

الرياضيات

المصفّ العاشر
الفصل الدراسي الأول

كراسة التمارين

اللجنة الإشرافية لدراسة ومواءمة سلسلة كتب الرياضيات

أ. إبراهيم حسين القطان (رئيساً)

أ. حصة يونس محمد علي

أ. فتحة محمود أبو زور

الطبعة الثانية

١٤٤١ - ١٤٤٢ هـ

٢٠٢٠ - ٢٠٢١ م

حقوق التأليف والطبع والنشر محفوظة لوزارة التربية - قطاع البحوث التربوية والمناهج

إدارة تطوير المناهج



خواص نظام الأعداد الحقيقية Real Numbers System Properties

المجموعة ٢ تمارين أساسية

حدد أي من الأعداد التالية عدد نسبي وأي منها عدد غير نسبي.

١) 4 عدد نسبي ٢) π عدد غير نسبي ٣) $-\sqrt[3]{4}$ عدد غير نسبي

استخدم رمز علاقة $<$ أو $>$ أو $=$ لملء الفراغ بحيث تصبح كل عبارة مما يلي صحيحة.

٤) $3, 14 > \pi$ ٥) $0, 14 > \sqrt{10}$ ٦) $0, 3 < \sqrt[3]{0, 3}$

٧) اكتب أربعة أعداد بين العددين $5, 13$ ، $5, 14$.

$5, 131$ ، $5, 132$ ، $5, 133$ ، $5, 134$

٨) عبّر عن كل مما يلي باستخدام رموز المتباينة:

(أ) s عدد حقيقي غير سالب. $s \geq 0$

(ب) s عدد حقيقي أصغر من الصفر. $s < 0$

(ج) s عدد حقيقي أكبر من أو يساوي -2 وأصغر من 4 . $-2 \leq s < 4$

(د) s عدد حقيقي أكبر من 3 أو أصغر من -1 . $s > 3$ أو $s < -1$

(هـ) s عدد حقيقي أكبر من أو يساوي 5 أو أصغر من 3 . $s \geq 5$ أو $s < 3$

٩) سؤال مفتوح: اكتب متباينة يتوافق حلها مع الرسم البياني.



$2 \leq |s|$
 $s \leq -2$ $s \geq 2$

$-2 \leq s < 3$

سمّ الخاصية المستخدمة في كل معادلة.

١٠) $\pi(b+1) = \pi b + \pi$ التوزيعية

١١) $2(\sqrt{10} \cdot 3) = 2\sqrt{10} \cdot 3$ التجميعية

١٢) $5\sqrt{7} - 5\sqrt{7} = 0$ المحاييد الجمعي

١٣) $4(s-5) = 4s - 20$ التوزيعية



١٤ التحدي: هل يمكن إيجاد عددين صحيحين ناتج ضربهما -١٢ ومجموعهما -٣؟ فسر.

لا

١٥ إذا كان ب من مضاعفات العدد ٣، ك من مضاعفات العدد ٥ فإن العبارة الصحيحة مما يلي هي:

- (أ) ب + ك هو عدد زوجي.
 (ب) ب × ك هو عدد فردي.
 (ج) ٥ب + ٣ك هو من مضاعفات العدد ١٥.
 (د) ٣ب + ٥ك هو من مضاعفات العدد ١٥.

١٦ أكمل الجدول التالي:

التعبير	رمز المتباينة	رمز الفترة	التمثيل البياني
ص أصغر من ٥	$٥ > ص$	$(٥, \infty -)$	
ت أصغر من أو تساوي ٦	$٦ \geq ت$	$[٦, \infty -)$	
ز أكبر من -٤	$٤ < - ز$	$(\infty, ٤ -)$	
س أكبر من أو تساوي -٢	$٢ \leq - س$	$(\infty, ٢ -]$	

١٧ في كل مما يلي اكتب: رمز الفترة، نوع الفترة، رمز المتباينة، التمثيل البياني للمتباينة.

- (أ) ن عدد حقيقي أكبر من -٣ وأصغر من ٥. $(٥, ٣ -)$ ، مفتوحة، $٣ > س > ٥$
 (ب) $٤ < س$ و $١١ \geq س$. $(١١, ٤)$ ، نصف مفتوحة، $٤ > س \geq ١١$
 (ج) م عدد حقيقي موجب أصغر من ٨. $(٨, \infty -)$ ، مفتوحة غير محددة من أسفل، $٨ > س$
 (د) $١٢ \leq ص$ و $١٢ \geq ص$. $[٦, ١٢ -]$ ، مغلقة، $٦ \geq س \geq ١٢$

١٨* عبر عن التعبير: «س عدد حقيقي سالب يقع مربعه بين ٤، ٢٥» باستخدام رمز المتباينة.

١٩ اكتب رمز الفترة التي ينتمي إليها العدد س و مثل الفترة بيانياً لكل مما يلي:

- (أ) $س \in [٥, ٣ -] \cup [٧, ١]$ $[٥, ١]$
 (ب) $س \in (٣, ١ -] \cap (٧, ٢]$ $[٣, ٢]$

في التارين (٢٠-٢٢) أجب بصح أو خطأ.

- ٢٠ العدد ٤، ٠ هو عدد غير نسبي.
 ٢١ إذا كانت $ب \geq ٢$ فإن العدد $-ب \geq ٠$.
 ٢٢ العدد الحقيقي ١٦٣، ٥، يقع بين العددين الحقيقيين ١٦، ٥، ١٧، ٥.



المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (١-٣) حدد أي من الأعداد التالية عدد نسبي وأي منها عدد غير نسبي.

- ١) $\sqrt{6}$ غير نسبي ٢) 0 نسبي ٣) $6, 0$ نسبي



- ٤) مثل الأعداد التالية على خط أعداد.
 $0, -2, 4, 2, 2\frac{1}{2}, 4\frac{2}{3}$

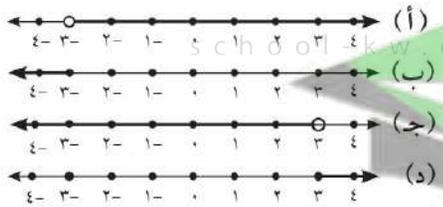
في التمارين (٥-٨) استخدم رمز علاقة < أو > أو = لملء الفراغ بحيث تصبح كل عبارة مما يلي صحيحة.

- ٥) $8, 0 = \frac{4}{0}$ ٦) $0, 727374 > 0, 737373$
٧) $3\sqrt{5} < 5\sqrt{3}$ ٨) $0, 6 = \frac{2}{3}$

٩) التفكير الناقد: بين أن كل تعبير مما يلي خطأ بإيجاد مثال مضاد.

- (أ) المعكوس الضربي لكل عدد كلي هو عدد كلي. **الصفير ليس له معكوس ضربي.**
(ب) لا يوجد عدد صحيح معكوسه الضربي هو عدد صحيح. **٤ عدد صحيح، $\frac{1}{4}$ عدد صحيح.**

١٠) صل كل متباينة بتمثيلها البياني.



١. $3 > 3$ (ج)
٢. $3 < 3$ (أ)
٣. $3 \geq 3$ (ب)
٤. $3 \leq 3$ (د)

١١) أكمل الجدول التالي:

التمثيل البياني	رمز المتباينة	نوع الفترة	رمز الفترة
	$-2 \leq s \leq 2$	مغلقة	$[-2, 2]$
	$4 < s < 8$	نصف مغلقة	$(4, 8)$
	$s \geq -1$	نصف مغلقة (غير محدودة من أسفل)	$[-1, \infty)$
	$s < 4$	مفتوحة (غير محدودة من أعلى)	$(-\infty, 4)$



تقدير الجذر التربيعي Estimating Square Root

المجموعة ٢ تمارين أساسية

في التمرين (٢، ١) بسّط كل تعبير.

$$\frac{1}{11} = \frac{100}{1,21} \sqrt{\quad} \quad (2)$$

$$11 = \sqrt{121} \quad (1)$$

في التمارين (٣-٥) حدد بين أي عددين صحيحين متتاليين يقع كل جذر تربيعي، ثم قدر قيمته.

$$\sqrt{24} \quad (3)$$

بين ٥، ٤

تقريباً ٤، ٩

$$\sqrt[3]{\pi} \quad (4)$$

بين π ، π^2

تقريباً ١، ٧

school-kw.com

$$\sqrt{-16,42} \quad (5)$$

بين ٥، ٤

تقريباً ٤، ١

في التمرين (٦، ٧) أوجد الجذر التربيعي لكل عدد.

$$20 = \sqrt{400} \quad (6)$$

$$27 = \sqrt{729} \quad (7)$$

التفكير الناقد: أي عدد غير الصفر يساوي جذره التربيعي الأساسي (الموجب)؟

العدد هو الواحد.

السؤال المفتوح: أوجد عددين a ، b بين ١، ٢٠ بحيث يكون $a^2 + b^2$ مربعاً كاملاً.

$$12, 9 - 16, 12 - 12, 5 - 8, 6 - 4, 3$$



١٠ الفيزياء: عند سقوط جسم من مكان مرتفع، فإن الزمن t بالثواني اللازم ليقطع مسافة f بـ m يساوي

$$بالصيغة: t = \sqrt{\frac{f}{5}}$$

(أ) أوجد الزمن اللازم ليسقط جسم من ارتفاع ١٢٠ مترًا.

$$t = \sqrt{\frac{120}{5}} = 4.9 \text{ ثانية}$$

(ب) التفكير المنطقي: إذا سقط جسم من ارتفاع يساوي ٤ أمثال الارتفاع في السؤال (أ)، فهل الزمن اللازم للسقوط هو ٤ أمثال الزمن المستغرق في (أ)؟ فسّر.

لا، الزمن اللازم للسقوط هو ضعف الزمن المستغرق لأن $t = \sqrt{4} = 2$

في التمارين (١١-١٦) أجب بصح أو خطأ. في حالة الخطأ أعط مثالاً مضادًا.

١١ لكل عدد غير سالب جذران تربيعيان. خطأ، لأن $\sqrt{0} = 0$

١٢ الجذر التربيعي لكل عدد موجب هو دائمًا أصغر من هذا العدد. صح

١٣ الجذر التربيعي لكل مربع كامل زوجي هو أيضًا عدد زوجي. صح

١٤ $\sqrt{b} + \sqrt{b} = \sqrt{b+b}$. خطأ

$$\sqrt{13} = \sqrt{4+9}, \sqrt{13} \neq \sqrt{4} + \sqrt{9}, 0 = 2+3, 0 \neq \sqrt{13}$$

١٥ $\sqrt{b} + \sqrt{b} = \sqrt{b+b}$. خطأ

١٦ $\sqrt{b} \times \sqrt{b} = \sqrt{b \times b}$. حيث $b \geq 0$. خطأ، تكون صحيحة إذا كان $a, b \geq 0$

لا يوجد جذر لعدد سالب. $\sqrt{4 \times 9} = -$



المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمرين (٢،١) بسّط كل تعبير.

① $\frac{7}{8} \quad \sqrt{\frac{49}{64}}$

② $42 \quad \sqrt{98 \times 18}$

في التمارين (٥-٣) حدد بين أي عددين صحيحين متتاليين يقع كل جذر تربيعي، ثم قدر قيمته.

③ $\sqrt{101}$

بين ١٠، ١١ ، تقريبا ١٠،٠٥

④ $\sqrt{130}$

بين ١١، ١٢ - تقريبا ١١،٤

⑤ $\sqrt{175}$

بين ١٣، ١٤ ، تقريبا ١٣،٢

في التمارين (٨-٧) أوجد الجذر التربيعي لكل عدد.

⑥ $24 = 576$

⑦ $\frac{8}{9} = \frac{64}{81}$

⑧ $1,3 = 1,69$

⑨* ثلاث قطع أرض مربعة الشكل أطوال أضلاعها س-١ ، س ، س+١ بالأمطار. مجموع مساحات القطع الثلاث يساوي ١٥١٢٠ متراً مربعاً.

(أ) اكتب معادلة وحلها لمعرفة قيمة س.

(ب) قدر طول ضلع كل قطعة أرض.

طول ضلع القطعة الأولى

$70 - 1 = 70$ متر تقريبا

طول ضلع القطعة الثانية

71 متر تقريبا

طول ضلع القطعة الثالثة

$72 + 1 = 72$ متر تقريبا

$(س - ٢) + س^٢ + (س + ١) = ١٥١٢٠$

$س^٢ - ٢س + ١ + س^٢ + س^٢ + ١ + س + ١ = ١٥١٢٠$

$٣س^٢ + س + ٣ = ١٥١٢٠$

$\sqrt{\frac{١٥١١٨}{٣}} = س \quad \sqrt{\frac{١٥١١٨}{٣}} = س \quad \frac{١٥١١٨}{٣} = س^٢$

مرفوض

$س \approx 71$



حل المتباينات Solving Inequalities

المجموعة ٢ تمارين أساسية

في التمارين (١-٣) حل كلاً من المتباينات التالية. مثل الحل على خط الأعداد.

١) $24 \leq 8 -$

$$\frac{24}{24} \leq \frac{8-}{24}$$

س $\leq \frac{1}{3}$

٢) $8k - 15 < 73$

$$8k - 15 < 73$$

$$8k < 88$$

$$k < 11$$

ك < 11

٣) $6 > 13 - (s - 2)$

$$6 > 13 - (s - 2)$$

$$6 > 13 - s + 2$$

$$6 > 15 - s$$

$$s > 15 - 6$$

$$s > 9$$

س > 9

school-kw.com

في التمرين (٤) اكتب متباينة وأوجد مجموعة حلها.

٤) تبلغ كلفة التحضيرات لرحلة مدرسية ٢٢٠ ديناراً ويضاف إليها ٧ دنانير ثمن وجبتي طعام لكل طالب. رصدت إدارة المدرسة مبلغاً لا يزيد عن ٥٥٠ ديناراً لهذه الرحلة. ما أكبر عدد الطلاب الذين يمكنهم الذهاب في الرحلة؟

$$220 + 7s \leq 550$$

$$7s \leq 550 - 220$$

$$7s \leq 330$$

$$s \leq \frac{330}{7}$$

س $\leq \frac{330}{7}$

عدد الطلاب لا يزيد عن ٤٧ طالب

٥) أوجد مجموعة حل كل زوج من المتباينات. مثل الحل على خط الأعداد.

(أ) $7 < s - 35$ و $5 \geq 30$

$$7 < s - 35$$

$$s < 42$$

س < 42

(ب) $9 \geq 27 -$ أو $36 \leq 4$

$$9 \geq 27 -$$

$$9 \geq 27 - 9s$$

$$9s \geq 27 - 9$$

$$9s \geq 18$$

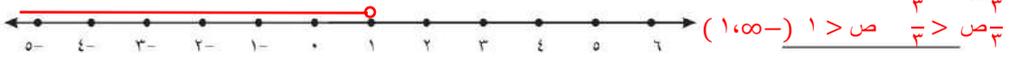
$$s \geq 2$$

س ≥ 2

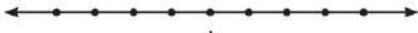


في التمرينين (٦، ٧) أوجد مجموعة حل كل من المتباينات التالية. مثل الحل على خط الأعداد.

٦ $17 - 12 \text{ ص} \geq 5(7 - 3 \text{ ص}) - 10 - 7$ $10 - 30 \geq 10 - 12 \text{ ص} - 10$ $17 - 20 \geq 12 - 10 \text{ ص}$



٧ $6(2 - 1) \leq 12 \text{ ص} + 3$



٨ الكتابة في الرياضيات: اكتب مسألة حياتية يمكن حلها باستخدام المتباينة $5 + 0 \text{ ص} \geq 60$.

يريد طالب شراء هدية لا يزيد ثمنها عن ٦٠ دينار. يدخر الطالب كل يوم ٠,٥ دينار، ويعطيه والده كل يوم واحد دينار، كم يوماً يلزم لشراء الهدية؟

٩ تحليل الخطأ:

(أ) كتب أحد الطلاب $20 \geq \text{ص}$ على أنه حل المتباينة $\frac{1}{3}(\text{ص} - 16) \leq 2 + \text{ص}$. أثبت أن إجابة الطالب خطأ، وذلك بالتحقق باستخدام عدد أصغر من ٢٠. (اختر عدداً مناسباً).

العدد ١٨: $\frac{1}{3}(18 - 16) \leq 2 + 18$

عبارة خطأ

$20 \leq 1$ $20 \leq 2 \times \frac{1}{3}$

(ب) حل المتباينة $\frac{1}{3}(\text{ص} - 16) \leq 2 + \text{ص}$

$\text{ص} - 16 \leq 6 + 3\text{ص}$ $2 + \text{ص} \leq 16$ $\text{ص} - 16 \leq 6 + 3\text{ص}$ $20 \leq \text{ص}$ $20 \leq \text{ص}$ $20 \leq \text{ص}$ $20 \leq \text{ص}$

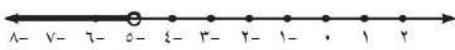
١٠ يريد متعهد تعبئة ما بين ١٥٠٠ متر مكعب و ١٦٠٠ متر مكعب من التراب من قطعة أرض. تستطيع ساحات المتعهد تعبئة ١٠٠ متر مكعب في اليوم و ١٠٥٠ مترًا مكعبًا قد تم نقلها.

ما عدد الأيام اللازمة لإنهاء عملية تعبئة التراب ونقلها؟
 $1500 > 1000 + 1050$ $1600 > 1000$
 $1500 - 1000 > 1050 - 1000$ $500 > 50$
 $1000 - 1000 > 1000 - 1000$ $0 > 0$
 $500 > 50$ $1000 > 1000$ $1000 > 1000$

يلزم ٥ أيام

١١ أكمل المتباينة $4 + 3(1 - 2\text{ص}) < \dots$ بحيث يكون حلها كما هو بيانياً.

$4 + 3(1 - 2\text{ص}) < 37$



صفوة معلم الكلوب

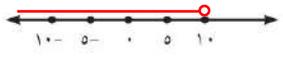


المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (١ - ٣) أوجد مجموعة حل كل من المتباينات التالية. مثل الحل على خط الأعداد.



١) $5 < m < 7$ م. ح. $(\frac{5}{2}, 7)$



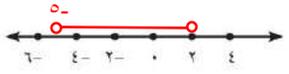
٢) $21 > 7 + (3 - m)2$ م. ح. $10 < m$
 $20 > 2m$ م. ح. $(10, \infty)$

٣) $180 \geq 12 + (10 - l)6$ م. ح. $180 \geq 12 + 60 + 12l - 6l$

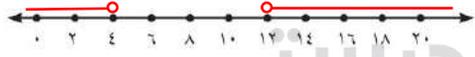
العدنان س، س+١، س+١، س+١
 س < ٧,٥
 العدد الأول ٨، الثاني ٩

٤) ما أصغر عددين طبيعيين متتاليين مجموعهما أكبر من ١٦؟ (استخدم المتباينات عند الحل)
 م. ح. $120 \geq 10$

٥) أوجد مجموعة حل كل زوج من المتباينات ثم مثل الحل على خط الأعداد.



٥) (أ) $s < 2$ و $s > 2$ م. ح. $(2, \infty) \cap (\infty, 2) = \emptyset$
 م. ح. $(2, 2)$



(ب) $s < 12$ أو $s > 16$

في التمارين (٦ - ٨) أوجد مجموعة حل كل من المتباينات التالية، ثم مثل الحل على خط الأعداد.



٦) $2 - 3t \leq 6$ و $11 \leq 12 + t$ م. ح. $(\infty, 6]$



٧) $5 < 2 + s$ و $5 < 3 - s$ م. ح. $(1, 5)$



٨) $27 - 3(2 - s) \geq 3$ و $3 \geq 27 - 3$ م. ح. $[3, 7]$

قيم س الصحيحة هي:
 ٣، ٢، ١، ٠

$7 \geq 2s \geq 1$
 $3.5 \leq s \leq 0.5$

٩) أوجد قيم س الصحيحة التي تحقق $4 \geq 3 - 2s \geq 4$.

١٠*) يريد أحمد زيارة صديقه في منزله مستخدمًا سيارة أجرة ومن ثم العودة إلى منزله. تعرف السيارة ١٥٠ فلسًا

ثم ٥٠ فلسًا لكل كيلومتر. مع أحمد دينارين (تكفيه للذهاب والعودة). اكتب متباينة وحلها لمعرفة المسافة

عدد الكيلومترات ذهاب وعودة $37 \geq$
 المسافة بين منزل احمد وصديقه $18.5 \geq$

عدد الكيلومترات ذهاب وعودة س
 $2000 \geq 50 + 100s$
 $1850 \geq 50s$
 $37 \geq s$

١١) في بداية الصيف كان لدى هشام ٥٠٠ دينار في حساب التوفير. يجب أن يبقى في حسابه ما لا يقل عن ٢٠٠

دينار في آخر الصيف. يسحب هشام أسبوعيًا ٤٥ دينارًا. الأسبوع س

(أ) اكتب متباينة تمثل المسألة. $200 \leq 500 - 45s$ م. ح. $300 \leq s \leq 6,67$

(ب) بعد كم أسبوع يجب على هشام أن يتوقف عن السحب؟ بعد ٦ أسابيع يجب أن يتوقف هشام عن السحب.



في التمارين (٩-١٢) أوجد مجموعة حل كل متباينة، ثم مثل الحل على خط الأعداد.

٩) $7 < 3 + m$ أو $7 > 3 + m$ $m = 4$ أو $m = 10$
 $|m + 3| < 7 \Rightarrow (10, \infty) \cup (-\infty, 4)$

١٠) $|s - 4| \leq 12$ $s - 4 \leq 12$ أو $s - 4 \geq -12$
 $8 \leq s \leq 16 \Rightarrow (-\infty, 8) \cup (16, \infty)$

١١) $|6 - 3 + |6 - 3|| > 2$ $|6 - 3| > 2$ أو $|6 - 3| < -2$
 $3 > 2$ أو $3 < -2$ $3 > 2$ صحيح، $3 < -2$ خطأ
 $6 - 3 > 2$ أو $6 - 3 < -2$ $3 > 2$ أو $3 < -2$

١٢) $|4 + 2h| \geq 9$ $4 + 2h \geq 9$ أو $4 + 2h \leq -9$
 $2h \geq 5$ أو $2h \leq -13$ $h \geq \frac{5}{2}$ أو $h \leq -\frac{13}{2}$

١٣) التفكير المنطقي: دون حل المتباينة $|s - 3| \geq 5$ ، أوجد الأعداد الصحيحة s التي تحقق المتباينة.

- ٢، -١، ٠، ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨**

١٤) الاختيار من متعدد: أحد حلول المعادلة $|s - 3| = s - 3$ هو:

- (أ) ٣
 (ب) ٠
 (ج) ١
 (د) ٣





المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (٤-١) أوجد مجموعة حل كل معادلة، ثم تحقق من إجابتك.

١ $2x - 5 = x + 4$ $2x - 15 = 0$ $x - 5 = 0$ $\{ \frac{5}{2} \} = \text{ح.م}$ $\frac{5}{2} = x$

٢ $0 = \text{ح.م}$ $3 - = |3 + 4x|$

٣ $1 - z = |3 - z|$ $z - 1 \leq 0$ $z \leq \frac{1}{2}$

٤ $2 + 5 = |5 + 3x|$

في التمارين (٨-٥) أوجد مجموعة حل كل متباينة، ثم مثل الحل على خط الأعداد.

٥ $4 - \leq |1 + 2b|$

٦ $21 \leq |1 - 3v|$

٧ $6 > 2 + | \frac{4-s}{2} |$

٨ $11 \geq 10 + | 4 - m | \frac{1}{11}$

٩ أوجد مجموعة حل كل معادلة.

(أ) $|1 + s| = |3 - s|$ (ب) $|5 - s| + |3s + 1| = 0$

(ج) $|3v - 7| = 2v - 5$ (د) $|4m + 1| = 4m + 1$

١٠ مجموعة حل المعادلة $|3s - 2| = 3s - 2$ هي:

(ب) $(\frac{2}{3}, +\infty)$

(أ) $(\frac{2}{3}, +\infty)$

(د) $(-\infty, \frac{2}{3}]$

(ج) $(-\infty, \frac{2}{3})$

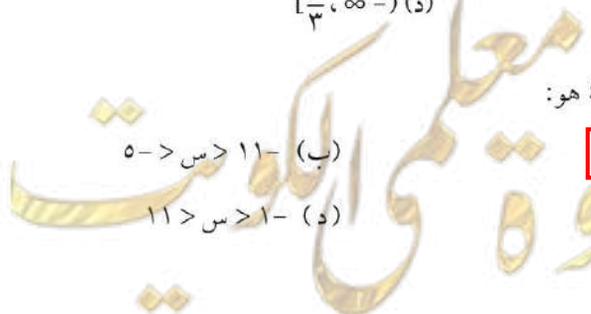
١١ حل المتباينة $| \frac{s-3}{2} | > 4$ هو:

(أ) $5 > s > 11$

(ب) $11 > s > 5$

(د) $1 > s > 11$

(ج) $5 > s > 11$



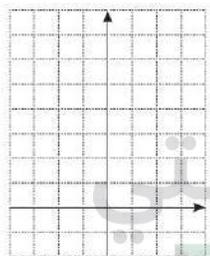


دالة القيمة المطلقة Absolute Value Function

المجموعة ٢ تمارين أساسية

في التمارين (١-٣) ضع جدول قيم لكل دالة، ثم ارسمها بيانيًا.

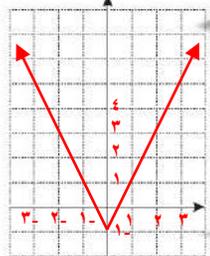
١ $|س - ١| = ص$



مدرستي
الكويتية

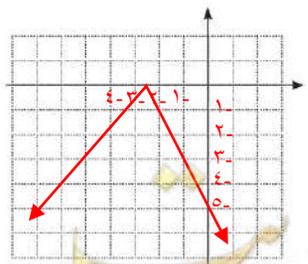
school-kw.com

٢ $|س٢ - ١| = ص$



س	٢-	١-	٠	١	٢
ص	٣	١	١-	١	٣

٣ $|س٢ + ٥| = ص$



س	٠	١-	$\frac{٥-}{٢}$	٣-	٤-
ص	٥-	٣-	٠	١-	٣-



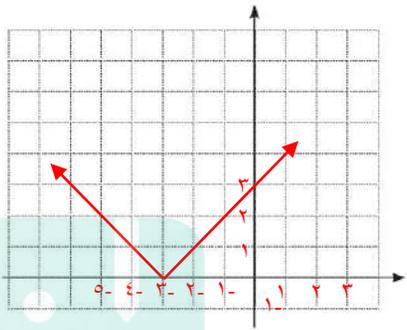
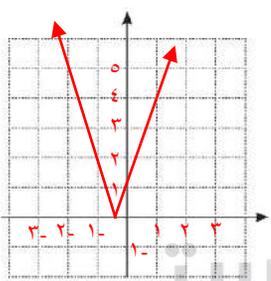
في التمرينين (٤، ٥) اكتب كل دالة دون استخدام رمز القيمة المطلقة، ثم ارسمها بيانياً.

٥) $|1 + 2s| = \text{ص}$
 $\frac{1-}{3} \leq \text{ص} \leq 1 + 3$
 $\frac{1-}{3} > \text{ص} \geq 1 - 3$

٤) $|3 + s| = \text{ص}$
 $3 - \leq \text{ص} \leq 2 +$
 $3 - > \text{ص} \geq -$

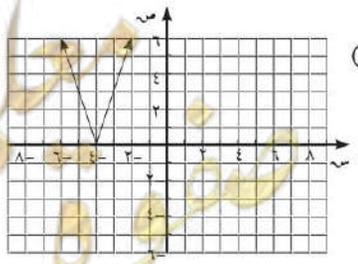
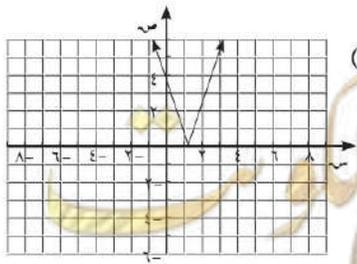
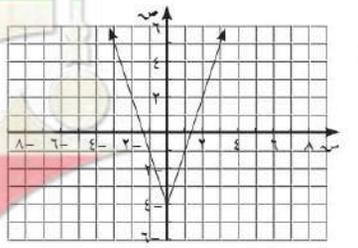
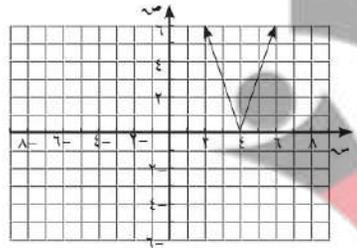
١	٠	$\frac{1-}{3}$	١-	٢-	ص
٤	١	٠	٢	٥	ص

٥-	٤-	٣-	٢-	١-	ص
٢	١	٠	١-	٢-	ص



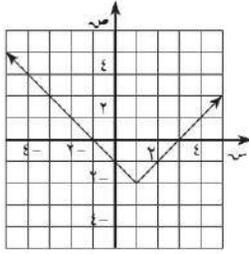
في التمارين (٦ - ٩) اختر الحرف الدال على بيان كل دالة مما يلي:

- (د) $|4 - 3s| = \text{ص}$ (٧) (أ) $4 - |3s| = \text{ص}$ (٦)
 (ج) $|12 + 3s| = \text{ص}$ (٩) (ب) $|4 - s| = \text{ص}$ (٨)





١٠ الاختيار من متعدد: الدالة التي يمثلها الرسم أدناه هي:



(أ) $2 + |1 - 3s| = \text{ص}$

(ب) $2 - |1 - s| = \text{ص}$

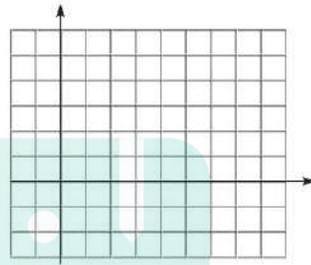
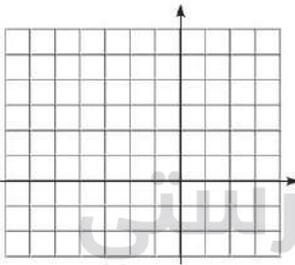
(ج) $2 + |1 - s| = \text{ص}$

(د) $2 - |3 - s| = \text{ص}$

في التمارين (١١ - ١٦) استخدم دالة المرجع وارسم كل دالة.

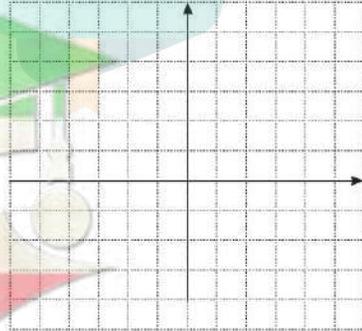
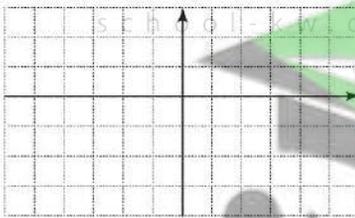
١٢ $|2 + s| = \text{ص}$

١١ $|4 - s| = \text{ص}$



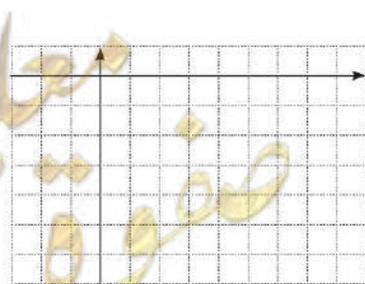
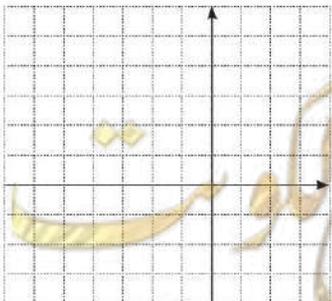
١٤ $|س| - ٢ = \text{ص}$

١٣ $|س| - ٤ = \text{ص}$



١٦ $3 - |2 + s| = \text{ص}$

١٥ $4 - |س| = \text{ص}$



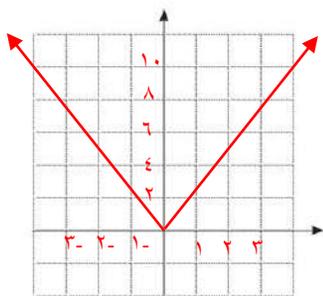


المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (١ - ٣) ضع جدول قيم لكل دالة، ثم ارسمها بيانيًا.

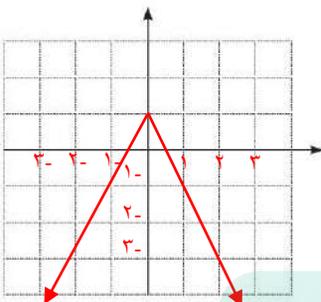
٣) $|س| + \frac{1}{٢} = ص$

٤-	٢-	٠	٢	٤	س
١٠	٥	٠	٥	١٠	ص



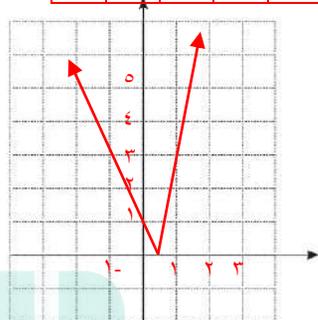
٢) $١ + |س٢| = ص$

٢-	١-	٠	١	٢	س
٣-	١-	١	١-	٣-	ص



١) $|١ - س٤| = ص$

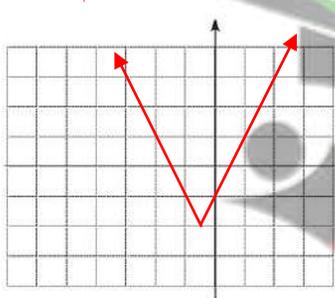
١-	٠	1/٤	١	٢	س
٥	١	٠	٣	٧	ص



في التمرينين (٤، ٥) اكتب كل دالة دون استخدام رمز القيمة المطلقة، ثم ارسمها بيانيًا.

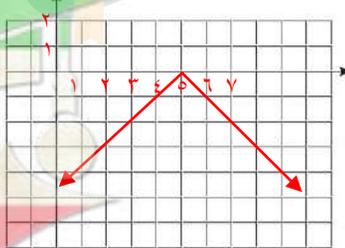
٥) $٢ - |١ + س٢| = ص$

1-	س	1 - س٢] = ص
1/2-	س	3 - س٢	
1/٢	س	١ - س٢	



٤) $|٥ - س| = ص$

٥ ≤ س	٥ + س -] = ص
٥ > س	٥ - س -	



٦) اشرح كيف تجد تقاطع ص = |٦ - س٣| مع المحور السيني.

- ضع ص = ٠
- ٠ = ٦ - س٣
- ٦ = س٣
- س = ٢
- (٠، ٢)



تم تحميل الملف من موقع مدرستي الكويتية

مدرستي

الكويتية

school-kw.com



ننصح بأفضل مذكرة
مذكرات النجاح

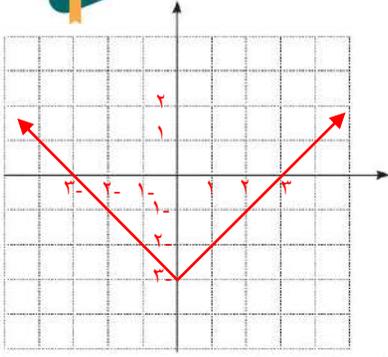
حمل تطبيق مدرستي الكويتية



Download on the
App Store



GET IN ON
Google Play



٧) استخدم دالة المرجع والانسحاب، وارسم بيان الدالة:

$$ص = |س| - ٣$$

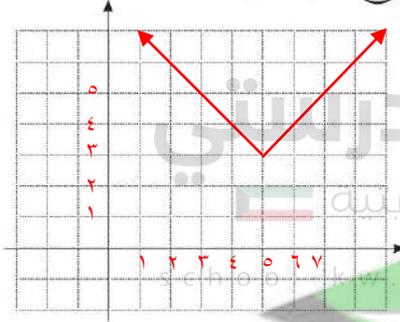
انسحاب دالة ص = |س|

٣ وحدات للأسفل

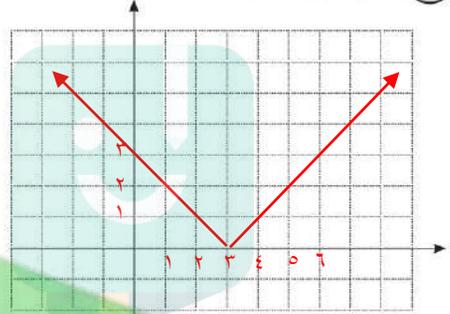
في التمرينين (٨، ٩) صف كل انسحاب للدالة ص = |س| على أنه أفقي أو رأسي أو الاثنين معاً، ثم ارسم بيانياً الدالة.

انسحاب أفقي ورأسي انسحاب لليمين

٩) ص = |س - ٥| + ٣ ٥ وحدات للأعلى ٣ وحدات

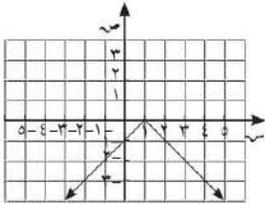


٨) ص = |س - ٣| ٣ وحدات لليمين

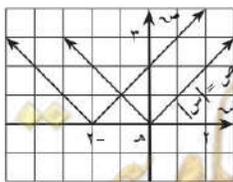


١٠) اكتب دالة يمثلها الرسم البياني.

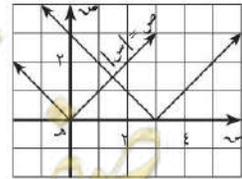
$$ص = -|س - ١|$$



في التمرينين (١١، ١٢) لكل رسم بياني اكتب دالة تكون انسحاباً للدالة ص = |س|.



١٢



١١

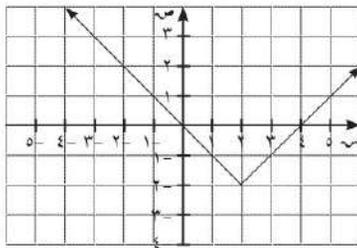


في التمرينين (١٣، ١٤) صف كل انسحاب للدالة $y = |x|$ على أنه أفقي أو رأسي أو الاثنین معاً

١٣) $y = |x| - 2$ ص

١٤) $y = |x + 1|$ ص

١٥) اكتب الدالة التي يمثلها بيانياً الشكل المقابل:



١٦) في ما يلي أي دالة لا يمر بيانها بالنقطة (٥، ٠).

(أ) $y = |x| + 5$ ص

(ب) $y = |x - 5|$ ص

(ج) $y = |x - 5| + 5$ ص

(د) $y = |x + 5|$ ص

١٧)* الاختيار من متعدد: الانسحاب الذي يحوّل $y = |x + 2| - 1$ إلى $y = |x| + 2$ هو:

(أ) وحدتين إلى اليمين، ٣ وحدات إلى الأعلى. (ب) وحدتين إلى اليمين، ٣ وحدات إلى الأسفل.

(ج) وحدتين إلى اليسار، ٣ وحدات إلى الأعلى. (د) وحدتين إلى اليسار، ٣ وحدات إلى الأسفل.

