

نموذج إجابة امتحان تجريبي (١)

الصف الثاني عشر الأدبي

نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



صفوة معلم الكويت

الإدارة العامة لمنطقة العاصمة التعليمية

التوجيه الفني للرياضيات

نموذج تجريبي (١) الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي للعام الدراسي ٢٠٢٤/٢٠٢٥ م
المجال الدراسي: الرياضيات – الزمن ساعتان وخمس عشرة دقيقة – الأسئلة في ٨ صفحات

أولاً: (أسئلة المقال)

أجب عن الأسئلة التالية (موضحاً خطوات الحل):

السؤال الأول: (٤ درجات)

(أ) عند لقاء قطعة نقود متماثلة ثلاث مرات متتالية إذا كان المتغير العشوائي X يعبر عن عدد الصور "أوجد مايلي:

(١) فضاء العينة F

(٢) مدى المتغير العشوائي X

(٣) احتمال كل عنصر من عناصر مدى المتغير العشوائي X

(٤) دالة التوزيع الاحتمالي D للمتغير العشوائي X

الحل: (١) $F = \{ (ص، ص، ص)، (ص، ص، ك)، (ص، ك، ص)، (ك، ص، ص)، (ص، ك، ك)، (ك، ص، ك)، (ك، ك، ص)، (ك، ك، ك) \}$ درجة ١

مدى المتغير العشوائي $X = \{ ٠, ١, ٢, ٣ \}$ درجة ١

$$P(X=0) = \frac{1}{8}$$

درجة ١ $P(X=1) = \frac{3}{8}$

$$P(X=2) = \frac{3}{8}$$

$$P(X=3) = \frac{1}{8}$$

درجة ١

دالة التوزيع الاحتمالي

عناصر ف	عدد الصور
(ص، ص، ص)	٣
(ص، ص، ك)	٢
(ص، ك، ص)	٢
(ك، ص، ص)	٢
(ك، ك، ص)	١
(ك، ص، ك)	١
(ص، ك، ك)	١
(ك، ك، ك)	٠

س	٠	١	٢	٣
د(س)	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$

تابع السؤال الأول:

(٣ درجات)

(ب) يبين الجدول التالي بعض قيم دالة التوزيع التراكمي T للمتغير العشوائي المتقطع S

س	-١	٠	١	٢
ت(س)	٠,١٥	٠,٣٠	٠,٧٥	١

احسب: (١) $L(0 < S \leq 2)$

(٢) $L(S < 1)$

١ درجة

الحل: (١) $L(0 < S \leq 2) = T(2) - T(0) =$

١ درجة

$$= 1 - 0,30 = 0,7$$

١ درجة

(٢) $L(S < 1) = T(1) -$

$$= 0,75 - 1 = 0,25$$



السؤال الثاني:

(٣ درجات)

(أ) إذا كان s متغيراً عشوائياً ذو حدين ومعلمتيه هما: $n = 7$, $p = 0,1$

فاحسب:

(١) $P(s = 0)$ (صفر)

(٢) $P(1 < s < 3)$

درجة

الحل: (١) $P(s = 0) = \binom{7}{0} (0,1)^0 (0,9)^{7-0} = 0,4783$ من الجدول

حل آخر:

$$P(s = 0) = \binom{7}{0} (0,1)^0 (0,9)^{7-0} = 0,4783$$

$$P(1 < s < 3) = P(s = 2) + P(s = 1) = 0,0230 + 0,1240 = 0,1470$$

$$= 0,4783$$

درجة

(٢) $P(1 < s < 3) = P(s = 2) + P(s = 1) = 0,0230 + 0,1240 = 0,1470$

$$= 0,1470$$

درجة

من الجدول

$$0,1470 = 0,0230 + 0,1240$$

حل آخر:

$$P(1 < s < 3) = P(s = 2) + P(s = 1) = 0,0230 + 0,1240 = 0,1470$$

$$= 0,1470$$

$$= 0,1470$$



تابع السؤال الثاني:

(٤ درجات)

(ب) لتكن الدالة د

$$\left. \begin{array}{l} 2- \leq s \leq 3 \\ \frac{1}{5} \\ \text{صفر} \end{array} \right\} = \text{د(س)}$$

فيما عدا ذلك

(١) أثبت أن الدالة د هي دالة كثافة احتمال

(٢) أوجد ل $(-1 \leq s \leq 2)$

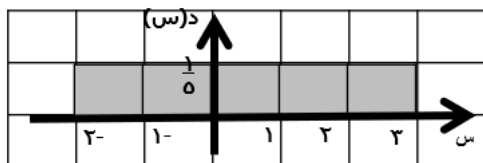
(٣) أوجد التوقع والتباين للدالة د

الحل: (١)

لإثبات أن الدالة د هي دالة كثافة احتمال يجب اثبات أن المساحة تحت المنحنى = ١

درجة ١

المساحة تحت المنحنى من الشكل = مساحة المنطقة المستطيلة



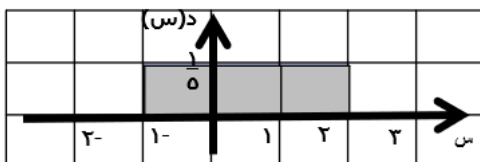
$$= \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 1 = \frac{1}{5} \times 5$$

الدالة د هي دالة كثافة احتمال.

درجة ١

(٢) ل $(-1 \leq s \leq 2)$ = مساحة المنطقة المستطيلة



$$= \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= \frac{3}{5} = \frac{1}{5} \times 3$$

درجة ١

$$(٣) \text{ التوقع } \mu = \frac{أ + ب}{٢} = \frac{٣ + ٢-}{٢} = \frac{١}{٢}$$

درجة ١

$$\text{التباين } \sigma^2 = \frac{(أ-ب)^2}{١٢} = \frac{٢(٢ + ٣)}{١٢} = \frac{٢٥}{١٢}$$

صفوة معلم الكويت

السؤال الثالث:

(٢ درجة)

(أ) اذا كان Q هو التوزيع الطبيعي المعياري أوجد:

(١) $L(Q \geq 3,24)$

(٢) $L(Q < 1,02)$

(٣) $L(1,4 \leq Q \leq 2,6)$

الحل:

درجة $\frac{1}{2}$

من جدول (٤)

(١) $L(Q \geq 3,24) = 0,99940$

درجة $\frac{1}{2}$

(٢) $L(Q < 1,02) = 1 - L(Q \geq 1,02)$

$= 1 - 0,93074$

$= 0,06926$

درجة

(٣) $L(1,4 \leq Q \leq 2,6) = L(Q \leq 2,6) - L(Q \leq 1,4)$

$= 0,99034 - 0,91924$

$= 0,0711$



تابع السؤال الثالث:

(٥ درجات)

(ب) مثل بيانيا منطقة الحل المشترك للمتباينتين

$$س + ص \leq 6$$

$$٥س + ٢ص \geq ١٠$$

الحل:

المعادلة المناظرة: $س + ص = 6$

س	٠	٦	٣
ص	٦	٠	٣

$$\frac{1}{2} \text{ درجة}$$

$$\frac{1}{2} \text{ درجة}$$

$$\frac{1}{2} \text{ درجة}$$

نعوض بنقطة الأصل (٠,٠) في المتباينة

$$٦ \leq ٠ + ٠$$

$$٦ \leq ٠ \text{ عبارة خاطئة}$$

نظل المنطقة التي لا تحوي نقطة الأصل

المعادلة المناظرة: $٥س + ٢ص = ١٠$

س	٠	٢	-٢
ص	٥	٠	١٠

$$\frac{1}{2} \text{ درجة}$$

$$\frac{1}{2} \text{ درجة}$$

نعوض بنقطة الأصل (٠,٠) في المتباينة

$$١٠ \geq ٠ + ٠$$

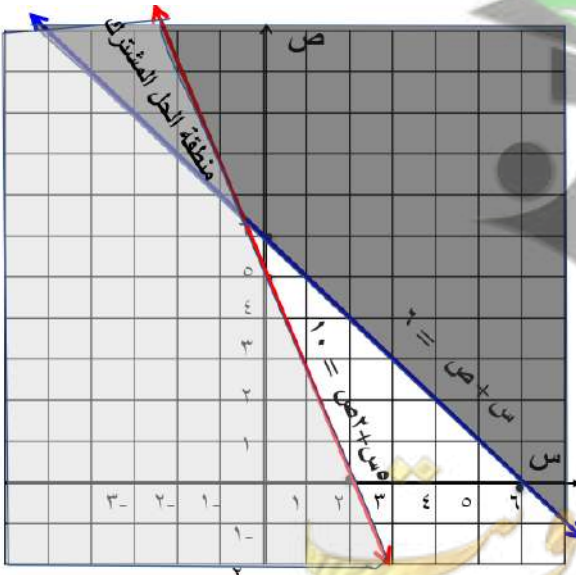
$$١٠ \geq ٠ \text{ عبارة صحيحة}$$

نظل المنطقة التي تحوي نقطة الأصل

نظل منطقة الحل المشترك

٠,٥ درجة

درجتان للرسم



ثانيا: البنود الموضوعية:

أولاً: في البنود (١ - ٢) عبارات لكل بند ظلل في ورقة الإجابة

(أ) إذا كانت العبارة صحيحة (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) دالة التوزيع التراكمي للمتغير العشوائي المتقطع عند القيمة μ هي احتمال وقوع

المتغير العشوائي S بحيث يكون $S \leq \mu$ أصغر من أو يساوي μ .

