

SCAN  
ME! >>



# مؤسسة سما التعليمية المعلم الذكي

قلب الأم رياضيات

11 أدبي

**سما**  
SAMA

2024

مذكرات قلب الأم



www.samakw.com



iteacher\_q8



60084568 / 50855008



حولي مجمع بيروت الدور الأول

نقدم لكم كل ما يعينكم ويسهل لكم دراستكم ونختصر عليكم البحث عن ما هو هام  
لتفوقك في اختبارك سما – طريقك للتميز

2024

سما معاك بترفع مستواك



من الجدول التكراري التالي :

الفئة	- ١٠	- ٢٠	- ٣٠	- ٤٠	- ٥٠	المجموع
التكرار	٣	٦	٥	٤	٨	٢٦

- (١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .  
(٢) أوجد الوسيط حسابيا .

يمثل الجدول التالي درجات ٣٢ طالب في مادة الرياضيات في أحد فصول الصف الحادي عشر أدبي حيث النهاية العظمى ٣٠ درجة

الفئة	- ٥	- ١٠	- ١٥	- ٢٠	- ٢٥	المجموع
التكرار	٦	٨	٩	٥	٤	٣٢

- (١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .  
(٢) أوجد الربيع الأدنى حسابيا .



من الجدول التكراري التالي :

الفئة	-٥	-١٠	-١٥	-٢٠	-٢٥	المجموع
التكرار	١	٤	٧	٩	٣	٢٤

(١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .

(٢) أوجد الربيع الأدنى .



من الجدول التكراري التالي :

الفئة	- ١٠	- ١٢	- ١٤	- ١٦	المجموع
التكرار	٤	٧	٦	٣	٢٠

(١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .

(٢) أوجد الربيع الأعلى حسابيا .



أوجد المتوسط الحسابي ، التباين ، الانحراف المعياري للبيانات التالية:

٧ ، ٩ ، ١١ ، ١٣

لنأخذ البيانات التالية : ٨ ، ٧ ، ١٠ ، ١٥

أوجد التباين والانحراف المعياري لهذه البيانات

5

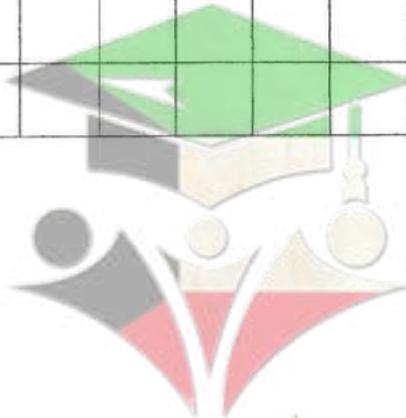
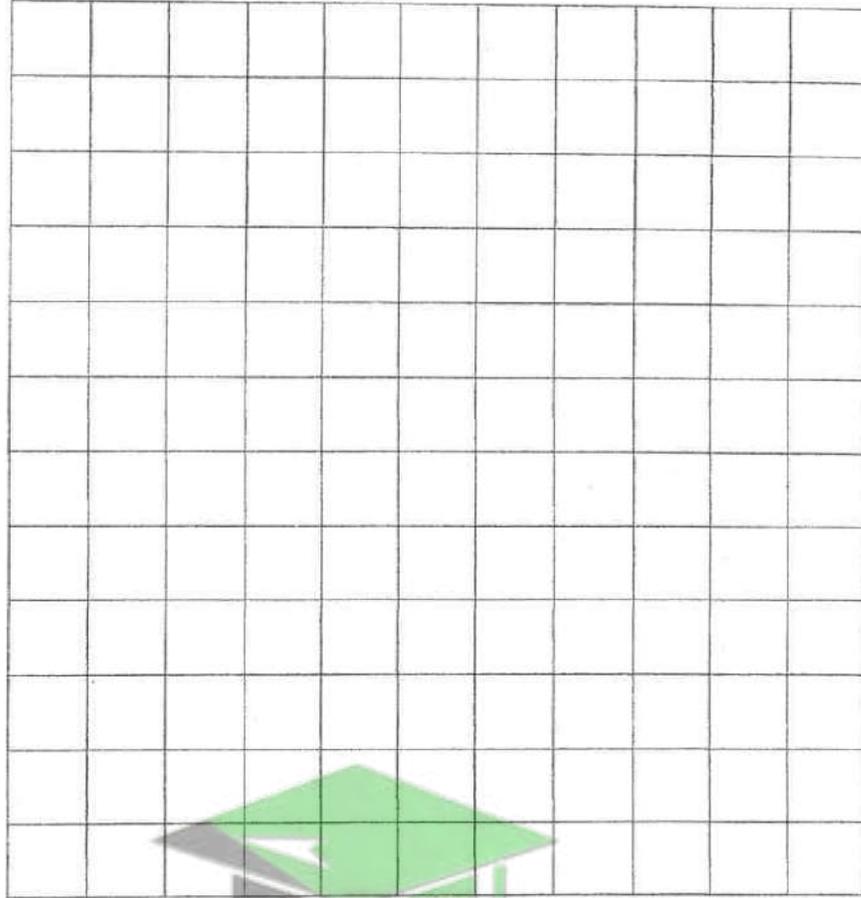