١٨)* الرسم البياني للدالة $y = |x - 1|$ تم انسحابه ٣ وحدات إلى اليمين ووحدين إلى الأسفل فإن الدالة

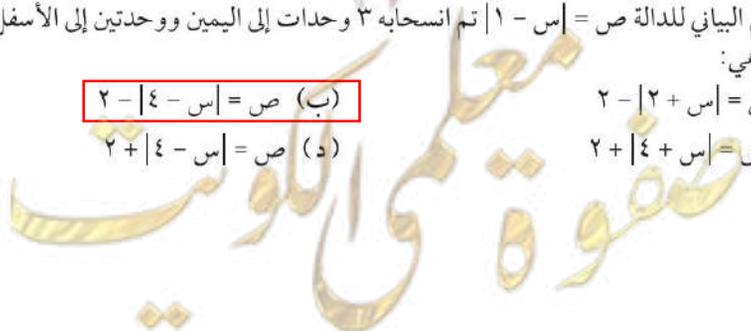
الناجئة هي:

(ب) $y = |x - 4| - 2$ ص

(د) $y = |x - 4| + 2$ ص

(أ) $y = |x + 2| - 2$ ص

(ج) $y = |x + 4| + 2$ ص





حل نظام معادلتين خطيتين Solving a System of Two Linear Equations

المجموعة ٢ تمارين أساسية

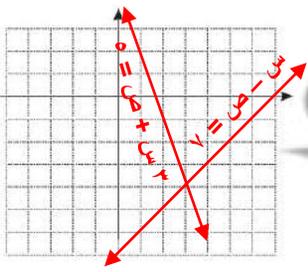
في التمارين (٣-١) أوجد مجموعة حل كل نظام بيانيًا. تحقق من إجابتك.

$$\begin{cases} 3س + ص = 5 \\ 3س - ص = 7 \end{cases} \quad (٣)$$

$$3س + ص = 5$$

٣	١	٥	س
٣	١	٥	ص
٣	١	٥	ص
٣	١	٥	ص

٣	١	٥	س
٣	١	٥	ص
٣	١	٥	ص
٣	١	٥	ص

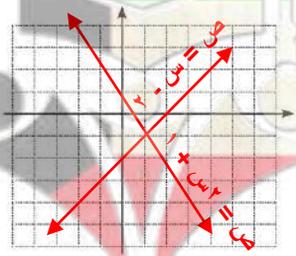


$$\begin{cases} 2س - ص = 2 \\ 2س + ص = 1 \end{cases} \quad (٢)$$

$$2س - ص = 2$$

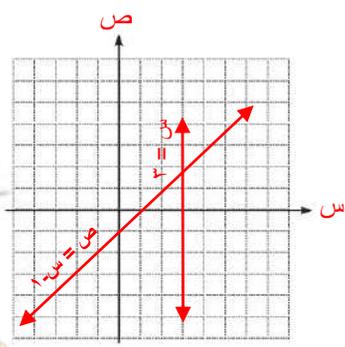
٢	١	٢	س
٢	١	٢	ص
٢	١	٢	ص
٢	١	٢	ص

٢	١	٢	س
٢	١	٢	ص
٢	١	٢	ص
٢	١	٢	ص



$$\begin{cases} 3س = 3 \\ 3س - 1 = ص \end{cases} \quad (١)$$

٣	١	٣	س
٣	١	٣	ص
٣	١	٣	ص
٣	١	٣	ص



ح.م = $\{(2, 3)\}$

التحقق

$$\begin{aligned} 3س - 1 &= ص \\ 3(2) - 1 &= 3 \\ 6 - 1 &= 3 \\ 5 &= 5 \end{aligned}$$

صفوة معلمى الكويت

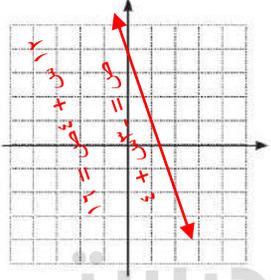


في التمرينين (٤، ٥) ارسم بيان كل نظام ثم حدّد إن كان للنظام عدد لانهايتي من الحلول أم لا.

$$\left. \begin{array}{l} \text{ص} - 3\text{س} = 4 \\ 12\text{س} + 4\text{ص} = 16 \end{array} \right\} \textcircled{5}$$

١٦ = ص + ١٢س
٢ ١ ٠ س
٢- ١ ٤ ص

٤ = ص - ٣س
٢ ١ ٠ س
٢- ١ ٤ ص

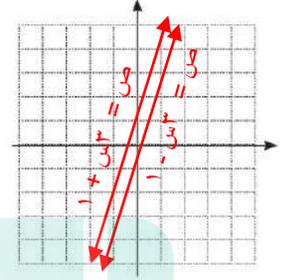


يوجد عدد لا نهائي من الحلول

$$\left. \begin{array}{l} \text{ص} - 3\text{س} = 1 \\ \text{ص} + 3\text{س} = 1 \end{array} \right\} \textcircled{4}$$

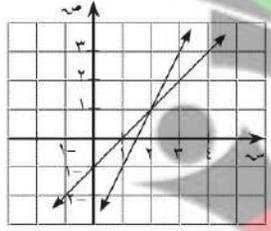
١ + ٣س = ص
١- ١ ٠ س
٢- ٤ ١ ص

١ - ٣س = ص
١- ١ ٠ س
٤- ٢ ١- ص

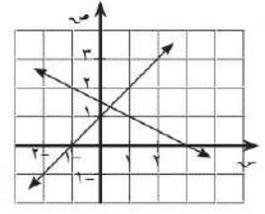


ليس لها حل

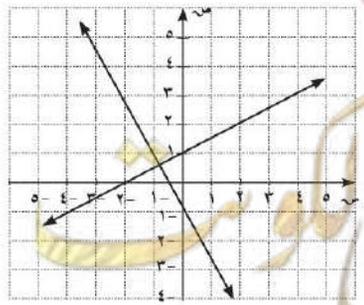
الرسم البياني الذي يمثل حل النظام هو: $\left. \begin{array}{l} \text{ص} - 2\text{س} = 3 \\ \text{ص} - \text{س} = 1 \end{array} \right\} \textcircled{6}$



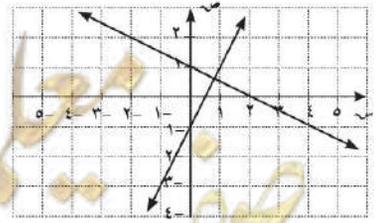
(ب)



(أ)



(د)



(ج)



في التمرين (٧، ٨) أوجد حل كل نظام مما يلي مستخدماً طريقة الحذف.

$$\textcircled{1} \quad \left. \begin{array}{l} 3 = r + 2 \\ 9 = r - 4 \end{array} \right\} \textcircled{8}$$

بالتعويض في ١ $2 = r \quad 12 = r + 6$

$1 = b \quad 3 = b + 4$

م.ح = $\{(1, 2)\}$

$$\textcircled{7} \quad \left. \begin{array}{l} 19 - 2t = 19 \text{ بالضرب } 3 \times \\ 2k + 3t = 0 \text{ بالضرب } 2 \times \end{array} \right\}$$

$10 \text{ ك} - 7 \text{ ت} = 57$

بالتجمع $4 \text{ ك} + 6 \text{ ت} = 0$

$19 \text{ ك} = 57$

$2 = 3 \text{ ك} ، 2 = 3$

م.ح = $\{(2, 3)\}$

في التمرين (٩، ١٠) أوجد مجموعة حل كل نظام مستخدماً طريقة التعويض.

$$\left. \begin{array}{l} 4 - 3s = 4 \\ 2s = 3s - 9 \end{array} \right\} \textcircled{10}$$

بالتعويض عن س في ٢ $2 = 3(3 - 4) - 9$

$2 = 3(9 - 12) - 9$

$3 = 7 \text{ ص} ، 21 = 3$

$5 = 4 - 3 \times 3 = 5$

م.ح = $\{(3, 5)\}$

$$\textcircled{9} \quad \left. \begin{array}{l} 12 = b + j \\ 8 = b - 3j \end{array} \right\} \textcircled{9}$$

بالتعويض عن ب في ١ $8 - 3j = 12$

$12 = 8 - 3j$

$4 = 3j - 4$

$7 = 12 = b$

م.ح = $\{(7, 5)\}$

صفوة معلمى الكويت



في التمارين (١١-١٣) لكل نظام مما يلي، اختر طريقة الحل التي تراها الأفضل لإيجاد مجموعة الحل.

التعويض

$$\left. \begin{array}{l} ٥ = ٣س - ص \\ ٢ + ٤س = ص \end{array} \right\} \textcircled{11}$$

$$٣س - ٤س = ٢ - ٥$$

س = -٧ ، ص = -٢٦ ج.م = {٧-، ٢٦-}

الحذف

$$\left. \begin{array}{l} ٤ = ٣س - ٢ص \\ ٦ = ٥س - ٢ص \end{array} \right\} \textcircled{12}$$

$$١٠ = ٢ص \quad ٥ = ص$$

$$٢س - ١٥ = ٤ \quad ٢س = ١٩ \quad ١٩ = ٢ص \quad ٩.٥ = ص$$

ج.م = {٩.٥، ٩.٥}

الحذف

$$\left. \begin{array}{l} ٦ + ٢س = ٠ \\ ١ + ٣س = ص \\ ٥ - ٣س = ص \end{array} \right\} \textcircled{13}$$

$$٨ = ٣س - ٢ص$$

ج.م = {٨، ٣-}

* (١٤) التحدي: إذا كان ميل المستقيم الذي يصل النقطة ب بالنقطة الأصل هو $\frac{٢}{٩}$. ميل المستقيم الذي يصل

ب (س، ص) النقطة ب بالنقطة ج (-٤، ٣) هو ١. أوجد إحداثيات النقطة ب.

$٢ص - ١٤ = ٩$	$٣ - ص = ١$	$\frac{٢}{٩} = \frac{ص}{٩}$
$٢ص = ١٤ + ٩$	$٤ + ٣س = ١ + ٣س$	$٢ = ص$
$٢ص = ٢٣$	$٣ - ٣ = ١ - ٣$	$٢ = ٩س$
$ص = ١١.٥$	$٠ = ٢س$	$٢ = ٩س$
$١١.٥ = ص$	$٠ = ٢س$	$٢ = ٩س$

(١٥) مواصلات: يخطط ٢٦ طالبًا للقيام برحلة تزوج مع خمسة إداريين. يقود كل إداري سيارة. هناك نوعان من

السيارات: سيارات بخمسة مقاعد وسيارات بسبعة مقاعد. ما عدد السيارات من كل نوع لنقل الطلاب والإداريين؟ س + ص = ٥

٢ سيارة بخمسة مقاعد	$٢٥ - ٥ص = ٧ص + ٣١$	س = ٥ - ص
٣ سيارة بسبعة مقاعد	$٢ = ٢ص$	س = ٥ - ص
٢ سيارة بخمسة مقاعد	$٢ = ٢ص$	س + ٧ص = ٢٦ بالتعويض
	$٢ = ٢ص$	ص = ٣، س = ٢

* (١٦) التحدي: تربط المعادلة $ف = \frac{٩}{٥}س + ٣٢$ بين درجات الحرارة بالقياس السيليزي (س) وقياس

فهرنهايت (ف). هل هناك درجة حرارة هي نفسها بالقياسين؟ في حالة الإيجاب، ما هي؟

نعم	$٩س + ١٦٠ = ٥س$	$٩ = ٥س$
الدرجة هي -٤٠	$٤٠ = ٥س$	$٩ = ٥س + ٣٢$
	$٩ = ٥س$	$٩ = ٥س + ٣٢$
	$٩ = ٥س$	$٩ = ٥س + ٣٢$



المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (١-٣) أوجد مجموعة حل كل نظام بيانياً.

٣

$$\begin{cases} ٠ = ٤ - ص + ٢س \\ ٥ = ص - ٣س \end{cases}$$

٣	١	٢	س
٤	٢-	١	ص

٤	٠	٢	س
٠	٢	١	ص

٢

$$\begin{cases} ٢ + ص = \frac{١}{٢} \\ ٥ + ص = -ص \end{cases}$$

٤	٢	٠	س
١	٣	٥	ص

٤	٢	٠	س
٤	٣	٢	ص

١

$$\begin{cases} ٢ = ص + ٢ \\ ٦ = ص - ٢ \end{cases}$$

٢-	١-	٢-	س
٤	٥	٣	ص

٢-	١	٠	س
٤	١	٢	ص

ح.م = $\{(١, ٢)\}$ ح.م = $\{(٣, ٢)\}$ ح.م = $\{(٤, ٢-)\}$

في التمرينين (٤، ٥) ارسم بيان كل نظام. ثم حدّد إن كان للنظام عدد لانتهائي من الحلول أم لا.

٥

$$\begin{cases} ٥ = ص + ٢س \\ ١٠ = ص + ٤س \end{cases}$$

٢	١	٠	س
١,٥-	٠,٥	٢,٥	ص

٢	١	٠	س
١	٣	٥	ص

٤

$$\begin{cases} ٦ + ص = ٢س \\ ٨ = ص - ٤س \end{cases}$$

٣	٢	١	س
٢	٠	٢-	ص

٢-	١-	٠	س
٢	٤	٦	ص

في التمرينين (٦، ٧) أوجد مجموعة حل كل نظام مما يلي مستخدماً طريقة الحذف.

٧

$$\begin{cases} ١٤ - ص = -ص \\ ٢ = ص - ٢س \end{cases}$$

١٢ = ص ٢

٦ + = ص

٨ = س

ح.م = $\{(٦, ٨)\}$

٦

$$\begin{cases} ٤ = ص + ٢س \\ ٨ = ص + ٢س \end{cases}$$

١

٤ = ص ٢

٢ = س

٤ = ص ٢ + ٢ × ٤

٢- = ص

ح.م = $\{(٢, ٢)\}$



في التمرينين (٨، ٩) أوجد مجموعة حل كل نظام مما يلي مستخدماً طريقة التعويض.

$$\left. \begin{array}{l} ١٢ = -ر \\ ٦ = س - ٣ - ٢ \\ ٦ = س \\ ٦ = -ر \\ \text{ح. م } = \{(٦, -٦)\} \end{array} \right\} ٩$$

$$\left. \begin{array}{l} ٦٨ = ١٢ + ب - ٨ \\ ١٢ - ب = ٨٠ \\ ٦٨ = ١٢ + ب \\ ٨٠ = ب \\ ٢٠ = أ \\ \text{ح. م } = \{(٤, ٢٠)\} \end{array} \right\} ٨$$

في التمرينين (١٠، ١١) أوجد مجموعة حل كل نظام مما يلي.

$$\left. \begin{array}{l} ٢ = ٢ص \\ ١ + \frac{ص}{٢} = ٢س + ١ \\ ١ + \frac{ص}{٢} = ٢س + ١ \\ \text{ح. م } = \left\{ \left(\frac{٢}{٥}, \frac{٢}{٥} \right) \right\} \end{array} \right\} ١٠$$

$$\left. \begin{array}{l} ١ = \frac{٥}{٢}ص \\ ٢ = س \\ \text{ح. م } = \left\{ \left(\frac{٢}{٥}, \frac{٢}{٥} \right) \right\} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} ٧ = س + \frac{١}{٢}ص \\ ٧ = ٣س - ٢ص \\ \text{بالضرب } -٤ \end{array} \right\} ١١$$

١٢) الهندسة: في مثلث قائم الزاوية يزيد قياس إحدى الزوايا الحادة ٣٠° عن مثلي قياس الزاوية الحادة الأخرى. أوجد قياس هاتين الزاويتين.

$$\left. \begin{array}{l} ٩ = س + ص \\ ٩٠ = س + ٣٠ + ص \\ ٩٠ = س + ٢٠ \\ ٣ = س + ٢ص \\ ٦٠ = ٣س \\ ٢٠ = ص \end{array} \right\}$$

١٣*) يتسع مسرح لـ ٤٠٠ مقعد. تبلغ أسعار البطاقات ١٥ ديناراً للمقاعد الأمامية و ١٢ ديناراً للمقاعد الباقية. إذا كان المسرح مليئاً بقيمة المبلغ لقاء التذاكر المباعة ٥٣٤٠ ديناراً. ما عدد المقاعد الأمامية وما عدد المقاعد الباقية؟

١٤) لدى رجل عمره الآن ٤٦ عامًا ابناً عمره ٢٦ عامًا، وابنة صغيرة. بعد عدة سنوات، يصبح عمر الأب

مساوياً لمجموع عمريهما، كذلك يصبح مساوياً لثلاثة أمثال عمر الابنة. ما العمر الحالي للابنة؟

$$\left. \begin{array}{l} ٣٦ = س + ٢٦ + ص + ص + س \\ ٣ = س + ص \\ ٦ = س \\ ٢٠ = ص + س \\ \text{عمر البنات} = س \\ \text{عمر البنات} = ٦ \\ \text{عمر البنات} = ٢٠ \end{array} \right\}$$

١٥*) توجه أحمد وفهد إلى مركز تجاري لشراء هدية لصديقيهما سلطان. إذا دفع أحمد $\frac{٢}{٥}$ مما يملكه من مال ودفع

فهد $\frac{٣}{٤}$ مما يملكه يستطيعان شراء هدية جميلة بقيمة ٢١ ديناراً. عرض عليهم البائع تخفيض السعر ٤ دنانير، فدفع أحمد $\frac{٣}{٥}$ مما يملكه ودفع فهد $\frac{٢}{٥}$ مما يملكه. أوجد المبلغ الذي كان مع كل من أحمد وفهد. مع أحمد س، مع فهد ص

$$\left. \begin{array}{l} ٢٠ = ص \\ ١٥ = س \\ ٢٠ = س + \frac{٣}{٤}ص \\ ٢١ = ص \\ ٢٠ \times \text{بالضرب} \\ ٨ = س + ١٥ = ص \\ ٤٢٠ = ٣ص \\ ٢٤ = س + ٤٥ = ص \\ ١٢٦٠ = ٣ص \\ ٢٤ = س + ١٦ = ص \\ ٢٠ \times \text{بالضرب} \\ ١٧ = س + \frac{٣}{٥}ص \\ ٣ \times \text{بالضرب} \\ ٨٥ = ٢ص + ٣س \\ ٨ \times \text{بالضرب} \end{array} \right\}$$



في التمارين (٨-١١) لكل معادلة مما يلي:

(أ) أوجد قيمة المميز Δ .

(ب) حدّد إن كانت الجذور حقيقية أم غير حقيقية.

$$9 \quad ٠ = ٥ - ٤س - ٢س^2$$

$$ج = ب^2 - ٤أج = ٤ - ٤(-١) \times ٥ = ٣٦$$

للمعادلة جذران حقيقيان مختلفان

$$11 \quad ٠ = ٨س - ١٦س^2$$

$$ج = ب^2 - ٤أج = ٨^2 - ٤(-١٦) \times ٨ = ١٦ \times ٨ = ٣٦$$

للمعادلة جذران حقيقيان متساويان

$$8 \quad ٠ = ٥ + ٤م + ٢م^2$$

$$أ = ١, ب = ٤, ج = ٥$$

$$ج = ب^2 - ٤أج = ٤^2 - ٤(١) \times ٥ = ٤ - ٢٠ = -١٦$$

للمعادلة جذران غير حقيقيان

$$10 \quad ٠ = ٧ص + ٢ص^2 - ٦$$

$$ج = ب^2 - ٤أج = ٧^2 - ٤(٢) \times ٦ = ٤٩ - ٤٨ = ١$$

للمعادلة جذران حقيقيان مختلفان

في التمارين (١٢-١٩) أوجد مجموعة حل كل معادلة مما يلي:

$$13 \quad ٠ = ٧س + ٢س^2 - ٥س$$

$$ج.م = \left\{ \frac{٧}{٢}, ١ \right\}$$

school-kw.com

$$12 \quad ٠ = ٤س + ٢س^2 - ٤س$$

$$ج.م = \{ ٢ \}$$

$$15 \quad ٢ = (٤ - ٣م)م$$

$$14 \quad ٢م^3 = ٢م$$

$$ج.م = \{ ٣, ٠, ٠ \}$$

$$17 \quad ٠ = ٧س + ٥س^2 - ٧س$$

ليس للمعادلة جذور حقيقية

$$16 \quad ٦ - ٢م = ٢م^2$$

ليس للمعادلة جذور حقيقية

$$19 \quad \frac{٦}{٢ - س} = \frac{٣ - س}{٢}$$

$$ج.م = \{ ١, ٠, ٦ \}$$

$$18 \quad \frac{١}{٢} = س + ٢س^2$$

$$ج.م = \{ ٠, ٨١, ٠, ٣١ \}$$



٢٠ أوجد قيمة ك بحيث يكون كل جذر من جذري المعادلة $س^2 + كس - \frac{1}{5} = 0$

المعكوس الضربي للآخر. $م = \frac{1}{\frac{1}{5}} = \frac{5}{1} = 5$ $ك = 1$ $ك = \frac{1}{5}$

٢١ أوجد عددين مجموعهما ٤ وناتج ضربهما ٢. $س، س - ٤ = ٤$ $س = ٣, ٤١ = ٣$ $ص = ٠, ٥٩ = ٠$

$س(س - ٤) = ٢$ $س^2 - ٤س + ٢ = ٠$ أو $س = ٠, ٥٩ = ٣, ٤١ = ٠$

٢٢ بدون حل المعادلة أوجد مجموع وناتج ضرب جذري المعادلة: $س^2 + ٨س + ١٢ = ٠$

م.ح. = {٢-، ٦-}

٢٣ اكتب معادلة تربيعية يكون جذراها:

(أ) ٢-، ٣-

$س^2 - ٥س + ٦ = ٠$

(ب) $\frac{1}{٤}$ ، ٠

$س^2 - \frac{1}{٤}س = ٠$ $٠ = ٤س - ٢س = ٠$

(ج) $\frac{2}{3}$ (جذر مكرر). $س^2 + \frac{4}{3}س + \frac{4}{9} = ٠$ $٠ = ٤س + ٢س + ٢س + ٢س + ٤ = ٠$

٢٤ أوجد مجموعة قيم ب التي تجعل المعادلة: $س^2 + بس + ٢ = ٠$ ، ليست لها جذور حقيقية.

ب-٢ أ ج > ٠ | ب > ٦٤ | م.ح. = {٨-، ٨}

٢٥ لتكن المعادلة $س^3 - ٣س^2 + ٦س + ٥ = ٠$ ، جذراها ل، م، $\frac{7}{3} = م + ل$ ، $٢ = م$ ، $\frac{٥}{3} = ل + م$

اكتب معادلة تربيعية يكون جذراها:

(أ) ل، ٢، م $٢ = م + ل = ٢ + ٢ = ٤$ $٤ = ٢ \times ٢ = (م + ل) ٢ = م٢ + ل٢$ $٤ = ٢ \times ٢ = م٢ + ل٢$ $\frac{٢٠-}{٣} = م٢ \times ٤ - = ل٢$

(ب) ل + ١، م + ١ $٤ = ٢ + ٢ = ٢ + م + ل = ١ + م + ١ + ل = ١ + م + ١ + ل + ١ + م + ل = ١ + م + ل + ٣$

٢٦* لتكن المعادلة: $س^2 + ٥س + ٧ = ٠$ جذراها ل، م، أوجد قيمة: $ل + م = \frac{٥}{٤}$ ، $ل \times م = \frac{٧}{٤}$

(أ) $ل^2 + م^2 = (ل + م)^2 - ٢ل م = (\frac{٥}{٤})^2 - ٢ \times \frac{٧}{٤} = \frac{٢٥}{١٦} - \frac{١٤}{٤} = \frac{٢٥}{١٦} - \frac{٤٩}{١٦} = -\frac{٢٤}{١٦} = -\frac{٣}{٢}$

(ب) $(٣ - ل)(٣ - م) = ٩ - ٣(ل + م) + ل م = ٩ - ٣(\frac{٥}{٤}) + \frac{٧}{٤} = ٩ - \frac{١٥}{٤} + \frac{٧}{٤} = ٩ - \frac{٨}{٤} = ٩ - ٢ = ٧$



المجموعة ب تمارين تعزيرية

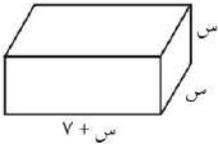
في التمارين (١-٣) أحل كل معادلة مستخدمًا طريقة إكمال المربع. عند الضرورة، قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة.

١ $9 = م^2 + ٨م + ١$ إضافة ١٦ للطرفين / $(٤+م)^2 = ٢٥$ / ح.م. ١ ، ٩

٢ $٢٦١ = ر^2 + ٢٠ر + ١$ إضافة ١٠٠ للطرفين / $(١٠+ر)^2 = ٣٦١$ / ح.م. ٩ ، ٢٩

٣ $٠ = ج^2 - ١٢ج + ١١$ إضافة ٣٦ للطرفين / $(ج-٦)^2 = ٢٥$ / ح.م. ١١ ، ١

٤* الهندسة: افترض أن المساحة السطحية لشبه المكعب أدناه تساوي المساحة السطحية لمكعب طول ضلعه



٨ وحدات.

(أ) اكتب تعبيرًا يبين المساحة السطحية لشبه المكعب.

$$٢س^2 + ٢(٧س)س + ٢(٧س)س = ٢٨س^2 + ٢٨س$$

(ب) اكتب معادلة تربط بين المساحة السطحية لكل من شبه المكعب والمكعب.

$$٦س^2 + ٢٨س = ٦ \times ٨^2 \quad ٦س^2 + ٢٨س - ٣٨٤ = ٠ \quad ٣س^2 + ١٤س - ١٩٢ = ٠$$

(ج) حل المعادلة في (ب) لإيجاد أبعاد شبه المكعب.

أبعاد شبه المكعب	$س = ٦$ أو	$\frac{\sqrt{٢٥٠٠} \pm ١٤}{٢ \times ٣} = س$	$٢٥٠٠ = ١٩٢ \times ٣ \times ٤ - ٢١٤ = ج$
٦ سم، ٦ سم، ١٣ سم	مرفوض	$\frac{٣٢ \pm \sqrt{٣٢^2 - ٤ \times ٣ \times (-١٩٢)}}{٢ \times ٣} = س$	٥ ما عدد الجذور المختلفة في كل معادلة مما يلي؟

(أ) $٠ = س^2 - ٢س - ٣$ جذران حقيقيين مختلفان $١٦ = ٣ - ١ \times ٤ - (٢-) = ج$

(ب) $٠ = (س-١)^2 = ٢٥٠$ جذران حقيقيين متساويان $٠ = ١ + س - ١٠ = ج$

(ج) $٤٥ = ك^2 + ٤ك - ٤٥$ ليس للمعادلة جذور حقيقية لها جذران غير حقيقيان $١٦٤ = ٤٥ \times ١ \times ٤ - ٤ = ج$

في التمارين (٦-٨) لكل معادلة مما يلي:

(أ) أوجد قيمة المميز Δ .

(ب) حدّد ما إذا كانت الجذور حقيقية أم غير حقيقية.

٦ $٠ = ٢٨ + س + س^2$ جذران غير حقيقيان $٢٢٣ = ٢٨ \times ٢ \times ٤ - ٢١ = \Delta$

٧ $٠ = ١٥ - ٧س + ٢س^2$ جذران حقيقيين مختلفان $١٦٩ = ١٥ - ٧ \times ٢ \times ٤ + ٢٧ = \Delta$

٨ $٠ = ٢٥ + س + ٢س^2$ جذران غير حقيقيان $١١٦ = ٥ \times ٦ \times ٤ - ٢(٢-) = \Delta$

في التارين (٩-١٤) حل كل معادلة مما يلي:

٩ $3س^2 + ٢س - ١ = ٠$ ح.م $\{١, -\frac{1}{3}\}$

١٠ $س^2 + ١٠س - ٢٥ = ٠$ ح.م $\{-٥, ٥\}$

١١ $٢س^2 + ٣س - ٥ = ٠$ ح.م $\{-\frac{5}{3}, ١\}$

١٢ $٨ك^2 - ٢ك - ٣ = ٠$ ح.م $\{-\frac{3}{4}, \frac{1}{2}\}$

١٣ $٤ك - (٥ - ك) = ٤$ ح.م $\{٤, ١\}$

مدرستي
الكويتية

school-kw.com

١٤ $٩ك^2 + ١٢ك - ٥ = ٠$ ح.م $\{-\frac{5}{3}, \frac{1}{3}\}$

١٥* التفكير المنطقي: معادلة تربيعية تميزها مربع كامل، فهل جذور المعادلة هي أعداد نسبية أو غير نسبية؟ فسّر.

أعداد نسبية

١٦ التفكير الناقد: $س^2 + كس + ٩ = ٠$ ، أعط قيمة لك بحيث يكون للمعادلة:

(أ) جذران غير حقيقيين. $ك = ٥$

(ب) جذران حقيقيان مختلفان. $ك = ١٠$

(ج) جذران حقيقيان متساويان. $ك = ٦$

صفحة من الكويت



مراجعة الوحدة الأولى

١ أي تعبير لا يصف $\sqrt{625}$ فيما يلي:

- (أ) عدد كلي
(ب) عدد غير نسبي
(ج) عدد صحيح
(د) عدد نسبي

٢ حل المتباينة $3 - 8 < 3 - (س + 1) < 1 + 3$ هو:

- (أ) كل الأعداد الحقيقية
(ب) $س > -\frac{11}{6}$
(ج) $س < \frac{2}{3}$
(د) ليس أيًا مما سبق

٣ تم انسحاب بيان الدالة $ص = |س|$ ، ثلاث وحدات إلى الأسفل ووحدين إلى اليمين. معادلة الدالة الجديدة هي:

- (أ) $ص = |س + 2| + 3$
(ب) $ص = |س + 2| - 3$
(ج) $ص = |س - 2| + 3$
(د) $ص = |س - 2| - 3$

٤ القيمة التي تنتمي لمجموعة حل: $-4 < -س - 2 < 8$ و $3 < س < 10$ هي:

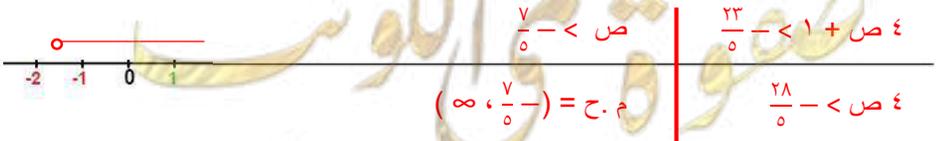
- (أ) 2
(ب) 1
(ج) 2
(د) 4

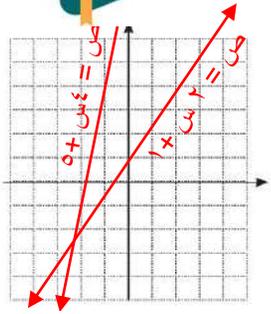
٥ قطعة أرض مستطيلة الشكل أبعادها ٢٢م، ٥٨م. يراد إقامة منشأة عليها، يتوجب على المالك التراجع

س مترًا من كل جهة. الصيغة التي تمثل المساحة القصوى الممكن استخدامها هي:

- (أ) $ص = 4س^2 - 160س + 1276$
(ب) $ص = 1276 - 160س - 4س^2$
(ج) $ص = (س - 58)(س - 22)$
(د) $ص = 1276 - س^2$

٦ حل المتباينة: $5 - (4ص + 1) > 23$ ومثل الحل على خط أعداد.





١٣ } أوجد مجموعة حل النظام

$$\begin{cases} ص = 2س + 1 \\ ص = 5س + 4 \end{cases}$$
 بيانياً.

$$\begin{aligned} 3 &= ن \\ 1 &= م \end{aligned}$$

$$\{(3, 1)\} = \text{ح. م}$$

$$\begin{aligned} ن - 4 &= م \\ 3(ن - 4) &= 2ن + (ن - 4) \\ 9 - 12 &= 2ن + ن - 12 \end{aligned}$$

١٤ } حل النظام

$$\begin{cases} 9 = 2ن + 3م \\ 4 = م + ن \end{cases}$$
 ، مستخدماً طريقة التعويض.

١٥ } أوجد مجموعة حل النظام

$$\begin{cases} 3 = 2ص + 4س \\ 3 = 4س - 2ص \end{cases}$$
 ، مستخدماً طريقة الحذف.

$$\left\{ \left(\frac{9}{8}, \frac{2}{16} \right) \right\} = \text{ح}$$

$$\frac{9}{8} = ص \quad \frac{2}{16} = س \quad \frac{2}{7} = س \quad \frac{3}{8} = ص$$

١٦ } اكتب معادلة بحيث يكون حل النظام

$$\begin{cases} 13 = س + 2ص \\ \dots\dots\dots \end{cases}$$
 هو (٧, ٣).

$$17 = 2ص + س$$

١٧ } أوجد مجموعة حل المعادلة مستخدماً طريقة إكمال المربع:

$$0 = \frac{2}{3} + س - 2$$
 إضافة ١ للطرفين / (س-١) = 1/3 // ح. م = {0, 4/3, 1, 5/3}

١٨ } أوجد قيمة المميز وبين نوع الجذور (حقيقية أو غير حقيقية) للمعادلة:

$$0 = 2 + س + 3س + 4س^2$$

$$\Delta = 9 - 4 \times 1 \times 2 = 1 \quad \Delta = 4 - 2ب = 4 - 2أ \quad | \text{ جذران حقيقيان مختلفان}$$

١٩ } أوجد مجموعة حل المعادلة:

$$0 = 7 + م - 2م^2 - 3م^3$$
 ح. م = {1, 2, 3, 4}

٢٠ } أوجد عددين مجموعهما ٢ وناتج ضربهما -٣٥. العددين هما ٧ و -٥.

٢١ } اكتب معادلة من الدرجة الثانية يكون جذراها -٣، ٦.

$$م + ن = 3 - 6 = 3 \quad ٣ = 3 - 6 = 3$$

المعادلة:
$$س^2 - 3س - 18 = 0$$

صفوة معلمى الكويت

تم تحميل الملف من موقع مدرستي الكويتية

مدرستي

الكويتية

school-kw.com



ننصح بأفضل مذكرة
مذكرات النجاح

حمل تطبيق مدرستي الكويتية



Download on the
App Store



GET IN ON
Google Play



الزوايا وقياساتها Angles and their Measures

المجموعة ١ تمارين أساسية

١ أوجد كلاً مما يلي بالقياس الستيني (بالدرجات والدقائق):

(أ) $\frac{3}{8}$ الزاوية القائمة $45^\circ 33'$

(ب) $\frac{7}{16}$ الزاوية المستقيمة $45^\circ 78'$

٢ أوجد كلاً مما يلي بالقياس الستيني (بالدرجات والدقائق والثواني) مستخدماً الآلة الحاسبة.

(أ) $\frac{4}{V}$ الزاوية القائمة $86,42^\circ 25' 51''$

(ب) $\frac{5}{13}$ الزاوية المستقيمة $77,50^\circ 13' 79''$

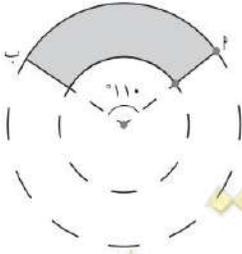
في التمارين (٣-٥) اكتب بالقياس الدائري قياس كل من الزوايا التالية: (مستخدمًا π).

٣ 150° $\pi \frac{5}{6}$ ٤ 30° $\pi \frac{5}{6}$ ٥ 240° $\pi \frac{4}{3}$

في التمارين (٦-٨) اكتب قياسات الزوايا التالية بالقياس الستيني:

٦ $\frac{\pi 3}{4}$ 135° ٧ $\frac{\pi 11}{6}$ 330° ٨ $\frac{\pi 3}{2}$ 270°

٩ على افتراض أن طول ذراع مشاحة المياه على الزجاج الأمامي لإحدى السيارات يساوي تقريباً ٥٦ سم وأثناء حركتها على الزجاج تصنع قوساً \widehat{AB} يقابل زاوية قياسها 110° . أوجد طول هذا القوس.

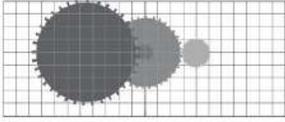


$$هـ = \frac{\pi}{180} \times 110^\circ \times 56 > 1,92$$

$$ل = هـ \times 56 = 1,92 \times 56 = 107,52 \text{ سم}$$



في التمرينين (١٠، ١١) إذا علمت أن طول نصف قطر أحد التروس (س) والزاوية التي يدورها امرس θ فاحسب الطول الذي يتركه طرف الترس المقابل للزاوية علماً بأن:



$$\text{س} = ١٠ \text{ سم، } \theta = \frac{\pi \gamma}{\lambda} \\ \text{ل} = \text{نق} \times \theta = \pi \frac{\gamma}{\lambda} \times ١٠ = ٢٧.٤٩ \text{ سم}$$

$$\text{س} = ٢٠ \text{ سم، } \theta = \frac{\pi ١١}{\lambda} \\ \text{ل} = \text{نق} \times \theta = \pi \frac{١١}{\lambda} \times ٢٠ = ٨٦.٣٩ \text{ سم}$$

١٢) عندما يفرد الطاووس جناحيه يصنع زاوية مركزية في أعلى رأسه قياسها ٢٥٥° ويتشكل تقريباً جزء من دائرة في الأطراف النهائية حيث طول نصف قطر الدائرة يساوي حوالي ٦٠ سم.



أوجد طول القوس الذي يقابل هذه الزاوية.

$$\text{هـ} = \pi \frac{٢٢٥}{١٨٠} \times ٦٠ = ٤.٤٥$$

١٣) أوجد القياس الدائري للزاويتين التاليتين مقرباً الناتج لأقرب جزء من مئة.

$$\text{(أ) } ٥٢' ١٦'' ٢٤ \quad \text{د} ٠,٩١$$

$$\text{(ب) } ١٠١' ٤'' ١٣ \quad \text{د} ١,٧٤$$

في التمارين (١٤-١٦) أجب بصح أو خطأ.

١٤) ٦٢٥° ، الزاوية المستقيمة بالقياس الستيني $١١٢' ٣٠''$.

١٥) الزاوية المركزية $\widehat{د}$ و $\widehat{ع}$ قياسها ٧٥° ، في دائرة طول قطرها ٨ سم. فإن طول القوس $\widehat{د}$ الذي تحصره هذه الزاوية يساوي ٣ سم.

١٦) الزاوية التي قياسها $\frac{\pi ١١}{٩}$ تقع في الربع الرابع.

صفوة معلمى الكويت



المجموعة ب تمارين تعزيزية

في التمارين (١-٣) اكتب بالقياس الدائري قياس كل من الزوايا التالية: (مستخدمًا π).

١) 90° $\frac{\pi}{2}$ ٢) 30° $\frac{\pi}{3}$ ٣) 270° $\frac{3\pi}{2}$

في التمارين (٤-٦) اكتب قياسات الزوايا التالية بالقياس الستيني:

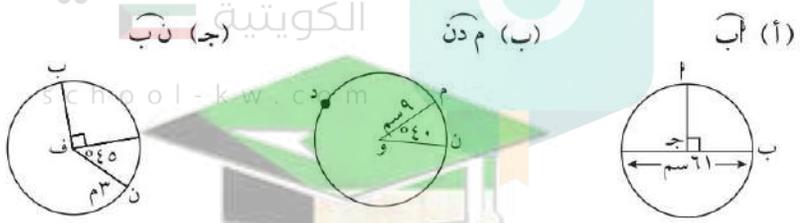
٤) $\pi 2$ ٥) $\frac{\pi 7}{6}$ ٦) $\frac{\pi}{6}$ ٣٠

في التمرينين (٧، ٨) إذا علمت أن طول نصف قطر أحد التروس (ب) والزوايا التي يدورها الترس (θ)، فاحسب الطول الذي يتركه طرف الترس المقابل للزاوية علماً بأن:

٧) $1, 2 = \text{سم}$ ، $\theta = \frac{\pi 3}{4}$ $ل = \text{نق} = \theta \times 1.2 = \frac{\pi 3}{4} \times 1.2 = 0.6\pi$ مم

٨) $16 = \text{سم}$ ، $\theta = \frac{\pi}{6}$ $ل = \text{نق} = \theta \times 4 = \frac{\pi}{6} \times 4 = 0.4\pi$ سم

٩) أوجد طول القوس.