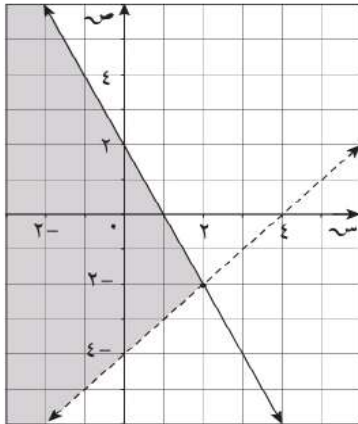
(٢) من خواص التوزيع الطبيعي أنه متماثل حول μ

(٣) النقطة التي تحقق المتباينة $S^2 - 3S \geq 1$ هي: (٢، ٠)

ثانياً: في البنود (٣-٧) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح - اختر الإجابة

الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها

(٤) المنطقة المظللة من الشكل تمثل الحل المشترك للمتباينتين:



ب $\left. \begin{array}{l} S^2 - 2S + 2 \leq 4 \\ S^2 - 4 \geq S \end{array} \right\}$

ا $\left. \begin{array}{l} S^2 - 2S + 2 > 4 \\ S^2 - 4 \leq S \end{array} \right\}$

د $\left. \begin{array}{l} S^2 - 2S + 2 \geq 4 \\ S^2 - 4 < S \end{array} \right\}$

ح $\left. \begin{array}{l} S^2 - 2S + 2 \leq 4 \\ S^2 - 4 > S \end{array} \right\}$

(٥) إذا كان S متغيراً عشوائياً متصلاً دالة كثافة الاحتمال له هي:

$0 \leq S \leq 2$:

فيما عدا ذلك

$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{2}S \\ \text{صفر} \end{array} \right\} = f(S)$

فان $P(S=1) = 1$

ليس أي مما سبق

د

ح

ب

ا

(٦) اذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي د للمتغير العشوائي المتقطع س هي:

س	٠	١	٢
د(س)	$\frac{1}{3}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{1}{9}$

فان التوقع μ للمتغير العشوائي س هو:

٤ (د)

$\frac{7}{9}$ (ح)

$\frac{2}{3}$ (ب)

١ (ا)

(٧) اذا كانت رؤوس منطقة الحل هي $(٠, ٠)$ ، $(٠, ٣)$ ، $(١, ٢)$ ، $(٢, ٠)$

لدالة الهدف $ه = ٥س + ٤ص$ فان القيمة العظمى لها هي :

١٥ (د)

٨ (ح)

١٤ (ب)

٢٥ (ا)

انتهت الأسئلة

جدول إجابات البنود الموضوعية

١	(أ)	(ب)		
٢	(أ)	(ب)		
٣	(أ)	(ب)		
٤	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٥	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٦	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٧	(أ)	(ب)	(ج)	(د)

درجة لكل سؤال

المصحح: -----

المراجع: -----

صفوة معلم الكويت

نموذج إجابة امتحان تجريبي (٢)

الصف الثاني عشر الأدبي

نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



صفوة معلم الكويت



الإدارة العامة لمنطقة العاصمة التعليمية

التوجيه الفني للرياضيات

امتحان تجريبي نهاية الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي

للعام الدراسي ٢٠٢٤/٢٠٢٥

نموذج رقم ٢

المجال الدراسي: الرياضيات



وزارة التربية
MINISTRY OF EDUCATION

الزمن: ساعتان و ٥٥

عدد الصفحات: ٨

القسم الأول: أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها:

السؤال الأول: (٧ درجات)

(٤ درجات)

(أ) إذا كان فضاء العينة لأربع أسر لديها طفلان كالتالي:

ف = { (ولد ، ولد) ، (ولد ، بنت) ، (بنت ، ولد) ، (بنت ، بنت) }

فأوجد:

(١) مدى المتغير العشوائي المتقطع X الذي يعبر عن عدد الأولاد.

(٢) احتمال كل عنصر من عناصر مدى المتغير العشوائي X .

(٣) دالة التوزيع الاحتمالي D للمتغير العشوائي المتقطع X .

الحل:

درجة ونصف

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

درجة

(١) المدى = { ٠ ، ١ ، ٢ }

(٢) $P(X=0) = \frac{1}{4}$

$P(X=1) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

$P(X=2) = \frac{1}{4}$

$P(X=0) = \frac{1}{4}$

(٣) دالة التوزيع الاحتمالي D للمتغير العشوائي المتقطع

س	٠	١	٢
د (س)	$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$

(٣ درجات)

تابع السؤال الأول:

(ب) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الاحتمالي د للمتغير العشوائي المتقطع س:

س	٧	٨	٩	١٠
د (س)	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{1}{8}$

أوجد:

(١) التوقع (μ) .

(٢) التباين (σ^2) .

(٣) الانحراف المعياري (σ) .

الحل:

درجة

$$(١) \text{ التوقع } \mu = \sum [س \times د(س)]$$

$$٨,٥ = \frac{1}{8} \times ١٠ + \frac{3}{8} \times ٩ + \frac{3}{8} \times ٨ + \frac{1}{8} \times ٧ =$$

درجة ونصف

$$٢. \text{ التباين } س^٢ = \sum [س^٢ \times د(س)] - \mu^٢$$

$$٢(٨,٥) - \frac{1}{8} \times ١٠^٢ + \frac{3}{8} \times ٩^٢ + \frac{3}{8} \times ٨^٢ + \frac{1}{8} \times ٧^٢ =$$

$$٠,٧٥ = \frac{٣}{٤}$$

نصف درجة

$$٣. \text{ الانحراف المعياري } \sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{٠,٧٥}$$

$$٠,٨٦٦ =$$

السؤال الثاني: (٧ درجات)

(أ) الجدول التالي يبين بعض قيم دالة التوزيع التراكمي T للمتغير العشوائي المنقطع S .

س	٢-	٠	٢	٤
ت (س)	٠,١٥	٠,٣٠	٠,٧٥	١

أوجد:

(١) $L(٠ < S \leq ٤)$

(٢) $L(S < ٠)$

(الحل):

(١) $L(٠ < S \leq ٤)$

$= T(٤) - T(٠)$

$= ١ - ٠,٣٠ = ٠,٧$

(٢) $L(S < ٠) = ١ - L(٠ \leq S)$

$= ١ - T(٠)$

$= ١ - ٠,٣٠ = ٠,٧$

درجة ونصف

درجة ونصف

تابع السؤال الثاني:

(٤ درجات)

(ب) الدالة د تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{3} \leq s \leq 5 \\ \text{صفر} \end{array} \right\} = (s) \text{ د}$$

(١) أثبت أن الدالة د هي دالة كثافة احتمال

(٢) أوجد ل (٢ ≤ س ≤ ٣)

(الحل):