يبين الجدول أدناه التوزيع التكراري لدرجات ٣٧ طالبا في أحد الاختبارات حيث النهاية العظمى

الفئة	-٦	-٨	-١٠	-١٢	-١٤	-١٦	-١٨	المجموع
التكرار	٥	٦	٩	٨	٦	٢	١	٣٧

(١) مثل هذه البيانات بالمدراج التكراري ومنه ارسم المنحنى التكراري

(٢) هل يوجد التواء؟ حدد نوعه إن وجد



جاءت اوزان ١٠ طلاب بالكيلو جرام كما يلي

٨٥ ، ٨٢ ، ٨٠ ، ٧٥ ، ٧٠ ، ٦٠ ، ٦٠ ، ٥٨ ، ٥٥ ، ٥٥ SAMA

١. احسب الوسيط والربيع الأدنى والربيع الأعلى
٢. مثل البيانات بمخطط الصندوق ذي العارضتين
٣. هل البيانات تمثل تماثلاً ام التواء لليمين او لليسار

7

في البيانات التالية : ٦ ، ٩ ، ١٠ ، ١١ ، ١٤  
أوجد ما يلي :

- (١) نصف المدى الربيعي
- (٢) المتوسط الحسابي
- (٣) التباين



صفحة من الكورس  
سما معاك بترفع مستواك  
2024



- تمثل البيانات التالية درجات بعض طلاب الصف الحادي عشر أدبي في مادة الإحصاء :
- ٢٤ ، ٢٠ ، ٢٢ ، ٣٥ ، ٣٧ ، ٣٤ ، ٤٠ ، ٣٧ ، ٣٠
- ١- احسب المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لهذه البيانات
- ٢- حدد نوع الالتواء

يعن مصنع لإنتاج الأسلاك المعدنية أن متوسط تحمل السلك هو ١٣٠٠ كجم  
 يانحراف معياري ٢٠٠ كجم . على افتراض أن المنحنى الممثل لتوزيع تحمل  
 الأسلاك المعدنية يقترب كثيرا من التوزيع الطبيعي .



إذا كان المتوسط الحسابي لأرباح إحدى الشركات الصغيرة ٣٥٠ دينار والانحراف المعياري ١١٥ والمنحنى التكراري لأرباح هذه الشركة هو على شكل الجرس (توزيع طبيعي) طبق القاعدة التجريبية .

إذا كان المتوسط الحسابي لأرباح إحدى الشركات الصغيرة ١٢٥٠ ديناراً والانحراف المعياري ٢٢٥ دينار والمنحنى التكراري لأرباح هذه الشركة على شكل الجرس (توزيع طبيعي)

- ١) طبق القاعدة التجريبية .
- ٢) هل وصلت أرباح الشركة إلى ٢٠٠٠ دينار؟



صفحة من الكورس

إذا كانت درجة طالب في مادة الجغرافيا ١٩ درجة ، حيث المتوسط الحسابي ١٦ والانحراف المعياري ٤  
 وحصل على ١٩ درجة في مادة التاريخ ، حيث المتوسط الحسابي ١٧ والانحراف المعياري ٥ ،  
 ما القيمة المعيارية للدرجة ١٩ مقارنة مع درجات كل مادة ؟ أيهما أفضل ؟