(أ) $11 = \text{سم}$ (ب) $9 = \text{سم}$ (ج) $3 = \text{سم}$

$47.91 = 30.5 \times \frac{\pi}{6}$ سم $50.27 = 9 \times \frac{16}{9} \pi$ سم $7.07 = 3 \times \frac{3}{4} \pi$ م

١٠) إذا كانت النسبة بين قياسات زوايا مثلث هي: $13:6:5$ فأوجد قياس كل زاوية بالقياس الستيني.

١١) زاويتان مجموع قياسيهما $17' 48''$ ، والفرق بين قياسيهما $\frac{1}{11}$ من القائمة. أوجد القياس الستيني لكل منهما.



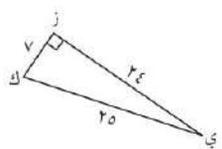


النسب المثلثية: الجيب وجيب التمام ومقلوباتهما

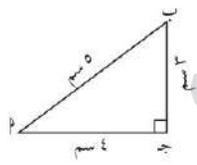
Trigonometric Ratios and their Reciprocals

Sine, Cosine, Secant and Cosecant

المجموعة ١ تمارين أساسية



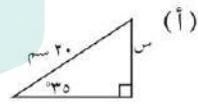
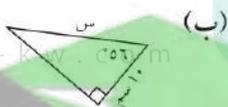
١ في الشكل المقابل أوجد: جتاي، جاي، جتاك، جاك.



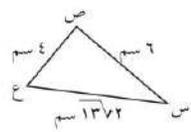
٢ في المثلث أ ب ج القائم في ج، أوجد:

(أ) $\sin A = \frac{4}{5}$ (ب) $\cos B = \frac{3}{5}$

٣ أوجد قيمة س إلى أقرب جزء من عشرة.



جا $30^\circ = \frac{20}{35} = \frac{4}{7}$ س = 20 جا 35 = 11,5 سم

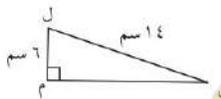


٤ أثبت أن المثلث س ص ع قائم الزاوية في ص.

$(س ص) + (ص ع) = 2 + 6 = 8$ $(س ع) = 2(\sqrt{13}) = 2(3,6) = 7,2$

المثلث قائم الزاوية في ص أوجد جاس، جتاس، قاس، قتاس.

جاس = $\frac{2}{\sqrt{13}}$ جتا س = $\frac{3}{\sqrt{13}}$ قاس = $\frac{\sqrt{13}}{3}$ قتا س = $\frac{\sqrt{13}}{2}$



٥ Δ م ن قائم في م. أوجد كلاً من:

م ن، جان، جتان، جال، جتا ن. ماذا تستنتج؟

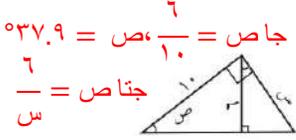
(م ن) = $14 - 6 = 8$ م ن = $\sqrt{10} = 3,16$ جان = جتا ل

جان = $\frac{3}{7}$ جتان = $\frac{\sqrt{10}}{7}$ جال = $\frac{\sqrt{10}}{7}$ جتا ل = $\frac{3}{7}$



٦ منحدر التزلج المائي يشكل زاوية مع سطح الماء قياسها ١٥° وارتفاعه يساوي $١,٥٢٤$ مترًا. ما طول منحدر التزلج المائي؟

جا $١٥ = \frac{١,٥٢٤}{س}$ ص $٥,٩ = \frac{١,٥٢٤}{جا}$



ص = جتا $٥ = ٧,٥$



٨ تطبيق حياتي: أطول سلم كهربائي متحرك في العالم موجود في إحدى محطات مترو الأنفاق في روسيا. إذا كان ارتفاع قمة السلم عن قاعدته $٣,٦$ أمتار وكان السلم يميل على الأفقي بزاوية قياسها $١٠,٤^\circ$ فأوجد طول السلم إلى أقرب متر.

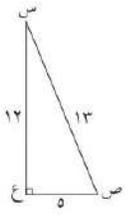


في التمرينين (٩، ١٠) اختر الإجابة الصح.



٩ إذا كان $\hat{ب}$ جزء مثلث قائم في $\hat{ب}$ ، فإن قيمة جتا $(\hat{ب} - \frac{\pi}{٣})$ هي:

- (أ) $\frac{ب}{جا}$ (ب) $\frac{ب}{جا}$ (ج) $\frac{ب}{جا}$ (د) $\frac{ب}{جا}$



١٠ في الشكل المقابل: المثلث س ص ع قائم في $\hat{ع}$ ، فإن جتا $\hat{س} + جا \hat{س}$ يساوي:

- (أ) $١ -$ (ب) صفر (ج) ١ (د) $\frac{١٧}{١٣}$

صفوة معلمى الكويت



المجموعة ب تمارين تعزيرية

١ في الشكل المقابل: أب جد مثلث قائم الزاوية في ب، حيث
 أب = ٥ سم، ب ج = ١٢ سم.
 أ ج = ١٣ سم جتا ج = $\frac{١٢}{١٣}$ جتا ب = $\frac{٥}{١٣}$
 احسب قيمة: جتا ج + جتا ب = $\frac{١٢}{١٣} + \frac{٥}{١٣} = \frac{١٧}{١٣}$
 جتا ج - جتا ب = $\frac{١٢}{١٣} - \frac{٥}{١٣} = \frac{٧}{١٣}$

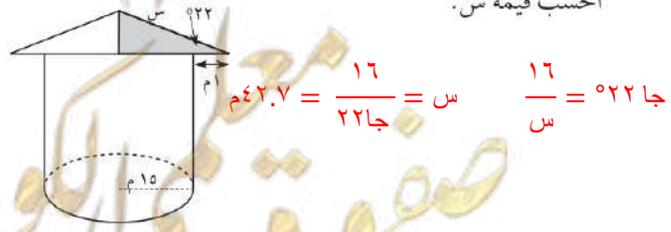
٢ اد = ٨ سم
 ا ج = ٠,٦ جتا ب = ٠,٦
 (أ) جتا ب + جتا ا = ٠,٦ + ٠,٦ = ١,٢
 (ب) جتا ا + جتا ب = ٠,٣٦ + ٠,٣٦ = ٠,٧٢

٣ في الشكل المقابل، أوجد: قتا ب، قتا ا، قتا ا.
 قتا ب = $\frac{١٥}{١٢}$ ، قتا ا = $\frac{١٥}{٩}$ ، قتا ا = $\frac{١٥}{٩}$

٤ ا ب ج فيه: ن (ب) = ٣٠°، ن (ج) = ٦٠°.
 إذا كان ب ج = س، فإن ا ج = ٢ س (نظرية).
 احسب كلاً من: أب، ج ا، ٣٠° جتا، ٦٠° جتا، ٦٠° جتا.

٥ أوجد قياس الزاوية س إلى أقرب درجة.
 (أ) ج ا س = $\frac{٥}{١٤}$ س = ٢١°
 (ب) جتا س = $\frac{٩}{١٥}$ س = ٥٣°

٦ تطبيق في الزراعة: مخزن غلال طول نصف قطر قاعدته ١٥ متراً، ويميل الغطاء على الخط الأفقي بزاوية قياسها ٢٢°، يزيد طول نصف قطر قاعدة الغطاء المخروطي متراً واحداً عن طول نصف قطر القاعدة. احسب قيمة س.





٢٠، ٥٤٥، ٥٣٠

٧ (أ) اختر ثلاث قيم لقياس زاوية س تقع بين 90° ، 0° .

(ب) احسب قيمة جأس + جتا س عند كل قيمة اخترتها. أثبت صحة العلاقة التي حصلت عليها لأي

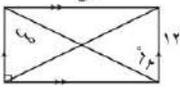
قيمة للمتغير س بين 90° ، 0° .
جأس + جتا س = ١

٨ أوجد قياس الزاوية ص، وقيمة س إلى أقرب جزء من عشرة.

ص = ٥٦٢

جتا ب = $\frac{١٢}{ب}$

ب ج = ٢٥,٦ سم

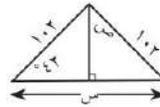


(ب)

جتا ٤٢ = $\frac{أب}{١٠٢}$

ب = ٧٥,٩ سم

س = ١٥١,٨ سم



(أ)

ص = $١٨٠ - (٤٢ + ٩٠) = ٤٨$

جتا ب = $\frac{س}{٢٥,٦} = ٢٢,٦$ سم

٩ الكتابة في الرياضيات: يقول أحد أنه في مثلث قائم الزاوية، إذا كان قياس زاوية حادة معطى وطول أحد

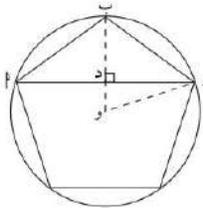
أضلاعه معطى فيمكنه إيجاد قياس بقية الزوايا وطول بقية الأضلاع. هل توافقه الرأي؟ اشرح إجابتك.

نعم: مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180° نحسب الزوايا
من جأس و جتا س نحسب الأضلاع

١٠* خماسي منتظم مرسوم داخل دائرة مركزها و. إذا كان طول نصف قطر الدائرة ١٠ سم:

school-kw.com

(أ) أوجد $\sin(\widehat{و})$. $٣٦٠ \div ٥ = ٧٢$



(ب) أوجد طول كل من جـد، أـج. $\frac{جـد}{١٠} = \frac{٧٢}{١٠}$ \therefore جـد = ٩,٥ سم، أـج = ١٩ سم

(ج) أوجد $\tan(\widehat{و})$. $\frac{٧٢ - ١٨٠}{٢} = ٥٤$

(د) أوجد طول أي ضلع في الخماسي المنتظم.

جأ ٥٤ = $\frac{٩,٥}{ب ج}$ \therefore ب ج = $\frac{٩,٥}{٥٤}$ جا ٥٤

طول ب ج = ١١,٧ سم

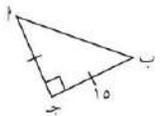
صفوة معلمى الكويت



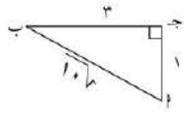
ظل الزاوية ومقلوبه Tangent and Cotangent of an Angle

المجموعة ١ تمارين أساسية

١ من الشكل اكتب ظا، ظاب كنسب في كل مما يلي:



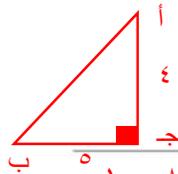
(ب)



(أ)

ظا = $\frac{10}{10} = 1$ ظاب = $\frac{10}{10} = 1$

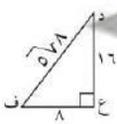
ظا = $\frac{3}{1} = 3$ ظاب = $\frac{1}{3}$



٢ في Δ أ ب ج القائم في ج، إذا كان ظاب = $\frac{4}{5}$ فأوجد: جتا، جتا، ظا.
 جتا = $\frac{5}{5} = 1$ ظا = $\frac{4}{5}$ جتا = $\frac{5}{\sqrt{41}}$ ظا = $\frac{4}{\sqrt{41}}$
 أب = $5^2 + 4^2 = 41$ أب = $\sqrt{41}$

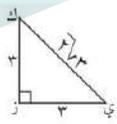
٣ أوجد الظل ومقلوب الظل لكل من الزاويتين الموضحتين:

ظاد = $\frac{1}{\frac{8}{16}} = \frac{16}{8} = 2$
 ظاف = $\frac{1}{2} = \frac{16}{8}$



(ب) د، ف

ظا = 1 ظا = 1



(أ) ك، ي

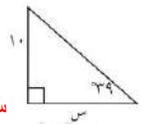
٤ أوجد قياس الزاوية التي يصنعها كل مستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات، مقرباً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة:

ظا = $\frac{1}{2} = \theta$
 $\theta = 26.6^\circ$

(ب) ص = $\frac{1}{5} + 0.5$

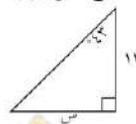
ظا = 2 = θ
 (أ) ص = 2 - 1 = $\theta = 63.4^\circ$

ظا = $\frac{10}{39} = 0.256$



(ب)

٥ أوجد قيمة س مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة.
 ظا = $\frac{12}{12} = 1$ س = 1.5



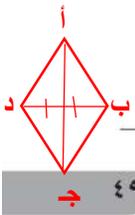
(أ)

س = 12 ظا = 1.5 = 1.5

٦ إذا كانت أطوال قطري معين هي ٢ سم، ٥ سم. فأوجد قياسات زوايا المعين إلى أقرب درجة.

ظا (أ ب م) = $\frac{2.5}{1}$

ق (أ ب م) = 68° ق (أ ب ج) = ق (أ د ج) = 136° ق (أ) = ق (ج) = $180 - 146 = 44^\circ$





٥) أوجد قياس الزاوية التي يصنعها كل مستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات، مقرباً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة:

(أ) $\text{ص} = \frac{3}{4} + 2$ ٣٦.٩ (ب) $2 - \sqrt[3]{2} = 1$ ٦٠.

٦) أوجد قيمة س طول القطعة المستقيمة مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة أو قيمة س قياس الزاوية مقرباً إلى أقرب درجة.

(ج)

ظا $\frac{7}{11} = 3$

ق (س) = ٣٢

(ب)

ظا $\frac{2}{3} = 67$

س = ٢.٥

(أ)

ظا $\frac{64}{7} = 64$

س = ١٤.٤

٧*) في هندسة الطرق: ميل طريق أو خط سكة حديد يعرف بأنه النسبة بين ارتفاع أعلى نقطة في الطريق وبين طول المسقط الأفقي للطريق، ويعبر عنه عادة بنسبة مئوية. فمثلاً إذا كان ميل خط سكة حديد ٥٪، فإن ذلك يعني أن كل ارتفاع قدره ٥ أمتار يكون طول مسقطه الأفقي ١٠٠ متر، وأيضاً إذا كان طريق يميل على الأفقي بزاوية θ ، فإن ميل هذا الطريق يساوي $\tan \theta$.

أوجد قياس زاوية ميل طريق جبل إذا كان ميله يساوي ٢٥، ١٠، ١٠٠ متر، وأيضاً إذا كان طريق يميل على الأفقي بزاوية θ ، فإن ميل هذا الطريق عند نقطة على ارتفاع س أوجد طول المسقط الأفقي لجزء من هذا الطريق عند نقطة على ارتفاع س متراً عن الأفقي.

ظا $\frac{50}{100} = 28.1$

س = ٤٠ متر تقريبا

٨) أوجد قيمة س ، ص مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة أطوال القطع المستقيمة، وإلى أقرب درجة قياسات الزوايا.

(ب)

جتا $\frac{3}{10} = 6$ س = ٥٣

جتا $\frac{9}{\text{ص}} = 6$ س = ١٥ سم تقريبا

(أ)

ظا $\frac{3}{7} = 36$ س ≈ ٣٦

ظا $\frac{5}{3} = 59$ س ≈ ٥٩

(د)

ظا $\frac{3}{5} = 43$

س = ٤.٧ سم

ص = ٥ سم

(ج)

ظا $\frac{34}{10} = 56$ س = ٦.٧ سم

ظا $\frac{10}{\text{ص} + \text{س}} = 34$ س + ص = ١٤.٨ سم

س = ٨.١، ص = ٦.٧



النسب المثلثية لبعض الزوايا الخاصة Trigonometric Ratios for Some Particular Angles

المجموعة ١ تمارين أساسية

في التمارين (١-٣)، أوجد قيمة كل متغير.

٣

جاءه $\frac{60}{\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{\text{ص}}$

$\text{ص} = 5\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{2}} = 10\sqrt{2}$

٢

جاءه $\frac{10}{\sqrt{2}} = \frac{\text{ص}}{10\sqrt{2}}$

$\text{ص} = 10 \cdot \frac{10\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 10 \cdot 10 = 100$

١

جاءه $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{8}{\text{ص}}$

$\text{ص} = 8\sqrt{2}$

٤ تشكل الشفرات الأربع لمروحة طائرة زوايا قائمة ولهذه الشفرات الطول نفسه. تبلغ المسافة بين طرفي شفرتين متجاورتين ١١ متراً. ما طول كل شفرة؟



جاءه $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\text{ص}}{11}$ $\therefore \text{ص} = \frac{11}{\sqrt{2}} \approx 7.8$ متر

في التمارين (٥-٧) أوجد قيمة كل متغير.

٧

جاءه $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3} \cdot 9}{\text{ص}}$ $\text{ص} = 18$ سم

$\text{ص} = 9$ سم

٦

جاءه $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\text{ص}}{\sqrt{3} \cdot 2}$ $\text{ص} = 3$

جاءه $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\text{ص}}{\sqrt{3} \cdot 2}$ $\text{ص} = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \sqrt{6}$

٥

جاءه $\frac{1}{2} = \frac{\text{ص}}{10}$ $\text{ص} = 5$

جاءه $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\text{ص}}{10}$ $\text{ص} = \frac{10\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}$

٢١,٧ سم تقريبا

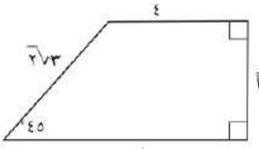
١٠,٨ سم تقريبا

٨ أوجد مساحة مثلث متطابق الأضلاع، طول ضلعه ١٠ سم.

٩ أوجد مساحة معين طول ضلعه ٥ سم وقياس إحدى زواياه ٦٠°.

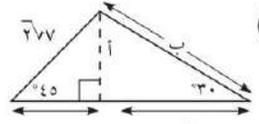


في التمرينين (١٠، ١١) أوجد قيمة كل متغير.



١١

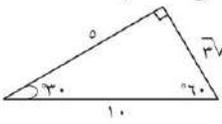
جا ٤٥ = $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{37}}$ $\Rightarrow \sqrt{37} = 1$ ، $3 = 5 - 2 = 3$ ، $4 = 4$ $\Rightarrow 7 = 3 + 4 = 7$



١٠

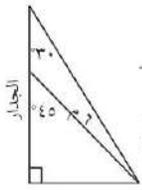
جا ٤٥ = $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{37}}$ $\Rightarrow \sqrt{37} = 1$ ، $3 = 5 - 2 = 3$ ، $4 = 4$ $\Rightarrow 7 = 3 + 4 = 7$
 جا ٣٠ = $\frac{1}{2} = \frac{3}{5}$ $\Rightarrow 5 = 6$ ، $4 = 4$ $\Rightarrow 7 = 3 + 4 = 7$

١٢ تحليل الخطأ: رسمت سلوى المثلث المقابل. قالت هند إن قياسات الأضلاع لا يمكن أن تكون



صحيحة. من منها توافقته الرأي؟ وضح إجابتك.
 أوافق على رأي هند $\frac{1}{2} = 60$ ، $\frac{3}{4} = 60$ ولكن بالرسم جتا $\frac{3}{5} = 60$ $\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{35}}{5}$

١٣ السؤال المفتوح: اكتب مسألة حياتية يمكن حلها باستخدام مثلث ثلاثيني ستيني، طول وتره ١٢ مترًا ثم حلها. سلم يستند على حائط طول السلم ١٢ متر والسلم يميل بزاوية ٦٠°. أوجد البعد بين الحائط وقاعدة السلم. (الإجابة ٦ متر)



school-kw.com

١٤ لدرء خطر العواصف الرملية قررت إحدى المزارع دعم جدار المزرعة. وضعت دعامتان (انظر الشكل التالي). كونت الدعامة الصغرى وطولها ٦ أمتار زاوية قياسها ٤٥° مع الجدار والدعامة الكبرى زاوية قياسها ٣٠°.

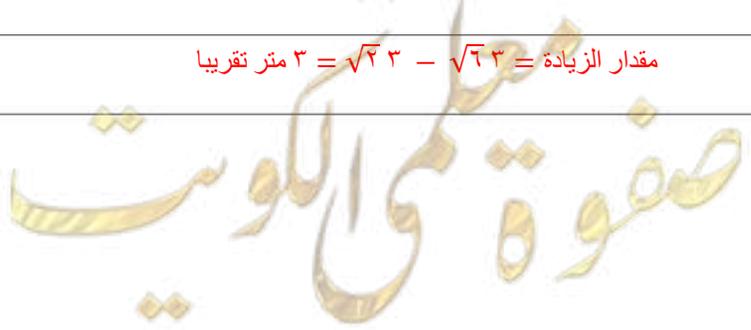
جا ٤٥ = $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{6}{x}$ $\Rightarrow x = 6\sqrt{2}$ ، $3 = 3$ ، $4 = 4$ $\Rightarrow 7 = 3 + 4 = 7$

(أ) ما طول الدعامة الكبرى؟

جا ٣٠ = $\frac{1}{2} = \frac{6}{x}$ $\Rightarrow x = 12$ ، $4 = 4$ $\Rightarrow 7 = 3 + 4 = 7$

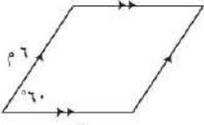
(ب) كم يزيد ارتفاع رأس الدعامة الكبرى عن رأس الدعامة الصغرى؟

مقدار الزيادة = $\sqrt{63} - \sqrt{27} = 3$ متر تقريبا





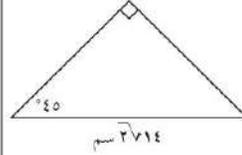
في التمارين (١٥-١٧) أوجد مساحة كل شكل.



١٧

$$\text{جا } 3 = 6 \quad \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{ع}{6} = 60$$

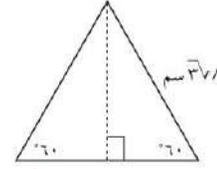
$$م = \sqrt{3} \times 6 = 6\sqrt{3}$$



١٦

$$\text{جتاه } 45 = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{ق}{\sqrt{2} \times 14} = 14$$

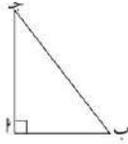
$$م = \frac{1}{2} \times 14 \times 14 = 98$$



١٥

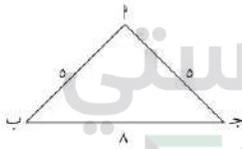
$$\text{س } = \sqrt{3} \times 4 = 60 \quad \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{ع}{\sqrt{3} \times 8} = 60$$

$$ع = 12 = \frac{1}{2} \times 8 \times 3 = 12$$



في التمارين (١٨-٢٢) أجب بصح أو خطأ.

١٨ في المثلث المقابل، جاب = جتا ج. (✓) ق (ب) + ق (ج) = 90°



١٩ في المثلث المقابل، جاب = 5/8. (x) مثلث غير قائم الزاوية

٢٠ يوجد مثلث ب ج قائم في آ حيث جاب = 24/19. (x) لأن طول الضلع لا يجوز أن يكون أكبر من طول الوتر

٢١ يوجد مثلث ب ج قائم في آ حيث ظاب = 45/26. (✓)

٢٢ جتا 90° جتا 180° + جا 270° ظا 45° = -1

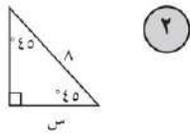
صفوة معلمى الكويت



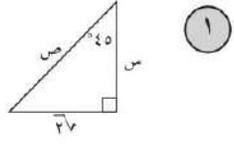
المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمرينين (١، ٢) أوجد قيمة كل متغير.

جتاه ٤ = $\frac{س}{٨} = \frac{١}{\sqrt{٢}}$
 $\sqrt{٢} ٤ = س$

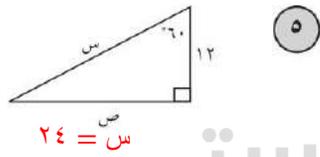


س = $\sqrt{٢}$
 جتاه ٤ = $\frac{\sqrt{٢}}{ص} = \frac{١}{\sqrt{٢}}$

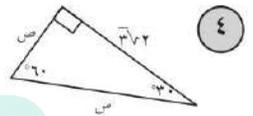


(٣) أوجد مساحة مثلث قائم الزاوية طول وتره ١٢ سم وقياس إحدى زواياه ٤٥°.

في التمارين (٤-٧) أوجد قيمة كل متغير.

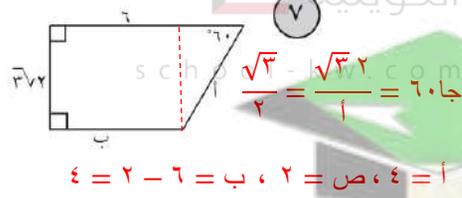


ص = $\frac{\sqrt{٣}}{١} = \frac{ص}{١٢}$
 $\sqrt{٣} ١٢ = ص$

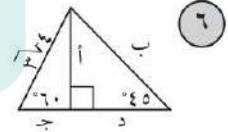


جتاه ٣٠ = $\frac{\sqrt{٣} ٢}{س}$

س = ٤ ، ص = ٢



أ = ٤ ، ص = ٢ ، ب = ٦ - ٢ = ٤

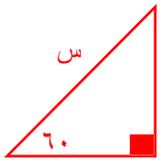


(٨) تستخدم إحدى المزارع حزاماً كهربائياً متحركاً لنقل حزم القش من الأرض إلى قمة المخزن. يبلغ ارتفاع

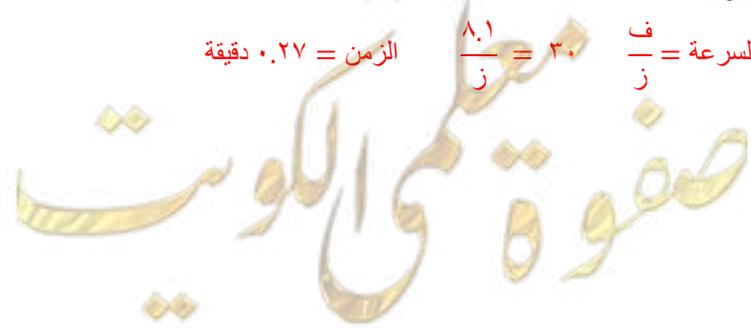
قمة المخزن ٧ أمتار ويشكل الحزام المتحرك مع الأرض زاوية قياسها ٦٠°.

(أ) ما طول الحزام من الأرض حتى قمة المخزن؟ $\frac{\sqrt{٣}}{٢} = \frac{٧}{س} = ٦٠$ جا. $\therefore س = ٨.١$ متر تقريبا

(ب) يتحرك الحزام بسرعة ٣٠ م في الدقيقة. ما الزمن اللازم لنقل حزمة قش من الأرض حتى قمة المخزن؟

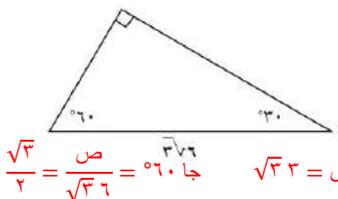


الزمن = ٠.٢٧ دقيقة $\frac{٨.١}{ز} = ٣٠$ $\frac{س}{ز} = ٣٠$ السرعة =



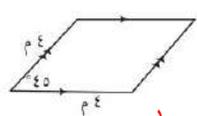


في التمارين (٩-١١)، أوجد مساحة كل شكل مما يلي:



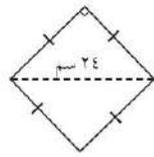
مساحة المثلث = $\frac{3 \times 4}{2} = 6$ سم^٢

(١١)



مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$ سم^٢

(١٠)



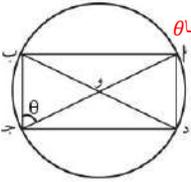
مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 24 \times 24 = 288$ سم^٢

(٩)

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$ سم^٢

(١٢) احسب من دون استخدام الآلة الحاسبة: $\sin 45^\circ \times \cos 45^\circ + \sin 30^\circ \times \cos 60^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$

(١٣) احسب من دون استخدام الآلة الحاسبة: $\sin 60^\circ \times \cos 30^\circ + \sin 30^\circ \times \cos 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} = 1$



مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \text{نق } \theta \times \text{نق } \theta = \frac{1}{2} \times \text{نق } \theta^2$

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \text{نق } \theta \times \text{نق } \theta = \frac{1}{2} \times \text{نق } \theta^2$

أثبت أن مساحة المستطيل تساوي $\frac{1}{2} \times \text{نق } \theta \times \text{نق } \theta$. المساحة = $\frac{1}{2} \times \text{نق } \theta \times \text{نق } \theta$

(١٤)**

(١٥)** يلعب عبد العزيز كرة القدم في أحد النوادي. للحفاظ على لياقته البدنية يمارس رياضياً الهرولة.

انطلق عبد العزيز من النقطة أ على الشاطئ بزاوية قياسها 30° ، سار على الرمل حتى وصل إلى الطريق المعبدة عند النقطة د. أكمل الهرولة على الطريق المعبدة حتى وصل إلى النقطة ج. انعطف عن الطريق بزاوية قياسها 30° حتى وصل إلى النقطة ب. (انظر الشكل المقابل). تبلغ سرعة هرولة عبد العزيز على الرمل $4,8$ كم/ساعة وعلى الطريق المعبدة $12,8$ كم/ساعة.



أوجد المسافة التي قطعها عبد العزيز على الطريق المعبدة. (ب) ما الزمن الذي استغرقه عبد العزيز في الهرولة؟

الزمن = $\frac{3.2}{4.8} = 0.7$ ساعة (ز (رمل) = 0.7 ساعة

الزمن = $\frac{6.4}{12.8} = 0.5$ ساعة (ز (طريق) = 0.5 ساعة

الزمن = $0.7 \times 2 + 0.5 = 1.9$ ساعة

أد = 3.2 كم السرعة = $\frac{f}{z}$ على الرمل

ظا = 30° س ≈ 2.8 كم تقريبا $\frac{1.6}{s}$

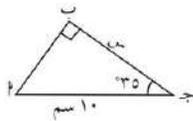
طول الطريق = $12 - 1.8 \times 2 = 6.4$ كم تقريبا



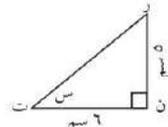
حل المثلث قائم الزاوية Solving Right Triangle

المجموعة ١ تمارين أساسية

في التمرينين (١، ٢) أوجد في كل مثلث، قيمة س.



جتا $35^\circ = \frac{\text{س}}{10}$ س ≈ 8.2 سم تقريبا



ظاس $5^\circ = \frac{\text{س}}{6}$ 0.3948120

٣ حل المثلث أ ب ج القائم في ج. قرب الأطوال إلى أقرب جزء من عشرة.

(أ) ن (ب) = 47.12° ، ب ج = ١٨ سم. الق (أ) = 42.48° ، أ ج = ١٩.٤، أ ب = ٢٦.٥

(ب) ب ج = ٨,٥ سم، أ ج = ١٤,٧ سم.

٤ يستند سلم أ ب طوله ٥, ٨ أمتار بطرفه (أ) على حائط عمودي وبطرفه (ب) على أرض أفقية، إذا كان الطرف (ب) يبعد متراً واحداً عن الحائط، فأوجد:

(أ) بعد الطرف أ عن الأرض. (أ ج) = $28.5 = 21 - 7$ ، أ ج = ٢٦,٥

(ب) قياس زاوية ميل السلم على الأرض. جتا ب = $\frac{1}{8.5}$ ، ب = 83.2°

(ج) قياس زاوية ميل السلم على الحائط. ٦.٨

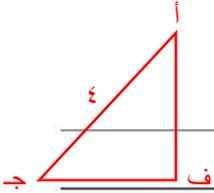
٥) أوجد مثلث قائم في \hat{M} حيث: $AM = 8$ سم، $BM = 6$ سم.
أوجد قياس كل من الزاويتين \hat{C} ، \hat{K} .

$$C = 36.5^\circ \quad K = 53.5^\circ$$

٦) في كل حالة ممالي، خطط مثلثاً AF ج قائم في F .

(أ) أوجد جرف إذا كان: $AM = 4$ سم، جتا $J = 0.7$

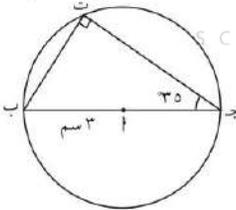
$$JA = \frac{4}{0.7} = 5.71 \text{ سم} \quad \text{جف} = 2.8 \text{ سم}$$



(ب) أوجد جرف إذا كان: $AM = 4$ سم، $\hat{M} = 75^\circ$

$$JA = \frac{4}{\sin 75^\circ} = 4.19 \text{ سم} \quad \text{جف} = 14.9$$

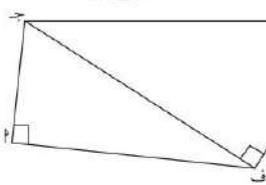
٧) في الشكل المقابل، أوجد محيط المثلث ABC ومساحته إذا كان طول نصف قطر الدائرة يساوي ٣ سم.



$$\text{جنا} \frac{S}{P} = 35 \quad S = 4.9 \text{ سم} \quad \text{المساحة} = \frac{1}{2} \times 4.9 \times 3.4 = 8.33 \text{ سم}^2$$

$$\text{جا} \frac{C}{P} = 35 \quad C = 3.4 \text{ سم} \quad \text{المحيط} = 3.4 + 4.9 + 6 = 14.3 \text{ سم}$$

في التمرين (٨) استخدم الشكل المقابل.

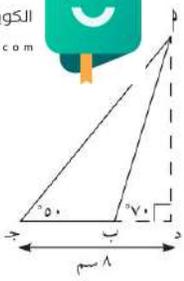


٨) بفرض أن $\hat{A} = 20^\circ$ ، $AB = 13$ سم، $AD = 15$ سم.

أوجد: AC ، BC ، \hat{C} ، \hat{D} ، \hat{B} ، \hat{A} .

$$AC = 12 \text{ سم} \quad BC = 4 \text{ سم} \quad \hat{C} = 7.5^\circ$$

$$C = 70^\circ \quad \hat{D} = 29.9^\circ$$



٩* في الشكل المجاور، أوجد مساحة المثلث أب ج إلى أقرب جزء من عشرة. علماً بأن
جد د = ٨ سم. $\frac{أد}{٨} = ٥٠$ $\frac{أد}{٨} = ٥٠$ $أد = ٩.٥$ سم $\frac{٩.٥}{دب} = ٧٠$ $دب = ٣.٥$ سم

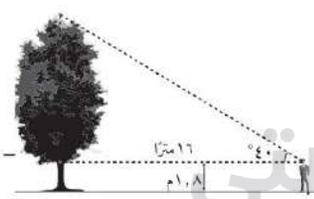
ب ج = ٨ - ٣.٥ = ٤.٥ سم $\frac{١}{٣} = \frac{المساحة}{٩.٥ \times ٤.٥}$ $المساحة = ٢١.٣٧٥$ سم



١٠ التفكير الناقد: أيهما أقرب إلى المستقيم $\vec{دو}$ النقطة أ أو النقطة ب؟

جا ٤ = $\frac{أد}{٣} = ١٤$ $أد = ١.٤٥$ سم

ب هـ = ١.٤ - ١.٤ = ٠ سم النقطة ب هي الأقرب



١١ مستخدماً معطيات الرسم، أوجد ارتفاع الشجرة.

ظا $٤٠ = \frac{س}{١٦}$ $س = ١٣.٤$ متر

ارتفاع الشجرة = $١٣.٤ + ١.٨ = ١٥.٢$ متر

١٢ التحدي: أب ج د مستطيل مركزه و. ن (أود) = ١٠٠° و د = ٣ سم

(أ) أوجد ن (أوب)

١٨٠ - ١٠٠ = ٨٠

(ب) أوجد محيط المستطيل

جا $٤٠ = \frac{أب}{٦}$ $أب = ٣.٩$ سم $\frac{أد}{٦} = ٤٠$ $أد = ٤.٦$ سم

المحيط = $٢ \times ٣.٩ + ٢ \times ٤.٦ = ١٧$ سم تقريباً

صفوة معلمى الكويت

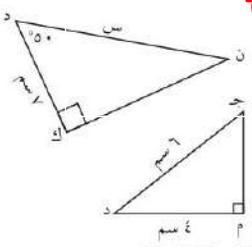


المجموعة ب تمارين تعريزية

١ حل المثلث أب ج القائم في جـ. قَرَب الأطوال إلى أقرب جزء من عشرة.

(أ) ن(ب) = ٣٩ سم، ب ج = ٢٨ سم ق(أ) = ٥١ سم / أب = ٣٦ سم / أج = ٣٤.٦ سم

(ب) م ج = ٢, ٨٤, ٣٨ سم / أب = ١٠٦.٩ سم / ب ج = ٦٥.٨ سم

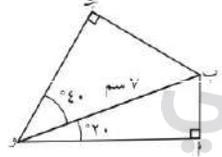


٢ في المثلث ك ن د المقابل، أوجد قيمة س. جتا ٥٠ = $\frac{ص}{س}$ س = ١٠.٩ سم

٣ في المثلث م ج د المقابل أوجد قياس كل من الزاويتين جـ، د.

جتاد = $\frac{٤}{٦}$ (د) = ٤٨.٢° ق(ج) = ٤١.٨°

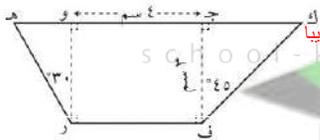
٤ من الشكل المقابل: (أ) أوجد أطوال الأضلاع التالية (قيم تقريبية): ب ج، أب، و جـ، وا. جـ = ٤.٥ سم



جا ٥٢ = $\frac{أب}{٧} = ٢.٤$ سم، جتا ٥٤ = $\frac{و جـ}{٧} = ٥.٤$ سم، جتا ٢٠ = $\frac{وا}{٧} = ٦.٦$ سم

(ب) صح أم خطأ: ب ج = ٢ أب.

٥ (أ) أوجد مساحة شبه المنحرف المقابل $\frac{٨.٧ + ٤}{٢} \times ٣ = ١٩.٥$ سم تقريباً



(ب) أوجد محيط شبه المنحرف المقابل.

٨,٧ + ٤ + ٤ + ٢ + ٣,٥ = ٢٠,٤ سم تقريباً

٦ أب ج د متوازي أضلاع. أب = ٨ سم، اد = ٦ سم، ن(ب أد) = ١٠٠.

أوجد مساحة متوازي الأضلاع. جا ٨٠ = $\frac{٤}{٦} = ٥,٩$ المساحة = $٥,٩ \times ٨ = ٤٧,٢$ سم^٢

٧ أب ج د معين مركزه و بحيث يكون أب = ٦ سم، ن(د أب) = ١٠٠. جا ٤٠ = $\frac{أ م}{٦}$ ، أم = ٣.٩ سم

أوجد طولي قطري هذا المعين. أج = ٧.٨ سم، جتا ٤٠ = $\frac{ب م}{٦}$ ، ب م = ٤.٦ سم، ب د = ٩.٢ سم

٨ التفكير العلمي: أب ج د مثلث متطابق الضلعين (أب = أج)، حيث ب ج = ٤ سم، ن(ب أج) = ١٠٠.

