

قسم الرياضيات

مراجعة رياضيات ثامن الفصل الدراسي الثاني

للعام الدراسي ٢٠٢٢ - ٢٠٢٣

المذكرة لا تعني عن الكتاب المدرسي



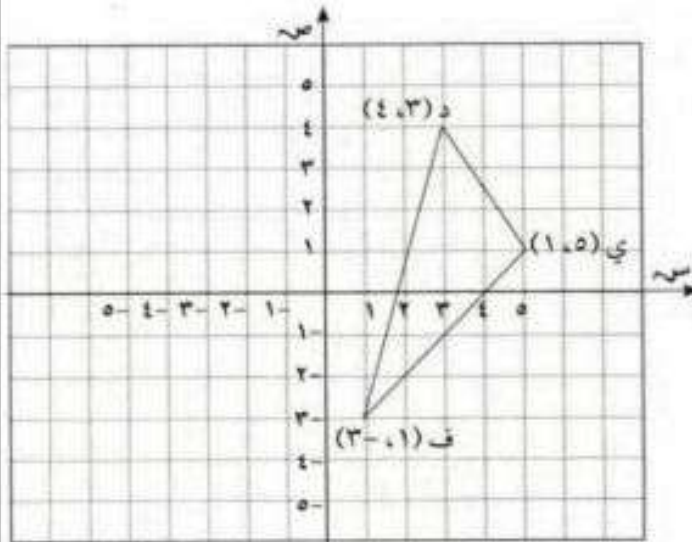
بند (٧-١) الانعكاس في نقطة - التناظر حول نقطة

قوانين الانعكاس

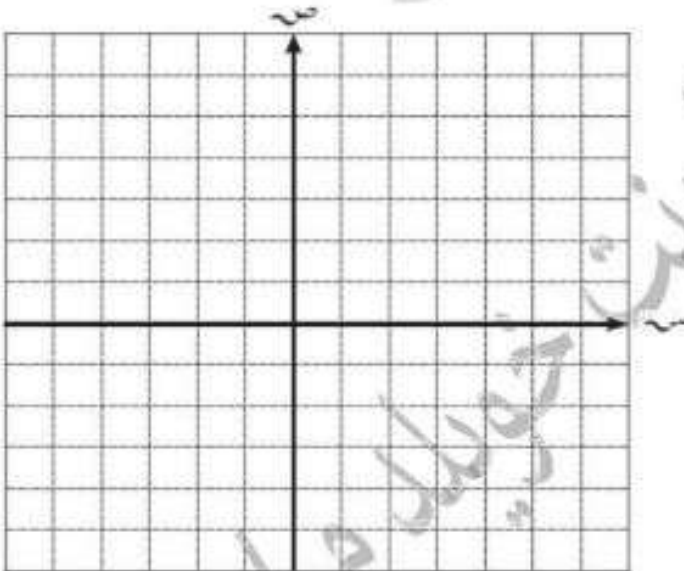
(١) د (س، ص) $\xrightarrow{ع}$ دَ (س، ص)

(٢) د (س، ص) $\xrightarrow{ع}$ دَ (س، ص)

الانعكاس في نقطة الأصل (و): $أ (س، ص) \xrightarrow{ع} أ (س، ص)$



١ ارسم صورة المثلث في د ف بالانعكاس في محور الصادات

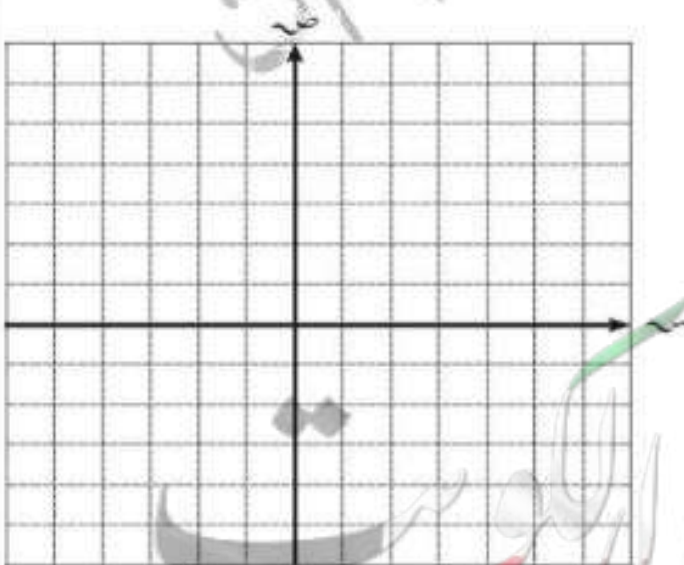


٢ ارسم المثلث ٢ ب ج في المستوى

الاحداثي الذي رؤوسه ٢ (١ - ، ٢ -) ،

ب (٢ - ، ٥ -) ، ج (٣ - ، ٤ -) ثم ارسم

صورته بالانعكاس في محور السينات



٣ إذا كان Δ و ص ع هو صورة

Δ و ص ع بالانعكاس في نقطة

الأصل (و) ، وكانت و (٠ ، ٠) ،

ص (١ - ، ٢ -) ، ع (٤ ، ١ -) ،

فَعَيِّن إحداثيات الرؤوس

و ، ص ، ع ، ثم ارسم المثلثين في

مستوى الإحداثيات .

