



# بنك الاسئلة لمادة الفيزياء

الصف الحادي عشر علمي

الفصل الدراسي الأول

للعام الدراسي 2023-2024م



الموجه الفني العام للعلوم  
الأستاذة: منى الأنصاري





## الوحدة الأولى: الحركة الفصل الأول: حركة المقذوفات

### الدرس (1-1) الحركة (الكميات العددية – الكميات المتجهة)

#### السؤال الأول:

أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

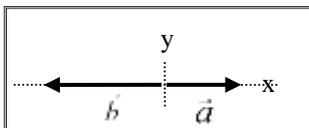
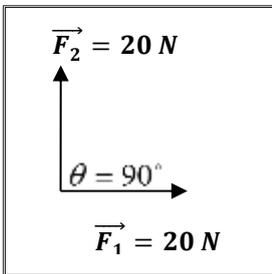
- ١- الكميات التي يكفي لتحديد عددها مقدارها، ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار. ( )
- ٢- الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه، بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها. ( )
- ٣- المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها، وباتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية. ( )
- ٤- عملية تركيب، تتم فيها الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد. ( )

#### السؤال الثاني:

ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة علمياً

في كل مما يلي:

- ١- ( ) تُصنف القوة كمتجه حر، حيث يمكن نقلها دون تغيير قيمته أو اتجاهه.
- ٢- ( ) الإزاحة كمية عددية بينما المسافة كمية متجهة.
- ٣- ( ) يطير صقر أفقياً بسرعة  $40 \text{ m/s}$  باتجاه الشرق، فإذا هبت عليه أثناء طيرانه رياح معاكسة (نحو الغرب) سرعتها  $10 \text{ m/s}$ ، فإن مقدار سرعته المحصلة بالنسبة لمراقب على الأرض تساوي  $30 \text{ m/s}$ .



- ٤- ( ) الشكل المقابل يمثل متجهين متعامدين ومتساويين مقداراً، مقدار كل منهما  $20 \text{ N}$ ، فإن محصلتهما تساوي  $20 \text{ N}$ .
- ٥- ( ) يكون مقدار محصلة متجهين متساويين مقداراً مساوية مقداراً لأي منهما إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما  $120^\circ$ .
- ٦- ( ) إذا قارنا المتجهين  $(\vec{a})$ ،  $(\vec{b})$  في الشكل المقابل، فإن  $(\vec{b} = -2\vec{a})$ .
- ٧- ( ) عند ضرب كمية عددية (قياسية) موجبة بكمية متجهة يكون حاصل الضرب متجه جديد في نفس اتجاه الكمية المتجهة.
- ٨- ( ) حاصل الضرب القياسي لمتجهين يتوقف على مقدار المتجهين والزاوية المحصورة بينهما.

9- ( ) حاصل الضرب القياسي لمتجهين يساوي صفرًا إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما قائمة ( $90^0$ ).

10- ( ) حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يتوقف على مقدار المتجهين والزاوية المحصورة بينهما.

11- ( ) حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متوازيين يساوي صفرًا.

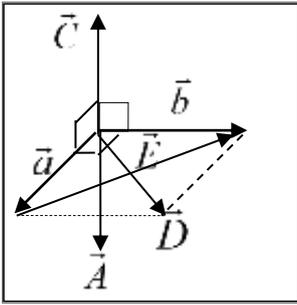
12- ( ) مقدار حاصل الضرب القياسي لمتجهين يُمثل بمساحة متوازي

الأضلاع الناشئ عن المتجهين.

13- ( ) الشكل المقابل يمثل متجهان ( $\vec{a}$  ،  $\vec{b}$  ) متعامدان وفي

مستوي أفقي واحد، فيكون المتجه الناتج من ضربهما

خارجياً ( $\vec{a} \times \vec{b}$  ) هو المتجه ( $\vec{C}$  ) .



### السؤال الثالث: أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

1- تكون محصلة متجهين أكبر ما يمكن عندما تكون الزاوية المحصورة بينهما

(بالدرجات) تساوي .....، وتكون أصغر ما يمكن عندما تكون الزاوية (بالدرجات) تساوي .....

2- إذا كان لمتجهين نفس المقدار ونفس الاتجاه فإنهما يكونا .....

3- تتوقف محصلة أي متجهين على ..... و .....

4- محصلة متجهين متساويين مقداراً تساوي مقدار أي منهما إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما (بالدرجات) تساوي .....

5- الصيغة الرياضية للقانون الثاني لنيوتن هي ( $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ )، ولأن الكتلة موجبة دائماً فيكون اتجاه متجه القوة

..... اتجاه متجه العجلة.

6- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساويين يساوي مربع أي منهما، فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي

بالدرجات .....

7- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متساويين يساوي مربع أي منهما، فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي

بالدرجات .....

8- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساويين يساوي مقدار حاصل الضرب الاتجاهي لنفس المتجهين، فإن

الزاوية المحصورة بينهما تساوي بالدرجات .....



### السؤال الرابع:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:

1- واحدة فقط من الكميات الفيزيائية التالية تُصنف ككمية قياسية وهي:

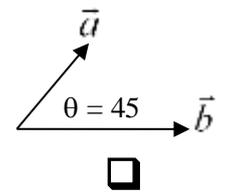
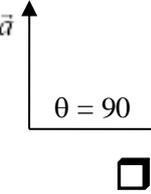
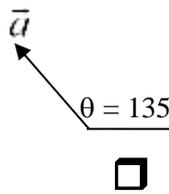
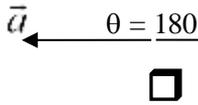
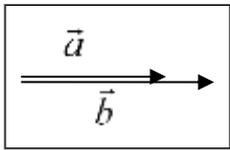
- الإزاحة       المسافة       القوة       العجلة

2- واحدة فقط من الكميات المتجهة التالية تُصنف كمتجه مقيد وهي:

- الإزاحة       السرعة المتجهة       القوة       العجلة

3- الشكل المقابل يمثل متجهين غير متساويين في اتجاه واحد، فإذا تغيرت الزاوية بين المتجهين فان حاصلتهما تصبح

أقل ما يمكن عندما يصبحا كما في الشكل:



4- دفع لاعب الكرة باتجاه المرمي في إحدى مباريات كرة القدم بسرعة (80) km/h، ولكن الكرة وصلت لحارس

المرمي بسرعة (90) km/h، ومن ذلك نستنتج أن:

الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة (10) km/h.

الكرة تتحرك في اتجاه الريح بسرعة (10) km/h.

الكرة تتحرك عمودية على اتجاه الريح بسرعة (10) km/h.

الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة (70) km/h.

5- محصلة المتجهين الموضحين بالشكل المقابل تساوي:

(1)N وتصبح زاوية 45° مع  $F_1$

(7)N وتصبح زاوية 45° مع  $F_1$

(5)N وتصبح زاوية 36.87° مع  $F_1$

(5)N وتصبح زاوية 36.87° مع  $F_2$

6- متجهان متساويان ومتوازيان حاصل ضربهما القياسي (25) N، فإن مقدار حاصلتهما بوحدة (N) تساوي:

25

10

5

صفر

7- متجهان متساويان ومتوازيان حاصل ضربهما القياسي (25) N، فإن مقدار حاصل ضربهما الاتجاهي بوحدة (N)

يساوي:

25

10

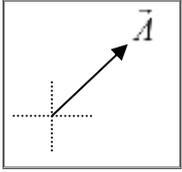
5

صفر

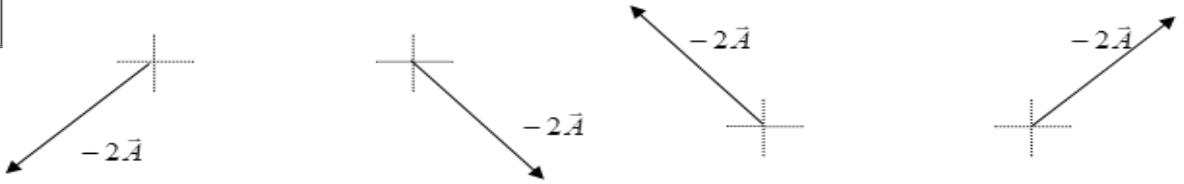


٨ - إحدى القيم التالية لا يمكن أن تمثل محصلة متجهين  $(\vec{a} = 10)N$  ،  $(\vec{b} = 8)N$  وهي:

- 20  18  9  2

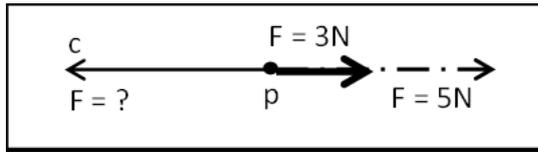


9- إذا كان الشكل المقابل يمثل المتجه  $(\vec{A})$  ، فإن الشكل الصحيح الذي يمثل المتجه  $(-2\vec{A})$  هو:



- 

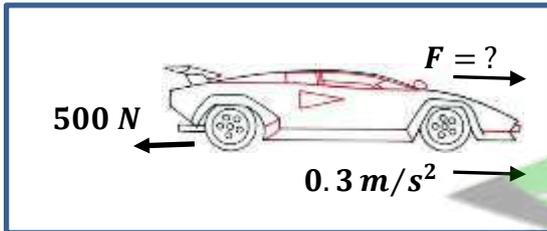
10- مقدار واتجاه القوة ( c ) التي تجعل محصلة متجه القوة المؤثرة عند النقطة ( p ) تساوي صفر بوحدة النيوتن:



- 8  -8

- 5  -5

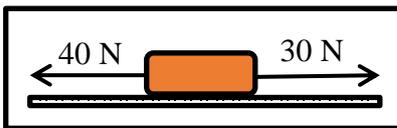
11- سيارة كتلتها  $1000 \text{ kg}$  تتحرك على طريق أفقي مستقيم بعجلة مقدارها  $0.3 \text{ m/s}^2$  ، إذا كانت قوة مقاومة الهواء مع احتكاك العجلات تساوي  $500 \text{ N}$  ، فإن قوة محرك السيارة بوحدة النيوتن تساوي:



- 200  300

- 500  800

١٢- في الشكل المجاور، مقدار واتجاه القوة الموازنة التي تجعل الجسم يتزن بوحدة النيوتن هي:



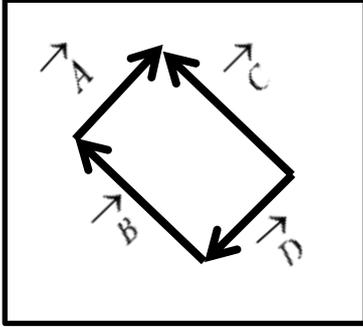
- 10 نحو الغرب.  10 نحو الشرق.

- 50 نحو الشمال.  50 نحو الجنوب.