(أ) أوجد محيط هذا المثلث. جا ٥٠ = $\frac{٢}{أب}$ ∴ أب = ٢.٦

(ب) أوجد مساحة هذا المثلث. ظا ٥٠ = $\frac{٢}{أ هـ}$ ∴ أ هـ = ١.٧

المحيط = ٩,٢ = ٢,٦ + ٢,٦ + ٤ سم

المساحة = $١,٧ \times ٤ \times \frac{١}{٢} = ٣,٤$ سم^٢

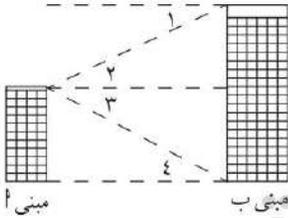


زوايا الارتفاع وزوايا الانخفاض

Angles of Elevation and Angles of Depression

المجموعة ٢ تمارين أساسية

١ صف الزوايا الميَّنة في الشكل من حيث كونها زاوية ارتفاع أو زاوية انخفاض:



(أ) $\hat{1}$ زاوية انخفاض

(ب) $\hat{2}$ زاوية ارتفاع

(ج) $\hat{3}$ زاوية انخفاض

(د) $\hat{4}$ زاوية ارتفاع

٢ من نقطة على سطح الأرض تبعد ٣٠٠ م عن قاعدة برج عمودي وجد أن قياس زاوية ارتفاع قمة البرج

هي ٥١٣° ، أوجد ارتفاع البرج عن سطح الأرض. الكويتية

$$\frac{ع}{٣٠٠} = ٥١٣^\circ$$

ع ≈ ٦٩ متر تقريبا

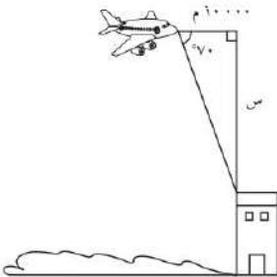
٣ من نقطة على سطح الأرض قيست زاوية ارتفاع طائرة، فوجد أنها $٥٤^\circ ١٢'$ ، إذا كان بعد النقطة عن موقع

الطائرة ٣١٠ م، فما ارتفاع الطائرة إلى أقرب متر؟

$$\frac{ع}{٣١٠} = ٥٤^\circ ١٢'$$

ع ≈ ٢٥١ متر تقريبا

٤ في الشكل المقابل أوجد قيمة س مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



$$\frac{س}{١٠٠٠٠} = ٧٠^\circ$$

س = ٢٧٤٧٤.٨ م

٥ رُصد قارب من قمة فانار ارتفاعه ١٥ م، فوجد أن قياس زاوية انخفاضه

$٣٤^\circ ٢٥'$. أوجد إلى أقرب متر البعد بين القارب وقاعدة الفانار.



$$\frac{١٥}{س} = ٣٤^\circ ٢٥'$$

س = ٢٢ متر تقريبا



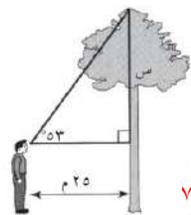
٦ قاس ببحار زاوية انخفاض سفينة من أعلى نقطة في فئار ارتفاعه ٢٠٠ م، فوجد أنها ٣٩°. أوجد بعد السفينة عن قاعدة الفئار.

$$\text{ظا } 39^\circ = \frac{200}{\text{س}} \text{ ، البعد بين السفينة و قاعدة الفئار } \approx 247 \text{ متر}$$

٧* من قاعدة برج قيسفت زاوية ارتفاع قمة منزل فكانت ٣٠°، ومن قمة البرج قيسفت زاوية انخفاض قمة المنزل نفسه فوجد أنها ٤٥°. أوجد إلى أقرب متر ارتفاع البرج علمًا بأن قاعدتي البرج والمنزل في مستوى واحد، وأن ارتفاع المنزل ٥٠ م. ظا ٣٠° = $\frac{50}{\text{ص}}$ ص = ٨٦.٦ متر ≈ 87 متر

$$\text{ظا } 45^\circ = \frac{50}{\text{س}} \text{ ، ارتفاع البرج } = 87 + 50 = 137 \text{ متر تقريبا}$$

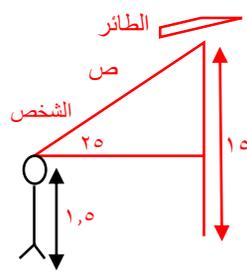
المجموعة ب تمارين تعزيرية



١ في الشكل المقابل، أوجد قيمة س مقربًا إلى الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

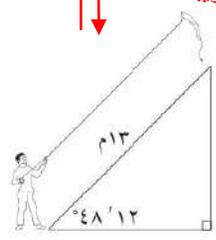
$$\text{جتا } \theta = \frac{10}{\text{س}} \text{ ، } \theta \approx 53^\circ \text{ ، ثم أوجد ارتفاع الشجرة إذا كان طول الرجل 170 سم.}$$

٢ رصد شخص واقف على سطح الأرض طائرا يرتفع عن سطح الأرض مسافة ١٥ م، وكانت زاوية ارتفاع الطائر ٢٥°. إذا كانت عين الشخص على ارتفاع ١,٥ م عن سطح الأرض:



(أ) ارسم الشكل. س = $15 - 1.5 = 13.5$ متر ، $\text{جتا } 25^\circ = \frac{13.5}{\text{ص}}$ ، $\text{ص} \approx 32$ متر

(ب) أوجد بعد الطائر عن عين الشخص مقربًا إلى الإجابة إلى أقرب متر. ٣٢ متر تقريبا



٣ من نقطة على سطح الأرض وجد أن قياس زاوية ارتفاع طائرة ورقية

٤٨'١٢. إذا كانت الطائرة مربوطة بخيط مشدود طوله ١٣ م، أوجد

ارتفاع الطائرة عن سطح الأرض إلى أقرب متر.

$$\text{جا } 48^\circ 12' = \frac{\text{س}}{13} \text{ ، س } \approx 10 \text{ متر تقريبا}$$

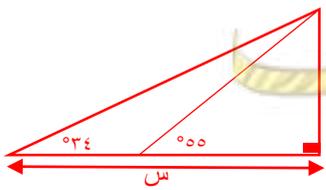
٤ رصد شخص من نافذة منزله على ارتفاع ٣٠ م سيارة في الطريق، فوجد أن قياس زاوية انخفاضها ٣٧'١٥.



$$\text{أوجد بعد السيارة عن هذا الشخص. جا } 37^\circ 15' = \frac{30}{\text{س}} \text{ ، س } = 49.6 \text{ متر تقريبا}$$

٥ إذا كانت زاوية ارتفاع الشمس ٥٥°، وكان طول ظل منزل عندئذ ٧ م، أوجد ارتفاع المنزل إلى أقرب متر،

ثم أوجد طول ظل المنزل عندما تكون زاوية ارتفاع الشمس ٣٤°.



$$\text{ظا } 55^\circ = \frac{7}{\text{ع}} \text{ ، ع } \approx 10 \text{ متر تقريبا} \text{ ، ظا } 34^\circ = \frac{100}{\text{س}} \text{ ، س } = 15 \text{ متر تقريبا ع}$$



القطاع الدائري والقطعة الدائرية

Circular Sector and Circular Segment

المجموعة ١ تمارين أساسية

- ١) قطاع دائري طول قوسه ٦، ١٣ سم، وطول قطر دائرته ١٦ سم. أوجد مساحته. $m = \frac{1}{3} \text{ ل نق}$

$$h = \frac{1}{3} \times 13.6 \times 8 = 54.4 \text{ سم}^2$$
- ٢) قطاع دائري طول نصف قطر دائرته ٢٠ سم، وزاوية رأسه ١٠٠°. أوجد مساحته.

$$h = \frac{1}{3} \times 100 \times \frac{\pi}{180} = 1.7 \text{ م} \quad \frac{1}{3} \text{ هـ نق} = \frac{1}{3} \times 20 \times 1.7 \times \frac{1}{3} = 3.49 \text{ سم}^2$$
- ٣) قطاع دائري محيطه ٥٣ سم، وطول قوسه ٢، ٦ سم. أوجد مساحته. $\text{نق} = \frac{53}{3.14 \times 2} = 8.4 \text{ سم}$

$$m = \frac{1}{3} \times 6.2 \times 8.4 = 26.04 \text{ سم}^2$$
- ٤) قطاع دائري مساحته ٨٥ سم^٢، وطول نصف قطر دائرته ١٠ سم. احسب طول قوسه. $l = 17 \text{ سم}$

$$\theta = 88.5^\circ, \theta = \frac{12}{16} \text{ جا } \theta, \text{ الزاوية المركزية} = 97^\circ, \text{ هـ} = 1.69, \text{ م} = \frac{1}{3} \times 16 \times [1.69 - \text{جا } 97]$$
- ٥) أوجد مساحة القطعة الدائرية التي طول نصف قطر دائرتها ٢٠ سم، وطول قوسها ١٠ سم.

$$h = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times 10 = 0.5 \text{ م} \quad \frac{1}{3} \text{ نق} [h - \text{جا هـ}] = 4.2 \text{ سم}^2$$
- ٦) أوجد مساحة القطعة المظللة إلى أقرب جزء من عشرة، حيث وهي مركز الدائرة

$$m = \frac{1}{3} \times [9.07 - 1.07] \times \frac{1}{3} = 0.5 \text{ سم}^2 \approx 0.5 \text{ سم}^2$$

$$m = \frac{1}{3} \times 3 \times [12.09 - 2.09] \approx 0.5 \text{ سم}^2$$
- ٧) حوض للزراع على شكل دائرة طول نصف قطرها ٤ م، قسّم إلى أربعة أجزاء بواسطة مثلث متطابق الأضلاع تقع رؤوسه على الدائرة. احسب مساحة إحدى القطع الدائرية الصغرى.

$$10.26 \approx 10.2 \text{ سم} \quad h = \frac{\pi}{180} \times 90 = 1.57$$
- ٨) قطاع دائري طول قطر دائرته ١٠ سم ومساحته ١٥ سم^٢ فإن طول قوسه يساوي:

$$h = 2.09, \text{ م} = \frac{1}{3} \times 4 \times [2.09 - \text{جا } 120] = 9.8 \text{ سم}$$

(أ) ٦ سم (ب) ٣ سم (ج) ١٢ سم (د) ٤ سم



$\frac{1}{4} \text{ هـ} = \frac{1}{4} \text{ م}$

$٢ - \text{جنا أوب} = \frac{1}{2} \text{ أوب} = ٠٦٠ \text{ هـ} = ١٠٠٥$

$٤٨ - ١ = \text{نق} + \text{نق} + \text{ل}$

$٣٢,٤ = \text{ل}$

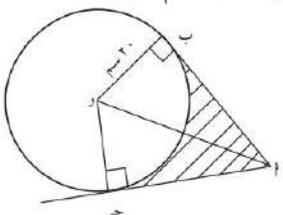
مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \text{أوب} \times \text{جنا} = ٦٠ \times ٣٤٦,٤ = ١٠٦٥٠,٤$ مساحة الجزء ٢

$\text{م} = \frac{1}{4} \times \text{ل} \times \text{نق}$

$١٢٦,٣٦ = ٧,٨ \times ٣٢,٤ \times \frac{1}{4} = \text{نق}$

المجموعة ب تمارين تعزيزية

١ حوض زهور على شكل قطاع دائري محيطه ٤٨ سم، وطول نصف قطر دائرته ٨ سم، ٧ سم. أوجد مساحته.



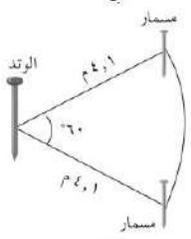
٢ في الشكل المقابل، $\vec{أب}$ ، $\vec{أج}$ مماسان للدائرة، وب = ٢٠ سم، و = ٤٠ سم.

أوجد مساحة الجزء المظلل.

٣ قطاع دائري زاوية رأسه ٦٠°، وطول نصف قطر دائرته ١٠ سم.

أوجد محيطه.

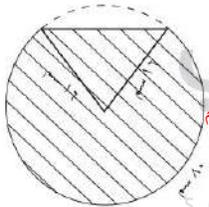
٤ وتد مثبت في الأرض ربط به طرف جبل طوله ١، ٤ أمتار، وثبت في الطرف الآخر من الجبل مسمار كبير لشده ثم تحريكه، فرسم طرفه الذي فيه المسمار على الأرض قوساً يقابل زاوية مركزية عند الوتد مقدارها ٦٠°. أوجد طول القوس المرسوم ومساحة القطاع الناتج.



$\text{هـ} = \frac{1}{4} \text{ ل} = \frac{1}{4} \times \text{نق} = \frac{1}{4} \times ١٠٠٥ = ٢٥١,٢٥$

$\text{م} = \frac{1}{4} \times \text{ل} \times \text{نق} = \frac{1}{4} \times ١٠٠٥ \times ٢٥١,٢٥ = ٦٣٠٠٠,٦٢٥$

٥ في الشكل المقابل، قطعة من الورق على شكل قطعة دائرية الشكل طول قوسها ٨٠ سم، وطول نصف قطر دائرتها ١٦ سم. احسب مساحتها.



$\frac{٨٠}{١٦} = \frac{\text{نق}}{١٦} \Rightarrow \text{نق} = ٨٠$

$\text{م} = \frac{1}{4} \times \text{نق} \times \text{هـ} = \frac{1}{4} \times ٨٠ \times ١٦ = ٣٢٠$

٦ قطعة دائرية طول وترها ٢٤ سم وطول نصف قطر دائرتها ١٦ سم. احسب مساحتها.

٧ أوجد مساحة المنطقة المظللة، واكتب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

١ - ٩ = مساحة المربع = ٢٨ = ٧٨٤

مساحة القطاع = $\frac{1}{4} \times \text{نق} \times \text{هـ} = \frac{1}{4} \times ١٤ \times ١٤ = ٤٩\pi$

المساحة المظللة = $٧٨٤ - ٧٨٤ + \pi \times ٤٩ = \pi \times ٤٩ - ٧٨٤$

١ - ٩ = مساحة المربع = ١٥ = ٢٢٥

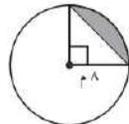
مساحة القطعة = $\frac{1}{4} \times \text{نق} \times \text{هـ} = \frac{1}{4} \times ١٥ \times ١٥ = \frac{225}{4}$

$١١٢,٥ - \pi \times ٢٢,٥ =$

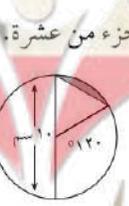
المساحة المظللة = $٢٢٥ - \pi \times ٢٢,٥ = ٢٢٥ - \pi \times ٢٢,٥$



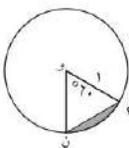
٢,٣



٢ سم ١٩,٢



٢,٣



٠,٠٩

٨ أوجد مساحة القطعة المظللة إلى أقرب جزء من عشرة.

مساحة الدائرة = $\pi \times ٧ = \pi \times ٤٩$

مساحة القطعة =

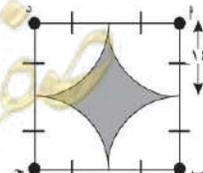
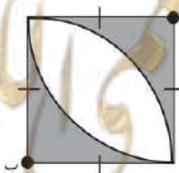
$\frac{1}{4} \times \text{نق} \times \text{هـ} = \frac{1}{4} \times [٢٤ - ٢٤]$

$\frac{1}{4} \times \pi \times ٧ = \frac{1}{4} \times \pi \times ٤٩$

$٢٤,٥ - \pi \times ١٢,٢٥$

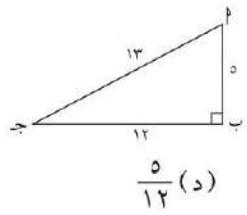
المساحة المظللة = $٢٤,٥ - \pi \times ١٢,٢٥$

$٤٩ - \pi \times ٢٤,٥ =$





مراجعة الوحدة الثانية



في التمارين (١ - ٩) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

١ في الشكل المقابل جا(٩٠° - ٢) تساوي:

- (أ) $\frac{12}{13}$ (ب) $\frac{5}{13}$ (ج) $\frac{12}{5}$ (د) $\frac{5}{12}$

٢ جا ج قاج تساوي:

- (أ) ظتاج (ب) ١ (ج) جا^٢ ج (د) ظاج

٣ قاج جتاج تساوي:

- (أ) قتا^٢ ج (ب) ١ (ج) $\frac{\text{جاج}}{\text{ظاج}}$ (د) جتا^٢ ج

٤ جاج ظتاج تساوي:

- (أ) جتاج (ب) $\frac{\text{جا}^٢ \text{ ج}}{\text{قاج}}$ (ج) ظتا^٢ ج ظاج (د) ظاج

٥ ظا ٤٥° تساوي:

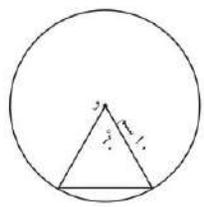
- (أ) بين ١،٠ (ب) أكبر من ١ (ج) ١ (د) ٠

٦ أب ج مثلث قائم في ب فإن أب ج تساوي:

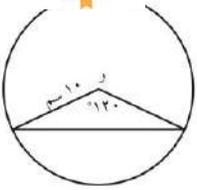
- (أ) أب جتاج (ب) أب ظاج (ج) أب قتاج (د) أب جاج

٧ في الشكل المقابل، مساحة القطاع الأصغر تساوي:

- (أ) $\frac{\pi 50}{3}$ سم^٢ (ب) $\frac{\pi 100}{3}$ سم^٢ (ج) $\frac{\pi 500}{3}$ سم^٢ (د) $\frac{100}{3}$ سم^٢



صفوة معلمى الكويت

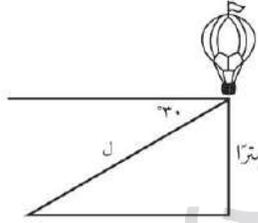


٨ في الشكل المقابل مساحة القطعة الدائرية الصغرى (بوحدها المساحة) تساوي:

(أ) $50 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\pi 120}{180} \right)$
 (ب) $50 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\pi 120}{180} \right)$
 (ج) $100 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\pi 120}{180} \right)$
 (د) $100 \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - 120 \right)$

٩ قطاع دائري طول نصف قطر دائرته ٤٠ سم، ومساحته ٥٠٠ سم^٢، فإن طول قوس القطاع (بالستيمترات) يساوي:

(أ) ٥٠ (ب) ٢٥ (ج) ١٠٠ (د) ٧٥



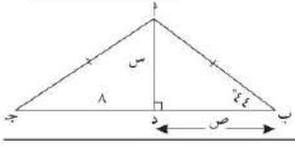
١٠ يرتفع منطاد في الفضاء ويصنع اتجاه المنطاد مع خط أفقي على سطح الأرض زاوية قياسها ٣٠°.

ما المسافة التي سوف يجتازها إذا وصل إلى ارتفاع ١٥٢٤ متراً عن سطح الأرض.

جاءه $\frac{1524}{\sin 30} = 3048$ مترًا

١١ أب جـ مثلث قائم في ب. فيه أب = ٦ سم، ب جـ = ٨ سم، أوجد كلاً من: s c h

(أ) أجـ. ١٠ سم (ب) جـ أجـ. $\frac{3}{5} = \frac{6}{10}$ (ج) قياس جـ. ٣٦.٩



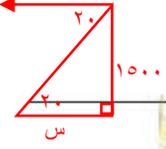
١٢ في الشكل المقابل، احسب كلاً من س، ص.

ظا ٤٤ = $\frac{\text{س}}{\text{ص}} = 8 \times \tan 44^\circ = 7.7$ سم

١٣ حل المثلث أب جـ القائم في جـ: ق (أ) أب = ٦٠ سم، ب (ب) = ٧٠° (ج) أب = ٢٠.٥ سم، أجـ = ٥٦.٤ سم

(ب) ب جـ = ١٧ سم، أجـ = ١٥ سم. أب = ٢٢.٧ سم، ب = ٤١.٤°، جـ = ٤٨.٦°

١٤ بينما كان أحد مهندسي الزراعة يخلق على ارتفاع ١٥٠٠ م بطائرة عمودية لرش المبيدات شاهد موقعاً على سطح الأرض بزاوية انخفاض قياسها ٢٠°. احسب بعد الموقع عن الطائرة.



جاءه $\frac{1500}{\sin 20} = 4385.7$ م

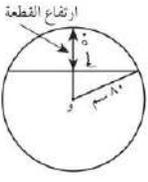


١٥ يقف رجل إنقاذ في برج مراقبة ارتفاعه ٨ م عن سطح البحر. شاهد شخصاً متعثراً في العوم ويحاول يعبر.
رصد موقعه فكانت زاوية انخفاض الشخص ١٨°. احسب المسافة التي سيقطعها رجل الإنقاذ ليصل إلى
الشخص المتعثر بدءاً من قاعدة برج المراقبة.

$$\text{ظا } 18^\circ = \frac{\text{س}}{\text{س}} = 24.6 \text{ متر}$$

١٦ قطاع دائري مساحته ١٢، ٦٤ سم^٢، وقياس زاويته ٧٥°. أوجد طول قوس القطاع.

$$\text{هـ} = 1.309, \text{المساحة} = \frac{1}{2} \text{نق} \times \text{هـ}, 64.12 = \frac{1}{2} \text{نق} \times 1.309 \times \text{نق}, \text{نق} = 9.9, \text{ل} = \text{نق} \times \text{هـ}, \text{ل} \approx 13 \text{ سم تقريباً}$$



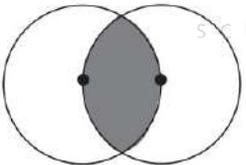
١٧ لوح من الخشب دائري الشكل طول نصف قطره يساوي ٨٠ سم يراد تقسيمه إلى
قطعتين، ارتفاع إحداهما ٥٠ سم. أوجد مساحة سطح القطعة الدائرية الكبرى.

$$\text{جتا } \theta = \frac{30}{80}, \text{ق(و)} \approx 0.70, \text{ق(أوب)} = 0.14, \text{ق(أوب المنعكسة)} = 0.22, \text{هـ} = 3.8$$

$$\text{م} = \frac{1}{2} \text{نق} (\text{هـ} - \text{جا هـ}) = \frac{1}{2} \times 80 \times [22 - 3.8] = 220 - 143.4 = 76.6 \text{ سم}$$

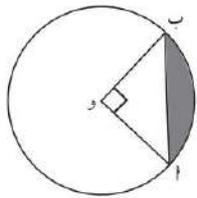
١٨ سلم إطفاء طوله ٢٨ م. يستند بطرفه العلوي إلى قمة حائط عمودي وبطرفه السفلي إلى
أرض أفقية بحيث يبعد طرفه السفلي عن الحائط العمودي بمقدار ١٠ م. احسب قياس زاوية ميل السلم
على الأرض وارتفاع الحائط العمودي.

$$\text{جتا(ب)} = \frac{10}{28}, \therefore \text{ق(ب)} = 0.09, \text{أ(ج)} = 28 - 10 = 18, \text{أ(ج)} = 26.2 \text{ م تقريباً}$$



١٩* في الشكل المقابل، يقع مركز كل دائرة على الدائرة الثانية،
وطول نصف قطر كل من الدائرتين يساوي ١٠ سم. أوجد محيط المنطقة
المظللة.

$$\text{الزاوية المركزية} = 120^\circ, \text{هـ} = 20.9, \text{ل} = \text{هـ} \times \text{نق}, \text{ل} = 10 \times 20.9 = 209, \text{محيط المنطقة} = 20.9 \times 2 = 41.8 \text{ سم}$$



٢٠ في الشكل المقابل، أوجد محيط ومساحة المنطقة المظللة إذا كان طول نصف
قطر الدائرة يساوي ٤ سم.

$$\text{هـ} = 1.07, \text{المساحة} = \frac{1}{2} \text{نق} (\text{هـ} - \text{جا هـ}) = 4.06 \text{ سم}^2$$

$$\text{ل} = \text{هـ} \text{نق}, \text{ل} = 4 \times 1.07 = 4.28, \text{أب} = 4 + 4 = 8$$

$$\text{أب} = \sqrt{32} = 5.65, \text{المحيط} = 6.28 + 5.65 = 11.93 \text{ سم}$$

تم تحميل الملف من موقع مدرستي الكويتية

مدرستي

الكويتية

school-kw.com



ننصح بأفضل مذكرة
مذكرات النجاح

حمل تطبيق مدرستي الكويتية



Download on the
App Store



GET IN ON
Google Play



النسبة والتناسب Ratio and Proportion

المجموعة ١ تمارين أساسية

١ إذا كان (س - ٥) : (١ + س) = ٤ : ٥، أوجد س.

$$\frac{س - ٥}{١ + س} = \frac{٤}{٥} \Rightarrow ٥(س - ٥) = ٤(١ + س) \Rightarrow ٥س - ٢٥ = ٤ + ٤س \Rightarrow ٥س - ٤س = ٤ + ٢٥ \Rightarrow س = ٢٩$$

٢ ما العدد الذي يطرح من حدي النسبة ٤٣ : ٢٣ ليكون الناتج مساويًا للنسبة $\frac{١}{٣}$ ؟

$$\frac{٤٣ - س}{٢٣} = \frac{١}{٣} \Rightarrow ٣(٤٣ - س) = ٢٣ \Rightarrow ١٢٩ - ٣س = ٢٣ \Rightarrow ٣س = ١٢٩ - ٢٣ \Rightarrow ٣س = ١٠٦ \Rightarrow س = \frac{١٠٦}{٣}$$

٣ أوجد قيمة الرابع المتناسب لكل مما يلي: ٩، ٣، ١.

$$\frac{٩}{٣} = \frac{١}{س} \Rightarrow ٩س = ٣ \Rightarrow س = \frac{٣}{٩} = \frac{١}{٣}$$

٤ أكمل الحد الناقص لتكون الأعداد الأربعة متناسبة: ٤، ٧، ...، ٣٥.

$$\frac{٤}{٧} = \frac{س}{٣٥} \Rightarrow ٣٥س = ٢٨٠ \Rightarrow س = \frac{٢٨٠}{٣٥} = ٨$$

٥ إذا كان $\frac{٥}{٧} = \frac{ب + ٢}{ب - ٢٩}$ ، أوجد ب.

$$\frac{٥}{٧} = \frac{ب + ٢}{ب - ٢٩} \Rightarrow ٥(ب - ٢٩) = ٧(ب + ٢) \Rightarrow ٥ب - ١٤٥ = ٧ب + ١٤ \Rightarrow ٥ب - ٧ب = ١٤٥ + ١٤ \Rightarrow -٢ب = ١٥٩ \Rightarrow ب = -\frac{١٥٩}{٢}$$

٦ إذا كانت أ، ب جـ أعدادًا متناسبة مع الأعداد ٤، ٥، ٩ فأوجد القيمة العددية للمقدار $\frac{ب + ٢}{ب - جـ}$

٧* إذا كانت أ، ب، جـ د أعدادًا متناسبة أثبت أن: $\frac{٢ + ٧}{ب + جـ} = \frac{٤ - ٢}{ب - جـ}$ ، حيث المقام $\neq ٠$.

$$\frac{٢ + ٧}{ب + جـ} = \frac{٤ - ٢}{ب - جـ} \Rightarrow \frac{٩}{ب + جـ} = \frac{٢}{ب - جـ} \Rightarrow ٩(ب - جـ) = ٢(ب + جـ) \Rightarrow ٩ب - ٩جـ = ٢ب + ٢جـ \Rightarrow ٩ب - ٢ب = ٩جـ + ٢جـ \Rightarrow ٧ب = ١١جـ \Rightarrow \frac{ب}{جـ} = \frac{١١}{٧}$$

٨* إذا كانت أ، ب، جـ تكون متناسبيًا (متسلسلًا) أثبت أن: $\frac{ب + ٢}{ب - جـ} = \frac{٢ + جـ}{ب - جـ}$ حيث المقام $\neq ٠$.

$$\frac{ب + ٢}{ب - جـ} = \frac{٢ + جـ}{ب - جـ} \Rightarrow ب + ٢ = ٢ + جـ \Rightarrow ب = جـ$$

صفوة على الكويت



٩ تفكير ناقد: أي من أزواج النسب التالية لا تكون تناسبًا؟

(ب) $\frac{9}{12}$ ، $\frac{4}{5}$

(أ) $\frac{15}{20}$ ، $\frac{6}{8}$

(د) $\frac{20}{24}$ ، $\frac{5}{6}$

(ج) $\frac{12}{15}$ ، $\frac{4}{5}$

١٠ إذا كان قلب طائر الكناري يدق ١٢٠ دقة كل ١٢ ثانية، استخدم التناسب لإيجاد عدد دقات قلب الكناري

في ٤٠ ثانية. $\frac{120}{12} = \frac{س}{40}$ س = ٤٠٠ دقة

١١ الكتابة في الرياضيات: اكتب مسألة من تأليفك يمكن أن تحلها باستخدام التناسب $\frac{س}{9} = \frac{2}{5}$ ثم حل

المسألة. إذا كان ثمن ٥ أقلام هو ٢ دينار فما ثمن ٩ أقلام؟ س = ٣, ٦ دينار

١٢ إذا كان $\frac{3}{4} = \frac{p}{b}$ أجب بصح أو خطأ.

(✓)

(أ) $3 = 4p$

(x)

(ب) $\frac{b}{p} = \frac{4}{3}$

(x)

(ج) $4 \times 3 = pb$

(✓)

(د) $\frac{4+3}{4} = \frac{b+p}{b}$

١٣ إذا كان $\frac{15}{22} = \frac{س}{10}$. فإن قيمة س هي:

(د) $\frac{11}{70}$

(ج) $\frac{3}{44}$

(ب) $\frac{44}{3}$

(أ) $\frac{70}{11}$

صفوة معلمى الكويت



المجموعة ب تمارين تعزيرية

١ ما العدد الذي يضاف إلى حدي النسبة ٧:٣٧ ليكون الناتج مساويًا للنسبة $\frac{1}{3}$ ؟ $\frac{1}{3} = \frac{س + ٧}{س + ٣٧}$

٢ أوجد الرابع المتناسب لكل مما يلي: $٣٧ + س = ٢١ + ٣س$ ، $٢س = ١٦$ ، $٨ = ٨$
 (أ) ٥، ٨، ٢٠، ٣٢ $\frac{٢٠ \times ٨}{٥} = س$

(ب) ٨، ١٣، ١٦، ٢٦ $\frac{١٦ \times ١٣}{٨} = س$

٣ أكمل الحد الناقص لتكون الأعداد الأربعة متناسبة.
 (أ) ٧، ٨، ٢١، ٢٤

(ب) ٤، ٥، ٢٠، ٢٥

٤ إذا كان $\frac{٥}{٨} = \frac{١}{ب}$ ، بيّن أي العبارات الآتية صحيحة، وأيها خطأ.

(أ) $١٨ = ٥ب$ (✓)

(ب) $\frac{٥}{٨} = \frac{٨}{ب}$ (x)

(ج) $\frac{٨+٥}{٨-٥} = \frac{ب+١}{ب-١}$ (✓)

٥ أوجد س إذا كان $\frac{١٣}{٥} = \frac{٧+س}{٧}$. $١٣ + ٥س = ٣٥ + ٥س$ ، $٥٦ = ٥س$ ، $١١.٢ = ٥س$

٦* إذا كانت أ، ب، ج، د أعدادًا متناسبة أثبت أن: $\frac{ب+٢٤}{ب+٤} = \frac{٨+١}{٨+٤}$ حيث المقام \neq الطرفان متساويان

$$\frac{ب}{د} = \frac{٤}{١٠} = \frac{١}{٢.٥} \quad \frac{٨+١}{٨+٤} = \frac{٩}{١٢} = \frac{٣}{٤} \quad \frac{ب+٢٤}{ب+٤} = \frac{٣}{٤} \quad \frac{ب(٣) + ٢٤(٤)}{ب(٣) + ٤(٤)} = \frac{٣}{٤}$$

٧* إذا كانت الأعداد أ، ب، ج تكون تناسبًا (متسلسلًا) أثبت أن: $\frac{١}{ب} = \frac{٢}{ب+٢} = \frac{٣}{ب+٤}$

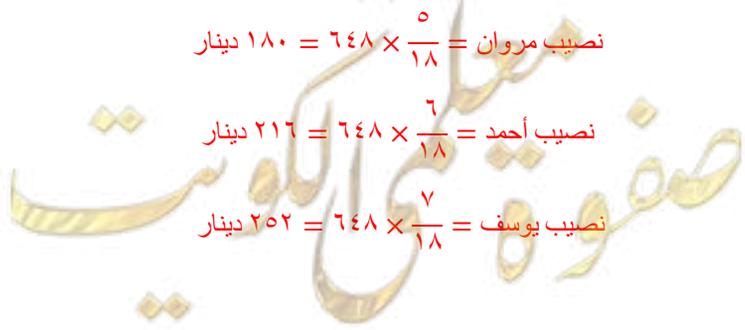
$$\frac{١}{ب} = \frac{٢}{ب+٢} = \frac{٣}{ب+٤} \quad \frac{١}{ب} = \frac{٢}{ب+٢} \Rightarrow ب+٢ = ٢ب \Rightarrow ب = ٢$$

٨ قبض ثلاثة إخوة لقاء عملهم معًا مبلغًا من المال قيمته ٦٤٨ دينارًا، وقد قسم هذا المبلغ عليهم حصصًا متناسبة مع الزمن الذي أمضاه كل منهم في العمل. إذا كان مروان قد عمل مدة ٥ ساعات، أحمد ٦ ساعات، يوسف ٧ ساعات. احسب نصيب كل منهم.

نصيب مروان = $\frac{٥}{١٨} \times ٦٤٨ = ١٨٠$ دينار

نصيب أحمد = $\frac{٦}{١٨} \times ٦٤٨ = ٢١٦$ دينار

نصيب يوسف = $\frac{٧}{١٨} \times ٦٤٨ = ٢٥٢$ دينار





التغير الطردي Direct Variation

المجموعة ١ تمارين أساسية

في التمارين (١-٣) هل كل معادلة في ما يلي تمثل تغيرًا طرديًا؟ إذا كان كذلك أوجد ثابت التغير.

١) $ص = \frac{٢}{٣} س$ **تغير طردي، ثابت التغير $\frac{٢}{٣}$**

٢) $٧س + ٤ص = ٢$ **لا تمثل تغير طردي**

٣) $٢ص + ٠ = ٠$

٤) إذا كانت المسافة (ف) التي يقطعها شخص في رحلة تتناسب مع الزمن (ن) في حالة ثبوت السرعة وإذا

كانت تلمزمه ساعتان ليقطع ١٠٠ كم. **ف = ٥٠ ن**

(أ) اكتب المعادلة التي تمثل العلاقة بين المسافة والزمن. **٥٠ = ك**

(ب) احسب المسافة التي يقطعها الشخص بعد $\frac{١}{٣}$ ساعات. **ف = $\frac{١}{٣} \times ٥٠ = ١٧ \frac{١}{٣}$ كم**

كل جدول مما يلي يمثل العلاقة بين س، ص. اختبر ما إذا كانت العلاقة تمثل تغيرًا طرديًا أم لا. وإذا كانت كذلك فاكتب هذه العلاقة.

٦

ص	س
٥,٧	٣
٩,٥	٥
١٧,١	٩

تمثل تغير طردي، $ص = ١,٩ س$

٥

ص	س
٦	٢
١٣,٥	٥
٢١	٨

لا تمثل تغير طردي

إذا كان المستقيم المار بالنقطتين ١، ب يمثل تغيرًا طرديًا أوجد ص:

٧) ١ (١,٢)، ب (٦,٤) $\frac{ص}{٢} = \frac{١}{٣} = \frac{ص}{٦}$ **ص = ٣**

٨) ١ (٥,١٢)، ب (١٥,١٢) $\frac{ص}{١٢} = \frac{١٢}{٥} = \frac{ص}{١٥}$ **ص = ٤**

٩) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين ١، ب حيث ١ (٢,٨)، ب (٣,٠) يمثل تغيرًا طرديًا فإن س تساوي:

(أ) ١٢ (ب) ١٢- (ج) $\frac{١٦}{٣}$ (د) $\frac{١٦-}{٣}$



١٠* طبقاً لقانون شارل إذا كان حجم كمية محدودة من الغاز (ح) يتناسب طردياً مع درجة الحرارة (ر)،

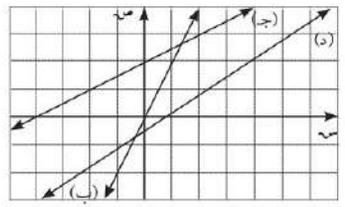
بالكلثن عند ثبوت الضغط (p)؛ وإذا كان الحجم = ٢٥٠ مل عندما درجة الحرارة = ٣٠٠ ك:

(أ) أكتب العلاقة بين الحجم ودرجة الحرارة. $٢٥٠ = ٣٠٠ \times ك$ ، $ك = \frac{٢٥٠}{٣٠٠}$ ، $ح = \frac{٥}{٣}$

(ب) أوجد الحجم إذا ازدادت درجة الحرارة إلى ٤٢٠ ك. $ح = \frac{٥}{٣} \times ٤٢٠ = ٣٥٠$ مل

١١ أي من المستقيمات في الرسم البياني التالي يمثل تغيراً طردياً حيث ثابت التغير < ٩٠ علّل إجابتك.

(ب)



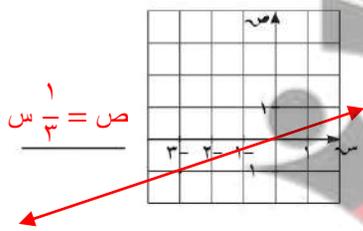
١٢ في ما يلي، هل المستقيم الذي يمر بالنقطتين م، ن يمثل تغيراً طردياً بين س، ص؟ اشرح إجابتك.

١. م (٥، ٢) ، ن (١٠، ٤) $\frac{ص}{س} = \frac{٢}{٥} = \frac{٤}{١٠}$ تغير طردي

٢. م (٤، ٣) ، ن (١٢، ٦) $\frac{ص}{س} = \frac{٣}{٤} \neq \frac{٦}{١٢}$ ليست تغير طردي

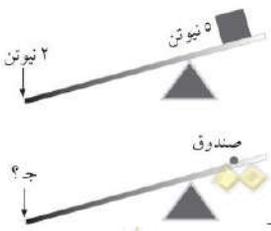
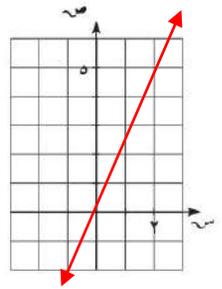
١٣ ارسم الخط المستقيم الذي يمثل علاقة التغير الطردي والذي يمر بالنقطة المعطاة ثم اكتب معادلته:

(أ) (٥، ٢) (ب) (-٣، -١)



$ص = \frac{١}{٣} س$

$ص = \frac{٥}{٣} س$



١٤ الفيزياء: يتغير الوزن (و) الذي يمكن أن ترفعه الرافعة المبينة طردياً

مع القوة المستخدمة (ق). إذا كانت القوة ٢ نيوتن هي التي تحتاج إليها لرفع

صندوق وزنه ٥ نيوتن، فأوجد القوة (ج) التي تحتاج إليها لرفع صندوق

وزنه ٤٠ نيوتن.

