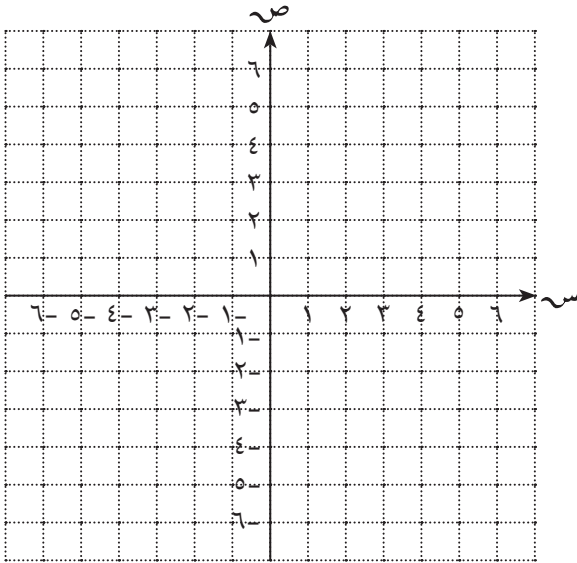
ماذا تلاحظ ؟ بيان الدالة محور السينات .

• الدالة الثابتة د (س) = ج ، ج \neq ح يكون بيانها خطأ مستقيماً أفقيًا (يوازي محور السينات) .

تمارين ذاتية :

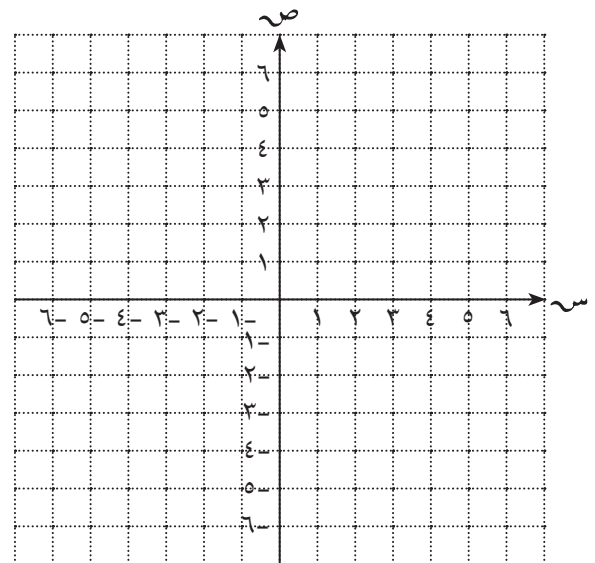
١ أرسم بيانياً كلاً من الدوال الخطية التالية :

ب) $ص = ٢س - ٤$

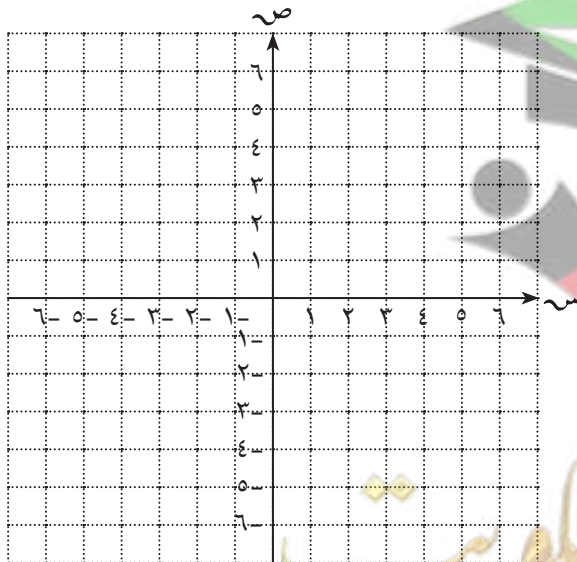


أ) $ص = ٢ + س$

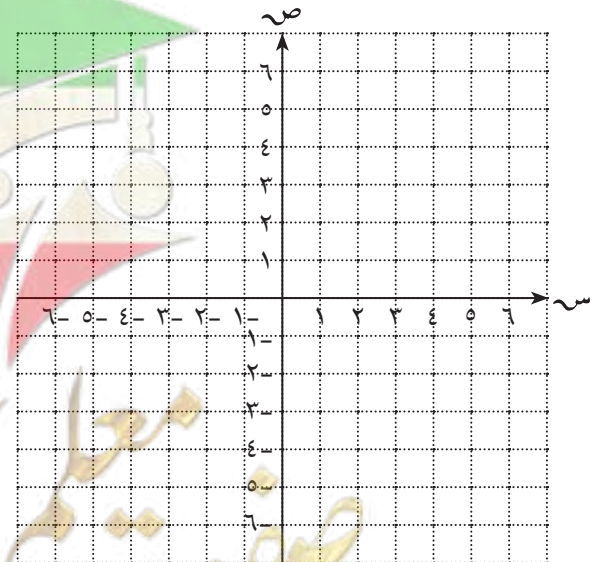
			س
			ص



د) $ص = ٢س - ١$



ج) $ص = ٣ + س$



الدالة التربيعية

٥ - ٥

الدالة الحقيقية التي فيها القوة الأعلى للمتغير المستقل تساوي ٢ تُسمى « دالة تربيعية » .
ويكون الرسم البياني للدالة التربيعية منحنى على شكل \vee أو \wedge ويُسمى « قطع مكافئ » .

