

قسم الرياضيات

مراجعة رياضيات ثامن الفصل الدراسي الثاني

المذكرة لا تعني عن الكتاب المدرسي



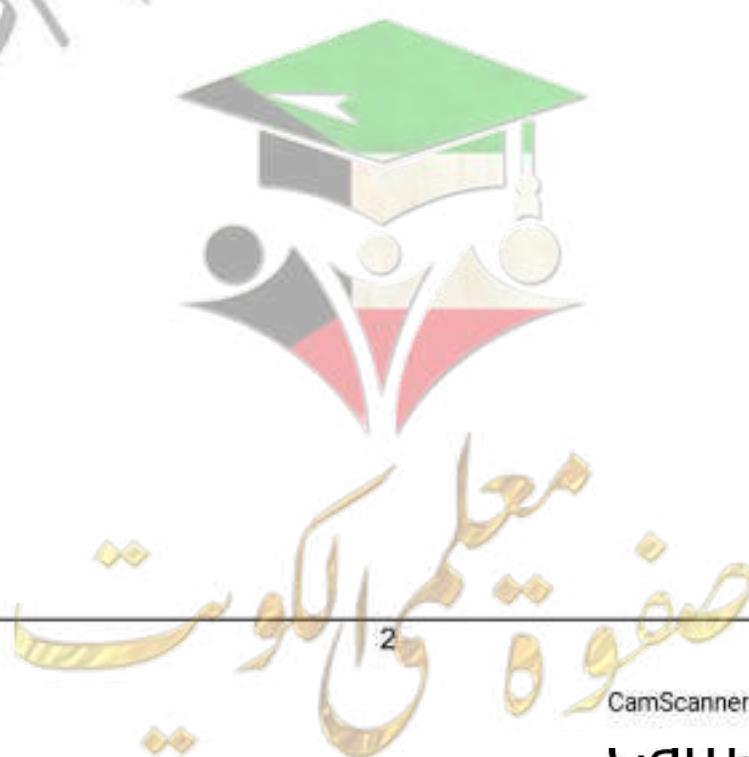
بند (١-٧) الانعكاس في نقطة - التناظر حول نقطة

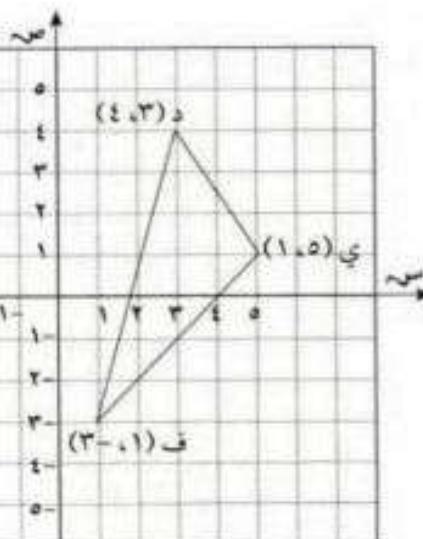
قوانين الانعكاس

$$(1) d(s, c) = d(-s, c)$$

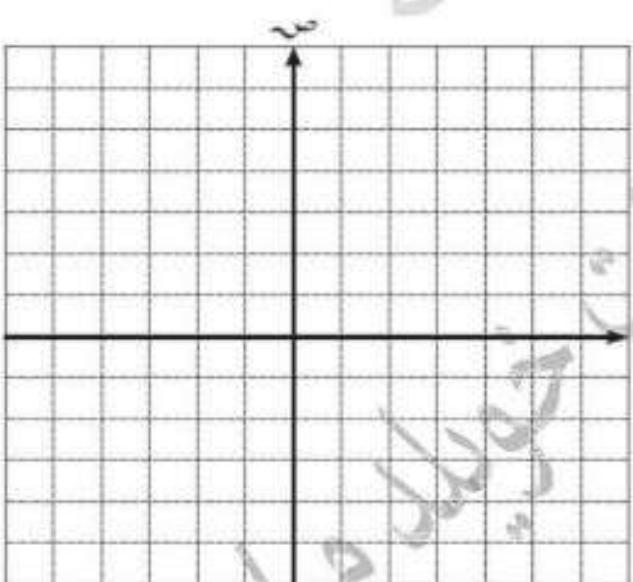
$$(2) d(s, c) = d(s, -c)$$

الانعكاس في نقطة الأصل (و): $d(s, c) = d(-s, -c)$

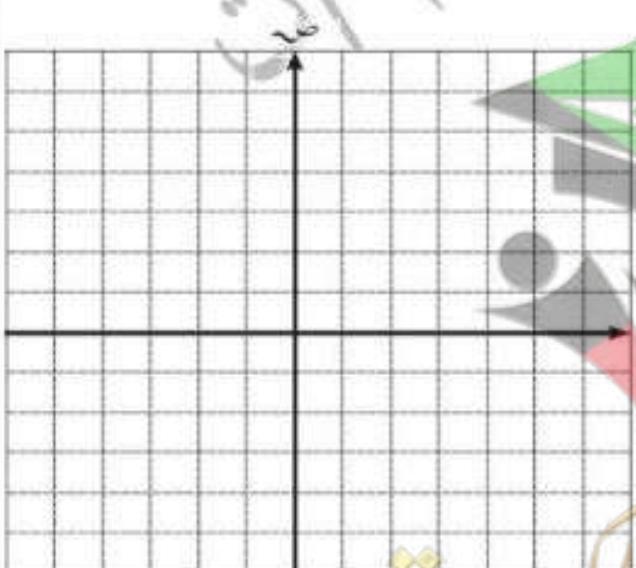




1 ارسم صورة المثلث ي د ف بالانعكاس في محور الصادات



2 ارسم المثلث ب ج في المستوى الاحادي الذي روزوسه ب (٢ ، ٥) ، ج (-٤ ، ٣) ثم ارسم صورته بالانعكاس في محور السينات



3 إذا كان Δ و Δ' هو صورة Δ و Δ' بالانعكاس في نقطة الأصل (و)، وكانت (١، ٠)، (٤، ١)، (٢، -١)، (٠، ٢) هي إحداثيات الرؤوس و، ص، ع، ثم ارسم المثلثين في مستوى الإحداثيات.

بند (٢-٧) الإزاحة في المستوى الاحدي

قوانين الإزاحة :

وتكون الإزاحة في اتجاه محوري الإحداثيات وفق الجدول التالي :

النقطة	صورة النقطة تحت تأثير الإزاحة
(س ، ص)	الإزاحة جهة اليمين إلى أعلى بمقدار (١) وحدة الإزاحة بمقدار (ب) وحدة (س + ص + ب)
(س ، ص)	الإزاحة جهة اليسار إلى أسفل بمقدار (١) وحدة الإزاحة بمقدار (ب) وحدة (س - ص - ب)

عموماً:

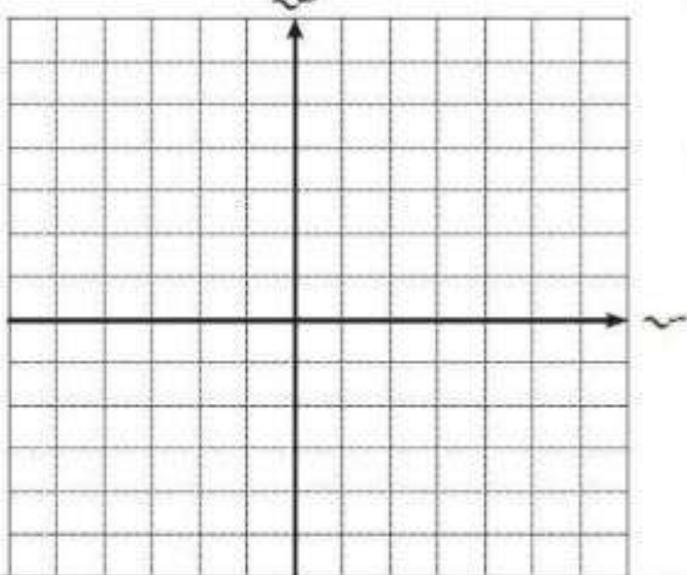
$$(س ، ص) \leftarrow (س + ١ ، ص \pm ب)$$



٤ ارسم $\triangle ABC$ صورة $\triangle PQR$ بجب الإزاحة

$$(س، ص) \leftarrow (س - ٢، ص + ١)$$

حيث أن $P(٣, ٠)$ ، $Q(-٤, ١)$ ، $R(-٤, ٤)$

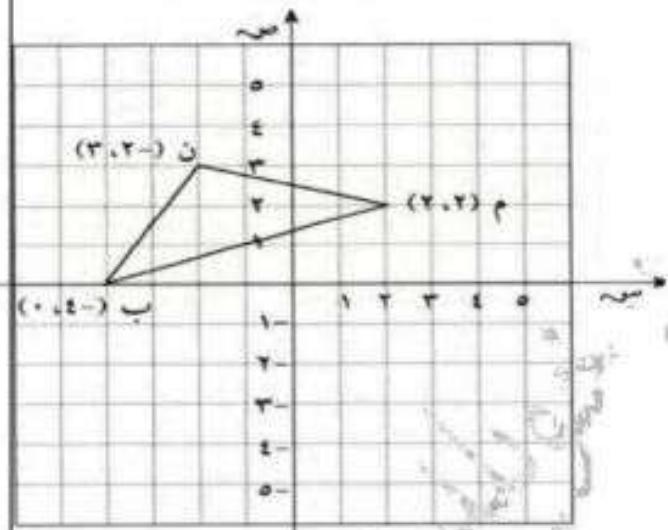


٥ ارسم صورة المثلث الذي

أمامك بالشكل بإزاحة ٣

وحدات لليمين و ٤ وحدات

للأسفل



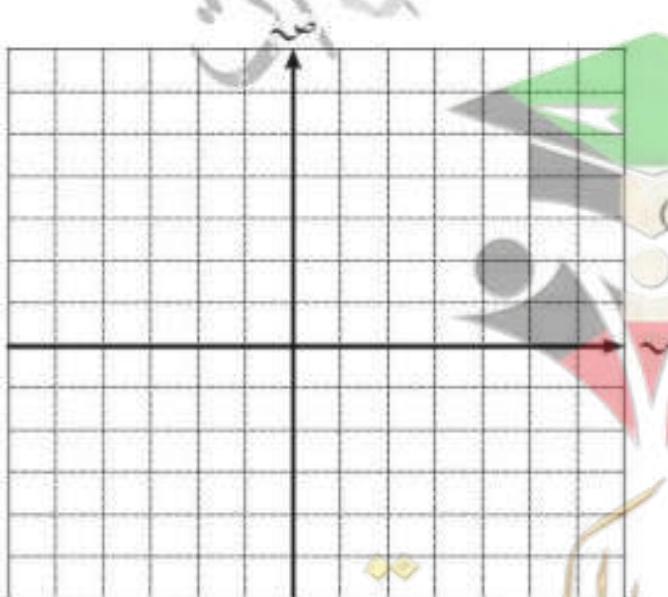
مثلث ABC رؤوسه هي :

$$(٢, ٢), (٣, ٠), (٢, -٢)$$

أوجد صور رؤوسه بعد الإزاحة تبعاً

للقاعدة :