(١) لإثبات أن الدالة د هي دالة كثافة احتمال يجب اثبات

أن المساحة تحت المنحنى من الشكل تساوي ١ =

المساحة = مساحة منطقة مستطيلة

$$= \text{الطول} \times \text{العرض}$$

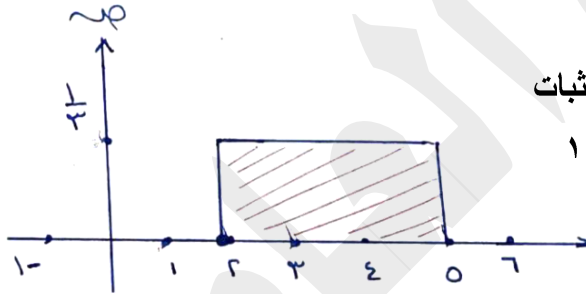
$$1 = \frac{1}{3} \times 3 =$$

الدالة د هي دالة كثافة احتمال

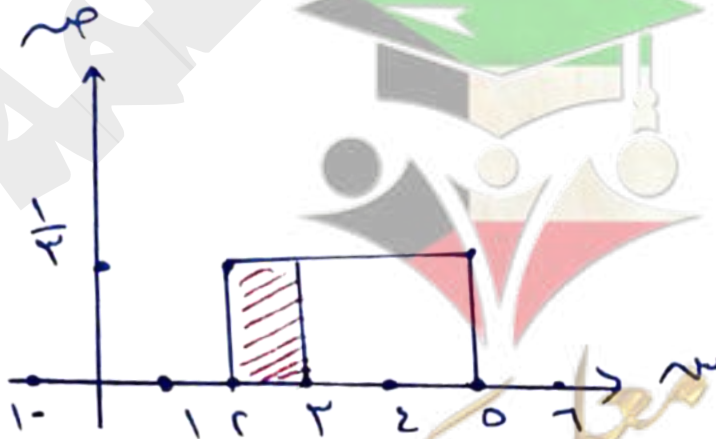
(٢) ل (٢ ≤ س ≤ ٣)

= مساحة المنطقة المظلمة

$$= \frac{1}{3} \times 1 = \frac{1}{3} \text{ وحدة مساحة}$$



درجتان ونصف



درجة ونصف

السؤال الثالث: (٧ درجات)

(درجتان)

(أ) في تجربة إلقاء قطعة نقود متماثلة ٨ مرات. أوجد التوقع والتباين إذا كان المتغير العشوائي X هو ظهور صوره.

(الحل):

درجة

درجة

$$n = 8$$

$$p = \frac{1}{2}$$

$$\text{التوقع } \mu = n \times p = 8 \times \frac{1}{2} = 4$$

$$\text{التباين } \sigma^2 = n \times p \times (1-p) = 8 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 2$$



تابع السؤال الثالث

(٥ درجات)

(ب) مثل بيانياً منطقة الحل المشترك للمتباينتين:

$$س - ص \geq ٤$$

$$ص + س \leq ١$$

(الحل):

نرسم خط الحدود للمتباينة

$$س - ص \geq ٤$$

من المعادلة المناظرة

$$س - ص = ٤$$

س	٠	٤	٣
ص	٤-	٠	١-

نعوض بنقطة الأصل (٠ ، ٠)

$$٠ - ٠ \geq ٤$$

$$٠ \geq ٤$$

عبارة صحيحة نظل المنطقة التي تحوي نقطة الأصل

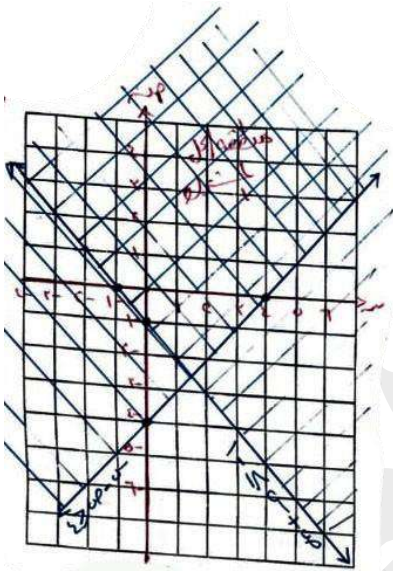
(٢) نرسم خط الحدود للمتباينة $ص + س \leq ١$

من المعادلة المناظرة $ص + س = ١$

س	٠	١-	٢-
ص	١-	٠	١

نعوض بنقطة الأصل $٠ \geq ١$ عبارة صحيحة

نظل المنطقة التي تحوي نقطة الأصل



٢ درجة

درجة
ونصف

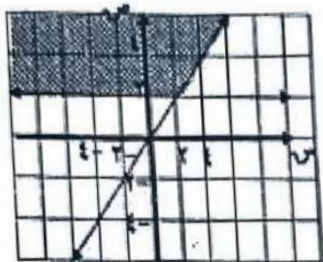
درجة
ونصف

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل

(أ)	إذا كانت العبارة صحيحة
(ب)	إذا كانت العبارة خاطئة

(١) نسبة الرطوبة خلال شهر هو متغير عشوائي متقطع.



(٢) المنطقة المظللة في الشكل تمثل الحل المشترك

$$\left. \begin{array}{l} \text{ص} \geq 2 \\ \text{ص} \geq 3 \end{array} \right\} \text{ للمتباينتين:}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{ص} > 5 - \text{س} \\ \text{ص} \leq 7 - 3\text{س} \end{array} \right\} \text{ (٣) الزوج المرتب (٤, ٤) هو ضمن مجموعة حل النظام:}$$

ثانياً: في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربعة اختبارات واحد منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة

الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

س	٠	١	٢	٣
د(س)	٠,٢	٠,٤	٠,١	٠,٣

(٤) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي

المتقطع س هي: فإن ت (٤) =

(أ) ٠,٢ (ب) ٠,١ (ج) ٠,٤ (د) ١

(٥) إذا كانت بعض قيم دالة التوزيع التراكمي ت

للمتغير العشوائي س معطاه في الجدول التالي:

فإن قيمة ك =

س	٢	٣	٤
ت(س)	٠,١	٠,٣	ك

(أ) ٠,٥ (ب) ١ (ج) ٠,٦ (د) ٠,٤

(٦) إذا كانت رؤوس منطقة الحل هي $(٠, ٠)$ ، $(٣, ٠)$ ، $(\frac{٣}{٢}, \frac{٧}{٢})$ ، $(٠, ٣)$ لدالة الهدف
 هـ = $٦س + ٨ص$ فإن القيمة العظمى لها هي:

- (أ) ٣٧ (ب) ٢٤ (ج) ٤٧ (د) ٣٠

(٧) المتغير العشوائي المتقطع فيما يلي هي:

- (أ) نسبة الرطوبة خلال شهر
 (ب) الحرارة القصوى في منطقة معينة
 (ج) طول الطلاب في الصف الثاني عشر
 (د) عدد الأهداف في مباراة كرة القدم

١	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٢	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٣	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٤	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٥	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٦	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٧	(أ)	(ب)	(ج)	(د)

نموذج إجابة امتحان تجريبي (٣)

الصف الثاني عشر الأدبي

نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



صفوة معلم الكويت

القسم الأول: أسئلة المقال

السؤال الأول: (٧ درجة)

(٤ درجات)

(أ) عند إلقاء قطعة نقود متماثلة مرتين متتاليتين و ملاحظة الوجه العلوي . ليكن X المتغير العشوائي

الذي يمثل ” عدد مرات ظهور كتابة ” فأوجد :

(١) فضاء العينة (ف) . (٢) مدى المتغير العشوائي X .

(٣) احتمال وقوع كل عنصر من عناصر فضاء العينة (ف) . (٤) دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X .

الإجابة: فضاء العينة $F = \{(ص ، ص)، (ص ، ك)، (ك ، ك)، (ك ، ص)\}$

فضاء العينة	عدد الكتابات
(ص ، ص)	٠
(ص ، ك)	١
(ك ، ص)	١
(ك ، ك)	٢

مدى المتغير العشوائي $X = \{٠ ، ١ ، ٢\}$

$$P(X=٠) = \frac{١}{٤} \quad P(X=١) = \frac{٢}{٤} \quad P(X=٢) = \frac{١}{٤}$$

س	٠	١	٢
د(س)	$\frac{١}{٤}$	$\frac{٢}{٤}$	$\frac{١}{٤}$

تابع السؤال الأول

(٣ درجات)

(ب) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الاحتمالي د للمتغير العشوائي المتقطع X .

