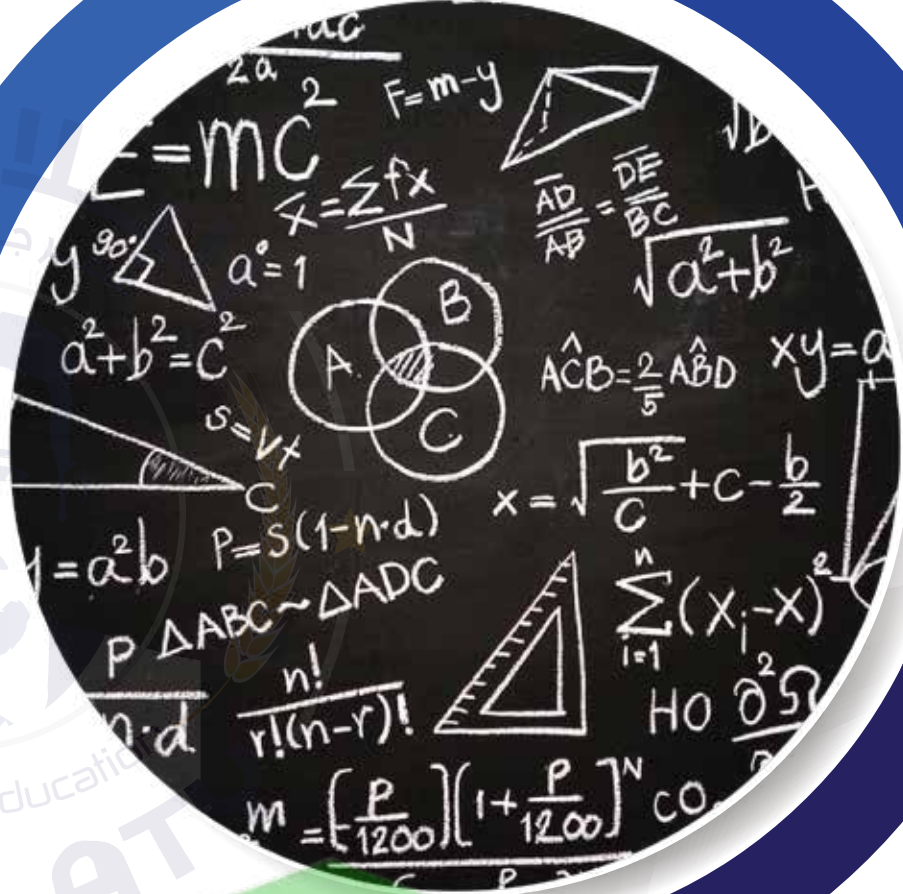


توقعات ليلة الامتحان إجابة امتحانات تجريبية قصير (I)



الرياضيات

الفصل الدراسي الثاني

2023 - 2024

السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

الاحداث الديكارتية للنقطة $A(4, \frac{5\pi}{3})$ هي $A(2, -2\sqrt{3})$

(أ) ب

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 3 - 4i$ هما :

(ب)
$$\begin{cases} z_1 = 3 - 4i \\ z_2 = -3 + 4i \end{cases}$$

(أ)
$$\begin{cases} z_1 = 2 + i \\ z_2 = -2 - i \end{cases}$$

(د)
$$\begin{cases} z_1 = -7 - i \\ z_2 = 7 + i \end{cases}$$

(ج)
$$\begin{cases} z_1 = -2 + i \\ z_2 = 2 - i \end{cases}$$

السؤال الثاني :

أ- أوجد مجموعة حل المعادلة : $4z^2 + 16z + 25 = 0$ في C

نحسب المميز Δ :

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = (16)^2 - 4(4)(25)$$

$$= -144$$

$$= (-1) \times (12)^2$$

$$= i^2 \times (12)^2$$

$$z_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 - 12i}{2 \times 4} = -2 - \frac{3}{2}i$$

$$z_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 + 12i}{2 \times 4} = -2 + \frac{3}{2}i$$

$$\text{مجموعة الحل} = \left\{ -2 - \frac{3}{2}i, -2 + \frac{3}{2}i \right\}$$

السؤال الثاني :

ب- اوجد السعة والدورة ثم ارسم بيان الدالة :