الصورة العامة للدالة التربيعية هي :

$$ص = \underbrace{١س^٢}_{\text{حد من الدرجة الثانية}} + \underbrace{ب س}_{\text{حد من الدرجة الأولى}} + \underbrace{ج}_{\text{حد ثابت}}$$

حيث $١ \neq ٠$ ، ج أعداد حقيقية ، ب ، ج

حيث أن كلاً من المجال والمجال المقابل للدالة التربيعية هو مجموعة الأعداد الحقيقية .

• الصورة القياسية للدالة التربيعية :

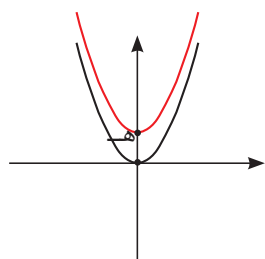
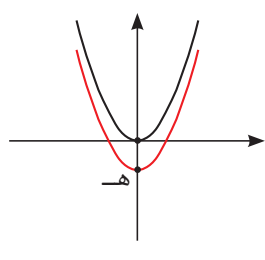
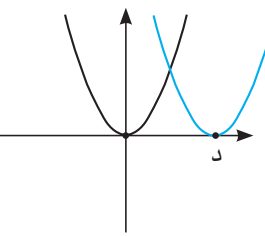
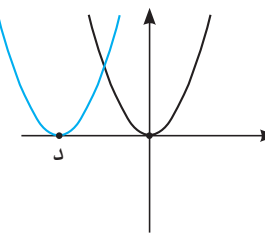
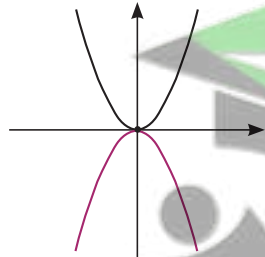
$$ص = ١(س - د)^٢ + هـ ؛ د ، هـ \in ح ، ١ \neq ٠$$

• تقتصر دراستنا في حالة $١ = ١$ أي على الصورة $ص = (س - د)^٢ + هـ$

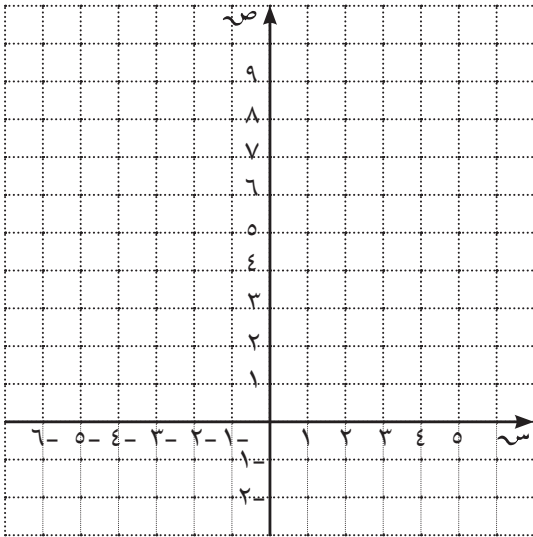
• رأس منحنى الدالة $ص = (س - د)^٢ + هـ$ هو النقطة $(د ، هـ)$.



صفوة معلم الكويت

مثال	التمثيل البياني	التحويلات الهندسية المطبقة على التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$	الدالة التربيعية
$ص = س^2 + ١$		إزاحة رأسية بمقدار هـ وحدة إلى الأعلى إذا كانت هـ موجبة .	$ص = س^2 + هـ$
$ص = س^2 - ١$		إزاحة رأسية بمقدار هـ وحدة إلى الأسفل إذا كانت هـ سالبة .	$ص = س^2 + هـ$
$ص = (س - ١)^2$		إزاحة أفقية بمقدار د وحدة إلى اليمين إذا كانت د موجبة .	$ص = (س - د)^2$
$ص = (س - (-١))^2$ $ص = (س + ١)^2$		إزاحة أفقية بمقدار د وحدة إلى اليسار إذا كانت د سالبة .	$ص = (س - د)^2$
$ص = -س^2$		انعكاس في محور السينات .	$ص = -س^2$

دورك الآن (١)



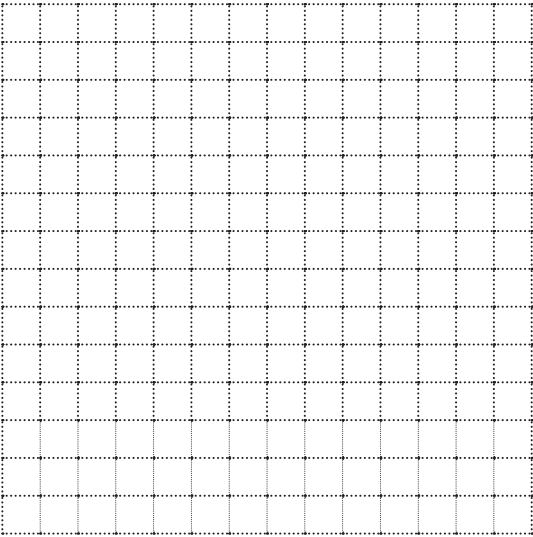
مثّل بيانيًا الدالة $v = (s - 3)^2$ مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $v = s^2$.

