

العلاقة وذواضها

١ - ٥

أولاً : خاصية الانعكاس

تُسمى العلاقة \mathcal{R} المعرفة على المجموعة S علاقة انعكاسية
إذا وفقط إذا كان لكل $a \in S$ ، يكون $(a, a) \in R$.

- للحكم على أن العلاقة انعكاسية ، يلزم التحقق من أن كل عنصر من عناصر المجموعة يرتبط بنفسه في العلاقة.
- للحكم على أن العلاقة ليست انعكاسية يكفي وجود عنصر واحد من عناصر المجموعة لم يرتبط بنفسه العلاقة .

دوريك الآن (١)

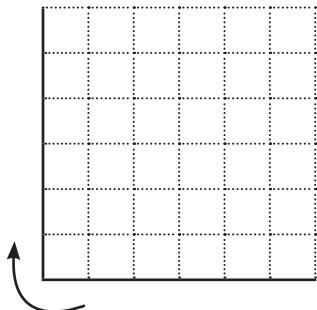
العلاقات الآتية معرفة على المجموعة $S = \{1, 0, 0\}$. حدد أيّا منها يمثل علاقة انعكاسية مع

ذكر السبب ، ثم مثل \mathcal{R} بمخطط بياني و \mathcal{R} بمخطط سهمي :

$$\mathcal{R} = \{(1, 1), (0, 0), (1, 0), (0, 1)\} \quad (1)$$

$$\therefore 1 \in S, (\dots, \dots) \in \mathcal{R},$$

$$\therefore 0 \in S, (\dots, \dots) \in \mathcal{R},$$



$\therefore \mathcal{R}$ علاقة لأن لكل $a \in S$ ، يكون $(a, a) \in \mathcal{R}$.

$$\mathcal{R} = \{(1, 1), (0, 0), (1, 0), (0, 1)\} \quad (2)$$

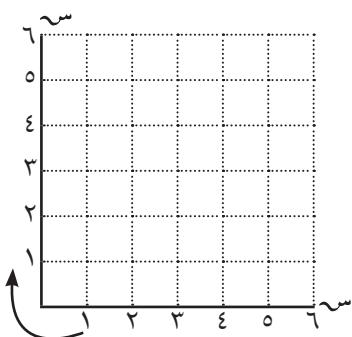
$\therefore 1 \in S$ ولكن $(\dots, \dots) \notin \mathcal{R}$

$\therefore \mathcal{R}$

ثانياً : خاصية التنازلي

تُسمى العلاقة \mathcal{R} المعرفة على المجموعة S علاقة متناظرة إذا وفقط إذا كان
لكل $(a, b) \in \mathcal{R}$ فإن $(b, a) \in \mathcal{R}$

تكون العلاقة \mathcal{R} ليست متناظرة إذا وجد $(a, b) \in \mathcal{R}$ ولكن $(b, a) \notin \mathcal{R}$ (عنصر واحد على الأقل).



إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ، R علاقات معرفة على S :

$$R = \{(1, b) : b \in S, 1 + b = 7\},$$

$$R = \{(1, b) : b \in S, 1 = \frac{1}{2}b\}$$

أ أكتب R ، بذكر العناصر ومثلها بمخطط بياني، ثم ابحث فيما إذا كانت R علاقة متاظرة أم لا مع ذكر السبب.

$$R = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1)\}$$

$$\{((\dots , \dots), (\dots , \dots), (\dots , \dots))$$

$$\text{العلاقة } R : (\dots , \dots) \in R \Leftrightarrow (\dots , \dots) \in (\dots , \dots),$$

$$(\dots , \dots) \in (\dots , \dots) \Leftrightarrow (\dots , \dots) \in (\dots , \dots),$$

$$(\dots , \dots) \in (\dots , \dots) \Leftrightarrow (\dots , \dots) \in (\dots , \dots)$$

$\therefore R$ علاقة لأن لكل $(1, b) \in R$ ، فإن $(b, 1) \in R$.

ب أكتب R ، بذكر العناصر ومثلها بمخطط سهمي، ثم ابحث فيما إذا كانت R علاقة متاظرة أم لا مع ذكر السبب.

$$R = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1)\}$$

R علاقة لأن $(\dots , \dots) \in R$ ولكن $(\dots , \dots) \notin R$.

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

ثالثاً: خاصية التعدّي

تسمى العلاقة R المعرفة على المجموعة S علاقة متعدّية إذا وفقط إذا كان لكل $(1, b) \in R$ و $(b, 1) \in R$.

- وجود العنصر $(1, 1)$ في R ، لا يؤثّر على خاصية التعدّي.
- لبحث علاقة التعدّي، نختبر كل الأزواج المرتبطة المختلفة المساقط.
- إذا وجد العنصر $(1, b)$ في R ، ولم يوجد العنصر $(b, 1)$ في R ، فلا يوجد ما ينفي شرط التعدّي.

تكون العلاقة R ليست متعدّية إذا وجد $(1, b) \in R$ و $(b, 1) \notin R$.

الفصل الدراسي الثاني

دوريك الآن (٣)

إذا كانت $S = \{1, 2, 4, 7\}$ ، \mathcal{R} علاقة معرفة على S حيث $\mathcal{R} = \{(2, 4), (2, 7), (4, 2), (4, 7)\}$.

هل \mathcal{R} علاقة متعدّية؟ ولماذا؟

$\therefore (\dots, \dots, \dots, \dots) \in \mathcal{R}$ و $(\dots, \dots, \dots, \dots) \in \mathcal{R}$

$\therefore \mathcal{R}$ علاقة.

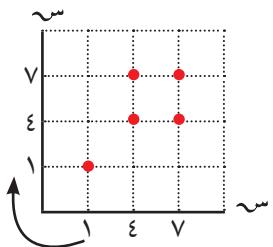
لأنّ لكلّ $(a, b) \in \mathcal{R}$ و $(b, a) \in \mathcal{R}$ ، فإنّ $(a, b) \in \mathcal{R}$ ، $(b, a) \in \mathcal{R}$.

رابعاً : خاصيّة التكافؤ

تكون العلاقة \mathcal{R} المعرفة على مجموعة S علاقة **تكافؤ** إذا كانت انعكاسية ومتناهية ومتعدّية .

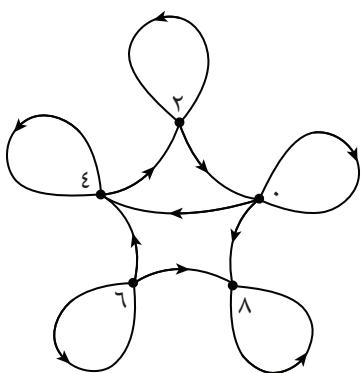
دوريك الآن (٤)

إذا كانت $S = \{1, 4, 7\}$ ، \mathcal{R} علاقه معرفة على S كما هو موضح في المخطط البياني المقابل ، فاختبر ما إذا كانت \mathcal{R} علاقة تكافؤ .

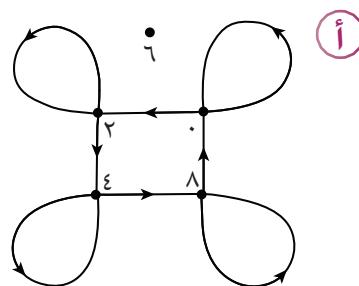


تكون العلاقة \mathcal{R} ليست تكافؤاً إذا لم تكن \mathcal{R} (انعكاسية أو متناهية أو متعدّية) .

- ١ فيما يلي مجموعة من المخططات السهمية لعدة علاقات على سه = {٨، ٦، ٤، ٢، ٠} . أكتب كل علاقة بذكر العناصر ، ثم اختبر إذا كانت العلاقة انعكاسية أم لا مع ذكر السبب .



ب



١

- ٢ إذا كانت سه = {٢، ٣، ٥، ٦} ، وكانت ع = {(٤، ب)، (٤، ب)، س، ب} عامل من عوامل ب .
- أ أكتب ع بذكر العناصر
- ب تحقق من أن العلاقة ع انعكاسية

- ٣ أكتب كل علاقة مما يأتي بذكر العناصر ، ومثلها بمخطط سهمي ، ثم اختبر الخاصية الانعكاسية .

أ سه = {١، ٣، ٥}

ع = {(٤، ب)، (٤، ب)، س، ب} عددًا زوجيًّا

ب ل = {-٢، -١، ١، ٢}

ع = {(٤، ب)، (٤، ب)، س، ب} ب = ٢

الفصل الدراسي الثاني

ج) $\{1, 0, 3\} = M$
 $\{1, 0, M\} = B$

٤) أكتب كل علاقة ممّا يأتي بذكر العناصر، ثم اختبر من حيث كونها متناظرة أم لا مع ذكر السبب.

أ) العلاقة \subseteq معرفة على $S = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
حيث $\subseteq = \{(1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (2, 3), (2, 4), (2, 5), (3, 4), (3, 5), (4, 5)\}$

ب) \subseteq علاقة « \geq » معرفة على $S = \{2, 4, 6\}$

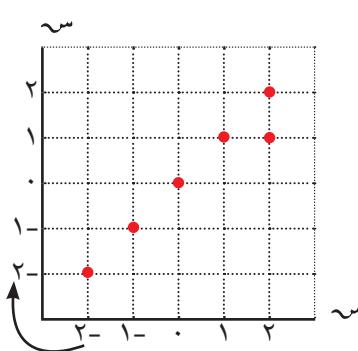
ج) \subseteq علاقة «ضعف» معرفة على $S = \{0, 1, 2, 3\}$

د) العلاقة \subseteq معرفة على $S = \{1, 0, -1, -2\}$
حيث $\subseteq = \{(1, 0), (1, -1), (1, -2), (0, -1), (0, -2), (-1, -2)\}$

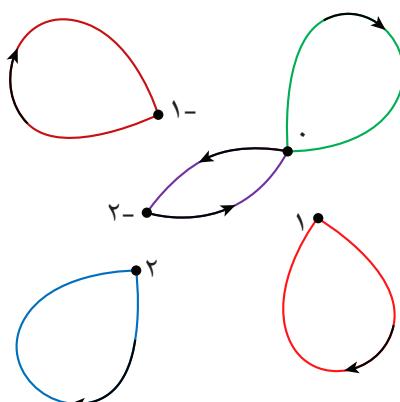
الفصل الدراسي الثاني

٥ فيما يلي مخططات سهمية وبيانية لعلاقات معرفة على $S = \{1, 2, 3, 4\}$.

