

نماذج أسئلة امتحان تقييمي ثاني

عمل / أ . أحمد نصار

أولا الأسئلة المقالی

(1)

أوجد: $\int \frac{x^2 - 2}{2x^3 - 5x^2 - 3x} dx$



(2)

أوجد: $\int \frac{4x^2 - 4x + 1}{x^3 - 2x^2 + x} dx$



(3)

أوجد :

$$\int \frac{x^2 + 1}{x^3 + 4x^2} dx$$



(4)

أوجد: $\int \frac{x^2 - 3x + 7}{x^2 - 4x + 4} dx$



(5)

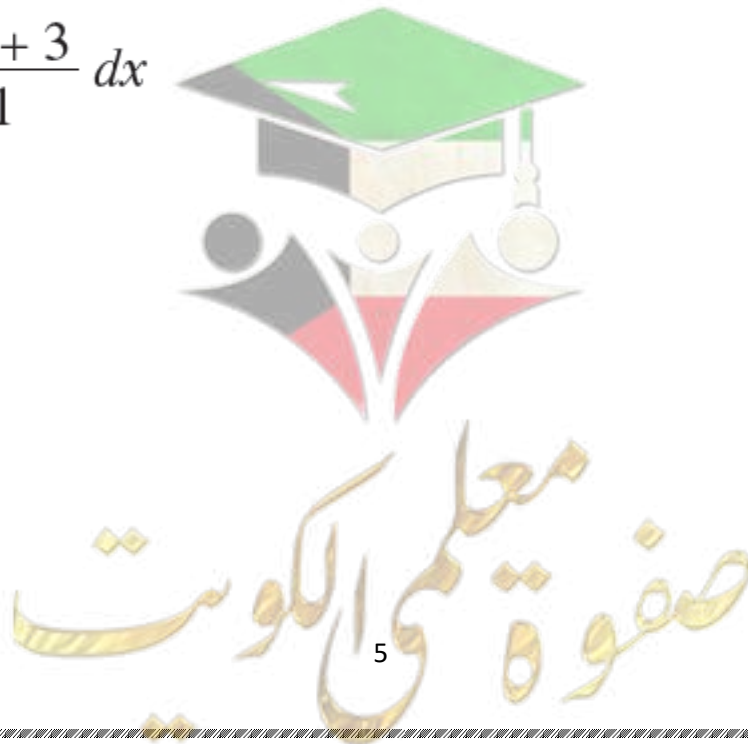
أوجد :

A)

$$\int \frac{x^2 + 3x + 2}{(x - 3)^2} dx$$

B)

$$\int \frac{2x^2 + x + 3}{x^2 - 1} dx$$



(6)

أوجد التكامل التالي:

$$\int x \cos x \, dx$$

(7)

أوجد التكامل :

$$\int (4x - 1) \ln x \, dx$$



(8)

أوجد التكامل التالي:

$$\int 4xe^{-5x} dx$$

(9)

أوجد التكامل التالي:

$$\int \ln x dx$$



(10)

أوجد التكامل التالي:

$$\int x^2 \sin x \, dx$$

(11)

أوجد:

$$\int x \sin(5x) \, dx$$



(12)

أوجد:

$$\int x^2 \ln x^2 dx$$

(13)

أوجد:

$$\int x^2 e^{2x-3} dx$$



(14)

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات في الفترة المبينة.

$$f(x) = x^3 - 9x \quad , \quad [-2, 1]$$



(15)

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات في الفترة المبيّنة.

$$f(x) = \cos x , [0 , \pi]$$



(16)

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = x^2 - 3x$ ومحور السينات.



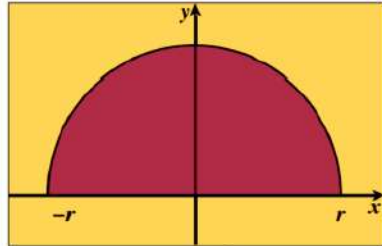
(17)

أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني: $f(x) = x^2 + 1$, $g(x) = -x^2 + 9$



(18)

باستخدام التكامل المحدد أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة



شكل توضيحي

حول محور السينات والمحددة بنصف الدائرة $y = \sqrt{r^2 - x^2}$



(19)

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحنى الدالة f :
 $f(x) = \sqrt{x-1}$ ومحور السينات في الفترة $[1,5]$.



(20)

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحني الدالتين

$$f(x) = x^2, \quad g(x) = \sqrt{x} : g$$



(21)

أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بين منحنىي الدالتين

$$f(x) = \frac{x^2}{2} + 1, \quad g(x) = \frac{x}{2} + 2$$



(22)

حالة خاصة:

أوجد حجم المجسم الناتج من دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحني
الدالة $f : f(x) = x + 2$ والدالة $g : g(x) = -x + 3$ في الفترة $[-1, 2]$.