$و = \frac{٥}{٣} ق$ ، $ق = \frac{٤٠}{٥} و = ١٦$ نيوتن



١٥ تفكير ناقد: أوجد قيمة ج التي تجعل العلاقة أس - ب ص = ج علاقة تغير طردي.

$$ب ص = أ س - ج ، ص = \frac{ب}{أ} س - \frac{ج}{أ} \Rightarrow ج = صفر$$

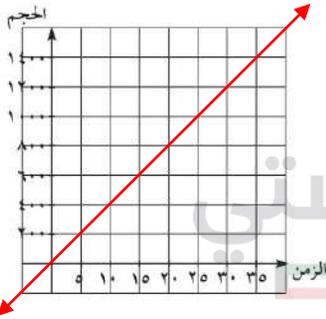
١٦ لدينا خزان ماء فارغ نريد ملأه. يبين الجدول أدناه حجم الخزان وزمن التعبئة.

الحجم باللتر (ح) $\frac{ص}{س}$	$\frac{٤٠٠}{١٠}$	$\frac{٤٠٠}{١٥}$	$\frac{٤٠٠}{٣٠}$
الزمن بالدقائق (ن)	١٠	١٥	٣٠

(أ) هل العلاقة بين الحجم (ح) والزمن (ن) علاقة تغير طردي؟ فسر إجابتك.

$$\frac{١}{٤٠} = \frac{٣ ص}{٤٠ س} = \frac{٢ ص}{٢٠ س} = \frac{١ ص}{١٠ س} \Rightarrow \text{علاقة طردية لأن}$$

(ب) مثل العلاقة بيانياً.



١٧ يبين الجدول أدناه، استهلاك سيارة للوقود وفق المسافة المقطوعة.

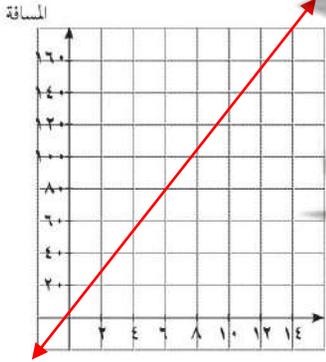
الاستهلاك باللتر (س)	٨	٤, ٨	١٢
المسافة بالكيلومتر (ص) $\frac{ص}{س}$	$\frac{١٠٠}{٨}$	$\frac{٦٠}{٤}$	$\frac{١٥٠}{١٢}$

(أ) هل العلاقة بين الاستهلاك باللتر (س) والمسافة المقطوعة بالكيلومتر (ص) علاقة طردية؟

فسر إجابتك.

$$\frac{٥}{٢} = \frac{٣ ص}{٢ س} = \frac{٢ ص}{٢ س} = \frac{١ ص}{١ س} \Rightarrow \text{علاقة طردية لأن}$$

(ب) مثل العلاقة بيانياً.



صفوة معلمى الكويت



المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمارين (١-٣) هل كل معادلة تمثل تغيرًا طرديًا؟ إذا كانت كذلك فأوجد ثابت التغير.

١) $٥س - ٢ص = ٠$ $ص = \frac{٥}{٢}س$ **تغير طردي ، الثابت $\frac{٥}{٢}$**

٢) $٦س - ٩ص = ٣$ **ليست تغير طردي**

٣) $٦س = ٩ص$ $ص = \frac{٦}{٩}س$ **تغير طردي ، الثابت $\frac{٦}{٩}$**

٤) إذا كان لديك حديقة فيها أشجار من الرمان، وكان المبلغ (م) الذي تربيحه يتناسب طرديًا مع عدد أشجار الرمان (ش). وإذا كنت تحصل على ٣٦ دينارًا لجني محصول ٣ أشجار:
(أ) اكتب العلاقة بين الربح وعدد أشجار الرمان.
م = ١٢ ش

(ب) ما المبلغ الذي تربيحه من جني ٩٠ شجرة؟

م = ٩٠ × ١٢ = ١٠٨٠ دينار

في التمرينين (٥، ٦) كل جدول يمثل العلاقة بين س، ص. اختبر ما إذا كانت العلاقة تمثل تغيرًا طرديًا أم لا. وإذا كانت كذلك فاكتب هذه العلاقة.

٦)

ص	س
٥	٢
١٠	٤
١٥	٨

ليست تغير طردي

٥)

ص	س
٢	٤
٤	٨
٧	١٤

تغير طردي $ص = \frac{١}{٢}س$

في التمارين (٧-٩) إذا كانت الأزواج المرتبة في كل تمرين تمثل تغيرًا طرديًا أوجد س أو ص:

٧) (١، ٢) ، (٣، ٦) $\frac{٢}{١} = \frac{٦}{٣}$ **س = ٦**

٨) (٢، ٤) ، (٤، ٦) $\frac{٤}{٢} = \frac{٦}{٤}$ **س = ٣**

٩) (٣، ٨) ، (٦، ١٤) $\frac{٨}{٣} = \frac{١٤}{٦}$ **ص = ٤**

١٠) إذا كانت درجتك في امتحان (د) تتناسب مع عدد الأسئلة التي قمت بالإجابة عنها بطريقة صحيحة (ج)؛ وإذا حصلت على ٨٠ درجة في مادة الرياضيات وكنت قد أجبت عن ٢٠ سؤالًا إجابة صحيحة.

(أ) أكتب العلاقة بين الدرجة التي حصلت عليها وعدد الإجابات الصحيحة. **د = ٤ ج**

(ب) ما الدرجة التي تحصل عليها عند إجابتك عن ٢٤ سؤالًا إجابة صحيحة؟ **د = ٤ × ٢٤ = ٩٦**



التغير العكسي Inverse Variation

المجموعة ١ تمارين أساسية

في التمارين (١-٣) أوجد ثابت التغير لكل من التغيرات العكسية التالية:

١) ن = ٦ عندما ب = ٩ $ك = ٥٤$

٢) ص = ١٣ عندما س = ٧ $ك = ٩١$

٣) س = ٨ عندما ص = ٩, ٥ $ك = ٧٦$

في التمرينين (٤, ٥) أوجد قيمة م لكي تمثل الأزواج التالية في كل مسألة تناسب عكسية.

٤) (٨, ٥) ، (٤, م) $١٠ = م \cdot \frac{٥}{٨} = \frac{٥}{٨} م$

٥) (٨, ٤) ، (٢, م) $١٦ = م \cdot \frac{٤}{٨} = \frac{٤}{٨} م$

٦) إذا كان حجم الغاز (ح) الموجود في إناء يتناسب عكسيًا مع الضغط (ض)، وكان الحجم (ح) = ٢٠ م^٣ عندما الضغط (ض) = ١ جوي. $٢٠ = ح \cdot ض$

(أ) أوجد الحجم عندما يكون الضغط = ٤ جوي. $٢٠ = ٤ \times ح$ $٢٠ = ح \cdot ٤$

(ب) أوجد الحجم عندما يكون الضغط = ٣٦ جوي. $٢٠ = ٣٦ \times ح$ $٢٠ = ح \cdot ٣٦$

في التمرينين (٧, ٨) في البيانات الموجودة في كل جدول، اختبر في ما إذا كانت العلاقة بين س، ص تمثل تغيرًا طرديًا أم تغيرًا عكسيًا. أكتب المعادلة التي تمثل نوع التغير.

٨

ص	س
٤٠	١
٢٠	٢
١٠	٤
٨	٥

تغير عكسي

س ص = ٤٠

٧

ص	س
٤	٢
٨	٤
٢٠	١٠
٢٥	١٢, ٥

تغير طردي

س = ٢ ص



٩ (أ) إذا أردت أن تكسب ٨٠ ديناراً، فكم ساعة تعمل في كل ممالي:

١. إذا كنت تكسب في الساعة ٥ دنانير.

$$٥ \times س = ٨٠ \quad س = ١٦ \text{ ساعة}$$

٢. إذا كنت تكسب في الساعة ٨ دنانير.

$$٨ \times س = ٨٠ \quad س = ١٠ \text{ ساعات}$$

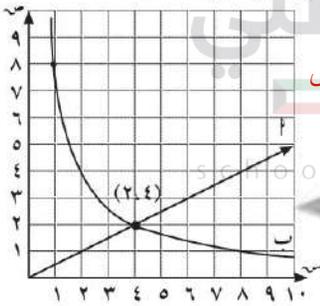
٣. إذا كنت تكسب في الساعة ١٠ دنانير.

$$١٠ \times س = ٨٠ \quad س = ٨ \text{ ساعات}$$

(ب) ما المتغير في (أ)؟ عدد الساعات

(ج) اكتب المعادلة التي تمثل هذا الموقف.
ص = ك س

١٠ تفكير ناقد: الرسمان البيانيان (ب)، (ج) أحدهما يمثل تغيراً طردياً والآخر يمثل تغيراً عكسياً.



$$\frac{١}{٢} = \frac{ص}{س} \quad \frac{٢}{٤} = \frac{ص}{س}$$

التغير الطردي

التغير العكسي

١١ إذا كانت شدة التيار (ش) في موصل تتغير عكسياً مع المقاومة (م)

لذلك الموصل، وإذا كانت شدة التيار

$\frac{1}{3}$ أمبير عندما كانت المقاومة ٣٦٠ أوم، فاكتب العلاقة بين شدة

التيار والمقاومة لذلك الموصل.

$$\frac{ش}{م} = \frac{ك}{٣٦٠} \quad \frac{ك}{٣٦٠} = \frac{١}{٣} \quad ك = ١٢٠$$

$$\frac{ش}{١٢٠} = \frac{١}{٣} \quad ش = ١٢٠$$

١٢* إذا كان حجم الأسطوانة الدائرية القائمة (ح) يُعطى بالعلاقة ح = π ر^٢ ع، حيث (ر) طول نصف قطر

قاعدة الأسطوانة، (ع) ارتفاعها. وإذا كان حجم الأسطوانة: $\pi ٢٠$ سم^٣:

$$\pi ٢٠ = \pi ر^٢ ع \quad ح = \pi ر^٢ ع \quad ع = \frac{٢٠}{ر^٢}$$

(ب) أوجد قيمة تقريبية لـ (ع) عندما ر = ٥، ٢ سم.

$$ع = \frac{٢٠}{٥^٢} = \frac{٢٠}{٢٥} = ٠.٨$$



المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمرينين (٢، ١) أوجد (ن) لكي تمثل الأزواج التالية في كل مسألة على تناسبات عكسية.

١ (ن، ٧) ، (٢، ١٤) $\frac{14}{7} = \frac{N}{2}$ $N = 4$

٢ (ن، $\frac{3}{4}$) ، ($\frac{2}{3}$ ، ١٨) $\frac{18}{N} = \frac{2}{\frac{3}{4}}$ $N = 16$

اختبر ما إذا كانت العلاقة بين س، ص تمثل تغيرًا طرديًا أم تغيرًا عكسيًا. أكتب المعادلة التي تمثل نوع التغير.

٥

ص	س
١، ٢	١٤، ٤
١	١٢
٠، ٧٥	٩
٠، ٣	٣، ٦

٤

ص	س
٩	٠، ٠١
٠، ١	٠، ٩
٠، ٩	٠، ١
٠، ٠٣	٣

٣

ص	س
٨	١
٤	٢
٢	٤
١	٨

عكسي : س ص = ٨

طردي $\frac{ص}{س} = \frac{١}{١٢}$ $\frac{س}{ص} = \frac{١٢}{١}$

عكسي : س ص = ٠، ٠٩

٦ أي التناسبات التالية تمثل تغيرًا عكسيًا؟

(أ) $\frac{ص_١}{س_١} = \frac{ص_٢}{س_٢}$

(ب) $\frac{ص_١}{س_١} = \frac{س_٢}{ص_٢}$

(ج) $\frac{س_١}{ص_١} = \frac{س_٢}{ص_٢}$

٧ الزمن اللازم (ن) لقطع مسافة معينة (ف) يتناسب عكسيًا مع السرعة. بفرض أنك تستغرق $2\frac{1}{3}$ ساعة

للسفر بين مدينتين عندما يكون متوسط سرعة السيارة ٩٠ كم/ ساعة.

(أ) احسب ثابت التغير. ماذا يمثل هذا الثابت؟ $ف = ع \times ن$ $٢٢٥ = ٢٠٥ \times ٩٠ = ف$

(ب) كم تستغرق سيارة «ميكرو باص» لقطع المسافة نفسها إذا كان متوسط سرعتها ٧٥ كم/ ساعة؟

$٢٢٥ = ٧٥ \times ن$ $ن = ٣$ ساعات

٨ خصصت قطعنا أرض لها المساحة نفسها لبناء مجمعين سكنيين، كل منهما على شكل مستطيل. أبعاد القطعة

الأولى ٣٤×٢١ م. إذا كان طول القطعة الثانية ٥ و ٥٢ م فهل تتوقع أن عرضها يزيد عن عرض القطعة

الأولى أم يقل عنه؟ ولماذا؟ احسب ذلك العرض لتتأكد من صحة توقعك.

يقل لأنه تغير عكسي $٢١ \times ٣٤ = ٥٢ \times س$ $س = ١٣.٦$ متر

٩ إذا كان بإمكان فريق مؤلف من ٤ عمال طلاب صفوف المدرسة خلال ٦ أيام. فكم يومًا يلزم فريق مؤلف

من ٦ عمال للقيام بالعمل نفسه؟

$س \times ص = ٢٤$ $٦ \times ص = ٢٤$ $ص = ٤$ أيام



مراجعة الوحدة الثالثة

اختر الإجابة الصحيحة.

١ إذا كان $2س - 5ص = 0$ فإن $\frac{س}{ص}$ تساوي:

(أ) $\frac{2}{3}$ (ب) $\frac{3}{2}$ (ج) $\frac{2}{5}$ (د) $\frac{5}{2}$

٢ إذا كان $\frac{س}{ص} = 7$ فإن $س + 7ص$ تساوي:

(أ) $7س$ (ب) $8س$ (ج) $2س$

(د) ليس أيًا مما سبق صحيحًا

٣ إذا كان $٢٠ب = \frac{1}{٤}ب$ فإن $ج$ تساوي:

(أ) $\frac{\text{مقدار ثابت}}{٢}$ (ب) $٢ \times \text{مقدار ثابت}$

(ج) $ب \times \text{مقدار ثابت}$ (د) $\frac{\text{مقدار ثابت}}{ب}$

٤ إذا كانت $\frac{س}{٨} = \frac{1}{ص}$ فإن إحدى الإجابات الصحيحة هي:

(أ) $س = \frac{1}{٤}$ ، $ص = \frac{1}{٢}$ (ب) $س = ٢$ ، $ص = ٤$

(ج) $س = ٢$ ، $ص = ٤$ (د) $س = ١٠$ ، $ص = ٨$

٥ إذا كانت ٦، ٩، س، ١٥ في تناسب فإن س تساوي:

(أ) ٣٠ (ب) ٢٥ (ج) ٢٠ (د) ١٠

٦ العدد الذي إذا طرح من كل من الأعداد ١٦، ١١، ٧ بالترتيب نفسها صارت متناسبة هو:

(أ) ٤ (ب) ٣ (ج) ٢ (د) ١

٧ إذا كانت ٤٢ب، س، ٧، ٢٢ أربع كميات متناسبة فإن س تساوي:

(أ) ٢١٤ (ب) $٢\frac{1}{3}$ (ج) ٢٣ (د) ٢١٢

٨ إذا كانت ٢٠، س، ٣٢ في تناسب متسلسل فإن س تساوي:

(أ) $\sqrt{١٠٧٢٢} \pm$ (ب) $\sqrt{١٠٧٤٢} \pm$ (ج) $\sqrt{١٠٧٨٢} \pm$ (د) $\frac{1}{\sqrt{١٠٧٨}}$

٩ إذا كانت $\frac{س}{٢ص} = \frac{٣}{٥}$ فإن $\frac{س + ٢ص}{س - ٢ص}$ تساوي:

(أ) $\frac{1٥}{٩}$ (ب) $\frac{1٦}{٧}$ (ج) $\frac{٧}{1٦}$ (د) $\frac{٩}{1٥}$



١٠ إذا كان $2س^2 - 7ص + 3ص^2 = 0$ حيث $ص$ ، $س$ موجبان فإن $\frac{س}{ص}$ يمكن أن تساوي:

- (أ) $\frac{3}{1}$ (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{3}{1}$ (د) $\frac{1}{3}$

١١ الوسط المتناسب بين $4أ^2$ ، $9أ$ ، $ب$ يساوي:

- (أ) $36أ^2$ (ب) $26أ^2$ (ج) $6أ$ (د) $6أ^2$

١٢ إذا كانت $\frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د}$ فإن $\frac{أ+ب}{ب}$ تساوي:

- (أ) $\frac{أ+ج}{ب+د}$ (ب) $\frac{ج+د}{ب}$ (ج) $\frac{أ+ج}{ب}$ (د) $\frac{د+ج}{د}$

١٣ إذا كان $ص \propto س$ ، $ص = 5$ عندما $س = 10$ فإن $س$ تساوي:

- (أ) 100 (ب) 250 (ج) 50 (د) 150

١٤ إذا كانت $\frac{س}{ص} = \frac{2}{3}$ فإن $\frac{س+ص}{2ص}$ تساوي:

- (أ) $\frac{2}{5}$ (ب) $\frac{3}{2}$ (ج) $\frac{7}{5}$ (د) $\frac{5}{6}$

١٥ إذا كانت $أ$ ، $3س$ ، $2ب$ ، $4س$ في تناسب فإن $\frac{أ}{ب}$ تساوي:

- (أ) $\frac{3}{4}$ (ب) $\frac{4}{3}$ (ج) $\frac{2}{3}$ (د) $\frac{3}{2}$

١٦ الرابع المتناسب للمقادير $(أ+ب)^2$ ، $(2ب-أ)$ ، $(ب-أ)$ يساوي:

- (أ) $\frac{ب-أ}{(أ+ب)^2}$ (ب) $\frac{2(ب-أ)}{ب+أ}$ (ج) $\frac{2(أ+ب)}{أ-ب}$ (د) $\frac{2(ب-أ)}{ب+أ}$

١٧ إذا كانت $ص = \frac{5}{س}$ فإن:

- (أ) $ص \propto \frac{1}{س}$ (ب) $ص \propto س^2$ (ج) $ص \propto \frac{1}{س}$ (د) $ص \propto س$

١٨ إذا كان $ص \propto س$ وكانت $ص = 8$ عندما $س = 4$ ، فإنه عندما $ص = 6$ فإن $س$ تساوي:

- (أ) $\frac{1}{3}$ (ب) 3 (ج) $\frac{1}{6}$ (د) $\frac{1}{8}$

١٩ إذا كانت $\frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د}$ فإن $\frac{3أ-4ج}{3د-2ب}$ تساوي:

- (أ) $\frac{ب}{د}$ (ب) $\frac{أ}{ج}$ (ج) $\frac{ب}{أ}$ (د) $\frac{أ}{ب}$

٢٠* إذا كانت $ص = أ + ب$ حيث $أ$ ثابت، $ب \propto س$ وكانت $ص = 13$ عندما $س = 2$ ، $ص = 1$ عندما

$س = 1$ فإن قيمة $ص$ عندما $س = 5$ تساوي:

- (أ) 71 (ب) 60 (ج) 11 (د) 12

٢١ مساحة سطح الكرة $م = 4\pi ر^2$ فإن المساحة $م$ تتناسب طردياً مع:

- (أ) $ر$ (ب) $\pi ر$ (ج) $ر^2$ (د) π



٢٢ مثلث طول قاعدته s وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة s ، إذا كانت مساحته 12 سم^٢ فإن:

(أ) $ص - س = 12$

(ب) $س + ص = 24$

(ج) $ص \propto \frac{1}{س}$

(د) $ص \propto س$

٢٣ إذا كان $9س + 6س = 5(س - ص)$ فإن

(أ) $ص \propto س$

(ب) $س \propto ص$

(ج) $س \propto \frac{1}{ص}$

(د) ليس أيًا مما سبق صحيحًا

٢٤ إذا كان $\frac{9}{13} = \frac{3س + ص}{2س + 3ص}$ ، فأوجد القيمة العددية للمقدار $\frac{3س + ص}{2س + 3ص}$.

$$18س + 27ص = 27س + 39ص = 13س + 14ص = 21س \therefore س = \frac{2}{3}ص$$

$$\frac{3س + ص}{2س + 3ص} = \frac{3 \times \frac{2}{3}ص + ص}{2 \times \frac{2}{3}ص + 3ص} = \frac{2ص + ص}{\frac{4}{3}ص + 3ص} = \frac{3ص}{\frac{13}{3}ص} = \frac{9}{13}$$

٢٥ تتناسب مقاومة سلك كهربائي (م) عكسيًا مع مربع طول نصف قطره (نم)، إذا كانت مقاومة

السلك = 4 ، 0 (أوم) عندما يكون طول نصف قطره 3 سم، فأوجد العلاقة بين $م$ ، $نم$ ، ثم احسب مقاومة السلك عندما يكون $نم = 2$ ، 0 سم.

$م \times ن = 4$ ، $0.4 \times 0.3 = 0.12$ ، $0.36 = 0.36$ ، $0.36 = 0.36$ ، $0.36 = 0.36$ ، $0.9 = 0.9$ أوم

٢٦ إذا كانت العلاقة بين حجم الأسطوانة (ح) وطول نصف قطرها (ن) وارتفاعها (ع) هي

$ح = \pi ن^2 ع$ ، فبين نوع العلاقة في الحالات التالية:

(أ) بين $ح$ ، $ن$ ، $ع$ بفرض ثبوت $ع$. طردي $ح \propto ن^2$

(ب) بين $ح$ ، $ع$ عند ثبوت $ن$. طردي $ح \propto ع$

٢٧ إذا كانت $أ$ ، $ب$ ، $ج$ أعدادًا متناسبة مع الأعداد 3 ، 5 ، 2 فأوجد القيمة العددية للمقدار $\frac{أ + 5ب}{ب + 3ج}$.

$$\frac{أ + 5ب}{ب + 3ج} = \frac{3م + 5(5م)}{5م + 3(2م)} = \frac{3م + 25م}{5م + 6م} = \frac{28م}{11م} = \frac{28}{11}$$

(ب) إذا أنتج 20 عاملاً في مصنع 3000 آلة في 12 يوم عمل، فما المدة التي سوف يستغرقها 15 عاملاً لإنتاج 3000 آلة؟

$س \times ص = ك$ ، $20 \times 12 = 240$ ، $240 = 240$ ، $ص = 16$ يوم



مقدار التغير = $100 \times \frac{5}{100} = 5$ كجم

أصبح وزن العنب = $100 - 5 = 95$ كجم

تمارين إثرائية

١ وضع ١٠٠ كيلوجرام من العنب للتجفيف للحصول على الزبيب. يحتوي هذا العنب على ٩٥٪ ماء.

بعد ٣ أسابيع من التجفيف، انخفضت نسبة الماء فيه إلى ٩٠٪. فكم أصبح وزن العنب؟

٢ (أ) إحداثيات النقطتين أ، ب هي: $(-1, -2)$ ، $(5, 132)$ ، (265) . أ، ب، و على استقامة واحدة لأنها تمثل دالة

طردي لأن $\frac{ص}{٢} = \frac{ص}{١٥} = \frac{ص}{٢٥}$ كيف؟
هل يمكن معرفة ما إذا كانت النقاط أ، ب، و نقطة الأصل على استقامة واحدة؟

(ب) كرر نفس السؤال في (أ) بالنسبة لأزواج النقاط: $\frac{ص}{١+√٢} \times \frac{١+√٢}{١-√٢} = \frac{ص}{١+√٢}$ $\frac{ص}{√٢+٣} = \frac{ص}{٣}$

م، ن حيث م $(1-√٢, 1+√٢)$ ، ن $(2+3, 1)$ $(2√٢, 2+3, 1)$

ك، ل حيث ك $(0, 5)$ ، ل $(3, 5)$ ، $(2, 3)$ $\frac{ص}{١٥} = \frac{٠.٥}{٣} = \frac{٣}{٢٣}$ $\frac{ص}{٣} = \frac{٣.٥}{٢٣}$ $\frac{٣}{٢} = \frac{٣.٥}{٢٣}$

٣ ارتفع سعر عدسة آلة تصوير تلفزيونية ٤، ٣٪ ثم ارتفع السعر الجديد ٦، ١٦٪ ليصبح سعرها الحالي ٤٨، ١٦ دينارًا. فكم كان سعر العدسة قبل الزيادات؟

السعر النهائي = السعر الأصلي $\times (100\% + \text{النسبة المئوية للزيادات})$

٤ هل توجد دالة تغير طردي في كل مما يلي: ١٦.٤٨ = ص \times ١.١٦٦ \therefore ص = ١٤.١٣٤

١٤.١٣٤ = ص \times ١.٠٣٤، السعر قبل الزيادات \approx ١٣.٦٦٩ دينار

(أ) ص سعر سلعة بالدولار، ص سعرها بالدينار. نعم دالة تغير طردي

(ب) ص طول ضلع مكعب، ص حجم هذا المكعب. لا توجد دالة تغير طردي

نعم توجد دالة تغير طردي

(ج) ص ارتفاع أسطوانة طول نصف قطرها ٥ سم، ص حجم هذه الأسطوانة بالستيمترات المكعبة.

٥ يعمل طلال في إحدى الشركات، ويتألف راتبه الشهري من راتب ثابت قيمته ٩٧٠ دينارًا وعمولة قدرها

٤٪ على مجمل مبيعاته الشهرية. إذا بلغ راتب طلال في نهاية هذا الشهر ١٥٠٠ دينار، فما مجمل مبيعاته

خلاله؟

٦ يقبض صالح راتبًا شهريًا قدره ٩٠٠ دينار مقابل ٦٠ ساعة عمل، فيدفع منه ١٥٪ لشراء بعض حاجياته.

وقد اضطر هذا الشهر إلى العمل ساعات إضافية من أجل تسديد دين قيمته ١٢٠٠ دينار، على أن يقبض

أجرة ساعة ونصف لقاء كل ساعة عمل إضافية. فكم ساعة عمل إضافية عليه أن يعمل؟

٥ - مقدار العمولة = $970 - 1000 = 30$ دينار

٤ $٥٣٠ = ص \times \frac{١٠٠}{٤} = ١٣٢٥٠$ دينار المبيعات = 13250 دينار

٦ - أجرة الساعة = $900 \div 60 = 15$ دينار

ما يدفعه لشراء حاجياته = $900 \times \frac{15}{100} = 135$ دينار، الباقي ٧٦٥ دينار ما يحتاجه لتسديد الدين = $1200 - 765 = 435$ دينار

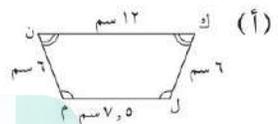
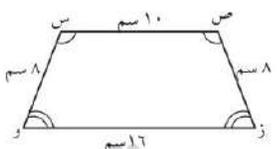
سعر ساعة العمل الإضافي = $15 + 7.5 = 22.5$ دينار عدد الساعات العمل الإضافي = $435 \div 22.5 = 19 \frac{2}{3}$ ساعة



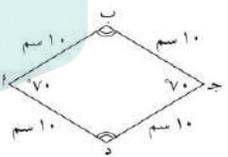
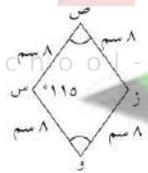
المضلعات المتشابهة Similar Polygons

المجموعة ١ تمارين أساسية

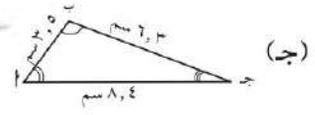
١ تمارين هندسية: في كل من الأشكال التالية: ابحث تشابه المضلعين، فإذا كان المضلعان متشابهين، اكتب عبارة التشابه ونسبة التشابه، وإذا لم يكن المضلعان متشابهين اشرح السبب.



المضلعان متشابهان ك ل م ن ~ ز ص س و $\frac{كل}{زص} = \frac{كن}{زو} = \frac{نم}{وس} = \frac{م ل}{س ص}$ نسبة التشابه $\frac{٣}{٤}$



ق(ب) = $\frac{٣٦٠ - (٧٠ + ٧٠)}{٢} = ١١٠$ ق(ز) = ١١٥ المضلعان غير متشابهان

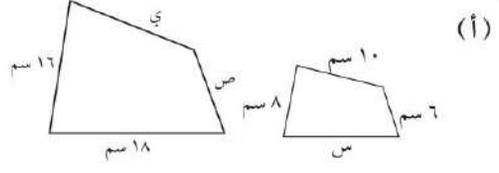


Δ ج ب ا ~ Δ د ه ز نسبة التشابه $\frac{١,٤}{١}$

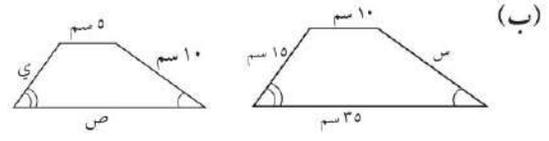
صفوة على الكويت



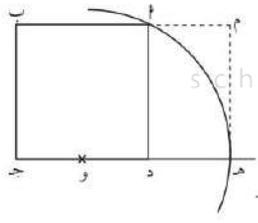
٢ احسب س، ص، ي في الحالات التالية علماً بأن المضلعان متشابهان:



س = ٩ سم ، ص = ١٢ سم ، ي = ٢٠ سم



ص = ٨ سم ، ي = ١٠ سم ، س = ٦ سم



٣* أ ب ج د مربع طول ضلعه ١ سم. و منتصف د ج. الدائرة التي مركزها و المارة بالنقطة أ تقطع ج د في هـ. أكمل المستطيل ب ج هـ م. أثبت أن أ ب ج هـ م مستطيل ذهبي.

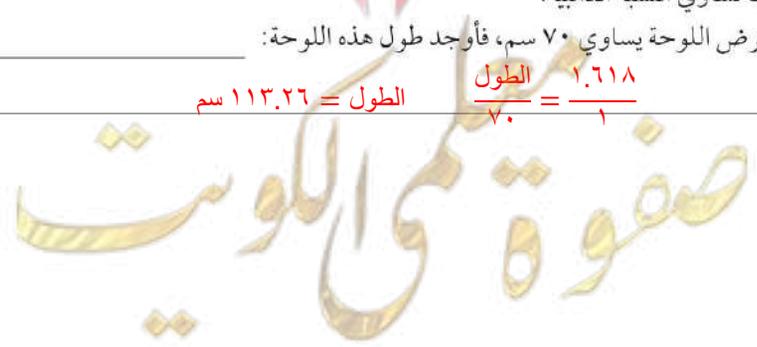
(و أ) $٥ = ٢ + ٢ = ٢$ ج أ $= \sqrt{٥}$ ∴ و هـ $= \sqrt{٥}$

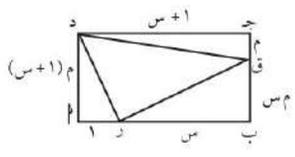
∴ ب ج هـ م مستطيل ذهبي ∴ هـ ج $= \sqrt{٥} + \frac{١}{٢}$ هـ ج $= \frac{١ + \sqrt{٥} ٢}{٢}$ ∴ ب ج هـ م مستطيل ذهبي

٤ قاست لولوة أبعاد لوحة فنية معلقة في صالة الاستقبال في منزلها فتبين لها أن النسبة بين طول اللوحة وعرضها تساوي النسبة الذهبية.

إذا كان عرض اللوحة يساوي ٧٠ سم، فأوجد طول هذه اللوحة:

الطول $= \frac{١.٦١٨}{٧٠} = \frac{١.٦١٨}{٧٠}$ الطول $= ١١٣.٢٦$ سم





٥) أب وجد مستطيل أبعاده ١ + س ، م (١ + س) بالسم.

حيث س هي النسبة الذهبية وتحقق المعادلة:

$$س = \frac{س + ١}{س}$$

م عدد صحيح نسبي بين الصفر والواحد.

(أ) أوجد مساحة المثلثات ق جد، ق ب ر، دار. م $\Delta ق جد = \frac{١}{٣} \times م \times (١ + ٠)$

~~م $\Delta ق جد = \frac{١}{٣} \times م \times (١ + ٠)$ ، م $\Delta ق ب ر = \frac{١}{٣} \times م \times ٠ = ٠ \times ٠ \times \frac{١}{٣} = ٠$ ، م $\Delta ق جد = \frac{١}{٣} \times م \times (١ + ٠)$~~

(ب) أثبت أن المساحات الثلاث متساوية.

∴ المساحات الثلاثة متساوية

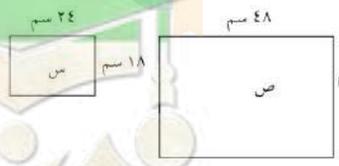
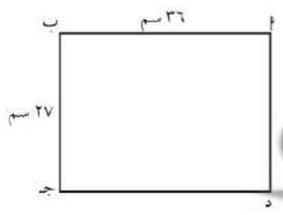
٦) عام ٢٠٠٤ في مهرجان بورتسموث في إنكلترا، أطلق فريق كويتي طائرة ورقية على شكل علم الكويت.

بلغ طول الطائرة ٤٢ متراً وعرضها ٢٥ متراً. هل المستطيل الذي تكونه الطائرة هو مستطيل ذهبي؟

$$\frac{\text{الطول}}{\text{العرض}} = \frac{٤٢}{٢٥} = \frac{١.٦٨}{١} \text{ ليس مستطيل ذهبي}$$



٧) المستطيلات المشابهة للمستطيل أب جد هي:



(ب) ص فقط
(د) س، ص، ع

(أ) س فقط
(ج) س، ص فقط

صفوة معلمى الكويت

تم تحميل الملف من موقع مدرستي الكويتية

مدرستي

الكويتية

school-kw.com



ننصح بأفضل مذكرة
مذكرات النجاح

حمل تطبيق مدرستي الكويتية



Download on the
App Store



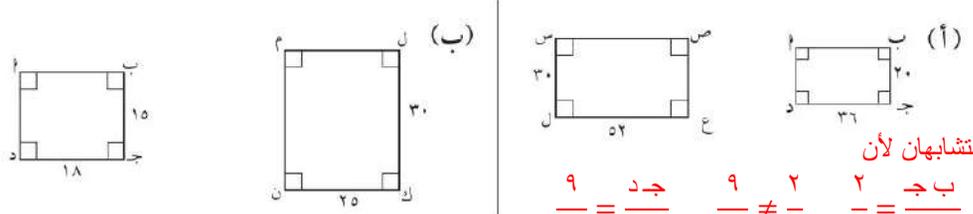
GET IN ON
Google Play



المجموعة ب تمارين تعزيرية

١ من الأبراج الشهيرة في العالم برج بيزا في إيطاليا، وهو برج مائل يبلغ طوله حوالي ٥٤ متراً، ويبلغ طول صورته ٨ سم على بطاقة تذكارية. أوجد نسبة التشابه بين الطول في الصورة والطول الحقيقي.

٢ تمارين هندسية: في كل من الأشكال التالية: ابحث تشابه المضلعين، فإذا كان المضلعان متشابهين، اكتب منطوق التشابه ونسبة التشابه، وإذا لم يكن المضلعان متشابهين اشرح السبب.

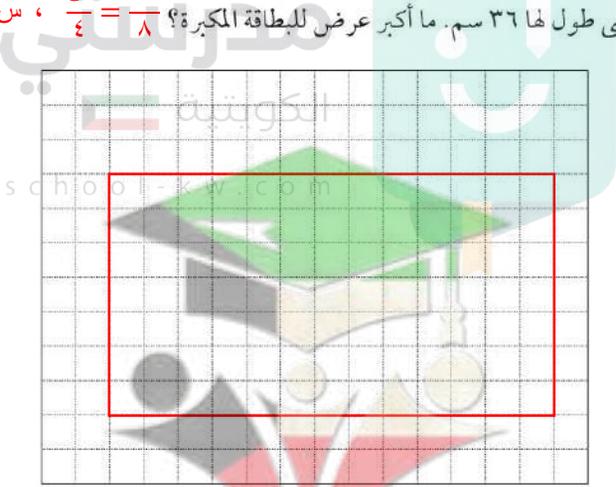


غير متشابهان لأن

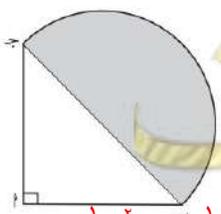
$$\frac{20}{36} = \frac{2}{3} \quad \frac{15}{18} = \frac{5}{6} \quad \frac{2}{3} \neq \frac{5}{6}$$

المستطيل ل ك ن م ~ المستطيل ج د أ ب نسبة التشابه $\frac{5}{3}$

٣ أراد محل تصوير تكبير بطاقة على شكل مستطيل ٤ سم × ٨ سم س = $\frac{36}{8} = \frac{9}{2}$ ، ما أكبر عرض للبطاقة المكبرة؟ س = $\frac{36}{8} = \frac{9}{2}$ سم



٤ أبعاد ملعب كرة السلة هي ٢٦٠٠ سم، ١٥٠٠ سم. اختر مقياس رسم، وارسم شكلاً يمثل ملعب كرة السلة بمقياس الرسم الذي اخترته. ١ سم : ٢٠٠ سم



٥ أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ متطابق الضلعين. هل نسبة مساحة نصف الدائرة إلى مساحة المثلث تساوي النسبة الذهبية؟ وضع ذلك.

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times (\text{أ ب}) \times (\text{أ ج}) = \frac{1}{2} \times (\text{أ ب}) \times 1 = \frac{1}{2} \times (\text{أ ب})$
 مس = $\frac{1}{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} = 1$

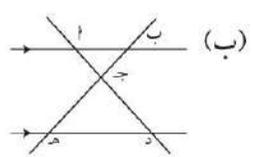
مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق}^2 = \pi \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \times \text{أ ب}\right)^2 = \frac{\pi}{2} \times (\text{أ ب})^2$
 نسبة = $\frac{\frac{\pi}{2} \times (\text{أ ب})^2}{\frac{1}{2} \times (\text{أ ب})} = \frac{\pi \times (\text{أ ب})}{1} = \pi \times \text{أ ب}$



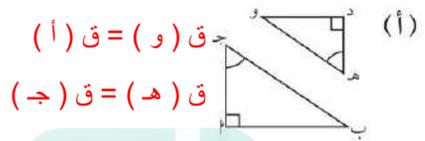
تشابه المثلثات Similar Triangles

المجموعة ١ تمارين أساسية

ق (ب ج أ) = ق (هـ ج د)
بالتقابل بالرأس
ق (ب) = ق (هـ) بالتبادل



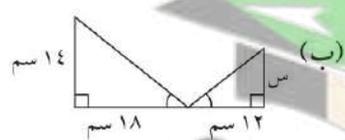
١ بين سبب تشابه كل مثلثين، واكتب النظرية التي استخدمتها.



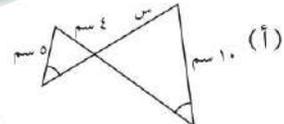
تطابقت زاويتين في احدهما مع نظائرها في المثلث الثاني

تطابقت زاويتين في احدهما مع نظائرها في المثلث الثاني

school-kw.com



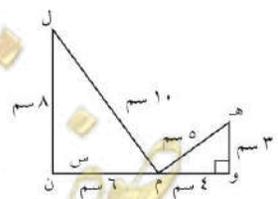
$$س = 9.3 \quad \frac{س}{18} = \frac{12}{14}$$



$$س = 8 \quad \frac{س}{4} = \frac{10}{5}$$

٣ أثبت أن المثلثين متشابهان، ثم أوجد قيمة س في ما يلي:

$$\frac{س}{6} = \frac{3}{4} \quad \frac{س}{4} = \frac{1}{2} \quad \frac{س}{3} = \frac{1}{2} \quad \frac{س}{2} = \frac{1}{4} \quad \frac{س}{1} = \frac{1}{2}$$

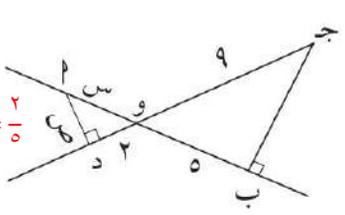




في التمارين (٤-٦)، أوجد قيم المجهولين س، ص مستخدمًا المثلثات المتشابهة.