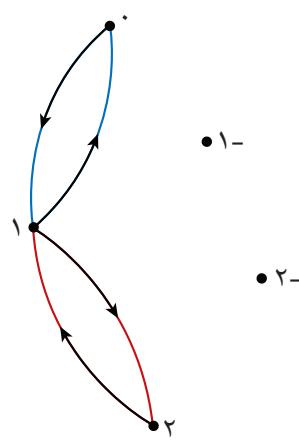
اختر خاصية التنازول لكل شكل مما يلي:



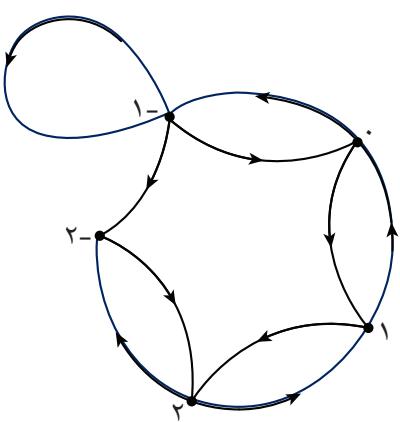
ب



أ



د



ج

العلاقات الآتية معرفة على المجموعة $S = \{1, 2, 3, 4\}$. أي منها هو علاقة متعدّية؟ وأيّها

غير متعدّية؟ مع ذكر السبب.

$$\{(3, 1), (3, 2), (2, 1)\} = ٤$$

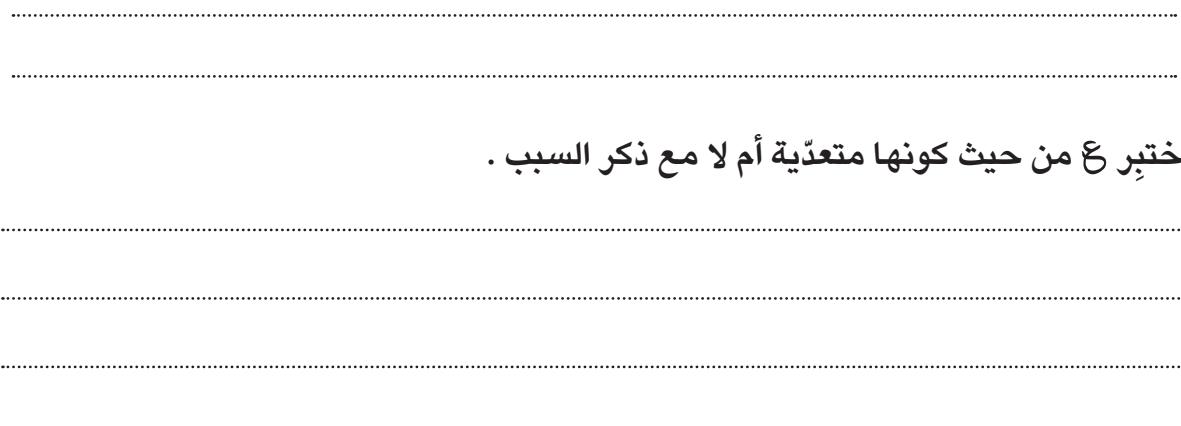
$$\{(4, 3), (2, 3), (2, 2), (1, 1)\} = ٤$$

$$\{(1, 1), (4, 2), (4, 3), (3, 2), (1, 2), (2, 1)\} = ٦$$

الفصل الدراسي الثاني

٧ اعتبر $S = \{1, 2, 3\}$ ، $\mathcal{U} = \{(1, 2), (1, 3), (2, 3)\}$

أ) أكتب \mathcal{U} بذكر العناصر ، ثم مثّلها بمخطط سهمي .



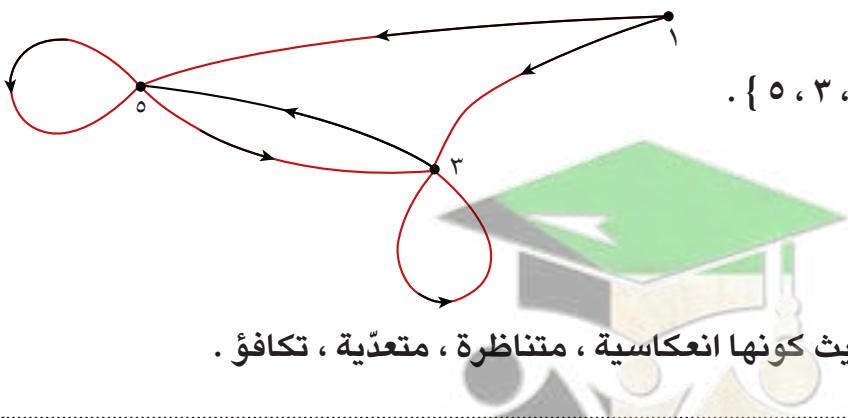
٨ إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ، وكانت $\mathcal{U} = \{(s, s), (s, c), (c, s), (c, c)\}$ ،

أكتب \mathcal{U} بذكر العناصر ، ثم ادرس خواص العلاقة \mathcal{U} من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدّية ، تكافؤ .

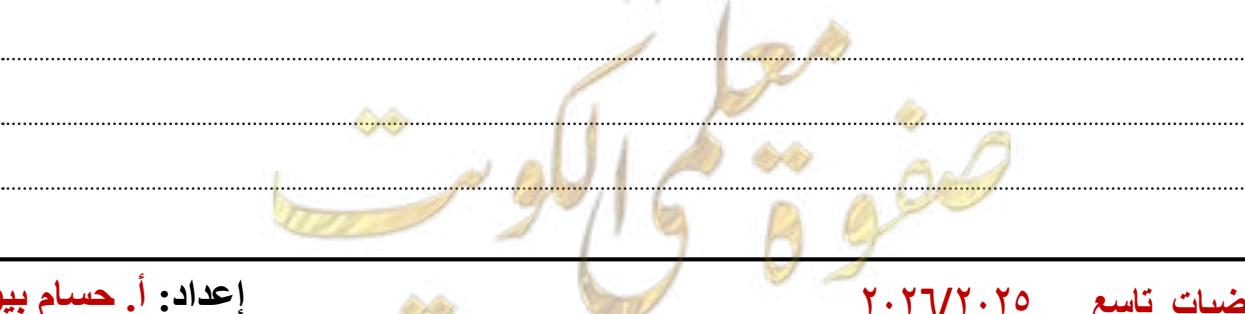


٩ في المخطط السهمي المقابل

علاقة معرفة على $S = \{1, 3, 5\}$.



ادرس خواص العلاقة \mathcal{U} من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدّية ، تكافؤ .



التطبيق (الدالة)

٢ - ٥

التطبيق (الدالة) : هو علاقة من س إلى ص بحيث يرتبط كل عنصر من عناصر س بعنصر واحد وواحد فقط من عناصر ص .

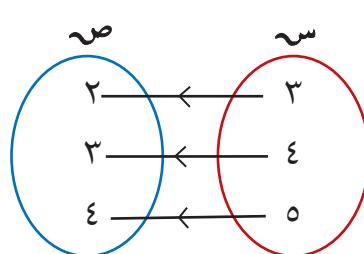
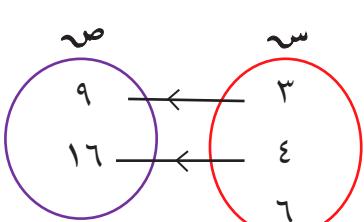
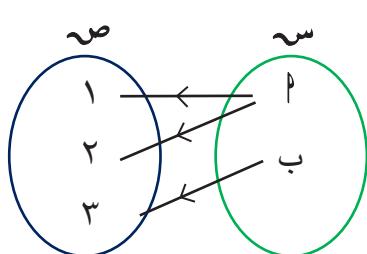
نرمز إلى التطبيق (الدالة) بأحد الرموز : ت ، د ، ه ، ل ، ...
إذا كانت ت تطبيق من س إلى ص ، نرمز إلى ذلك ت : س \rightarrow ص

مكونات التطبيق (الدالة) ت : س \rightarrow ص هي :

- ١ س تسمى مجال التطبيق (الدالة) .
- ٢ ص تسمى المجال المقابل للتطبيق ت .
- ٣ ت هي قاعدة الاقتران .

دوريك الآن (١)

تمثل المخططات السهمية التالية علاقات من س إلى ص ، أي منها يمثل تطبيقاً وأيّها لا يمثل تطبيقاً مع ذكر السبب ؟



العلاقة :

السبب :

العلاقة :

السبب :

العلاقة :

السبب :

في المخطط السهمي الذي يمثل تطبيقاً : كل عنصر من عناصر س يخرج منه سهم واحد فقط إلى أحد عناصر ص .

مدى التطبيق هو مجموعة صور عناصر مجال التطبيق .

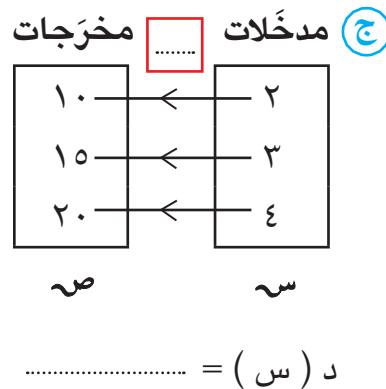
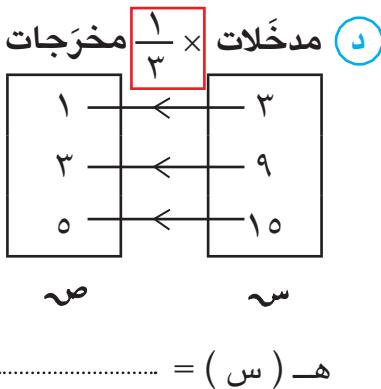
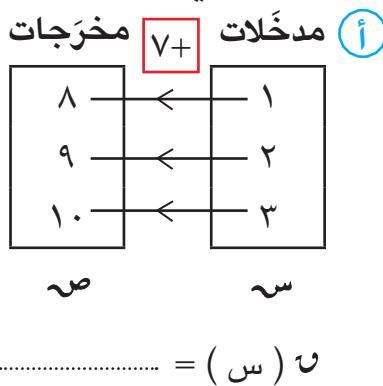
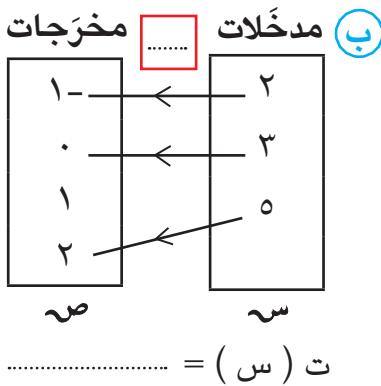
مدى التطبيق مجموعة جزئية من المجال المقابل .

إذا كان $t \in S$ والعنصر الذي يرتبط به من ص هو ب ، فإنّنا نعبر عن ذلك بالصورة $t(1) = b$
وهي قيمة التطبيق (الدالة) ت عند ١ .

قاعدة الاقتران للتطبيق هي التعبير الرياضي الذي يربط كل عنصر في المجال بعنصر واحد فقط في المجال المقابل .

دورك الاعن (٢)

يمثل كل مما يلي تطبيقاً من سإلى ص . أكتب قاعدة الاقتران لكل منها .



في العلاقة التي تمثل تطبيقاً : كلّ عنصر من عناصر المجال يظهر مرّة واحدة فقط كمسقط أول في أحد الأزواج المرتبة التي تنتمي إلى العلاقة .