في نتيجة نهاية العام الدراسي حصل طالب على ٢٨ درجة في مادة اللغة العربية  
 حيث المتوسط الحسابي ٢١ والانحراف المعياري ٨ وحصل على ٢٨ درجة في مادة الجغرافيا  
 حيث المتوسط الحسابي ٢٤ والانحراف المعياري ١٠.  
 في أي المادتين كان الطالب أفضل ؟

10

إذا كانت درجة طالب في مادة الرياضيات ٢٤ درجة حيث المتوسط الحسابي ٢٩  
 والانحراف المعياري ٨ ، وحصل على ٤٥ درجة في مادة التاريخ حيث  
 المتوسط الحسابي ٤٨ والانحراف المعياري ٣ . في أي المادتين كان أداء الطالب أفضل ؟



صفحة من الكورس  
 سما معاك بترفع مستواك  
 2024



حل المعادلة التالية :  $30 = \frac{!(4+n)}{!(2+n)}$

حل المعادلة التالية :  $20 = \frac{!(3+n)}{!(1+n)}$

حل المعادلة :

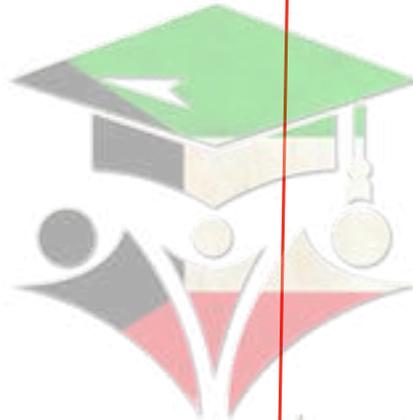
$42 = \frac{!(2+n)}{n!}$

أوجد قيمة كل مقدار مما يلي :

(أ)  $\frac{!10}{!8}$

(ب)  $!7 + 3!7$

11



SAMA

2024

سما معاك بترفع مستواك

عمره ما يخذلك  
قلب الأم

حل المعادلة التالية :

$$20 = 2^n$$

حل المعادلة التالية :  $2^n = 6$

حل المعادلة التالية :

$$2^n = 2^{n+1}$$

حل المعادلة التالية

$$15 = 2^n$$

12

حل المعادلة التالية :  $2^n = 8$  ( حيث ن عدد صحيح موجب أكبر من ٢ )



حل المعادلة التالية :  $3^N = 2^N$  (حيث ن عدد صحيح موجب أكبر من ٢)

حل ما يلي موضحا خطوات الحل :

$$3^N = 2^N$$

13

أوجد قيمة ما يلي موضحا خطوات الحل :

$$\frac{4^9}{3^5}$$



أوجد مفكوك ( ٢ س - ص )<sup>٣</sup> باستخدام نظرية ذات الحدين .

SAMA

استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك ( س + ٢ )<sup>٤</sup>

14



صفوة معلمي الكويت

أوجد الحد الثالث في مفكوك (س + ص)<sup>6</sup>

15

أوجد الحد الثالث في مفكوك (س + ٢)<sup>٦</sup>



أوجد معامل  $s^4$  في مفكوك  $(s + 2)^6$ .

16

أوجد الحد الثالث في مفكوك  $(2s + ص)^6$



أوجد الحد الرابع في مفكوك  $(3س + 2)^7$

اوجد الحد الخامس في مفكوك  $(2س + ص)^6$

17

اشترك ٨ طلاب في اختبار الحصول على منحة مدرسية . بكم طريقة مختلفة يمكن توقع الفائزين الثلاثة الأوائل بالترتيب ؟



صفوة معلمي الكويت

2024

سما معاك بترفع مستواك

عمره ما يخذلك  
قلب الأم

في إحدى محافظات دولة الكويت ١٢ صيدلية والمطلوب اختيار ٤ صيدليات  
منها لتأمين دوام ليلي.  
بكم طريقة يمكن اختيار الصيدليات الأربع ؟

كم عدد الأعداد المكون رمز كل منها من أربعة أرقام  
مأخوذة من عناصر { ٢ ، ٥ ، ٦ ، ٨ ، ٩ } في كل مما يلي :

(١) إذا كان رقم الآحاد ٦ ولا يسمح بالتكرار .

