



قاعدة الدرس

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} = 0$$

أهم معلومة للدرس :

◀ وتعالى ندرس أشكالها :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3}{x} = 0 \quad , \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5}{x^2} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{20}{x^4} = 0$$

مهم للفهم

 ∞^+

مفهوم رموز
هو أكبر عدد موجب
ممكن أن تتخيلة

 ∞^-

مفهوم رموز
هو أكبر عدد سالب
ممكن أن تتخيلة

$$3 \times \infty = \infty$$

$$5 + \infty = \infty$$

$$-3 \times \infty = -\infty$$

$$\infty + \infty = \infty$$

$$\infty - \infty =$$

$$\frac{\infty}{\infty} =$$

كمية غير معينة

كمية غير معينة

◀ ولحد هنا خالص الشرح للدرس ونبدأ بالأمثلة :

a $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x+4}$

الـجـل

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x+4}$$

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$

$$\frac{1}{\infty+4} = \frac{1}{\infty} = 0$$

b $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+5}{x^2+25}$

الـجـل

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+5}{x^2+25} \rightarrow \frac{\infty+5}{\infty+25} = \frac{\infty}{\infty}$$

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{x}{x^2} + \frac{5}{x^2}}{\frac{x^2}{x^2} + \frac{25}{x^2}}$$

فكرة ثابتة :

وهي القسمة على أعلى أس في المقام لكل الحدود

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{x} + \frac{5}{x^2}}{1 + \frac{25}{x^2}} \rightarrow \text{عوض بقيمة النهاية} \frac{0+0}{1+0} = \frac{0}{1} = 0$$

c $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3}{5-7x^3}$

الحل

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$ نحصل على قيمة غير معينة
القسمة على أعلى أس في المقام لكل الحدود

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3}{5-7x^3}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{6x^3}{x^3}}{\frac{5}{x^3} - \frac{7x^3}{x^3}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6}{\frac{5}{x^3} - 7}$$

$$= \frac{6}{0-7} = \frac{6}{-7} = -\frac{6}{7}$$

بالتعويض عن $x = \infty$

حاول أن تحل :

a $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x-2}$

الحل

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x-2}$$

$$\frac{1}{\infty-2} = \frac{1}{\infty} = 0$$

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$

c $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3}{5-7x^3}$

الحل

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$ نحصل على قيمة غير معينة
القسمة على أعلى أس في المقام لكل الحدود

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3}{5-7x^3}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{6x^3}{x^3}}{\frac{5}{x^3} - \frac{7x^3}{x^3}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6}{\frac{5}{x^3} - 7}$$

$$= \frac{6}{0-7} = \frac{6}{-7} = -\frac{6}{7}$$

c $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+2}{x^2+4}$

الحل

عند التعويض المباشر عن $x = \infty$

$$\rightarrow \frac{\infty+2}{(\infty)^2+4} = \frac{\infty}{\infty}$$

القسمة على أعلى أس في المقام لكل الحدود

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\infty+2}{\infty^2+4}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{x}{x^2} + \frac{2}{x^2}}{\frac{x}{x^2} + \frac{4}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{x} + \frac{2}{x^2}}{1 + \frac{4}{x^2}} = \frac{0+0}{1+0} = 0$$