دۇرك ئالىپ (III)

ليكن علامة من سه إلى ص، أكتب ع بذكر العناصر، وحدّد ما إذا كانت تمثّل تطبيقاً أم لا ، مع ذكر السبب ، ثم مثّلها بمخطط سهمي .

$$\{ \text{ب}(\text{ب}) : \text{ب} \in \text{ص} \} = \text{غ}$$

$$\{7, 4, 2\} = \text{~s}$$

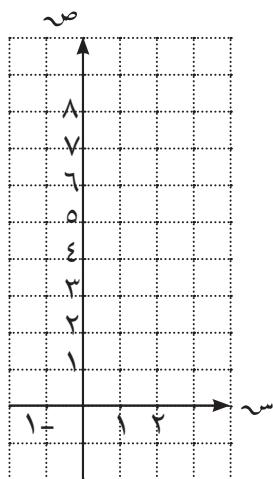
$$\{ 3, 2, 1 \} = \text{ص}$$

في المخطط البياني الذي يمثل تطبيقاً : كل خط رأسي يمر بنقطة واحدة على الأكثر من نقاط التطبيق .

دوريك الآن (٤)

إذا كانت $S = \{ -1, 0, 1, 2 \}$ ، \mathcal{H} هي مجموعة الأعداد الحقيقية .
 $t : S \rightarrow \mathcal{H}$ حيث $t(S) = S^2 + 2$

١ أكمل الجدول التالي ، ثم أوجد مدى التطبيق t :



| | | | | |
|---|---|---|-------------|---------|
| ٢ | ١ | ٠ | -١ | s |
| | | | $2 + 2(-1)$ | $2 + 2$ |
| | | | ٣ | $t(s)$ |

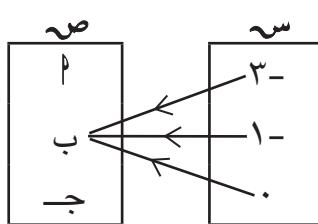
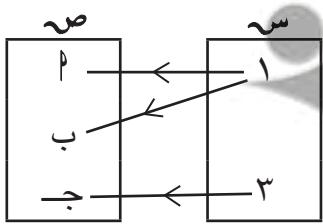
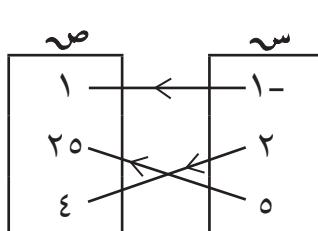
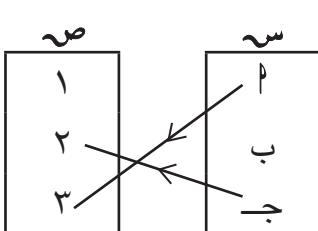
مدى التطبيق = { ، ، }

٢ أكتب t كأزواج مرتبة .
 $t = \{ (3, 10), \dots, (-1, 3) \}$

٣ أرسم مخططاً بيانيًّا في المستوى الإحداثي .

تمارين ذاتية :

١ بَيْنَ أيَّاً من المخططات السهمية التالية يمثل تطبيقاً من $S \rightarrow C$ وَأَيَّاً لا يمثل تطبيقاً ، مع ذكر السبب . إذا كان المخطط يمثل تطبيقاً فاذكر المجال والمدى .



الفصل الدراسي الثاني

٢ حدد ما إذا كانت العلاقات أدناه تمثل تطبيقاً من س \rightarrow ص أم لا ، مع ذكر السبب ، ثم مثّلها بمخطط سهمي .

أ ١ $\{ ٤, ٦ \} = \{ ٤, ٦ \} : \exists s, b \in S, b \in f(s)$
حيث $s = \{ ٣, ٢, ١, ٠ \}$ ، $b = \{ ٥, ٤, ٣ \}$

ب ٢ $\{ (٣, ١), (١, ١), (١, ١-), (١, ٠) \} = \{ (٣, ١), (٢, ١), (١-)$
حيث $s = \{ ٣, ٢, ١, ١- \}$

٣ إذا كانت $s = \{ ١-، ١، ٠، ١، ٠، ١- \}$ ، وكانت t تطبيقاً من س \rightarrow ص

| ١ | ٠ | ١- | س |
|---|---|----|--------|
| | | | ١-س |
| | | | $t(s)$ |

حيث $t(s) = \{ ٢-س \}$

أ أكمل الجدول المقابل :

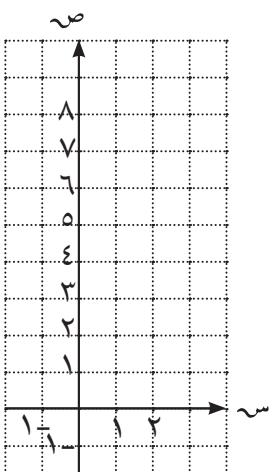
ب مدى $t = \dots$

ج أكتب t كمجموعة من الأزواج المرتبة .

$t = \dots$

د أرسم مخططاً سهلياً .

٤ إذا كانت $s = \{ ٢، ١، ١- \}$ ، h هي مجموعة الأعداد الحقيقية ، $h \rightarrow s$ هي تطبيق معرف كما يلي :



أ أكمل الجدول التالي :

| ٢ | ١ | ١- | س |
|---|---|----|--------|
| | | | s^3 |
| | | | $h(s)$ |

ب مدى $h = \dots$

ج أكتب h كمجموعة من الأزواج المرتبة .

$h = \dots$

د أرسم مخططاً بيانياً في المستوى الإحداثي .

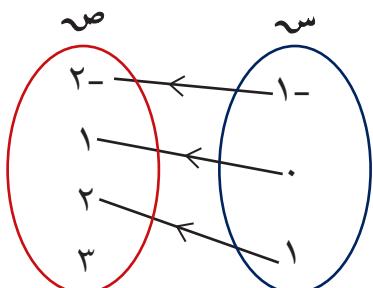
التطبيق الذي يتساوى فيه المدى والمجال المقابل يُسمى « **تطبيق شامل** » .

التطبيق الذي لا يرتبط فيه عنصران أو أكثر من المجال بالعنصر نفسه من المجال المقابل يُسمى « **تطبيق متباين** » .

التطبيق الشامل والمتباين يُسمى « **تطبيق تقابل** » .

دورك الآن

من المخطط السهمي المقابل ، بَيْن نوع التطبيق ت : $s \leftarrow c$ فيما إذا كان تطبيقاً شاملاً ، متبانياً ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .



- المجال =
 المجال المقابل =
 المدى =
 ت تطبيق
 السبب :

دورك الآن (٢)

إذا كانت $s = \{2, 0, 5, 1, 7\}$ ، $c = \{1, 5, 2, 0, 2\}$ ، فإذا كانت $s = \{1, 3, 3, 1, 2\}$ ، حيث $c = \{2, 0, 2, 2, 0\}$

ج) مثل التطبيق c بمخطط سهمي .

أ) أوجد مدى التطبيق c .

$$\begin{aligned} c(s) &= 3 \\ c(2) &= 2 \\ c(0) &= 0 \\ c(2) &= 2 \\ c(0) &= 0 \\ \text{المدى} &= \dots \end{aligned}$$

ب) أكتب التطبيق c كمجموعة من الأزواج المرتبة .

الفصل الدراسي الثاني

٤ بَيْنَ نُوْعِ التَّطْبِيقِ لِمَا مِنْ حِيثِ كُونِهِ شَامِلًا ، مُتَبَايِنًا ، تَقَابِلًا ، مَعْ ذِكْرِ السُّبُبِ .

طبيق لأنّ :

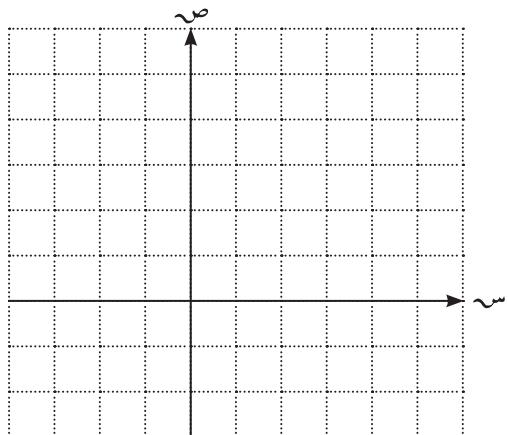
تطبيقات لأنّ

٦ تطبيق لأنّه لـ :

دورك الاعن (٣)

إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4\}$ ، التطبيق $D : S \rightarrow S$ ،
حيث $D = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4)\}$

١ مثل التطبيق د بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .



ب أكتب مدى التطبيق .

ج هل التطبيق د تطبيق تقابل ؟ لماذا ؟

تمارين ذاتية:

١) إذا كانت $S = \{-1, 0, 1, 2\}$ ، $C = \{3, 5, 1, 9\}$

التطبيق ٦: $s \leftarrow s + 4$, حيث $s(s) =$

أُوجِدَ مُدِي التَّطْبِيقِ ٦.



ب أكتب التطبيق لـ كمجموعة من الأزواج المرتبة .

الفصل الدراسي الثاني

ج مُثُل التطبيق ل بمخطط سهمي .

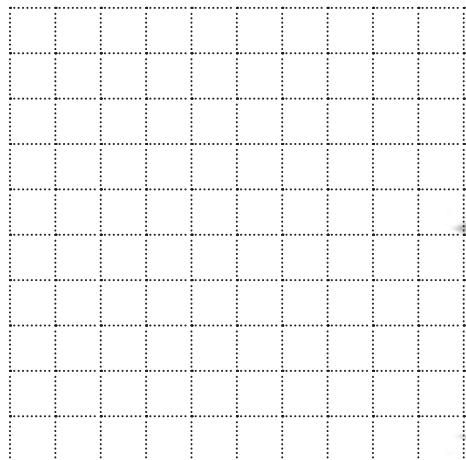
د بِين نوع التطبيق ل من حيث كونه شاملًا ، متباعيًّا ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .

إذا كانت $L = \{1, 2, 5\}$ ، $H = \{2, 4, 5\}$ ،
التطبيق ل : $L \rightarrow H$ ، حيث $L(S) = S^2 + 1$

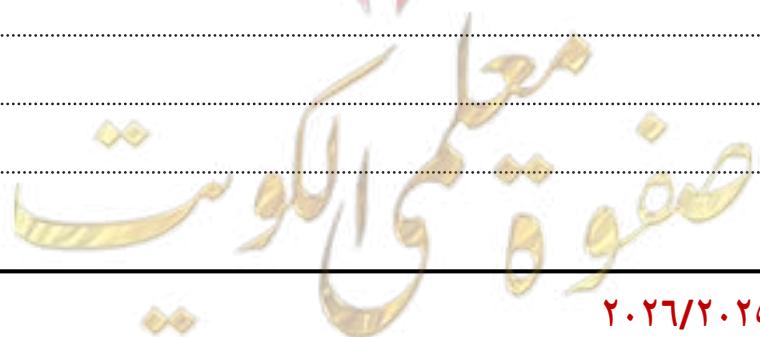
أوجِد مدى التطبيق ل .