بند (٧ - ٢) الإزاحة في المستوي الاحداثي

قوانين الإزاحة :

وتكون الإزاحة في اتجاه محوري الإحداثيات وفق الجدول التالي :

صورة النقطة تحت تأثير الإزاحة	النقطة
الإزاحة جهة اليمين بمقدار (١) وحدة (س ، ١ + ص) الإزاحة إلى أعلى بمقدار (ب) وحدة (س ، ص + ب)	(س ، ص)
الإزاحة جهة اليسار بمقدار (١) وحدة (س - ١ ، ص) الإزاحة إلى أسفل بمقدار (ب) وحدة (س ، ص - ب)	(س ، ص)

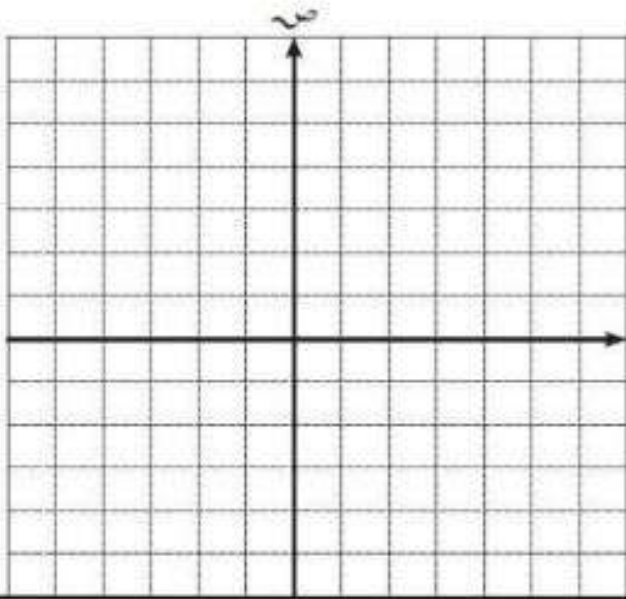
عمومًا:

$$(س ، ص) \rightarrow (س + ١ ، ص + ب)$$

٤ ارسم $\triangle \bar{P} \bar{B} \bar{J}$ صورة $\triangle P B J$ ب ج بالإزاحة

(س، ص) $\leftarrow$ (س-٣، ص+١)

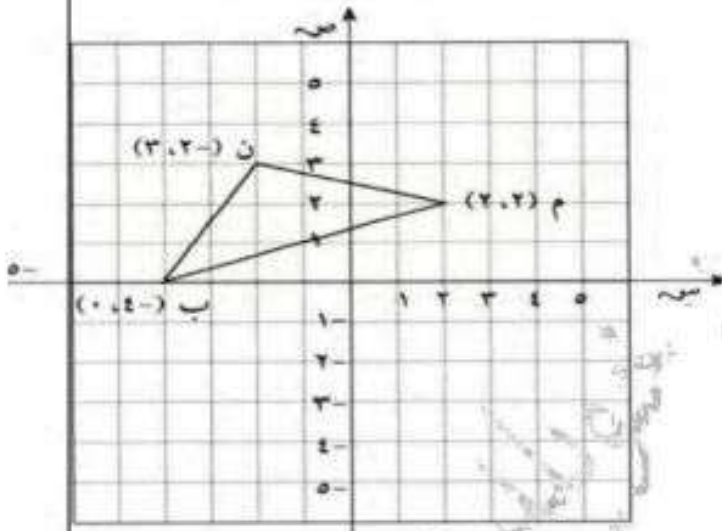
حيث أن $P(٢، ٠)$ ، $B(١، -٤)$ ، $J(٣، -٤)$



٥ ارسم صورة المثلث الذي

امامك بالشكل بإزاحة ٣

وحدات لليمين و ٤ وحدات للأسفل



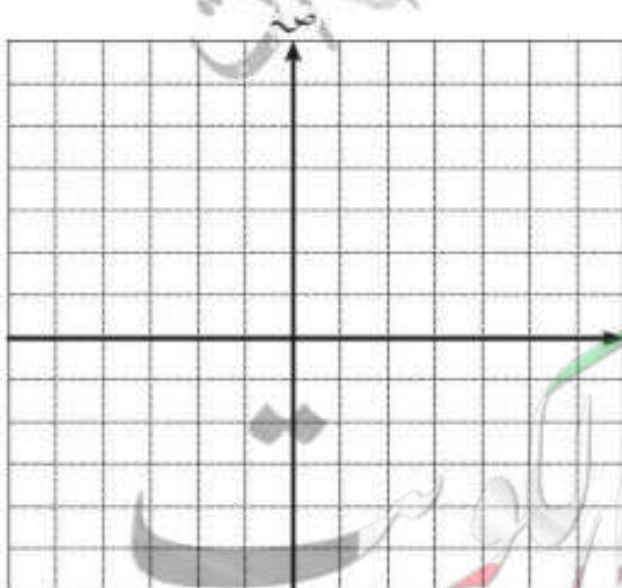
مثلث $\triangle P B J$ رؤوسه هي:

$P(٢، ١)$ ، $B(٣، ٠)$ ، $J(٢، -٢)$

أوجد صور رؤوسه بعد الإزاحة تبعاً

للقاعدة:

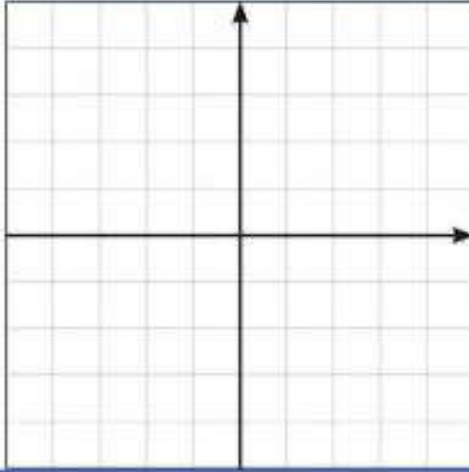
(س، ص) $\leftarrow$ (س-٥، ص+١)



بند (٧ - ٣) الدوران في المستوى الإحداثي

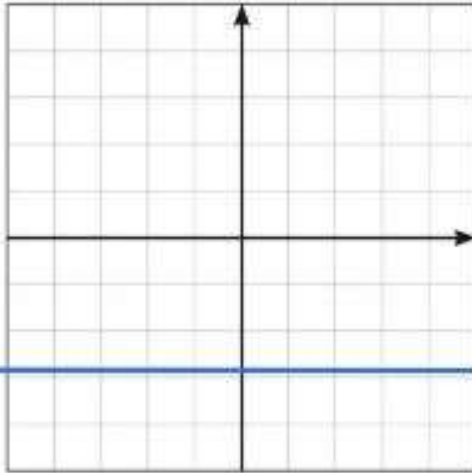
قوانين الدوران

- (س ، ص) د (و ، °٩٠) ← (-ص ، س) يسمى دوران ربع دورة ($\frac{1}{4}$ دورة) .
 (س ، ص) د (و ، °١٨٠) ← (-ص ، -س) يسمى دوران نصف دورة ($\frac{1}{2}$ دورة) .
 (س ، ص) د (و ، °٢٧٠) ← (ص ، -س) يسمى دوران ثلاثة أرباع دورة ($\frac{3}{4}$ دورة) .



في المستوى الإحداثي ارسم المثلث ل م ن بحيث ل (١ ، ١ -) ، م (٣ ، ٠) ، ن (٣ ، ٤ -) ، ثم ارسم صورته بدوران مركزه نقطة الأصل وزاويته °٩٠ .

ارسم Δ ن ل ع حيث ن (٣ - ، ٣ -) ، ل (١ ، ٠) ، ع (٥ - ، ٤) ، ثم عيّن صورته تحت تأثير كل من :



ب د (و ، °٢٧٠)

أ د (و ، °١٨٠)

ظلّل الحرف الدال على الإجابة الصحيحة

قياس الدرجة التي تمثل $\frac{1}{4}$ دورة كاملة ضد عقارب الساعة تساوي :

د ٣٦٠

ج ٢٧٠

ب ١٨٠

أ ٩٠

ظل أ اذا كانت الإجابة صحيحة و ب اذا كانت الإجابة خاطئة

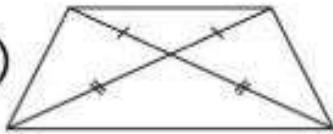
ب () 1

المربع متناظر حول نقطة مُلتقى قطريه .

ب () 2

صورة النقطة $P(3, 2)$ بانعكاس في نقطة الأصل يكافئ إزاحة حسب القاعدة (س - ٤ ، ص - ٦) .

ب () 3



في الشكل المقابل الشكل متناظر حول نقطة تلاقي قطريه .

لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

صورة النقطة ع $(-2, 4)$ بالانعكاس في نقطة الأصل (و) هي :

أ $(-2, 4)$ ب $(-2, -4)$ ج $(2, 4)$ د $(2, -4)$

صورة النقطة هـ $(-4, 1)$ باستخدام قاعدة الإزاحة

(س ، ص) $\rightarrow$ (س + ٥ ، ص - ٤) هي :

أ هـ $(3, 1)$ ب هـ $(1, -5)$ ج هـ $(9, -5)$ د هـ $(9, 5)$

إذا كانت م $(-5, 9)$ هي صورة النقطة م $(2, 5)$ تحت تأثير إزاحة في المستوى

الإحداثي ، فإن قاعدة هذه الإزاحة هي :

أ (س ، ص) $\rightarrow$ (س + ٧ ، ص - ٤) ب (س ، ص) $\rightarrow$ (س - ٧ ، ص + ٤)

ج (س ، ص) $\rightarrow$ (س + ٤ ، ص + ٧) د (س ، ص) $\rightarrow$ (س - ٤ ، ص - ٧)

بند (٨-١) المستقيمات المتوازية

ربط الأفكار : إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين ، فإن :

كل زاويتين متحالفتين متكاملتان	كل زاويتين متناظرتين متطابقتان	كل زاويتين متبادلتين متطابقتان
		زوايا متبادلة داخليًا زوايا متبادلة خارجيًا

نتيجة : إذا قطع مستقيم مستقيمين في المستوى وتوفرت أحد الشروط التالية :

(١) زاويتان متبادلتان متطابقتان .