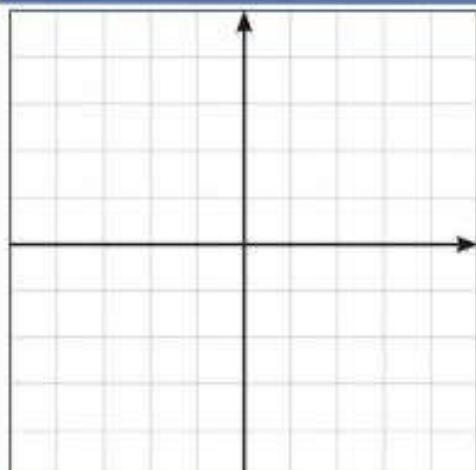
$$(س، ص) \leftarrow (س - ٥، ص + ١)$$



بند (٣-٧) الدوران في المستوى الاحداثي

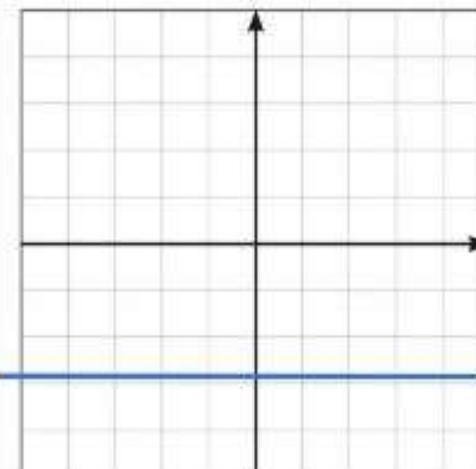
قوانين الدوران

(س ، ص) د(و ، ٢٧٠) (-ص ، س) يسمى دوران ربع دورة ($\frac{1}{4}$ دورة).
 (س ، ص) د(و ، ١٨٠) (-س ، -ص) يسمى دوران نصف دورة ($\frac{1}{2}$ دورة).
 (س ، ص) د(و ، ٩٠) (ص ، -س) يسمى دوران ثلاثة أربع دورة ($\frac{3}{4}$ دورة).



في المستوى الإحداثي ارسم المثلث $\triangle LMN$
بحيث $L(1, 1)$ ، $M(3, 0)$ ، $N(-4, 3)$ ،
ثم ارسم صورته بدوران مركزه نقطة الأصل
وزاويته 90° .

رسم Δ ن لـ ع حـث ن (٣-٣)، لـ (١٠)، ع (٤،٥)، ثـم عـيـن صـورـتـه نـحت



(۲۷۰ ، و) د

(18+)

ظلل الحرف الدال على الإجابة الصحيحة

قياس الدرجة التي تمثل $\frac{1}{4}$ دورة كاملة ضد عقارب الساعة تساوي :

٣٦٠

• ۲۷ •

- ۱۸ -

• १ •

ظلل أ اذا كانت الإجابة صحيحة و ب اذا كانت الإجابة خاطئة

ب أ

المربع متناظر حول نقطة مُلتقي قطريه .

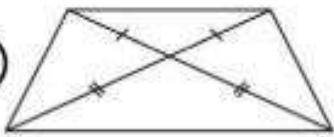
١

ب أ

صورة النقطة ٤ (٣ ، ٢) بانعكاس في نقطة الأصل يكافئ إزاحة حسب القاعدة (س - ٤ ، ص - ٦) .

٢

ب أ



في الشكل المقابل الشكل متناظر حول نقطة تلاقي قطريه .

٣

لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

صورة النقطة ع (٤ - ٢ ، ٤ - ٢) بانعكاس في نقطة الأصل (و) هي :

(د) (٤ ، ٤) (ج) (٤ - ٢ ، ٢) (ب) (٢ - ٤ ، ٤) (أ) (٤ - ٢ ، ٢)

٤

صورة النقطة هـ (٤ - ١ ، ٤ - ١) باستخدام قاعدة الإزاحة

(س ، ص) ← (س + ٥ ، ص - ٤) هي :

(أ) هـ (٣ ، ١) (ب) هـ (٥ - ٩ ، ٥) (ج) هـ (١ ، ٥ - ٩) (د) هـ (٥ ، ٩)

٥

إذا كانت مـ (٩ ، ٥) هي صورة النقطة مـ (٥ ، ٢) تحت تأثير إزاحة في المستوى

الإحداثي ، فإن قاعدة هذه الإزاحة هي :

(أ) (س ، ص) ← (س + ٧ ، ص - ٤) (ب) (س ، ص) ← (س - ٧ ، ص + ٤)

(ج) (س ، ص) ← (س + ٤ ، ص + ٧) (د) (س ، ص) ← (س - ٤ ، ص - ٧)

٦

بند (٨-١) المستقيمات المتوازية

ربط الأفكار : إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين ، فإنَّ :

كل زاويتين متسايمتين متطابقتان	كل زاويتين متسايمتين متكمالاتان	متباينتين متطابقتان
		زوايا متبادلة خارجية

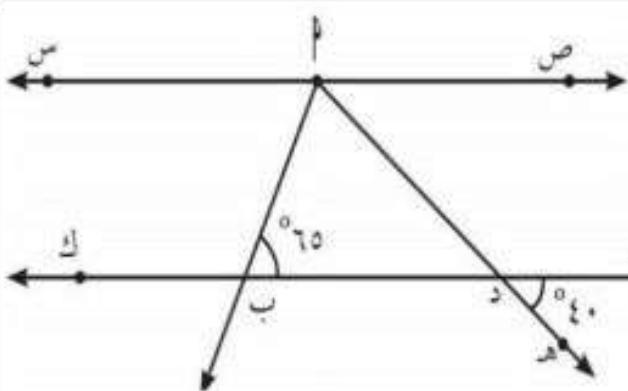
نتيجة : إذا قطع مستقيم مستقيمين في المستوى وتوفرت أحد الشروط التالية :

- (۱) زاویتان مبادلتان متطابقتان.
 - (۲) زاویتان متناظر تین متطابقتان.
 - (۳) زاویتان متحالفتان متكاملتان.

فإن المستقيمين يكونان متوازيين .

إذا قطع مستقيم مستقيمين في المستوى وكان :

الزاویتان المتعالفتان ١ ، ٢ متكاملتان	الزاویتان المتناظرتان ١ ، ٢ متطابقتان	الزاویتان المتبادلتان ١ ، ٢ متطابقتان



١ في الشكل المقابل: $s \parallel t$

\Rightarrow نقطة تنتهي إلى s تقع

\Rightarrow أب شعاع \Rightarrow شعاع أيضاً

أوجد $\angle(s \hat{A} b), \angle(s \hat{A} d), \angle(t \hat{B} d)$



٢ $s \parallel t$, هو قاطع

$$\angle(\hat{V}) = 60^\circ$$

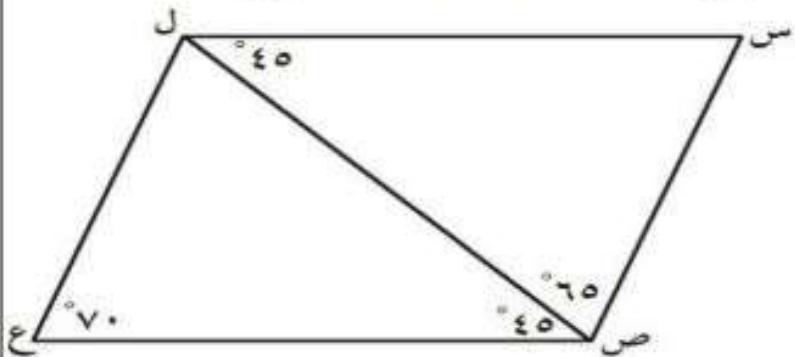
أوجد: $\angle(1), \angle(2), \angle(3), \angle(4)$,

$\angle(5), \angle(6), \angle(8)$



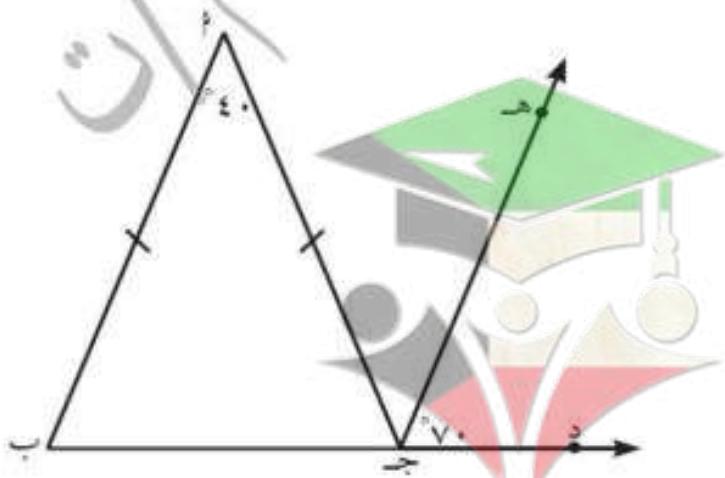
٣ في الشكل المقابل وحسب البيانات المدونة عليه ،

برهن أن سل // صع ، سص // لع .