صفوة معلم الكويت



١٣- أي زوج من المتجهات  $(\vec{A}, \vec{B}, \vec{C}, \vec{D})$  الموضحة في الشكل المجاور متساويان:



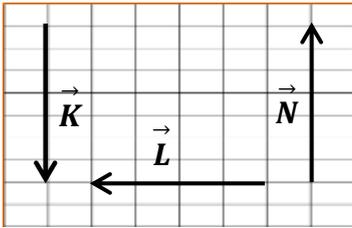
$$(\vec{A} = \vec{C}) \quad \square$$

$$(\vec{A} = \vec{D}) \quad \square$$

$$(\vec{B} = \vec{D}) \quad \square$$

$$(\vec{B} = \vec{C}) \quad \square$$

١٤- الشكل المقابل يمثل المتجهات  $(\vec{K}, \vec{L}, \vec{N})$ ، أي من المعادلات الآتية صحيحة:



$$\vec{K} + \vec{N} + \vec{L} = \vec{L} \quad \square$$

$$\vec{K} = \vec{N} \quad \square$$

$$\vec{K} + \vec{N} = \vec{L} \quad \square$$

$$\vec{K} + \vec{N} = 2\vec{K} \quad \square$$

١٥- إذا كان مقدار حاصل الضرب العددي (القياسي) لمتجهين يساوي مثلي حاصل ضربيهما الاتجاهي فإن الزاوية بين المتجهين تساوي بالدرجات:

60

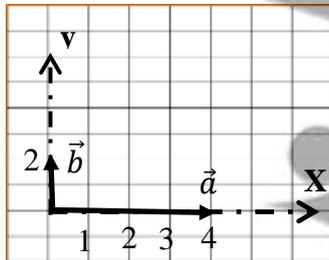
30

26.56

صفر

$$\vec{A} \cdot \vec{B} \cdot \cos \theta = 2 \cdot \vec{A} \cdot \vec{B} \cdot \sin \theta \Rightarrow \frac{1}{2} = \tan^{-1} \theta \therefore \theta = 26.56^\circ$$

١٦- يبين الشكل المجاور كميتين متجهتين  $\vec{a}$ ،  $\vec{b}$ ، فيكون مقدار حاصل ضربهم العددي (القياسي):



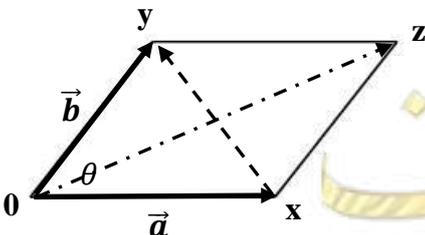
2

صفر

8

4

١٧- الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a}, \vec{b})$  غير متساويين ويحصران بينهما زاوية  $(\theta)$  المتجه الذي يمثل محصلتهما مقداراً واتجاهاً:



xy

zy

xz

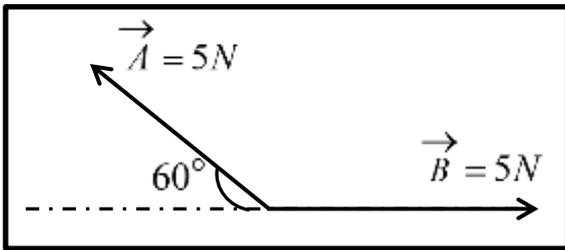
oz



١٨- قوتان متعامدتان مقدار محصلتهما  $N$  ( 50 ) فإذا كانت الأولى  $N$  ( 30 ) فإن مقدار القوة الثانية بوحدة النيوتن : (  $N$  )

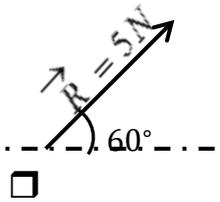
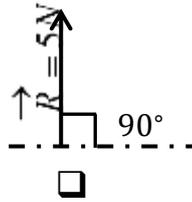
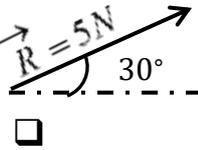
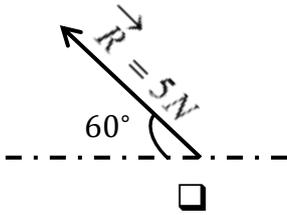
80 40 30 20 

$$50 = \sqrt{30^2 + B^2} \Rightarrow 50^2 - 30^2 = B^2 \therefore B = 40$$



١٩- في الشكل المجاور المتجهان (  $\vec{A}$ ,  $\vec{B}$  ) متساويان

في المقدار. أي المتجهات الآتية تمثل محصلتهما:



السؤال الخامس:

(أ): قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارنة المطلوب في الجدول التالي:

وجه المقارنة	الكمية العددية (القياسية)	الكمية المتجهة
التعريف		
مثال واحد فقط		
وجه المقارنة	المتجه الحر	المتجه المقيد
امكانية نقله		
وجه المقارنة	الإزاحة	المسافة
نوع الكمية الفيزيائية		



(ب): أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من:

- ١- حاصل الجمع الاتجاهي لمتجهين (محصلة المتجهين).
- ٢- حاصل الضرب القياسي لمتجهين.
- ٣- حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين.

(ج): علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

- ١- يمكن نقل متجه الإزاحة، بينما لا يمكن نقل متجه القوة.
- ٢- تتغير السرعة التي تُحلق بها طائرة في الجو على الرغم من ثبات السرعة التي يكسبها المحرك للطائرة.

السؤال السادس:

حل المسائل التالية: -

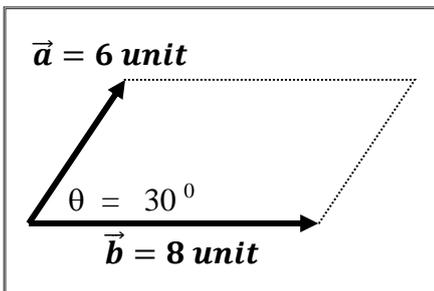
- ١- تتحرك سيارة بسرعة  $150 \text{ km/h}$  باتجاه يصنع زاوية مقدارها  $(130^\circ)$  مع المحور الأفقي الموجب. أكتب الصيغة الرياضية المعبرة عن متجه السرعة.

$$\vec{V} = (150 \text{ km}, 130^\circ)$$

٢- الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a})$ ،  $(\vec{b})$  في مستوى أفقي واحد

هو مستوى الصفحة والمطلوب حساب:

(أ) محصلة المتجهين (مقداراً واتجاهاً) بالطريقة الحسابية.



صفوة معلم الكوئيت



(ب) حاصل الضرب الاتجاهي  $(\vec{a} \times \vec{b})$  للمتجهين (مقداراً واتجاهاً).

(ج) حاصل الضرب الداخلي  $(\vec{a} \cdot \vec{b})$  للمتجهين.

٣- قوتان  $(\vec{F}_1 = 50N)$  ،  $(\vec{F}_2 = 20N)$  ما مقدار أكبر محصلة للقوتين.  
وما مقدار أصغر محصلة للقوتين.  
أذكر متى نحصل على هذين المقدارين.





## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الأول: حركة المقذوفات

#### الدرس (2-1) تحليل المتجهات

#### السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

1- استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يسميان مركبتي المتجه. ( )

ب- أكمل العبارات العلمية التالية:

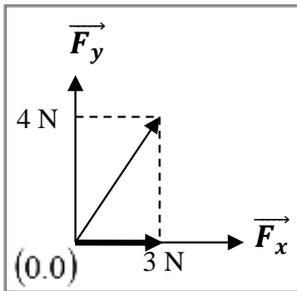
1- إذا كانت قيمة المركبة الأفقية لقوة تصنع زاوية  $(45^\circ)$  مع محور الإسناد (X) تساوي  $(10\text{N})$  فإن

قيمة المركبة الرأسية للقوة بوحدة النيوتن تساوي .....

2- العملية المعاكسة لعملية جمع المتجهات تسمى .....

3- القوة (F) في الشكل المقابل بوحدة (N) تساوي ..... وتصنع زاوية

مقدارها ..... مع المحور الموجب للسينات.



ج- ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية: -

1- إذا كانت محصلة متجهين متعامدين تساوي  $(20\text{N})$  والمركبة الأفقية لهذه المحصلة تساوي  $(10\text{N})$  فتكون الزاوية

المحصورة بين المركبة الرأسية والمحصلة بوحدة الدرجات تساوي:

120

90

60

30

2- إذا كان متجه (a) يصنع مع الأفق زاوية  $(\theta)$  فإن مركبته بالاتجاه الرأسي  $(a_y)$  تساوي:

$a \cos \theta$

$a \sin \theta$

$\frac{a}{\cos \theta}$

$\frac{a}{\sin \theta}$

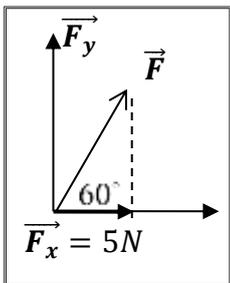
3- في الشكل المقابل تكون قيمة القوة (F) بوحدة النيوتن:

10

5

40

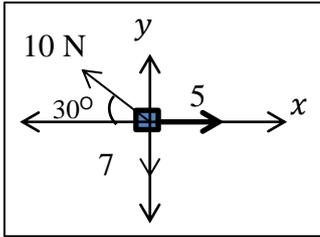
20



صفوة معلم الكويت



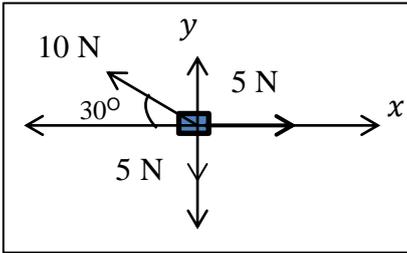
4- في الشكل المجاور جسم تؤثر عليه ثلاث قوى، أي معادلة من المعادلات الآتية تمثل محصلة القوى المؤثرة على الجسم على المحور الراسي (  $y$  ) :



$$\Sigma F_y = 5 - 10 + 7 \quad \square$$
$$\Sigma F_y = 10 \cos 30^\circ - 7 \quad \square$$

$$\Sigma F_y = 5 - 10 \cos 30^\circ \quad \square$$
$$\Sigma F_y = 10 \sin 30^\circ - 7 \quad \square$$

1- في الشكل المجاور جسم تؤثر عليه ثلاث قوى أي معادلة من المعادلات الآتية تمثل حركة عجلة الجسم على المحور (  $x$  ) :