س	١	٢	٣	٤	٥
د(س)	٠,٢	٠,١	٠,٣	٠,١	٠,٣

أوجد (١) التوقع μ (٢) التباين σ^2 (٣) الانحراف المعياري σ

الإجابة:

$$\text{التوقع } \mu = \sum s_r d(s_r)$$

$$3,2 = 0,3 \times 5 + 0,1 \times 4 + 0,3 \times 3 + 0,1 \times 2 + 0,2 \times 1 =$$

$$\text{التباين } \sigma^2 = \sum s_r^2 d(s_r) - (\mu)^2$$

$$= (3,2)^2 - 0,3 \times 5^2 + 0,1 \times 4^2 + 0,3 \times 3^2 + 0,1 \times 2^2 + 0,2 \times 1^2 =$$

$$= 2,16$$

$$\text{الانحراف المعياري } \sigma = \sqrt{\text{التباين}} = \sqrt{2,16} = 1,469$$

صفوة معلمى الكويت

السؤال الثاني: (٧ درجة)

(٣ درجات)

(أ) الدالة د تتبع التوزيع الإحتمالي المنتظم و هي معرفة كما يلي :

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{8} : -3 \leq s \leq 5 \\ \text{صفر : فيما عدا ذلك} \end{array} \right\} = \text{د(س)}$$

(١) أثبت أن د هي دالة كثافة احتمال .

(٢) أوجد ل $(-1 \leq s \leq 3)$.

(٣) أوجد التباين للدالة د .

الإجابة:

(١) د هي دالة كثافة احتمال إذا كانت المساحة الكلية تحت المنحنى = ١

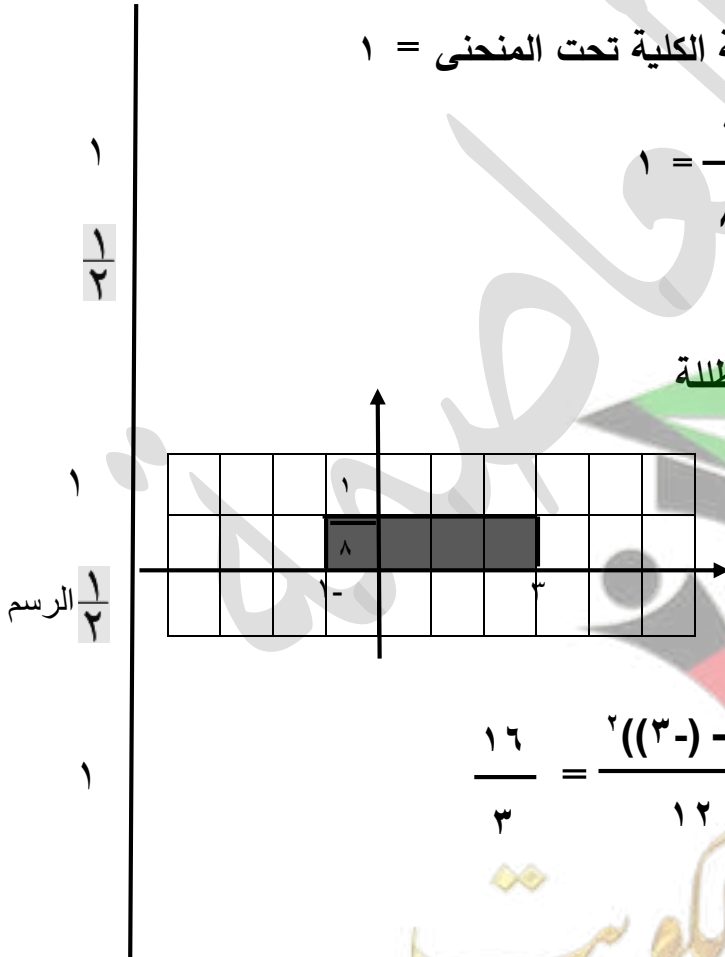
$$\text{مساحة المنطقة كلها تساوي } 1 = \frac{1}{8} \times ((3 - (-5)) - 0)$$

إذاً د هي دالة كثافة احتمال .

(٢) ل $(-1 \leq s \leq 3)$ = مساحة المنطقة المظللة

$$\begin{aligned} \frac{1}{8} \times ((1 - (-3)) - 0) &= \\ \frac{1}{2} &= \end{aligned}$$

$$(٣) \text{ التباين: } \sigma^2 = \frac{(3 - (-5))^2}{12} = \frac{16}{3}$$



(أ) متغير عشوائي س يتبع توزيعا طبيعيا حيث أن التوقع $\mu = 88$ ،

و التباين $\sigma^2 = 25$ أوجد ل (س ≤ 70) .

الإجابة: $\mu = 88$

$\sigma^2 = 25$ ، $\sigma = 5$

بوضع س = 70 $\leftarrow$ ق $= \frac{\mu - \text{س}}{\sigma} = \frac{88 - 70}{5} = 3,6$

ل (س ≤ 70) = ١ - ل (س > 70)

= ١ - ل (ق $> 3,6$)

= ١ - ٠,٠٠٠١٦ = ٠,٩٩٩٨٤



صفوة معلمى الكويت

(٥ درجات)

السؤال الثالث: (٧ درجة)

(أ) مثل بيانيا " منطقة الحل المشترك للمتباينتين :

$$ص \geq ٢ - س + ٢$$

$$ص < س + ٤$$

الإجابة:

نرسم خط الحدود للمتباينة $ص \geq ٢ - س + ٢$

المعادلة المناظرة $ص = ٢ - س + ٢$

نعوض بالنقطة (٠ ، ٠) في المتباينة

$$٠ \geq ٢ - (٠) + ٢$$

$٢ \geq ٠$ عبارة صحيحة نظل المنطقة التي تحوي (٠ ، ٠)

نرسم خط الحدود للمتباينة $ص < س + ٤$

المعادلة المناظرة $ص = س + ٤$

نعوض بالنقطة (٠ ، ٠) في المتباينة

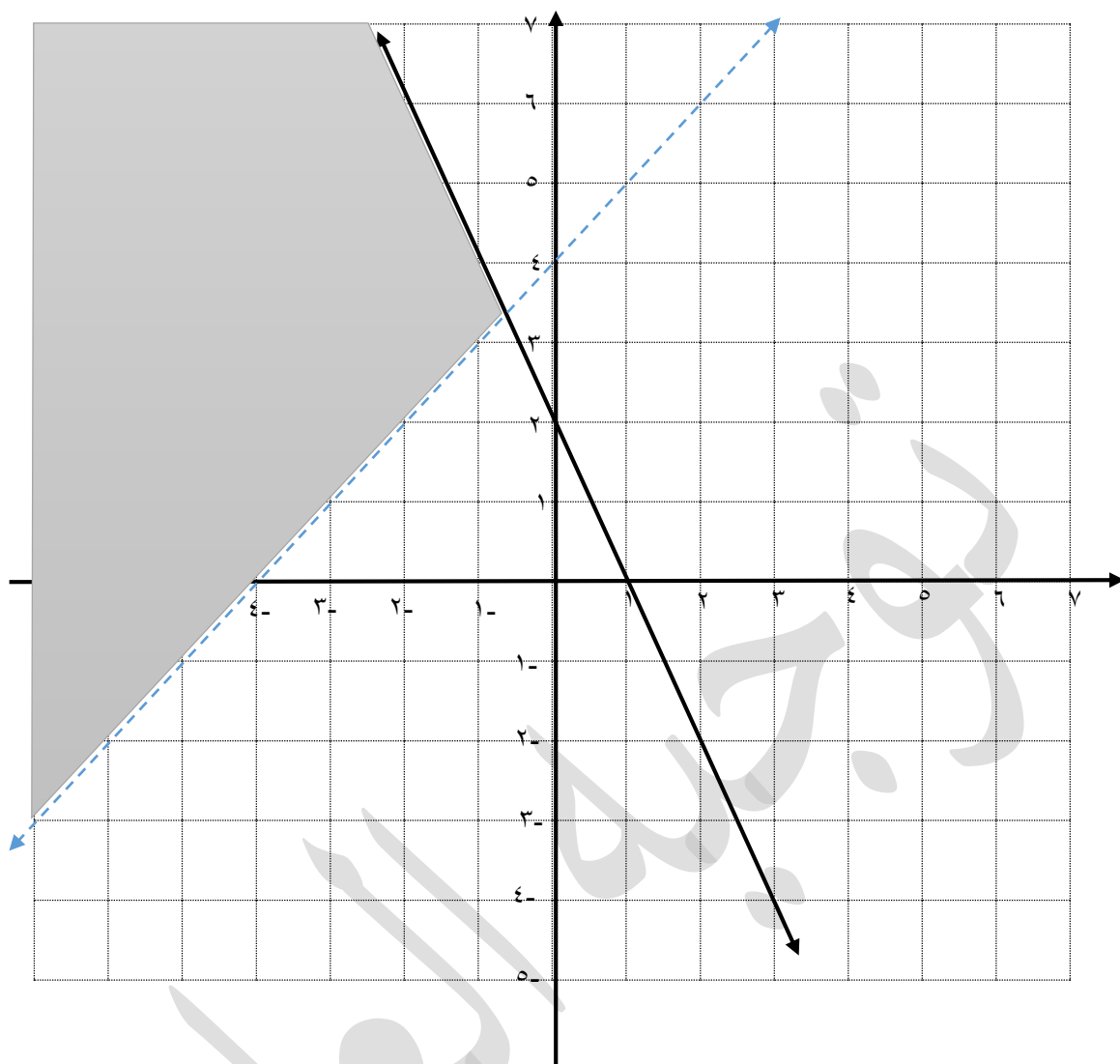
$$٠ < ٠ + ٤$$

$٠ < ٤$ عبارة خاطئة نظل المنطقة التي لا تحوي (٠ ، ٠)