ب أكتب التطبيق ل كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج مُثُل التطبيق ل بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .



د بِين نوع التطبيق ل من حيث كونه شاملًا ، متباعيًّا ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .



الفصل الدراسي الثاني

٣ إذا كانت $S = \{1, 0, 0, 1, 0, 2\}$ ، $s = \{1, 0, 0, 1, 0, 0\}$ ،

التطبيق $H : S \rightarrow S$ ، حيث $H(S) = S^3 - 1$

أ١ أوجد مدى التطبيق H .

ب١ أكتب التطبيق H كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج١ مثل التطبيق H بمخطط سهمي .

د١ بين نوع التطبيق H من حيث كونه شاملًا ، متسابقاً ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .

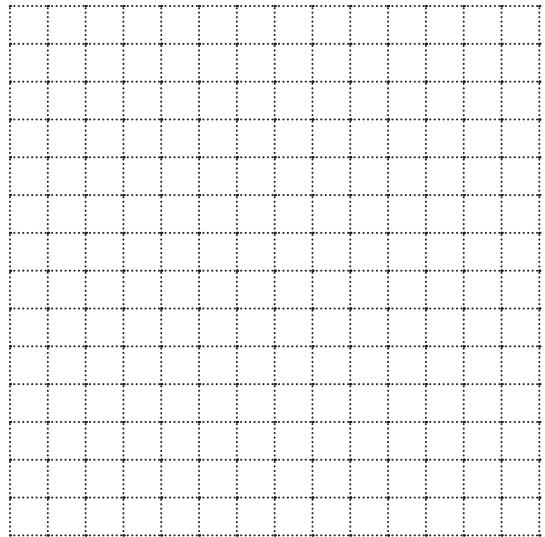


الفصل الدراسي الثاني

٤ إذا كانت $U = \{2, 3, 5\}$

التطبيق $h : U \rightarrow U$, حيث $h = \{(2, 2), (3, 3), (5, 5)\}$

أ) أوجد مدى التطبيق h .



ب) مثل التطبيق h بمخطط بياني في المستوى الإحداثي.

ج) بين أن التطبيق h هو تطبيق تقابل.

٥ إذا كان التطبيق $d : S \rightarrow S$, حيث $S = \{1, 4, 16\}$,

$d(s) = \sqrt[3]{s - 1}$, فيبين أن d تطبيق تقابل.



الدالة الخطية

٤ - ٥

- الدالة (التطبيق) التي مجالها ومجالها المقابل مجموعة الأعداد الحقيقية أو مجموعة جزئية منها تسمى «**دالة حقيقة**».

- الدالة الحقيقة $y = h$ حيث $y = xs + b$, حيث $x, b \in \mathbb{R}$, $y \neq 0$. تسمى «**دالة خطية**» (تطبيقاً خطياً).

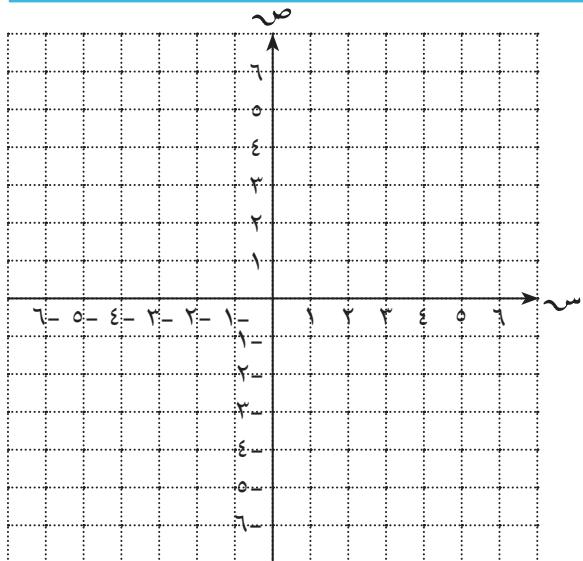
- $y = xs + b$ تسمى قاعدة الاقتران ويمكن كتابتها على الصورة: $y = xs + b$ ويكون بيانها خطياً مستقيماً يقطع محور السينات حيث $b \neq 0$.

• يسمى **s المتغير المستقل**, وهو المتغير الذي يحدد قيمة مخرجات الدالة.

• يسمى **y المتغير التابع**, وهو المتغير الذي تعتمد قيمته على قيمة المتغير المستقل.

دوريك الآن

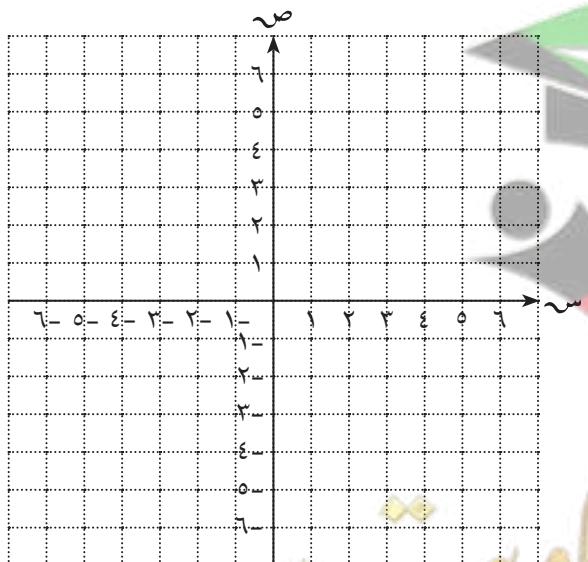
أرسم بيان الدالة الخطية: $y = 3x + 2$



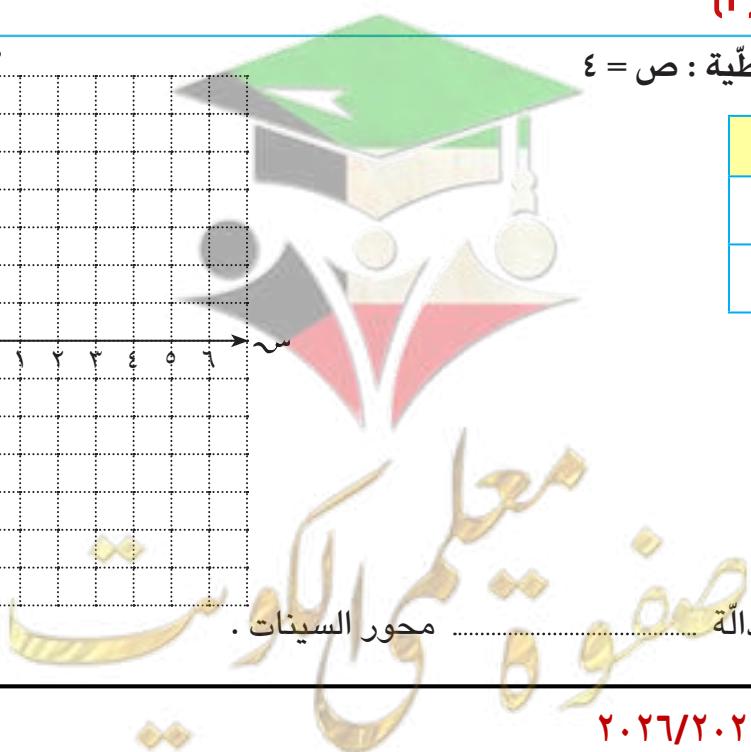
| | | | |
|--------------|--|-----|-----|
| $y = 3x + 2$ | | | |
| | | | y |
| | | x | |

دوريك الآن (٢)

أرسم بيان الدالة الخطية: $y = 4x$



| | | | |
|----------|--|-----|-----|
| $y = 4x$ | | | |
| | | | y |
| | | x | |



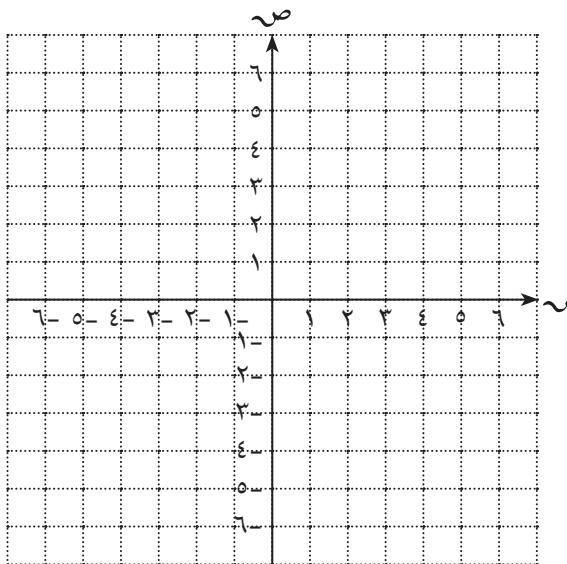
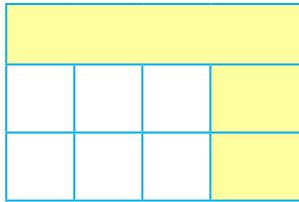
ماذا تلاحظ؟ بيان الدالة يقطع محور السينات.

• الدالة الثابتة $d(s) = s$ ، $s \in \mathbb{R}$ يكون بيانها خطًّا مستقيماً أفقياً (يوازي محور السينات) .

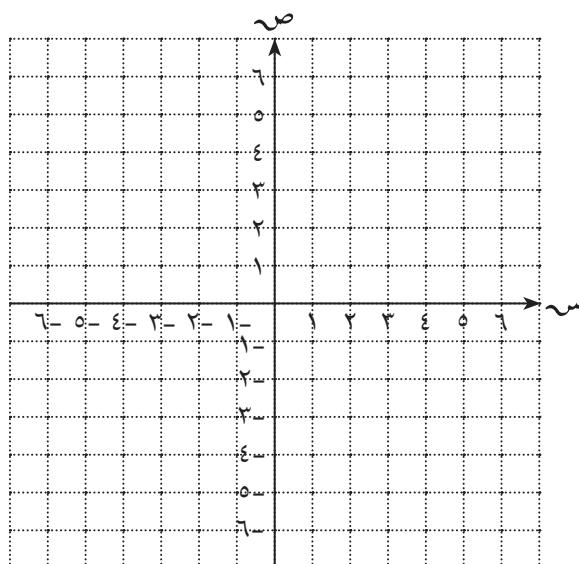
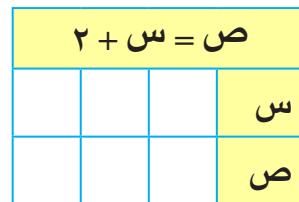
تمارين ذاتية :

١ أرسم بيانيًّا كلاً من الدوال الخطية التالية :