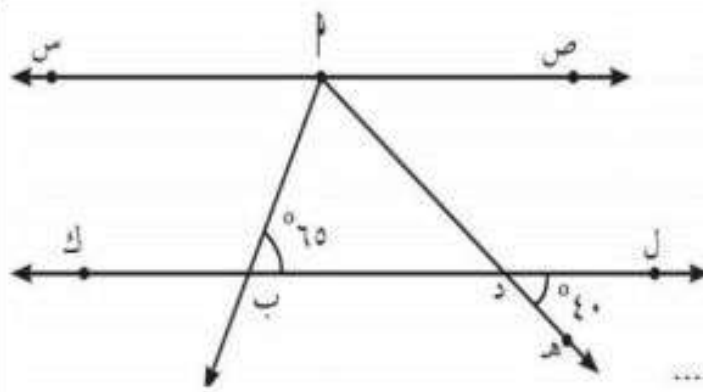
(٢) زاويتان متناظرتين متطابقتان .

(٣) زاويتان متحالفتان متكاملتان .

فإن المستقيمين يكونان متوازيين .

إذا قطع مستقيم مستقيمين في المستوى وكان :

الزاويتان المتحالفتان ٢ ، ١ متكاملتان	الزاويتان المتناظرتان ٢ ، ١ متطابقتان	الزاويتان المتبادلتان ٢ ، ١ متطابقتان



١ في الشكل المقابل: $\vec{ص} \parallel \vec{ك}$ $\vec{م}$ نقطة تنتمي إلى $\vec{ص}$
 $\vec{ب}$ شعاع $\vec{د}$ شعاع أيضًا
 أوجد $\angle (س \hat{ } ب)$ ، $\angle (ص \hat{ } د)$ ، $\angle (ب \hat{ } د)$



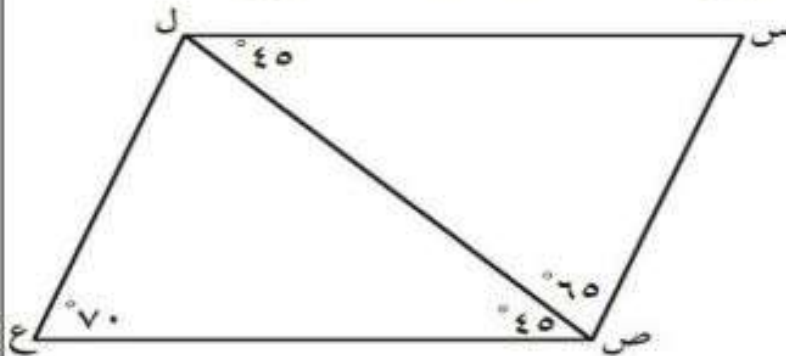
٢ $\vec{س} \parallel \vec{ك}$ ، $\vec{هـ}$ قاطع

$$\angle (٧) = 60^\circ$$

أوجد: $\angle (١)$ ، $\angle (٢)$ ، $\angle (٣)$ ، $\angle (٤)$ ،
 $\angle (٥)$ ، $\angle (٦)$ ، $\angle (٨)$

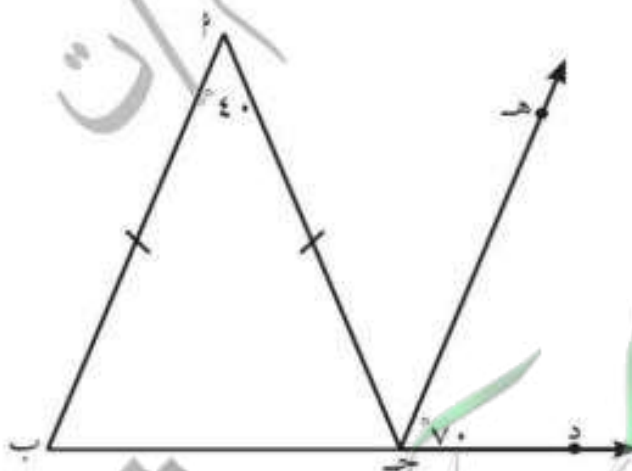
٣ في الشكل المقابل وحسب البيانات المدونة عليه ،

برهن أن $\overline{SL} \parallel \overline{VC}$ ، $\overline{SV} \parallel \overline{LC}$.

