



@MOH82FALAH

أ / محمد نوري الفلاح



وزارة التربية

# الرياضيات

2023 - 2024

## كتاب التمارين

حلول موضوعي كتاب التمارين

الفصل الثاني



## تمارين موضوعية

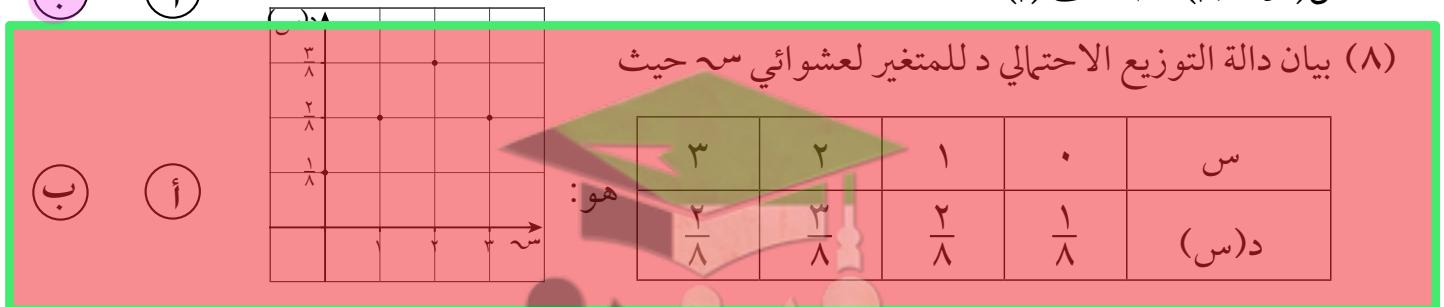
في التمارين (١١-١)، عبارات، ظلل (١) إذا كانت العبارة صحيحة، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (١) التوقع هو القيمة التي تقيس تشتت قيم المتغير العشوائي المتقطع عن قيمته المتوسطة.  أ  ب
- (٢) التباين هو القيمة التي تجمع حولها القيم الممكنة للمتغير العشوائي المتقطع.  أ  ب
- (٣) دالة التوزيع التراكمي  $F$  للمتغير العشوائي المتقطع عند القيمة  $a$  هي احتمال وقوع المتغير العشوائي سه بحيث يكون سه أصغر من أو يساوي  $a$   أ  ب
- (٤) التوزيع التالي يمثل دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير سه:

	٣	٢	١	٠	س
<input checked="" type="radio"/> ب	٠,٤	٠,٤	٠,٠٥	٠,١	د(س)

(٥) قيمة ك التي تجعل التوقع  $E(S)$  للمتغير العشوائي سه يساوي ١ لدالة التوزيع الاحتمالي د

- أ  ب هي صفر.
- |     |               |               |      |
|-----|---------------|---------------|------|
| صفر | ١             | ٢             | س    |
| ك   | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{4}$ | د(س) |
- (٦) لدالة توزيع تراكمي  $F$  للمتغير العشوائي سه يكون:  $L(F) = T(F) - f(F)$   أ  ب
- (٧) لدالة توزيع تراكمي  $F$  للمتغير العشوائي سه يكون:  $L(F) = 1 - T(F)$   أ  ب



- (٩) مدرسة فيها عدد الطلبة ٣٠٠ طالب فإذا كانت نسبة النجاح ٦٠ فإن التوقع لعدد الطلبة الناجحين هو ١٥٠ طالب.  أ  ب
- (١٠) عند إلقاء قطعة نقود متماثلة ثلاثة مرات على التوالي فإن  $P(N=6) =$   أ  ب
- (١١) من تجربة إلقاء حجري نرد متباينين معاً مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدددين مجموعهما ٨ هو  $\frac{1}{12}$ .  أ  ب



في التمارين (١٢-٣٤)، لكل ترين أربعة اختيارات، واحد فقط منها صحيح. ظلل رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيح.