س	٠	١	٢
ص	٢	٠	٢-

س	٠	١	٢
ص	٤	٥	٦

منطقة
الحل
المشترك



صفوة معلمي الكويت

تابع السؤال الثالث

(٢ درجات)

(ب) الجدول التالي يبين بعض قيم دالة التوزيع التراكمي ت للمتغير العشوائي المتقطع س .

س	١	٢	٣	٥
ت(س)	٠,١٥	٠,٢	٠,٦	١

$$(١) ل (١ > س \geq ٣)$$

$$(٢) ل (س < ٣)$$

الإجابة :

$$(١) ل (١ > س \geq ٣) = ت (٣) - ت (١)$$

$$= ٠,٦ - ٠,١٥ = ٠,٤٥$$

$$(٢) ل (س < ٣) = ١ - ل (س \geq ٣)$$

$$= ١ - ت (٣)$$

$$= ١ - ٠,٦ = ٠,٤$$



صفوة معلمي الكويت

ثانياً : الأسئلة الموضوعية

أولاً: في البنود (١ . ٣) ظلل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة .

(١) من خواص التوزيع الطبيعي المتوسط = الوسيط = المنوال.

(٢) مجموعة حل المتباينة : $3 - 4 < 5$ هي $(-\infty, 3]$.

(٣) النقطة ب (٤ ، ٠) تحقق المتباينة $3س + ٥ص > ١٢$

ثانياً: في البنود (٤ - ٧) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح - اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال عليها .

(٤) إذا كانت رؤوس منطقة الحل هي $(٠, ٢)$ ، $(١, ٣)$ ، $(٠, ٤)$ ، $(٠, ٠)$ لدالة الهدف $هـ = ٥س + ٣ص$ فإن القيمة العظمى لها هي

- (أ) ١٠ (ب) ١٢ (ج) ١٤ (د) صفر

(٥) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي د للمتغير العشوائي س هي :

س	٠	١	٢	٣
ص	٠,٢	٠,٤	٠,١	٠,٣

فإن ت (١,٥) =

- (أ) ٠,٤ (ب) ٠,٢ (ج) صفر (د) ٠,٦

(٦) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي د للمتغير العشوائي س هي :

س	١ -	٠	١
د(س)	٠,٢	٠,٦	ك

فإن قيمة ك =

- (أ) ٠,٣ (ب) ٠,٤ (ج) صفر (د) ٠,٢

(٧) المتغير العشوائي المتقطع في ما يلي هو :

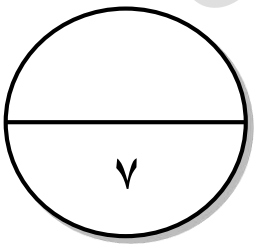
(أ) نسبة الرطوبة خلال الشهر (ب) الحرارة القصوى في منطقة معينة

(ج) طول الطلاب في الصف الثاني عشر (د) عدد الأهداف في مباراة كرة القدم

ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة لكل سؤال

درجة لكل سؤال

١	☐	ب	ج	د
٢	☐	أ	☐	ج
٣	☐	أ	ج	د
٤	☐	أ	ب	☐
٥	☐	أ	ب	☐
٦	☐	أ	ب	☐
٧	☐	أ	ب	☐



نموذج إجابة امتحان تجريبي (٤)

الصف الثاني عشر الأدبي

نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



صفوة معلم الكويت

القسم الأول – أسئلة المقاليجب مراعاة الحلول الأخرى لجميع الأسئلةالسؤال الأول: (٧ درجات)(أ) إذا كان s متغيراً عشوائياً متصلاً دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$\left. \begin{array}{l} 0 \leq s \leq 4 \\ \frac{1}{8} s \end{array} \right\} = D(s)$$

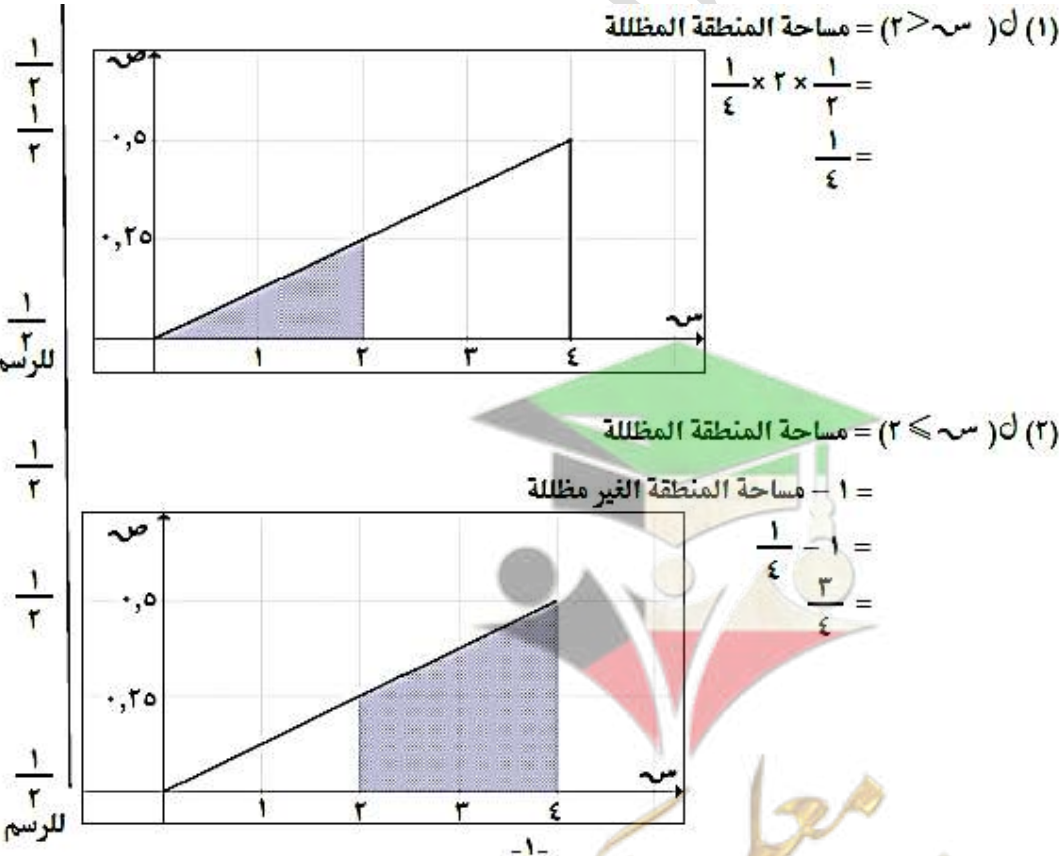
صفر

في ما عدا ذلك :

أوجد:

(١) $P(s > 2)$ (٢) $P(s \leq 2)$

الحل:



تابع: السؤال الأول:

(ب) (أ) في تجربة القاء قطعة نقود متماثلة ٤ مرات. أوجد التوقع والتباين والانحراف المعياري

إذا كان المتغير العشوائي س هو ظهور صورة (٤ درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2} = \text{ل} , \text{ن} = 4$$

$$\text{التوقع (ل)} = \text{ل} \times \text{ن} =$$

$$\frac{1}{2} \times 4 =$$

$$2 =$$

$$\text{التباين (ل)} = \text{ل} \times (\text{ل} - 1) \times \text{ن} =$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 4 =$$

$$1 =$$

$$\text{الانحراف المعياري (ل)} = \sqrt{\text{التباين}} =$$

$$\sqrt{1} =$$

$$1 =$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} =$$



صفوة معلمي الكويت

السؤال الثاني: (٧ درجات)