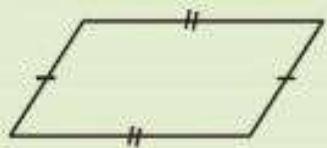


٤ في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه ،

أثبت أن جھ // ب٤.

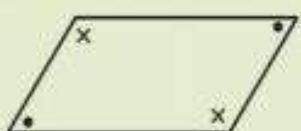


بند (٨ - ٢) متوازي الاضلاع و خواصه



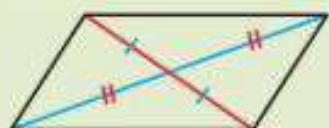
الخاصية الأولى:

في متوازي الأضلاع كل ضلعين متقابلين متطابقان .



الخاصية الثانية :

في متوازي الأضلاع كل زاويتين متقابلتين متطابقتان .



الخاصية الثالثة:

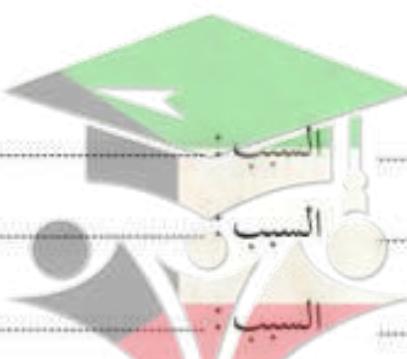
فهي متوازي الأضلاع القطران ينصف كل منهما الآخر .

A parallelogram labeled ABCD is shown. The vertices are A (top-left), B (top-right), C (bottom-right), and D (bottom-left). A diagonal line segment AC connects vertex A to vertex C.

١) بـ جـ د متوازي أضلاع فيه $\angle B = 5$ وحدة طول ،

ب ج = ٧ وحدة طول ، ب (ج) = ٥٥

أُوجِدَ مَا يلِي مع ذكر السبب :



= 21

= \rightarrow 2

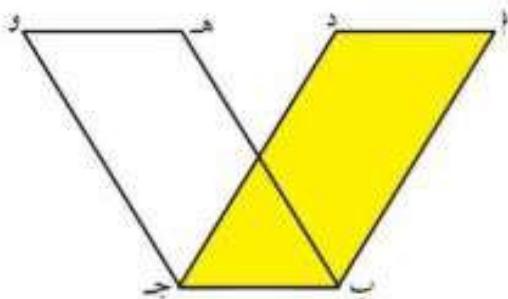
= (1) v

$$= (\triangle) \cup$$

= (2) v

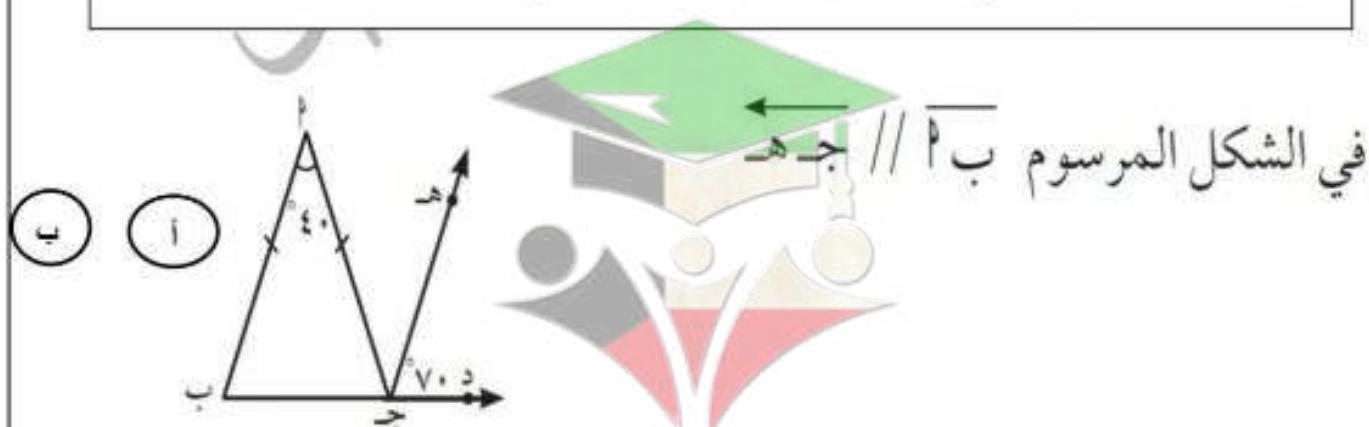
٢

أب ج د ، ه ب ج و متوازياً أضلاع ،
أثبت أن : د = ه و



مَدْرَسَةُ هَالَّهُ بِنْتُ نَهْلَةَ الْمَكْرُومَ

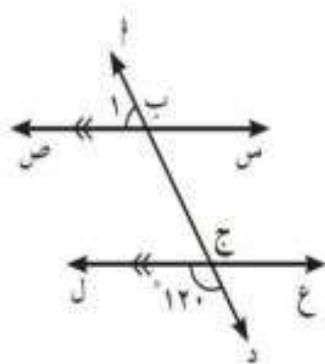
أولاً : ظلل أ إذا كانت الإجابة صحيحة و ب إذا كانت الإجابة خاطئة



صفوة معلمى الكويت

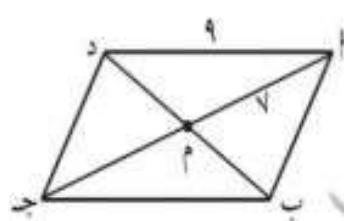
11

ثانياً: لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :



١ في الشكل المقابل نـ (١) يساوي :

- أ ٦٠ °
ب ١٢٠ °
ج ٣٦٠ °
د ١٨٠ °

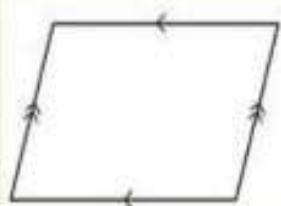


٢ في متوازي الأضلاع المرسوم ، $AJ =$:

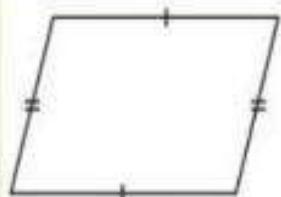
- أ ٧ وحدة طول
ب ٣ وحدة طول
ج ٩ وحدة طول
د ١٤ وحدة طول

بند (٣ - ٨) حالات الكشف عن متوازي الأضلاع

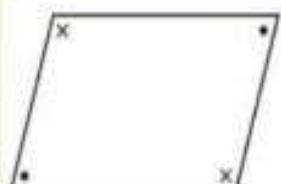
مما سبق نجد أنَّه : يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع إذا توفرت أحد الشروط التالية :



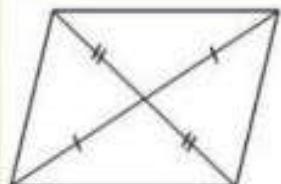
١ كل ضلعين متقابلين متوازيين (من التعريف) .



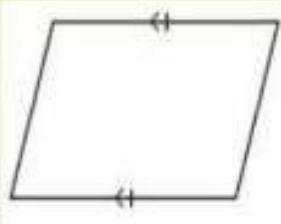
٢ كل ضلعين متقابلين متطابقين .



٣ كل زاويتين متقابلتين متطابقتين .

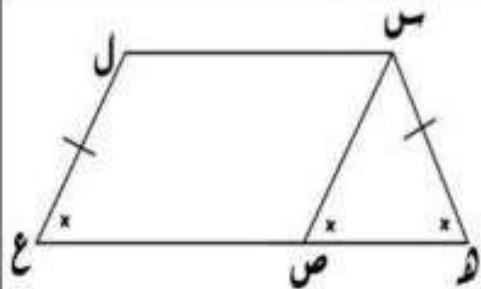


٤ القطران ينصف كل منها الآخر .



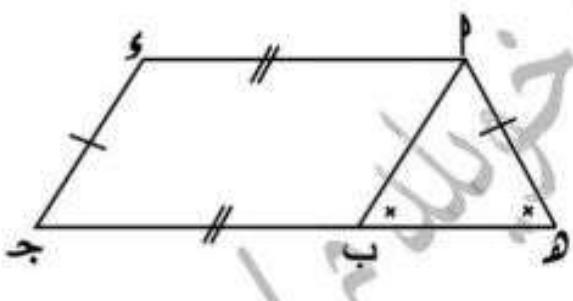
٥ ضلعان متقابلان متطابقان ومتوازيان .