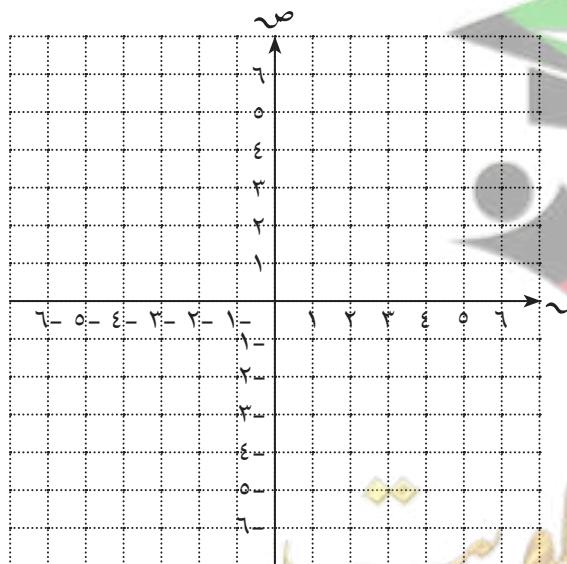
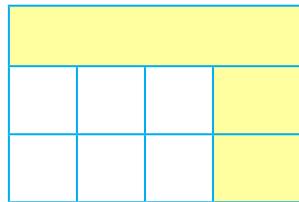
ب) $s - 2 = c$



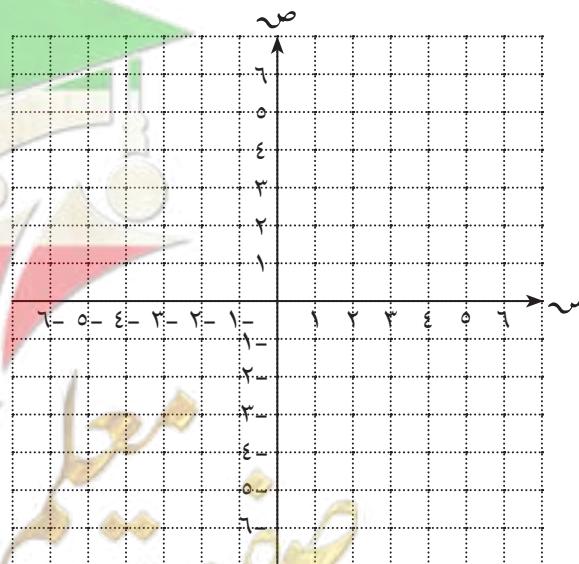
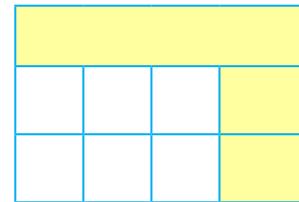
أ) $s + 2 = c$



د) $c - 2 = s$



ج) $c + s = 3$



الدالة التربيعية

٥ - ٥

الدالة الحقيقية التي فيها القوّة الأعلى للمتغيّر المستقلّ تساوي ٢ تُسمّى « دالة تربيعية » .

ويكون الرسم البياني للدالة التربيعية منحنى على شكل \backslash أو $/$ ويُسمّى « قطع مكافئ » .

الصورة العامة للدالة التربيعية هي :

$$ص = أس^٢ + بـس + جـ حيث أ، بـ، جـ أعداد حقيقية، أ \neq 0$$

حدّ من \backslash من الدرجة حدّ ثابت
 الدرجة الثانية الأولى

حيث أنَّ كلاً من المجال والمجال المقابل للدالة التربيعية هو مجموعة الأعداد الحقيقية .

• الصورة القياسية للدالة التربيعية :

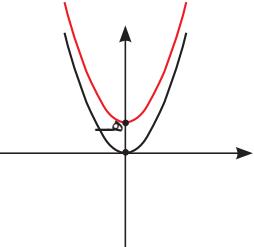
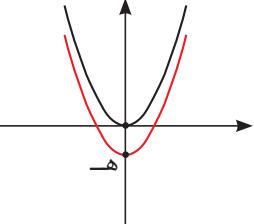
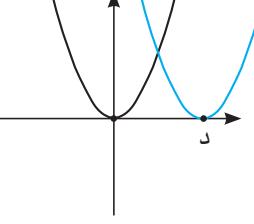
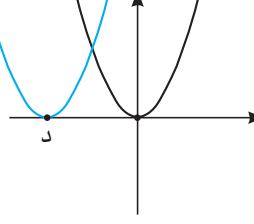
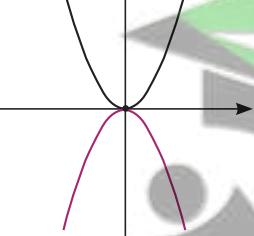
$$ص = أ(s - د)^٢ + هـ؛ أ، دـ، هـ \in حـ، أ \neq 0$$

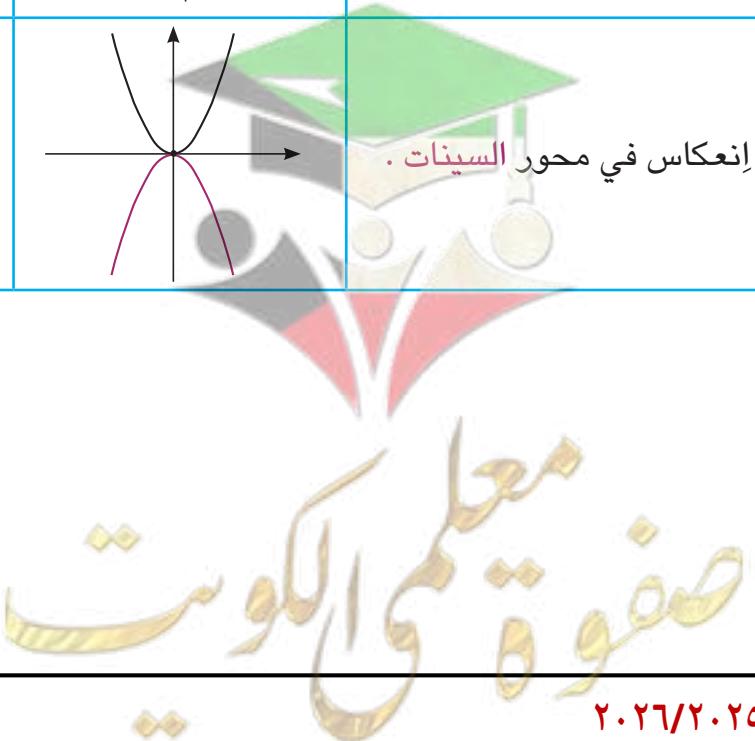
• تقتصر دراستنا في حالة $A = 1$ أي على الصورة $ص = (s - د)^٢ + هـ$

• رأس منحنى الدالة $ص = (s - د)^٢ + هـ$ هو النقطة $(دـ، هـ)$.



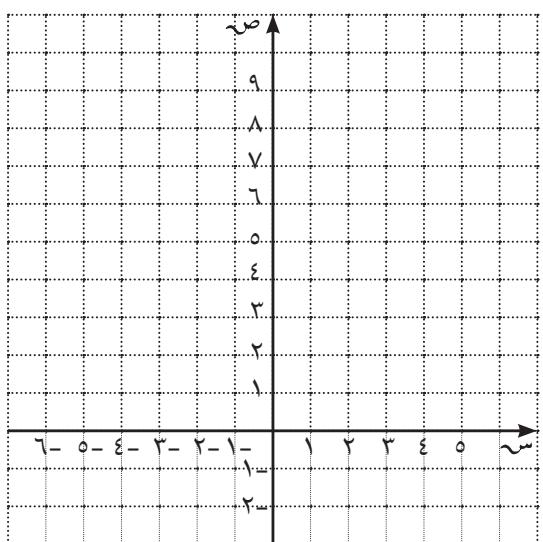
الفصل الدراسي الثاني

| مثال | التمثيل البياني | التحويلات الهندسية المطبقة على التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$ | الدالة التربيعية |
|--|---|--|------------------|
| $ص = س^2 + ١$ |  | إزاحة رأسية بمقدار $ ه $ وحدة إلى الأعلى إذا كانت $ه$ موجبة . | $ص = س^2 + ه$ |
| $ص = س^2 - ١$ |  | إزاحة رأسية بمقدار $ ه $ وحدة إلى الأسفل إذا كانت $ه$ سالبة . | |
| $ص = (س - ٢)^2$ |  | إزاحة أفقية بمقدار $ د $ وحدة إلى اليمين إذا كانت $د$ موجبة . | $ص = (س - د)^2$ |
| $ص = (س - ٢)^2 + ١$ $ص = (س + ٢)^2$ |  | إزاحة أفقية بمقدار $ د $ وحدة إلى اليسار إذا كانت $د$ سالبة . | |
| $ص = -س^2$ |  | انعكاس في محور السينات . | $ص = -س^2$ |



الفصل الدراسي الثاني

دوريك الآن (١)



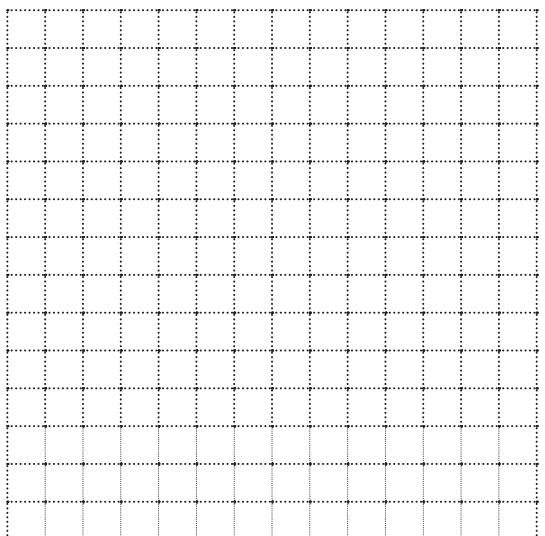
مثل بياني الدالة $ص = (س - ٣)^٢$ مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$.

أرسم بيان الدالة : $ص = س^٢$

بيان الدالة $ص = (س - ٣)^٢$ هو إزاحة لبيان الدالة : $ص = س^٢$.

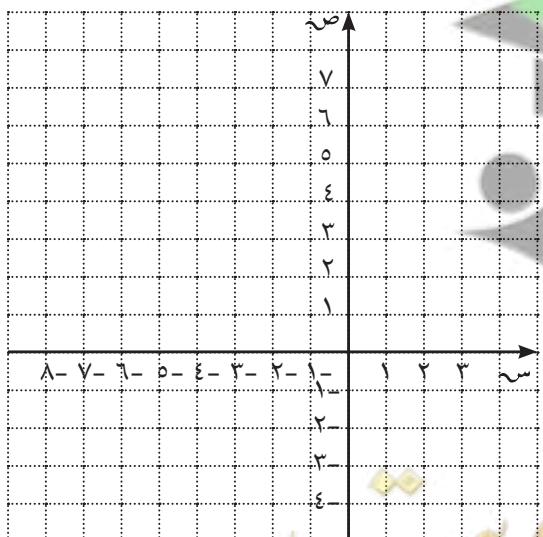
أرسم بيان الدالة : $ص = (س - ٣)^٢$

دوريك الآن (٢)



مثل بياني الدالة $ص = -(س + ٢)^٢$ مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$.