(أ) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع سـ

س	١	٢	٣	٤
د(س)	٠,٢	٠,٤	٠,٣	٠,١

أوجد:

(١) التوقع (μ)

(٢) التباين (σ^2)

(٣) الانحراف المعياري (σ)

الحل:

(١) التوقع (μ) $\sum s \cdot د(س) =$

$$= ٠,١ \times ٤ + ٠,٣ \times ٣ + ٠,٤ \times ٢ + ٠,٢ \times ١ = ٢,٣ =$$

(٢) التباين (σ^2) $\sum s^2 \cdot د(س) - (\mu)^2 =$

$$= ٠,١ \times ١٦ + ٠,٣ \times ٩ + ٠,٤ \times ٤ + ٠,٢ \times ١ - (٢,٣)^2 = ٥,٢٩ - ٦,١ = ٠,٨١ =$$

(٣) الانحراف المعياري (σ) $\sqrt{\text{التباين}} =$

$$= \sqrt{٠,٨١} = ٠,٩ =$$

(٣ درجات)

١
٢
٣
٤

١
٢

١
٢

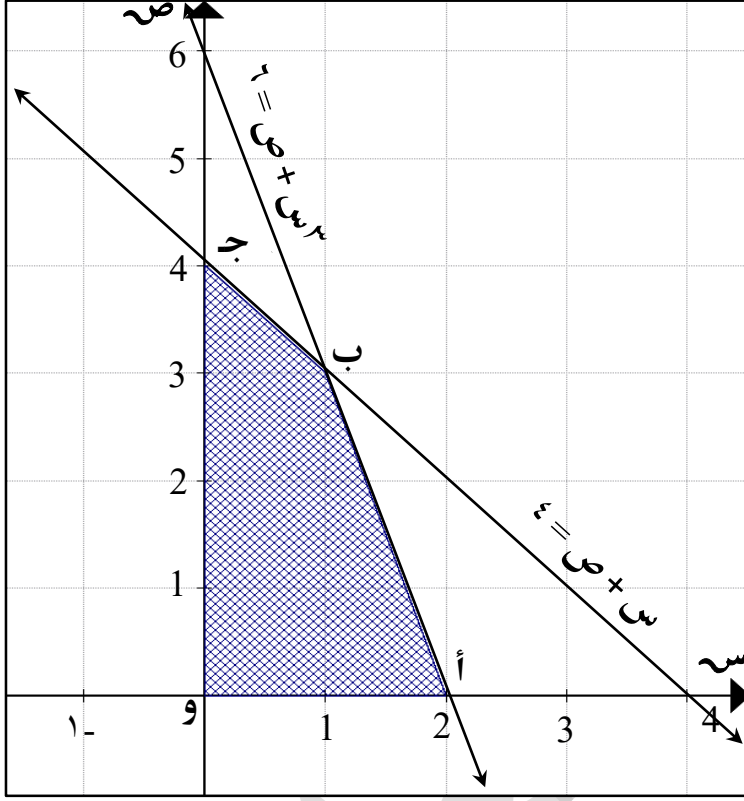
١
٢

١
٢

تابع: السؤال الثاني:

(ب) المنطقة المظللة أ ب ج و حيث أ (٠، ٢)، ب (٣، ١)، ج (٤، ٠) و (٠، ٠)

تمثل مجموعة حل المتباينات: $ص \leq ٠$ ، $ص + ٣س \geq ٦$ ، $ص + ٤س \geq ٤$ ،



أوجد قيم (ص ، س) التي تجعل دالة الهدف: $ه = ص^٢ + ٣س$ أكبر ما يمكن (٤ درجات)

الحل:

∴ دالة الهدف $ه = ص^٢ + ٣س$

بالتعويض بالنقاط

$$ه_أ = ٠ \times ٣ + ٢ \times ٢ = ٤$$

$$ه_ب = ٣ \times ٣ + ١ \times ٢ = ١١$$

$$ه_ج = ٤ \times ٣ + ٠ \times ٢ = ١٢$$

$$ه_و = ٠ \times ٣ + ٠ \times ٢ = ٠$$

∴ دالة الهدف ه تكون أكبر ما يمكن عند النقطة ج (٤، ٠) وقيمتها $ه = ١٢$

السؤال الثالث: (٧ درجات)

(أ) مثل بيانياً منطقة الحل المشترك للمتباينتين:

$$ص \leq -س + ١$$

$$ص \leq س - ١$$

(٥ درجات)

الحل:

(١) نرسم خط الحدود للمتباينة: $ص + س \leq ١$

من المعادلة المناظرة: $ص + س = ١$

س	١	٠
ص	٠	١

نعوض بنقطة الأصل (٠، ٠) في المتباينة

ف نجد أن:

$$١ \leq ٠ + ٠$$

$١ \leq ٠$ (عبارة غير صحيحة)

∴ نظل المنطقة التي لا تحوي نقطة الأصل

(٢) نرسم خط الحدود للمتباينة: $ص - س \leq ١$

من المعادلة المناظرة: $ص - س = ١$

س	١	٠
ص	٠	١

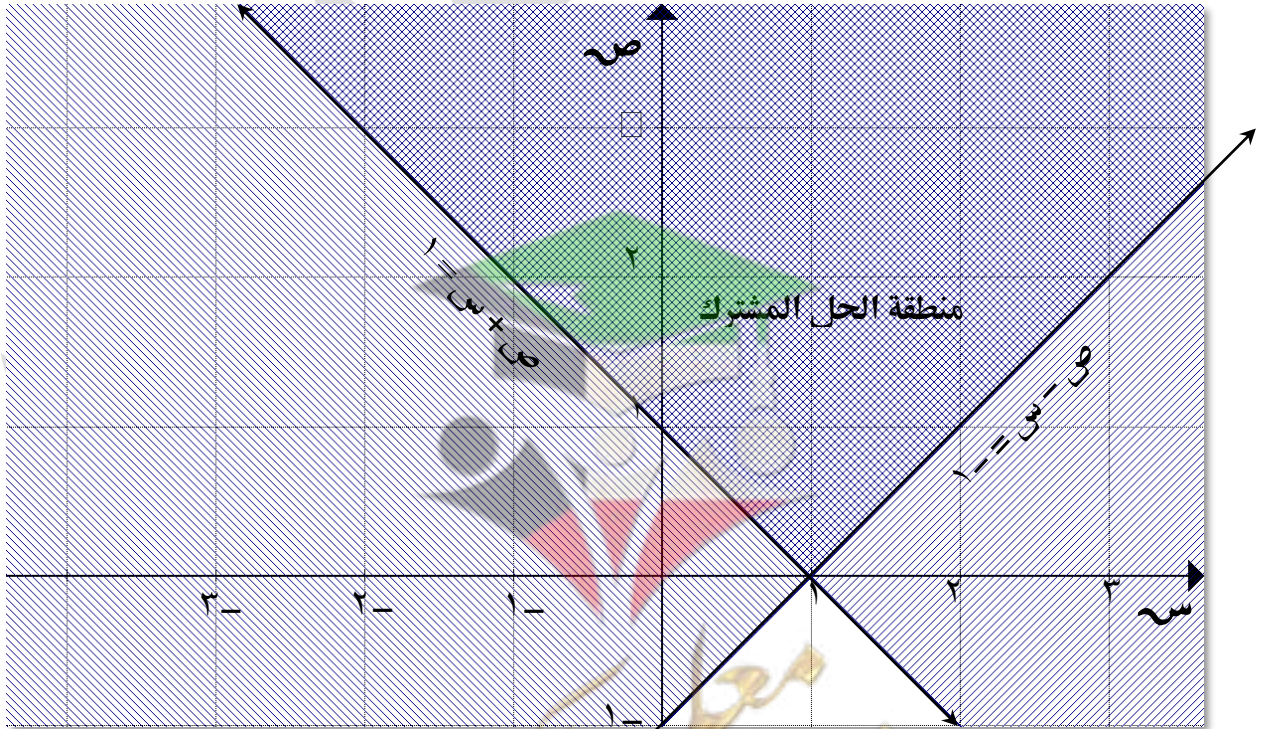
نعوض بنقطة الأصل (٠، ٠) في المتباينة

ف نجد أن:

$$١ \leq ٠ - ٠$$

$١ \leq ٠$ (عبارة صحيحة)