ثانياً الأسئلة الموضوعية

في التمارين (5-1)، ظلّل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- | | | |
|--|-----|-----|
| (1) $\int x \cos(2x) dx = \frac{1}{2}x \sin(2x) + \frac{1}{4} \cos 2x + C$ | (a) | (b) |
| (2) $\int x \sin(\pi x) dx = -\frac{x}{\pi} \cos(\pi x) + \frac{1}{\pi^2} \sin(\pi x) + C$ | (a) | (b) |
| (3) $\int x e^{6x} dx = \frac{1}{6}x e^{6x} - \frac{1}{36} e^{6x} + C$ | (a) | (b) |
| (4) $\int x e^{-x} dx = -x e^{-x} + e^{-x} + C$ | (a) | (b) |
| (5) $\int x \sec^2 x dx = x \tan x - \ln \sec x + C$ | (a) | (b) |

في التمارين (6-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

- | | | |
|-----------------------------|---|--|
| (6) $\int (2x+1) \sin x dx$ | (a) $(2x+1) \cos x + 2 \sin x + C$ | (b) $-(2x+1) \cos x + 2 \sin x + C$ |
| | (c) $-(x+1) \cos x - 2 \sin x + C$ | (d) $(2x+1) \cos x - \sin x + C$ |
| (7) $\int x^2 \ln(x) dx =$ | (a) $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{3} + C$ | (b) $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{9} + C$ |
| | (c) $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) + \frac{x^3}{9} + C$ | (d) $-\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{9} + C$ |

- | | | |
|------------|----------------------------|--------------------|
| (8) $uv =$ | (a) $(2x+1) \ln x$ | (b) $2x \ln x$ |
| | (c) $\frac{2x+1}{2} \ln x$ | (d) $x(x+1) \ln x$ |

- | | | |
|-------------------|------------------------------|---|
| (9) $\int v du =$ | (a) $\frac{1}{2}x \ln x + C$ | (b) $\frac{1}{2}x^2 + x + C$ |
| | (c) $(2x+1) \ln x + C$ | (d) $\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + C$ |

في التمرينين (10-11)، إذا كان $\int (3x-1)e^{3x+2} dx = uv - \int v du$ فإن:

- | | | |
|--------------------|--------------------------------|---------------------------------|
| (10) $uv =$ | (a) $(3x-1)e^{3x+2}$ | (b) $\frac{1}{3}(3x-1)e^{3x+2}$ |
| | (c) $(3x-1)e^{x+2}$ | (d) $\frac{1}{3}(x-1)e^{3x+2}$ |
| (11) $\int v du =$ | (a) $-\frac{1}{3}e^{3x+2} + C$ | (b) $-e^{3x+2} + C$ |
| | (c) $\frac{1}{3}e^{3x+2} + C$ | (d) $e^{3x+2} + C$ |

في التمارين (1-4)، ظلّل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) $\int \frac{4dx}{(x+3)(x+7)} = \ln|x+3| + \ln|x+7| + C$ (a) (b)

(2) $\int \frac{-6dx}{x^2+3x} = -2\ln|x+3| + 2\ln|x| + C$ (a) (b)

(3) الدالة: $f(x) = \frac{4x-11}{2x^2-x-3}$ على صورة كسور جزئية هي: $f(x) = \frac{3}{x+1} - \frac{2}{2x-3}$ (a) (b)

(4) للحدودية النسبية: $\frac{x^2-x+2}{x^3-2x^2+x}$ ثلاثة كسور جزئية. (a) (b)

في التمارين (5-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) $\int \frac{6}{x^2-9} dx =$

(a) $\ln|x+3| - \ln|x-3| + C$

(b) $\ln(x-3) - \ln(x+3) + C$

(c) $\ln|x+3| + \ln|x-3| + C$

(d) $\ln|x-3| - \ln|x+3| + C$

(6) $\int \frac{7x-7}{x^2-3x-10} dx =$

(a) $4\ln|x+2| + 3\ln|x-5| + C$

(b) $3\ln|x+2| + 2\ln|x-5| + C$

(c) $4\ln|x-5| + 3\ln|x+2| + C$

(d) $4\ln|x-5| - 3\ln|x+2| + C$

(7) الدالة النسبية: $f(x) = \frac{x}{x^2-4}$ على صورة كسور جزئية هي $f(x)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{x-2} + \frac{1}{x+2}$