(٢) إذا كان العدد فردي و يسمح بالتكرار .

كم عدد الأعداد المكون رمز كل منها من أربعة أرقام مأخوذة من عناصر المجموعة { ٢، ٥، ٦، ٨ }  
إذا لم يسمح بالتكرار



كم عدد الأعداد المكون رمز كل منها من ثلاثة أرقام مأخوذة من عناصر المجموعة { ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ } في كل مما يلي :

- (١) إذا لم يسمح بالتكرار .
- (٢) إذا كان العدد زوجي ويسمح بالتكرار .

في تجربة رمي حجر نرد منتظم مرة واحدة مرقم من ١ الى ٦ حيث:

الحدث أ "ظهور عدد أكبر من أو يساوي ٤"

الحدث ب "ظهور عدد زوجي"

الحدث ج "ظهور عدد اصغر من ٣"

فاوجد : (١) ل (أ) (٢) ل (ب) (٣) ل (ج)

(٤) ل (أ ∩ ب) (٥) ل (أ ∪ ب)



صفحة معلم الكوئيت  
سما معاك بترفع مستواك  
2024  
قلوب الأم  
عمره ما يخذلك

في تجربة لرمي حجر نرد منتظم مرة واحدة ، إذا كان الحدث م هو  
( ظهور عدد أكبر من أو يساوي ٥ ) أوجد ما يلي :

١- ل ( م )

٢- ل ( م )

إذا كان م ، ن حدثين مستقلين في فضاء العينة ف حيث :

ل ( م ) = ٠,٤ ، ل ( ن ) = ٠,٨

فأوجد كلا مما يلي : (١) ل ( ن )

(٢) ل ( م ∩ ن )

(٣) ل ( م ∪ ن )

SAMA



صفحة من الكورس

إذا كان م ، ن حدثين في فضاء العينة ف حيث :

$$P(M) = \frac{1}{2} , P(N) = \frac{5}{12} , P(M \cap N) = \frac{3}{4}$$

فأوجد ما يلي : (١)  $P(M \cap N)$

(٢)  $P(M \cup N)$

21

إذا كان م ، ن حدثين مستقلين في فضاء العينة ف حيث  $P(M) = \frac{1}{5} , P(N) = \frac{1}{3}$

SAMA

فأوجد ما يلي :

(١)  $P(M \cap N)$

(٢)  $P(M \cup N)$



صفحة من الكورس

2024

سما معاك بترفع مستواك



إذا كان أ ، ب حدثين متنافيين في فضاء العينة ف حيث :

$$P(A) = 0.4 , P(B) = 0.35$$

أوجد كلا مما يلي :

- (1)  $P(A \cap B)$       (2)  $P(A \cup B)$       (3)  $P(\overline{A \cup B})$

22

إذا كان م ، ن حدثين متنافيين في فضاء العينة ف حيث  $P(M) = 0.55$  ،  $P(N) = 0.25$

فأوجد ما يلي :

(1)  $P(M)$

(2)  $P(M \cap N)$

(3)  $P(M \cup N)$



إذا كان  $m$  ،  $n$  حدثين مستقلين في فضاء العينة  $\Omega$  حيث  $L(n) = 0,5$  ،  $L(\bar{m}) = 0,6$  ، فأوجد ما يلي :

- (1)  $L(m)$                       (2)  $L(m \cap n)$                       (3)  $L(m \cup n)$