∴ نظل المنطقة التي تحوي نقطة الأصل



٢ × ١

لكل
جدول

٢ × ١

لكل
مستقيم
مع
منطقة
الحل

١

لتظليل
منطقة
الحل
المشترك

تابع: السؤال الثالث: (٧ درجات)

(ب) متغير عشوائي متصل s يتبع توزيعاً طبيعياً، وسطه $(\mu) = 27$ ، وانحرافه المعياري $(\sigma) = 9$

أوجد:

$$P(21 < s < 30)$$

(٢ درجات)

الحل:

$$\mu = 27, \sigma = 9, \sigma^2 = 81$$

$$P(s < 21) = P\left(\frac{s - \mu}{\sigma} < \frac{21 - 27}{9}\right) = P(Z < -0.67) = 0.25$$

$$P(s < 30) = P\left(\frac{s - \mu}{\sigma} < \frac{30 - 27}{9}\right) = P(Z < 0.33) = 0.63$$

$$P(21 < s < 30) = P(s < 30) - P(s < 21) = 0.63 - 0.25 = 0.38$$

$$P(21 < s < 30) = 0.38$$

$$0.38 = 0.38$$

$$0.38 = 0.38$$



صفوة معلم الكويت

القسم الثاني - البنود الموضوعية

أولاً: البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل في ورقة الإجابة: (أ) إذا كانت العبارة صحيحة
(ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) لدالة التوزيع التراكمي T للمتغير العشوائي X يكون $P(X \leq t) = 1 - P(X > t)$

(٢) إذا كان U متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي المعياري فإن $P(U < 1) = 1 - P(U \geq 1)$

(٣) عند إلقاء قطعة نقود منتظمة أربع مرات متتالية فإن التوقع (μ) للمتغير العشوائي X "ظهور صورة" يساوي ٢

ثانياً: في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط منها صحيحة ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

(٤) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع X هي:

س	٠	١	٢	٣
د(س)	٠,٢	٠,٤	٠,١	٠,٣

فإن $T(3) =$

(أ) ٠,٤ (ب) ٠,٢ (ج) ٠,٦ (د) ١

(٥) إذا كان X متغيراً عشوائياً متصلاً، يتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم ودالة كثافة الاحتمال له هي:

$$D(x) = \begin{cases} \frac{1}{7} & 2 \leq x \leq 5 \\ 0 & \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

فإن التباين =

(أ) $\frac{7}{12}$ (ب) $\frac{7}{2}$ (ج) $\frac{49}{2}$ (د) $\frac{49}{12}$

(٦) أي من النقاط التالية هي ضمن مجموعة حل النظام التالي:

$$\begin{cases} x + 2 > 3 \\ x - 1 \leq 3 \end{cases}$$

(أ) (١ - ٣) (ب) (٢ - ٣) (ج) (١ - ٣) (د) (١ - ٢)

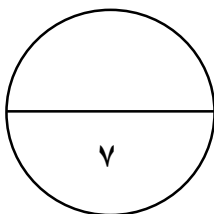
(٧) مجموعة حل المتباينة: $3 - x \leq 6$ هي:

(أ) $(-\infty, 3)$ (ب) $(-\infty, 3]$ (ج) $(-3, \infty)$ (د) $(-3, \infty]$

انتهت الأسئلة

إجابة البنود الموضوعية

رقم البند	الإجابة			
١	☐	☐	☒	☐
٢	☐	☐	☐	☒
٣	☐	☐	☐	☒
٤	☒	☐	☐	☐
٥	☒	☐	☐	☐
٦	☒	☐	☐	☐
٧	☐	☒	☐	☐



صفوة معلم الكويت

نموذج إجابة امتحان تجريبي (٥)

الصف الثاني عشر الأدبي

نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



صفوة معلم الكويت



الإدارة العامة لمنطقة العاصمة التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات
نموذج تجريبي (٥) الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي
للعام الدراسي ٢٠٢٤/٢٠٢٥ م
المجال الدراسي : الرياضيات الزمن : ساعتين وخمس عشرة دقيقة

القسم الأول: أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول: (٧ درجات) (٣ درجات)

(أ) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الإحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع س

س	١	٢	٣	٤	٥
د(س)	٠,٢	٠,١	٠,٣	٠,١	٠,٣

أوجد : (١) التوقع (μ) (٢) التباين (σ^2) (٣) الإنحراف المعياري (σ)

(الحل)

$$\text{التوقع } (\mu) = \sum s_r \times d(s_r)$$

$$3,2 = 0,3 \times 5 + 0,1 \times 4 + 0,3 \times 3 + 0,1 \times 2 + 0,2 \times 1 =$$

$$\text{التباين } (\sigma^2) = \sum s_r^2 \times d(s_r) - (\mu)^2$$

$$= (3,2)^2 - 0,3 \times (5)^2 + 0,1 \times (4)^2 + 0,3 \times (3)^2 + 0,1 \times (2)^2 + 0,2 \times (1)^2 =$$

$$= 2,16$$

$$\text{الإنحراف المعياري } (\sigma) = \sqrt{\text{التباين}} = \sqrt{2,16} \approx 1,47$$

(١)

تابع السؤال الأول :

(٤ درجات)

(ب) مثل بيانيا منطقة الحل المشترك للمتباينتين :

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} - ٢ \text{ ص} < ٢ \\ \text{س} + ٣ \text{ ص} \geq ٦ \end{array} \right\}$$

(الحل)

$$\text{س} + ٣ \text{ ص} \geq ٦$$

المعادلة المناظرة : $\text{س} + ٣ \text{ ص} = ٦$

س	٠	٣	١,٥
ص	٢	٠	١

بالتعويض بنقطة الأصل و (٠ ، ٠)

$$\text{س} + ٣ \text{ ص} \geq ٦$$

$$٦ \geq ٠ + ٠$$

$$٦ \geq ٠$$

عبارة صحيحة

$$\text{س} - ٢ \text{ ص} < ٢$$

المعادلة المناظرة : $\text{س} - ٢ \text{ ص} = ٢$

س	٠	٢	٢-
ص	١-	٠	٢-

بالتعويض بنقطة الأصل و (٠ ، ٠)

$$\text{س} - ٢ \text{ ص} < ٢$$

$$٢ < ٠ - ٠$$

$$٢ < ٠$$

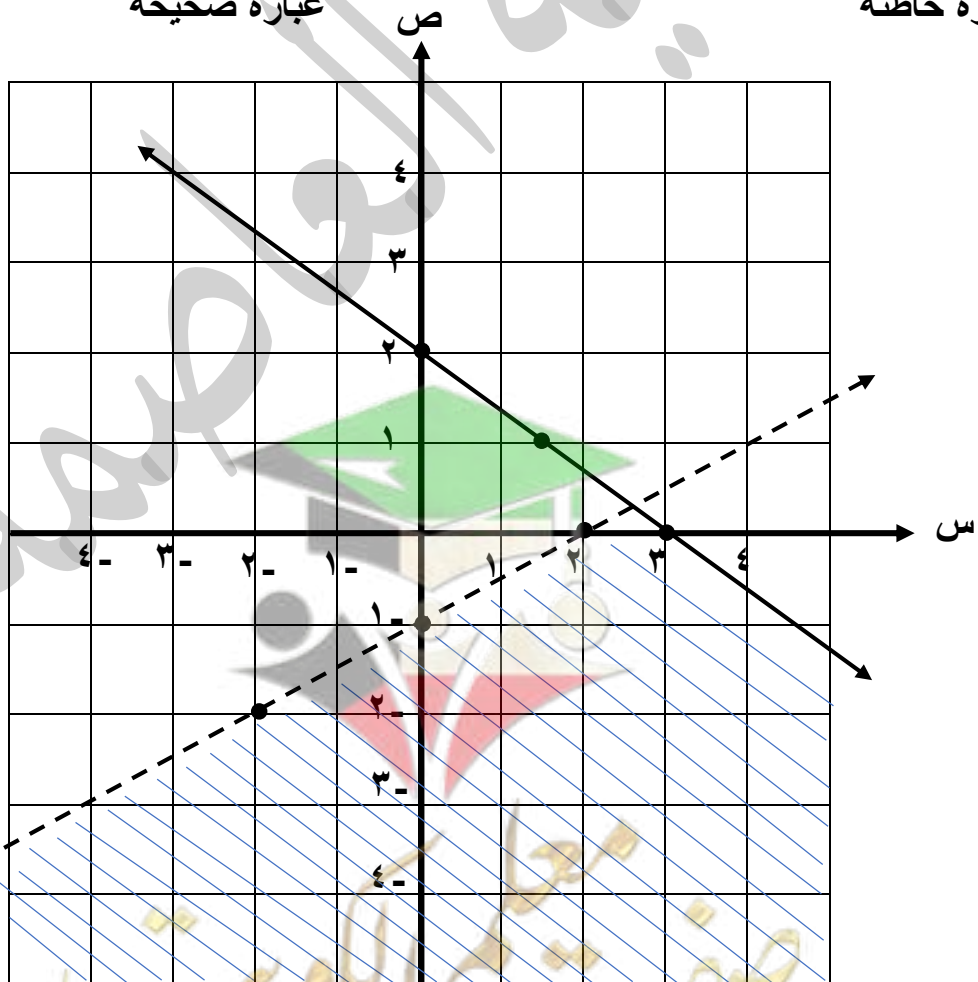
عبارة خاطئة

المحورين

ل ١

ل ٢

المنطقة المشتركة



(٣ درجات)