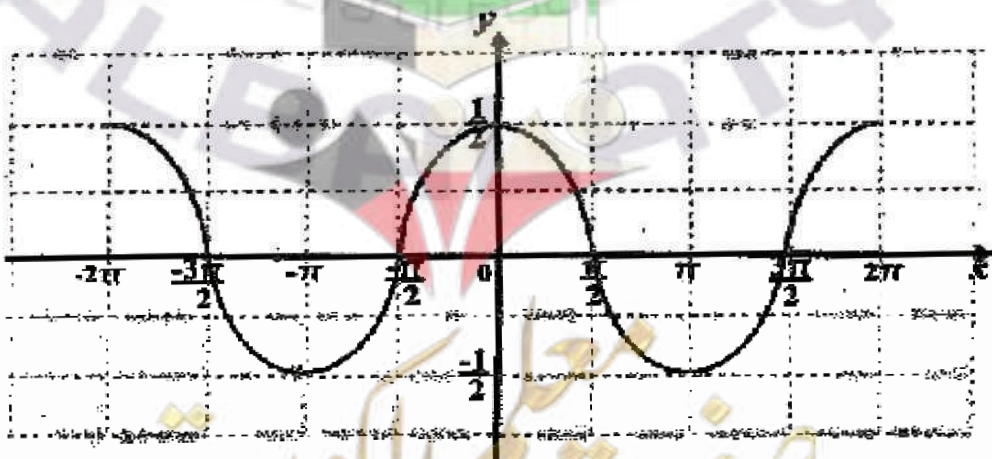
$$y = \frac{1}{2} \cos (-x) : x \in [-2\pi, 2\pi]$$

$$\text{السعة : } |a| = \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\text{الدورة : } \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|-1|} = 2\pi$$

$$\therefore \text{ ربع الدورة : } \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$$

x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
-x	0	$-\frac{\pi}{2}$	$-\pi$	$-\frac{3\pi}{2}$	-2π
$\cos(-x)$	1	0	-1	0	1
$\frac{1}{2} \cos(-x)$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$



السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :
معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ حيث السعة 4 والدورة 6 يمكن ان تكون:

(أ) ب

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

مجموعة حل المعادلة $z^2 - 4z + 5 = 0$ هي $\{ 2 - i, 2 + i \}$

(أ) $y = -\frac{1}{4} \cos \left(\frac{x}{3} \right)$ (ب) $y = -4 \cos \left(\frac{3}{\pi} x \right)$

(ج) $y = -4 \cos \left(\frac{\pi}{3} x \right)$ (د) $y = 4 \cos \left(\frac{x}{3} \right)$

السؤال الثاني :

أ- اوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D(3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < \pi/2$

$$r = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (3)^2} = \sqrt{36} = 6$$

نفرض ان α هي زاوية الاسناد

$$\therefore \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{3}{3\sqrt{3}} \right| = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{3}{\sqrt{3}} \right) = \frac{\pi}{6} \quad \text{و بالتالي :}$$

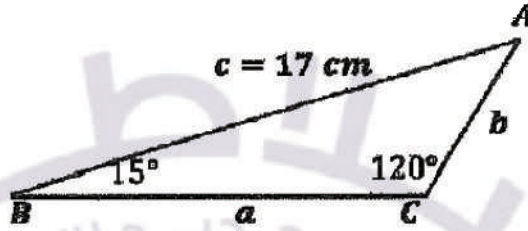
$\therefore x > 0, y > 0 \Rightarrow D$ تنتمي الي الربع الاول

$$\therefore \theta = \frac{\pi}{6}$$

و بالتالي الاحداثيات القطبية هي $D(6, \frac{\pi}{6})$

السؤال الثاني :

ب- حل المثلث ABC



لحل المثلث نوجد α , b , a

$$\alpha = 180^\circ - (15^\circ + 120^\circ) = 45^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 45^\circ}{a} = \frac{\sin 15^\circ}{b} = \frac{\sin 120^\circ}{17}$$

$$b = \frac{17 \times \sin 15^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$b \approx 5.08 \text{ cm}$$

$$a = \frac{17 \times \sin 45^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$a \approx 13.88 \text{ cm}$$

السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

الاحداث الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

ب (أ)

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

مجموعة حل المعادلة $z^2 - 4z + 20 = 0$ $z \in \mathbb{C}$ هي :

(أ) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (ب) $\{ -2 + 4i , 2 - 4i \}$

(ج) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (د) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

السؤال الثاني :

أ- اذا كان : $z_1 = -2 + 2i$ ضع z_1 في الصورة المثلثية .

$$z_1 = -2 + 2i$$

$$x = -2 , y = 2$$

$$r = |z_1| = \sqrt{(-2)^2 + (2)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

نفرض ان α هي زاوية الاسناد

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{2}{-2} \right| = 1$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$x < 0 , y > 0$$

$$\theta = \pi - \alpha = \pi - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثاني

الصورة المثلثية هي : $z_1 = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

صفوة على الكلوب

السؤال الثاني :

ب- اوجد مجموعة حل المعادلة : $2z + \bar{iz} = 5 - 2i$ في C.

$$2z + \bar{iz} = 5 - 2i$$

$$2(x + yi) + \overline{(x + yi)} = 5 - 2i \quad \text{عوض عن } z \text{ بـ } x + yi$$

$$2(x + yi) + i(x - yi) = 5 - 2i \quad \text{مرافق } x + yi \text{ هو } x - yi$$

$$2x + 2yi + ix - y(i)^2 = 5 - 2i$$

$$2x + 2yi + ix + y = 5 - 2i \quad i^2 = -1$$

تجميع الاعداد الحقيقية معا والتخيلية معا $2x + y + (x + 2y)i = 5 - 2i$

$$\begin{cases} 2x + y = 5 \\ x + 2y = -2 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{خاصية تساوي عددين مركبين} \\ \text{بحل المعادلتين نحصل علي :} \end{array}$$

$$\begin{cases} x = 4 \\ y = -3 \end{cases} \quad \text{مجموعة الحل} = \{4 - 3i\}$$

السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin (b\theta)$ حيث السعة 5 والدورة 3π يمكن ان تكون $y = 5 \sin \left(\frac{2}{3} \theta\right)$

ب (أ)

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :
الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ حيث $0 \leq \theta < \pi$ هي z تساوي :

$2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (ب) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (أ)

$2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$ (د) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (ج)

السؤال الثاني :

أ- أوجد مجموعة حل المعادلة : $4z^2 + 16z + 25 = 0$ في C

نحسب المميز Δ :

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = (16)^2 - 4(4)(25)$$

$$= -144$$

$$= (-1) \times (12)^2$$

$$= i^2 \times (12)^2$$

$$z_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 - 12i}{2 \times 4} = -2 - \frac{3}{2}i$$

$$z_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 + 12i}{2 \times 4} = -2 + \frac{3}{2}i$$

$$\left\{ -2 - \frac{3}{2}i, -2 + \frac{3}{2}i \right\} = \text{مجموعة الحل}$$

السؤال الثاني :

ب- حل المثلث ABC حيث $\alpha = 40^\circ$, $b = 2\text{cm}$, $a = 3\text{cm}$

نستخدم قانون الجيب لاجاد β

$$\left| \frac{\sin \alpha}{a} \right| = \left| \frac{\sin \beta}{b} \right|$$

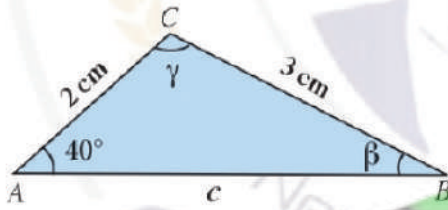
$$\left| \frac{\sin 40^\circ}{3} \right| = \left| \frac{\sin \beta}{2} \right|$$

$$\sin \beta = \frac{2 \times \sin 40^\circ}{3} \Rightarrow \sin \beta \approx 0.43$$

توجد زاويتان β , $0 < \beta < 180^\circ$ تحققان $\sin \beta = 0.43$

$$\beta_1 \approx 25.4^\circ \quad \text{او} \quad \beta_2 \approx 154.6^\circ$$

الحالة $\beta_2 \approx 154.6^\circ$ مرفوضة لان $\alpha + \beta_2 \approx 194.6$ وهو اكبر من 180°



باستخدام $\beta_1 \approx 25.4^\circ$ نحصل علي :

$$\gamma = 180^\circ - \alpha - \beta_1$$

$$\approx 180^\circ - 40^\circ - 25.4^\circ$$

$$\gamma = 114.6^\circ$$

يمكن الان معرفة طول الضلع الثالث C

قانون الجيب

$$\left| \frac{\sin \alpha}{a} \right| = \left| \frac{\sin \gamma}{c} \right|$$

$$\left| \frac{\sin 40^\circ}{3} \right| = \left| \frac{\sin 114.6^\circ}{c} \right|$$

$$c = \frac{3 \times \sin 114.6^\circ}{\sin 40^\circ}$$

$$c \approx 4.24 \text{ cm}$$

السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

الاحداث الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(أ) ب

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي :

(أ) -3 (ب) 3

(ج) -2 (د) 2

السؤال الثاني :