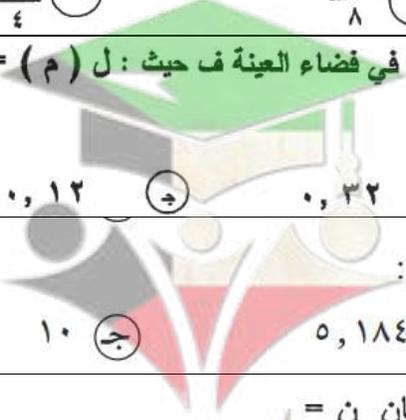


1	إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة من القيم هو ٤ فإن التباين هو ٢
2	إذا كان المتوسط الحسابي لِعَيَّة ما يساوي ٢٠ والانحراف المعياري يساوي ٢ والمنحنى على شكل جرس فإن ٩٥٪ من القيم تقع في [١٦، ٢٤]
3	يعتبر المتوسط الحسابي هو أحد مقاييس النزعة المركزية .
4	في التوزيع الطبيعي الفترة [س - σ، س + σ] تحتوي على ٩٥٪ من قيم البيانات.
5	في البيانات التالية : ٣ ، ٨ ، ١٢ ، ١٤ ، ١٥ ، ٢٠ الوسيط هو ١٤
6	في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي س = ١٢ القيمة المعيارية ل س = ١٥ هي σ = ٧ ، ٥
7	في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي س = ١٣ والانحراف المعياري σ = ٤ فإن القيمة المعيارية ل س = ١٥ هي $\frac{1}{2}$
8	(٣) في مجموعة بيانات إذا كان المتوسط الحسابي س = ١٤ والانحراف المعياري σ = ٤ فإن القيمة المعيارية ل س = ١٦ هي $\frac{1}{2}$
9	الحد الثاني من (س + ٣) هو ٥٤ س <sup>٨</sup>
10	بفرض أن الحدثين م، ن مستقلان، ل (م) = $\frac{12}{17}$ ، ل (ن) = $\frac{3}{8}$ إذًا ل (م ∩ ن) = $\frac{9}{17}$
11	قيمة المقدار ١٤! × ١٥! هي ٣٦٠
12	في تجربة إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال الحصول على العدد ٤ أو عدد زوجي يساوي $\frac{1}{2}$
13	١٢! = ١١ × ١٢!
14	مفكوك (ج + ١) <sup>٥</sup> هو ج <sup>٥</sup> + ٥ج <sup>٤</sup> + ١٠ج <sup>٣</sup> + ١٠ج <sup>٢</sup> + ٥ج + ١
15	٧ ق = ٢ = ٤٢
16	(٤) في التوزيع الطبيعي الفترة [س - σ ، س + σ] تحتوي على : (أ) ٦٨٪ من قيم البيانات (ب) ٩٥٪ من قيم البيانات (ج) ٩٩,٧٪ من قيم البيانات (د) ٩٧٪ من قيم البيانات
17	في المنحنى التكراري حيث الالتواء لجهة اليمين يكون المتوسط الحسابي: (أ) أكبر من الوسيط (ب) أصغر من الوسيط (ج) يساوي الوسيط (د) ليس أي مما سبق صحيحًا