أ) أرسم بيان الدالة : $v = s^2$

ب) بيان الدالة $v = (s - 3)^2$ هو إزاحة لبيان الدالة : $v = s^2$

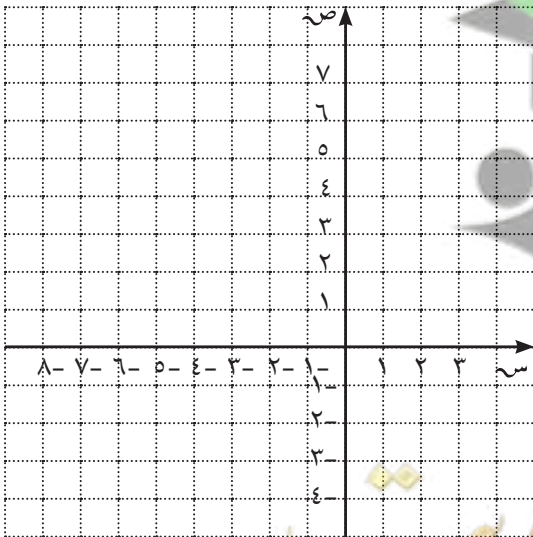
ج) أرسم بيان الدالة : $v = (s - 3)^2$

دورك الآن (٢)



مثّل بيانيًا الدالة $v = -(s + 2)^2$ مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $v = s^2$.

• خطّ تماثل بيان الدالة $v = (s - 2)^2 + 4$ هو المستقيم الذي معادلته $s = 2$

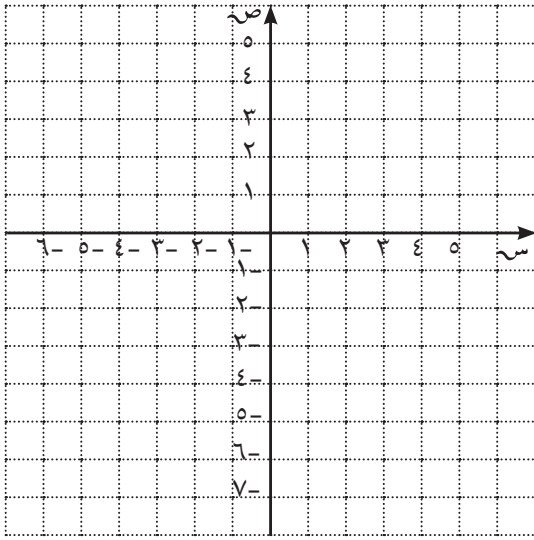


دورك الآن (٣)

مثّل بيانيًا الدالة $v = (s + 3)^2 - 2$ مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $v = s^2$.

مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $y = x^2$ ، مثل بيانيًا كلاً من الدوال التالية :

١ $y = x^2 - 4$



.....

.....

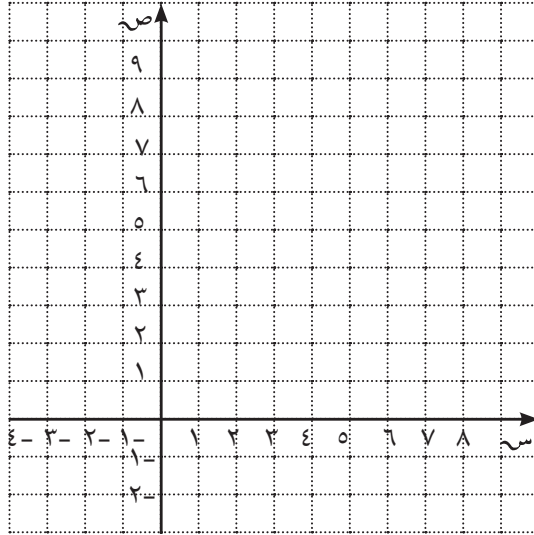
.....

.....

.....

.....

٢ $y = (x - 5)^2$



.....

.....

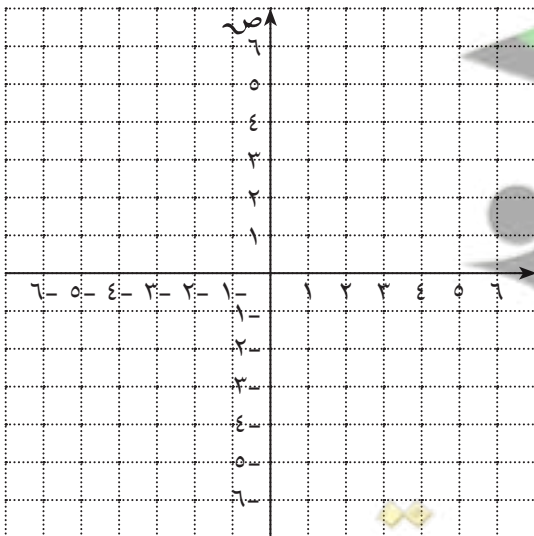
.....

.....

.....

.....

٣ $y = -x^2 + 2$



.....