أ- اوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $z = 7 - 24i$

ليكن $w = m + ni$ جذرا تربيعيا للعدد z , فيكون $w^2 = z$

بالتعويض $(m + ni)^2 = 7 - 24i$

خاصية ضرب كثيرات الحدود $m^2 - n^2 + 2mni = 7 - 24i$

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = 7 & (1) \\ 2mn = -24 & (2) \end{cases}$$

خاصية المساواة لعديدين مركبين

نضيف المعادلة :

$$|w|^2 = |z|$$

$$(\sqrt{m^2 + n^2})^2 = \sqrt{(7)^2 + (24)^2}$$

$$m^2 + n^2 = 25 \quad (3)$$

بجمع المعادلتين (3) , (1) نحصل على :

$$\begin{cases} m^2 + n^2 = 25 \\ m^2 - n^2 = 7 \end{cases}$$

$$2m^2 = 32 \Rightarrow m^2 = 16 \Rightarrow m = \pm 4$$

بالتعويض في (1) نحصل على :

$$n^2 = 9 \Rightarrow n = \pm 3$$

$$\because 2mn = -24, \quad -24 < 0$$

من المعادلة $2mn = -24$ نستنتج ان , لهما اشارتان مختلفتان

$$\therefore m = 4, n = -3 \quad \text{او} \quad m = -4, n = 3$$

الجذران التربيعيان للعدد المركب $7 + 24i$ هما :

$$w_1 = 4 - 3i, \quad w_2 = -4 + 3i$$

صفوة محمى الكويت

السؤال الثاني :

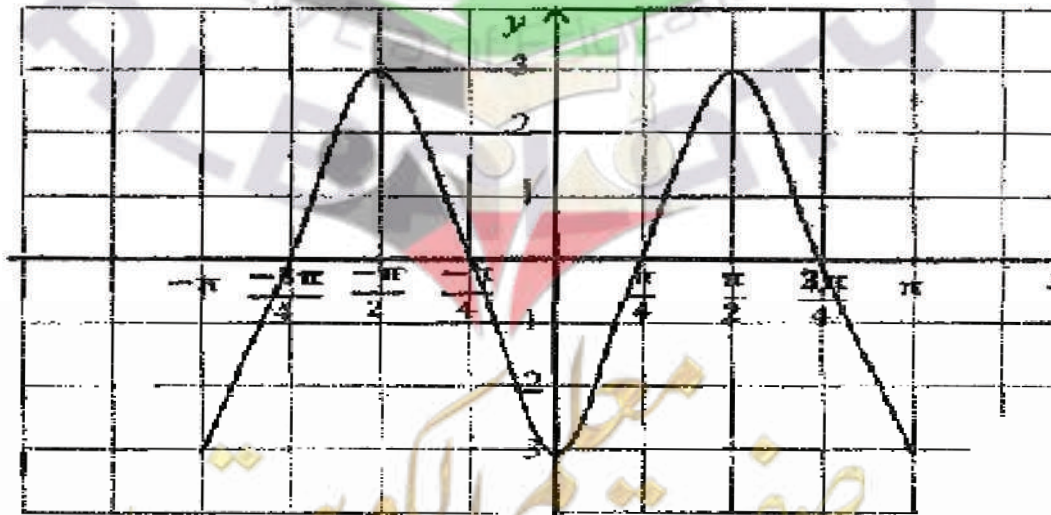
ب- اوجد السعة والدورة ثم ارسم بيان الدالة : $y = -3 \cos (2x)$ - $\pi \leq x \leq \pi$

السعة : $|a| = |-3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|2|} = \pi$

∴ ربع الدورة : $\frac{\pi}{4} =$

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos (2x)$	1	0	-1	0	1
$y = 3\cos (2x)$	-3	0	3	0	-3



السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

في المثلث ABC :

$$m(\hat{C}) = 50^\circ \quad \text{فإن} \quad AC = 16 \text{ cm} \quad AB = 12 \text{ cm} \quad m(\hat{B}) = 80^\circ$$

أ (ب)

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

$$(6 - 2i + 3i^5)^2 \text{ تساوي :}$$

35 + 12i (ب)

35 - 12i (أ)

81 + 12i (د)

81 - 12i (ج)

السؤال الثاني :

أ- اوجد مجموعة حل المعادلة : $3z + 1 - i = 7 + 3i$ في مجموعة الاعداد المركبة C .