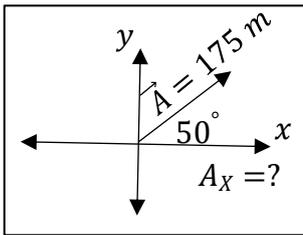
$$a_x = \frac{5 - 10 \sin 30^\circ}{m} \quad \square$$

$$a_x = \frac{10 \cos 30^\circ - 7}{m} \quad \square$$

$$a_x = \frac{10 \sin 30^\circ - 5}{m} \quad \square$$

$$a_x = \frac{5 - 10 \cos 30^\circ}{m} \quad \square$$

2- إذا كان مقدار المتجه  $\vec{A}$  يساوي  $m(175)$  ويميل بزاوية  $(50^\circ)$  على المحور (  $x$  ) كما في الشكل المقابل، فإن المركبة (  $A_x$  ) بوحدة المتر (  $m$  ) تساوي:

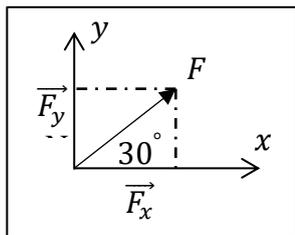


$$175 \quad \square$$

$$112.48 \quad \square$$

$$134 \quad \square$$

$$100 \quad \square$$



$$F > F_y > F_x \quad \square$$

$$F_x > F_y > F \quad \square$$

3- في الشكل المقابل تكون:

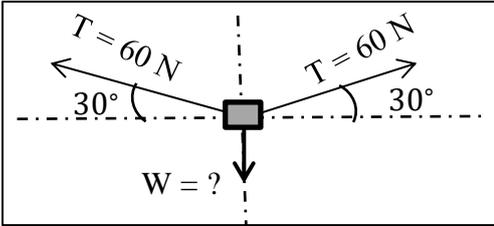
$$F > F_x > F_y \quad \square$$

$$F_x > F > F_y \quad \square$$

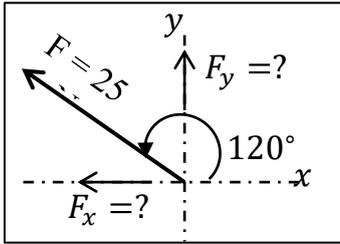
صفوة معلم الكويت



٤- في الشكل المقابل ما هو أقصى وزن للجسم يمكن أن تحمله قوة شد الحبلين بوحدة النيوتن:

60 30 120 90 

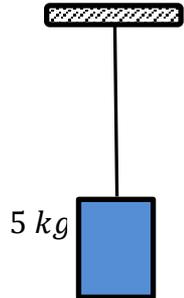
٥- في الشكل المقابل يكون مركبتي القوة (25) N والتي تميل بزاوية (120°) عن المحور الاسناد (x) تساوي:



$F_y$	$F_x$	
21.65	12.5	<input type="checkbox"/>
12.5	21.65	<input type="checkbox"/>
21.65	-12.5	<input type="checkbox"/>
-21.65	-12.5	<input type="checkbox"/>

٦- في الشكل المقابل جسم كتلته (5) kg معلق بواسطة حبل، فتكون قوة شد الحبل

بوحدة النيوتن (N) تساوي:

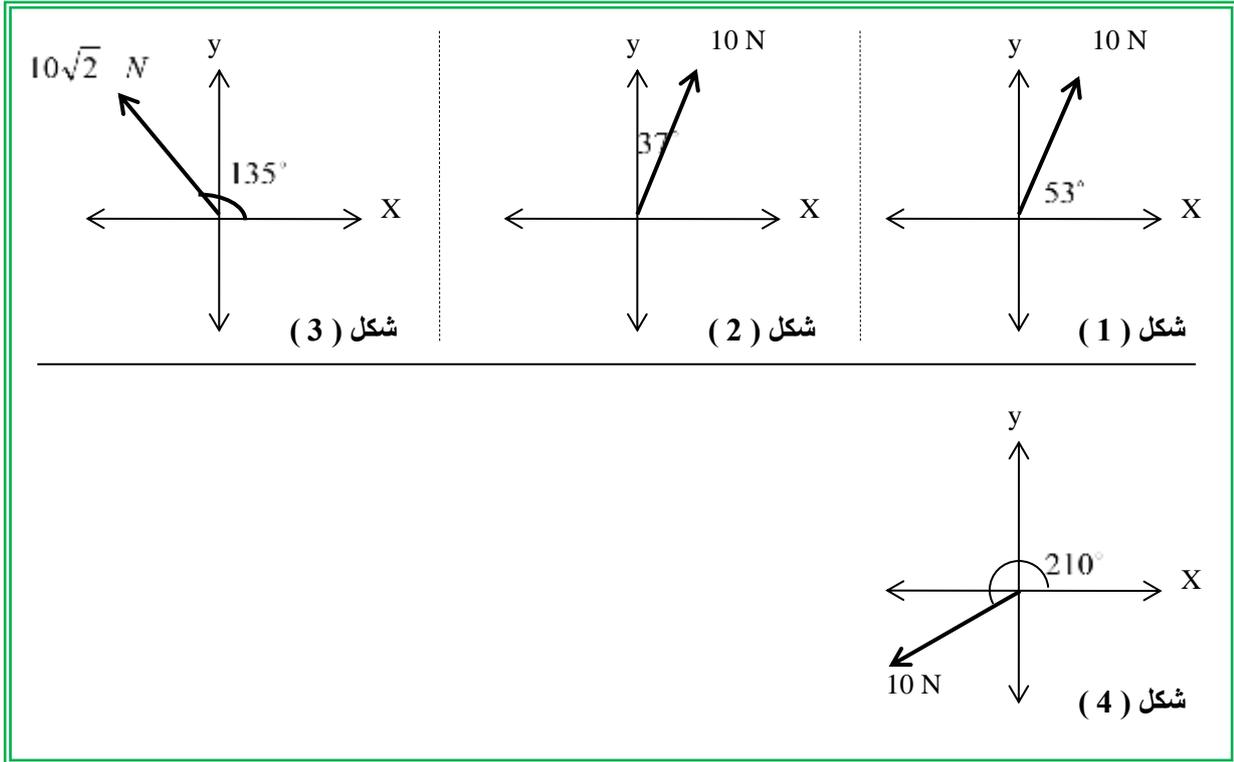
5 2.5 100 50 

$$T = m \cdot g = 5 \times 10 = 50 \text{ N}$$

صفوة معلمى الكوئيت

السؤال الثاني:

١- أحسب المركبة الأفقية والمركبة الرأسية لكل قوة من القوى الموضحة بالشكل:



رقم الشكل	المركبة الأفقية	المركبة الرأسية
1		
2		
3		

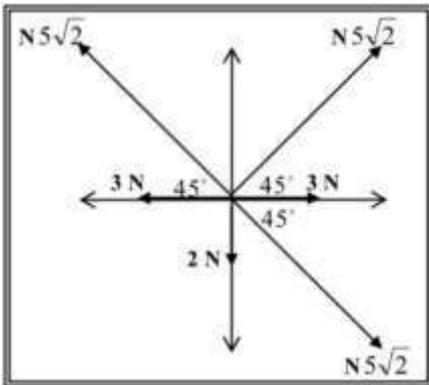


٢- جسم مستقر على مستوى مائل أملس يميل على الأفق بزاوية  $(30^\circ)$  فإذا كان وزن الجسم  $(50)N$  أحسب كل من مركبتي وزن الجسم.

٣- إذا كانت مركبتي متجه ما  $(v_x = 6 \text{ Unit})$  و  $(v_y = 8 \text{ Unit})$  ... أحسب:  
١- مقدار المتجه.

2- الزاوية التي يصنعها المتجه مع المركبة الأفقية.

٤- أحسب محصلة القوى الموضحة بالشكل المقابل.



المركبة الرأسية	المركبة الأفقية

صفوة معلم الكويت



## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الأول: حركة المقذوفات

#### الدرس (3-1) حركة القذيفة

#### السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

- ١- الأجسام التي تقذف أو تطلق في الهواء وتتعرض لقوة جاذبية الأرض. ( )
- ٢- علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن ( )
- ٣- المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق. ( )

ب- ضع بين القوسين علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة ( X ) أمام العبارة غير الصحيحة:

- ١- ( ) مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي تكون بسرعة ثابتة (عند إهمال الاحتكاك).
- ٢- ( ) مركبتا الحركة الأفقية للقذيفة والحركة الرأسية مترابطتين.
- ٣- ( ) يتغير شكل مسار القذيفة وتتباطأ سرعتها نتيجة الاحتكاك مع الهواء.
- ٤- ( ) إذا كانت زاوية الإطلاق للقذيفة بالنسبة إلى المحور الأفقي تساوي ( $90^\circ$ ) فإن شكل المسار يكون نصف قطع مكافئ.
- ٥- ( ) يتناقص مدى القذيفة ويصبح المسار قطعاً مكافئاً غير حقيقي عند إهمال مقاومة الهواء.
- ٦- ( ) إذا قذف جسم بسرعة ابتدائية مقدارها  $20\text{ m/s}$  في اتجاه يصنع مع الأفق زاوية مقدارها ( $30^\circ$ ) فإن مركبة سرعته الابتدائية في الاتجاه الرأسي  $14\text{ m/s}$ .
- ٧- ( ) قذف جسم إلى أعلى بزاوية مقدارها ( $30^\circ$ ) فإذا كانت مركبة سرعته في الاتجاه الأفقي تساوي  $8\sqrt{3}\text{ m/s}$  فإن السرعة التي قذف بها تساوي  $16\text{ m/s}$ .
- ٨- ( ) عند إطلاق عدة قذائف بالسرعة نفسها ومن نفس نقطة القذف، وبإهمال مقاومة الهواء فإن كل قذيفتين يصلان للمدى نفسه عند إطلاقهما بزاويتين مجموعهما ( $90^\circ$ )
- ٩- ( ) المركبة الرأسية للسرعة التي يقذف بها الجسم المقذوف بزاوية مع الأفق هي التي تحدد الارتفاع الرأسي وزمن التحليق.
١٠. ( ) عند وصول القذيفة إلى أقصى ارتفاع، تكون قد قطعت ضعف المدى الأفقي.
١١. ( ) عند إطلاق قذيفة بزاوية تساوي صفرًا فإن ذلك يعني أن سرعتها الأفقية الابتدائية هي أفقية فقط.
١٢. ( ) يكون اتجاه المركبة الرأسية لسرعة مقذوف بعد مروره بالنقطة التي تمثل أقصى ارتفاع لأسفل.
١٣. ( ) عند غياب تأثير الهواء على حركة القذيفة لا يتغير شكل مسارها ومقدار المدى الأفقي.