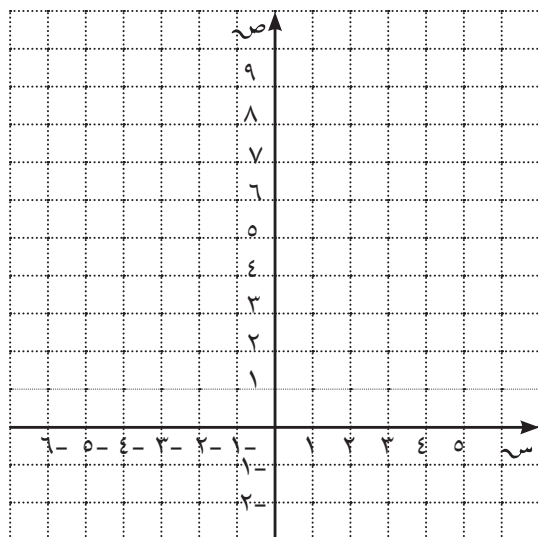
.....

.....

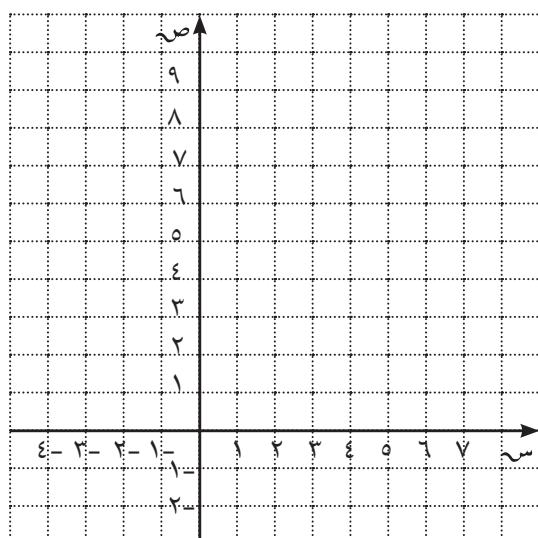
.....

.....

.....



٤ $ص = ٢ + ٢(١ + س)$



٥ $ص = ١ + ٢(٣ - س)$



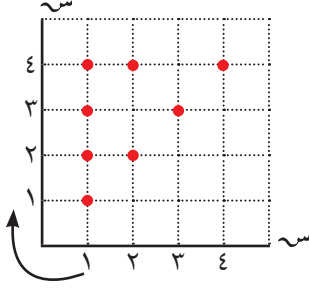
صفوة معلمى الكويت

تقويم الوحدة التعليمية الخامسة

أولاً : البنود المقالية

١ يوضح المخطط البياني المقابل العلاقة ع المعرفة على المجموعة $S = \{1, 2, 3, 4\}$

أ) أكتب العلاقة ع بذكر العناصر .



ب) اختبر العلاقة ع من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدية ، تكافؤ .

٢ إذا كانت ع علاقة معرفة على $S = \{3, 5, 7, 9\}$ ،

$E = \{(9, 3), (9, 9), (9, 5), (7, 7), (5, 3), (5, 5), (3, 3)\}$ ع

فاختبر العلاقة ع من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدية ، تكافؤ .



٣ إذا كانت $s = \{1, 2, 3\}$ ، $v = \{0, 3, 6\}$

وكانت t تطبيق من s إلى v حيث $t(s) = 3 - s$

س	١	٢	٣
$3 - s$			
$t(s)$			

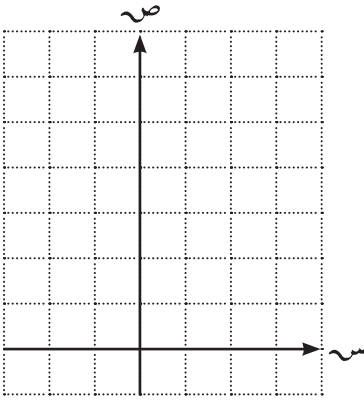
أ أكمل الجدول المقابل :

ب مدى $t = \dots$

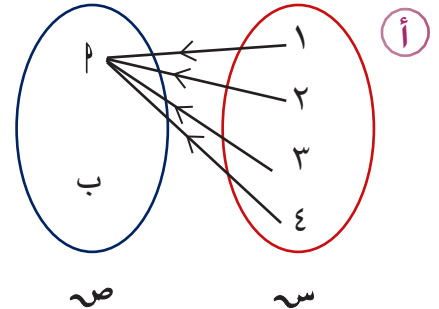
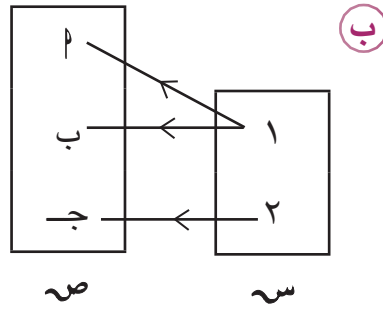
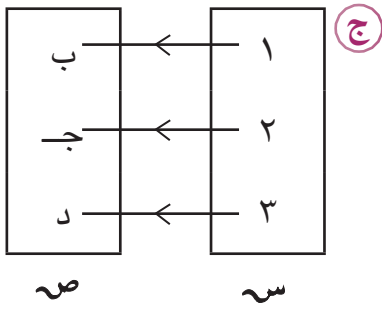
ج أكتب t كمجموعة من الأزواج المرتبة :

ت $= \dots$

د أرسم مخططاً سهمياً ، وآخر بيانياً في المستوى الإحداثي .