$$3z + 1 - i = 7 + 3i$$

$$3z = 7 + 3i - 1 + i$$

$$3z = 6 + 4i$$

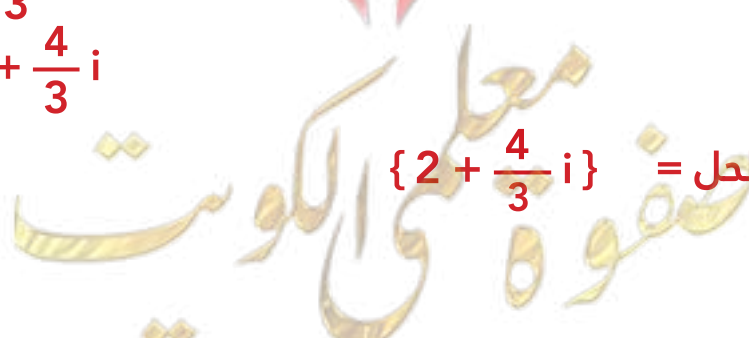
$$z = \frac{6 + 4i}{3}$$

$$z = 2 + \frac{4}{3}i$$

افصل المتغير z

بسط

$$\text{مجموعة الحل} = \left\{ 2 + \frac{4}{3}i \right\}$$



السؤال الثاني :

ب- حول الاحداث القطبية لاحداث الديكارتية $N (\sqrt{2}, \frac{5\pi}{6})$

الزوج المرتب $N (\sqrt{2}, \frac{5\pi}{6})$ يمثل الاحداثيات القطبية للنقطة N حيث :

$$r = \sqrt{2}, \theta = \frac{5\pi}{6}$$

$$x = r \cos \theta$$

$$= \sqrt{2} \cos \frac{5\pi}{6}$$

$$= \sqrt{2} \times \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{-\sqrt{6}}{2}$$

$$y = r \sin \theta$$

$$= \sqrt{2} \sin \frac{5\pi}{6}$$

$$= \sqrt{2} \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2}$$

الزوج المرتب الذي يمثل الاحداثيات الديكارتية للنقطة N : $(\frac{-\sqrt{6}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2})$

السؤال الأول :

(أ) ظلل الدائرة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

1- مجموعة حل المعادلة $z^2 - 4z + 5 = 0$ هي $\{-2 - i, 2 + i\}$

(ب)

(أ)

(ب) ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

1- الاحداثيات القطبية للنقطة : $B \left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$ هي :

(ب) $B \left(1, \frac{\pi}{4} \right)$

(أ) $B \left(1, -\frac{\pi}{4} \right)$

(د) $B \left(1, -\frac{3\pi}{4} \right)$

(ج) $B \left(1, \frac{3\pi}{4} \right)$

السؤال الثاني :

(أ) أوجد السعة والدورة لكل دالة مما يلي ثم ارسم بيانها :

$$y = 3 \sin 2x$$

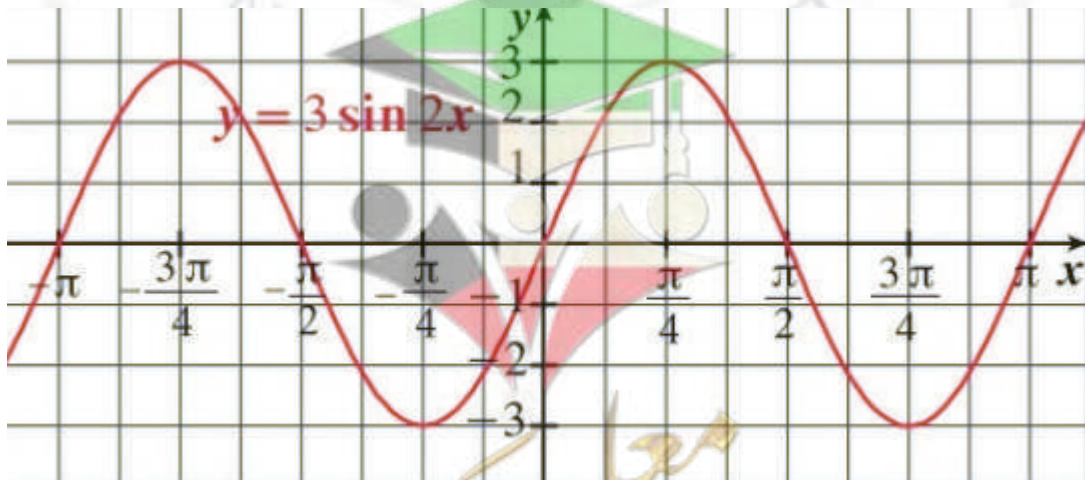
$y = 3 \sin 2x$ هي دالة دورية مجالها \mathbb{R} .