### ج- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

- ١- حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركة رأسية وتكون ..... على المحور الرأسي، وحركة أفقية وتكون .....
- ٢- عند غياب الاحتكاك تكون القوة الوحيدة المؤثرة على كتلة الجسم المقذوف هي ..... واتجاهها يكون نحو .....
- ٣- المركبة الأفقية لسرعة الجسم المقذوف على مسار القطع المكافئ تكون ثابتة المقدار، بينما تكون السرعة الرأسية .....
- ٤- إذا كانت زاوية إطلاق القذيفة بالنسبة للمحور الأفقي تساوي ( $90^\circ$ ) فإن مسار القذيفة يصبح .....
- بينما يكون على شكل مسار ..... إذا كانت زاوية الإطلاق تساوي ( $0^\circ$ ) .
- ٥- عندما تقذف قذيفة بزاوية ( $\theta$ ) مع المحور الأفقي، وعندما تصل إلى أقصى ارتفاع تكون قد قطعت نصف المدى الأفقي.
- ٦- قذفت كرة بسرعة ابتدائية مقدارها  $30\text{ m/s}$  باتجاه يصنع مع المحور الأفقي زاوية مقدارها ( $60^\circ$ ) فوصلت إلى أقصى ارتفاع لها بعد  $3\text{ s}$ ، فتكون سرعتها الرأسية عند ذلك الارتفاع بوحدة  $\text{m/s}$  .....
- ٧- جسم قذف بزاوية ( $60^\circ$ ) فإنه يصل إلى المدى نفسه الذي يصل إليه إذا تم إطلاقه بالسرعة نفسها ومن نفس النقطة، ولكن بزاوية مقدارها .....
- ٨- قذفت كرة بسرعة متجهة مقدارها  $40\text{ m/s}$  في اتجاه يصنع زاوية ( $30^\circ$ )، فإن زمن تحليقها عندما تعود إلى المستوى نفسه الذي قذفت منه يساوي ..... ثانية.
- ٩- أطلقت قذيفتان كتلتها  $(m)$ ،  $(2m)$  بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية ( $\theta$ ) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون مدي المسار للقذيفة  $(2m)$  ..... مدي المسار للقذيفة  $(m)$ .
- ١١- قذفت كرة بسرعة متجهة مقدارها  $30\text{ m/s}$  في اتجاه يصنع زاوية ( $30^\circ$ )، وبإهمال مقاومة الهواء يكون أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة بوحدة  $(\text{m})$  .....



### السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:

١) قذف حجر من ارتفاع  $m(80)$  عن سطح الأرض بسرعة أفقية  $(v)$  وكانت إزاحة الجسم الأفقية تساوي  $m(40)$ .  
فإن مقدار السرعة الأفقية بوحدة  $m/s$  تساوي:

- 5       10       20       40

٢) يكون شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية مع المحور الأفقي على شكل مسار نصف قطع مكافئ عندما تكون الزاوية بالدرجات مساوية:

- 0       45       60       90

٣) أطلقت قذيفة بزاوية  $(30^\circ)$  مع المحور الأفقي وبسرعة ابتدائية  $m/s(40)$ ، فإن الزمن الذي تستغرقه القذيفة للوصول إلي أقصى ارتفاع بوحدة الثانية يساوي:

- 2       1.732       3.46       4

٤) في السؤال السابق يكون أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة بوحدة (m) يساوي:

- 5       10       20       40

٥- في السؤال السابق يكون المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة عند اصطدامها بالأرض عند نقطه تقع على الخط المار بنقط القذف بوحدة (m) يساوي:

- 80       160       138.56       346.41

6- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية من نفس النقطة، الأولى بزاوية  $(30^\circ)$  والثانية بزاوية  $(60^\circ)$  فتكون المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الأولى:

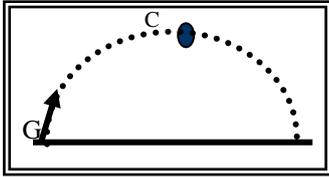
- مساوية المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.  
 أكبر من المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.  
 أصغر من المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.  
 مثلي المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.

7- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية، الأولى بزاوية  $(30^\circ)$  والثانية بزاوية  $(60^\circ)$  فتكون المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الأولى:

- مساوية المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.  
 أكبر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.  
 أصغر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.  
 مثلي المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.



- ٨ - كرتان قذفت أحدهما أفقياً والأخرى أسقطت رأسياً في الوقت نفسه، بإهمال مقاومة الهواء فإن:
- الكرتان تصلان إلى سطح الأرض في نفس اللحظة.
  - الكرة التي تقذف أفقياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
  - الكرة التي أسقطت رأسياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
  - الكرة التي تقذف أفقياً تستغرق نصف زمن وصول الكرة التي أسقطت رأسياً.



- ٩ - أطلقت قذيفة بزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي كما في الشكل المجاور فتكون مركبة السرعة الأفقية للقذيفة عند نقطة (c):
- مساوية مركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
  - أكبر من مركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
  - أصغر من مركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
  - للصفر.

- ١٠ - في السؤال السابق تكون مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (c):
- مساوية مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
  - أكبر من مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
  - أصغر من مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
  - صفر.

- ١١ - للحصول على أكبر مدي أفقي ممكن لقذيفة تطلق من مدفع، يجب أن تكون زاوية القذف  $(\theta)$  مع المحور الأفقي مساوية بالدرجات:

0       30       45       60

- ١٢ - قذفت كرة بزاوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي وكانت مركبة سرعته الأفقية مساوية  $(20)m/s$ ، فتكون قيمة هذه السرعة على ارتفاع  $(2)m$  بوحدة  $m/s$  مساوية:

0       10       20       40

- ١٣ - أطلقت قذيفة بزاوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي وبسرعة ابتدائية مقدارها  $(20\sqrt{2})m/s$  فإن مقدار سرعة القذيفة لحظة اصطدامها بسطح الأرض بوحدة  $m/s$  تساوي:

14.14       20       28.28       56.56



14- أطلقت قذيفتان كتلتهما  $(m)$  ،  $(2m)$  بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية  $(\theta)$  بالنسبة إلي المحور الأفقي نفسه فيكون الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفة  $(2m)$  :

- مساويا الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفة  $(m)$ .
- ربع الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفة  $(m)$ .
- نصف الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفة  $(m)$ .
- مثلي الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفة  $(m)$ .

16- أطلقت قذيفة بزواوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي، وبسرعة ابتدائية مقدارها  $(10)m/s$  وبإهمال مقاومة الهواء واعتبار عجلة الجاذبية الأرضية تساوي  $(10)m/s^2$  . فتكون معادلة مسار القذيفة:

$$y = x - 0.2x^2 \quad \square$$

$$y = x - 0.1x^2 \quad \square$$

$$y = x - 0.1x^2 \quad \square$$

$$y = x - 0.707x^2 \quad \square$$

17- أطلقت قذيفتان كتلتهما  $(m)$  ،  $(2m)$  بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاويتي إطلاق مختلفتين الأولي بزواوية  $(30^\circ)$  والثانية بزواوية  $(60^\circ)$  بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون المدى الأفقي للقذيفة  $(m)$  .

- نصف المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$  .
- مساوياً المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$  .
- مثلي المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$  .
- أربعة أمثال المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$  .

18- قذف جسم بسرعة  $(v)$  وبزاوية  $(30^\circ)$  مع الأفق فكان مداه الأفقي  $m(50)$  . إذا قذف الجسم بسرعة نفسها بزواوية  $(60^\circ)$  فيكون المدى الأفقي بوحدة المتر يساوي.

$$100 \quad \square$$

$$50 \quad \square$$

$$40 \quad \square$$

$$25 \quad \square$$

19- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية، الأولى بزواوية  $(30^\circ)$  والثانية بزواوية  $(60^\circ)$  فتكون المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الأولى

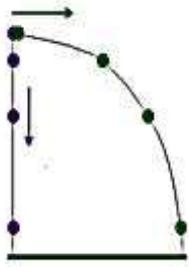
- مساوية المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.
- مثلي المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.
- أكبر من المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.
- أصغر من المركبة الرأسية لسرعة القذيفة الثانية.



20- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية، الأولى بزاوية  $(30^\circ)$  والثانية بزاوية  $(60^\circ)$  فتكون المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الأولى:

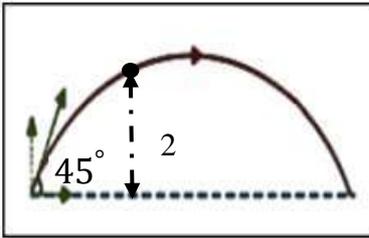
- مساوية المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.
- مثلتي المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.
- أكبر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.
- أصغر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.

21- كرتان قذفت أحدهما أفقياً والأخرى أسقطت رأسياً في الوقت نفسه، بإهمال مقاومة الهواء فإن:



- الكرتان تصلان إلى سطح الأرض في نفس اللحظة.
- الكرة التي تقذف أفقياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
- الكرة التي أسقطت رأسياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
- الكرة التي تقذف أفقياً تستغرق نصف زمن وصول الكرة التي أسقطت رأسياً.

22- قذفت كرة بزاوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي وكانت مركبة سرعتها الأفقية  $m/s$  (20) ، فتكون قيمة هذه السرعة على إرتفاع  $2m$  بوحدة  $(m/s)$  مساوية:



- صفر
- 10
- 20
- 40

23- أطلقت قذيفة بزاوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي وبسرعة ابتدائية  $m/s$  (20) ، فإن مقدار سرعة القذيفة لحظة اصطدامها بسطح الأرض (إهمال مقاومة الهواء) بوحدة  $(m/s)$  تساوي:

- 5
- 10
- 15
- 20

24- أطلقت قذيفتان كتلتها  $kg$  (2) ، و  $kg$  (1) بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية  $(\theta)$  بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون الارتفاع الراسي الذي تبلغه القذيفة  $kg$  (2) :

- مساويا الارتفاع الراسي الذي تبلغه القذيفة  $kg$  (1).
- ربع الارتفاع الراسي الذي تبلغه القذيفة  $kg$  (1).
- نصف الارتفاع الراسي الذي تبلغه القذيفة  $kg$  (1).
- مثلتي الارتفاع الراسي الذي تبلغه القذيفة  $kg$  (1).

**السؤال الثالث:**

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي :

وجه المقارنة	المحور الرأسي	المحور الأفقي
نوع الحركة لجسم مقذوف بزواوية ( $\theta$ )		
عجلة جسم مقذوف بزواوية ( $\theta$ )		
وجه المقارنة		
شكل مسار قذيفة عندما تطلق بزواوية مع المحور الأفقي		
وجه المقارنة	أقصى ارتفاع	المدى الأفقي
العلاقة الرياضية لجسم مقذوف بزواوية ( $\theta$ )		
وجه المقارنة	السرعة الأفقية	السرعة الرأسية
العلاقة الرياضية لجسم مقذوف بزواوية		

(ب) : أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من :

1- معادلة المسار لقذيفة أطلقت بزواوية (  $\theta$  ) مع المحور الأفقي (بإهمال مقاومة الهواء)

2- أقصى ارتفاع تبلغه قذيفة أطلقت بزواوية (  $\theta$  ) مع المحور الأفقي.