(١٢) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $D$  للمتغير العشوائي  $S$  هي:

٢	١	٠	$1 -$	$S$
$0,2$	$0,4$	$k$	$0,2$	$D(S)$

فإن قيمة  $k$  هي:

٠,٢ (د)

ج صفر

٠,٤ (ب)

٠,٣ (أ)

(١٣) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $D$  للمتغير العشوائي  $S$  هي:

٣	٢	١	$S$
$k2$	$k2$	$k$	$D(S)$

فإن قيمة  $k$  تساوي:

٠,٤ (د)

ج ١

٠,٢ (ب)

٠,٥ (أ)

في التمارين (١٤-١٦)، استخدم الجدول التالي:

٣	٢	١	٠	$S$
$0,3$	$0,1$	$0,4$	$0,2$	$D(S)$

حيث د هي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع  $S$  هي:

(١٤) ت(١)

د صفر

ج ٠,٤

٠,٦ (ب)

٠,٢ (أ)

٠,٦ (د)

ج صفر

٠,٢ (ب)

٠,٤ (أ)

١ (د)

ج ٠,٤

٠,١ (ب)

٠,٢ (أ)



(١٧) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متقطعاً دالة توزيع الاحتمالي د هي:

فإن التوقع له يساوي:

٢	١	٠	سـ
٠,٢٥	٠,٥٠	٠,٢٥	د(سـ)

٠,٥ (د)

١,٥ (جـ)

١,٢٥ (بـ)

١ (أـ)

(١٨) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متقطعاً لدالة التوزيع الاحتمالي د وكان التوقع  $= ٥,٥,٠,٢٥ = ٤,٢٥ \times د(سـ)$  فإن الانحراف المعياري هو:

١ (دـ)

٣,٧٥ (جـ)

٢ (بـ)

٤ (أـ)

(١٩) إذا كانت بعض قيم دالة التوزيع التراكمي ت للمتغير العشوائي سـ معطاة في الجدول التالي:

فإن قيمة كـ تساوي:

٤	٣	٢	سـ
كـ	٠,٣	٠,١	ت(سـ)

٠,٦ (دـ)

٠,٤ (جـ)

١ (بـ)

٠,٥ (أـ)

(٢٠) إذا كانت بعض قيم دالة التوزيع التراكمي ت للمتغير العشوائي سـ معطاة في الجدول التالي:

فإن د(٢) =

٣	٢	١	٠	سـ
١	٠,٧	٠,٣	٠,١	ت(سـ)

١ (دـ)

٠,٤ (جـ)

٠,٣ (بـ)

٠,٧ (أـ)

(٢١) ثلاثة بطاقات متماثلة مرقمة ١، ٢، ٣ سـحبـت عشوائياً بطاقـتان الواحدة تلو الأخرى مع الإرجـاع وـكان المتغير العشوائي سـ هو «مجموع العـددين على البطاقـتين» فإن مـدى سـ هو:

{٥،٤،٣،٢،١} (بـ)

{٣،٢،١} (أـ)

{٦،٥،٤،٣،٢} (دـ)

{٥،٤،٣،٢} (جـ)

١ (دـ)

$\frac{3}{4}$  (جـ)

$\frac{1}{2}$  (بـ)

$\frac{1}{4}$  (أـ)



(٢٣) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $D$  للمتغير العشوائي المتقطع سـ هي:

فإن التوقع  $E$  للمتغير العشوائي سـ يساوي:

٢	١	٠	سـ
$\frac{1}{9}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{1}{3}$	$D(s)$

د صفر

ج  $\frac{7}{9}$

ب  $\frac{2}{3}$

أ ١

(٢٤) عند القاء قطعة نقود منتظمة أربع مرات متتالية فإن التباين  $S^2$  للمتغير العشوائي سـ «ظهور صورة» يساوي:

د ٤

ج  $\frac{1}{2}$

ب ١

أ ٢

(٢٥) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متقطعاً يأخذ القيم  $-1, 1, 5, 1$  وكان لـ  $(S = 1 - 6, 0, 0, 0)$  فإن  $L(S = 1) = 3, 0$  فإن  $L(S < 0) =$

د  $0, 7$

ج  $0, 4$

ب  $0, 9$

أ  $0, 6$

(٢٦) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً يأخذ القيم  $2, 3, 4, 0$  وكان  $L(S = 2) = 0, 2, L(S = 3) = 0, 7$  فإن  $L(S = 4) = \dots$