السعة : $|a| = |3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{2} = \pi$

ربع الدورة = $\frac{\pi}{4}$

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin 2x$	0	1	0	-1	0
$y = 3\sin 2x$	0	3	0	-3	0



السؤال الثاني :

(ب) حل ΔABC حيث : $a = 5 \text{ cm}$, $b = 8 \text{ cm}$, $\alpha = 30^\circ$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b}$$
$$\frac{\sin 30^\circ}{5} = \frac{\sin \beta}{8}$$

قانون الجيب

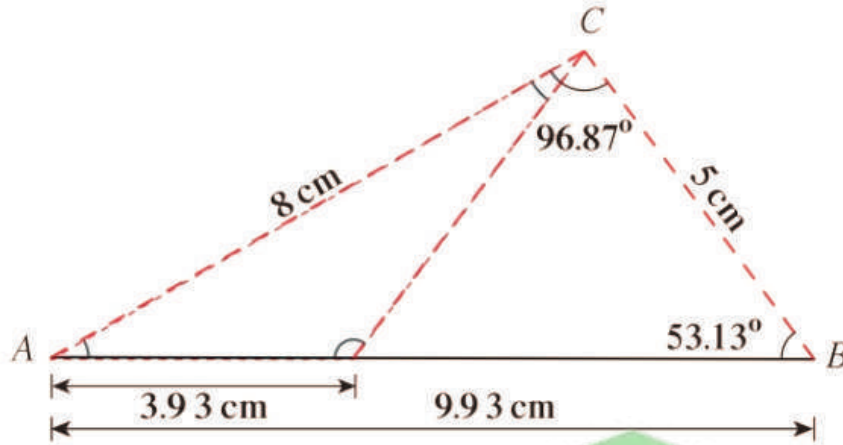
$$\sin \beta = \frac{8 \times \sin 30^\circ}{5} \rightarrow \sin \beta = 0.8 , \sin \beta > 0$$

$$\beta_1 \approx 53.13^\circ ; \beta_2 \approx 180^\circ - 53.13^\circ \approx 126.87^\circ$$

عوض

$$\alpha + \beta_1 \approx 30^\circ + 53.13^\circ \approx 83.13^\circ$$

$$\alpha + \beta_2 \approx 30^\circ + 126.87^\circ \approx 156.87^\circ$$



لكل من قيمتي β نحصل على :

$$\alpha + \beta < 180^\circ$$

يوجد مثلثان يحققان المعطى .

كذلك يوجد قياسان للزاوية γ

$$\gamma_1 = 180 - (\alpha + \beta)$$

$$\gamma_1 \approx 180^\circ - 83.13^\circ \approx 96.87^\circ$$

$$\gamma_2 = 180 - 156.87^\circ \approx 23.13^\circ$$

يبقى إيجاد c

في المثلث الأول

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \gamma_1}{c_1}$$
$$\frac{\sin 30^\circ}{5} = \frac{\sin 96.87^\circ}{c_1}$$
$$c_1 = \frac{5 \times \sin 96.87^\circ}{\sin 30^\circ}$$
$$c_1 \approx 9.93 \text{ cm}$$

في المثلث الثاني

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \gamma_2}{c_2}$$
$$\frac{\sin 30^\circ}{5} = \frac{\sin 23.13^\circ}{c_2}$$
$$c_2 = \frac{5 \times \sin 23.13^\circ}{\sin 30^\circ}$$
$$c_2 \approx 3.93 \text{ cm}$$

السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان لعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

أ (ب)

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة :

الأحداث الديكارتية للنقطة $A (4 , \frac{5\pi}{3})$ هي :

(أ) $A (-2 , 2\sqrt{3})$ (ب) $A (2 , 2\sqrt{3})$

(ج) $A (-2 , 2\sqrt{3})$ (د) $A (2 , -2\sqrt{3})$

السؤال الثاني :

أ- اوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D (3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < \pi/2$

$$r = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (3)^2} = \sqrt{36} = 6$$

نفرض ان α هي زاوية الاسناد

$$\therefore \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{3}{3\sqrt{3}} \right| = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{3}{\sqrt{3}} \right) = \frac{\pi}{6} \quad \text{و بالتالي :}$$

$\therefore x > 0, y > 0 \Rightarrow D$ تنتمي الي الربع الاول

$$\therefore \theta = \frac{\pi}{6}$$

و بالتالي الاحداثيات القطبية هي $D (6, \frac{\pi}{6})$

السؤال الثاني :