3- المدى الأفقي لقذيفة أطلقت بزواوية (  $\theta$  ) مع المحور الأفقي.

صفوة للمعلمي اللويت



4- شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي.

(ج): علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

1- عدم وجود عجلة أفقية للجسم المقذوف بزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي.

2- يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي.

(د): فسر ما يلي

1- أطلقت قذيفتان كتلتها  $(m)$  ،  $(2m)$  بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي فيكون المدى الأفقي للقذيفة  $(m)$  يساوي المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$ .

أطلقت قذيفتان بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاويتي إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية  $(30^\circ)$  والثانية بزاوية  $(60^\circ)$  بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فإن القذيفة التي أطلقت بزاوية  $(60^\circ)$  تصل إلى ارتفاع أكبر.

(هـ): ماذا يحدث في الحالات التالية

1- لمقدار سرعة قذيفة أطلقت بزاوية  $(\theta)$  نتيجة الاحتكاك مع الهواء.

2- لمقدار سرعة كرة تتحرك على سطح أفقي عديم الاحتكاك.

3- لمسار قذيفتين يتم إطلاقهما بالسرعة نفسها وبزاويتي  $(15^\circ)$ ،  $(75^\circ)$  بالنسبة إلى المحور الأفقي بفرض إهمال مقاومة الهواء.

صفوة مكي الكلوب



### السؤال الرابع:

حل المسائل التالية: -

(أ) قذفت كرة بسرعة أفقية مقدارها  $15\text{ m/s}$  من ارتفاع  $80\text{ m}$  عن سطح الأرض. بإهمال مقاومة الهواء واعتبار عجلة الجاذبية الأرضية  $10\text{ m/s}^2$ . أحسب ما يلي:  
 ١- الزمن المستغرق للوصول الكرة إلى سطح الأرض.

### 2- الإزاحة الأفقية للكرة

(ب) أطلقت قذيفة بزاوية  $(45^\circ)$  مع المحور الأفقي بسرعة  $5\sqrt{2}\text{ m/s}$ . بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب:

1 - أكتب معادلة المسار للقذيفة.

$$y = \left( \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) \times x^2 + \tan \theta \cdot x$$

2- أحسب الزمن الذي تبلغه القذيفة للوصول إلى أقصى ارتفاع.

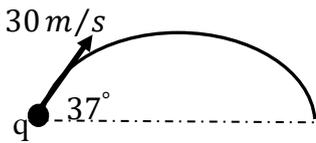
3- احسب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض.

الإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية  $(45^\circ)$  تحت المحور الأفقي.

صفوة سلمى الكويت



4- قذف جسم أفقياً بسرعة  $m/s$  (15) من نقطة إرتفاعها  $m$  (24) فوق سطح الأرض احسب:



5- جسم قذف من النقطة (q) كما في الشكل المجاور بسرعة  $m/s$  (30)

بزاوية  $(37^\circ)$  عن الأفق. احسب:  
١- أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم.

٢- المدى الأفقي للقذيفة.

6- يريد لاعب جولف أن يرسل الكرة لمسافة  $m$  (283) ، فإذا قذف الكرة بزاوية مقدارها  $(15^\circ)$  مع الأفق .  
أحسب:

١- السرعة الابتدائية للكرة.

٢- أقصى ارتفاع للكرة.

صفوة معلمى الكويت



ضع أرقام القائمة (أ) بما يناسبها مع القائمة (ب):

(ب)		(أ)	
نفس القيمة	( )	1	مثال لمتجهات مقيدة بنقطة تأثير
صفر	( )	2	اسم يطلق على الكميات القياسية
القوة	( )	3	قيمة مركبة سرعة القذيفة الأفقية ( $v_x$ ) على مسار القطع المكافئ
العددية	( )	4	قيمة مركبة سرعة القذيفة الرأسية ( $v_y$ ) عند أعلى نقطة

أكمل الأعمدة التالية بما يناسبها:

المتجهات
المتجه $\vec{D}$ يمثل إزاحة محددة
$\vec{R}$ متجه مقداره نصف مقدار المتجه $\vec{D}$ وله الاتجاه نفسه فإن:
$R = \dots$
$\vec{R}$ متجه مقداره نصف مقدار المتجه $\vec{D}$ ويعاكسه بالاتجاه فإن:
$R = \dots$

الكميات الفيزيائية
يعتبر الزمن كمية
.....
تعتبر الإزاحة كمية
.....
تعتبر القوة من المتجهات المقيدة

ضرب المتجهات
حاصل ضربهما العددي
.....
حاصل ضربهما الاتجاهي يساوي
.....

صفوة معلم الكوئيت



## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الثاني: الحركة الدائرية

#### الدرس (1-2) الحركة الدائرية

#### السؤال الأول:

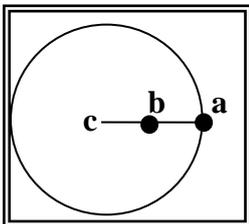
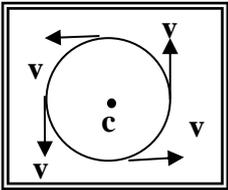
أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

- 1- حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه. ( )
- 2- طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن. ( )
- 3- مقدار الزاوية بالراديان التي يمسخها نصف القطر في وحدة الزمن. ( )
- 4- تغير السرعة الزاوية ( $\omega$ ) خلال الزمن. ( )
- 5- الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة. ( )
- 6- تغير السرعة المتجهة بالنسبة للزمن. ( )
- 7- تغير السرعة الزاوية  $\omega$  خلال الزمن. ( )

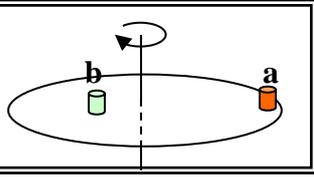
ب- ضع بين القوسين علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة ( X ) أمام العبارة غير الصحيحة علمياً في

كل مما يلي:

- ( 1 ) ( ) عندما يتحرك جسم في مسار دائري بسرعة ثابتة المقدار تكون حركته دائرية منتظمة.
- ( 2 ) ( ) حركة الأرض حول الشمس هي حركة دائرية محورية (مغزلية) فقط.
- ( 3 ) ( ) الجسم الموضح بالشكل المقابل يتحرك على مسار دائري، والمتجهات تمثل السرعة الخطية للجسم، فتكون حركة هذا الجسم حركة دائرية غير منتظمة.
- ( 4 ) ( ) الراديان وحده قياس السرعة الخطية في الحركة الدائرية المنتظمة.
- ( 5 ) ( ) كلما زادت سرعة الجسم الخطية على مسار دائري ثابت فإن الزمن الدوري للحركة يقل.
- ( 6 ) ( ) السرعة المماسية لجسم يتحرك على مسار دائري تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية (عند ثبات نصف القطر).
- ( 7 ) ( ) تتناسب السرعة الخطية للجسم المتحرك بحركة دائرية منتظمة تناسباً عكسياً مع الزمن الدوري عند ثبات نصف القطر.
- ( 8 ) ( ) الشكل المقابل يمثل كرتان ( a ، b ) مربوطتان في خيط واحد ، ويدور الخيط حول محور ( c ) ، فإن السرعة الخطية للكرتين تكون متساوية.



صفحة من الكونت



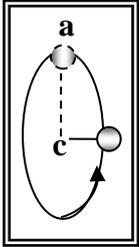
( ٩ ) أثناء دوران أسطوانة التسجيل الموضحة بالشكل المقابل حول المحور الرأسي، تكون السرعة الخطية للعلبتين الموضوعتين على سطحها متساويتين.

( ١٠ ) أثناء دوران أسطوانة التسجيل الموضحة بالشكل السابق حول المحور الرأسي، تكون السرعة الزاوية للعلبتين الموضوعتين على سطحها متساويتين.

( ١١ ) تتعدم السرعة الخطية (المماسية) عند مركز المسطح الدائري والعمودي مع محوره، ولا تتلاشي السرعة الزاوية.

( ١٢ ) يتحرك جسم على مسار دائري منتظم نصف قطره cm (20)، فإذا كان زمنه الدوري يساوي s (2) فإن سرعته الخطية تساوي بوحدة m/s (0.4) .

( ١٣ ) يتحرك جسم حركة دائرية منتظمة بحيث يعمل دورة واحدة كل ثانية فإن سرعته الزاوية تساوي  $(2\pi)$  Rad/s.



( ١٤ ) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون بعجلته ثابتة المقدار وفي اتجاه مركز الحركة دائماً.

( ١٥ ) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون عجلته المماسية تساوي صفراً.

( ١٦ ) العجلة المركزية لجسم يتحرك على مسار دائري ثابت نصف القطر تتناسب طردياً مع مربع سرعته المماسية.

( 19 ) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون عجلته الزاوية تساوي صفراً.

( 20 ) الزمن الدوري لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة يتناسب طردياً مع تردده.

### ج- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

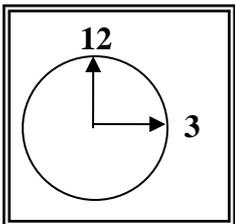
( ١ ) عندما يتحرك جسم على مسار دائري ويقطع أقواساً متساوية في أزمنة متساوية فإن سرعته العددية ( الخطية / المماسية ) تكون ..... المقدار .

( ٢ ) تصنف الحركة الدائرية إلى نوعين هما حركة ..... يدور الجسم حول محور داخلي، وحركة مدارية عندما يدور الجسم حول محور خارجي.

( ٣ ) يتحرك عقرب الثواني في الساعة الموضحة بالشكل المقابل وطوله cm (2) في مسار دائري بالاتجاه الدائري السالب من رقم (12) إلى رقم (3) ويقطع خلال ذلك قوساً طوله بوحدة (cm) يساوي .....  $(\pi)$

( ٤ ) السرعة المماسية في الحركة الدائرية تتناسب ..... مع السرعة الزاوية (الدائرية) عند ثبوت نصف القطر .

( ٥ ) إذا زاد نصف القطر لجسم يتحرك في مسار دائري لمثلي ما كان عليه (بفرض ثبات سرعته الزاوية)، فإن سرعته الخطية .....





٦) متجه العجلة المركزية في الحركة الدائرية يكون اتجاهه دائماً .....متجه السرعة المماسية.

٧) تردد الجسم المتحرك حركة دائرية منتظمة يتناسب ..... مع زمنه الدوري.

٨) يتحرك جسم على مسار دائري بسرعة زاوية مقدارها  $\left(\frac{\pi}{4}\right) rad/s$  ، فإن زمنه الدوري

بوحدة (s) يساوي .....