خط تمثل بيان الدالة $ص = (س - د)^٢ + ه$ هو المستقيم الذي معادلته $ص = د$

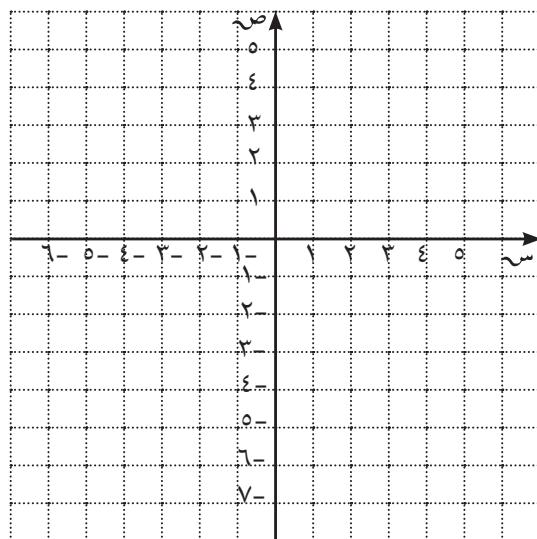


دوريك الآن (٣)

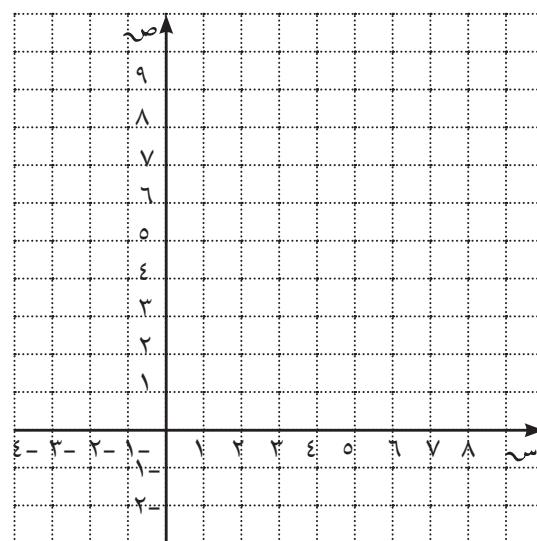
مثل بياني الدالة $ص = (س + ٣)^٢ - ٢$ مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$.

مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$ ، مثل بيانياً كلًا من الدوال التالية :

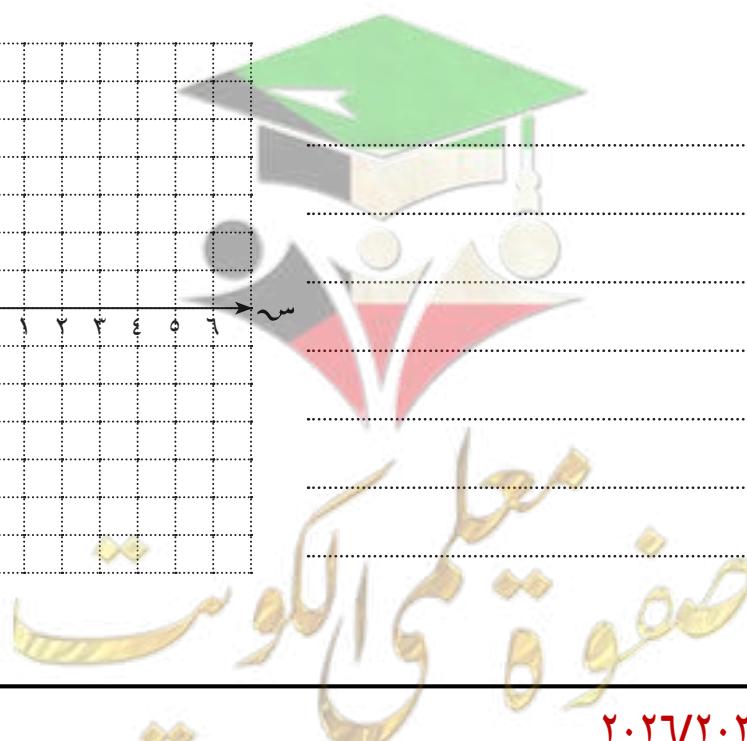
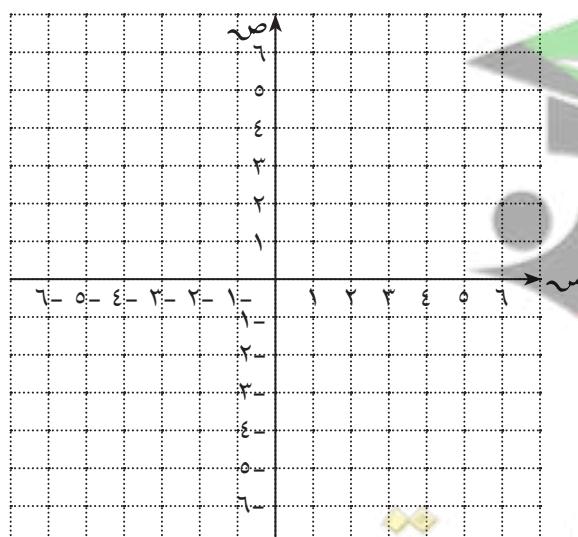
١ $ص = س^2 - 4$



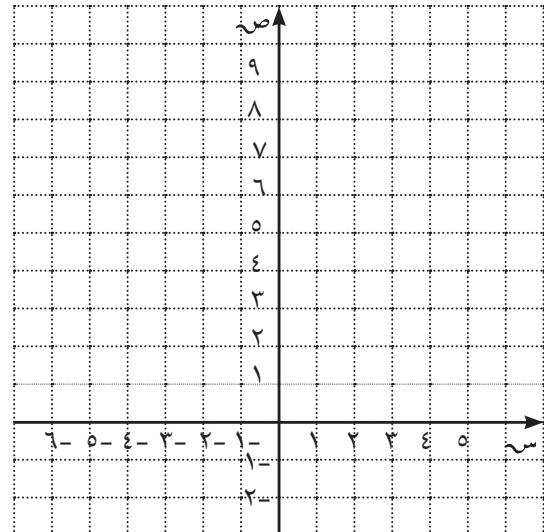
٢ $ص = (س - 5)^2$



٣ $ص = -س^2 + 2$



الفصل الدراسي الثاني



$$ص = (س + ١) + ٢ \quad ٤$$

.....

.....

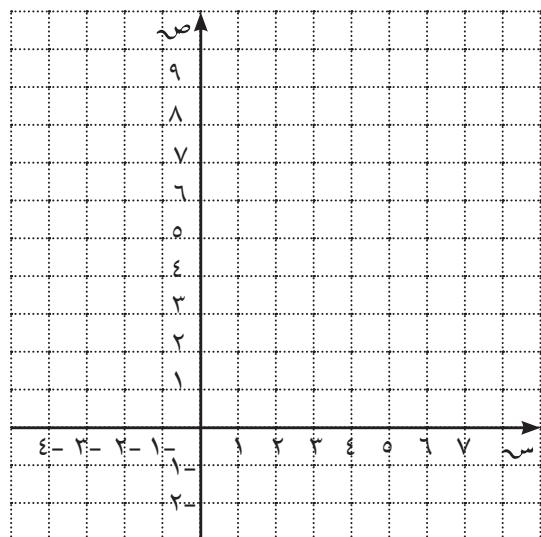
.....

.....

.....

.....

.....



$$ص = (س - ٣) + ١ \quad ٥$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

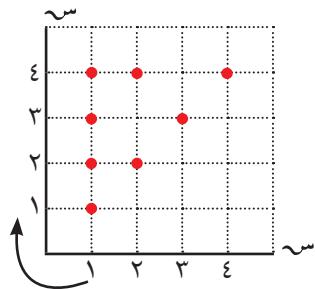
.....



تقدير الوحدة التعليمية الخامسة

أولاً: البنود المقالية

١) يوضح المخطط البياني المقابل العلاقة بين المعرفة على المجموعة س = {١، ٢، ٣، ٤}.



أ أكتب العلاقة ع بذكر العناصر .

بـ اختبر العلاقة \cup من حيث كونها انعكاسية ، متناظرة ، متعدّية ، تكافؤ .

٢) إذا كانت ع relation معرفة على $S = \{3, 5, 7, 9\}$ ،
 $\{(9, 3), (9, 5), (9, 7), (9, 9), (5, 3), (5, 5), (7, 3), (7, 5), (7, 7)\}$
فاختبر العلاقة ع من حيث كونها انعكاسية، متناهية، متعددة، تكافؤ.



الفصل الدراسي الثاني

٣ إذا كانت $s = \{1, 2, 3\}$ ، $c = \{0, 1, 2, 3\}$

وكانت ت تطبيق من s إلى c حيث $t(s) = s^3 - 3$

| | | | |
|---|---|---|-----------|
| ٣ | ٢ | ١ | s |
| | | | $s^3 - 3$ |
| | | | $t(s)$ |

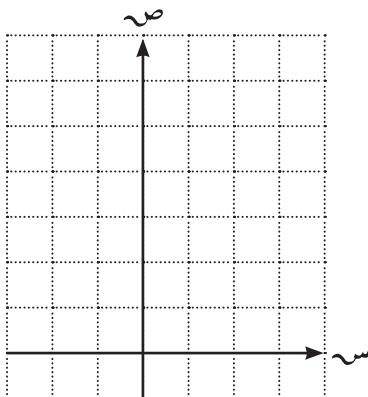
أكمل الجدول المقابل :

ب مدى $t = \dots$

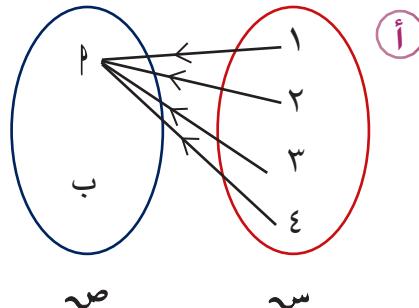
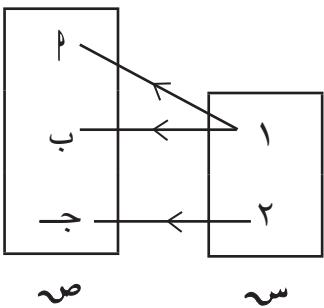
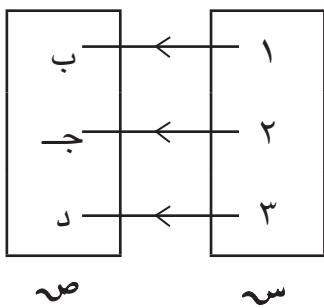
ج أكتب ت كمجموعة من الأزواج المرتبة :

$t = \dots$

د أرسم مخططاً سهلياً ، وآخر بيانياً في المستوى الإحداثي .