٤ أي من المخططات السهمية التالية يمثل تطبيقاً ؟ ولماذا ؟



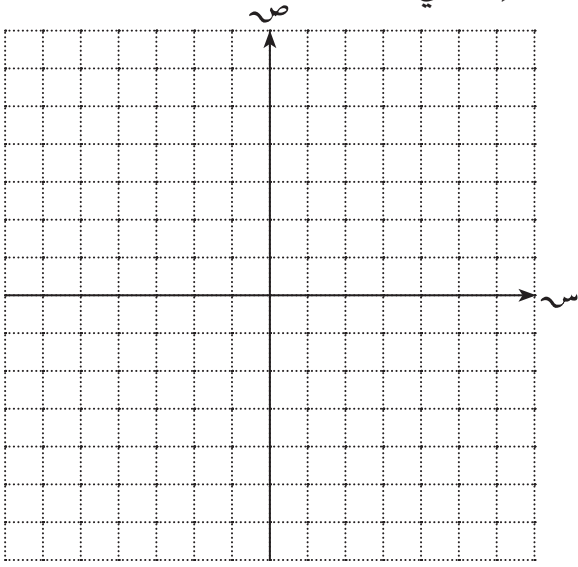
٥ إذا كان التطبيق $d: s \leftarrow v$ ، حيث $s = \{0, 1, 2\}$ ، $v = \{-4, 0, 4\}$ ،

$d(s) = 4 - s$

أ أوجد مدى التطبيق d .

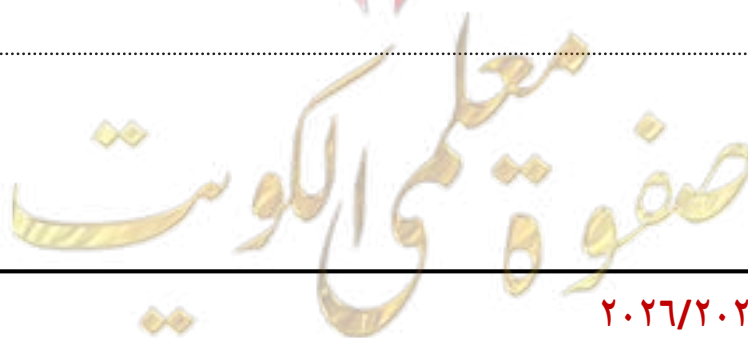
ب أكتب d كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج) مثل التطبيق د بمخطط سهمي وآخر بياني في المستوى الإحداثي .



د) بيّن نوع التطبيق د من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .

٦) إذا كان التطبيق $U: S \rightarrow V$ حيث $S = \{1, 0, 1\}$ ، $V = \{2, 1\}$ ، فبيّن نوع التطبيق U من حيث كونه شامل ، متباين ، تقابل مع ذكر السبب .



٧ إذا كانت $s = \{ ١, ٩ \}$ ، $v = \{ ٢, ٣, ٤ \}$ ، والتطبيق $t : s \rightarrow v$ ، حيث

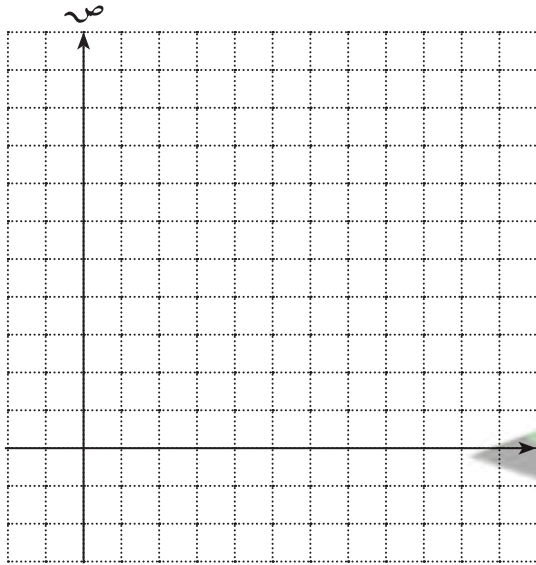
$$t(s) = \sqrt{s+1}$$

أ) أوجد مدى التطبيق t .

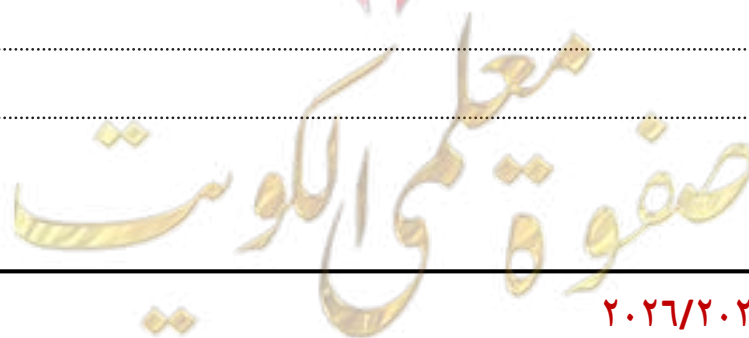
ب) أكتب التطبيق t كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج) مثل التطبيق t بمخطط سهمي .

د) مثل التطبيق t بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .

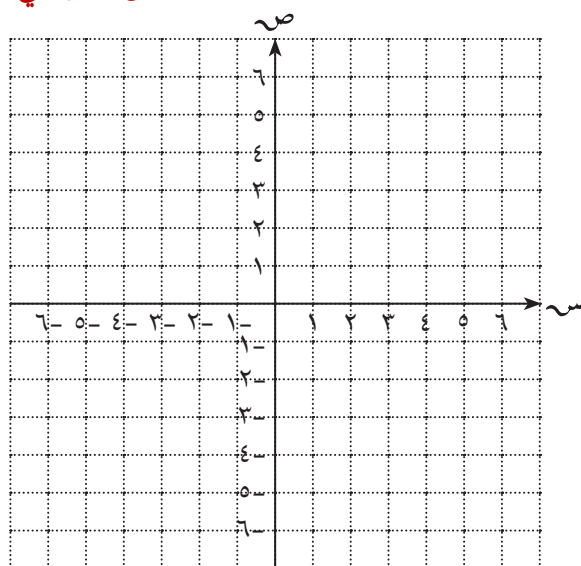


هـ) بين نوع التطبيق t من حيث كونه شاملاً ، متبايناً ، تقابلاً ، مع ذكر السبب .



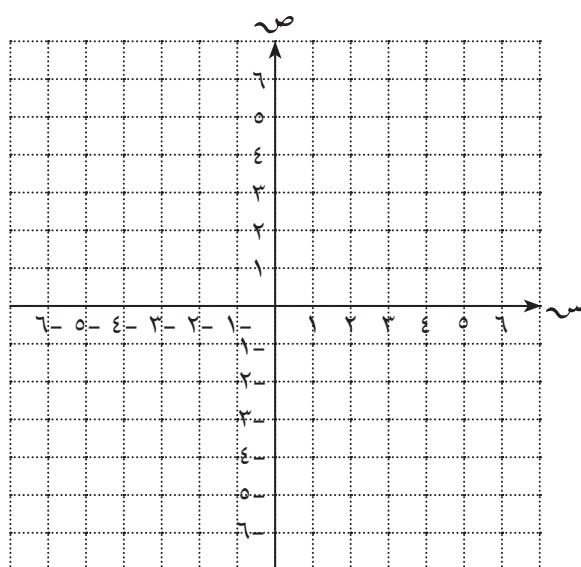
٨ أرسم بيان الدالة الخطية : $ص = ٢س$

			س
			ص

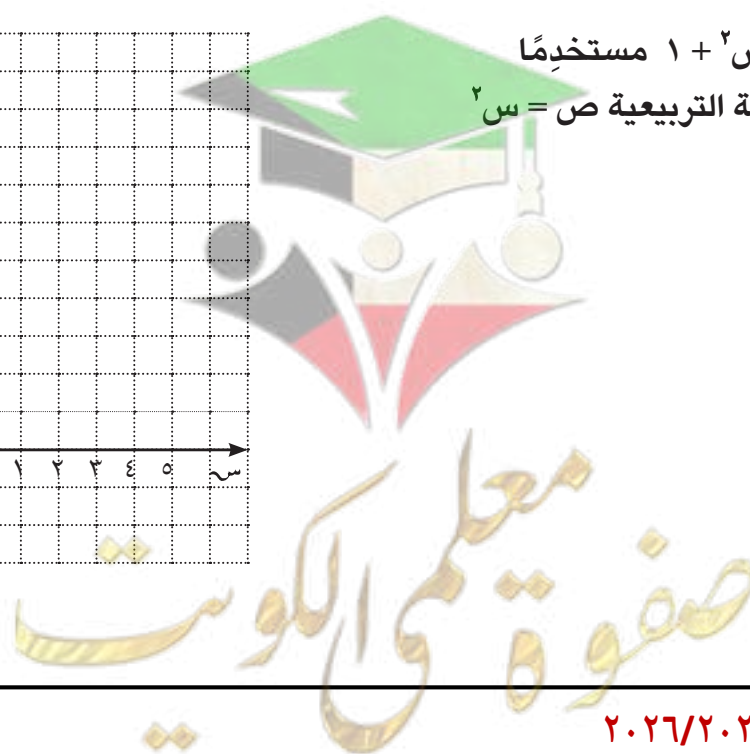
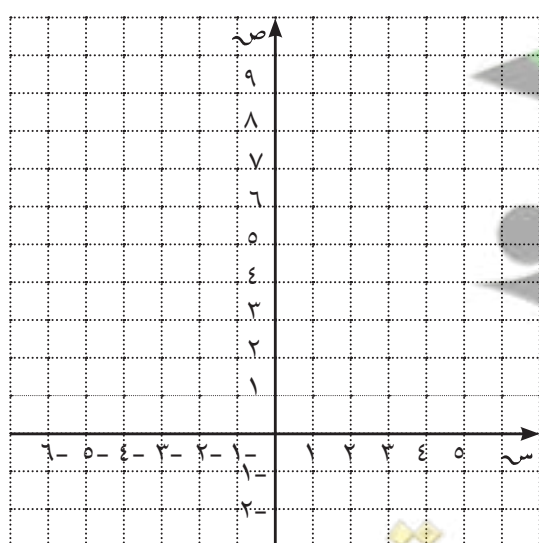