27	إذا كان الحد $١٥س^٢ص^٤$ أحد حدود مفكوك $(س + ص)^ن$ فإن قيمة $ن$ هي :	<input type="radio"/> أ ٨ <input type="radio"/> ب ٧ <input type="radio"/> ج ٦ <input type="radio"/> د ٢
28	الحد الثالث في مفكوك $(ب - ٢)^٧$ هو :	<input type="radio"/> أ $٢١ب^٢$ <input type="radio"/> ب $٢٧ب$ <input type="radio"/> ج $٦٧ب$ <input type="radio"/> د $٢١ب^٢$
29	مفكوك $(ب - ٢)^٣$ هو :	<input type="radio"/> أ $٣ب^٣ + ٢ب^٢ + ٢ب + ٣$ <input type="radio"/> ب $٣ب^٣ + ٢ب^٢ + ٢ب + ٣$ <input type="radio"/> ج $٣ب^٣ - ٢ب^٢ + ٢ب + ٣$ <input type="radio"/> د $٣ب^٣ - ٢ب^٢ + ٢ب + ٣$
30	$(٦)$ عدد حدود المفكوك $(س - ص)^٨$ يساوي :	<input type="radio"/> أ ٦ <input type="radio"/> ب ٧ <input type="radio"/> ج ٨ <input type="radio"/> د ٩
31	$(٤)$ إذا كان $٨٠س^٢ص^٢$ هو أحد حدود المفكوك $(س + ص)^ن$ فإن قيمة $ن$ تساوي :	<input type="radio"/> أ ٧ <input type="radio"/> ب ٤ <input type="radio"/> ج ٦ <input type="radio"/> د ٥
32	$(٦)$ إذا كان الحدان $م$ ، $ن$ مستقلين ، حيث $ل = (م) = \frac{١}{٣}$ ، $ل = (ن) = \frac{٩}{١٠}$ ، فإن $ل (م \cap ن)$ تساوي :	<input type="radio"/> أ $\frac{٣}{٢٤}$ <input type="radio"/> ب $\frac{٢٥}{٤٨}$ <input type="radio"/> ج $\frac{٣}{١٠}$ <input type="radio"/> د $\frac{١١}{٤٨}$
33	$(٦)$ إذا كان الحدان $أ$ ، $ب$ مستقلين ، حيث $ل (أ) = \frac{١}{٣}$ ، $ل (ب) = \frac{٣}{٤}$ ، فإن $ل (أ \cap ب)$ يساوي :	<input type="radio"/> أ $\frac{١}{٢}$ <input type="radio"/> ب $\frac{٥}{٨}$ <input type="radio"/> ج $\frac{١}{٤}$ <input type="radio"/> د $\frac{٣}{٤}$
34	إذا كان $م$ ، $ن$ حدثين متنافيين في فضاء العينة $ف$ حيث : $ل (م) = ٠,٦$ ، $ل (ن) = ٠,٢$ ، فإن $ل (م \cup ن) =$	<input type="radio"/> أ ٠,٨ <input type="radio"/> ب ٠,٣٢ <input type="radio"/> ج ٠,١٢ <input type="radio"/> د ٠,٢
35	قيمة المقدار $\frac{٧ق^٧}{٩ق^٤} \times ٩ق^٩$ هي :	<input type="radio"/> أ ١٨ <input type="radio"/> ب ٥,١٨٤ <input type="radio"/> ج ١٠ <input type="radio"/> د ٧٣٥
36	$(٤)$ إذا كان $ن ق^٢ = ١٥$ فإن $ن =$	<input type="radio"/> أ ٥ <input type="radio"/> ب ٢ <input type="radio"/> ج ٣ <input type="radio"/> د ٧

26



37	في مباراة كرة القدم إذا أراد مدرب اختيار ٥ لاعبين من بين ١١ لاعب بالترتيب لركلات الترجيح فإن عدد الطرق الممكنة للاختيار هي :	سما SAMA
38	إذا كان الحدان ع، ط متنافيين حيث ل(ع) = $\frac{3}{5}$ ، ل(ط) = $\frac{1}{3}$ ، فإن ل(ع ل ط) تساوي:	سما SAMA
39	إذا كان الحدان م، ن مستقلين، حيث ل(م) = $\frac{1}{3}$ ، ل(ن) = $\frac{9}{10}$ ، فإن ل(م ن) تساوي:	سما SAMA
40	(٥) في تجربة القاء حجري نرد متمايزين فإن احتمال أن يكون (العددان الظاهران متساويين) يساوي:	سما SAMA
41	بكم طريقة مختلفة يمكن اختيار ٣ أعلام من مجموعة من ٧ أعلام مختلفة؟	سما SAMA

سما  
SAMA

سما  
SAMA

سما  
SAMA

سما  
SAMA

سما  
SAMA

حساب الوسيط للفئات:

$$\text{الوسيط } (r_p) = \text{الحد الأدنى لفئة الوسيط} + \frac{\frac{n}{2} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الوسيط}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الوسيط}} \times \text{طول الفئة}$$

$$\text{الربيع الأدنى } (r_1) = \text{الحد الأدنى لفئة الربيع الأدنى} + \frac{\frac{n}{4} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربيع الأدنى}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الربيع الأدنى}} \times \text{طول الفئة}$$

$$\text{الربيع الأعلى } (r_3) = \text{الحد الأدنى لفئة الربيع الأعلى} + \frac{\frac{3n}{4} - \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربيع الأعلى}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الربيع الأعلى}} \times \text{طول الفئة}$$

المدى = القيمة العظمى - القيمة الصغرى

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{\text{الربيع الأعلى} - \text{الربيع الأدنى}}{2}$$

هذه القوانين موجودة في  
الاختبار فقط

$$\text{التباين } \sigma^2 = \frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}$$

$$\text{الانحراف المعياري } \sigma = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}}$$

حيث  $s$  = المتغير،  $\bar{s}$  = المتوسط الحسابي،  $n$  = عدد القيم.  
إذا كان يوجد تكرار للقيم في البيانات يكون لدينا:

$$\sum_{r=1}^m (s_r - \bar{s})^2 \cdot t_r = \sigma^2 \cdot \sum_{r=1}^m t_r$$

• الربط بين مقياس النزعة المركزية والالتواء.