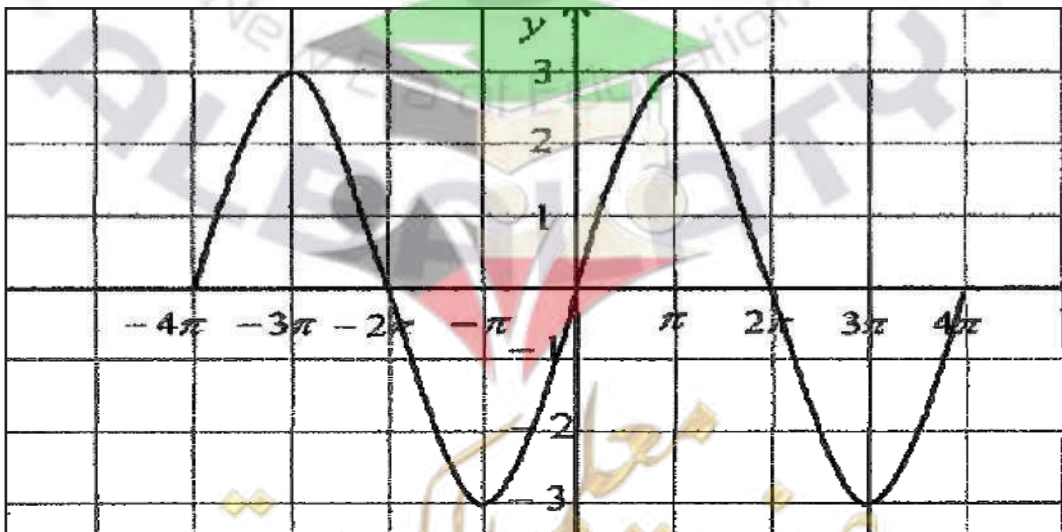
ب- اوجد السعة والدورة للدالة ثم ارسم بيانها : $-4\pi \leq x \leq 4\pi$ $y = 3 \sin \left(\frac{1}{2} x \right)$

السعة : $|a| = |3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\left| \frac{1}{2} \right|} = 4\pi$

\therefore ربع الدورة : π

x	0	π	2π	3π	4π
$\frac{1}{2} x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos \left(\frac{1}{2} x \right)$	1	0	-1	0	1
$y = 3 \cos \left(\frac{1}{2} x \right)$	3	0	-3	0	3



السؤال الأول :

أ- ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

الاحداث الديكارتية للنقطة $A(4, \frac{7\pi}{6})$ هي $A(-2\sqrt{3}, 2)$

أ (ب)

ب - ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

حل المعادلة : $2z - 5 + 6i = 3\bar{z}$ هو :

(ب) $z = 1 - 6i$

(أ) $z = 1 + 6i$

(د) $z = -1 - 6i$

(ج) $z = -1 + 6i$

السؤال الثاني :

أ- اوجد مجموعة حل المعادلة : $4x^2 + 100 = 0$ حيث $x \in \mathbb{C}$.

$$4x^2 + 100 = 0$$

$$4x^2 = -100$$

$$x^2 = -25$$

$$x = \pm \sqrt{-25}$$

$$x = \pm 5i$$

$$\sqrt{-a^2} = ai$$

مجموعة الحل = $\{5i, -5i\}$

صفوة على الكويت

السؤال الثاني :

ب- اوجد السعة والدورة لكل دالة مما يلي , ثم ارسم بيانها :

$$y = -5 \cos \left(\frac{2}{3} x \right) : x \in [-3\pi, 3\pi]$$

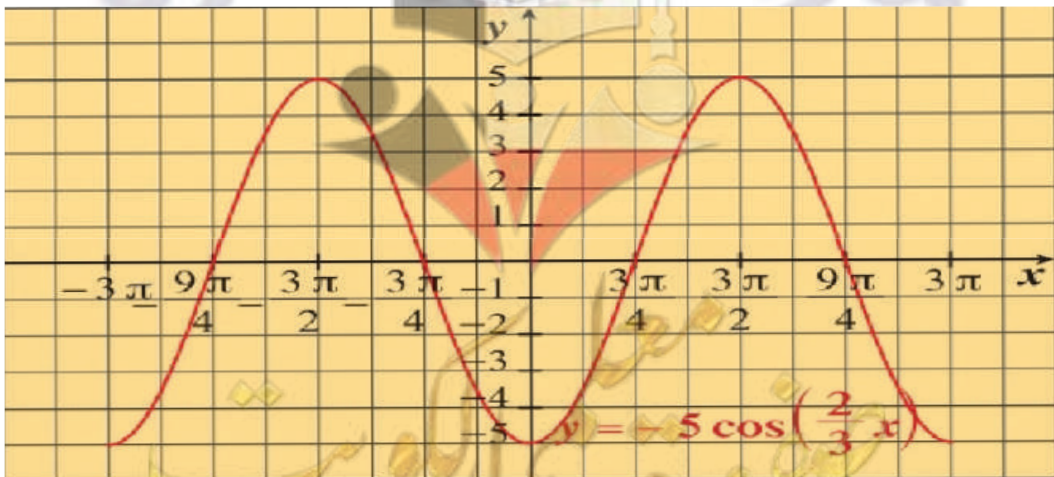
الدالة $y = 5 \cos \left(\frac{2}{3} x \right)$ هي دالة دورية