٩) العجلة الزاوية للجسم المتحرك في المسار الدائري الموضح بالشكل المقابل بوحدة

$(rad/s^2)$  تساوي .....

### السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:

١) إذا دار جسم على مسار دائري، ومسح نصف قطره زاوية مقدارها  $(30^\circ)$  ، فإن مقدار هذه الزاوية (بالراديان)

يساوي:

$\frac{\pi}{2}$

$\frac{\pi}{4}$

$\frac{\pi}{6}$

$\frac{\pi}{8}$

٢) نعيش على أحد كواكب المجموعة الشمسية وهو كوكب الأرض، وهو في حركة دائمة ينتج عنها كثير من الظواهر

الطبيعية مثل ظاهرة تعاقب الليل والنهار التي تسببها حركة الأرض:

المغزلية

المدارية

الاهتزازية

خطية

٣) إذا كان طول القوس (2.093) m ، لجسم يتحرك حركة دائرية نصف قطر مساره (1) m فإن الإزاحة الزاوية بوحدة

الراديان تساوي:

$\frac{\pi}{2}$

$\frac{3\pi}{4}$

$\frac{2\pi}{3}$

$\frac{\pi}{4}$

٤) النسبة بين السرعة الخطية للجسم (a) والسرعة الخطية للجسم (b) في الشكل المقابل }

{ تساوي  $v_a : v_b$

2:1

1:1

4:1

1:2

٥) يدور (لاعب تزلج) على الجليد في مسار دائري نصف قطره (10) m وبسرعة زاوية

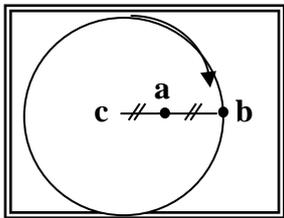
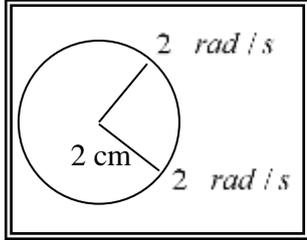
مقدارها (0.6) rad/s ، فإن سرعته المماسية بوحدة (m/s) تساوي:

16.6

6

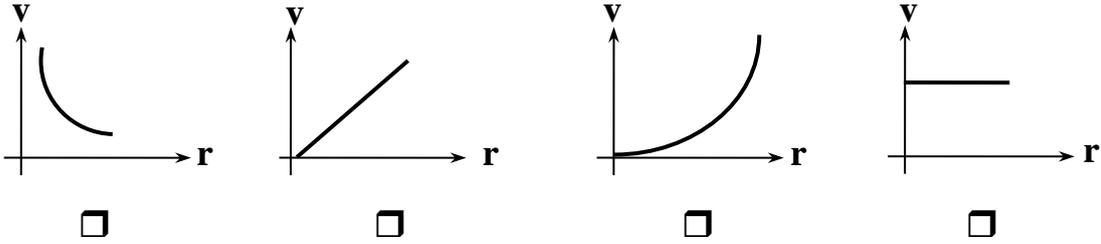
0.6

0.06





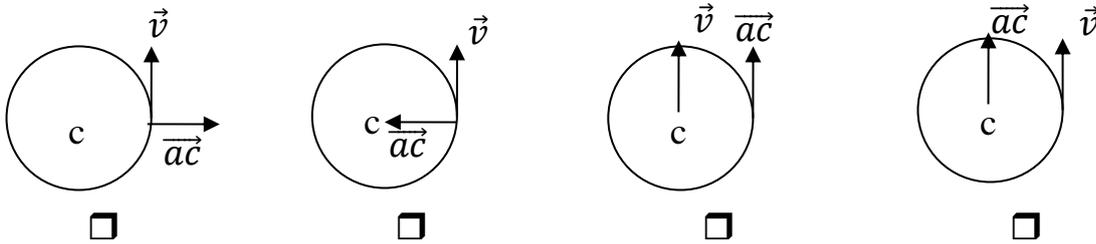
(6) في لعبة دوارة الخيل، يجلس مجموعة من الأطفال على أحصنة مختلفة البعد عن مركز الدوران، وأفضل خط بياني يمثل تغيرات السرعة المماسية ( $v$ ) لكل منهم باختلاف بعده عن محور الدوران ( $r$ ) هو:



(7) في الحركة الدائرية المنتظمة تكون السرعة المماسية للجسم:

- ثابتة المقدار والاتجاه.  
 متغيرة المقدار وثابتة الاتجاه.  
 ثابتة المقدار ومتغيرة الاتجاه.  
 متغيرة المقدار والاتجاه.

(8) أفضل مخطط يوضح العلاقة بين متجه السرعة الخطية ومتجه العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة هو:



(9) حجر مربوط في طرف خيط طوله (0.5) m ويدور في مستوى أفقي بحركة دائرية منتظمة محدثاً (25) دورة خلال

(5) ثواني، فإن السرعة الزاوية للحجر بوحدة (rad/s) تساوي:

- 314       31.4       3.14       0.314

(10) يتحرك جسم (حركة دائرية منتظمة) في مسار دائري منتظم نصف قطره (100) cm بحيث كان زمنه الدوري يساوي

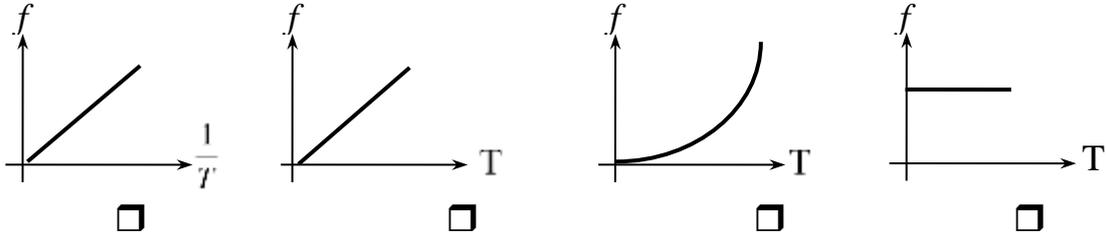
(2) s فإن سرعته الخطية بوحدة (m/s) وبدلالة ( $\pi$ ) تساوي:

- $10\pi$         $2\pi$         $\pi$         $0.5\pi$

(11) عندما تدور مروحة بسرعة زاوية مقدارها ( $60\pi$ ) Rad/s فإن زمنها الدوري (بالثانية) يساوي:

- $\frac{1}{20}$         $\frac{1}{30}$         $\frac{1}{60}$        30

١٢) أفضل مخطط يمثل العلاقة بين تردد جسم ( $f$ ) وزمنه الدوري ( $T$ ) هو:

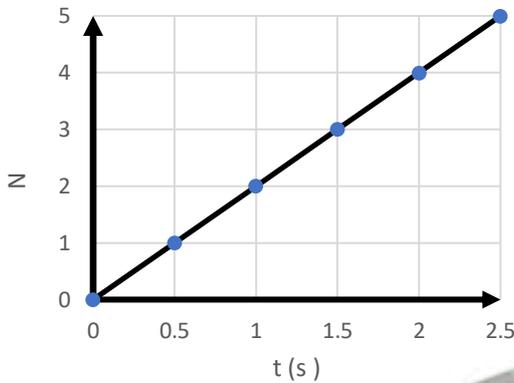


١٣) يتحرك جسم على محيط دائرة نصف قطرها 1) m بسرعة مماسية قدرها 2) m/s فإن عجلته المركزية بوحدة ( $m / s^2$ ) تساوي:

- 2  6  4   $\frac{3}{2}$

١٤) ربط حجر في خيط طوله 0.4) m وأدير في وضع أفقي فكان زمنه الدوري 0.2) s فإن عجلته المركزية بوحدة ( $m / s^2$ ) تساوي:

- 40  $\pi^2$   20  $\pi^2$   40  $\pi$   20  $\pi$



15) -1 قسم يتحرك في مسار دائري أفقي نصف قطرها واحد متر بسرعة ثابتة المقدار والرسم البياني المقابل يوضح عدد الدورات (N) التي يصنعها الجسم بمرور الزمن فإن السرعة المماسية للجسم والعجلة المركزية التي يتحرك بها هما:

العجلة المركزية	السرعة المماسية	
158m/s <sup>2</sup>	12.75 m/s	<input type="checkbox"/>
9.9m/s <sup>2</sup>	12.75 m/s	<input type="checkbox"/>
158m/s <sup>2</sup>	3.14m/s	<input type="checkbox"/>
9.9m/s <sup>2</sup>	3.14m/s	<input type="checkbox"/>

16) شكل المقابل يمثل لعبة العجلة الدوارة في مدينة الملاهي فإذا جلس طفلان في مكانين مختلفين بحيث كان بعد الطفل الثاني عن المركز ضعف بعد الطفل الأول عن المركز ودارت اللعبة بسرعة ثابتة فإن النسبة بين السرعة المماسية لكل

من الطفلين تساوي  $\frac{V_1}{V_2}$ :

- $\frac{1}{4}$    $\frac{2}{1}$    $\frac{1}{2}$    $\frac{1}{1}$
- 4- في السؤال السابق تكون النسبة بين العجلة المركزية للطفلين  $\frac{a_1}{a_2}$ :

- $\frac{1}{4}$    $\frac{2}{1}$    $\frac{1}{2}$    $\frac{1}{1}$

r  
2r





### السؤال الثالث:

(أ): قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي:

الحركة المدارية	الحركة الدائرية المحورية (المغزلية)	وجه المقارنة
		التعريف
السرعة الزاوية (الدائرية)	السرعة المماسية	وجه المقارنة
		التعريف
العجلة الزاوية	العجلة الخطية	وجه المقارنة
		التعريف
		العلاقة الرياضية

(ب): أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من:

(١) مقدار السرعة المماسية لجسم.

(٢) مقدار العجلة المركزية.

(٣) العجلة الزاوية.





(ج) : علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً :

١) في أي نظام جاسئ تكون لجميع الأجزاء السرعة الدائرية (الزاوية) نفسها على الرغم من أن السرعة الخطية أو المماسية تتغير .

٢) العجلة المماسية لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة تساوي صفر، بينما العجلة المركزية ثابتة المقدار .

٣) العجلة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفر .

(د) : فسر ما يلي

1- كلما زادت سرعة دوران لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية زادت السرعة المماسية (للركاب).

السؤال الرابع:

حل المسائل التالية:

١- ذهب محمد وفهد إلى المدينة الترفيهية وجلسا على حصانين في لعبة دوارة الخيل التي تدور بسرعة دائرية

منتظمة تساوي دورة واحدة كاملة كل (30) ثانية، فإذا علمت أن محمد يبعد عن محور

الدوران m (1.5)، بينما يبعد فهد مسافة m (3) عن محور الدوران . أحسب ما يلي:

أ- السرعة الدائرية لكل منهما.