د ليس أياماً مسبقاً

ج  $0, 7$

ب  $0, 2$

أ  $0, 3$

في التمرينين (٢٧، ٢٨)، أسرة تضم ٨ أطفال، إذا كان احتمال أن يكون أي طفل ذكر هو  $0, 5$  فإن:

(٢٧) احتمال أن يكون بينهم ٣ ذكور فقط هو:

د  $0, 219$

ج  $0, 363$

ب  $0, 273$

أ  $0, 213$

(٢٨) احتمال أن يكون عدد الإناث يساوي عدد الذكور هو:

د  $0, 219$

ج  $0, 363$

ب  $0, 273$

أ  $0, 213$

(٢٩) يتوج مصنع سيارات ٢٠٠ سيارة في الشهر. إذا كانت نسبة السيارات المعيبة  $0, 02$  فإن التوقع لعدد السيارات المعيبة المنتجة في الشهر يساوي:

د ٤٠

ج ٢٠

ب ٤

أ ٢

(٣٠) التوزيع الذي يمثل «توزيع احتمالي لمتغير عشوائي س» هو:

٣	١	٠	س
٠,٣	٠,٣٢	٠,١١	د(س)

أ

٨	٦	٤	٢	س
٠,٠١	٠,١	٠,٥	٠,٤	د(س)

ب

٣	٢	١	س
٠,١	٠,٥	٠,٤	د(س)

ج

٣	٢	١	س
٠,٢	٠,٥	٠,٤	د(س)

د



## تمارين موضوعية

في التمارين (٦-١)، عبارات، ظلل أ إذا كانت العبارة صحيحة، ب إذا كانت العبارة خاطئة.

(ب)

(أ)

(١) نسبة الرطوبة خلال شهر هو متغير عشوائي متصل.

(٢) إذا كانت الدالة د معرفة كالتالي:

$$D(s) = \begin{cases} \frac{1}{2} & : s \geq 0 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

(ب)

(أ)

فإن الدالة د هي دالة كثافة احتمال.

(٣) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متصلـاً ودالة كثافة الاحتمال له هي:

$$D(s) = \begin{cases} 2 & : s \geq \frac{1}{2} \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

(ب)

(أ)

فإن L(s) = 1.

(٤) إذا كانت الدالة د هي دالة كثافة احتمال تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم معرفة كما يلي:

$$D(s) = \begin{cases} \frac{1}{3} & : s \geq 0 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

(ب)

(أ)

فإن التباين للدالة د هو  $\frac{3}{4}$ .

(ب)

(أ)

(٥) من خواص التوزيع الطبيعي أنه متباين حول سـ = μ

(ب)

(أ)

(٦) المساحة تحت منحنى التوزيع الطبيعي تساوي الواحد.

في التمارين (٧-٩)، لكل تمررين أربعة اختيارات، واحد فقط منها صحيح. ظلل رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيح.

(٧) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متصلـاً، دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$D(s) = \begin{cases} \frac{1}{2} s & : s \geq 0 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

فإن L(s) = 1.

د ليـس أـيـاً مـا سـبق

(ج) ١

(ب) صـفر

(أ)  $\frac{1}{3}$

(٨) إذا كان سه متغيراً عشوائياً متصلأً، دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$3 \geq s \geq 2 - \left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{5} \\ \text{صفر:} \end{array} \right. \quad : \quad d(s)$$

$$= (2, 5 - \geq) \text{ـان لـ}$$

- ١ صفر (أ)      ٢ ب (ب)      ٣ ج (ج)      ٤ د (د)

(٩) إذا كان سه متغيراً عشوائياً متصلةً، دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$\left. \begin{array}{l} \text{د(س)} = \left\{ \begin{array}{l} \text{س} \geq 2 \\ \text{صفر} \end{array} \right. \\ \text{في ما عدا ذلك} \end{array} \right\} \text{، س} \geq 1$$

$$= \left( \frac{1}{2} < س ل ( فان \right)$$

- ١ د ٢ ج ٣ ب ٤ أ

في التمارين (١٠-١٦)، أجب عن الأسئلة من خلال الرسم البياني في الشكل المقابل:

(١٠) الدالة التي تعبّر عن الرسم البياني التالي هي:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{3}{4} > s > 0 \\ \text{صفر: } s = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow D(s) \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{د(س)} \\ \text{صفر:} \\ \text{في ما عدا ذلك} \end{array} \right\} \frac{3}{4} > س > 0 : \quad \frac{3}{4}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{د(س)} \\ \text{س > 0} \end{array} \right\} \quad \text{ج}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{د(س)} = \frac{3}{4} \\ \text{د(س)} = \frac{3}{4} \end{array} \right\} \quad \text{د}$$

(١١) الدالة  $D$  تتبع التوزيع الاحتمالي:

- أ** الطبيعي **ب** ذات الحدين **ج** الطبيعي المعياري **د** المتنظم

(١٢) التوقع هو:

- د ج ب أ

(١٣) التباین هو:

$$\frac{108}{16} \quad \text{(د)}$$

$$\frac{16}{108} \quad \text{(ج)}$$

$$\frac{16}{9} \quad \text{(ب)}$$

$$\frac{4}{27} \quad \text{(أ)}$$

(١٤)  $L(S < \frac{4}{7})$

$$\frac{1}{2} \quad \text{(د)}$$

$$\frac{1}{6} \quad \text{(ج)}$$

$$\frac{1}{4} \quad \text{(ب)}$$

$$\frac{1}{3} \quad \text{(أ)}$$

(١٥)  $L(S < \frac{4}{12})$

$$1 \quad \text{(د)}$$

$$\frac{3}{4} \quad \text{(ج)}$$

$$\frac{6}{2} \quad \text{(ب)}$$

$$\frac{2}{6} \quad \text{(أ)}$$

(١٦)  $L(0 < S < 1)$

$$\frac{3}{4} \quad \text{(د)}$$

$$1 \quad \text{(ج)}$$

$$\frac{1}{3} \quad \text{(ب)}$$

$$\frac{4}{5} \quad \text{(أ)}$$

(١٧) المساحة المحصورة بين منحنى الدالة د، والمحور السيني تساوي:

$$2 \quad \text{(د)}$$

$$3 \quad \text{(ج)}$$

$$\frac{4}{3} \quad \text{(ب)}$$

$$1 \quad \text{(أ)}$$

(١٨) إذا كان  $v$  يتبع التوزيع الطبيعي فإن  $L(0 \leq v \leq 35) = \dots = 2,000$

$$0,218 \quad \text{(د)}$$

$$0,4906 \quad \text{(ج)}$$

$$0,5 \quad \text{(ب)}$$

$$0,9906 \quad \text{(أ)}$$

(١٩) إذا كان  $v$  متغيراً عشوائياً يتبع التوزيع الطبيعي المعياري فإن  $L(v > 2)$  لا يساوي:

$$1 - L(v > 2) \quad \text{(ب)}$$

$$L(v \leq 2) \quad \text{(أ)}$$

$$1 - L(v \geq 2) \quad \text{(د)}$$

$$L(v \geq 2) \quad \text{(ج)}$$



## تمارين موضوعية

في التمارين (٤-١)، لكل تمرين أربعة اختيارات، واحد فقط منها صحيح. ظلل رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيحة.

(١) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي سـ هي:

٢	١	٠	-١	-٢	سـ
٠,٢	٠,١٥	كـ	٠,٢٤	٠,١٦	دـ(سـ)

= فإن قيمة كـ =

٠,١ دـ

٠,٢٥ جـ

٠,٣ بـ

٠,٢ أـ

في التمارين (٢، ٣)، استخدم الجدول التالي:

٥	٤	٣	٢	١	سـ
٠,٠٥	٠,١٥	٠,٢٦	٠,٣	٠,٢٤	دـ(سـ)

حيث دـ هي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع سـ:

فإن:

= تـ(٢) (٢)

٠,٢٦ دـ

٠,٣ جـ

٠,٥٤ بـ

٠,٢٤ أـ

= تـ(٤) (٣)