صفوة الكوثر



١ في الشكل المقابل $\angle \text{S} = \angle \text{U}$ $\angle \text{C} = \angle \text{H}$ $\angle \text{L} = \angle \text{J}$

لثبات أن الشكل $\triangle \text{SCH}$ متوازي أضلاع



٢ في الشكل المقابل ، $\angle \text{G} = \angle \text{D}$ ، $\angle \text{B} = \angle \text{J}$ ، $\angle \text{J} = \angle \text{D}$

$\angle \text{G} = \angle \text{B}$ $\angle \text{D} = \angle \text{J}$

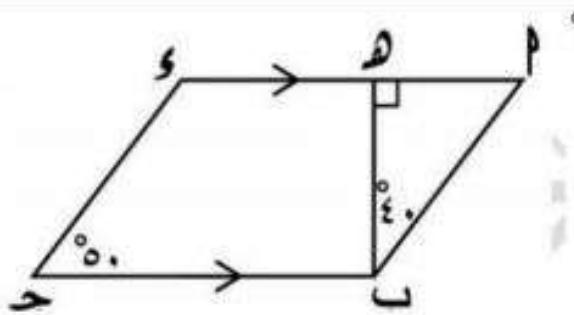
لثبات أن الشكل $\triangle \text{JBD}$ متوازي أضلاع



٣

في الشكل المقابل، $\overline{هـ} \parallel \overline{بـ جـ}$ ، $\angle هـ = ٥٠^\circ$ ، $\angle بـ = ٤٠^\circ$ ، $\angle جـ = ٤٠^\circ$

برهن أن الشكل $\triangle بـ جـ هـ$ متوازي أضلاع

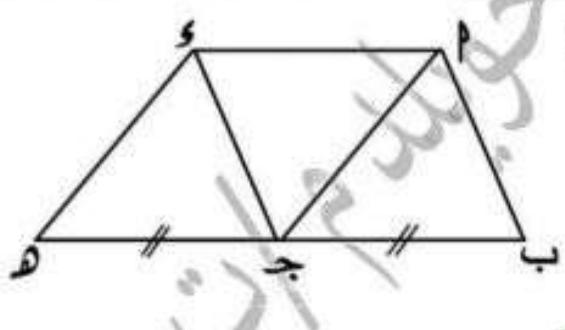


٤

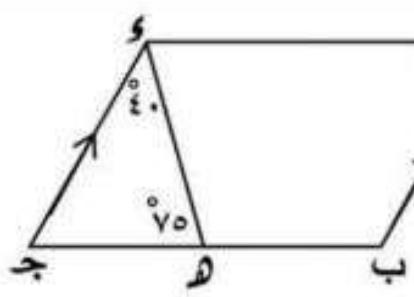
في الشكل المقابل، $\triangle بـ جـ هـ$ متوازي أضلاع

$بـ = جـ$ ، $بـ \cong جـ$

أثبت أن الشكل $\triangle بـ جـ هـ$ متوازي أضلاع



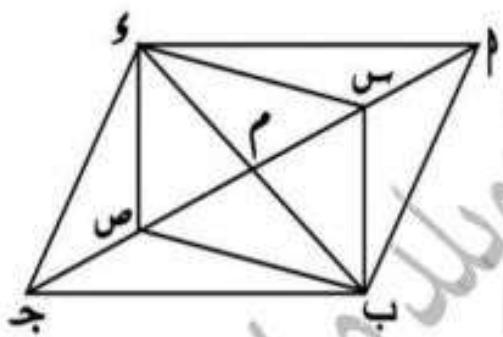
٤



في الشكل المقابل ، $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ، $\angle A = 40^\circ$
 $\angle C = 65^\circ$ ، $\angle D = 65^\circ$

برهن أن الشكل $ABCD$ متوازي أضلاع

٥

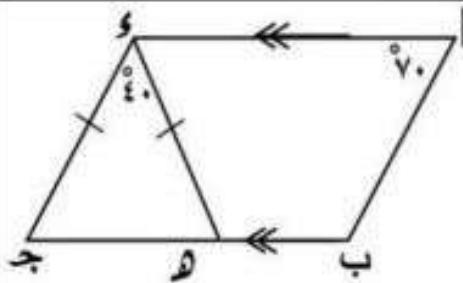


في الشكل المقابل $ABCD$ متوازي أضلاع

M منتصف \overline{AC} ، M منتصف \overline{BM}

أثبت أن الشكل $MBSC$ متوازي أضلاع



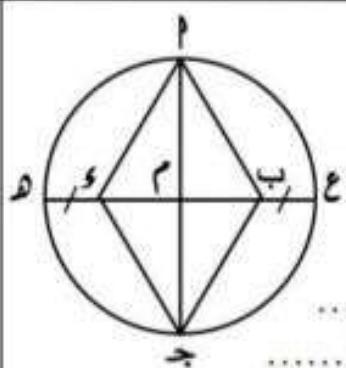


في الشكل المقابل : $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\angle A = \angle C$

$$\angle C(\text{م}) = 40^\circ , \angle A(\text{م}) = 70^\circ$$

برهن أن الشكل $ABCD$ متوازي أضلاع

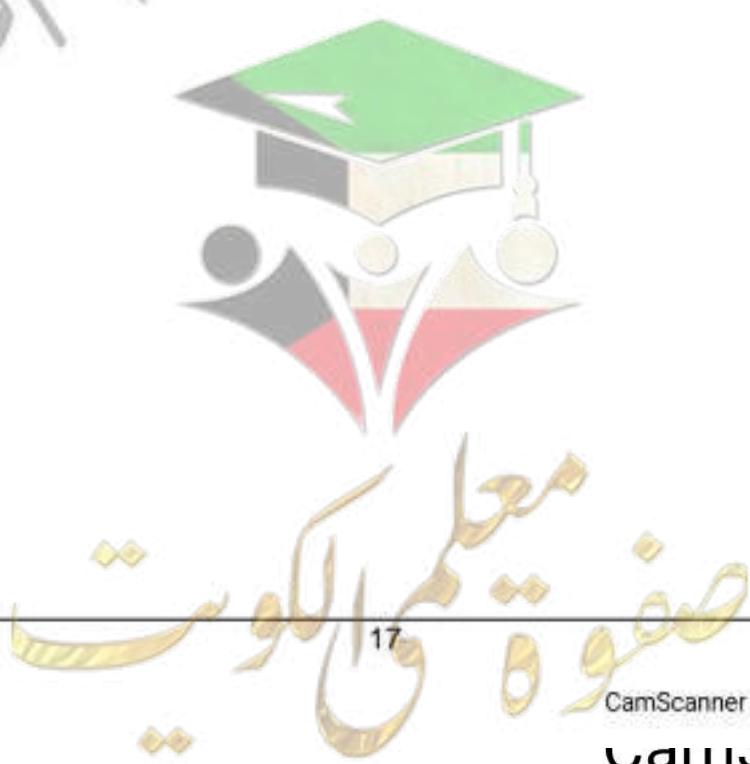
٦



في الشكل المقابل : M مركز الدائرة ، $M\bar{A} = M\bar{C}$

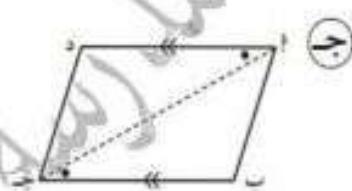
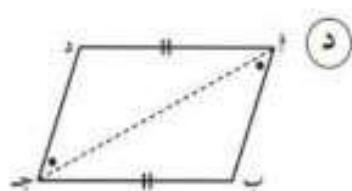
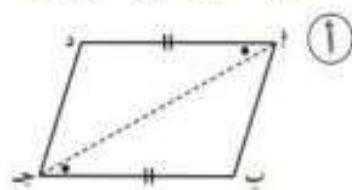
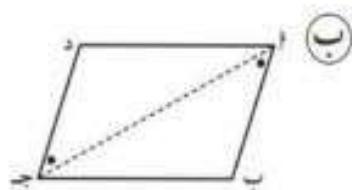
أثبت أن $ABCD$ متوازي أضلاع.

٧



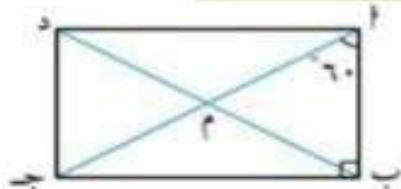
لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

١ الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع فيما يلي هو :



بند (٨ - ٤) المستطيل خواصه و الكشف عنه

المستطيل هو متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة وله جميع خواص متوازي الأضلاع

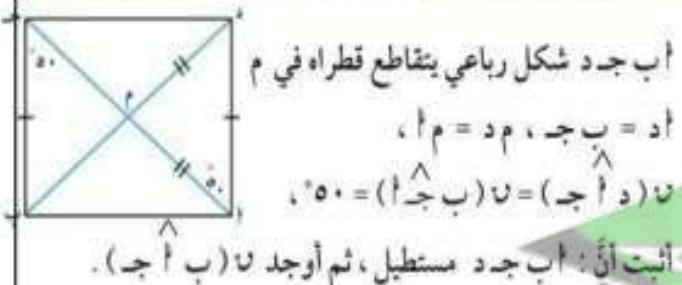


أب ج د مستطيل فيه : $\angle (ب \hat{ج}) = 60^\circ$ ،
احسب $\angle (د \hat{ج})$.

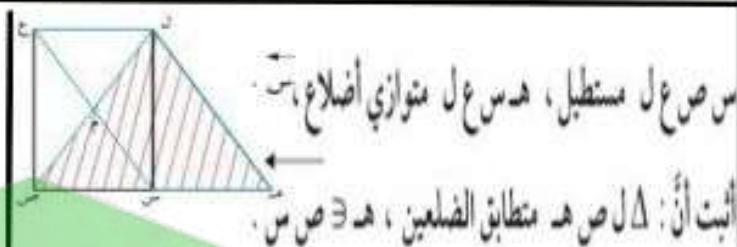
الكشف عن المستطيل

مما سبق نقول إنَّ متوازي الأضلاع يكون مستطيلاً إذا توفرت فيه أحد الشروط التالية :

- (١) إحدى زواياه قائمة .
- (٢) قطران متطابقان .



أب ج د شكل رباعي يتقاطع قطران في م
 $\angle \text{أ} = \angle \text{ب} = \angle \text{ج} = \angle \text{د} = 90^\circ$ ،
 $\angle (د \hat{ج}) = \angle (ب \hat{ج}) = 60^\circ$ ،
أثبت أنَّ : أب ج د مستطيل ، ثم أوجد $\angle (ب \hat{ج})$.