٤ أي من المخططات السهمية التالية يمثل تطبيقاً؟ ولماذا؟



٥ إذا كان التطبيق $d : s \rightarrow c$ ، حيث $s = \{4, 0, 1, 2\}$ ، $c = \{-4, 0, 4\}$

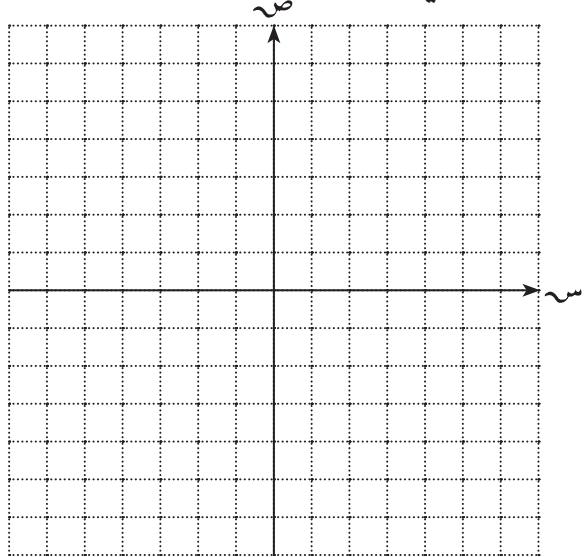
$d(s) = 4s - 4$

أوجد مدى التطبيق d .

ب أكتب d كمجموعة من الأزواج المرتبة .

الفصل الدراسي الثاني

ج) مثل التطبيق د بمخطط سهمي وآخر بياني في المستوى الإحداثي .



د) بيّن نوع التطبيق د من حيث كونه شاملًا ، متباينًا ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .

إذا كان التطبيق د : $s \leftarrow ch$ ، حيث $s = \{1, 0, -1\}$ ، $ch = \{1, 0, 2\}$ ،
 $D(s) = s^2 - 2$ ، فبيّن نوع التطبيق د من حيث كونه شامل ، متباين ، تقابل مع ذكر السبب .



الفصل الدراسي الثاني

٧ إذا كانت $s = \{1, 2, 3, 4\}$ ، $c = \{9, 1\}$ ، والتطبيق $t: s \rightarrow c$ ، حيث

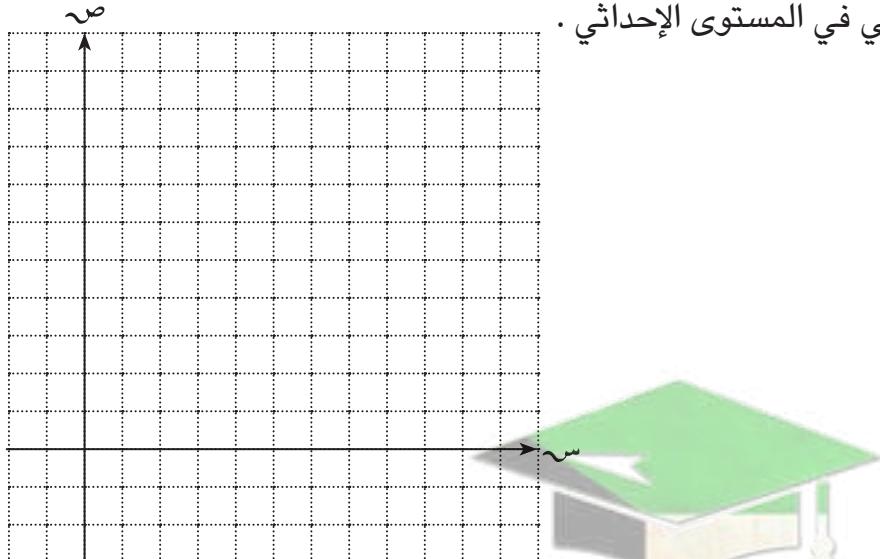
$$t(s) = \sqrt{s+1}$$

أوجد مدى التطبيق t .

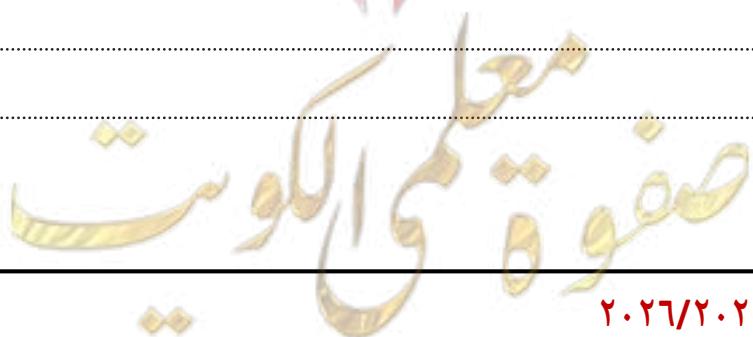
ب اكتب التطبيق t كمجموعة من الأزواج المرتبة .

ج مثل التطبيق t بمخطط سهمي .

د مثل التطبيق t بمخطط بياني في المستوى الإحداثي .



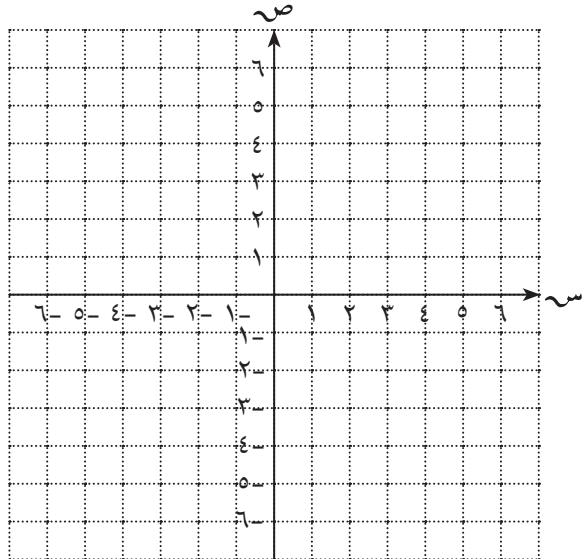
هـ بّين نوع التطبيق t من حيث كونه شاملًا ، متسابقاً ، تقابلًا ، مع ذكر السبب .



الفصل الدراسي الثاني

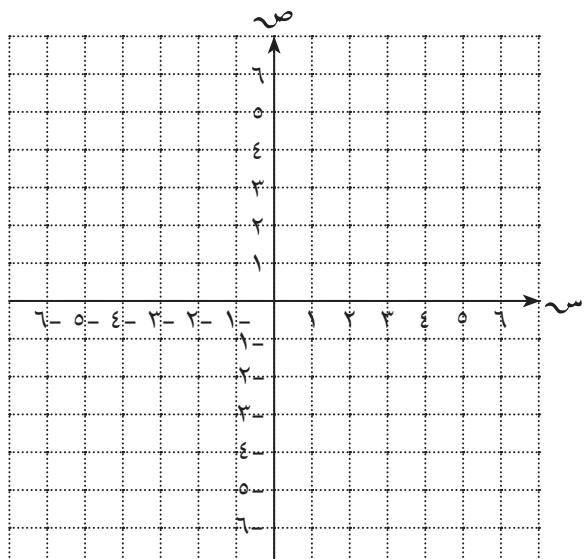
٨ أرسم بيان الدالة الخطية : $ص - ٢ = س^٢$

| |
|---|
| س |
| ص |

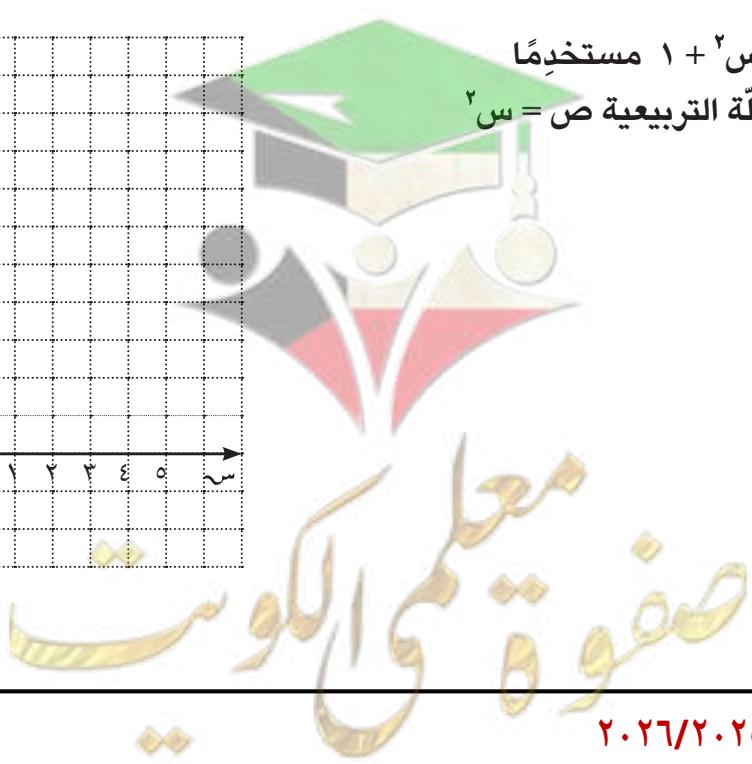
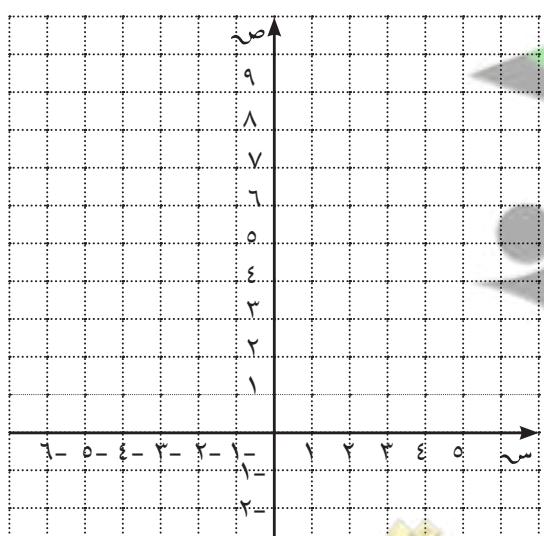


