

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة
العام الدراسي : 2022 / 2023

وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة الجهراء التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات
ثانوية الواحة للبنين

نموذج (1) امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الثاني عشر علمي

القسم الأول - أسئلة المقال

(أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول : (15 درجة)

(a) أوجد:

$$\int \frac{(\frac{1}{x}+3)^4}{x^2} dx$$

$$u = \frac{1}{x} + 3$$

$$du = -\frac{1}{x^2} dx$$

$$-du = \frac{1}{x^2} dx$$

$$\int \frac{(\frac{1}{x}+3)^4}{x^2} dx = -\int u^4 du$$

$$= -\frac{1}{5} u^5 + C$$

$$= -\frac{1}{5} (\frac{1}{x}+3)^5 + C$$

تابع السؤال الأول:

(b) أوجد معادلة القطع المكافئ الذي رأسه نقطة الأصل ويمر بالنقطة $A(1, 2)$

وخط تماثله $x - axis$.

رأس القطع المكافئ نقطة الأصل
خط تماثله $x - axis$
معادلته على الصورة $y^2 = 4px$

نعوض بالنقطة $A(1, 2)$

$$(2)^2 = 4p(1)$$

$$4 = 4p$$

$$p = 1$$

$$y^2 = 4(1)x$$

$$y^2 = 4x$$

المعادلة

السؤال الثاني: (15 درجة)

(a) لتكن الدالة f : فأوجد: $f(x) = \frac{2x-1}{x^2-4x+3}$

(1) الكسور الجزئية

(2) $\int f(x)dx$

1) $x^2 - 4x + 3 = (x-3)(x-1)$

$$\frac{2x-1}{x^2-4x+3} = \frac{A_1}{x-3} + \frac{A_2}{x-1}$$

$$2x-1 = A_1(x-1) + A_2(x-3)$$

نعوض عن x بـ 3

$$2(3)-1 = A_1(3-1)$$

$$A_1 = \frac{5}{2}$$

نعوض عن x بـ 1

$$2(1)-1 = A_2(1-3)$$

$$A_2 = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{2x-1}{x^2-4x+3} = \frac{\frac{5}{2}}{x-3} + \frac{-\frac{1}{2}}{x-1}$$

2) $\int \frac{2x-1}{x^2-4x+3} dx = \int \frac{\frac{5}{2}}{x-3} dx + \int \frac{-\frac{1}{2}}{x-1} dx$

$$= \frac{5}{2} \int \frac{1}{x-3} dx - \frac{1}{2} \int \frac{1}{x-1} dx$$

$$= \frac{5}{2} \ln|x-3| - \frac{1}{2} \ln|x-1| + C$$

تابع السؤال الثاني:

(b) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f: f(x) = x^2 + 5x + 4$ ومحور السينات.

$$f(x) = 0$$

نضع

$$x^2 + 5x + 4 = 0$$

$$x = -1, \quad x = -4$$

$$A = \left| \int_{-4}^{-1} f(x) dx \right|$$

$$= \left| \int_{-4}^{-1} (x^2 + 5x + 4) dx \right|$$

$$= \left| \left[\frac{x^3}{3} + \frac{5x^2}{2} + 4x \right]_{-4}^{-1} \right|$$

$$= \left| \left[\left(\frac{(-1)^3}{3} + \frac{5(-1)^2}{2} + 4(-1) \right) - \left(\frac{(-4)^3}{3} + \frac{5(-4)^2}{2} + 4(-4) \right) \right] \right|$$

$$= \frac{9}{2}$$

السؤال الثالث: (15 درجة)

(a) للقطع الزائد الذي معادلته: $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ أوجد كلا من:

(3) الاختلاف المركزي

(2) البؤرتين

(1) الرأسين

$$1) \frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$$

المحور الخاطي على محور السينات

$$a^2 = 9 \Rightarrow a = 3$$

$$b^2 = 16 \Rightarrow b = 4$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = 9 + 16 = 25 \Rightarrow c = 5$$

الرأسين

$$A_1(-a, 0), A_2(a, 0)$$

$$A_1(-3, 0), A_2(3, 0)$$

(2) البؤرتين

$$F_1(-c, 0), F_2(c, 0)$$

$$F_1(-5, 0), F_2(5, 0)$$

(3) الاختلاف المركزي

$$e = \frac{c}{a}$$

$$e = \frac{5}{3}$$

تابع السؤال الثالث:

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة $P(x, y)$ يساوي:

$$3x^2 - 4x + 1 \text{ ويمر بالنقطة } A(1, 2)$$

$$f'(x) = 3x^2 - 4x + 1$$

$$f(x) = \int f'(x) dx$$

$$f(x) = \int (3x^2 - 4x + 1) dx$$

$$f(x) = x^3 - 2x^2 + x + C$$

نعوض بالنقطة $A(1, 2)$

$$2 = (1)^3 - 2(1) + 1 + C$$

$$C = 2$$

معادلة المنحنى f :

$$f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 2$$

السؤال الرابع : (15 درجة)

(a) أوجد:

$$\int x \cos(3x) dx$$

$$u = x$$

$$dv = \cos 3x$$

$$du = dx$$

$$v = \frac{1}{3} \sin 3x$$

$$\int u dv = uv - \int v du$$

$$\int x \cos 3x dx = \frac{1}{3} x \sin 3x - \frac{1}{3} \int \sin 3x dx$$

$$= \frac{1}{3} x \sin 3x + \frac{1}{3} \frac{\cos 3x}{3} + C$$

$$= \frac{1}{3} x \sin 3x + \frac{1}{9} \cos 3x + C$$

تابع السؤال الرابع:

(b) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع X

x	1	2	3	4	5
$f(x)$	0.2	0.1	0.3	0.1	0.3

فأوجد:

(1) التوقع (μ) (2) التباين (σ^2) (3) الانحراف المعياري (σ)

1) التوقع $\mu = \sum x_i f(x_i)$

$$= 1 \times 0.2 + 2 \times 0.1 + 3 \times 0.3 + 4 \times 0.1 + 5 \times 0.3$$

$$= 3.2$$

2) التباين $\sigma^2 = \sum x_i^2 f(x_i) - \mu^2$

$$= (1)^2 \times 0.2 + (2)^2 \times 0.1 + (3)^2 \times 0.3 + (4)^2 \times 0.1 + (5)^2 \times 0.3 - (3.2)^2$$

$$= 2.16$$

3) الانحراف المعياري $\sigma = \sqrt{\sigma^2}$

$$= \sqrt{2.16}$$

$$\approx 1.469$$

القسم الثاني - الأسئلة الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) الي (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a) (b)

$$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{1}{x} + C \quad (1)$$

(2) المعادلة التفاضلية التالية: $x^2 y''' + (y')^2 + y = 0$ من الرتبة الثالثة والدرجة الأولى. (a) (b)

(a) (b)

(3) نسبة الرطوبة خلال شهر هو متغير عشوائي متصل.

ثانياً: في البنود من (4) الي (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

$$\int \frac{e^x}{e^x - 4} dx \quad (4)$$

(a) $-\frac{1}{2}(e^x - 4) + C$

(b) $\ln|e^x - 4| + C$

(c) $-\ln|e^x - 4| + C$

(d) $\frac{1}{2}\ln|e^x - 4| + C$

(5) طول القوس من منحنى الدالة $f: f(x) = \frac{1}{3}$ في الفترة $[-2, 3]$ هو:

(a) 7 units

(b) 6 units

(c) 5 units

(d) 1 units

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x + \cos x) dx =$$

(a) 4

(b) 2

(c) 0

(d) π

(7) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بين منحنى الدالة

$f(x) = \frac{1}{x}$ والمستقيمات $x = 1$, $x = 2$, $y = 0$ هو:

- (a) $\pi \text{ units}^3$ (b) $\frac{\pi}{3} \text{ units}^3$ (c) $\frac{\pi}{2} \text{ units}^3$ (d) $\frac{\pi}{4} \text{ units}^3$

(8) الاختلاف المركزي للمعادلة $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ هو:

- (a) $\frac{\sqrt{11}}{6}$ (b) $\frac{\sqrt{11}}{5}$ (c) $\frac{36}{25}$ (d) $\frac{25}{36}$

(9) $\int \csc(5x)\cot(5x)dx$

- (a) $\frac{1}{5} \cot(5x) + C$ (b) $-\frac{1}{5} \csc(5x) + C$ (c) $\frac{1}{5} \cos(5x) + C$ (d) $\csc(5x) + C$

(10) إذا كانت $y_{\theta=0} = -3$, $\frac{dy}{d\theta} = \sin \theta$ فإن y يساوي:

- (a) $2 - \cos \theta$ (b) $-2 - \cos \theta$ (c) $4 - \cos \theta$ (d) $-\cos \theta$

انتهت الأسئلة