٠,٩٥ دـ

٠,٨ جـ

٠,٢٦ بـ

٠,١٥ أـ

(٤) ينتج مصنع سيارات ١٥٠ سيارة في الشهر، إذا كانت نسبة السيارات المعيبة ٠٢، فإن التوقع لعدد السيارات المعيبة المنتجة في شهر واحد هو:

٦٠ دـ

٢ جـ

٣٠ بـ

٣ أـ

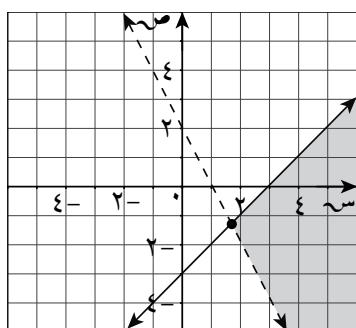


## تمارين موضوعية

في التمارين (١-٥)، عبارات ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة.

(ب)

(أ)



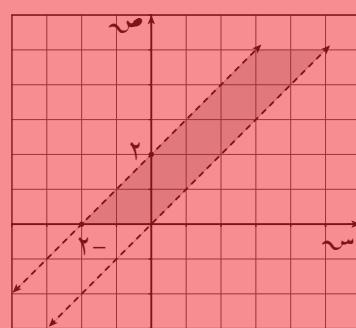
(١) المنطقة المظللة في الشكل تمثل الحل

المشترك للمتباينتين:

$$\left\{ \begin{array}{l} 2s + c < 2 \\ s - c < 3 \end{array} \right.$$

(ب)

(أ)



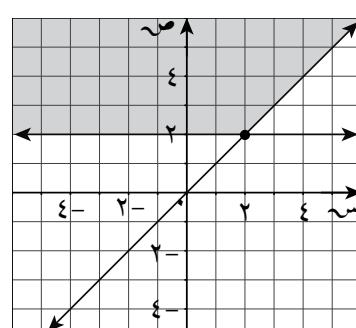
(٢) المنطقة المظللة في الشكل تمثل الحل

المشترك للمتباينات:

$$\left\{ \begin{array}{l} c > s \\ c > s + 2 \\ c \leq 0 \end{array} \right.$$

(ب)

(أ)



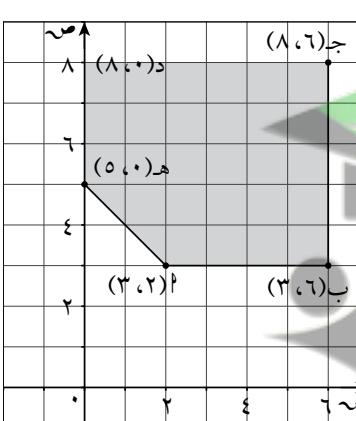
(٣) المنطقة المظللة في الشكل تمثل الحل

المشترك للمتباينتين:

$$\left\{ \begin{array}{l} c \leq 2 \\ c \leq s \end{array} \right.$$

(ب)

(أ)



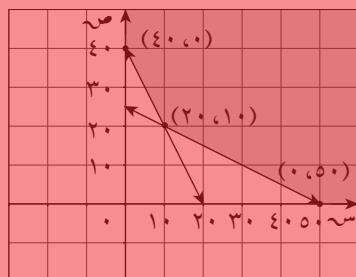
(٤) قيم س، ص التي تجعل دالة الهدف  $h = 5s + 10c$

أصغر ما يمكن هي (٣، ٢)



ب

أ



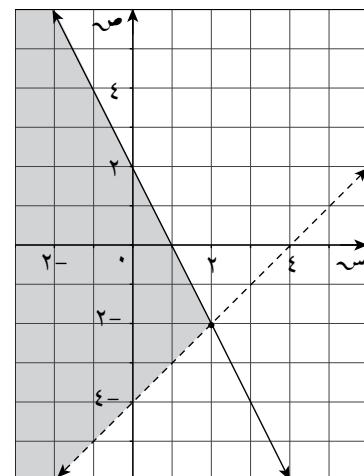
(٥) المنطقة المظللة في الشكل تمثل الحل

المشترك للمتباينات:

$$\left. \begin{array}{l} 2s + c \leq 40 \\ 50 \leq 2s + c \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{array} \right\}$$

في التمارين (٦-١١)، لكل تمرين أربعة اختيارات، واحد فقط منها صحيح. ظلل رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيح.