٩ أرسم بيان الدالة الخطية : $ص = س$

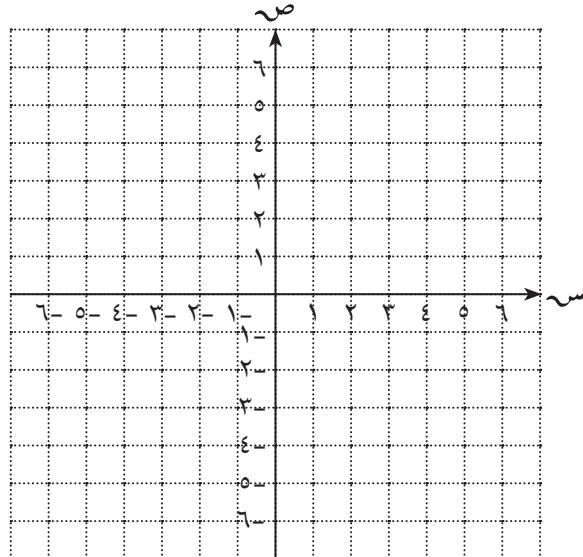
| |
|---|
| س |
| ص |



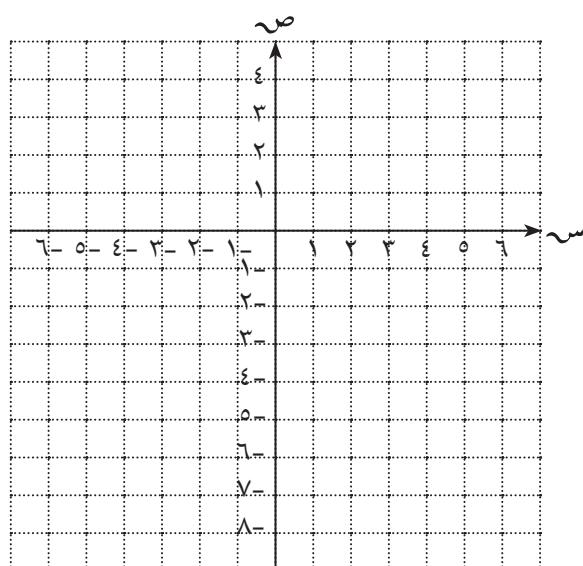
١٠ مثل بيانياً : $ص = س^٢ + ١$ مستخدماً
التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^٢$



الفصل الدراسي الثاني



١١ مثل بيانيًّا : $ص = س^2 - 2$ مستخدِمًا
التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$



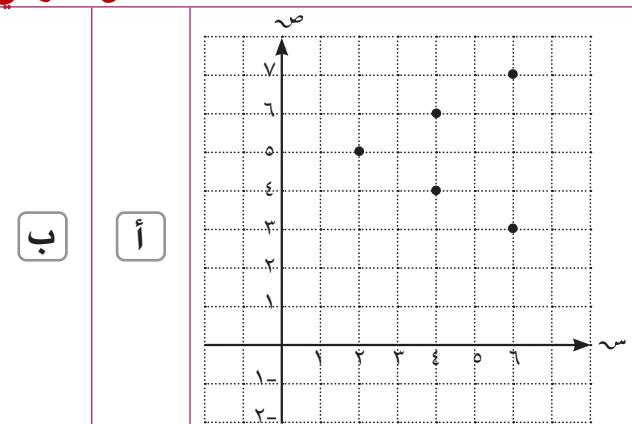
١٢ مثل بيانيًّا : $ص = (س - 1)^2 - 3$ مستخدِمًا
التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$

ثانية: البنود الموضوعية

في البنود (٨ - ١)، ظلل **أ** إذا كانت العبارة صحيحة، وظلل **ب** إذا كانت العبارة غير صحيحة.

| | | |
|----------|----------|---|
| ب | أ | ١ إذا كانت ع علاقة تكافؤ على $س = \{3, 5, 6\}$ ، $ع = \{(6, 6), (5, 5), (3, 3)\}$ فإن $(س, ص) = (6, 6)$ |
| ب | أ | ٢ علاقة أكبر من أو يساوي على مجموعة أعداد هي علاقه متاظرة. |
| ب | أ | ٣ علاقه التطابق على مجموعة مثُلثات هي علاقه تكافؤ. |

الفصل الدراسي الثاني



- ٤ لتكن $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \leftarrow \{3, 4, 5, 6, 7\}$
فإن العلاقة \mathcal{R} الممثلة في المستوى الإحداثي المقابل تمثل تطبيقاً.

| | | |
|----------------------------|----------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> ب | <input type="checkbox"/> أ | لتكن $S = \{-1, 0, 1, 2\}$ ، $T = \{0, 1, 2, 3\}$ |
| <input type="checkbox"/> ب | <input type="checkbox"/> أ | التطبيق $T : S \rightarrow T$ حيث $T(S) = S^3$ ، فإن T تطبيق شامل وليس متسابناً. |
| <input type="checkbox"/> ب | <input type="checkbox"/> أ | إذا كانت النقطة $(2, 3)$ هي رأس منحني الدالة التربيعية ، فإن معادلة خط التمايز للدالة هي $S = 3x$. |
| <input type="checkbox"/> ب | <input type="checkbox"/> أ | لتكن $S = \{5, 6, 7\}$ ، إذا كان التطبيق $T : S \rightarrow T$ ، (T هي مجموعة الأعداد الصحيحة) ، حيث $T(S) = S$ ، فإن T تطبيق ليس تقابلاً . |

٨ النقطة $(1, 1)$ تنتمي إلى بيان الدالة $T(S) = 2S + 3$

في البنود (٩ - ٢٣) ، لكل بند أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الإجابة الصحيحة .

٩ إذا كانت \mathcal{R} علاقة معرفة على $S = \{(1, 2), (2, 1), (3, 4), (4, 3)\}$ ، فإن \mathcal{R} تكون :

- | | |
|--|--|
| <input type="checkbox"/> ب متناظرة وليس متعددة | <input type="checkbox"/> أ إنعكاسية |
| <input type="checkbox"/> د علاقة تكافؤ | <input type="checkbox"/> ج متناظرة ومتعددة |

١٠ إذا كانت \mathcal{R} علاقة معرفة على $S = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$ ، فإن :

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> ب \mathcal{R} علاقة متناظرة ومتعددة | <input type="checkbox"/> أ \mathcal{R} علاقة متناظرة فقط |
| <input type="checkbox"/> د \mathcal{R} علاقة تكافؤ | <input type="checkbox"/> ج \mathcal{R} علاقة انعكاسية فقط |

١١ علاقة التوازي على مجموعة مستقيمات هي :

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> ب علاقة متناظرة فقط | <input type="checkbox"/> أ علاقة انعكاسية فقط |
| <input type="checkbox"/> د علاقة تكافؤ | <input type="checkbox"/> ج علاقة انعكاسية ومتعددة |

الفصل الدراسي الثاني

١٢

لتكن $S = \{1, 4, 25\}$ ، إذا كان التطبيق $T : S \rightarrow S$ ، حيث $T(S) = \sqrt{S}$ ، فإن T تطبيق :

ب ليس شاملًا وليس متباينًا

أ شامل ومتباين

د متباين وليس شاملًا

ج شامل وليس متباينًا

١٣

لتكن $S = \{1, 0, -1\}$ ، التطبيق $T : S \rightarrow S$ ، حيث $T(S) = S^2 - 1$ ، فإن T تطبيق :

ب شامل ومتباين

أ متباين وليس شاملًا

د شامل وليس متباينًا

ج ليس شاملًا وليس متباينًا

١٤

إذا كانت $S = \{1, 2\}$ ، $T : S \rightarrow S$ ، فإن T التطبيق التقابل فيما يلي هو :

ب $\{(1, 1), (2, 2)\}$

أ $\{(1, 2), (2, 1)\}$

د ليس أيّ مما سبق صحيحاً.

ج $\{(2, 2), (2, 1)\}$

١٥

إذا كان التطبيق $T : S \rightarrow \{3\}$ ، حيث (S هي مجموعة الأعداد الصحيحة) ، $T(S) = 3$ ، فإن T تطبيق :

ب ليس شاملًا وليس متباينًا

أ شامل ومتباين

د متباين وليس شاملًا

ج شامل وليس متباينًا

١٦

إذا كان التطبيق $T : T \rightarrow T$ ، حيث (T هي مجموعة الأعداد الكلية) ، $T(S) = 2S$ ، فإن T تطبيق :

ب متباين وليس شاملًا

أ ليس شاملًا وليس متباينًا

د تقابل

ج شامل وليس متباينًا

١٧

ليكن التطبيق $T : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$ ، حيث $T(S) = 2S + 5$. إذا كان $T(\mathbb{Z}) = \mathbb{Z}$ ، فإن T تساوي :

د ٣

ج ٧

ب صفر

أ ٥

إذا كانت النقطة $(1, -2)$ تتحقق إلى بيان الدالة : $S = 3S + 2$ ، فإن T تساوي :

د -2

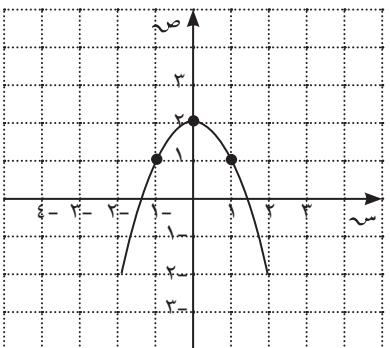
ج ٢

ب -1

أ ١

الفصل الدراسي الثاني

يمثل الشكل المقابل بيان الدالة : ١٩



أ $y = x^2 + 2$

ب $y = -x^2 + 2$

ج $y = -(x^2 + 2)$

د $y = x^2 - 2$

بيان الدالة $y = (x - 2)^2 - 4$ ، يمثل بيان الدالة $y = x^2$ تحت تأثير : ٢٠

- أ إزاحة أفقيّة بمقدار ٢ وحدة إلى اليسار ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأسفل .
- ب إزاحة أفقيّة بمقدار ٢ وحدة إلى اليمين ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأسفل .
- ج إزاحة أفقيّة بمقدار ٤ وحدات إلى اليسار ، وإزاحة رأسية بمقدار ٢ وحدة إلى الأعلى .
- د إزاحة أفقيّة بمقدار ٢ وحدة إلى اليمين ، وإزاحة رأسية بمقدار ٤ وحدات إلى الأعلى .

معادلة خط التماثل لمنحنى الدالة د : د $(y) = x^2$ هي ٢١

د $y = x^2$

ج $y = x^2 + 1$

ب $y = x^2 - 1$

أ $y = 1 - x^2$

معادلة خط التماثل لمنحنى الدالة د : د $(y) = (x - 2)^2$ هي ٢٢

د $y = x^2 - 4$

ج $y = x^2 + 2$

ب $y = x^2 - 2$

أ $y = -x^2 + 4$

نقطة رأس منحنى الدالة : ص = - $(x - 3)^2 + 4$ هي ٢٣

د $(-4, 3)$

ج $(4, 3)$

ب $(4, -3)$

أ $(-3, 4)$

في البنود (٢٤ - ٢٥) ، اختر من القائمة (٢) ما يناسب كل بند من القائمة (١) لتحصل على عبارة صحيحة .

| القائمة (١) | القائمة (٢) |
|---|---|
| <p><input type="checkbox"/> أ إذا كان التطبيق ت : صه \rightarrow ص (مجموعة الأعداد الصحيحة) ، ت $(y) = x^2$ ، فإنّ ت</p> <p><input type="checkbox"/> ب إذا كان التطبيق ت : {١٠٠، ٢٠٠} \rightarrow {-١٠٠، ٢٠٠} ، حيث ت $(y) = \frac{1}{3}x$ ، فإنّ ت</p> | <p><input type="checkbox"/> أ شامل وليس متبيناً .</p> <p><input type="checkbox"/> ب متبيناً وليس شاملًا .</p> <p><input type="checkbox"/> ج ليس شاملًا وليس متبيناً .</p> <p><input type="checkbox"/> د تطبيق تقابل .</p> |