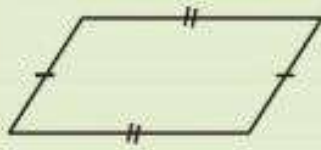


٤ في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه ،

أثبت أن $\overrightarrow{JD} \parallel \overrightarrow{BP}$.

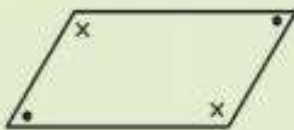


بند (٨ - ٢) متوازي الاضلاع وخواصه



الخاصية الأولى :

في متوازي الأضلاع كل ضلعين متقابلين متطابقان .



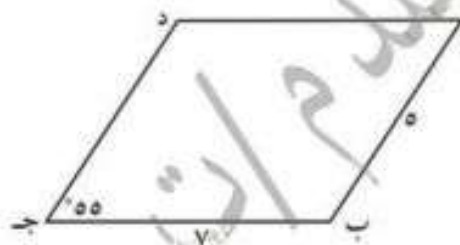
الخاصية الثانية :

في متوازي الأضلاع كل زاويتين متقابلتين متطابقتان .



الخاصية الثالثة :

في متوازي الأضلاع القطران ينصف كل منهما الآخر .



١) أ ب ج د متوازي أضلاع فيه أ ب = ٥ وحدة طول ،

ب ج = ٧ وحدة طول ، $\angle \text{ج} = ٥٥^\circ$ ،

أوجد ما يلي مع ذكر السبب :

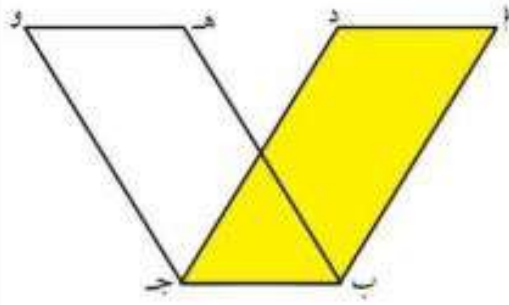
أ د = السبب :

د ج = السبب :

ب (أ) = السبب :

ب (ب) = السبب :

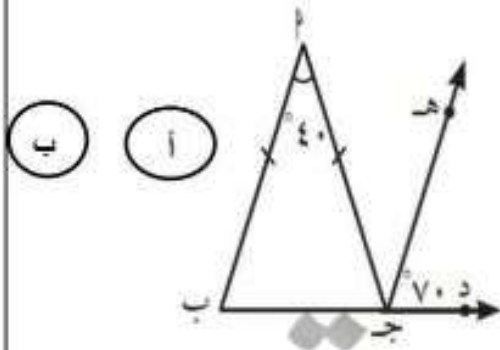
ب (د) = السبب :



٢
أب ج د ، هـ ب ج و متوازي أضلاع ،
أثبت أن : $أد = هـ و$

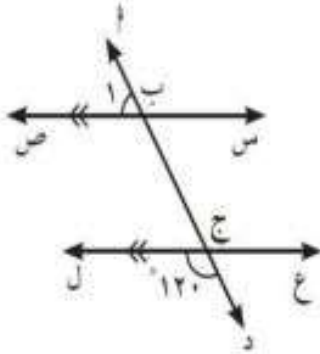
أولا : ظلل أ اذا كانت الإجابة صحيحة و ب اذا كانت الإجابة خاطئة

في الشكل المرسوم $ب \parallel ج هـ$



ب () ١ ()

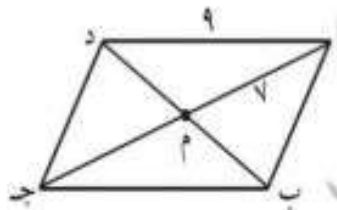
ثانيا: لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلّل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :



١ في الشكل المقابل $\angle$ (ب) يساوي :

أ) 60° ب) 120°

ج) 180° د) 360°



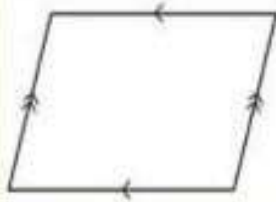
٢ في متوازي الأضلاع المرسوم ، $ا-ج =$

أ) ٧ وحدة طول ب) ٣ وحدة طول

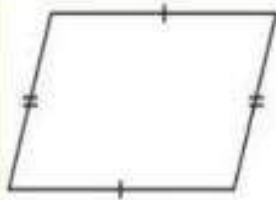
ج) ١٤ وحدة طول د) ٩ وحدة طول

بند (٨ - ٣) حالات الكشف عن متوازي الاضلاع

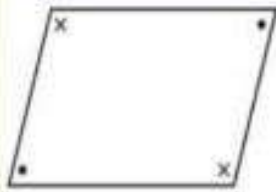
مما سبق نجد أنه : يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع إذا توفرت أحد الشروط التالية :



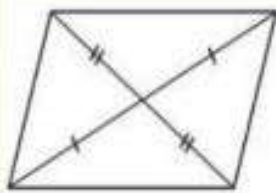
١ كل ضلعين متقابلين متوازيين (من التعريف) .