∴ س = ٣.٦

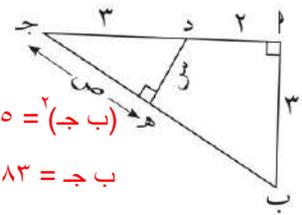
$$\frac{\text{ص}}{٩} = \frac{٢}{٥}$$



$$\text{ج ب} = ٩ - ٢ = ٦$$

$$\text{ج ب} = ٧.٥ \text{ سم} \quad \frac{\text{ص}}{٥} = \frac{٢}{٧.٥} \quad \text{∴ ص} = ٣$$

٤



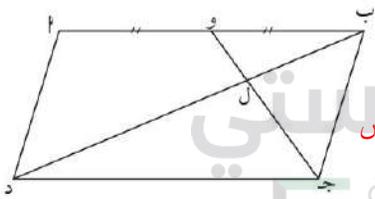
$$\text{ب ج} = ٥,٨٣ \text{ سم} \quad \text{ب ج} = ٢ + ٣$$

$$\frac{\text{ص}}{٥} = \frac{٣}{٥,٨٣} \quad \text{∴ ص} = ٢,٥٧ \text{ سم}$$

$$\frac{\text{س}}{٣} = \frac{٣}{٥,٨٣} \quad \text{∴ س} = ١,٥٤ \text{ سم}$$

٦

أب ج د متوازي أضلاع. و منتصف أب.
(أ) أثبت تشابه المثلثين ل و ب، ل ج د.



Δ ل و ب، Δ ل ج د فيها ق (ب ل و) = ق (ج ل د) بالتقابل بالرأس

ق (و ب ل) = ق (ل د ج) وبالتبادل التوازي ∴ Δ ل و ب ~ Δ ل ج د

school-kw.com

(ب) أوجد نسبة التشابه.

$$\text{نسبة التشابه} = \frac{\text{ب و}}{\text{ج د}} = \frac{١}{٢}$$

٧

التفكير الناقد:

(أ) هل كل مثلثين متطابقين الضلعين متشابهان؟ فسّر.

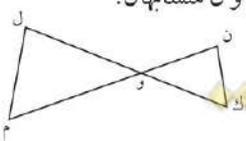
لا، لعدم توافر شروط تشابه المثلثين

(ب) هل كل مثلثين قائمي الزاوية ومتطابقين الضلعين متشابهان؟ فسّر.

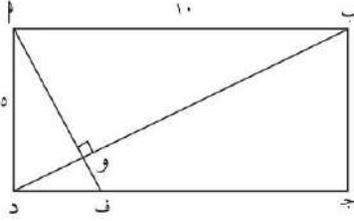
نعم، لأن كلاهما قياسات زواياه ٩٠°، ٤٥°، ٤٥°

٨

في الشكل المقابل، إذا كانت ل و × وك = و م × ون أثبت أن المثلثين ل و م، ك ون متشابهان.



$$\text{ل و} \times \text{و ك} = \text{و م} \times \text{ن} \quad \frac{\text{ل و}}{\text{و ن}} = \frac{\text{و م}}{\text{و ك}} \quad \text{ق (ن و ك)} = \text{ق (ل و م)} \quad \text{∴} \Delta \text{ ل و م} \sim \Delta \text{ ك و ن}$$



٩* أب ج د مستطيل.

(أ) أوجد طول ب د.

$$١٢٥ = ٢٥ + ١٠٠ = ١٢٥ \quad \text{ب د} = ١١,٢$$

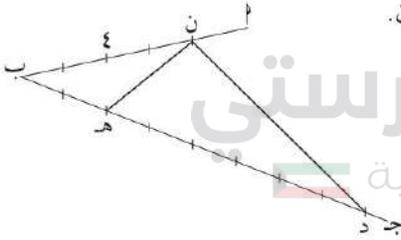
(ب) أثبت تشابه المثلثين أب د، وب د.

ب زاوية مشتركة $\angle (ب د) = \angle (ب و أ) = ٩٠^\circ$ $\therefore \Delta أب د \sim \Delta و ب أ$

(ج) أوجد طول القطعة أ و.

$$\frac{أ و}{ب د} = \frac{أ ب}{أ د} \quad \therefore \frac{أ و}{١١,٢} = \frac{١٠}{٥} \quad \therefore أ و = ٤,٤٦$$

١٠ من الشكل المقابل: أثبت أن المثلثين ب ن ه، ب د ن متشابهان.



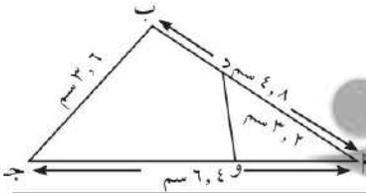
ب زاوية مشتركة

$$\frac{ب ن}{ب د} = \frac{٤}{٨} = \frac{١}{٢} = \frac{١}{٢} = \frac{ب ه}{ب ن} = \frac{٣}{٦} = \frac{٢}{٤} \quad \therefore \Delta ب ن ه \sim \Delta ب د ن$$

١١ أب ج مثلث، أطوال أضلاعه: أب = ٨، ٤ سم، ب ج = ٦، ٣ سم، أ ج = ٤، ٦ سم.

ضع النقطة د على القطعة أب بحيث يكون أد = ٢، ٣ سم، والنقطة و على القطعة أ ج بحيث يكون أ و = ٤، ٢ سم.

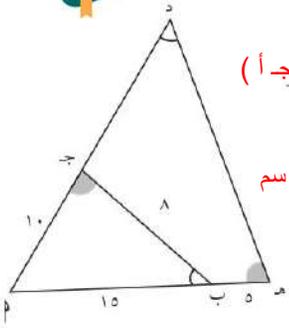
(أ) قارن بين النسبتين $\frac{أ ب}{أ ج}$ ، $\frac{أ و}{أ د}$.



$$\frac{أ ب}{أ ج} = \frac{٨}{٦,٤} = \frac{٤,٨}{٣} \quad \frac{أ و}{أ د} = \frac{٢,٤}{٣,٢} = \frac{٣}{٤} \quad \therefore \frac{أ ب}{أ ج} = \frac{أ و}{أ د}$$

(ب) استنتج تشابه المثلثين أب ج، أ و د.

أ زاوية مشتركة $\frac{أ ب}{أ ج} = \frac{أ و}{أ د}$ $\therefore \Delta أب ج \sim \Delta أ و د$



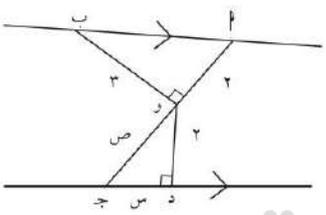
١٢ (أ) استخدم معطيات الرسم لإيجاد مثلثين متشابهين.

د ه أ ~ د ب ج أ ق (د) = ق (ج ب أ) ، ق (ه) = ق (ب ج أ)

(ب) أوجد محيط المثلث أ د ه .

$$\frac{10}{20} = \frac{8}{د ه} \quad , \quad \frac{10}{20} = \frac{15}{د أ} \quad , \quad \frac{4}{30} = \frac{10}{د ه} \quad , \quad \therefore د ج = 20 \text{ سم}$$

$$\text{محيط المثلث أ د ه} = 20 + 16 + 20 = 66 \text{ سم}$$



١٣ من الشكل المقابل قيمة س هي:

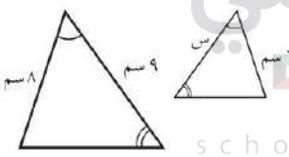
(ب) ٢

(أ) ٣

(د) $\frac{3}{4}$

(ج) $\frac{4}{3}$

١٤ في الشكل المقابل قيمة س تساوي:



(ب) ٦ سم

(د) ٧ سم

(أ) $\frac{1}{5}$ سم

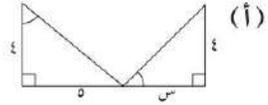
(ج) ٦,٧٥ سم



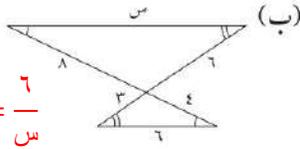
صفوة معلمى الكويت

المجموعة ب تمارين تعزيزية

١ استخدم التشابه لإيجاد قيمة س.

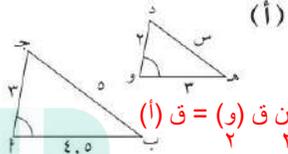


$$\frac{4}{5} = \frac{4}{3} \Rightarrow 3.2 = س$$

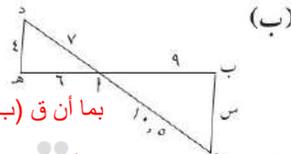


$$\frac{3}{6} = \frac{6}{س} \Rightarrow 12 = س$$

٢ أثبت أن المثلثين متشابهان، ثم أوجد قيمة س في كل مما يلي:



$$\frac{2}{3} = \frac{س}{5} \Rightarrow 3.3 = س$$



البرهان :

بما أن ق (ب أ ج) = ق (ه أ د) بالتقابل بالرأس

$$\frac{3}{2} = \frac{9}{6} \Rightarrow \Delta ب أ ج \sim \Delta ه أ د$$

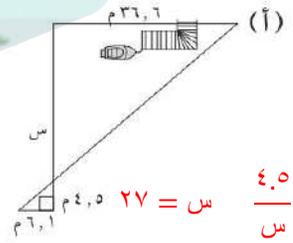
$$\frac{س}{4} = \frac{3}{2} \Rightarrow س = 6$$

$$\frac{3}{2} = \frac{10.5}{7} \Rightarrow ج أ = 7$$

٣ قياس غير مباشر: أوجد المسافة (س) في كل من الحالات التالية:



$$\frac{1.5}{4.5} = \frac{1.6}{س} \Rightarrow س = 4.8 \text{ م}$$

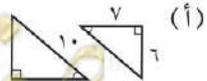
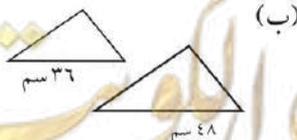


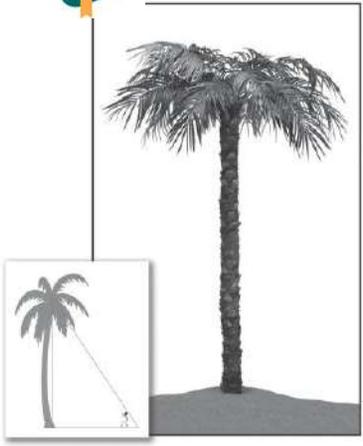
$$\frac{4.5}{36.6} = \frac{س}{27} \Rightarrow س = 33.6 \text{ م}$$

٤* ارسم مثلثاً ب ج د. استخدم المسطرة والفرجار لإنشاء المثلث م ك ل بحيث يكون: $\Delta م ك ل \sim \Delta ب ج د$

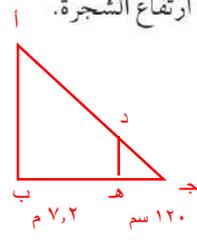
نسبة التشابه ١:٣.

٥ في كل من أزواج الأشكال المتشابهة، أوجد النسبة بين محيطي الشكلين، وكذلك النسبة بين مساحتيهما.





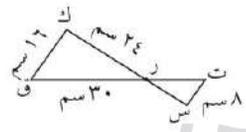
٦) بفرض أن شخصًا طوله ١٨٠ سم يقف بطريقة تنطبق فيها نقطة طرف ظله على نقطة طرف ظل الشجرة. إذا كان الشخص يبعد ١٢٠ سم عند ملتقى طرفي الظلين وعلى بعد ٧,٢ م من قاعدة الشجرة، فأوجد ارتفاع الشجرة.



$$\frac{120}{840} = \frac{ج هـ}{ج ب} ، \frac{180}{ج هـ} = \frac{١٢٠}{٨٤٠}$$

$$أ ب = ١٢٦٠ = ١٢٠ \text{ متر}$$

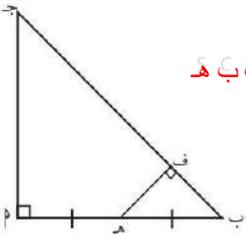
٧) في الشكل المقابل، $\Delta ق ك ر \sim \Delta ت س ر$ ، أوجد طول رت.



$$\frac{تر}{ق ر} = \frac{ت س}{ق ك} ، \frac{٨}{١٦} = \frac{تر}{٣٠}$$

$$رت = ١٥ \text{ سم}$$

٨) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ. هـ منتصف القطعة أ ب. هـ ف أ ب ج. (أ) أثبت تشابه المثلثين أ ب ج، ف ب هـ.

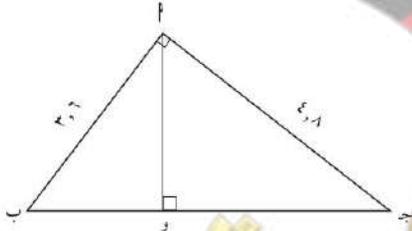


ق(ب أ ج) = ق(ب ف هـ) = ٩٠° بزواوية مشتركة. $\Delta أ ب ج \sim \Delta ف ب هـ$
 (ب) مستخدمًا نسبة التشابه، أثبت أن $ب ج \times ب ف = \frac{1}{4} (أ ب)^2$.

$$\frac{ب ج}{ب هـ} = \frac{أ ب}{ف ب}$$

$$ب ج \times ف ب = أ ب \times \frac{1}{4} أ ب = \frac{1}{4} (أ ب)^2$$

٩) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ. (أ) أوجد طول القطعة ب ج.



$$ب ج = ٦ = ٤,٨ + ٢,٦ = ٣,٦ + ٢,٦$$

(ب) استخدم تشابه المثلثات لإيجاد طول أ ب. المثلثان أ ج ب، و ج أ فيها ج زاوية مشتركة
 ق(أ و) = ق(و) = ٩٠° $\Delta أ ج ب \sim \Delta أ و ج$

$$\frac{أ و}{ب ج} = \frac{أ ج}{أ ب} ، \frac{٤,٨}{٦} = \frac{٤,٨}{أ ب}$$

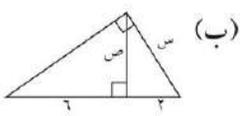
$$أ ب = ٢,٨٨$$



التشابه في المثلثات قائمة الزاوية Similarity in Right Triangles

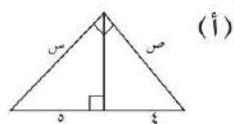
المجموعة ١ تمارين أساسية

١ أوجد قيمة كل من س، ص في كل مما يلي:



$$س^2 = 2 \times 8 = 16 \Rightarrow س = 4$$

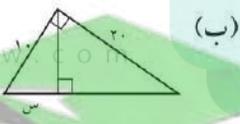
$$ص^2 = 2 \times 6 = 12 \Rightarrow ص = \sqrt{12}$$



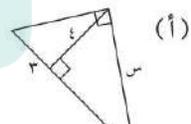
$$ص^2 = 4 \times 9 = 36 \Rightarrow ص = 6$$

$$ص^2 = 4 \times 9 = 36 \Rightarrow ص = 6$$

٢ أوجد قيمة س في كل مما يلي:



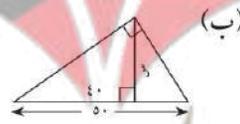
$$س^2 = 2 \times 10 = 20 \Rightarrow س = \sqrt{20}$$



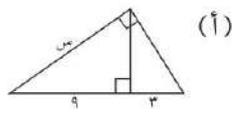
$$س^2 = 3 \times 20 = 60 \Rightarrow س = \sqrt{60}$$

$$س = \frac{20}{3} \Rightarrow س = \frac{20}{3}$$

٣ احسب س لأبسط صورة بحسب المعطيات في كل شكل:



$$س^2 = 40 \times 10 = 400 \Rightarrow س = 20$$



$$س^2 = 9 \times 12 = 108 \Rightarrow س = \sqrt{108}$$

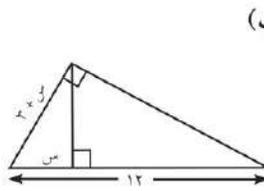
صفوة معلمى الكويت



٤* إذا كان العمود المرسوم من رأس القائمة على الوتر في المثلث قائم الزاوية يقسم الوتر إلى قطعتين انسبهما بين طوليهما ١:٢، وإذا كان طول العمود يساوي $2\sqrt{4}$ ، فأوجد طول الوتر، ثم أوجد طولي الضلعين الآخرين للمثلث.

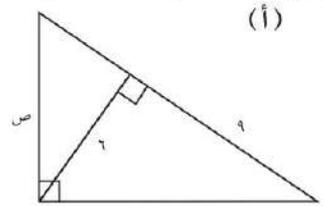
$$ع = 2 \times 8 = 16 \quad ع = 4$$

٥ أوجد قيم س، ص، ع في أبسط صورة في كل من الحالات التالية:



$$س = 3 + 12 = 15$$

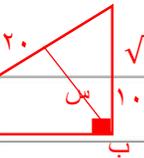
$$س + 6 + 9 = 12 - 9 = 3 \Rightarrow س = 3$$



$$ع = 6 + 9 = 15 \quad ع = \sqrt{3 \times 3} = 3$$

$$\frac{ص}{9} = \frac{6}{ع} \quad ع = \sqrt{3 \times 2} = \sqrt{6}$$

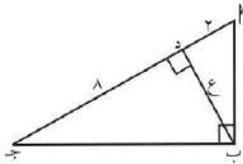
٦ أ ب جـ مثلث ثلاثيني ستيني. إذا كان طول أقصر ضلع فيه يساوي ١٠ سم، فأوجد طول العمود المرسوم من رأس القائمة إلى الوتر.



$$س \times 40 = 20 \times 30 \Rightarrow س = \frac{20 \times 30}{40} = 15$$

$$أ جـ = 20، ب جـ = \sqrt{300} = 10\sqrt{3}$$

٧ في الشكل المقابل فإن ع =



(ب) 6

(أ) 16

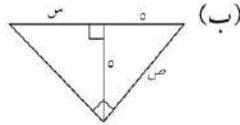
(د) 4

(ج) 10

صفوة معلمى الكويت

المجموعة ب تمارين تعزيرية

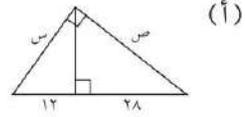
١ أوجد قيمة كل من س، ص في كل مما يلي:



$$٥ = ٥ \times س, س = ٢٥$$

$$٥٠ = ١٠ \times ٥ = ٢ص$$

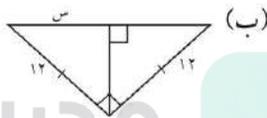
$$ص = ٢٥$$



$$٤ \sqrt{٧٠} = ص \quad ٤٠ \times ٢٨ = ٢ص$$

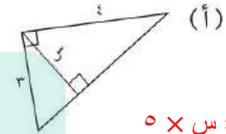
$$٤ \sqrt{٣٠} = س \quad ٤٠ \times ١٢ = ٢س$$

٢ أوجد قيمة س في كل مما يلي:



$$١٤٤ = س \times ١٢ \sqrt{٢}$$

$$س = ٦ \sqrt{٢}$$

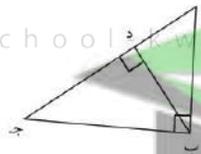


$$٥ \times س = ٤ \times ٣$$

$$س = ٢,٤$$

٣ انظر إلى الشكل وأكمل:

Δ ب د ج ~ Δ أ د ب ~ Δ أ ب ج



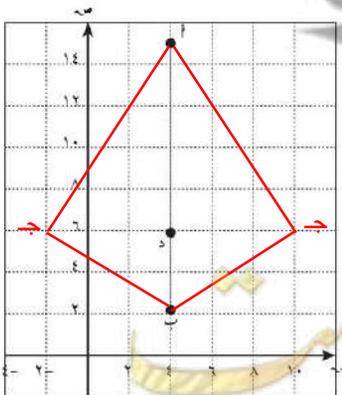
٤* هندسة إحداثية: إذا كان جد هو العمود المرسوم من رأس القائمة

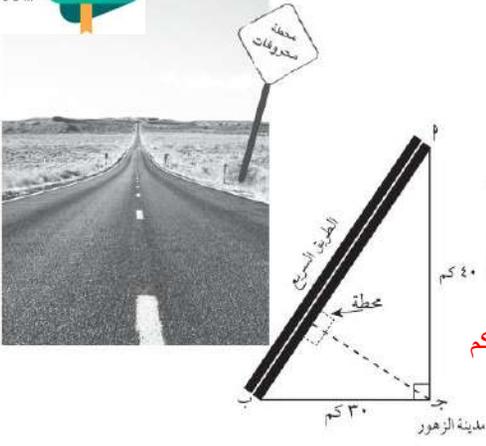
على الوتر في المثلث قائم الزاوية أ ب ج، وكانت إحداثيات النقاط:

ب، د، أ هي على الترتيب: (٢، ٤)، (٦، ٤)، (١٥، ٤)

فأوجد كل الإحداثيات الممكنة للنقطة ج.

ج (٦، ١٠) أو ج (٦، ٢-)

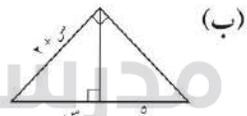




٥ هندسة مدنية: الخريطة التي في الشكل، تبين محطة خدمة للمحروقات يراد إقامتها على الطريق السريع (المار بالمدينتين أ، ب) عند تقاطعه مع طريق جانبي يؤدي إلى مدينة الزهور. كم ينبغي أن تبعد المحطة عن المدينة ب إذا أردنا أن يكون الطريق من مدينة الزهور عمودياً على الطريق السريع بفرض أن: أ ب = ٤٠ كم

أ ب الطريق السريع = ٥٠ كم ٣٠ × س = ٥٠ س = ١٨ كم

٦ أوجد قيم س، ص، ع في أبسط صورة في كل من الحالات التالية:



(ب) $(س + ٢) \times س = ٥ \times ٥$
 $س^٢ + ٢س = ٢٥$
 $س^٢ + ٢س + ١ = ٢٦$
 $(س + ١)^٢ = ٢٦$
 $س + ١ = \sqrt{٢٦}$
 $س = \sqrt{٢٦} - ١$



(أ) $س^٢ + ١٢س = ١٦ \times ١٦$
 $س^٢ + ١٢س = ٢٥٦$
 $س^٢ + ١٢س + ٣٦ = ٢٩٢$
 $(س + ٦)^٢ = ٢٩٢$
 $س + ٦ = \sqrt{٢٩٢}$
 $س = \sqrt{٢٩٢} - ٦$

٧* أثبت نظرية فيثاغورث من النظرية (١).

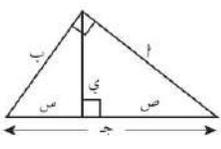
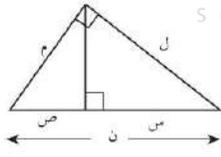
$ل^٢ = م^٢ + ن^٢$

$ل^٢ + ن^٢ = م^٢ + ن^٢ + ن^٢$

٨ أكمل التناسبات التالية مستعيناً بالشكل:

(أ) $\frac{ج}{ص} = \frac{أ}{ب}$
 (ب) $\frac{س}{ب} = \frac{ب}{ج}$
 (ج) $\frac{س}{ب} = \frac{ب}{ج}$

(ب) $\frac{س}{ب} = \frac{ب}{ج}$
 (د) $\frac{س}{ب} = \frac{ب}{ج}$



صفوة معلمى الكويت



التناسب والمثلثات المتشابهة Proportions and Similar Triangles

المجموعة ١ تمارين أساسية

١ أكمل بحسب الشكل المبين علماً بأن: $\widehat{و} = (\widehat{أ})$ و $\widehat{د} = (\widehat{ب})$.

(أ) $\frac{جك}{مأ} = \frac{م ل}{م ب}$ (ب) $\frac{ن ج}{ب ل} = \frac{ن ك}{م ب}$ (ج) $\frac{أ ل}{د ل} = \frac{أ ج}{د ج}$

٢ أوجد قيمة س.

(أ) $\frac{٤}{٦} = \frac{٥}{س}$ (ب) $\frac{٦}{٧.٥} = \frac{٤}{س}$

(ج) $\frac{١٢}{١٠} = \frac{س}{٦}$ (د) $\frac{٨}{١٠} = \frac{س}{٧.٥}$

٣ طول اضلعي القائمة في مثلث قائم الزاوية ٦٠ سم، ٨٠ سم. أوجد طولي القطعتين اللتين ينقسم إليهما الوتر بمنصف الزاوية القائمة.

$س \approx ٤٣$ سم، $ص \approx ٥٧$ سم

$\frac{٨٠}{س} = \frac{١٠٠}{س - ١٠٠}$ $\frac{٨٠}{س} = \frac{١٠٠}{١٠٠ - س}$ $٨٠(١٠٠ - س) = ١٠٠س$ $٨٠٠٠ - ٨٠س = ١٠٠س$ $٨٠٠٠ = ١٨٠س$ $س = \frac{٨٠٠٠}{١٨٠} \approx ٤٤.٤٤$

٤* رسم كريم المثلث أ ب ج فوجد أن منتصف الزاوية ج ينصف الضلع المقابل لهذه الزاوية.

(أ) ارسم مثلثاً له مواصفات مثلث كريم نفسه. $أ ج = ج ب$

(ب) ما نوع هذا المثلث؟ فسّر إجابتك. مثلث متطابق الضلعين لأن $\frac{أ هـ}{ب ج} = \frac{أ ج}{ب ج} = ١$

٥ منتصف إحدى زوايا مثلث ينقسم الضلع المقابل إلى ضلعي المثلث يساوي ٧,٥ سم. فأوجد كل الأطوال الممكنة للضلع الآخر.

$\frac{٧.٥}{س} = \frac{٥}{س}$ $س = ٤.٥$ سم، $\frac{٧.٥}{س} = \frac{٥}{س}$ $س = ١٢.٥$ سم

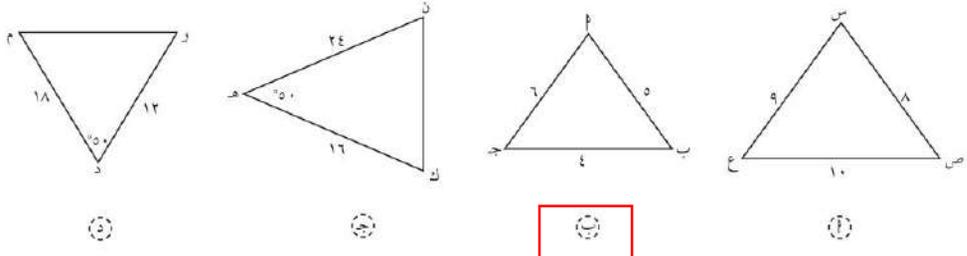
٦ في الشكل أوجد قيمة س.

$\frac{٤}{س} = \frac{٤ + س}{١٠ - س}$ $٤(١٠ - س) = س(٤ + س)$ $٤٠ - ٤س = ٤س + س^٢$ $٤٠ = ٨س + س^٢$ $س^٢ + ٨س - ٤٠ = ٠$ $س = ٤$



مراجعة الوحدة الرابعة

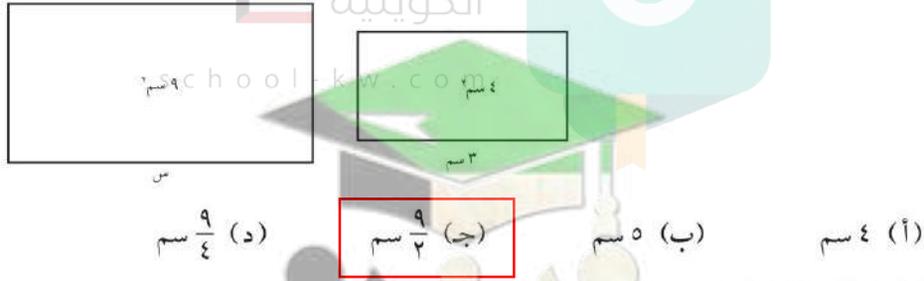
١ أي زوج من المثلثات متشابه؟



٢ إذا نصفت زاوية \hat{A} بالمنصف \overleftrightarrow{AD} في $\Delta AB, C$ ، فإن التناسب الصحيح فيما يلي هو:

(أ) $\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{CD}$ (ب) $\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{CD}$ (ج) $\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{BD}$ (د) $\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{BD}$

٣ إذا علمت أن المستطيلين التاليين متشابهين فإن s تساوي:



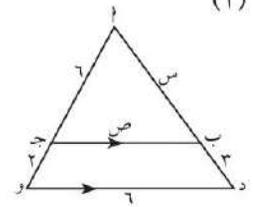
٤ في الشكل المقابل قيمة s هي:





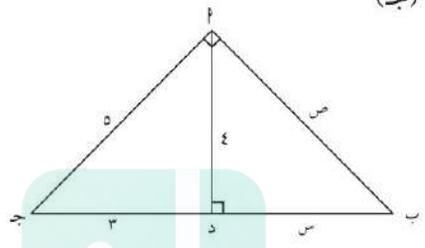
٥ أوجد س، ص.

(أ)

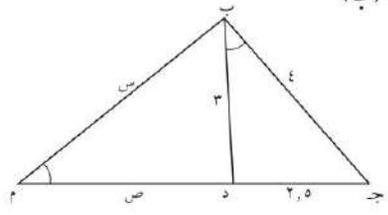


$$\frac{٦}{٣} = \frac{٦}{٦} = \frac{٦}{٦} \text{، } ٩ = \text{س} \quad \frac{٦}{٦} = \frac{٦}{٦} \text{، } ٩ = \text{س} \quad \frac{٦}{٣} = \frac{٦}{٦} = \frac{٦}{٦} \text{، } ٩ = \text{س} \quad \frac{٦}{٦} = \frac{٦}{٦} = \frac{٦}{٦} \text{، } ٩ = \text{س}$$

(ج)



(ب)



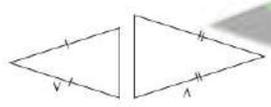
$$\frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٢,٥} \text{، } ٣,٦ = \text{ص} \quad \frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٢,٥} \text{، } ٣,٦ = \text{ص} \quad \frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٢,٥} \text{، } ٣,٦ = \text{ص} \quad \frac{٣}{٤} = \frac{٣}{٢,٥} \text{، } ٣,٦ = \text{ص}$$

$$\frac{١٦}{٣} = \text{س} \quad (٣ + \text{س}) \times ٣ = ٢٥$$

$$\frac{٢٠}{٣} = \text{ص} \quad \frac{٢٥}{٣} \times \frac{١٦}{٣} = ٢$$

٦ أوجد النسبة بين مساحتي الشكلين المشابهين في كل كماليلي تية

(أ)



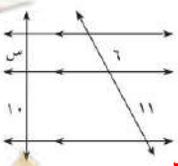
$$\frac{٤٩}{٦٤} = \text{النسبة بين المساحتين}$$

$$\frac{٧}{٨} = \text{نسبة التشابه}$$

$$\frac{٤}{٩} = \text{النسبة بين المساحتين}$$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{٨}{١٢} = \text{النسبة بين المساحتين} \quad \frac{٢}{٣} = \frac{٨}{١٢} = \text{النسبة بين المساحتين} \quad \frac{٢}{٣} = \frac{٨}{١٢} = \text{النسبة بين المساحتين}$$

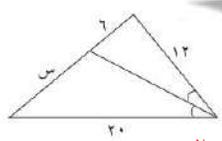
(أ)



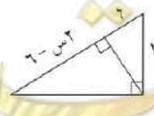
$$\frac{٦}{١٠} = \frac{٦}{١١} \text{، } \text{س} \approx ٥,٤٥$$

(ج)

(د)

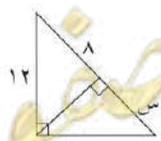


$$\frac{٢٠}{٦} = \frac{٢٠}{١٢} \text{، } \text{س} = ١٠$$



$$(٦ - ٢ + ٦) \times ٦ = ٢١٠$$

$$\text{س} = ٨,٣٣ \quad ١٢ = ١٠٠$$



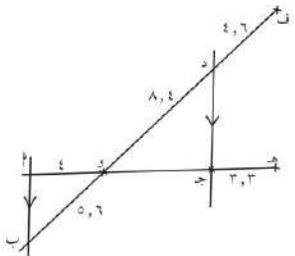
$$(٨ + ٨) \times ٨ = ٢١٢$$

$$\text{س} + ٨ = ١٤٤$$

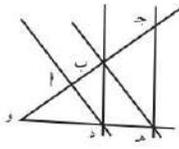
$$\text{س} = ٨ \quad ٨٠ = \text{س} \quad ٨٠ = \text{س}$$



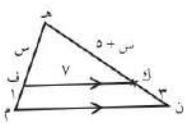
تمارين إثرائية



١ في الشكل المقابل، $\vec{أب} // \vec{ج د}$
هل المستقيمان $\vec{أب}$ ، $\vec{ج د}$ متوازيان؟

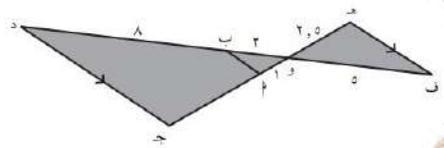
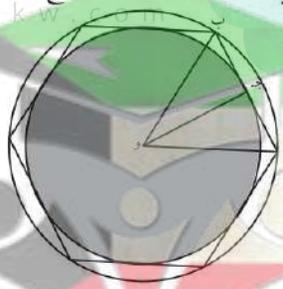


٢ و، $\vec{أ}$ ، $\vec{ب}$ ، $\vec{ج}$ على استقامة واحدة.
و، $\vec{د}$ ، $\vec{هـ}$ على استقامة واحدة.
 $\vec{أد} // \vec{ب هـ}$ ، $\vec{ب د} // \vec{ج هـ}$
أثبت أن: (وب) $\vec{أ} = \vec{ب}$ و $\vec{أ} \times \vec{ج}$



٣ في الشكل المقابل، أوجد قيمة α . ثم وضح هل المثلث $هـ د ف$ قائم الزاوية.

٤ هل يمكن إيجاد النسبة بين مساحتي الدائرتين، علماً أن المضلع السداسي هو مضلع منتظم؟

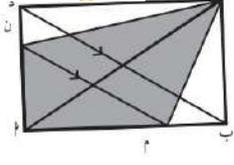


٥ المعطيات: $\vec{أد} // \vec{ج د}$
 $\vec{ب د} = \vec{د} \times \vec{ب}$ و.
السؤال: هل $\vec{ج د} = \vec{د} \times \vec{أ ب}$ ؟

صفوة معلمى الكويت

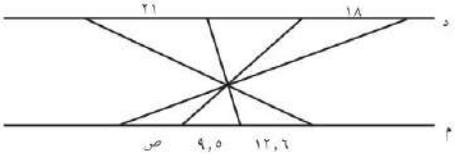


$$\frac{1}{3} \times \text{أم} \times \text{أج} \times \text{جاس} = \frac{1}{3} \times \text{أم} \times \text{أن} \times \text{جاص} = \frac{\text{أم} \times \text{أج} \times \text{جاس}}{3} = \frac{\text{أم} \times \text{أن} \times \text{جاص}}{3}$$



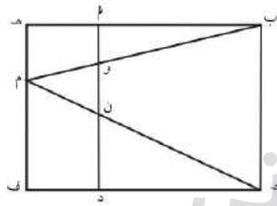
٦ في المستطيل أ ب ج د، ن م // ب د.
قارن بين مساحتي المثلثين أ ب ج، أ ب د.
بما أن $\frac{\text{أم}}{\text{أن}} = \frac{\text{أب}}{\text{أد}}$
∴ النسبة بين المساحتين = $\frac{\text{أب} \times \text{جاس}}{\text{أب} \times \text{جاص}}$

$$\frac{\text{أب}}{\text{أد}} \times \frac{\text{ج ب}}{\text{أب}} = \frac{\text{ج ب}}{\text{أد}} \times \frac{\text{أب}}{\text{أب}} = \frac{\text{ج ب}}{\text{أد}} \times 1 = \frac{\text{ج ب}}{\text{أد}}$$



٧ المستقيمان: د، م متوازيان.
أوجد قيمة ص.

$$\frac{21}{12.6} = \frac{18}{ص} \quad \text{ص} = 10.8$$



٨ في الشكل، أ ب ج د مربع، ب ج ف هـ مستطيل.
أثبت أن مساحة المثلث م ن و لا تتغير عندما يتغير موقع م على ف هـ.

$$\frac{\text{م و}}{\text{م ب}} = \frac{\text{م و}}{\text{م ب}} \quad \text{لكن} \quad \frac{\text{م و}}{\text{م ب}} = \frac{\text{م و}}{\text{م ب}} \quad \text{نسبة التشابه} \quad \Delta م ن و \sim \Delta م ب ج$$

النسبة $\frac{\text{م و}}{\text{م ب}}$ ثابتة لا توفق على موقع م على ف هـ



صفوة معلمى الكويت



١٠) الكتابة في الرياضيات: اشرح الفرق بين الصيغة الارتدادية والصيغة الصريحة.

الصيغة الصريحة لا تعتمد على الحدود السابقة وتعتمد على رتبة الحد فقط أما الصيغة الارتدادية تعتمد على الحدود السابقة.

١١) السؤال المفتوح

(أ) اكتب أربعة حدود من متتالية حقيقية يمكن وصفها بأنها ارتدادية و صريحة معاً.

$$١٠، ٢٠، ٤٠، ٨٠$$

(ب) اكتب صيغة ارتدادية وصيغة صريحة للمتتالية التي اخترتها.

$$ح = ١٠ \cdot ٢^{١-١} \quad ح = ٢ \cdot ١٠^{١-١}$$

(ج) أوجد الحد السادس باستخدام كلاً من الصيغتين.

$$ح = ١٠ \cdot ٢^{٥-١} = ٣٢٠ \quad ح = ٢ \cdot ١٠^{٥-١} = ٣٢٠$$

١٢*) الهندسة: تشكل الأعداد المثلثة متتالية. يمثل المخطط school-kw.com



أول ٣ أعداد مثلثة: ١، ٣، ٦

(أ) أوجد العدد المثلث السادس.

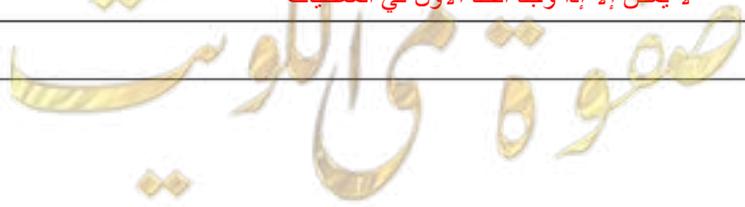
$$ح = ١ \cdot ٣ = ٣ \quad ح = ٣ \cdot ٣ = ٦ \quad ح = ٦ \cdot ٣ = ١٥ \quad ح = ١٥ \cdot ٣ = ٢١$$

(ب) هل الصيغة الصريحة: $ح = \frac{١}{٣}(١ + ١ + ١ + \dots + ١)$ تصلح لهذه المتتالية؟ اشرح.

$$ح = ح + ١$$

١٣*) تفكير ناقد: في الصيغة $ح = ح + ٣$ ، هل يمكنك إيجاد الحد الرابع ح؟ اشرح.