(٦) المنطقة المظللة من الشكل تمثل الحل المشترك للمتباينتين



ب)  $\left. \begin{array}{l} c \leq -2s + 2 \\ c \geq s - 4 \end{array} \right\}$

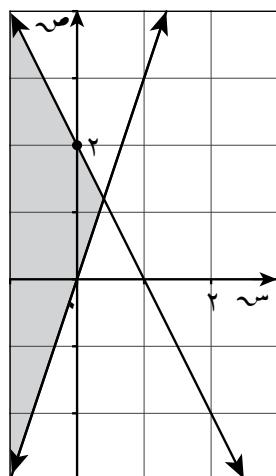
أ)  $\left. \begin{array}{l} c > -2s + 2 \\ c \leq s - 4 \end{array} \right\}$

د)  $\left. \begin{array}{l} c \geq -2s + 2 \\ c < s - 4 \end{array} \right\}$

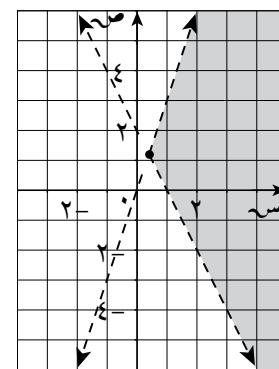
ج)  $\left. \begin{array}{l} c \leq -2s + 2 \\ c > s - 4 \end{array} \right\}$



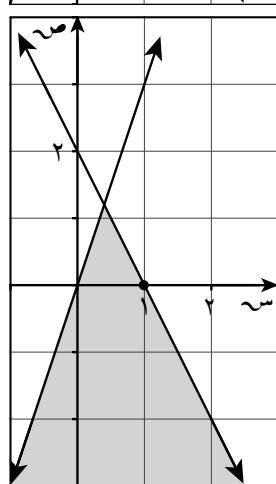
(٧) الرسم البياني الذي يمثل نظام المتباينات  $\left\{ \begin{array}{l} ص \leq -2س + 2 \\ ص \geq 3س \end{array} \right.$  هو:



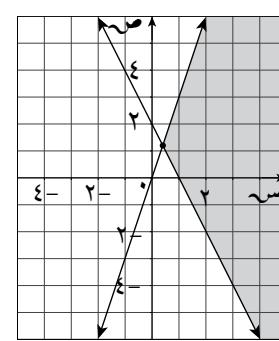
ب



أ



د



ج

(٨) أي زوج من النقاط التالية هو ضمن مجموعة حل النظام التالي:

$$\left\{ \begin{array}{l} ص > 5س - 1 \\ ص \leq 7 - 3س \end{array} \right.$$

د (٦،١)

ج (٤،٤)

ب (٣،٢)

أ (-١،٥)

(٩) إذا كانت رؤوس منطقة الحل هي (٠،٠)، (٣،٠)، ( $\frac{7}{2}$ ،  $\frac{3}{2}$ ) لدالة الهدف  $ه = 6س + ص$

فإن القيمة العظمى لها هي:

ب ٢٤

د ٣٠

أ ٣٧

ج ٤٧

(١٠) في نظام المتباينات تكون دالة الهدف  $h = 2s + c$  أصغر ما يمكن عند:

$$\begin{cases} s + c \geq 8 \\ s + 2c \geq 14 \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{cases}$$

**أ** (٠,٠) (٧,٠)

**ج** (٦,٢) (٠,٨)

(١١) نظام المتباينات الذي له الرؤوس التالية: (٥,٠), (٤,١), (٣,٠), (٠,٠) هو:

$$\begin{cases} s + c \geq 5 \\ s + 2c \geq 6 \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s + c \geq 5 \\ 2s + c \geq 6 \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s + c \leq 5 \\ 2s + c \leq 6 \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s + c \geq 5 \\ 2s + c \geq 6 \\ s \leq 0, c \leq 0 \end{cases}$$