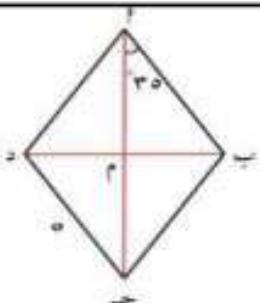
س ص ع ل مستطيل ، هـ س ع ل متوازي أضلاع ، س
أثبت أنَّ : دلـ ص هـ متطابقان الضلعـين ، هـ ص مـ .

صفوة معلميك و لكوت

بند (٨ - ٥) المعين خواصه و الكشف عنه

المعين قطراته متعمدان . ١

كل قطر في المعين ينصف زاويتي الرأس الواصل بينهما . ٢



أب جد معين تقاطع قطريه في م ، $\angle (ب \hat{م} ج) = 35^\circ$ ،
جد = ٥ وحدة طول .

١ احسب قياسات زوايا المعين .

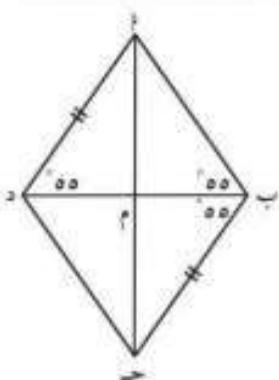
ج أوجد قياس $\angle م ب$.

ب أوجد طول ب ج .

يكون متوازي الأضلاع معيناً إذا توفر فيه أحد الشرطين التاليين :

(١) إذا تطابق ضلعان متجاوران فيه .

(٢) إذا تعامد قطراته .



في الشكل أمامك ، أثبت أنَّ أب جد معين .



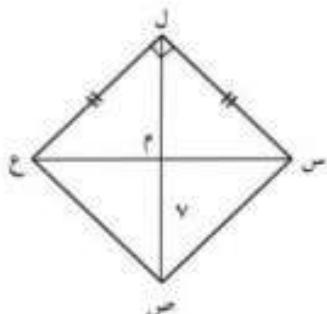
صفوة المعلم والكتاب

بند (٦-٨) المربع خواصه و الكشف عنه

المربع هو مستطيل فيه ضلعان متقابلان متساويان في الطول .

للمربع كل خواص المستطيل وكل خواص المعين .

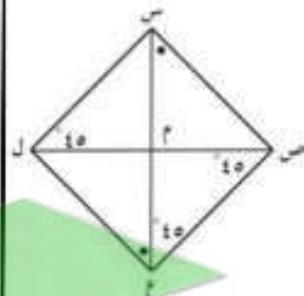
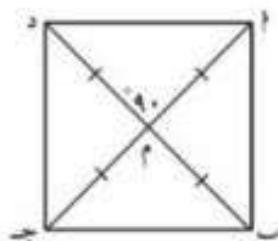
في الشكل المقابل ل س صع مربع فيه : $L = M = 3B + 4$ ،
ع $M = 2J - 1$ ، م ص = 7 . أوجد قيمة كل من ب ، ج .



إذا كان في متوازي الأضلاع القطران متطابقان ومتعامدان ، فإن متوازي الأضلاع
هو مربع .

مستعيناً بالمعطيات على الرسم أثبت أنَّ الشكل مربع .

باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أنَّ
س صع ل مربع الشكل .



الوحدة التاسعة

بند (١-٩) قوانين الاسس:

لكل a عدد نسبي غير صفرى ، m ، n عدادان صحيحان يكون $a^m \times a^n = a^{m+n}$

لكل a عدد غير نسبي غير صفرى ، m ، n عدادان صحيحان يكون: $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

لكل a نسبي عدد غير صفرى ، m عدد صحيح يكون: $(a^m)^n = a^{mn}$

لكل a ، b عدادان تسبيان غير صفررين ، m عدد صحيح يكون $(a^m \times b^m) = (ab)^m$

لكل a عدد نسبي غير صفرى ، m ، n عدادان صحيحان يكون: $(a^m)^n = a^{mn}$

لكل a ، b عدادان تسبيان غير صفررين ، m عدد صحيح يكون $(a^m \times b^m) = (a \times b)^m$

أوجد ناتج ما يلى :

١

ج $= 2^{-4} \times 2^{-2}$

٢



٢ اختصر لأبسط صورة :

$$\text{و } (س^2 \text{ ص}^{-3}) \times (س^{-7} \text{ ص}^{-4}) =$$

$$= ١ (٣)$$

$$\text{ح } (س^2 \text{ ص})^{-2} \times (س^3)^2 =$$

بند (٩ - ٢) كثيرات الحدود:

كثيرة الحدود (مقدار جبروي) هي تعبير جبري يتكون من واحد أو أكثر من الحدود الجبرية يتم بناؤها باستخدام عمليات الجمع والطرح.

أمثلة :

حدود جبرية (كثيرة حدود)

$$(١) س^2 - 4 س^3 + س - 3$$

كثيرة حدود

$$(٢) 2 س^2 - 4 س^3 + س - 3$$

لبت كثيرات حدود

$$(٣) س^3 - 7 س^5 + 5 س^7 + س^6 + س^4$$

(مقدار جبري)

هي المتغير (س)

تحت الجذر

الأس عدد سلب أو

المتغير (س) هي

المقام

أنواع كثيرات الحدود

تسميات خاصة	كثيرة الحدود (الحدوديات)
وحيدة الحد	س ، ٣ س^4 ، - ٥
ثنائية الحد (حدانية)	٦ س^2 - ٢ س ، م^2 + ١
ثلاثية الحد (حدودية ثلاثة)	٣ س^3 + ٧ س^٥ - ٥ س^٢ + ٢ س^٣

جميع الحدوبيات في الجدول السابق تسمى حدوبيات في متغير واحد (مقدار جبري)، بينما الحدوبيات $- س - 2 \text{ ص} ، 5 \text{ س}^2 - \text{ س ص} + \text{ ص}^2 + 4 \text{ ص} - 9$ تسمى حدوبيات في متغيرين.

الحدود المتشابهة والحدود المتساوية

الحدود المتساوية	الحدود المتشابهة	التعريف
هي حدود متشابهة بمعاملات متساوية.	هي الحدود التي لها نفس المتغير مرفوعة لنفس الأس.	
(١) ٣ س^2 ، ٣ س^2 (٢) $\frac{1}{2}$ ص ، $\frac{1}{2}$ ص (٣) لع^2 ، ع^2 ل	(١) ٤ س^2 ، $-\frac{1}{2}$ س^2 ، π س^2 (٢) ٣ ص ، -٥ ص (٣) لع^2 ، -٣ لع^2	
		أمثلة

ملاحظة :

يمكن كتابة كثيرة الحدود بأي ترتيب (تصاعدي - تنازلي) حسب درجتها ، ولكن عند ترتيب كثيرة الحدود بمتغير واحد تنازلياً حسب درجتها يسمى هذا **بالصورة القياسية**.

$$\text{مثلاً : } 4x^4 - 5x^5 + 2x^2$$

ضع الحدوبيات التالية في الصورة القياسية ، ثم حدد درجة الحدوبية :

$$-7 + 4x^4 - 5x^6 + x^8$$

$$2s - \frac{1}{2}s^5 + s^6$$

أوجد قيمة كل من كثيرات الحدود التالية عندما $s = 3$ ، $s = -2$:

$$\frac{1}{3}s^3 + 2s^2 + 25$$

١) ظلل أ إذا كانت العبارة صحيحة وظلل ب إذا كانت العبارة غير صحيحة .

<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	كثيرة حدود	$3s^0 - \frac{1}{4}s^4$
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	ليست كثيرة حدود	$\sqrt{s} - s^{\frac{3}{2}}$
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	حدان جبريان متساويان	$-\frac{3}{5}s^3 - 6s^0 + s^6$

بند (٣-٩) جمع كثيرات الحدود وطرحها:

لجمع كثيرات الحدود تقوم بجمع الحدود المتشابهة معاً .

تمرين :

١ اجمع كثيرات الحدود التالية :

$$10s + 2s^2 - 3s^3 ,$$

$$2s^2 + 5s - 2s^3$$

٢ - $4s^0 + 2s^3 + 6s^6 , - s^3 + 4s^0 - 7$ ب

لطرح كثيرات الحدود نضيف المعكوس الجمعي للمطروح .