٩ أرسم بيان الدالة الخطية : $ص = س$

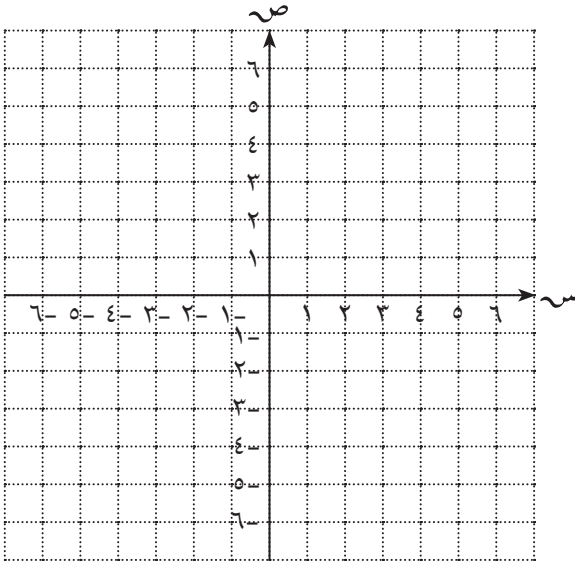
			س
			ص



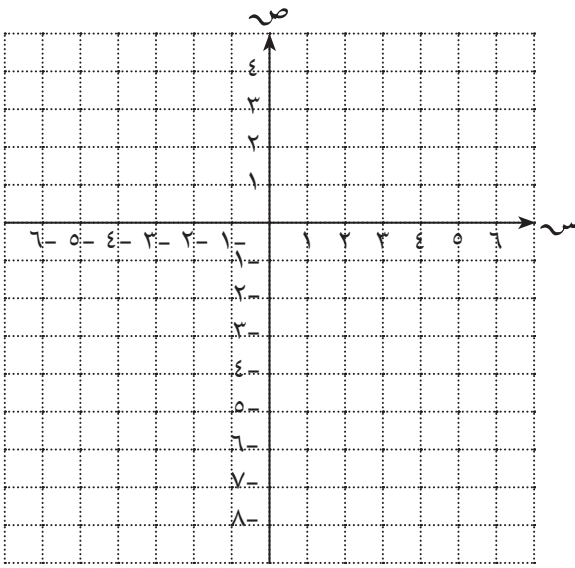
١٠ مثل بيانيًا : $ص = س^٢ + ١$ مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$



١١ مثل بيانيًا : $ص = -س - ٢$ مستخدمًا
التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$



١٢ مثل بيانيًا : $ص = (س - ١) - ٣$ مستخدمًا
التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$



ثانيًا: البنود الموضوعية

في البنود (١ - ٨) ، ظلّل ☐ أ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ☐ ب إذا كانت العبارة غير صحيحة .

<p>١</p> <p>إذا كانت $ع$ علاقة تكافؤ على $س = \{٦, ٥, ٣\}$ ،</p> <p>$ع = \{(٦, ٦), (٦, ٥), (٥, ٥), (س, ص), (٣, ٣)\}$</p> <p>فإن $(س, ص) = (٥, ٦)$</p>	<p><input type="checkbox"/> أ</p> <p><input type="checkbox"/> ب</p>	
<p>٢</p> <p>علاقة أكبر من أو يساوي على مجموعة أعداد هي علاقة متناظرة .</p>	<p><input type="checkbox"/> أ</p> <p><input type="checkbox"/> ب</p>	
<p>٣</p> <p>علاقة التطابق على مجموعة مثلثات هي علاقة تكافؤ .</p>	<p><input type="checkbox"/> أ</p> <p><input type="checkbox"/> ب</p>	

ب	أ		<p>٤ لتكن $E: \{6, 4, 2\} \leftarrow \{7, 6, 5, 4, 3\}$ فإن العلاقة ع الممثلة في المستوى الإحداثي المقابل تمثل تطبيقاً.</p>
ب	أ		<p>٥ لتكن $S = \{1, 0, -1\}$ ، $V = \{2, 1, 0, -1\}$ التطبيق $T: S \leftarrow V$ ، حيث $T(s) = S^2$ ، فإن T تطبيق شامل وليس متبايناً.</p>
ب	أ		<p>٦ إذا كانت النقطة $(2, 3)$ هي رأس منحنى الدالة التربيعية ، فإن معادلة خط التماثل للدالة هي $S = 3$.</p>
ب	أ		<p>٧ لتكن $S = \{7, 6, 5\}$ ، إذا كان التطبيق $T: S \leftarrow V$ ، $(V$ هي مجموعة الأعداد الصحيحة) ، حيث $T(s) = S$ ، فإن T تطبيق ليس تقابلاً.</p>
ب	أ		<p>٨ النقطة $(1, 1)$ تنتمي إلى بيان الدالة $V = -2S + 3$</p>

في البنود (٩ - ٢٣) ، لكل بند أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الإجابة الصحيحة .