لا يمكن إلا إذا وجد الحد الأول في المعطيات





المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمرين (١، ٢) اكتشف النمط ثم اكتب الحدين التاليين.

١) ٤٤، -١٦، ٨، -٣٢، ٦٤، ...، ١٢٨، -٢٥٦ (٢) $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \frac{1}{16}, \frac{1}{32}, \frac{1}{64}, \frac{1}{128}$

في التمرين (٣، ٤) اكتب صيغة ارتدادية لكل متتالية. ثم اكتب الحد التالي.

٣) (٤٣، ٤١، ٣٩، ٣٧، ٣٥، ...) $ح = ٢ - ح$ الحد التالي = ٣٣
٤) (٤٠، ٢٠، ٥، $\frac{5}{7}$ ، ...) $ح = ٢٤ - ح$ الحد التالي = $\frac{5}{4}$

في التمرين (٥، ٦) اكتب صيغة صريحة لكل متتالية. ثم أوجد ح.

٥) (١/٣، ١/٤، ١/٥، ١/٦، ...) $ح = \frac{1}{١ + ن}$ $١ - ح = ٣$
٦) (٣، ٧، ١١، ١٥، ١٩، ...) $ح = ٤ - ن$ $١ - ح = ٣١$

في التمارين (٧-٩) حدّد ما إذا كانت كل صيغة ارتدادية أم صريحة. ثم أوجد الحدود الثلاثة الأولى.

٧) $ح = (٥ - ن)(٥ + ن)$ صريحة $ح = ٢٤ - ٢$ ، $ح = ٢١ - ٣$ ، $ح = ١٦ - ٤$

٨) $ح = ٣ - ل$ ، $ح = ١ - ل$ ، $ح = ٢ - ل$ ارتدادية $ح = ٢ - ١$ ، $ح = ٦ - ٢$ ، $ح = ١٨ - ٣$

٩) $ح = ٢ - ١٤ - ن$ صريحة $ح = ٦ - ١$ ، $ح = ١٨ - ٢$ ، $ح = ٣٨ - ٣$

في التمرين (١٠-١١) استخدم الصيغة المعطاة لكتابة الحدين الرابع والخامس في كل متتالية.

١٠) $ح = ١ - ح$ ، $ح = ١ - (١ - ح)$ $١ + ٢ = ٤$ ، $١ + ٢ = ٤$ $١ + ٢ = ٤$ ، $١ + ٢ = ٤$ $١ + ٢ = ٤$

١١) $ح = (١ + ن)^٢$ $٢٥ = ٢$ ، $٣٦ = ٢$

في التمرين (١٢، ١٣) أجب بصح أو بخطأ.

١٢) الحد النوني للمتتالية (٦، ٨، ١٢، ...) هو $ح = ٢$

١٣) الحد العاشر للمتتالية (٢، ٤، ٨، ١٦، ...) هو ١٠٢٤

١٤)* ناتج جمع الحد الثاني لمتتالية صيغتها الارتدادية $ح = ٢ - ح$ ، $١ + ح = ٥ - ح$ مع الحد الثاني لمتتالية صيغتها الارتدادية $ح = ٣ - ح$ ، $٣ + ح = ٣ - ح$ هو:

(أ) ١٥ (ب) ٢ (ج) ٣+ (د) ٣-

١٥)* الصيغة الارتدادية للمتتالية التي صيغتها الصريحة $ح = (١ + ن)^٢$ هي:

(أ) $ح = (١ + (١ - ح))^٢$ ، $١ = ح$ (ب) $ح = (١ + (١ - ح))^٢$ ، $٤ = ح$

(ج) $ح = (١ - ح) + ٤$ ، $٤ = ح$ (د) $ح = (١ - ح) + ١$ ، $٤ = ح$



المتتالية الحسابية Arithmetic Sequence

المجموعة ١ تمارين أساسية

في التمرين (١، ٢) هل المتتالية المعطاة حسابية؟ إذا كانت كذلك حدد الأساس.

ليست حسابية

(١) (...، ١٦، ٩، ٤، ١)

حسابية $d = 3$

(٢) (...، ١٢، -١٥، -١٨، -٢١)

في التمرين (٣، ٤) في كل متتالية حسابية أوجد الحد الثاني والثلاثون.

(٣) $127 = 3 \times 31 + 34 = C$ (...، ٤٣، ٤٠، ٣٧، ٣٤)

(٤) $3 = 3 \times 31 + 213 = C$ (...، ١٧٧، ١٨٩، ٢٠١، ٢١٣)

في التمرين (٥، ٦) أوجد s في كل متتالية حسابية.

(٥) $7.5 = \frac{16m - 1}{4}$ (...، ١، s)

(٦) $16 = 2 \div \left(\frac{13}{2} + \frac{51}{2} \right) = s$ (...، $\frac{51}{2}$ ، s)

في التمرين (٧، ٨) أوجد الوسط الحسابي.

(٧) $4 = \frac{1+7}{2} = \text{الوسط}$ $1 = 1 - C$ ، $7 = 1 + C$

(٨) $\frac{4}{3} = 2 \div \left(1 + \frac{3}{5} \right) = \text{الوسط}$ $1 = 1 - C$ ، $\frac{3}{5} = 1 + C$

تحليل الخطأ:

قال خالد أن الحد التالي في المتتالية (٠، ٢، ٤، ...) هو ٨. ما الخطأ الذي اقترفه؟

الحد التالي = ٦

أوجد الحد السابع عشر من المتتالية الحسابية:

(أ) $23 = 0 + 18 = C$ $5 = S$ ، $18 = 11C$

(ب) $22 = (-4) - 18 = C$ $-4 = S$ ، $18 = 11C$



$$\frac{20}{3} = \frac{20}{3} - [(1-n) + 2] = \frac{20}{3} - [4 - n + 2] = \frac{20}{3} - [2 - n] = \frac{20}{3} - 2 + n = \frac{14}{3} + n$$

٢٣) كم حدًا يلزم أخذها بدءًا من الحد الأول من المتتالية الحسابية (١٦، ١٢، ٨، ...) ليكون مجموعها ١٠٠؟

~~$$10 = n(4 - 36) = 4n - 36n = -32n \Rightarrow n = \frac{10}{-32} = -\frac{5}{16}$$~~

٢٤) مسرح مدرسي فيه ١٥ مقعدًا في الصف الأول وكان كل صف آخر يتسع لعدد من المقاعد يزيد عن الصف

الذي يسبقه مباشرة بمقدار ٤ مقاعد. كم عدد المقاعد في هذا المسرح إذا كان يتسع لعدد ١٤ صفاً؟

~~$$10 = d, 10 = d, 4 = d, 4 = d \Rightarrow \frac{20}{3} = \frac{20}{3} - [(1-n) + 2] = \frac{20}{3} - [4 - n + 2] = \frac{20}{3} - [2 - n] = \frac{20}{3} - 2 + n = \frac{14}{3} + n$$~~

٢٥*) التحدي: (ح) متتالية حيث $3n^2 = 3 + 4 + \dots + n$

(أ) أثبت أن (ح) متتالية حسابية.

~~$$6 = \frac{6}{1+n} \Rightarrow 6(1+n) = 6 \Rightarrow 6 + 6n = 6 \Rightarrow 6n = 0 \Rightarrow n = 0$$~~

∴ ح متتالية حسابية، $6 = 1 \times 6 + 1 - 10 + 1 - 10 + 1 - 10 + \dots$

المجموعة ب تمارين تعزيزية

$$12074 = 6 \times 2011 + 8 = 12066 + 8 = 12074$$

في التمرين (٢، ١) هل المتتالية المعطاة حسابية؟ إذا كانت كذلك حدّد الأساس.

١) ليست حسابية (٨، ٥، ٣، ٢، ١، ٠، ١)

٢) حسابية د=٤ (١٩، ١٥، ١١، ٧، ٣)

في التمرين (٤، ٣) في كل متتالية حسابية أوجد الحد الثاني والثلاثون.

٣) (١٠١، ١٠٥، ١٠٩، ١١٣، ...) $225 = \frac{225}{1} = 225$ $59 = \frac{59}{1} = 59$

في التمرين (٦، ٥) أوجد الحد الناقص في كل متتالية حسابية.

٥) (١٠١، ١٠٧، ١١٣، ...) $27 = \frac{100 + 101}{2} = 100.5$ $21 = \frac{28 + 14}{2} = 21$

في التمرين (٨، ٧) أوجد الوسط الحسابي.

٧) $120 = \frac{140 + 100}{2} = 120$ $140 = \frac{140 + 100}{2} = 120$

٨) $\frac{z}{4} + r = \frac{z+r}{4} = \frac{z+r}{4}$

٩) أوجد الحد السابع عشر من المتتالية: ح $29 = 11 - 5 = 6$





في التمرين (١٠، ١١)، لكل متتالية حسابية اكتب الصيغة الصريحة والصيغة الارتدادية.

١٠) $(-٥، -٤، -٣، -٢، ...)$ الصريحة: $ح = ن - ٦$ ، الارتدادية: $ح_١ = ١ + ح_٠ = ٥$

١١) $(٢، ٥، ١٢، ١٩، ...)$ الصريحة: $ح = ٧ن - ٩$ ، الارتدادية: $ح_١ = ٧ + ح_٠ = ٢$

في التمرين (١٢، ١٣) في كل متتالية حسابية أوجد الحد الأول $ح_١$ والأساس s وفقاً للمعطيات التالية:

١٢) $ح_١ = ٨، ح_٢ = ٢٠، ح_٣ + ح_٤ = ٨$ ، $ح_٤ = ٤$ ، $ح_٥ = ٤$

١٣) $ح_١ = ٣٢، ح_٢ = ٨$ ، $ح_٣ + ح_٤ = ٣٢$ ، $ح_٥ + ح_٦ = ٨$ ، $ح_٧ = ٤٠$ ، $ح_٨ = ٤$ ، $ح_٩ = ١٠$ ، $ح_{١٠} = ٥٢$

في التمرين (١٤، ١٥) مجموع لحدود متتالية حسابية، أوجد هذا المجموع.



١٤) $٥ + ١٣ + ٢١ + ... + ٦١$

١٥) $(-١٣) + (-٥) + (١٤) + (١٦) + ... + (٢٣)$

١٦) إذا كان $ح_١ = ٦$ ، $ح_٦ = ٥١٥٠$ في متتالية حسابية. فأوجد $ح_٣٢$. ثم أوجد $ح_٣٢$

١٧) في متتالية حسابية $ح_٣ = ٢٤٠$ ، الأساس $s = ٢$ ، أوجد $ح_١$

١٨) أوجد مجموع العشرين حدًا الأولى من المتتالية الحسابية $(٢٠، ١٦، ١٢، ٨، ٤، ٠، -٤، -٨، -١٢، -١٦، -٢٠، -٢٤، -٢٨، -٣٢، -٣٦، -٤٠، -٤٤، -٤٨، -٥٢، -٥٦، -٦٠)$

١٩)* إذا كان مجموع n حدًا الأولى من متتالية حسابية هو $\frac{n}{3}(٤٩ - ٣ن)$ ، أوجد المتتالية ثم احسب قيمة n التي تجعل هذا المجموع يساوي ٣٠

٢٠) أدخل ثمانية أوساط حسابية بين العددين ٣٢، ٥.

ج $٣٢ = ٥ + ٩ + ١٣ + ١٧ + ٢١ + ٢٥ + ٢٩ + ٣٣ + ٣٧ + ٤١ + ٤٥ + ٤٩ + ٥٣ + ٥٧ + ٦١ + ٦٥ + ٦٩ + ٧٣ + ٧٧ + ٨١ + ٨٥ + ٨٩ + ٩٣ + ٩٧ + ١٠١ + ١٠٥ + ١٠٩ + ١١٣ + ١١٧ + ١٢١ + ١٢٥ + ١٢٩ + ١٣٣ + ١٣٧ + ١٤١ + ١٤٥ + ١٤٩ + ١٥٣ + ١٥٧ + ١٦١ + ١٦٥ + ١٦٩ + ١٧٣ + ١٧٧ + ١٨١ + ١٨٥ + ١٨٩ + ١٩٣ + ١٩٧ + ٢٠١ + ٢٠٥ + ٢٠٩ + ٢١٣ + ٢١٧ + ٢٢١ + ٢٢٥ + ٢٢٩ + ٢٣٣ + ٢٣٧ + ٢٤١ + ٢٤٥ + ٢٤٩ + ٢٥٣ + ٢٥٧ + ٢٦١ + ٢٦٥ + ٢٦٩ + ٢٧٣ + ٢٧٧ + ٢٨١ + ٢٨٥ + ٢٨٩ + ٢٩٣ + ٢٩٧ + ٣٠١ + ٣٠٥ + ٣٠٩ + ٣١٣ + ٣١٧ + ٣٢١ + ٣٢٥ + ٣٢٩ + ٣٣٣ + ٣٣٧ + ٣٤١ + ٣٤٥ + ٣٤٩ + ٣٥٣ + ٣٥٧ + ٣٦١ + ٣٦٥ + ٣٦٩ + ٣٧٣ + ٣٧٧ + ٣٨١ + ٣٨٥ + ٣٨٩ + ٣٩٣ + ٣٩٧ + ٤٠١ + ٤٠٥ + ٤٠٩ + ٤١٣ + ٤١٧ + ٤٢١ + ٤٢٥ + ٤٢٩ + ٤٣٣ + ٤٣٧ + ٤٤١ + ٤٤٥ + ٤٤٩ + ٤٥٣ + ٤٥٧ + ٤٦١ + ٤٦٥ + ٤٦٩ + ٤٧٣ + ٤٧٧ + ٤٨١ + ٤٨٥ + ٤٨٩ + ٤٩٣ + ٤٩٧ + ٥٠١ + ٥٠٥ + ٥٠٩ + ٥١٣ + ٥١٧ + ٥٢١ + ٥٢٥ + ٥٢٩ + ٥٣٣ + ٥٣٧ + ٥٤١ + ٥٤٥ + ٥٤٩ + ٥٥٣ + ٥٥٧ + ٥٦١ + ٥٦٥ + ٥٦٩ + ٥٧٣ + ٥٧٧ + ٥٨١ + ٥٨٥ + ٥٨٩ + ٥٩٣ + ٥٩٧ + ٦٠١ + ٦٠٥ + ٦٠٩ + ٦١٣ + ٦١٧ + ٦٢١ + ٦٢٥ + ٦٢٩ + ٦٣٣ + ٦٣٧ + ٦٤١ + ٦٤٥ + ٦٤٩ + ٦٥٣ + ٦٥٧ + ٦٦١ + ٦٦٥ + ٦٦٩ + ٦٧٣ + ٦٧٧ + ٦٨١ + ٦٨٥ + ٦٨٩ + ٦٩٣ + ٦٩٧ + ٧٠١ + ٧٠٥ + ٧٠٩ + ٧١٣ + ٧١٧ + ٧٢١ + ٧٢٥ + ٧٢٩ + ٧٣٣ + ٧٣٧ + ٧٤١ + ٧٤٥ + ٧٤٩ + ٧٥٣ + ٧٥٧ + ٧٦١ + ٧٦٥ + ٧٦٩ + ٧٧٣ + ٧٧٧ + ٧٨١ + ٧٨٥ + ٧٨٩ + ٧٩٣ + ٧٩٧ + ٨٠١ + ٨٠٥ + ٨٠٩ + ٨١٣ + ٨١٧ + ٨٢١ + ٨٢٥ + ٨٢٩ + ٨٣٣ + ٨٣٧ + ٨٤١ + ٨٤٥ + ٨٤٩ + ٨٥٣ + ٨٥٧ + ٨٦١ + ٨٦٥ + ٨٦٩ + ٨٧٣ + ٨٧٧ + ٨٨١ + ٨٨٥ + ٨٨٩ + ٨٩٣ + ٨٩٧ + ٩٠١ + ٩٠٥ + ٩٠٩ + ٩١٣ + ٩١٧ + ٩٢١ + ٩٢٥ + ٩٢٩ + ٩٣٣ + ٩٣٧ + ٩٤١ + ٩٤٥ + ٩٤٩ + ٩٥٣ + ٩٥٧ + ٩٦١ + ٩٦٥ + ٩٦٩ + ٩٧٣ + ٩٧٧ + ٩٨١ + ٩٨٥ + ٩٨٩ + ٩٩٣ + ٩٩٧ + ١٠٠١ + ١٠٠٥ + ١٠٠٩ + ١٠١٣ + ١٠١٧ + ١٠٢١ + ١٠٢٥ + ١٠٢٩ + ١٠٣٣ + ١٠٣٧ + ١٠٤١ + ١٠٤٥ + ١٠٤٩ + ١٠٥٣ + ١٠٥٧ + ١٠٦١ + ١٠٦٥ + ١٠٦٩ + ١٠٧٣ + ١٠٧٧ + ١٠٨١ + ١٠٨٥ + ١٠٨٩ + ١٠٩٣ + ١٠٩٧ + ١١٠١ + ١١٠٥ + ١١٠٩ + ١١١٣ + ١١١٧ + ١١٢١ + ١١٢٥ + ١١٢٩ + ١١٣٣ + ١١٣٧ + ١١٤١ + ١١٤٥ + ١١٤٩ + ١١٥٣ + ١١٥٧ + ١١٦١ + ١١٦٥ + ١١٦٩ + ١١٧٣ + ١١٧٧ + ١١٨١ + ١١٨٥ + ١١٨٩ + ١١٩٣ + ١١٩٧ + ١٢٠١ + ١٢٠٥ + ١٢٠٩ + ١٢١٣ + ١٢١٧ + ١٢٢١ + ١٢٢٥ + ١٢٢٩ + ١٢٣٣ + ١٢٣٧ + ١٢٤١ + ١٢٤٥ + ١٢٤٩ + ١٢٥٣ + ١٢٥٧ + ١٢٦١ + ١٢٦٥ + ١٢٦٩ + ١٢٧٣ + ١٢٧٧ + ١٢٨١ + ١٢٨٥ + ١٢٨٩ + ١٢٩٣ + ١٢٩٧ + ١٣٠١ + ١٣٠٥ + ١٣٠٩ + ١٣١٣ + ١٣١٧ + ١٣٢١ + ١٣٢٥ + ١٣٢٩ + ١٣٣٣ + ١٣٣٧ + ١٣٤١ + ١٣٤٥ + ١٣٤٩ + ١٣٥٣ + ١٣٥٧ + ١٣٦١ + ١٣٦٥ + ١٣٦٩ + ١٣٧٣ + ١٣٧٧ + ١٣٨١ + ١٣٨٥ + ١٣٨٩ + ١٣٩٣ + ١٣٩٧ + ١٤٠١ + ١٤٠٥ + ١٤٠٩ + ١٤١٣ + ١٤١٧ + ١٤٢١ + ١٤٢٥ + ١٤٢٩ + ١٤٣٣ + ١٤٣٧ + ١٤٤١ + ١٤٤٥ + ١٤٤٩ + ١٤٥٣ + ١٤٥٧ + ١٤٦١ + ١٤٦٥ + ١٤٦٩ + ١٤٧٣ + ١٤٧٧ + ١٤٨١ + ١٤٨٥ + ١٤٨٩ + ١٤٩٣ + ١٤٩٧ + ١٥٠١ + ١٥٠٥ + ١٥٠٩ + ١٥١٣ + ١٥١٧ + ١٥٢١ + ١٥٢٥ + ١٥٢٩ + ١٥٣٣ + ١٥٣٧ + ١٥٤١ + ١٥٤٥ + ١٥٤٩ + ١٥٥٣ + ١٥٥٧ + ١٥٦١ + ١٥٦٥ + ١٥٦٩ + ١٥٧٣ + ١٥٧٧ + ١٥٨١ + ١٥٨٥ + ١٥٨٩ + ١٥٩٣ + ١٥٩٧ + ١٦٠١ + ١٦٠٥ + ١٦٠٩ + ١٦١٣ + ١٦١٧ + ١٦٢١ + ١٦٢٥ + ١٦٢٩ + ١٦٣٣ + ١٦٣٧ + ١٦٤١ + ١٦٤٥ + ١٦٤٩ + ١٦٥٣ + ١٦٥٧ + ١٦٦١ + ١٦٦٥ + ١٦٦٩ + ١٦٧٣ + ١٦٧٧ + ١٦٨١ + ١٦٨٥ + ١٦٨٩ + ١٦٩٣ + ١٦٩٧ + ١٧٠١ + ١٧٠٥ + ١٧٠٩ + ١٧١٣ + ١٧١٧ + ١٧٢١ + ١٧٢٥ + ١٧٢٩ + ١٧٣٣ + ١٧٣٧ + ١٧٤١ + ١٧٤٥ + ١٧٤٩ + ١٧٥٣ + ١٧٥٧ + ١٧٦١ + ١٧٦٥ + ١٧٦٩ + ١٧٧٣ + ١٧٧٧ + ١٧٨١ + ١٧٨٥ + ١٧٨٩ + ١٧٩٣ + ١٧٩٧ + ١٨٠١ + ١٨٠٥ + ١٨٠٩ + ١٨١٣ + ١٨١٧ + ١٨٢١ + ١٨٢٥ + ١٨٢٩ + ١٨٣٣ + ١٨٣٧ + ١٨٤١ + ١٨٤٥ + ١٨٤٩ + ١٨٥٣ + ١٨٥٧ + ١٨٦١ + ١٨٦٥ + ١٨٦٩ + ١٨٧٣ + ١٨٧٧ + ١٨٨١ + ١٨٨٥ + ١٨٨٩ + ١٨٩٣ + ١٨٩٧ + ١٩٠١ + ١٩٠٥ + ١٩٠٩ + ١٩١٣ + ١٩١٧ + ١٩٢١ + ١٩٢٥ + ١٩٢٩ + ١٩٣٣ + ١٩٣٧ + ١٩٤١ + ١٩٤٥ + ١٩٤٩ + ١٩٥٣ + ١٩٥٧ + ١٩٦١ + ١٩٦٥ + ١٩٦٩ + ١٩٧٣ + ١٩٧٧ + ١٩٨١ + ١٩٨٥ + ١٩٨٩ + ١٩٩٣ + ١٩٩٧ + ٢٠٠١ + ٢٠٠٥ + ٢٠٠٩ + ٢٠١٣ + ٢٠١٧ + ٢٠٢١ + ٢٠٢٥ + ٢٠٢٩ + ٢٠٣٣ + ٢٠٣٧ + ٢٠٤١ + ٢٠٤٥ + ٢٠٤٩ + ٢٠٥٣ + ٢٠٥٧ + ٢٠٦١ + ٢٠٦٥ + ٢٠٦٩ + ٢٠٧٣ + ٢٠٧٧ + ٢٠٨١ + ٢٠٨٥ + ٢٠٨٩ + ٢٠٩٣ + ٢٠٩٧ + ٢١٠١ + ٢١٠٥ + ٢١٠٩ + ٢١١٣ + ٢١١٧ + ٢١٢١ + ٢١٢٥ + ٢١٢٩ + ٢١٣٣ + ٢١٣٧ + ٢١٤١ + ٢١٤٥ + ٢١٤٩ + ٢١٥٣ + ٢١٥٧ + ٢١٦١ + ٢١٦٥ + ٢١٦٩ + ٢١٧٣ + ٢١٧٧ + ٢١٨١ + ٢١٨٥ + ٢١٨٩ + ٢١٩٣ + ٢١٩٧ + ٢٢٠١ + ٢٢٠٥ + ٢٢٠٩ + ٢٢١٣ + ٢٢١٧ + ٢٢٢١ + ٢٢٢٥ + ٢٢٢٩ + ٢٢٣٣ + ٢٢٣٧ + ٢٢٤١ + ٢٢٤٥ + ٢٢٤٩ + ٢٢٥٣ + ٢٢٥٧ + ٢٢٦١ + ٢٢٦٥ + ٢٢٦٩ + ٢٢٧٣ + ٢٢٧٧ + ٢٢٨١ + ٢٢٨٥ + ٢٢٨٩ + ٢٢٩٣ + ٢٢٩٧ + ٢٣٠١ + ٢٣٠٥ + ٢٣٠٩ + ٢٣١٣ + ٢٣١٧ + ٢٣٢١ + ٢٣٢٥ + ٢٣٢٩ + ٢٣٣٣ + ٢٣٣٧ + ٢٣٤١ + ٢٣٤٥ + ٢٣٤٩ + ٢٣٥٣ + ٢٣٥٧ + ٢٣٦١ + ٢٣٦٥ + ٢٣٦٩ + ٢٣٧٣ + ٢٣٧٧ + ٢٣٨١ + ٢٣٨٥ + ٢٣٨٩ + ٢٣٩٣ + ٢٣٩٧ + ٢٤٠١ + ٢٤٠٥ + ٢٤٠٩ + ٢٤١٣ + ٢٤١٧ + ٢٤٢١ + ٢٤٢٥ + ٢٤٢٩ + ٢٤٣٣ + ٢٤٣٧ + ٢٤٤١ + ٢٤٤٥ + ٢٤٤٩ + ٢٤٥٣ + ٢٤٥٧ + ٢٤٦١ + ٢٤٦٥ + ٢٤٦٩ + ٢٤٧٣ + ٢٤٧٧ + ٢٤٨١ + ٢٤٨٥ + ٢٤٨٩ + ٢٤٩٣ + ٢٤٩٧ + ٢٥٠١ + ٢٥٠٥ + ٢٥٠٩ + ٢٥١٣ + ٢٥١٧ + ٢٥٢١ + ٢٥٢٥ + ٢٥٢٩ + ٢٥٣٣ + ٢٥٣٧ + ٢٥٤١ + ٢٥٤٥ + ٢٥٤٩ + ٢٥٥٣ + ٢٥٥٧ + ٢٥٦١ + ٢٥٦٥ + ٢٥٦٩ + ٢٥٧٣ + ٢٥٧٧ + ٢٥٨١ + ٢٥٨٥ + ٢٥٨٩ + ٢٥٩٣ + ٢٥٩٧ + ٢٦٠١ + ٢٦٠٥ + ٢٦٠٩ + ٢٦١٣ + ٢٦١٧ + ٢٦٢١ + ٢٦٢٥ + ٢٦٢٩ + ٢٦٣٣ + ٢٦٣٧ + ٢٦٤١ + ٢٦٤٥ + ٢٦٤٩ + ٢٦٥٣ + ٢٦٥٧ + ٢٦٦١ + ٢٦٦٥ + ٢٦٦٩ + ٢٦٧٣ + ٢٦٧٧ + ٢٦٨١ + ٢٦٨٥ + ٢٦٨٩ + ٢٦٩٣ + ٢٦٩٧ + ٢٧٠١ + ٢٧٠٥ + ٢٧٠٩ + ٢٧١٣ + ٢٧١٧ + ٢٧٢١ + ٢٧٢٥ + ٢٧٢٩ + ٢٧٣٣ + ٢٧٣٧ + ٢٧٤١ + ٢٧٤٥ + ٢٧٤٩ + ٢٧٥٣ + ٢٧٥٧ + ٢٧٦١ + ٢٧٦٥ + ٢٧٦٩ + ٢٧٧٣ + ٢٧٧٧ + ٢٧٨١ + ٢٧٨٥ + ٢٧٨٩ + ٢٧٩٣ + ٢٧٩٧ + ٢٨٠١ + ٢٨٠٥ + ٢٨٠٩ + ٢٨١٣ + ٢٨١٧ + ٢٨٢١ + ٢٨٢٥ + ٢٨٢٩ + ٢٨٣٣ + ٢٨٣٧ + ٢٨٤١ + ٢٨٤٥ + ٢٨٤٩ + ٢٨٥٣ + ٢٨٥٧ + ٢٨٦١ + ٢٨٦٥ + ٢٨٦٩ + ٢٨٧٣ + ٢٨٧٧ + ٢٨٨١ + ٢٨٨٥ + ٢٨٨٩ + ٢٨٩٣ + ٢٨٩٧ + ٢٩٠١ + ٢٩٠٥ + ٢٩٠٩ + ٢٩١٣ + ٢٩١٧ + ٢٩٢١ + ٢٩٢٥ + ٢٩٢٩ + ٢٩٣٣ + ٢٩٣٧ + ٢٩٤١ + ٢٩٤٥ + ٢٩٤٩ + ٢٩٥٣ + ٢٩٥٧ + ٢٩٦١ + ٢٩٦٥ + ٢٩٦٩ + ٢٩٧٣ + ٢٩٧٧ + ٢٩٨١ + ٢٩٨٥ + ٢٩٨٩ + ٢٩٩٣ + ٢٩٩٧ + ٣٠٠١ + ٣٠٠٥ + ٣٠٠٩ + ٣٠١٣ + ٣٠١٧ + ٣٠٢١ + ٣٠٢٥ + ٣٠٢٩ + ٣٠٣٣ + ٣٠٣٧ + ٣٠٤١ + ٣٠٤٥ + ٣٠٤٩ + ٣٠٥٣ + ٣٠٥٧ + ٣٠٦١ + ٣٠٦٥ + ٣٠٦٩ + ٣٠٧٣ + ٣٠٧٧ + ٣٠٨١ + ٣٠٨٥ + ٣٠٨٩ + ٣٠٩٣ + ٣٠٩٧ + ٣١٠١ + ٣١٠٥ + ٣١٠٩ + ٣١١٣ + ٣١١٧ + ٣١٢١ + ٣١٢٥ + ٣١٢٩ + ٣١٣٣ + ٣١٣٧ + ٣١٤١ + ٣١٤٥ + ٣١٤٩ + ٣١٥٣ + ٣١٥٧ + ٣١٦١ + ٣١٦٥ + ٣١٦٩ + ٣١٧٣ + ٣١٧٧ + ٣١٨١ + ٣١٨٥ + ٣١٨٩ + ٣١٩٣ + ٣١٩٧ + ٣٢٠١ + ٣٢٠٥ + ٣٢٠٩ + ٣٢١٣ + ٣٢١٧ + ٣٢٢١ + ٣٢٢٥ + ٣٢٢٩ + ٣٢٣٣ + ٣٢٣٧ + ٣٢٤١ + ٣٢٤٥ + ٣٢٤٩ + ٣٢٥٣ + ٣٢٥٧ + ٣٢٦١ + ٣٢٦٥ + ٣٢٦٩ + ٣٢٧٣ + ٣٢٧٧ + ٣٢٨١ + ٣٢٨٥ + ٣٢٨٩ + ٣٢٩٣ + ٣٢٩٧ + ٣٣٠١ + ٣٣٠٥ + ٣٣٠٩ + ٣٣١٣ + ٣٣١٧ + ٣٣٢١ + ٣٣٢٥ + ٣٣٢٩ + ٣٣٣٣ + ٣٣٣٧ + ٣٣٤١ + ٣٣٤٥ + ٣٣٤٩ + ٣٣٥٣ + ٣٣٥٧ + ٣٣٦١ + ٣٣٦٥ + ٣٣٦٩ + ٣٣٧٣ + ٣٣٧٧ + ٣٣٨١ + ٣٣٨٥ + ٣٣٨٩ + ٣٣٩٣ + ٣٣٩٧ + ٣٤٠١ + ٣٤٠٥ + ٣٤٠٩ + ٣٤١٣ + ٣٤١٧ + ٣٤٢١ + ٣٤٢٥ + ٣٤٢٩ + ٣٤٣٣ + ٣٤٣٧ + ٣٤٤١ + ٣٤٤٥ + ٣٤٤٩ + ٣٤٥٣ + ٣٤٥٧ + ٣٤٦١ + ٣٤٦٥ + ٣٤٦٩ + ٣٤٧٣ + ٣٤٧٧ + ٣٤٨١ + ٣٤٨٥ + ٣٤٨٩ + ٣٤٩٣ + ٣٤٩٧ + ٣٥٠١ + ٣٥٠٥ + ٣٥٠٩ + ٣٥١٣ + ٣٥١٧ + ٣٥٢١ + ٣٥٢٥ + ٣٥٢٩ + ٣٥٣٣ + ٣٥٣٧ + ٣٥٤١ + ٣٥٤٥ + ٣٥٤٩ + ٣٥٥٣ + ٣٥٥٧ + ٣٥٦١ + ٣٥٦٥ + ٣٥٦٩ + ٣٥٧٣ + ٣٥٧٧ + ٣٥٨١ + ٣٥٨٥ + ٣٥٨٩ + ٣٥٩٣ + ٣٥٩٧ + ٣٦٠١ + ٣٦٠٥ + ٣٦٠٩ + ٣٦١٣ + ٣٦١٧ + ٣٦٢١ + ٣٦٢٥ + ٣٦٢٩ + ٣٦٣٣ + ٣٦٣٧ + ٣٦٤١ + ٣٦٤٥ + ٣٦٤٩ + ٣٦٥٣ + ٣٦٥٧ + ٣٦٦١ + ٣٦٦٥ + ٣٦٦٩ + ٣٦٧٣ + ٣٦٧٧ + ٣٦٨١ + ٣٦٨٥ + ٣٦٨٩ + ٣٦٩٣ + ٣٦٩٧ + ٣٧٠١ + ٣٧٠٥ + ٣٧٠٩ + ٣٧١٣ + ٣٧١٧ + ٣٧٢١ + ٣٧٢٥ + ٣٧٢٩ + ٣٧٣٣ + ٣٧٣٧ + ٣٧٤١ + ٣٧٤٥ + ٣٧٤٩ + ٣٧٥٣ + ٣٧٥٧ + ٣٧٦١ + ٣٧٦٥ + ٣٧٦٩ + ٣٧٧٣ + ٣٧٧٧ + ٣٧٨١ + ٣٧٨٥ + ٣٧٨٩ + ٣٧٩٣ + ٣٧٩٧ + ٣٨٠١ + ٣٨٠٥ + ٣٨٠٩ + ٣٨١٣ + ٣٨١٧ + ٣٨٢١ + ٣٨٢٥ + ٣٨٢٩ + ٣٨٣٣ + ٣٨٣٧ + ٣٨٤١ + ٣٨٤٥ + ٣٨٤٩ + ٣٨٥٣ + ٣٨٥٧ + ٣٨٦١ + ٣٨٦٥ + ٣٨٦٩ + ٣٨٧٣ + ٣٨٧٧ + ٣٨٨١ + ٣٨٨٥ + ٣٨٨٩ + ٣٨٩٣ + ٣٨٩٧ + ٣٩٠١ + ٣٩٠٥ + ٣٩٠٩ + ٣٩١٣ + ٣٩١٧ + ٣٩٢١ + ٣٩٢٥ + ٣٩٢٩ + ٣٩٣٣ + ٣٩٣٧ + ٣٩٤١ + ٣٩٤٥ + ٣٩٤٩ + ٣٩٥٣ + ٣٩٥٧ + ٣٩٦١ + ٣٩٦٥ + ٣٩٦٩ + ٣٩٧٣ + ٣٩٧٧ + ٣٩٨١ + ٣٩٨٥ + ٣٩٨٩ + ٣٩٩٣ + ٣٩٩٧ + ٤٠٠١ + ٤٠٠٥ + ٤٠٠٩ + ٤٠١٣ + ٤٠١٧ + ٤٠٢١ + ٤٠٢٥ + ٤٠٢٩ + ٤٠٣٣ + ٤٠٣٧ + ٤٠٤١ + ٤٠٤٥ + ٤٠٤٩ + ٤٠٥٣ + ٤٠٥٧ + ٤٠٦١ + ٤٠٦٥ + ٤٠٦٩ + ٤٠٧٣ + ٤٠٧٧ + ٤٠٨١ + ٤٠٨٥ + ٤٠٨٩ + ٤٠٩٣ + ٤٠٩٧ + ٤١٠١ + ٤١٠٥ + ٤١٠٩ + ٤١١٣ + ٤١١٧ + ٤١٢١ + ٤١٢٥ + ٤١٢٩ + ٤١٣٣ + ٤١٣٧ + ٤١٤١ + ٤١٤٥ + ٤١٤٩ + ٤١٥٣ + ٤١٥٧ + ٤١٦١ + ٤١٦٥ + ٤١٦٩ + ٤١٧٣ + ٤١٧٧ + ٤١٨١ + ٤١٨٥ + ٤١٨٩ + ٤١٩٣ + ٤١٩٧ + ٤٢٠١ + ٤٢٠٥ + ٤٢٠٩ + ٤٢١٣ + ٤٢١٧ + ٤٢٢١ + ٤٢٢٥ + ٤٢٢٩ + ٤٢٣٣ + ٤٢٣٧ + ٤٢٤١ + ٤٢٤٥ + ٤٢٤٩ + ٤٢٥٣ + ٤٢٥٧ + ٤٢٦١ + ٤٢٦٥ + ٤٢٦٩ + ٤٢٧٣ + ٤٢٧٧ + ٤٢٨١ + ٤٢٨٥ + ٤٢٨٩ + ٤٢٩٣ + ٤٢٩٧ + ٤٣٠١ + ٤٣٠٥ + ٤٣٠٩ + ٤٣١٣ + ٤٣١٧ + ٤٣٢١ + ٤٣٢٥ + ٤٣٢٩ + ٤٣٣٣ + ٤٣٣٧ + ٤٣٤١ + ٤٣٤٥ + ٤٣٤٩ + ٤٣٥٣ + ٤٣٥٧ + ٤٣٦١ + ٤٣٦٥ + ٤٣٦٩ + ٤٣٧٣ + ٤٣٧٧ + ٤٣٨١ + ٤٣٨٥ + ٤٣٨٩ + ٤٣٩٣ + ٤٣٩٧ + ٤٤٠١ + ٤٤٠٥ + ٤٤٠٩ + ٤٤١٣ + ٤٤١٧ + ٤٤٢١ + ٤٤٢٥ + ٤٤٢٩ + ٤٤٣٣ + ٤٤٣٧ + ٤٤٤١ + ٤٤٤٥ + ٤٤٤٩ + ٤٤٥٣ + ٤٤٥٧ + ٤٤٦١ + ٤٤٦٥ + ٤٤٦٩ + ٤٤٧٣ + ٤٤٧٧ + ٤٤٨١ + ٤٤٨٥ + ٤٤٨٩ + ٤٤٩٣ + ٤٤٩٧ + ٤٥٠١ + ٤٥٠٥ + ٤٥٠٩ + ٤٥١٣ + ٤٥١٧ +$



المتتالية الهندسية Geometric Sequence

المجموعة أ تمارين أساسية

في التمرينين (٢، ١) هل المتتاليات الآتية هندسية؟ إذا كانت كذلك أوجد الأساس.

١) $(١٦، ٨، ٤، ٢، ١)$ متتالية هندسية $r = ٢$

٢) $(١، ١-، ١، ١-، ١)$ متتالية هندسية $r = -١$

في التمرينين (٤-٣) اكتب صيغة صريحة لكل متتالية هندسية. ثم اكتب الحدود الأربعة الأولى.