أوجد ناتج ما يلي : $(6s^3 - 2s^4 + 4) - (s^3 - 5s^2 - 3)$



أوجد ناتج ما يلي :

١ $(3s^4 - 2s^3 + 7s) - (2s^3 - s^4 + 5s)$

١ اطرح $(5s^2 + 6s^1 - 1)$ من $(4s^4 - 14s^2 + s)$

٢ ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

٢ ناتج جمع $3s^2 + 5s^2$ هو $8s^0$

لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

٣ المعكوس الجمعي لكتيرية الحدود $-2s^3 + 3s^2 - 4$ هو :

٤ ① $-2s^2 - 3s - 4$

٥ ② $2s^2 - 3s + 4$

٦ ③ $2s^3 - 3s^2 + 4$

٧ ④ $(3s^3 + 4s^2) - (3s^2 - 4s)$

٨ ⑤ $6s - 8s$

٩ ⑥ $6s + 8s$

بند (٩ - ٤) ضرب كثيرات الحدود:

الصورة القياسية $(س \pm ص)^2 = س^2 \pm 2س\ ص + ص^2$
 $= س^2 + ص^2 \pm 2س\ ص$ حدوذية ثلاثة على صورة مربع كامل
 = مربع الحد الأول \pm ضعف الحد الأول \times الحد الثاني
 + مربع الحد الثاني

أوجد ناتج كل مما يلي :

ب) $= \left(\frac{3}{2}س + 4 \right)^2$

١) $= 2س \times 3س^2$

ج) $= (2س + 3ع)^2$

د) $= (4 - ب)(4 + ب)$

هـ) $= (س + 7)(س - 5)$

٣ أوجد مربع كل حدانية في ما يلي :

ب) $13 - 2ج$

أ) $س - 4$

٤ إذا كانت $س^2 = 16$ ، $ص^2 = 4$ ، فإن أكبر قيمة للمقدار $(س - ص)^2$ =

٥) ٣٦

ج) ١٦

ب) ١٢

٦) ٤

٧ أي مما يلي يساوي $2(s + u) - (2s - u)$ ؟

ج) $4س + 3ع$

ب) $4س + 2ع$

أ) $3ع$

بند (٤-٩) قسمة كثيرات الحدود:

اقسم: $6s^3 + 12s^2 - 18s^1$ على $6s^1$

$$\begin{array}{r} \\ = \\ = \\ = \end{array}$$

أوجد ناتج $\frac{5s^3 + 3s^2 - 5}{15s}$

اقسم: $4s^3 + 16s^2 + 36s^1$ على $4s^1$

$$\begin{array}{r} \\ = \\ = \\ = \end{array}$$

اقسم: $15s^3 - 12s^2 + 9s^1$ على $6s^1$

$$\begin{array}{r} \\ = \\ = \\ = \end{array}$$

المعكوس الجماعي لكثيرة الحدود $-2s^3 + 3s^2 - 4s^1$ هو:

(أ) $-2s^2 - 3s^1 + 4s^0$
 (ب) $2s^2 - 3s^1 - 4s^0$
 (ج) $2s^2 - 3s^1 + 4s^0$

(د) $6s^0 - 15s^1$ (هـ) $6s^1 - 15s^0$ (ـهـ) $6s^0 - 5s^1$ (ـهـ)

$$= \frac{6s^3 - 3s^2}{3s^3}$$

(ـهـ) $2s^2$

(ـهـ) $2s^2 - s^1 - 1$ (ـهـ) $2s^2 - s^1$

(ـهـ) $\frac{1}{2}s^2$

صورة معلم الكوثر

الوحدة العاشرة

(١٠) العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ)

ع.م.أ. هو اختصار لمصطلح «**العامل المشترك الأكبر**» ولا يجدر العامل المشترك (ع.م.أ.) لمجموعة من الحدود الجبرية: **نأخذ العامل المشترك في جميع الحدود بأصغر أس.**

• أوجد (ع.م.أ) لكل من مما يلي:

(ب) $5x^2, \text{ ص}^2$

(أ) $27, 18, \text{ ص}^2$

(ج) $7x^2, 14x, \text{ ص}^2$

(د) $4b^3, 4ab^2, 20b^2$

(ه) $10x, 4x^2, \text{ ص}^2$

١) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل **(ب)** إذا كانت العبارة غير صحيحة .

العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) بين $4x^2, 2x^3, 6x^3$ هو $2x^2$

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

تحليل المقدار $4 + 4k$ هو :

د) $4(1+k)$

ج) k

ب) 4

أ) $4k$

٤-١٠) التحليل باخراج العامل المشترك الأكبر

تحليل المقدار الجيري باخراج العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) اتباع الخطوات التالية:

- (١) يوجد (ع.م.أ) بين حدود المقدار الجبري.

(٢) نقسم كل حد من حدود المقدار على (ع.م.أ).

(٣) نضع المقدار الجبري على صورة حاصل ضرب عاملين.

- حل المقادير التالية بـ λ خارج العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ.):

س ۹ + ۱۵)

(ب) $س^3 - س^2 + 15 س^3$

$$(2 - \frac{1}{n})^n - (2 - \frac{1}{n}) \leq 0$$

١٠ ظلل، (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل، (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة .
 $2s + 4s^2 = 2s(1 + 2s)$



ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة:

المقدار $\frac{8 \text{ س. ص}^2}{2 \text{ س. ص}^2}$ في أبسط صورة هو :

ج ٤ ص

٤

٦٣٠

(٣-١٠) تحليل الفرق بين مربعين

تذكرة ان : $s^2 - c^2 = (s - c)(s + c)$

أى أن: الفرق بين كميتين يساوي حاصل ضرب مجموع الكميتين في الفرق بينهما

- حل ما يلي تحليلاً تماماً :

$$(1) 4m^2 - 36$$

$$(2) 4s^2 - 9c^2$$

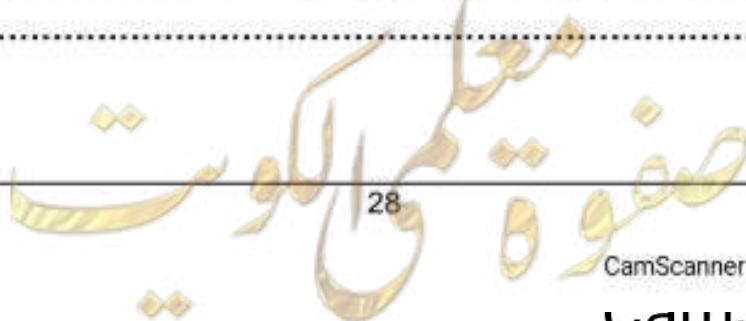
$$(3) 2s - 18s^2$$

$$(4) (m+1)^2 - 49$$

$$(5) 75 - 3m^2$$

- أوجد قيمة ما يلي بالتحليل :

$$(1) (115)^2 - (114)^2$$



$$(2) (57,7) - (42,3)$$

$$(3) (99) - ١$$

• حل ما يلي تحليلًا تاماً:

$$(1) \frac{4s^2}{9} - \frac{4}{b^2}$$

$$(2) \frac{1}{4}h^2 - 25u^2$$

$$(3) (n-4)(n+4) - (11,10)$$

١ ظلل إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ٢ إذا كانت العبارة غير صحيحة .

مجموعة حل المعادلة $s^2 = 25$ ، حيث $s \in \mathbb{R}$ ، هي $\{-5, 5\}$

٣ ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

مجموعة حل المعادلة : $s^2 = 4$ ، (حيث $s \in \mathbb{R}$) هو :

- ٤ أو -٤ ٥ كل الأعداد النسبية
ج) مجموعة خالية د) الأكبر من -٤

(٥-١٠) حل معادلات من الدرجة الثانية في متغير واحد بالتحليل

لكل a, b عدادان نسبيان ، إذا كان $a = 0$ ، فإن $b = 0$ أو $b \neq 0$
فمثلاً : إذا كان $(s+3)(s+2) = 0$
فإن $s+3 = 0$ أو $s+2 = 0$

(١) أوجد مجموعة حل المعادلة $(s+5)(s+6)=0$ حيث $s \in \mathbb{R}$ ، ثم تحقق من صحة الحل .

(٢) أوجد مجموعة حل المعادلة $s^2 - 5s = 0$ حيث $s \in \mathbb{R}$.

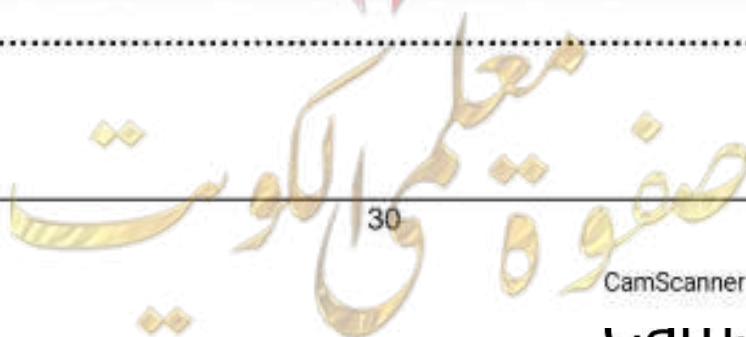
(٣) أوجد مجموعة حل المعادلة $(s+3)^2 = 1$ ، حيث $s \in \mathbb{R}$.

• أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية حيث $s \in \mathbb{R}$.

$$(1) (s+4)(s-2) = 0$$

$$(2) (s^2 + 5)(s - 5) = 0$$

$$(3) (s^2 + 25) - 25 = 0$$



• أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية حيث $s \in \mathbb{Q}$.

$$80 = 5s^2 \quad (4)$$

$$81 = (s-9)^2 \quad (5)$$

$$3s - 27 = 0 \quad (6)$$

• تحقق ما إذا كان : $s=1$ حلًّا للمعادلة $(s+4)(s-1)=0$

١) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل **ب** إذا كانت العبارة غير صحيحة .

العدد الذي يمثل حلًّا للمعادلة $(s-3)^2 = 0$ ، (حيث $s \in \mathbb{Q}$) هو :

د ٦

ج ٣

ب ٣

أ صفر



٦٠) حل متباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد

المُبَايِنَة : هي جملة رياضية (تعبير رياضي) تربط بين أعداد أو مقادير بأحدى العلاقات (الرموز) : $>$ ، $<$ ، \geq ، \leq

خواص المتبادرات: إذا كانت Ψ ، ب ، ج أعداداً نسبية وكانت $\Psi > B \geq J$ فإنَّ :

- ١ $b + j > a$ (ج عدد موجب).
 ٢ $b - j > a$ (ج عدد سالب).
 ٣ $b \times j < a$ ، ج < 0 (ج عدد موجب).
 ٤ $b \times j > a$ ، ج > 0 (ج عدد سالب).

• حل المُبَيِّنات التالية في N :

$$19 \geq 4 + 2 \quad (1)$$

۱۵ < ۳+۲ (۲)

۱-۳-۵ < س

$$. \quad ٥ - س \leq ٣ - (٤)$$

$$(5) \quad ب - \frac{1}{3} < \frac{1}{2}$$

$$(6) \quad 10(s-5) > 7(6-s)$$

$$(7) \quad 2s+4 \geq 3(s+1)$$

$$1, 1 \leq 3, 4 \leq 5$$

١) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة .

(ب) | أ | حل المتابينة $-5s > 20$ هو $s < -4$

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

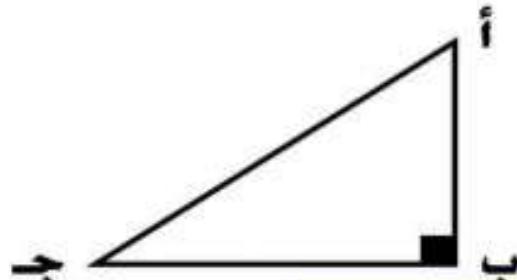
حل المتابينة $2s < 10$ ، (حيث $s \in \mathbb{Z}$) هو :

١) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من ٥ (ب) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر وتساوي ٥

ج) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر وتساوي ٥ (د) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من ٥

الوحدة الحادية عشرة

(١١-١) نظرية فيثاغورث وعکسها



نظرية فيثاغورث

$$(أ ج)^2 = (أ ب)^2 + (ب ج)^2$$

$$(أ ب)^2 = (أ ج)^2 - (ب ج)^2$$

$$(ب ج)^2 = (أ ج)^2 - (أ ب)^2$$

عكس نظرية فيثاغورث

- ١ - ربع الأضلاع الثلاثة.
- ٢ - اجمع أصغر عددين.
- ٣ - إذا كان المجموع يساوي العدد الأكبر كان المثلث قائم الزاوية.

مثال على مربعات الأعداد والجذور التربيعية

إذا كان $(أ ب)^2 = 11$ فإن $أ ب = \sqrt{11} = \sqrt{4 + 1}$

المصدر التربيعى للعدد

مربع العدد

$$1 = 1^2$$

$$1 = 1^2$$

$$4 = 2^2$$

$$4 = 2^2$$

$$9 = 3^2$$

$$9 = 3^2$$

$$16 = 4^2$$

$$16 = 4^2$$

$$25 = 5^2$$

$$25 = 5^2$$

$$36 = 6^2$$

$$36 = 6^2$$

$$49 = 7^2$$

$$49 = 7^2$$

$$64 = 8^2$$

$$64 = 8^2$$

$$81 = 9^2$$

$$81 = 9^2$$

$$100 = 10^2$$

$$100 = 10^2$$

$$121 = 11^2$$

$$121 = 11^2$$

$$144 = 12^2$$

$$144 = 12^2$$

$$149 = 13^2$$

$$149 = 13^2$$

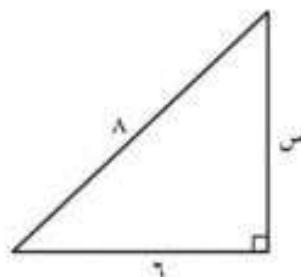
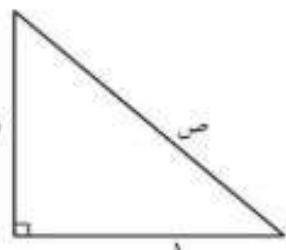
$$196 = 14^2$$

$$196 = 14^2$$

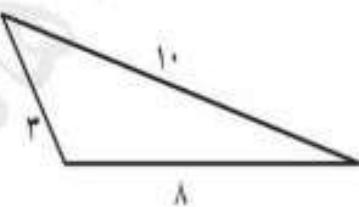
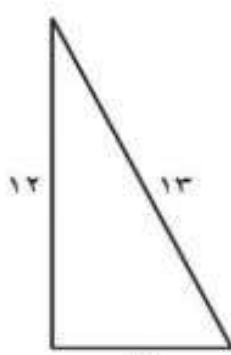
$$225 = 15^2$$

$$225 = 15^2$$

• أوجد قيمة المجهول في كل مما يلى :



• حدد ما إذا كان المثلث قائم الزاوية أم لا :



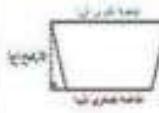
ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

ب) المثلث الذي أطوال أضلاعه 3 وحدة طول ، 6 وحدة طول ، 5 وحدة طول مثلث قائم الزاوية .

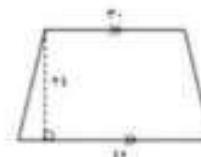
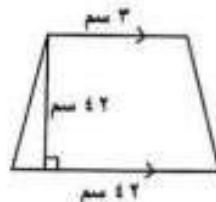
ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :
إحداثي النقطة د هو :



(٢-١١) - مساحة شبه المترف

الاسم	الشكل	المساحة السطحية
شبه المترف		$م = \frac{(ق + ق') \times ع}{٢}$

أوجد مساحة شبه المترف :



بين الشكل المجاور حديقة سرالية على شكل شبه مترف برأس زراعتها بالعشب الطبيعي . إذا كان سعر الوحدة المربعة من العشب الطبيعي ١٢ ديناراً . فكم تتكلف زراعة الحديقة بالعشب ؟

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح ظلل الدائرة الدالة على الاختيار الصحيح فيما يلي :-

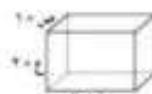
- مساحة شبه المترف من صالح المرسوم بالوحدات المربعة كساوى من
- ٣٦
 - ٤٠
 - ٢٠
 - ٢٤

قسم الرياضيات - الوحدة الحادية عشر

(٣-١١) - مساحة السطوح ثلاثية الأبعاد

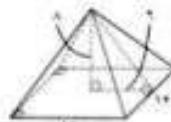
الاسم	الشكل	المساحة السطحية
مكعب متساوي الاضلاع		$m = 2 \times \text{مساحة المثلث} + 3 \times \text{مساحة المستطيل}$

أوجد المساحة السطحية للمكعب الشكل الذي أبعاده : ٦ وحدة طول ، ٤ وحدة طول ، ٣ وحدة طول



الاسم	الشكل	المساحة السطحية
هرم رباعي قاعدته مربعة		$m = \text{مساحة المربع} + 4 \times \text{مساحة المثلث}$

ما المساحة السطحية للهرم ؟



الاسم	الشكل	المساحة السطحية
اسطوانة دائرية قطرها ٧		$m = \pi \cdot 2 \cdot (\text{ق} + \text{ع})$

في إحدى المدن الكبيرة فندق أسطواني الشكل طول قطع قاعدته الدائرية ٣٥

وحدة طول وارتفاعه ٥٠ وحدة طول . تمت تغطية السطح المحتج بالزجاج .

ما مساحة الزجاج الذي يعطي السطح الجانبي للفندق ؟ (اعتبر $\pi = \frac{22}{7}$)

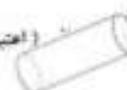


(١١ - ٤) حجم الأسطوانة الدائرية - حجم المخروط الدائري

الحجم	الشكل	الاسم
$ح = \pi r^2 h$		المخروط دائري

أوجد حجم كلّ جسم مسابلي :

$$(٣، ١٢ = \pi) \quad \text{اعتبر } \pi$$

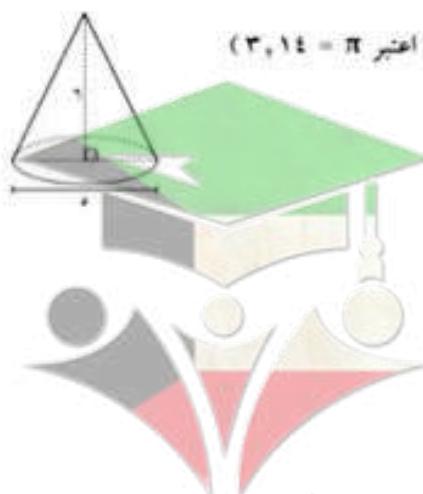


$$(\frac{٦٧}{٧} = \pi) \quad \text{اعتبر } \pi$$



الحجم	الشكل	الاسم
$ح = \frac{١}{٣} \pi r^2 h$		المخروط

أوجد حجم المخروط المرسوم أمامك . (اعتبر $\pi = ٣،١٤$)



(١١٢) طرائق العد

ممداداً من مسألة تذكر من ملحوظتين ، إذا كان عدد طرق عرض المجموعة الأولى أو الثانية على يد المجموعة الثانية ، فإن عدد طرق عرض المجموعتين معاً يساوي مجموع العددان المذكورين من ملحوظتين .	هذا النتائج
$1 + 2 = 3$	النتائج
$1 + 2 + 3 = 6$	النتائج
$1 + 2 + 3 + 4 = 10$	النتائج
$1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$	النتائج

عدد المجموعات المفردة التي تتكون من n عضو مختلف مكونة من n عضو

أوجد كل من :

$$= 1 \times 2$$

$$= ? (z - A)$$

$$= 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7$$

$$= L_m$$

$$= L_n$$

أوجد ما يساويه كل من :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{(z)} \quad | \quad \frac{1}{1} = \frac{1}{(z)}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{(z)} \quad | \quad \frac{1}{2} = \frac{1}{(z)}$$

في لعبة الكراسي الموسيقية يقوم جاسم وخالد و محمد بالجري للجلوس على مقعدين ، أوجد عدد الطرائق المختلفة للجلوس على المقعدين .



قسم الرياضيات - الوحدة الثانية عشر

(٢٠١٢) فضاء العينة

فضاء العينة هو مجموعة كل النواتج الممكنة عند إجراء تجربة عشوائية ورمزه (ف)

مجموعة جزئية من فضاء العينة (ف)

الحدثون



يريد أحمد أن يقوم برحلة عبر النهر .
يوجد نوعان من المراكب (أ) ، (ب) كما في
الصورة ليختار بينهما ويختار من بين ثلاثة جداول مائة
صغريرة في ثلاثة اتجاهات مختلفة : س أو ص أو ع .

١ اصنع مخطط الشجرةالية لكل النواتج الممكنة .



ما فضاء العينة لرحلة أحمد ؟

أوجد عدد النواتج الممكنة .