ب- السرعة الخطية لفهد.

ج- العجلة المركزية لمحمد.  $\omega$

معلمي الكويت  
صفوة الكوئت



2- يدور جسم مربوط بخيط على محيط دائرة نصف قطرها  $cm (120)$  بسرعة زاوية منتظمة تساوي  $(90)$  دورة في الدقيقة أحسب ما يلي:  
أ- السرعة الخطية.

ب- العجلة المماسية.

ج- العجلة المركزية.

د- العجلة الزاوية.

3- دراجة نارية نصف قطر عجلتها  $cm (50)$  تتحرك بخط مستقيم، إذا علمت أن العجلة قطعت مسافة  $m (31.4)$  خلال  $10$  ثواني. احسب  
١- عدد الدورات الكلية للعجلة.

٢- السرعة الزاوية للعجلة.

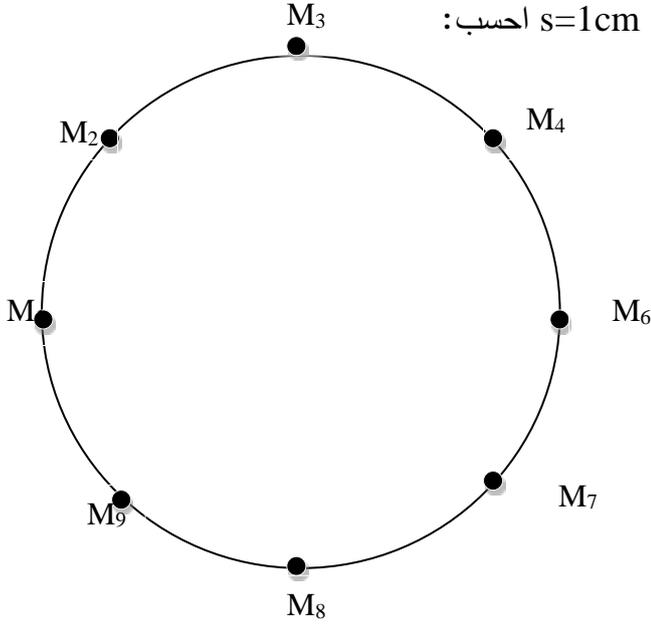
٣- العجلة المركزية المؤثرة على نقطة تقع حافة العجلة.

صفوة معلم الكويت



4- يمثل الشكل الآتي التصوير المتتالي لحركة الجسم  $M$  على طاولة أفقية، حيث أخذت المواضع في فترات زمنية متساوية  $t = 0.05 \text{ s}$  وكانت المسافة بين كل موضعين متساوي  $s = 1 \text{ cm}$  احسب:

1- السرعة الزاوية للجسم  $M$



2- الازاحة الزاوية عند انتقال الجسم من  $M_1$  الى  $M_2$

3- نصف قطر المسار

4- مقدار السرعة المماسية

5- العجلة المركزية





## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الثاني: الحركة الدائرية

#### الدرس (2-2) القوة الجاذبة المركزية

##### السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

- 1- القوة التي تسبب الحركة الدائرية ويكون اتجاهها دائماً نحو مركز الدائرة. ( )  
2- نسبة قوة الاحتكاك ( $f$ ) على قوة رد الفعل ( $\vec{N}$ ). ( )

ب- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً: -

- 1- إذا كان اتجاه القوة المؤثرة على الجسم المتحرك عمودية على اتجاه مساره، فإن هذا المسار يكون .....
- 2- القوة الجاذبة المركزية لا تغير من مقدار ..... للجسم، ولكن تغير من .....
- 3- من أنواع القوة الجاذبة المركزية قوة ..... وقوة التجاذب المادية وقوة ..... بين عجلات السيارة والطريق.
- 4- تسمى القوة العمودية على المسار الدائري للجسم المتحرك ب .....
- 5- سيارة كتلتها  $(1000) \text{ Kg}$ ، تنعطف على مسار دائري على طريق أفقية، فإذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق الأفقية تساوي  $(6000) \text{ N}$ . فإن معامل الاحتكاك يساوي .....
- 6- عندما تكون قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق الأفقية أقل من القوة الجاذبة المركزية ..... السيارة عن مسارها.

##### السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:

- 1- حجر مربوط بخيط ويدور حركة دائرية منتظمة في مستوى أفقي فإذا قطع الخيط فإن الحجر:
- يستمر بحركته حول المركز بنفس السرعة  يستمر بحركته حول المركز بسرعة أقل
- يتحرك بخط مستقيم باتجاه السرعة الخطية  يسقط مباشرة على الأرض

2- القوة الجاذبة المركزية لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة بسرعة زاوية ثابتة المقدار تتناسب تناسباً:

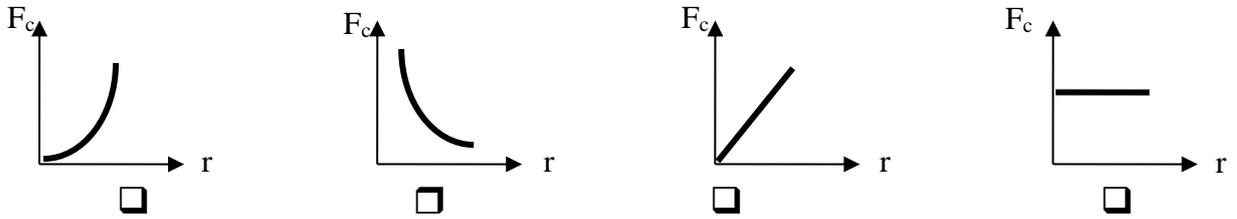
- طردياً مع نصف قطر المسار  عكسياً مع نصف قطر المسار
- طردياً مع مربع نصف قطر المسار  عكسياً مع مربع نصف قطر المسار



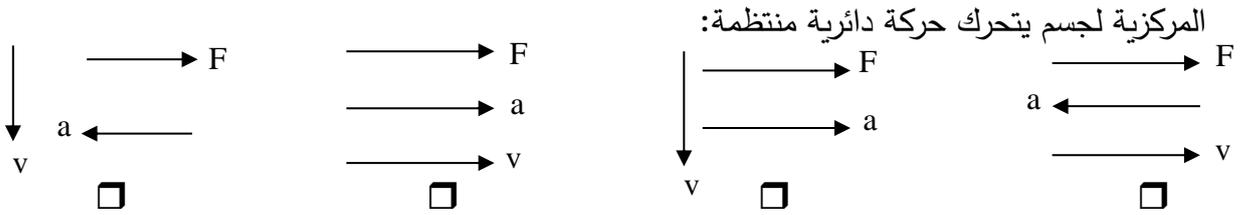
٣- تنتج قوة الجذب المركزية المؤثرة على سيارة تسير على طريق أفقي دائري عن:

- وزن السيارة وقوة الفرامل  
 القصور الذاتي للسيارة  
 قوة الاحتكاك بين إطارات السيارة والطريق  
 جميع ما سبق

٤- أفضل علاقة بيانية بين مقدار القوة الجاذبة المركزية ونصف قطر المسار الدائري عند ثبات السرعة الخطية :



٥- أحد المخططات التالية يمثل العلاقة بين اتجاهات كل من السرعة الخطية والعجلة الجاذبة المركزية والقوة الجاذبة



### السؤال الثالث:

أ- ما العوامل التي يتوقف عليها كلا من:

1- القوة الجاذبة المركزية

ب- علل لما يلي تعليلا علميا دقيقا

1- للعجلة المركزية قيمة في الحركة الدائرية المنتظمة على الرغم من ثبات مقدار السرعة .

2- يخرج الماء من الملابس باتجاه الثقوب في النشافة بينما تتجه الملابس نحو داخل الحوض .

صفوة علمي الكويت



### ج- ماذا يحدث في الحالات التالية:

1- عند افلات الجسم مربوط في خيط يتحرك حركة دائرية .

### السؤال الرابع:

#### حل المسائل التالية:

أ- ربطت كرة كتلتها  $200\text{g}$  في طرف خيط طوله  $50\text{cm}$  ثم أديرته بحركة دائرية منتظمة بحيث تعمل  $(30)$

دورة خلال دقيقة أحسب :

1- السرعة الخطية لحركة الكرة

2- العجلة المركزية

3- القوة الجاذبة المركزية.

ب- سيارة كتلتها  $1000\text{ Kg}$  تتحرك على منحنى نصف قطره  $50\text{ m}$  , بعجلة مركزية مقدارها  $2\text{m/s}^2$

أحسب:

1- السرعة الخطية للسيارة

2- القوة الجاذبة المركزية

صفوة معلمى الكويت



## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الثالث: مركز الثقل

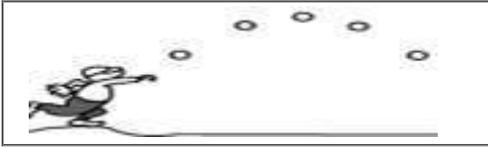
### الدرس (1-3) مركز الثقل

#### السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

- 1- نقطة تأثير ثقل الجسم. ( )
- 2- القوة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له. ( )
- 3- النقطة الواقعة عند الموضع المتوسط لثقل الجسم الصلب المتجانس. ( )

ب- ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة علمياً



- 1- ( ) عند قذف كرة القاعدة في الهواء كما في الشكل المقابل نجد أنها تتبع مساراً منتظماً على شكل قطع مكافئ قبل أن تصل إلى الأرض.
- 2- ( ) إذا رُمي جسم في الهواء (كمفتاح انجليزي مثلاً) بدلاً من انزلاقه على سطح أفقي أملس فإن مركز ثقله يتبع مساراً منتظماً على شكل نصف قطع مكافئ.
- 3- ( ) مركز ثقل كرة مجوفة ملئت حتى منتصفها بمعادن الرصاص ينطبق على مركز ثقلها الهندسي عندما كانت فارغة.
- 4- ( ) مسار مركز ثقل الألعاب النارية يكون على شكل مسار قطع مكافئ (بفرض إهمال مقاومة الهواء).
- 5- ( ) القوى الداخلية أثناء انفجار الألعاب النارية الصاروخية تغير موضع ثقل القذيفة.
- 6- ( ) بإهمال مقاومة الهواء نلاحظ أن الشظايا المتناثرة في الهواء من الألعاب النارية الصاروخية تحتفظ بمركز الثقل نفسه كما لو كان الانفجار لم يحدث بعد.

ج- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

- 1- تعتبر حركة مضرب كرة القاعدة محصلة حركتين هما حركة ..... وحركة.....
- 2- مركز ثقل كرة القاعدة عند قذفها في الهواء يتبع مساراً منتظماً على شكل .....
- 3- الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل يقع مركز ثقلها عند.....
- 4- الأجسام غير منتظمة الشكل يكون مركز الثقل ناحية الطرف .....
- 5- يقع مركز ثقل جسم على شكل مثلث على الخط المار بمركز المثلث ورأسه ويكون على بعد من القاعدة يساوي.....