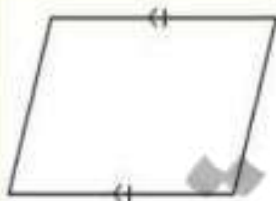
٢ كل ضلعين متقابلين متطابقين .



٣ كل زاويتين متقابلتين متطابقتين .

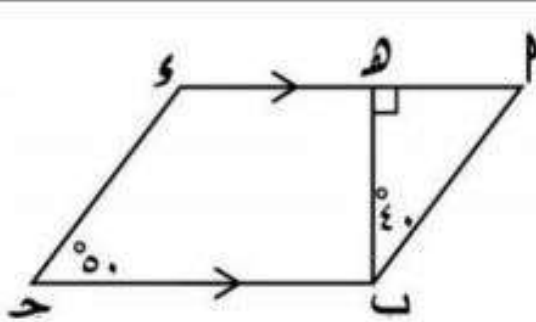


٤ القطران ينصف كل منها الآخر .



٥ ضلعان متقابلان متطابقان ومتوازيان .

٣

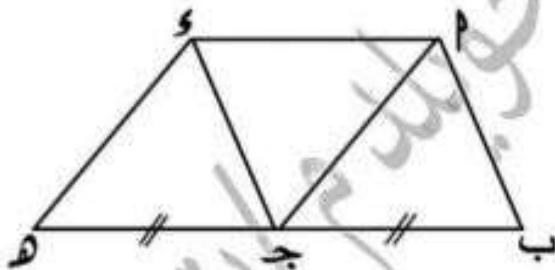


في الشكل المقابل ، $\overline{م و} \parallel \overline{ب ج}$ ، $\widehat{و} = \widehat{ج} = ٥٠^\circ$

و $\widehat{ب ه} = \widehat{ه} = ٤٠^\circ$ ، $\overline{ب ه} \perp \overline{م و}$

برهن أن الشكل م ب ج و متوازي أضلاع

٤

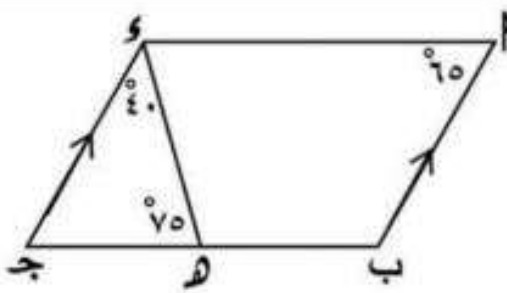


في الشكل المقابل ، م ب ج و متوازي أضلاع

ب ج = ج ه ، $\overline{ب ج} \equiv \overline{ه ج}$

أثبت أن الشكل م ج ه و متوازي أضلاع

٤

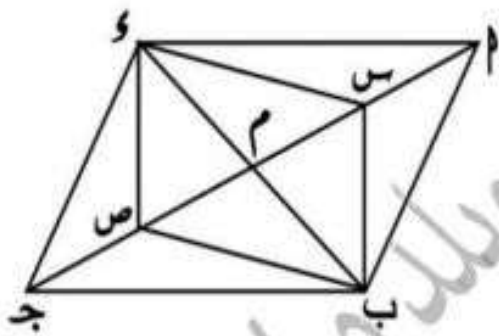


في الشكل المقابل، $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ، و $\angle 1 = 60^\circ$

و $\angle 2 = 40^\circ$ ، و $\angle 3 = 70^\circ$

برهن أن الشكل ABCD متوازي أضلاع

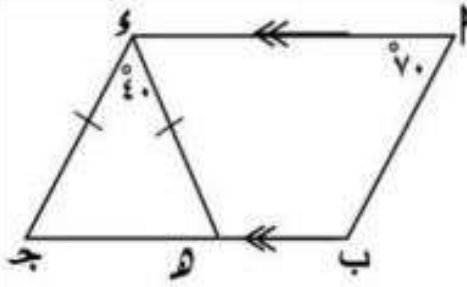
٥



في الشكل المقابل $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ و متوازي أضلاع

س منتصف $\overline{AM}$ ، ص منتصف $\overline{CN}$

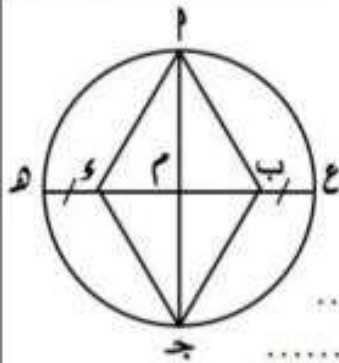
أثبت أن الشكل سبص و متوازي أضلاع



٦ في الشكل المقابل : $\overline{AO} \parallel \overline{BO}$ ، $\angle O = \angle O$ و $\angle O$