٩ إذا كانت E علاقة معرفة على $S = \{3, 4, 5\}$ ، $E = \{(4, 4)\}$ ، فإن E تكون :

- أ انعكاسية ب متناظرة وليست متعدية
 ج متناظرة ومتعدية د علاقة تكافؤ

١٠ إذا كانت E علاقة معرفة على $S = \{1, 2\}$ ، $E = \{(1, 1), (2, 2), (1, 2)\}$ ، فإن :

- أ E علاقة متناظرة فقط ب E علاقة متناظرة ومتعدية
 ج E علاقة انعكاسية فقط د E علاقة تكافؤ

١١ علاقة التوازي على مجموعة مستقيمات هي :

- أ علاقة انعكاسية فقط ب علاقة متناظرة فقط
 ج علاقة انعكاسية ومتعدية د علاقة تكافؤ

- ١٢ لتكن $s = \{1, 4, 25\}$ ، إذا كان التطبيق $t : s \rightarrow s$ ،
 (s هي مجموعة الأعداد الصحيحة) ، حيث $t(s) = \sqrt{s}$ ، فإن t تطبيق :
 أ شامل ومتباين
 ب ليس شاملاً وليس متبايناً
 ج شامل وليس متبايناً
 د متباين وليس شاملاً

- ١٣ لتكن $s = \{1, 0, -1\}$ ، التطبيق $t : s \rightarrow s$ ، حيث $t(s) = s^2 - 1$ ، فإن t تطبيق :
 أ متباين وليس شاملاً
 ب شامل ومتباين
 ج ليس شاملاً وليس متبايناً
 د شامل وليس متبايناً

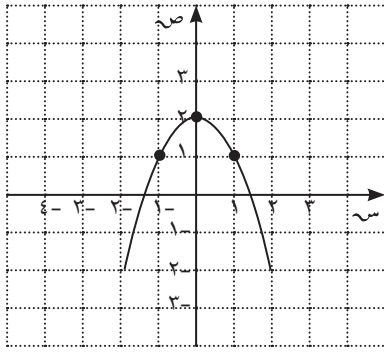
- ١٤ إذا كانت $s = \{1, 2\}$ ، $t : s \rightarrow s$ ، فإن التطبيق التقابل فيما يلي هو :
 أ $\{(1, 1), (1, 2)\}$
 ب $\{(2, 2), (1, 1)\}$
 ج $\{(2, 1), (2, 2)\}$
 د ليس أيٍّ ممّا سبق صحيحاً .

- ١٥ إذا كان التطبيق $t : s \rightarrow s$ ، حيث s هي مجموعة الأعداد الصحيحة) ،
 $t(s) = 3$ ، فإن t تطبيق :
 أ شامل ومتباين
 ب ليس شاملاً وليس متبايناً
 ج شامل وليس متبايناً
 د متباين وليس شاملاً

- ١٦ إذا كان التطبيق $t : p \rightarrow p$ ، حيث p هي مجموعة الأعداد الكليّة) ،
 $t(s) = 2s$ ، فإن t تطبيق :
 أ ليس شاملاً وليس متبايناً
 ب متباين وليس شاملاً
 ج شامل وليس متبايناً
 د تقابل

- ١٧ ليكن التطبيق $t : c \rightarrow c$ ، حيث $t(s) = 2 + 5s$. إذا كان $t(p) = 2$ ، فإن p تساوي :
 أ ٥
 ب صفر
 ج ٧
 د ٣

- ١٨ إذا كانت النقطة $(-2, 1)$ تنتمي إلى بيان الدالة : $s + 3 = p$ ، فإن p تساوي :
 أ ١
 ب -١
 ج ٢
 د -٢



١٩ يمثل الشكل المقابل بيان الدالة :

أ $ص = س^2 + ٢$

ب $ص = -س^2 + ٢$

ج $ص = -(س^2 + ٢)$

د $ص = س^2 - ٢$

٢٠ بيان الدالة $ص = (س - ٢)^2 - ٤$ ، يمثل بيان الدالة $ص = س^2$ تحت تأثير :

أ إزاحة أفقية بمقدار ٢ وحدة إلى اليسار ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأسفل .

ب إزاحة أفقية بمقدار ٢ وحدة إلى اليمين ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأسفل .

ج إزاحة أفقية بمقدار ٤ وحدات إلى اليسار ، وإزاحة رأسية بمقدار ٢ وحدة إلى الأعلى .

د إزاحة أفقية بمقدار ٢ وحدة إلى اليمين ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأعلى .

٢١ معادلة خط التماثل لمنحنى الدالة د : $ص = (س - ٢)^2$ هي

أ $ص = ١$ ب $ص = ٠$ ج $ص = ١$ د $ص = ٠$

٢٢ معادلة خط التماثل لمنحنى الدالة د : $ص = (س - ٢)^2$ هي

أ $ص = ٠$ ب $ص = ٢$ ج $ص = -٢$ د $ص = -٤$

٢٣ نقطة رأس منحنى الدالة : $ص = -(س - ٣)^2 + ٤$ هي

أ $(٤ ، ٣-)$ ب $(٣ ، -٤)$ ج $(٣ ، ٤)$ د $(٣- ، -٤)$

في البنود (٢٤ - ٢٥) ، اختر من القائمة (٢) ما يناسب كل بند من القائمة (١) لتحصل على عبارة صحيحة .

القائمة (٢)	القائمة (١)
<p>أ شامل وليس متبايناً .</p> <p>ب متباين وليس شاملاً .</p> <p>ج ليس شاملاً وليس متبايناً .</p> <p>د تطبيق تقابل .</p>	<p>٢٤ إذا كان التطبيق $ص \leftarrow ص$ (مجموعة الأعداد الصحيحة) ، ت (س) = $س^2$ ، فإن ت</p> <p>٢٥ إذا كان التطبيق $ص : \{٢- ، ٠ ، ٢\} \leftarrow \{١ ، ٠ ، -١\}$ حيث $ص (س) = \frac{١}{س}$ ، فإن ت</p>