- إذا كان المنوال < الوسيط < المتوسط الحسابي فإن نوع الالتواء سالب.
- إذا كان المنوال > الوسيط > المتوسط الحسابي فإن نوع الالتواء موجب.
- إذا كان المنوال = الوسيط = المتوسط الحسابي فلا يوجد التواء.

- القاعدة التجريبية هي واحدة من الفترات التالية:  $[\sigma - \bar{s}, \sigma + \bar{s}]$ ,  $[\sigma_2 - \bar{s}, \sigma_2 + \bar{s}]$ ,  $[\sigma_3 - \bar{s}, \sigma_3 + \bar{s}]$ , حيث  $\bar{s}$  = المتوسط الحسابي لقيم البيانات،  $\sigma$  = الانحراف المعياري لقيم البيانات.

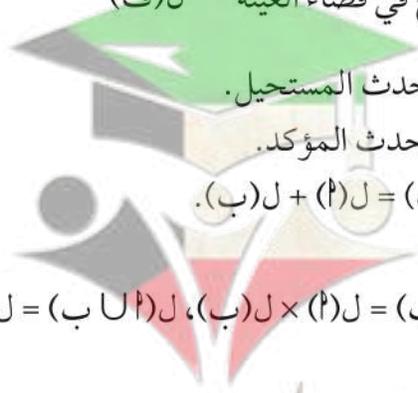
$$\text{القيمة المعيارية} = \frac{\text{القيمة} - \text{المتوسط الحسابي}}{\text{الانحراف المعياري}} = \frac{\bar{s} - s}{\sigma}$$

- مضروب العدد:  $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 3 \times 2 \times 1$  لكل عدد صحيح موجب  $n$
- قانون التباديل:  $\frac{n!}{(n-r)!} = {}^n P_r$  :  $r \geq 0$ ,  $r, n \in \mathbb{N}$
- قانون التوافيق:  $\frac{n!}{r!(n-r)!} = {}^n C_r$
- خواص التوافيق  ${}^n C_0 = 1$ ,  ${}^n C_n = 1$ ,  ${}^n C_r = {}^n C_{n-r}$

- نظرية ذات الحدين:  $(b+x)^n = {}^n C_0 b^n + {}^n C_1 b^{n-1} x + \dots + {}^n C_{n-1} b x^{n-1} + {}^n C_n x^n$ ، حيث  $n$  عدد صحيح موجب.

29

SAMA



- مفكوك  $(b+x)^n$  يتضمن  $n+1$  حدًا.
- الحد الذي ترتيبه  $r+1$  هو  ${}^n C_r b^{n-r} x^{r+1}$
- فضاء العينة لتجربة ما هو مجموعة كل النواتج الممكن حدوثها لتجربة ما.
- الحدث هو مجموعة جزئية من فضاء العينة وقد يساويه.
- احتمال الحدث:  $L(\text{الحدث}) = \frac{\text{عدد النواتج في الحدث}}{\text{عدد النواتج في فضاء العينة}} = \frac{{}^n C_L}{2^n}$
- $0 \leq L \leq 1$
- إذا كان  $P = \{ \}$  فإن  $L(P) = 0$  ويسمى  $P$  بالحدث المستحيل.
- إذا كان  $P = F$  فإن  $L(P) = 1$  ويسمى  $F$  بالحدث المؤكد.
- إذا كان  $P, B$  حدثين متنافيين، فإن  $L(P \cup B) = L(P) + L(B)$ .
- الحدث المتمم:  $L(\bar{P}) = 1 - L(P)$
- إذا كان  $P, B$  حدثين مستقلين، فإن  $L(P \cap B) = L(P) \times L(B)$ ،  $L(P \cup B) = L(P) + L(B) - L(P) \times L(B)$ .