### السؤال الثاني:

أ- ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:-

1- عند تطبيق قوة على جسم ما في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة في الاتجاه لقوة ثقله ومساوية لها في المقدار فإن الجسم:

- يتحرك حركة دورانية  يتحرك حركة انتقالية
- يتحرك حركة دورانية وأخرى انتقالية  يتوازن

2- مركز ثقل مضرب كرة القاعدة يكون:

- عند مقدمة المضرب  أقرب إلى الجزء الأثقل
- أقرب إلى الجزء الأخف  عند منتصف المضرب

3- مركز ثقل مخروط مصمت الشكل يكون على الخط المار بالمركز ورأس المخروط وعلى بعد يساوي:

- $\frac{1}{6}$  الارتفاع من قاعدته   $\frac{1}{4}$  الارتفاع من قاعدته
- $\frac{1}{3}$  الارتفاع من قاعدته   $\frac{1}{2}$  الارتفاع من قاعدته

4- مركز ثقل جسم منزلق بحركة دورانية يتبع مساراً على شكل:

- منحنى  مستقيم
- قطع مكافئ  نصف قطع مكافئ

### السؤال الثالث:

(أ): قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي :

وجه المقارنة	الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل	الأجسام غير منتظمة الشكل
موضع مركز الثقل		
وجه المقارنة	قطعة رخام مثلثة الشكل	مخروط مصمت
بعد ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة		



(ب): علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

1- يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له.

2- مركز ثقل جسم ينزلق أثناء دورانه حول نفسه على سطح أفقي أملس يتحرك في خط مستقيم ويقطع مسافات متساوية في فترات زمنية متساوية.





## الوحدة الأولى: الحركة

### الفصل الثالث: مركز الثقل

### الدرس (2-3) مركز الكتلة

#### السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه العبارة التالية:

- ١- الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها الجسم. ( )
- ب- ضع بين القوسين علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة ( X ) أمام العبارة غير الصحيحة:
- ١- ( ) مركز الكتلة لجسم موزعة بشكل متجانس ولا تتغير كثافته من نقطة لأخرى ينطبق على مركزه الهندسي.
- ٢- ( ) مركز كتلة جسم غير متجانس يكون أقرب إلى المنطقة التي تحتوي على كتلة أصغر.
- ٣- ( ) ينطبق مركز كتلة المجموعة الشمسية على المركز الهندسي للشمس تقريبا طالما ان الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات.
- ٤- ( ) إذا اصطفت الكواكب على أحد جانبي الشمس يصبح مركز كتلة المجموعة خارج سطح الشمس.
- ٥- ( ) لا تدور كواكب المجموعة الشمسية حول مركز الشمس، بل حول مركز كتلة المجموعة الشمسية.

#### ج- أكمل العبارات العلمية التالية:

- 1- مركز كتلة مطرقة من الحديد يكون ..... إلى رأسها الحديدي.
- 2- يختلف مركز كتلة حلقة دائرية عن قرص دائري في أن يكون مركز كتلة الحلقة يقع ..... الجسم، بينما مركز كتلة القرص يقع ..... الجسم وكلاهما ينطبق مع ..... للجسم.
- 3- مطرقة تتكون من رأس حديدي وساق خشبية، فإن مركز كتلة المطرقة يكون أقرب إلى .....
- 4- يتحرك مركز كتلة القذيفة التي تنفجر في الهواء كالألعاب النارية قبل انفجارها على مسار .....

#### السؤال الثاني:

ضع علامة ( ✓ ) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية: -

- ١- مركز كتلة حلقة دائرية يكون:
- في مركز الدائرة وينطبق مع المركز الهندسي
- في مركز الدائرة ولا ينطبق مع المركز الهندسي
- أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أكبر
- أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أصغر
- ٢- يتحرك مركز كتلة القذيفة التي تنفجر في الهواء مثل الألعاب النارية في مسار على هيئة:
- نصف دائرة
- قطع ناقص
- نصف قطع مكافئ
- قطع مكافئ



### السؤال الثالث:

(أ): قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي:

إطار المستطيل	حلقة دائرية	وجه المقارنة
		موضع مركز الكتلة
جسم كتلته موزعة بشكل غير متجانس	جسم كتلته موزعة بشكل متجانس	وجه المقارنة
		موضع مركز الكتلة

(ب): علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

١- مركز الثقل لمركز التجارة العالمي والذي سيبلغ ارتفاعه  $m$  (541) يقع عند  $(1mm)$  أسفل مركز كتلته.

٢- لا ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة عندما تكون الأجسام كبيرة جداً.





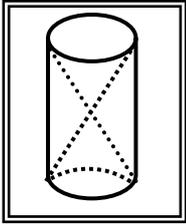
## الوحدة الأولى: الحركة الفصل الثالث: مركز الثقل

### الدرس (3-3) تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل

#### السؤال الأول:

أ- ضع بين القوسين علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة ( X ) أمام العبارة غير الصحيحة:

- 1- ( ) يقع مركز ثقل جسم منتظم الشكل مثل المسطرة في منتصفها تماماً أي عند مركزها الهندسي.
- 2- ( ) مركز ثقل جسم منتظم الشكل يمكن أن يكون نقطة خارج الجسم إذا كان الجسم مصمتاً.
- 3- ( ) موقع مركز ثقل الأجسام المجوفة مثل كوب ماء فارغ يكون نقطة موجودة على الكوب نفسه.
- 4- ( ) موقع مركز ثقل الأسطوانة في الشكل المجاور ينطبق مع المركز الهندسي للأسطوانة.



- 5- ( ) كتلتان نقطيتان تقعان على محور السينات كتلتيهما  $m_1 = (2)Kg$  و  $m_2 = (8)Kg$  تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة  $6cm$  فإن مركز كتلة الجسمين يقع في الموضع  $(4.8, 0)$  وأقرب إلى الكتلة  $m_1$ .
- 6- ( ) يمكن أن يكون مركز كتلة جسم منتظم الشكل ومفرغ نقطة مادية من الجسم وخارجه.
- 7- ( ) يكون مركز الكتلة لكتلتين متماثلتين تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة محددة نقطة في الوسط بين الكتلتين.

ب- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً: -

- 1- مركز الكتلة في الأجسام منتظمة الشكل ينطبق مع المركز الهندسي للجسم، ويمكن أن يكون نقطة مادية من الجسم إذا كان الجسم ..... أو نقطة خارجه إذا كان الجسم .....
- 2- موقع مركز كتلة عدة كتل موجودة في مستوي واحد يعتمد على .....

#### السؤال الثاني:

ضع علامة ( ✓ ) في المربع الواقع أمام أنسب إجابة لكل من العبارات التالية:

- 1- كتلتان نقطيتان  $m_1 = (1)Kg$  و  $m_2 = (3)Kg$  تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة  $8cm$  فإن موضع مركز الكتلة يقع على محور السينات في الموضع:

$(6cm, 0)$         $(2cm, 0)$         $(4cm, 0)$         $(6cm, 6cm)$

صفوة علمي الكويت

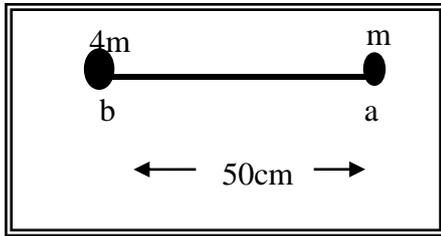


٢- كتلتان نقطيتان  $m_1 = 5Kg$  و  $m_2 = (1)Kg$  تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة  $(50)cm$  فإن موضع مركز الكتلة يقع:

- عند منتصف المسافة بين ( $m_2$  و  $m_1$ )
- علي الخط الحامل للكتلتين وجهة  $m_1$  وخارجهما
- بين ( $m_2$  و  $m_1$ ) وأقرب إلى  $m_1$  من الداخل
- بين ( $m_2$  و  $m_1$ ) وأقرب إلى  $m_2$  من الداخل

3- كتلتان نقطيتان كتلتان نقطيتان  $(m)Kg$  و  $(3m)Kg$  تقعان على محور السينات وتبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة  $(10)cm$  فإن موضع مركز كتلة الجسمين يكون على بعد:

- $6cm$  من الكتلة  $(3m)$
- $(5)cm$  من الكتلة  $(3m)$
- $(7.5)cm$  من الكتلة  $(3m)$
- $(7.5)cm$  من الكتلة  $(m)$



4- وضع جسمان نقطيان كتلتهما  $(m)$  و  $(4m)$  على التوالي كما في الشكل المجاور فيكون موضع مركز كتلة هذا النظام بالنسبة إلى النقطة (a) بوحدة (cm) مساوياً:

- 40
- 25
- 12.5
- 10

### السؤال الثالث:

(أ): قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي:

		وجه المقارنة
		أين موقع مركز الثقل



(ب): علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

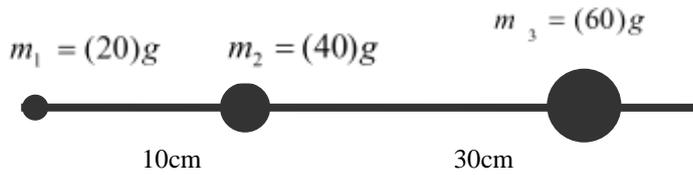
١- يمكن موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلى.



٢- الشكل المقابل يمثل كتلتين نقطيتين تقعان على محور السينات فإذا حلت كل منهما محل الأخرى فإن مركز الكتلة للمجموعة لا يتغير موضعه.

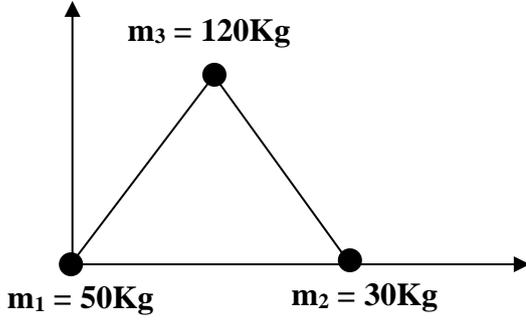
السؤال الرابع:

حل المسائل التالية: -



( أ ) ثلاث كتل نقطية وضعت على خط مستقيم كما في الشكل المقابل، والمطلوب أحسب موقع مركز الكتلة للنظام.





(ب) الشكل يوضح ثلاث كتل نقطية وضعت على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه  $20\text{ cm}$ ، فإذا كانت نقطه (A) هي نقطة تقاطع محاور الإسناد  $(x, y)$  أحسب موضع مركز الكتلة للمجموعة.



صفوة معلمى الكويت