طلل (١) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل (٢) إذا كانت العبارة غير صحيحة .

(ب)

(ا)

عند رمي حجري نرد متباينين مرة واحدة . فإن فضاء العينة يساوي ٦ .

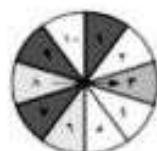
معلم الكويت



٣٠-١٢) الاحتمال

في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة ، وملاحظة العدد الظاهر على وجهه .
أوجد احتمال كل من الأحداث التالية :

- ① ظهور عدد زوجي .
- ② ظهور عدد أولي .
- ③ ظهور عدد أكبر من ٧ .
- ④ ظهور عدد أصغر من ٦ .



عند تدوير القرص المجاور مرة واحدة . أوجد احتمال
وقوف المؤشر عند كل من :

١) احتمال الحصول على (الرقم ١ أو أصغر من ٨) .

٢) احتمال الحصول على (قطاع أخضر أو قطاع أبيض) .

٣) احتمال الحصول على (قطاع أحمر أو عدد فردي) .

١) هناك ١٠ أزرار باللون الأحمر و ٤ باللون الأزرق و ٨ باللون الأبيض في حقيبة ،

ما هي فرصة استخراج الزر الأزرق أو الأبيض؟



٢) اشتركت ٤ طالبات في مسابقة { شوق ، شمائل ، مريم ، شهد } وسيتم اختيار
الترتيب بصورة عشوائية ، ما احتمال أن يتم اختيار طالبة يبدأ اسمها بحرف
الـ شين؟



صفوة المعرفة

ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

ب

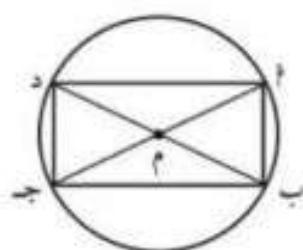
أ



الشكل المقابل يمثل مستطيلاً

ظلل الحرف الدال على الإجابة الصحيحة

الشكل المقابل يمثل دائرة مركزها م فإنَّ الشكل ① ب ج د هو :



ب مستطيل

١ مربع

د شبه منحرف

ج معين

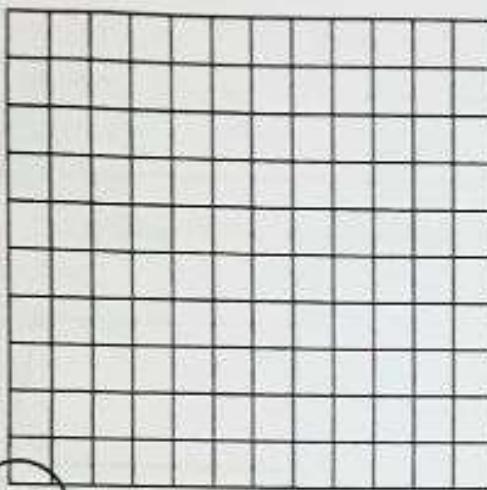


١٢

أولاً : الاستدلة المقالية

المؤاول الاول : (١) اذا كان $\triangle LMN$ هو صورة $\triangle LM$ من بالانعكاس في نقطة الأصل (و) ،

وكانت $L(0, 0)$ ، $M(3, 4)$ ، $N(-4, 4)$ ، فعين احداثيات الرؤوس L' ، M' ، N' ثم ارسم المثلثين في مستوى الاحداثيات



٥

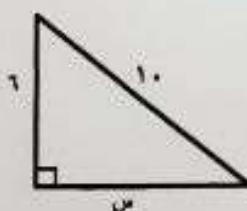
(ب) حل تحليلياً تاماً

$$1) 9m^2 + 2m =$$

$$2) m^2 - 16 =$$

٤

(ج) اوجد قيمة المجهول



٣

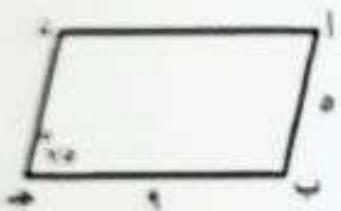
صفوة علمي الكنوست

١٢

١

(ب) في الشكل المقابل أب جد متوازي اصلاح فيه $A = 5$ وحدة طول ، $B = 9$ وحدة طول .

$C(\hat{A}) = 75^\circ$ ، اوجد ما يلي مع ذكر السبب :



$$AD = \text{السبب}$$

$$C(B) = \text{السبب}$$

$$C(A) = \text{السبب}$$

٢

(ج) اكتب فضاء العينة لتجربة القاء حجر نرد ثم القاء قطعة تفورد .

٣



السؤال الثالث: (ا) اوجد مجموعة حل المعادلة التالية حيث من \exists ٥

$$\text{من}^{\circ} = 25 - ٠$$

٥

(ب) بسط المقدار التالي :

$$٤(٢ + س) - ٣ س + ٢$$

٤

(ج) صندوق فيه ٩ كرات متماثلة تماماً مرقطة من ١ الى ٩ سحبت كرة عشوائياً من الصندوق .

أوجد احتمال كل من الاحداث التالية

١) ظهور عدد اصغر من ٤ =

٢) ب (ظهور عدد فردي) =

٣) ج (ظهور عدد اصغر من ٤ او ظهور عدد فردي) =

٣

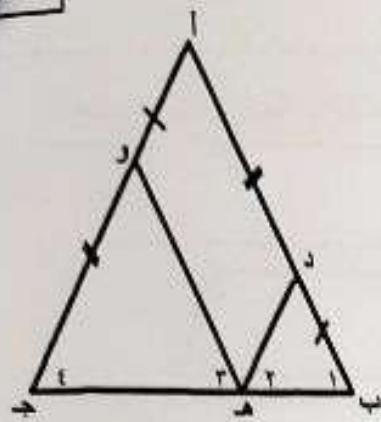


مَعْلَمَةُ الْكُوُنِيْتُ

صَفَوَةُ الْعِلْمِ

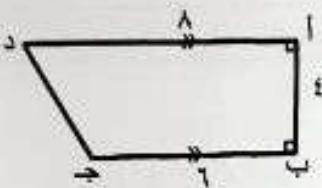
السؤال الرابع : (أ) في الشكل المقابل ق $(\hat{1}) =$ ق $(\hat{2})$ ، ق $(\hat{3}) =$ ق $(\hat{4})$ ،

أد = وج ، او = دب برهن ان أد هو متوازي اضلاع



٥

(ب) اوجد مساحة شبه المنحرف أب ج د المقابل



٣

(ج) اقسم : ٦ س^٢ ص + ١٢ س ص - ٦ س ص على ٦ س ص

٤



ثانياً: الاسللة الموضوعية

أولاً في البنود (٤-١) ظلل (١) إذا كانت العبارة صحيحة و (٢) إذا كانت العبارة غير صحيحة

- (١) ب (٢) أ

$$1 \times 2 = 3$$

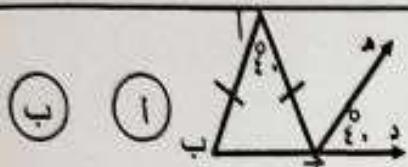
الشكل الرباعي المرسوم يمثل متوازي اضلاع (٢)

- (١) ب (٢) أ



(٣) $s^2 = 1$ حيث $s \neq 0$

- (١) ب (٢) أ



في الشكل المرسوم $B \parallel A$

ثانياً في البنود (٥-٧) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيحة ظلل دائرة الاختيار الصحيح

(٥) درجة الدويبة $2s^2 + 5s - 4$ هي

- (١) الأولى (٢) الرابعة (٣) الثالثة (٤) الثانية

(٦) الحدان الجبريان المتشابهان فيما يلي ما

- (١) $2s^2, 3s^2$ (٢) $4s^2, 2s^2$ (٣) $4s, 4s$ (٤) $2s^2, 5s^2$

(٧) $s = 7$ يمثل أحد حلول المتباينة :

- (١) $s - 5 > 1$ (٢) $2s < 5$ (٣) $9 - s > 1$ (٤) $27 < 2s$

$$= 2^{\circ}$$

- (٨) (٩) $25, 60, 20, 80$

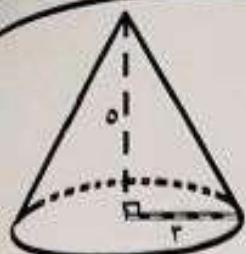
(٩) حل المتباينة $3s < 15$ ، (حيث $s \in \mathbb{Z}$) هو

(١) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من ٥ (٢) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر وتتساوي ٥

(٣) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر وتتساوي ٥ (٤) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من ٥

صفوة علمي الكوثر

(١٠) حجم المخروط المبين بالرسم يساوي



- ١٥ π وحدة مكعبية ١٤ π وحدة مكعبية ١٢ π وحدة مكعبية ١٣ π وحدة مكعبية

$$(11) \quad \text{م}^3 =$$

٢٥ د

٢٠ ج

١٥ ب

١٠ ١

(١٢) حجم اسطوانة طول نصف قطرها ٧ وحدة طول وارتفاعها ١٠ وحدة طول يساوي

$$(\text{اعتبر } \pi = \frac{22}{7})$$

١٥٤٠ سم^٣ د

٧٠ سم^٣ ج

١٧٤٠ سم^٣ ب

١٧٠ سم^٣ ١

انتهت الاسئلة

١٢

اجابات السؤال الخامس (الموضوعي)

أولاً :

ثانياً :

د	ج	ب	أ	٥
د	ج	ب	أ	٦
د	ج	ب	أ	٧
د	ج	ب	أ	٨
د	ج	ب	أ	٩
د	ج	ب	أ	١٠
د	ج	ب	أ	١١
د	ج	ب	أ	١٢

ب	أ	١
ب	أ	٢
ب	أ	٣
ب	أ	٤

صفوة الكرة