$$\angle O = (\angle \text{ }) ، \angle O = (\angle \text{ })$$

برهن أن الشكل $\triangle ABO$ متوازي أضلاع

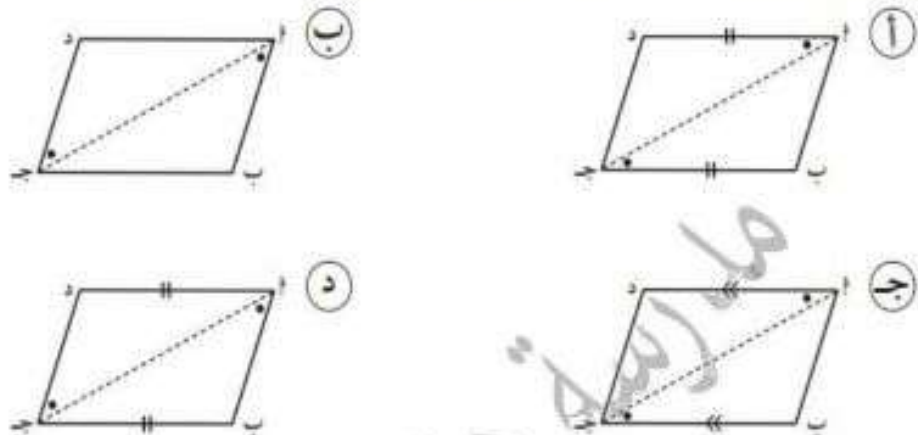


٧ في الشكل المقابل : M مركز الدائرة ، $\angle B = \angle O$ و

أثبت أن $\triangle ABO$ متوازي أضلاع.

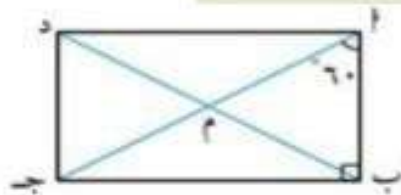
لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

١ الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع فيما يلي هو :



بند (٨ - ٤) المستطيل خواصة و الكشف عنه

المستطيل هو متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة وله جميع خواص متوازي الأضلاع

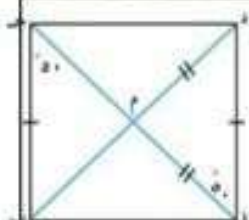


أ ب ج د مستطيل فيه : $\angle B = 60^\circ$ ،
احسب $\angle D$.

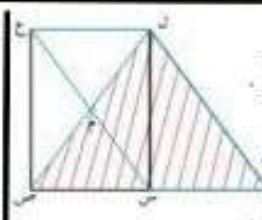
الكشف عن المستطيل

مما سبق نقول إن متوازي الأضلاع يكون مستطيلاً إذا توفرت فيه أحد الشروط التالية :

- (١) إحدى زواياه قائمة .
- (٢) قطراه متطابقان .



أ ب ج د شكل رباعي يتقاطع قطراه في م
 $\angle B = \angle D$ ، $\angle C = \angle A$ ،
 $\angle B = 50^\circ$ ،
 أثبت أن : أ ب ج د مستطيل ، ثم أوجد $\angle A$.

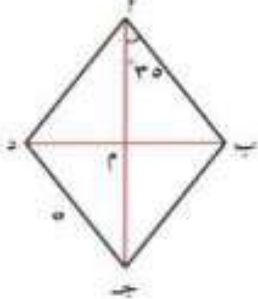


س ص ع ل مستطيل ، هـ س ع ل متوازي أضلاع ،
 أثبت أن : $\triangle L$ ص هـ متطابق الضلعين ، هـ $\angle$ ص س .

بند (٨ - ٥) المعين خواصه و الكشف عنه

١ المعين قطراه متعامدان .

٢ كل قطر في المعين ينصف زاويتي الرأس الواصل بينهما .



أ ب ج د معين تقاطع قطريه في م ، $\angle \text{ب أ ج} = 35^\circ$ ،
ج د = ٥ وحدة طول .

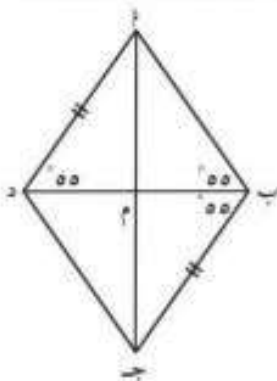
١ احسب قياسات زوايا المعين .

ج أوجد قياس $\angle \text{م ب}$.

ب أوجد طول $\overline{\text{ب ج}}$.

(١) إذا تطابق ضلعان متجاوران فيه .
(٢) إذا تعامد قطراه .

يكون متوازي الأضلاع **معيناً** إذا توفر فيه أحد الشرطين التاليين :

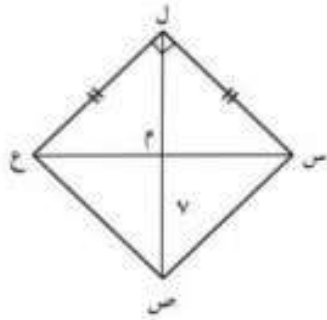


في الشكل أمامك ، أثبت أن أ ب ج د معين .

بند (٨ - ٦) المربع خواصه و الكشف عنه

المربع هو مستطيل فيه ضلعان متجاوران متطابقان (متساويان في الطول) . **المربع** هو معين قياس إحدى زواياه 90° .