$$\text{السعة : } |a| = |-5| = 5$$

$$\text{الدورة : } \frac{2\pi}{\left| \frac{2}{3} \right|} = \frac{3}{2} \times 2\pi = 3\pi$$

$$\therefore \text{ربع الدورة : } \frac{3\pi}{4}$$

x	0	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{3\pi}{2}$	$\frac{9\pi}{4}$	3π
$\frac{2x}{3}$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos \left(\frac{2x}{3} \right)$	1	0	-1	0	1
$y = -5 \cos \left(\frac{2x}{3} \right)$	-5	0	5	0	-5



السؤال الأول :

(أ) ظلل الدائرة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

1- الجذران التربيعيان للعدد -1 هما : i ، $-i$

(أ) (ب)

(ب) ظلل رمز الدائرة الدال على الاجابة الصحيحة :

1- لتكن $f(x) = 3 \tan 2x$ فإن :

(أ) السعة = 1
(ب) السعة = 3
(ج) السعة = 2
(د) ليس لها سعة

السؤال الثاني :

(أ) أوجد الجذرين التربيعين للعدد المركب $z = -3 - 4i$

ليكن $w = m + ni$ جذراً تربيعياً للعدد z ، فيكون $w^2 = z$

بالتعويض

$$(m + ni)^2 = -3 - 4i$$

$$m^2 - n^2 + 2mni = -3 - 4i$$

خاصية ضرب كثيرات الحدود

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 & \longrightarrow (1) \\ 2mn = -4 & \longrightarrow (2) \end{cases}$$

خاصية المساواة لعددتين مركبتين

نضيف المعادلة :

$$\begin{aligned} |w|^2 &= |z| \\ (\sqrt{m^2 + n^2})^2 &= \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} \end{aligned}$$

$$m^2 + n^2 = 5 \quad \longrightarrow (2)$$

بجمع المعادلتين (3) ، (1) نحصل على :

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 \\ m^2 + n^2 = 5 \end{cases} \quad 2m^2 = 2 \rightarrow m^2 = 1 \rightarrow \pm 1$$

$$n^2 = 4 \rightarrow n = \pm 2$$

بالتعويض في (1) نحصل على :

$$\begin{cases} m = 1 , m = -1 \\ n = 2 , n = -2 \end{cases}$$

من المعادلة $2mn = -4$ نستنتج أن m, n لهما إشارتان مختلفتان

$$m = 1 , n = -2 \text{ أو } m = -1 , n = 2$$

الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = -3 - 4i$

$$\text{هما : } w_1 = 1 - 2i , w_2 = -1 + 2i$$

السؤال الثاني :

(ب) حوّل من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية (r , θ) لكل مما يلي :
 $M (-3 , -4) , 0^{\circ} \leq \theta < 360^{\circ}$

$$M (-3 , -4)$$

$$\begin{aligned} r &= \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} \\ &= \sqrt{9 + 16} \\ &= \sqrt{25} \\ &= 5 \end{aligned}$$

زاوية الإسناد α نفرض أن

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-4}{-3} \right| = \frac{4}{3}$$

وبالتالي :

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{4}{3} \right)$$

$$\chi < 0 , y < 0$$

M تنتمي إلى الربع الثالث

$$\theta = 180^{\circ} + \tan^{-1} \left(\frac{4}{3} \right)$$

$$\theta = 180^{\circ} + 53.13$$

$$\theta = 233.13$$

$$M (5 , 233.13^{\circ})$$

وبالتالي الإحداثيات القطبية هي



احرص على اقتناء كتب منصة البلاطي

- كتاب الشرح.
- كتاب الأسئلة.
- كتاب إجابة الأسئلة.
- كتاب الامتحانات.
- كتاب إجابة الامتحانات.



11

الرياضيات

الفصل الدراسي الثاني

2023 - 2024

استمتع بتجربة التعلم
مع منصة البلاطي



صفوة معلمى الكويت