٣) $١، ٥، ٢٥، ١٢٥، \dots$ $١-٣ = ٢$ $٢-١ = ٢$ $٣-٢ = ٢$ $٤-٣ = ٢$ $٥-٤ = ٢$ $٦-٥ = ٢$ $٧-٦ = ٢$ $٨-٧ = ٢$ $٩-٨ = ٢$ $١٠-٩ = ٢$ $١١-١٠ = ٢$ $١٢-١١ = ٢$ $١٣-١٢ = ٢$ $١٤-١٣ = ٢$ $١٥-١٤ = ٢$ $١٦-١٥ = ٢$ $١٧-١٦ = ٢$ $١٨-١٧ = ٢$ $١٩-١٨ = ٢$ $٢٠-١٩ = ٢$ $٢١-٢٠ = ٢$ $٢٢-٢١ = ٢$ $٢٣-٢٢ = ٢$ $٢٤-٢٣ = ٢$ $٢٥-٢٤ = ٢$ $٢٦-٢٥ = ٢$ $٢٧-٢٦ = ٢$ $٢٨-٢٧ = ٢$ $٢٩-٢٨ = ٢$ $٣٠-٢٩ = ٢$ $٣١-٣٠ = ٢$ $٣٢-٣١ = ٢$ $٣٣-٣٢ = ٢$ $٣٤-٣٣ = ٢$ $٣٥-٣٤ = ٢$ $٣٦-٣٥ = ٢$ $٣٧-٣٦ = ٢$ $٣٨-٣٧ = ٢$ $٣٩-٣٨ = ٢$ $٤٠-٣٩ = ٢$ $٤١-٤٠ = ٢$ $٤٢-٤١ = ٢$ $٤٣-٤٢ = ٢$ $٤٤-٤٣ = ٢$ $٤٥-٤٤ = ٢$ $٤٦-٤٥ = ٢$ $٤٧-٤٦ = ٢$ $٤٨-٤٧ = ٢$ $٤٩-٤٨ = ٢$ $٥٠-٤٩ = ٢$ $٥١-٥٠ = ٢$ $٥٢-٥١ = ٢$ $٥٣-٥٢ = ٢$ $٥٤-٥٣ = ٢$ $٥٥-٥٤ = ٢$ $٥٦-٥٥ = ٢$ $٥٧-٥٦ = ٢$ $٥٨-٥٧ = ٢$ $٥٩-٥٨ = ٢$ $٦٠-٥٩ = ٢$ $٦١-٦٠ = ٢$ $٦٢-٦١ = ٢$ $٦٣-٦٢ = ٢$ $٦٤-٦٣ = ٢$ $٦٥-٦٤ = ٢$ $٦٦-٦٥ = ٢$ $٦٧-٦٦ = ٢$ $٦٨-٦٧ = ٢$ $٦٩-٦٨ = ٢$ $٧٠-٦٩ = ٢$ $٧١-٧٠ = ٢$ $٧٢-٧١ = ٢$ $٧٣-٧٢ = ٢$ $٧٤-٧٣ = ٢$ $٧٥-٧٤ = ٢$ $٧٦-٧٥ = ٢$ $٧٧-٧٦ = ٢$ $٧٨-٧٧ = ٢$ $٧٩-٧٨ = ٢$ $٨٠-٧٩ = ٢$ $٨١-٨٠ = ٢$ $٨٢-٨١ = ٢$ $٨٣-٨٢ = ٢$ $٨٤-٨٣ = ٢$ $٨٥-٨٤ = ٢$ $٨٦-٨٥ = ٢$ $٨٧-٨٦ = ٢$ $٨٨-٨٧ = ٢$ $٨٩-٨٨ = ٢$ $٩٠-٨٩ = ٢$ $٩١-٩٠ = ٢$ $٩٢-٩١ = ٢$ $٩٣-٩٢ = ٢$ $٩٤-٩٣ = ٢$ $٩٥-٩٤ = ٢$ $٩٦-٩٥ = ٢$ $٩٧-٩٦ = ٢$ $٩٨-٩٧ = ٢$ $٩٩-٩٨ = ٢$ $١٠٠-٩٩ = ٢$ $١٠١-١٠٠ = ٢$ $١٠٢-١٠١ = ٢$ $١٠٣-١٠٢ = ٢$ $١٠٤-١٠٣ = ٢$ $١٠٥-١٠٤ = ٢$ $١٠٦-١٠٥ = ٢$ $١٠٧-١٠٦ = ٢$ $١٠٨-١٠٧ = ٢$ $١٠٩-١٠٨ = ٢$ $١١٠-١٠٩ = ٢$ $١١١-١١٠ = ٢$ $١١٢-١١١ = ٢$ $١١٣-١١٢ = ٢$ $١١٤-١١٣ = ٢$ $١١٥-١١٤ = ٢$ $١١٦-١١٥ = ٢$ $١١٧-١١٦ = ٢$ $١١٨-١١٧ = ٢$ $١١٩-١١٨ = ٢$ $١٢٠-١١٩ = ٢$ $١٢١-١٢٠ = ٢$ $١٢٢-١٢١ = ٢$ $١٢٣-١٢٢ = ٢$ $١٢٤-١٢٣ = ٢$ $١٢٥-١٢٤ = ٢$ $١٢٦-١٢٥ = ٢$ $١٢٧-١٢٦ = ٢$ $١٢٨-١٢٧ = ٢$ $١٢٩-١٢٨ = ٢$ $١٣٠-١٢٩ = ٢$ $١٣١-١٣٠ = ٢$ $١٣٢-١٣١ = ٢$ $١٣٣-١٣٢ = ٢$ $١٣٤-١٣٣ = ٢$ $١٣٥-١٣٤ = ٢$ $١٣٦-١٣٥ = ٢$ $١٣٧-١٣٦ = ٢$ $١٣٨-١٣٧ = ٢$ $١٣٩-١٣٨ = ٢$ $١٤٠-١٣٩ = ٢$ $١٤١-١٤٠ = ٢$ $١٤٢-١٤١ = ٢$ $١٤٣-١٤٢ = ٢$ $١٤٤-١٤٣ = ٢$ $١٤٥-١٤٤ = ٢$ $١٤٦-١٤٥ = ٢$ $١٤٧-١٤٦ = ٢$ $١٤٨-١٤٧ = ٢$ $١٤٩-١٤٨ = ٢$ $١٥٠-١٤٩ = ٢$ $١٥١-١٥٠ = ٢$ $١٥٢-١٥١ = ٢$ $١٥٣-١٥٢ = ٢$ $١٥٤-١٥٣ = ٢$ $١٥٥-١٥٤ = ٢$ $١٥٦-١٥٥ = ٢$ $١٥٧-١٥٦ = ٢$ $١٥٨-١٥٧ = ٢$ $١٥٩-١٥٨ = ٢$ $١٦٠-١٥٩ = ٢$ $١٦١-١٦٠ = ٢$ $١٦٢-١٦١ = ٢$ $١٦٣-١٦٢ = ٢$ $١٦٤-١٦٣ = ٢$ $١٦٥-١٦٤ = ٢$ $١٦٦-١٦٥ = ٢$ $١٦٧-١٦٦ = ٢$ $١٦٨-١٦٧ = ٢$ $١٦٩-١٦٨ = ٢$ $١٧٠-١٦٩ = ٢$ $١٧١-١٧٠ = ٢$ $١٧٢-١٧١ = ٢$ $١٧٣-١٧٢ = ٢$ $١٧٤-١٧٣ = ٢$ $١٧٥-١٧٤ = ٢$ $١٧٦-١٧٥ = ٢$ $١٧٧-١٧٦ = ٢$ $١٧٨-١٧٧ = ٢$ $١٧٩-١٧٨ = ٢$ $١٨٠-١٧٩ = ٢$ $١٨١-١٨٠ = ٢$ $١٨٢-١٨١ = ٢$ $١٨٣-١٨٢ = ٢$ $١٨٤-١٨٣ = ٢$ $١٨٥-١٨٤ = ٢$ $١٨٦-١٨٥ = ٢$ $١٨٧-١٨٦ = ٢$ $١٨٨-١٨٧ = ٢$ $١٨٩-١٨٨ = ٢$ $١٩٠-١٨٩ = ٢$ $١٩١-١٩٠ = ٢$ $١٩٢-١٩١ = ٢$ $١٩٣-١٩٢ = ٢$ $١٩٤-١٩٣ = ٢$ $١٩٥-١٩٤ = ٢$ $١٩٦-١٩٥ = ٢$ $١٩٧-١٩٦ = ٢$ $١٩٨-١٩٧ = ٢$ $١٩٩-١٩٨ = ٢$ $٢٠٠-١٩٩ = ٢$ $٢٠١-٢٠٠ = ٢$ $٢٠٢-٢٠١ = ٢$ $٢٠٣-٢٠٢ = ٢$ $٢٠٤-٢٠٣ = ٢$ $٢٠٥-٢٠٤ = ٢$ $٢٠٦-٢٠٥ = ٢$ $٢٠٧-٢٠٦ = ٢$ $٢٠٨-٢٠٧ = ٢$ $٢٠٩-٢٠٨ = ٢$ $٢١٠-٢٠٩ = ٢$ $٢١١-٢١٠ = ٢$ $٢١٢-٢١١ = ٢$ $٢١٣-٢١٢ = ٢$ $٢١٤-٢١٣ = ٢$ $٢١٥-٢١٤ = ٢$ $٢١٦-٢١٥ = ٢$ $٢١٧-٢١٦ = ٢$ $٢١٨-٢١٧ = ٢$ $٢١٩-٢١٨ = ٢$ $٢٢٠-٢١٩ = ٢$ $٢٢١-٢٢٠ = ٢$ $٢٢٢-٢٢١ = ٢$ $٢٢٣-٢٢٢ = ٢$ $٢٢٤-٢٢٣ = ٢$ $٢٢٥-٢٢٤ = ٢$ $٢٢٦-٢٢٥ = ٢$ $٢٢٧-٢٢٦ = ٢$ $٢٢٨-٢٢٧ = ٢$ $٢٢٩-٢٢٨ = ٢$ $٢٣٠-٢٢٩ = ٢$ $٢٣١-٢٣٠ = ٢$ $٢٣٢-٢٣١ = ٢$ $٢٣٣-٢٣٢ = ٢$ $٢٣٤-٢٣٣ = ٢$ $٢٣٥-٢٣٤ = ٢$ $٢٣٦-٢٣٥ = ٢$ $٢٣٧-٢٣٦ = ٢$ $٢٣٨-٢٣٧ = ٢$ $٢٣٩-٢٣٨ = ٢$ $٢٤٠-٢٣٩ = ٢$ $٢٤١-٢٤٠ = ٢$ $٢٤٢-٢٤١ = ٢$ $٢٤٣-٢٤٢ = ٢$ $٢٤٤-٢٤٣ = ٢$ $٢٤٥-٢٤٤ = ٢$ $٢٤٦-٢٤٥ = ٢$ $٢٤٧-٢٤٦ = ٢$ $٢٤٨-٢٤٧ = ٢$ $٢٤٩-٢٤٨ = ٢$ $٢٥٠-٢٤٩ = ٢$ $٢٥١-٢٥٠ = ٢$ $٢٥٢-٢٥١ = ٢$ $٢٥٣-٢٥٢ = ٢$ $٢٥٤-٢٥٣ = ٢$ $٢٥٥-٢٥٤ = ٢$ $٢٥٦-٢٥٥ = ٢$ $٢٥٧-٢٥٦ = ٢$ $٢٥٨-٢٥٧ = ٢$ $٢٥٩-٢٥٨ = ٢$ $٢٦٠-٢٥٩ = ٢$ $٢٦١-٢٦٠ = ٢$ $٢٦٢-٢٦١ = ٢$ $٢٦٣-٢٦٢ = ٢$ $٢٦٤-٢٦٣ = ٢$ $٢٦٥-٢٦٤ = ٢$ $٢٦٦-٢٦٥ = ٢$ $٢٦٧-٢٦٦ = ٢$ $٢٦٨-٢٦٧ = ٢$ $٢٦٩-٢٦٨ = ٢$ $٢٧٠-٢٦٩ = ٢$ $٢٧١-٢٧٠ = ٢$ $٢٧٢-٢٧١ = ٢$ $٢٧٣-٢٧٢ = ٢$ $٢٧٤-٢٧٣ = ٢$ $٢٧٥-٢٧٤ = ٢$ $٢٧٦-٢٧٥ = ٢$ $٢٧٧-٢٧٦ = ٢$ $٢٧٨-٢٧٧ = ٢$ $٢٧٩-٢٧٨ = ٢$ $٢٨٠-٢٧٩ = ٢$ $٢٨١-٢٨٠ = ٢$ $٢٨٢-٢٨١ = ٢$ $٢٨٣-٢٨٢ = ٢$ $٢٨٤-٢٨٣ = ٢$ $٢٨٥-٢٨٤ = ٢$ $٢٨٦-٢٨٥ = ٢$ $٢٨٧-٢٨٦ = ٢$ $٢٨٨-٢٨٧ = ٢$ $٢٨٩-٢٨٨ = ٢$ $٢٩٠-٢٨٩ = ٢$ $٢٩١-٢٩٠ = ٢$ $٢٩٢-٢٩١ = ٢$ $٢٩٣-٢٩٢ = ٢$ $٢٩٤-٢٩٣ = ٢$ $٢٩٥-٢٩٤ = ٢$ $٢٩٦-٢٩٥ = ٢$ $٢٩٧-٢٩٦ = ٢$ $٢٩٨-٢٩٧ = ٢$ $٢٩٩-٢٩٨ = ٢$ $٣٠٠-٢٩٩ = ٢$ $٣٠١-٣٠٠ = ٢$ $٣٠٢-٣٠١ = ٢$ $٣٠٣-٣٠٢ = ٢$ $٣٠٤-٣٠٣ = ٢$ $٣٠٥-٣٠٤ = ٢$ $٣٠٦-٣٠٥ = ٢$ $٣٠٧-٣٠٦ = ٢$ $٣٠٨-٣٠٧ = ٢$ $٣٠٩-٣٠٨ = ٢$ $٣١٠-٣٠٩ = ٢$ $٣١١-٣١٠ = ٢$ $٣١٢-٣١١ = ٢$ $٣١٣-٣١٢ = ٢$ $٣١٤-٣١٣ = ٢$ $٣١٥-٣١٤ = ٢$ $٣١٦-٣١٥ = ٢$ $٣١٧-٣١٦ = ٢$ $٣١٨-٣١٧ = ٢$ $٣١٩-٣١٨ = ٢$ $٣٢٠-٣١٩ = ٢$ $٣٢١-٣٢٠ = ٢$ $٣٢٢-٣٢١ = ٢$ $٣٢٣-٣٢٢ = ٢$ $٣٢٤-٣٢٣ = ٢$ $٣٢٥-٣٢٤ = ٢$ $٣٢٦-٣٢٥ = ٢$ $٣٢٧-٣٢٦ = ٢$ $٣٢٨-٣٢٧ = ٢$ $٣٢٩-٣٢٨ = ٢$ $٣٣٠-٣٢٩ = ٢$ $٣٣١-٣٣٠ = ٢$ $٣٣٢-٣٣١ = ٢$ $٣٣٣-٣٣٢ = ٢$ $٣٣٤-٣٣٣ = ٢$ $٣٣٥-٣٣٤ = ٢$ $٣٣٦-٣٣٥ = ٢$ $٣٣٧-٣٣٦ = ٢$ $٣٣٨-٣٣٧ = ٢$ $٣٣٩-٣٣٨ = ٢$ $٣٤٠-٣٣٩ = ٢$ $٣٤١-٣٤٠ = ٢$ $٣٤٢-٣٤١ = ٢$ $٣٤٣-٣٤٢ = ٢$ $٣٤٤-٣٤٣ = ٢$ $٣٤٥-٣٤٤ = ٢$ $٣٤٦-٣٤٥ = ٢$ $٣٤٧-٣٤٦ = ٢$ $٣٤٨-٣٤٧ = ٢$ $٣٤٩-٣٤٨ = ٢$ $٣٥٠-٣٤٩ = ٢$ $٣٥١-٣٥٠ = ٢$ $٣٥٢-٣٥١ = ٢$ $٣٥٣-٣٥٢ = ٢$ $٣٥٤-٣٥٣ = ٢$ $٣٥٥-٣٥٤ = ٢$ $٣٥٦-٣٥٥ = ٢$ $٣٥٧-٣٥٦ = ٢$ $٣٥٨-٣٥٧ = ٢$ $٣٥٩-٣٥٨ = ٢$ $٣٦٠-٣٥٩ = ٢$ $٣٦١-٣٦٠ = ٢$ $٣٦٢-٣٦١ = ٢$ $٣٦٣-٣٦٢ = ٢$ $٣٦٤-٣٦٣ = ٢$ $٣٦٥-٣٦٤ = ٢$ $٣٦٦-٣٦٥ = ٢$ $٣٦٧-٣٦٦ = ٢$ $٣٦٨-٣٦٧ = ٢$ $٣٦٩-٣٦٨ = ٢$ $٣٧٠-٣٦٩ = ٢$ $٣٧١-٣٧٠ = ٢$ $٣٧٢-٣٧١ = ٢$ $٣٧٣-٣٧٢ = ٢$ $٣٧٤-٣٧٣ = ٢$ $٣٧٥-٣٧٤ = ٢$ $٣٧٦-٣٧٥ = ٢$ $٣٧٧-٣٧٦ = ٢$ $٣٧٨-٣٧٧ = ٢$ $٣٧٩-٣٧٨ = ٢$ $٣٨٠-٣٧٩ = ٢$ $٣٨١-٣٨٠ = ٢$ $٣٨٢-٣٨١ = ٢$ $٣٨٣-٣٨٢ = ٢$ $٣٨٤-٣٨٣ = ٢$ $٣٨٥-٣٨٤ = ٢$ $٣٨٦-٣٨٥ = ٢$ $٣٨٧-٣٨٦ = ٢$ $٣٨٨-٣٨٧ = ٢$ $٣٨٩-٣٨٨ = ٢$ $٣٩٠-٣٨٩ = ٢$ $٣٩١-٣٩٠ = ٢$ $٣٩٢-٣٩١ = ٢$ $٣٩٣-٣٩٢ = ٢$ $٣٩٤-٣٩٣ = ٢$ $٣٩٥-٣٩٤ = ٢$ $٣٩٦-٣٩٥ = ٢$ $٣٩٧-٣٩٦ = ٢$ $٣٩٨-٣٩٧ = ٢$ $٣٩٩-٣٩٨ = ٢$ $٤٠٠-٣٩٩ = ٢$ $٤٠١-٤٠٠ = ٢$ $٤٠٢-٤٠١ = ٢$ $٤٠٣-٤٠٢ = ٢$ $٤٠٤-٤٠٣ = ٢$ $٤٠٥-٤٠٤ = ٢$ $٤٠٦-٤٠٥ = ٢$ $٤٠٧-٤٠٦ = ٢$ $٤٠٨-٤٠٧ = ٢$ $٤٠٩-٤٠٨ = ٢$ $٤١٠-٤٠٩ = ٢$ $٤١١-٤١٠ = ٢$ $٤١٢-٤١١ = ٢$ $٤١٣-٤١٢ = ٢$ $٤١٤-٤١٣ = ٢$ $٤١٥-٤١٤ = ٢$ $٤١٦-٤١٥ = ٢$ $٤١٧-٤١٦ = ٢$ $٤١٨-٤١٧ = ٢$ $٤١٩-٤١٨ = ٢$ $٤٢٠-٤١٩ = ٢$ $٤٢١-٤٢٠ = ٢$ $٤٢٢-٤٢١ = ٢$ $٤٢٣-٤٢٢ = ٢$ $٤٢٤-٤٢٣ = ٢$ $٤٢٥-٤٢٤ = ٢$ $٤٢٦-٤٢٥ = ٢$ $٤٢٧-٤٢٦ = ٢$ $٤٢٨-٤٢٧ = ٢$ $٤٢٩-٤٢٨ = ٢$ $٤٣٠-٤٢٩ = ٢$ $٤٣١-٤٣٠ = ٢$ $٤٣٢-٤٣١ = ٢$ $٤٣٣-٤٣٢ = ٢$ $٤٣٤-٤٣٣ = ٢$ $٤٣٥-٤٣٤ = ٢$ $٤٣٦-٤٣٥ = ٢$ $٤٣٧-٤٣٦ = ٢$ $٤٣٨-٤٣٧ = ٢$ $٤٣٩-٤٣٨ = ٢$ $٤٤٠-٤٣٩ = ٢$ $٤٤١-٤٤٠ = ٢$ $٤٤٢-٤٤١ = ٢$ $٤٤٣-٤٤٢ = ٢$ $٤٤٤-٤٤٣ = ٢$ $٤٤٥-٤٤٤ = ٢$ $٤٤٦-٤٤٥ = ٢$ $٤٤٧-٤٤٦ = ٢$ $٤٤٨-٤٤٧ = ٢$ $٤٤٩-٤٤٨ = ٢$ $٤٥٠-٤٤٩ = ٢$ $٤٥١-٤٥٠ = ٢$ $٤٥٢-٤٥١ = ٢$ $٤٥٣-٤٥٢ = ٢$ $٤٥٤-٤٥٣ = ٢$ $٤٥٥-٤٥٤ = ٢$ $٤٥٦-٤٥٥ = ٢$ $٤٥٧-٤٥٦ = ٢$ $٤٥٨-٤٥٧ = ٢$ $٤٥٩-٤٥٨ = ٢$ $٤٦٠-٤٥٩ = ٢$ $٤٦١-٤٦٠ = ٢$ $٤٦٢-٤٦١ = ٢$ $٤٦٣-٤٦٢ = ٢$ $٤٦٤-٤٦٣ = ٢$ $٤٦٥-٤٦٤ = ٢$ $٤٦٦-٤٦٥ = ٢$ $٤٦٧-٤٦٦ = ٢$ $٤٦٨-٤٦٧ = ٢$ $٤٦٩-٤٦٨ = ٢$ $٤٧٠-٤٦٩ = ٢$ $٤٧١-٤٧٠ = ٢$ $٤٧٢-٤٧١ = ٢$ $٤٧٣-٤٧٢ = ٢$ $٤٧٤-٤٧٣ = ٢$ $٤٧٥-٤٧٤ = ٢$ $٤٧٦-٤٧٥ = ٢$ $٤٧٧-٤٧٦ = ٢$ $٤٧٨-٤٧٧ = ٢$ $٤٧٩-٤٧٨ = ٢$ $٤٨٠-٤٧٩ = ٢$ $٤٨١-٤٨٠ = ٢$ $٤٨٢-٤٨١ = ٢$ $٤٨٣-٤٨٢ = ٢$ $٤٨٤-٤٨٣ = ٢$ $٤٨٥-٤٨٤ = ٢$ $٤٨٦-٤٨٥ = ٢$ $٤٨٧-٤٨٦ = ٢$ $٤٨٨-٤٨٧ = ٢$ $٤٨٩-٤٨٨ = ٢$ $٤٩٠-٤٨٩ = ٢$ $٤٩١-٤٩٠ = ٢$ $٤٩٢-٤٩١ = ٢$ $٤٩٣-٤٩٢ = ٢$ $٤٩٤-٤٩٣ = ٢$ $٤٩٥-٤٩٤ = ٢$ $٤٩٦-٤٩٥ = ٢$ $٤٩٧-٤٩٦ = ٢$ $٤٩٨-٤٩٧ = ٢$ $٤٩٩-٤٩٨ = ٢$ $٥٠٠-٤٩٩ = ٢$ $٥٠١-٥٠٠ = ٢$ $٥٠٢-٥٠١ = ٢$ $٥٠٣-٥٠٢ = ٢$ $٥٠٤-٥٠٣ = ٢$ $٥٠٥-٥٠٤ = ٢$ $٥٠٦-٥٠٥ = ٢$ $٥٠٧-٥٠٦ = ٢$ $٥٠٨-٥٠٧ = ٢$ $٥٠٩-٥٠٨ = ٢$ $٥١٠-٥٠٩ = ٢$ $٥١١-٥١٠ = ٢$ $٥١٢-٥١١ = ٢$ $٥١٣-٥١٢ = ٢$ $٥١٤-٥١٣ = ٢$ $٥١٥-٥١٤ = ٢$ $٥١٦-٥١٥ = ٢$ $٥١٧-٥١٦ = ٢$ $٥١٨-٥١٧ = ٢$ $٥١٩-٥١٨ = ٢$ $٥٢٠-٥١٩ = ٢$ $٥٢١-٥٢٠ = ٢$ $٥٢٢-٥٢١ = ٢$ $٥٢٣-٥٢٢ = ٢$ $٥٢٤-٥٢٣ = ٢$ $٥٢٥-٥٢٤ = ٢$ $٥٢٦-٥٢٥ = ٢$ $٥٢٧-٥٢٦ = ٢$ $٥٢٨-٥٢٧ = ٢$ ٥٢



في التمرين (١٢، ١٣) أوجد الحد العاشر في كل متتالية هندسية.

١٢) ح = ٨، $r = \frac{1}{4}$ $4 = \frac{1}{4} \times 8 = 1$ ح

١٣) ح = ٥، $r = -\frac{1}{4}$ $5 = -\frac{1}{4} \times 5 = -1$ ح

١٤) الكتابة في الرياضيات: صف التشابه والاختلاف بين أساس المتتالية الحسابية وأساس المتتالية الهندسية.

التشابه كلاهما ثابت الاختلاف، $d = ح - ح = ح - ح$ لكن $r = \frac{ح}{ح+1}$

١٥) أوجد الحد الأول ح، للمتتالية الهندسية حيث ح = ١١٢، $r = \frac{1}{7}$ $448 = 7 \times ح$ $7 = ح$ ، $2 \pm = ح$

في التمرين (١٦، ١٧) أوجد مجموع حدود المتتاليات الهندسية حيث:

١٦) ح = ٣، $r = \frac{1}{4}$ عدد الحدود = ٥ $69.6167 = \frac{1 - 0.9}{1 - 0.9} \times 17 = ح$

١٧) ح = ٥٠، $r = 0.8$ عدد الحدود = ٩ $216.445068 = \frac{1 - 0.8}{1 - 0.8} \times 50 = ح$



في التمارين (١٨-٢٠) أجب بصح أو خطأ.

١٨) (١، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$) متتالية هندسية

١٩) متتالية هندسية فيها ح = ٨، $r = \frac{1}{4}$ فإن ح = ٤

٢٠) في المتتالية الهندسية الموجبة الحدود (١٢، ٣، ٥، ٧) تكون قيمة س هي ٥٦

الاختيار من متعدد: في التمارين (٢١-٢٣) اختر الإجابة الصحيحة:

٢١) لتكن (٢٤٣، أ، ب، ج، ١٩٦٨٣) متتالية هندسية فإن $r =$

(أ) فقط ٣ (ب) ٣ أو -٣ (ج) $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{3}$ (د) $-\frac{1}{3}$ فقط

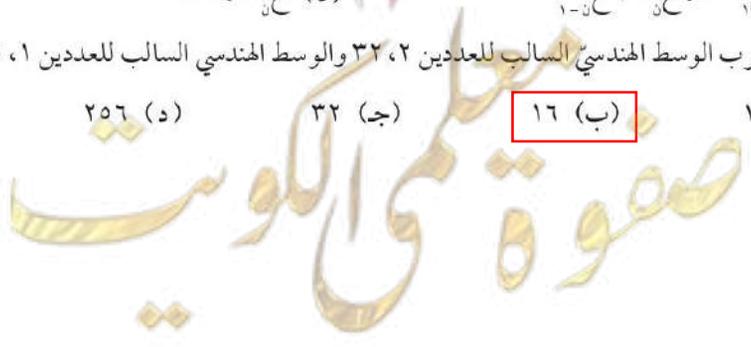
٢٢) المتتالية الهندسية التي لا تتضمن حدًا قيمته ١٠٠ هي:

(أ) (٥، ١٠، ٢٠، ...) (ب) (٥، ٣٣٧، ٢٢٥، ١٥٠، ...)

(ج) ح = ٥، $r = 2$ ح = ٢ (د) $5 \times 4 = ح$

٢٣) ناتج ضرب الوسط الهندسي السالب للعدد ٢، ٣٢ والوسط الهندسي السالب للعدد ١، ٤ هو:

(أ) -١٦ (ب) ١٦ (ج) ٣٢ (د) ٢٥٦





المجموعة ب تمارين تعزيرية

في التمرين (٢، ١) متتاليات هندسية أوجد الأساس والحد التالي.

١ (١٠، ٤، ٦، ١٠، ١٤، ١٨، ...) $r = ٤$ ، الحد التالي: ٢٥٦،

٢ (٧، ٧، ١٠، ١٧، ٢٧، ...) $r = ١$ ، الحد التالي: ٥٠٧،

في التمرين (٣، ٤) اكتب صيغة صريحة لكل متتالية هندسية وفقاً للمعطيات. ثم اكتب الحدود الأربعة الأولى.

٣ $u_1 = ١$ ، $r = ٥$ ، $u_n = ١ \times ٥^{n-1}$ ، $u_5 = ٦٢٥$ ، $u_6 = ٣١٢٥$ ، $u_7 = ١٥٦٢٥$ ، $u_8 = ٧٨١٢٥$

٤ $u_1 = ١٠٢٤$ ، $r = ٥$ ، $u_n = ١٠٢٤ \times ٥^{n-1}$ ، $u_5 = ١٢٨٠٠٠$ ، $u_6 = ٦٤٠٠٠٠$ ، $u_7 = ٣٢٠٠٠٠$ ، $u_8 = ١٦٠٠٠٠$

في التمارين (٥-٧) حدّد ما إذا كانت المتتالية هندسية أو حسابية. ثم أوجد الحد التالي .

٥ (٢٥، ٥٠، ٧٥، ١٠٠، ...) حسابية $d = ٢٥$ ، الحد التالي ١٢٥

٦ (-١٠، -٢٠، -٤٠، ...) هندسية $r = ٢$ - ، الحد التالي -٨٠

٧ (٢، ٢، ٢، ...) هندسية اساسها ١ او حسابية اساسها ٠ ، الحد التالي ٢

في التمرين (٨، ٩) في كل متتالية هندسية أوجد الحدود الناقصة علماً بأن الأساس موجب.

٨ (٥، ١٢، ٢٩، ...) $r = ١٧$ ، الحد التالي ٤٦

٩ (-٤، -١٦، -٦٤، ...) $r = ٤$ - ، الحد التالي -٢٥٦

في التمرين (١٠، ١١) لديك المتتالية الهندسية (٣، ١٢، ٤٨، ١٩٢، ...) أوجد:

١٠ الحد السابع ١٢٢٨٨ ، الحد السابع عشر ١٠١٠×١٠٣

في التمرين (١٢، ١٣) أوجد الحد العاشر في كل متتالية هندسية.

١٢ $u_1 = ٨$ ، $r = \frac{1}{٣}$ ، $u_{10} = \frac{١٦}{٣^9}$

١٣ $u_1 = \frac{٢}{٣}$ ، $r = \frac{1}{٣}$ ، $u_{10} = \frac{٢}{3^{10}}$

١٤ أوجد الحد الأول من المتتالية الهندسية حيث $u_1 = \frac{1}{١٦}$ ، $u_2 = \frac{1}{١٦}$ ، $u_3 = \frac{1}{٨}$ ، $u_4 = \frac{1}{٤}$ ، $u_5 = \frac{1}{٢}$ ، $u_6 = ١$ ، $u_7 = ٢$ ، $u_8 = ٤$ ، $u_9 = ٨$ ، $u_{10} = ١٦$

في التمرين (١٥، ١٦) أوجد مجموع حدود المتتاليات الهندسية حيث:

١٥ $u_1 = ٤$ ، $r = \frac{1}{٢}$ ، عدد الحدود = ٦ ، $S_6 = \frac{١-4^{-6}}{1-\frac{1}{2}} \times 4 = ٧,٨٧٥$

١٦ $u_1 = ٢٠$ ، $r = ٤$ ، عدد الحدود = ٧ ، $S_7 = \frac{1-4^7}{1-4} \times 20 = ٦,٦٥٥٧٤٤$

تم تحميل الملف من موقع مدرستي الكويتية

مدرستي

الكويتية

school-kw.com



ننصح بأفضل مذكرة
مذكرات النجاح

حمل تطبيق مدرستي الكويتية



Download on the
App Store



GET IN ON
Google Play



مراجعة الوحدة الخامسة

في التمرين (١، ٢) اكتب صيغة صريحة وصيغة ارتدادية لكل متتالية ثم أوجد الحد التالي.

١ (١، ١٣، ١٩، ٢٥، ٣١، ...) $u_n = 6n - 5$ $u_{n+1} = u_n + 6$ $u_1 = 1$
 ٢ (١٠، ٢٠، ٤٠، ٨٠، ١٦٠، ...) $u_n = 2 \times 5^{n-1}$ $u_{n+1} = 2u_n$ $u_1 = 10$

في التمرين (٣-٥) حدّد ما إذا كانت كل متتالية حسابية أو هندسية. ثم أوجد الحد العاشر، الحد الأول.

٣ (٢٣، ٢٧، ٣١، ٣٥، ٣٩، ...) حسابية ح.١. $u_1 = 23$ $u_{10} = 41$
 ٤ (-١٢، -٥، ٢، ٩، ١٦، ...) حسابية ح.١. $u_1 = -12$ $u_{10} = 66$
 ٥ (-٥، ١٥، ٤٥، ١٣٥، ٤٠٥، ...) هندسية ح.١. $u_1 = 5$ $u_{10} = 738125$

في التمرين (٦، ٧) أوجد الوسط الحسابي.

٦ ح.١ = ٤، ح.٢ = ١٢ \Rightarrow الوسط الحسابي = ٨
 ٧ ح.١ = ١١، ح.٢ = ٢٣ \Rightarrow الوسط الحسابي = ١٦

٨ السؤال المفتوح: اكتب متتالية حسابية. ثم اكتب صيغة صريحة لها.

في التمرين (٩، ١٠) اكتب الحدود الخمسة الأولى في المتتالية الهندسية.

٩ ح.١ = ٢، ح.٢ = ٤، ح.٣ = ٨، ح.٤ = ١٦، ح.٥ = ٣٢ \Rightarrow $u_n = 2^n$
 ١٠ ح.١ = ١٠٠٠، ح.٢ = ٢٠٠، ح.٣ = ٤٠، ح.٤ = ٨، ح.٥ = ١٦ \Rightarrow $u_n = 1000 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{n-1}$

في التمرين (١١، ١٢) اكتب الحدود الخمسة الأولى في المتتالية الحسابية.

١١ ح.١ = ٣، ح.٢ = ٥، ح.٣ = ٧، ح.٤ = ٩، ح.٥ = ١١ \Rightarrow $u_n = 2n + 1$
 ١٢ ح.١ = ١٩، ح.٢ = ١٦، ح.٣ = ١٣، ح.٤ = ١٠، ح.٥ = ٧ \Rightarrow $u_n = -3n + 22$

في التمرين (١٣، ١٤) أوجد الحد الناقص في \square للمتتالية الهندسية.

١٣ (٢، ١، ٥، ٠، $\frac{1}{4}$) \Rightarrow الحد الناقص = $\frac{1}{5}$
 ١٤ (٢، ٤، ٨، ١٦) \Rightarrow الحد الناقص = ٤

في التمرين (١٥، ١٦) مجموع لحدود متتالية حسابية أو هندسية. أوجد المجموع.

١٥ ح.١ = ٢، ح.٢ = ٧، ح.٣ = ١٢، ... \Rightarrow مجموع = ١٠٠
 ١٦ ح.١ = ١٥٠٠٠، ح.٢ = ٥٠٠٠، ح.٣ = ٢٠٠، ح.٤ = ٦٠، ح.٥ = ٢٠ \Rightarrow مجموع = ١٦٥٠٠
 ١٧* إذا كانت ٦، س، ...، ٤، س - ٣، ٣٦ متتالية حسابية فإن س تساوي: $8 = \frac{36 + 3}{2} \Rightarrow 36 = 2 \times 8 - 3 \Rightarrow 36 = 16 - 3 \Rightarrow 36 = 13$

١٨ (أ) ٣٣ (ب) ١٢ (ج) ٩ (د) ٢١

١٨ أدخل خمسة أوساط هندسية بين العددين $\frac{1}{3}$ و ٤٣، $\frac{1}{3}$ الأوساط هي: ١، ٣، ٩، ٢٧، ٨١

١٩ أدخل ستة أوساط هندسية بين العددين $\frac{1}{4}$ و ٦٤، $\frac{1}{4}$ الأوساط هي: ١، ٢، ٤، ٨، ١٦، ٣٢



تمارين إثرائية

١ (ح) متتالية حسابية حيث إن: ح_١ + ح_٢ + ح_٣ = ٣٣، ح_{١٠٠} = ٥٥.

أوجد الحد الأول ح_١ والأساس d . $33 = d + 2d + 3d$

$55 = d + 99$

$d = 0,5$ ح $0,5 = d$

(ح) متتالية هندسية جميع حدودها قيم سالبة وأساسها قيمة موجبة حيث

٢ (ح) إن: ح_١ × ح_٢ = $\frac{4}{9}$ ، ح_١ + ح_٢ + ح_٣ = $\frac{19}{9}$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{4}{9}$ ، $1 -$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{4}{9}$ ، $1 -$

أوجد الحد الأول ح_١ والأساس r .

٣ أوجد ثلاثة أعداد حقيقية a ، b ، c تشكل على الترتيب متتالية حسابية حيث إن:

$a + b + c = 39$ ؛ $a^2 + b^2 + c^2 = 525$ ، 10 ، 13 ، 16

٤ أوجد ثلاثة أعداد حقيقية a ، b ، c تشكل على الترتيب متتالية هندسية حيث إن:

$a + b + c = 21$ ؛ $a + b - c = 27$ ، $a = 2$ ، $b = 5$ ، $c = 14$

٥ (ح) متتالية معرفة بصيغة ارتدادية كما يلي: لكل $n \geq 1$ $a_n = \frac{(2n + m + 1)}{(2 - m - 2)}$ $a_1 = 12$ ، $b = 6$ ، $c = 3$

$a_{100} = 2$ ح_١ + ح_٢ + ح_٣ = ٦

(أ) أوجد قيم ح_١، ح_٢، ح_٣؛ ح_١ = ١٠، ح_٢ = ٢٦، ح_٣ = ٥٨

(ب) لكل $n \geq 1$ نأخذ المتتالية (ع) معرفة بصيغة ارتدادية كما يلي: ع_١ = ٦ +

١. أوجد قيم ع_١، ع_٢، ع_٣، ع_٤؛ ع_١ = ٨، ع_٢ = ١٦، ع_٣ = ٢٦، ع_٤ = ٣٦

٢. أثبت أن $\frac{1}{n}$ قيمة ثابتة لكل قيم $n \geq 1$ ، استنتج أن (ع) هي متتالية هندسية حدها الأول ع_١.

وأساسها قيمة ثابتة. $\frac{1 + \frac{1}{n}}{1 + \frac{1}{n-1}} = \frac{1 + \frac{1}{n}}{1 + \frac{1}{n-1}} = \frac{1 + \frac{1}{n}}{1 + \frac{1}{n-1}}$ ثابت

(ج) أوجد الحد النوني ع_{١٠٠} بدلالة n فقط.

(د) استنتج الحد النوني ح_{١٠٠} بدلالة n فقط. الأساس = ٢، $\frac{1 + \frac{1}{n}}{1 + \frac{1}{n-1}}$ هي متتالية هندسية حدها الأول ع_١

ج- ع_{١٠٠} = $2 \times 8 - 10$

د- ح_{١٠٠} = $2 \times 8 - 10$