السؤال الثاني : (٧ درجات)

(أ) بين أيّاً من النقاط التالية أ (١ - ، ١) ، ب (٠ ، ٢) ، ج (١ - ، ١)

تحقق المتباينة ٥ س - ٢ ص < ٧

(الحل)

أ (١ - ، ١) ، ٥ س - ٢ ص < ٧

الطرف الأيمن = ٥ س - ٢ ص = ١ × ٥ - ١ × ٢ = ١ - ٢ = -١

وحيث أن ٧ < -١

أ (١ - ، ١) لا تحقق المتباينة

١

ب (٠ ، ٢) ، ٥ س - ٢ ص < ٧

الطرف الأيمن = ٥ س - ٢ ص = ٠ × ٥ - ٠ × ٢ = ٠ - ٠ = ٠

وحيث أن ٧ < ٠

ب (٠ ، ٢) تحقق المتباينة

١

ج (١ - ، ١) ، ٥ س - ٢ ص < ٧

الطرف الأيمن = ٥ س - ٢ ص = ١ × ٥ - ١ × ٢ = ٥ - ٢ = ٣

وحيث أن ٧ < ٣

ج (١ - ، ١) لا تحقق المتباينة

١

تابع السؤال الثاني :

(٤ درجات)

(ب) لتكن الدالة د :

$$1 \leq s \leq 5 : \left. \begin{array}{l} \frac{1}{4} \\ \text{صفر} \end{array} \right\} = (s) د$$

فيما عدا ذلك :

تتبع التوزيع الإحتمالي المنتظم

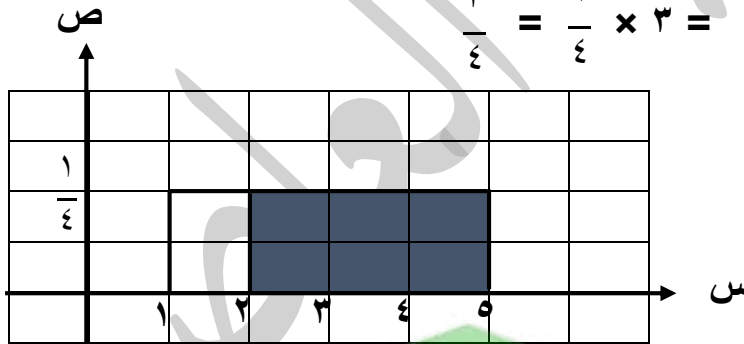
اوجد : (١) ل (٢ > s ≥ ٥)

(٢) التباين

(الحل)

(١) ل (٢ > s ≥ ٥) = مساحة المنطقة المستطيلة المظللة

$$\begin{aligned} &= \text{الطول} \times \text{العرض} \\ &= \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \times 3 = \end{aligned}$$



(٢) أ = ١ ، ب = ٥

$$\frac{\sqrt{(1-5)}}{12} = \frac{\sqrt{(أ-ب)}}{12} = (\sigma) \text{ التباين}$$

$$\frac{4}{3} = \frac{16}{12} =$$

(٤)

(٤ درجات)

السؤال الثالث (٧ درجات) :

(أ) يمثل المتغير العشوائي س الزمن (بالدقائق) الذي يستغرقه أحد الطلاب

للوصول إلى المدرسة ، وهو متغير يتبع التوزيع الطبيعي توقعه $\mu = ١٦$

و تباينه $\sigma^2 = ٤$

احسب ل ($١٢ \leq س \leq ٢٠$)

(الحل)

$$\mu = ١٦ , \sigma^2 = ٤ , \sigma = ٢$$

نضع $س_١ = ١٢$

$$ق_١ = \frac{\mu - س_١}{\sigma} = \frac{١٦ - ١٢}{٢} = ٢$$

نضع $س_٢ = ٢٠$

$$ق_٢ = \frac{\mu - س_٢}{\sigma} = \frac{١٦ - ٢٠}{٢} = -٢$$

$$ل (١٢ \leq س \leq ٢٠) = ل (-٢ \leq ق \leq ٢)$$

$$= ل (ق \geq -٢) - ل (ق \geq ٢)$$

$$= ٠,٩٧٧٢٥ - ٠,٠٢٢٧٥ =$$

$$= ٠,٩٥٤٥$$

(باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري)

تابع السؤال الثالث :

(٣ درجات)

(ب) في تجربة إلقاء قطعة نقود متماثلة ١٠ مرات ، احسب احتمال ظهور كتابة ٤ مرات .

(الحل)

١

$$١٠ = ن ، ٠,٥ = ل$$

$$ل (س = س) = د (س) = ق س \times ل س \times (ل - ١) \times ن - س$$

١

$$ل (س = س) = د (٤) = ق س \times (٠,٥) \times (٠,٥ - ١) \times ١٠ - ٤$$

$\frac{١}{٢}$

$$٦ (٠,٥) \times (٠,٥) \times \frac{٧ \times ٨ \times ٩ \times ١٠}{١ \times ٢ \times ٣ \times ٤} =$$

$\frac{١}{٢}$

$$\approx ٠,٢٠٥٠٨$$



ثانيا البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١ - ٣) ظل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة
وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

١ المساحة تحت منحنى التوزيع الطبيعي تساوي واحد

٢ التوزيع التالي يمثل دالة التوزيع الإحتمالي د للمتغير العشوائي س

س	١	٢	٣
د (س)	٠,٤	٠,٥	٠,١

٣ إذا كان س ، ص ، ع أعداد حقيقية ، ع > ٠ وكان س > ص فإن س ع < ص ع

ثانياً : في البنود (٤ - ٧) لكل بند ٤ اختيارات إحداها فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة
الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :

٤ ينتج مصنع سيارات ٢٠٠ سيارة في الشهر ، إذا كانت نسبة انتاج السيارات المعيبة ٠,٢
فإن التوقع لعدد السيارات المعيبة المنتجة في الشهر يساوي

أ ٤ ب ٢٠ ج ٤٠ د ٢

(٧)

٥ المتباينة التي خط حدودها متقطع هي :

ب $٠ \leq ٢ + س$

أ $٥ < س + ص$

د $٣ \geq ٥ + س$

ج $٠ \geq س - ص$

٦ إذا كانت دالة التوزيع الإحتمالي د للمتغير العشوائي س هي

س	٠	١	٢	٣
د (س)	٠,٢	٠,٤	٠,١	٠,٣

فإن ت (١,٥) =

د $٠,٦$

ج صفر

ب $٠,٢$

أ $٠,٤$

٧ إذا كان س متغيرا عشوائيا متصلا ، دالة كثافة الإحتمال له هي :

$١ \geq س \geq ٠$

في ما عدا ذلك

د (س) = $\left. \begin{array}{l} ٢ س \\ صفر \end{array} \right\}$

فإن ل (س) $< \frac{١}{٢} =$

د $\frac{١}{٢}$

ج $\frac{١}{٤}$

ب $\frac{٣}{٤}$

أ 1

اجابة البنود الموضوعية

		ب	أ	١
		ب	أ	٢
		ب	أ	٣
د	ج	ب	أ	٤
د	ج	ب	أ	٥
د	ج	ب	أ	٦
د	ج	ب	أ	٧