(b) $\frac{1}{2(x-2)} + \frac{1}{2(x+2)}$

(c) $\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+2}$

(d) $\frac{1}{2(x-2)} - \frac{1}{2(x+2)}$

(8) $\int \frac{2x^2-4x+3}{x^2-1} dx =$

(a) $2 + 2\ln|x-1| - \frac{9}{2}\ln|x+1| + C$

(b) $\frac{1}{2}\ln|x-1| - \frac{9}{2}\ln|x+1| + C$

(c) $2x + \frac{1}{2}\ln|x-1| - \frac{9}{2}\ln|x+1| + C$

(d) $x + \frac{1}{2}\ln|x-1| - 9\ln|x+1| + C$

(9) $\int \frac{3x^2+2x}{x^2-4} dx =$

(a) $4\ln|x-2| - 2\ln|x+2| + C$

(b) $3x + 2\ln|x-2| - 2\ln|x+2| + C$

(c) $3x + 4\ln|x-2| - 2\ln|x+2| + C$

(d) $3x + 4\ln|x-2| + 2\ln|x+2| + C$

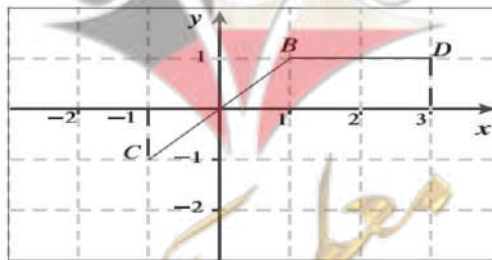
في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (1) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات والمستقيمين $x = a$ ، $x = b$ هي: $\int_a^b f(x) dx$ (a) (b)
- (2) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = 4 - x^2$ ومحور السينات في $[-2, 2]$ هي: $2 \int_0^2 f(x) dx$ (a) (b)
- (3) إذا كانت: $f(x) \leq 0 \quad \forall x \in [a, b]$ فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات في $[a, b]$ هي: $\int_b^a f(x) dx$ (a) (b)
- (4) إذا كان منحنى الدالة $f: f(x) = x^2 - 2x - 3$ يقطع محور السينات عند $x = -1$ ، $x = 3$ فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات هي: $A = \int_{-1}^3 f(x) dx$ (a) (b)
- (5) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f: f(x) = |x|$ ومحور السينات في الفترة $[-2, 2]$ هي: 2 وحدة مساحة (a) (b)

في التمارين (6-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

- (6) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f: f(x) = \sqrt{9 - x^2}$ ومحور السينات هي: (a) $9\pi \text{ units}^2$ (b) $6\pi \text{ units}^2$ (c) $3\pi \text{ units}^2$ (d) $\frac{9}{2}\pi \text{ units}^2$
- (7) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $g: g(x) = (x - 2)^3$ ومحور السينات في الفترة $[0, 4]$ بالوحدات المربعة هي: (a) $2 \int_0^2 g(x) dx$ (b) $-2 \int_0^2 g(x) dx$ (c) $\int_0^4 g(x) dx$ (d) $-2 \int_2^4 g(x) dx$
- (8) مساحة المنطقة المحددة بين منحنى الدالة $f(x) = 2$ ومنحنى الدالة $g(x) = -\sqrt{x}$ والمستقيمين $x = 0$ ، $x = 4$ هي: (a) 20 units^2 (b) $\frac{8}{3} \text{ units}^2$ (c) $\frac{40}{3} \text{ units}^2$ (d) 8 units^2

(10) إذا كان بيان الدالة f يمثل $\overline{CB} \cup \overline{BD}$ كما هو موضح بالشكل فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات والمستقيمين $x = -1$ ، $x = 3$ هي:



- (a) 3 units^2 (b) 4 units^2 (c) 2 units^2 (d) 5 units^2

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

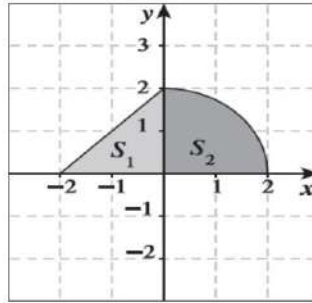
- (1) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = \sqrt[3]{x}$ في الفترة $[1, 8]$ هو: $V = \pi \int_8^1 (\sqrt[3]{x})^2 dx$ (a) (b)
- (2) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = 2\sqrt{x}$ في الفترة $[1, 4]$ هو: $V = \pi \int_0^4 4x dx - \pi \int_0^1 4x dx$ (a) (b)
- (3) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = x$ ومنحنى الدالة $g(x) = \frac{1}{2}x^2$ هو: $V = \pi \int_0^2 (x - \frac{1}{2}x^2) dx$ (a) (b)

في التمارين (5-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = 3$ ومحور السينات في الفترة $[-1, 1]$ بالوحدات المكعبة هو:

- (a) 6π (b) 18 (c) 18π (d) 81π

(6) المنطقة المظللة $S = S_1 \cup S_2$ حيث S_1 منطقة مثلثة، S_2 منطقة ربع دائرة كما هو موضح بالشكل.



حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة S بالوحدات المكعبة يساوي:

- (a) $\frac{40}{3}\pi$ (b) $4 + 2\pi$ (c) $\frac{16}{3}\pi$ (d) 8π

(7) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $y = -\sqrt{4-x^2}$ بالوحدات المكعبة هو:

- (a) 4π (b) 6π (c) $\frac{16}{3}\pi$ (d) $\frac{32}{3}\pi$

(8) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بين منحنى الدالة $f(x) = \frac{1}{x}$ والمستقيمت $x = 1$ ، $x = 2$ ، $y = 0$ هو:

- (a) $\pi \text{ units}^3$ (b) $\frac{\pi}{3} \text{ units}^3$ (c) $\frac{\pi}{2} \text{ units}^3$ (d) $\frac{\pi}{4} \text{ units}^3$

(9) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بين منحنى الدالة $f(x) = \sqrt{x+1}$ ومحور السينات والمستقيمين $x = -1$ ، $x = 3$ بالوحدات المكعبة هو:

- (a) 8π (b) 7π (c) 8 (d) $\frac{5}{2}\pi$