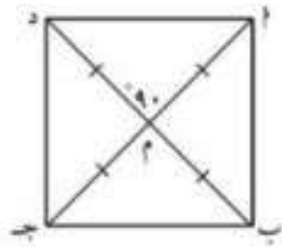
للمربع كل خواص المستطيل وكل خواص المعين .



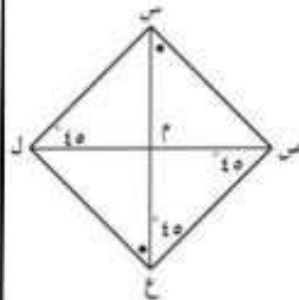
في الشكل المقابل ل س ص ع مربع فيه : ل م = ٣ ب + ٤ ،
ع م = ٢ ج - ١ ، م ص = ٧ . أوجد قيمة كل من ب ، ج .

إذا كان في متوازي الأضلاع القطران متطابقان ومتعامدان ، فإن متوازي الأضلاع هو مربع .

مستعيناً بالمعطيات على الرسم أثبت أن الشكل مربع .



باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أن :
س ص ع ل مربع الشكل .



الوحدة التاسعة

بند (٩ - ١) قوانين الاسس:

لكل a عدد نسبي غير صفري ، m ، n عدنان صحيحان يكون $a^{m+n} = a^m \times a^n$

لكل a عدد غير نسبي غير صفري ، m ، n عدنان صحيحان يكون : $a^{m-n} = \frac{a^m}{a^n}$

لكل a نسبي عدد غير صفري ، m عدد صحيح يكون :
(١) $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(٢) $\frac{1}{a^m} = a^{-m}$

لكل a ، b عدنان نسيبان غير صفرين ، m عدد صحيح يكون $\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$

لكل a عدد نسبي غير صفري ، m ، n عدنان صحيحان يكون : $a^{n \times m} = \left(a^n\right)^m$

لكل a ، b عدنان نسيبان غير صفرين ، m عدد صحيح يكون $\left(b \times a\right)^m = b^m \times a^m$

١ أوجد ناتج ما يلي :

$$= \frac{4^9}{4^3}$$

أ

$$= 2^0 \times 2^{(4-2)}$$

ب

$$= 2^{-1} \left(\frac{3}{10}\right) \times 2^1 \left(\frac{2}{5}\right)$$

ج

٢ اختصر لأبسط صورة :

و $(س^٢ ص^٣) \times (س^٧ ص^٤) =$

١ $= (١^٣) (١^٤) =$

ح $(س^٢ ص^٣) \times (س^٧ ص^٤) =$

بند (٩-٢) كثيرات الحدود:

كثيرة الحدود (مقدار جبري) هي تعبير جبري يتكون من واحد أو أكثر من الحدود الجبرية يتم بنائها باستخدام عمليات الجمع والطرح .

أمثلة :

حدود جبرية (كثيرة حدود)

كثيرة حدود

ليست كثيرات حدود

(مقدار جبري)

(١) $٢س^٢ - ٤س + ٣$ ، المتغير (س) في الأس
(٢) $٢س^٢ - ٤س + ٣$ ، المتغير (س) تحت الجذر
(٣) $٢س^٢ - ٤س + ٣$ ، المتغير (س) في المقام

أنواع كثيرات الحدود

كثيرة الحدود (الحدوديات)	تسميات خاصة
س ، ٣س ، ٥ -	وحيدة الحد
ل + ٢ ، ٦س - ٢س ، م + ٢ + ١	ثنائية الحد (حدانية)
٣ + س + ٧س ، ٥س - ٦س + ٢س	ثلاثية الحد (حدودية ثلاثية)

جميع الحدوديات في الجدول السابق تسمى حدوديات في متغير واحد (مقدار جبري) ، بينما الحدوديات - س - ٢ص ، ٥س - ٢س + ص + ٤ص - ٩ تسمى حدوديات في متغيرين .

الحدود المتشابهة والحدود المتساوية

الحدود المتساوية	الحدود المتشابهة	التعريف
هي حدود متشابهة بمعاملات متساوية .	هي الحدود التي لها نفس المتغير مرفوعة لنفس الأس .	
(١) $٣س^٢$ ، $٣س^٢$ (٢) $\frac{١}{٢}ص$ ، $\frac{١}{٢}ص$ (٣) $٤ع$ ، $٤ع$	(١) $٤س^٢$ ، $\frac{١}{٢}س^٢$ ، $\pi س^٢$ (٢) $٣ص$ ، $٥ص$ (٣) $٣ع$ ، $٣ع$	أمثلة

ملاحظة :

يمكن كتابة كثيرة الحدود بأي ترتيب (تصاعدي - تنازلي) حسب درجتها ، ولكن عند ترتيب كثيرة الحدود بمتغير واحد تنازليًا حسب درجتها يسمى هذا بالصورة القياسية .

مثل : $٧ + ٤ع - ٥ع^٢ + ٢ع^٣$

ضع الحدوديات التالية في الصورة القياسية ، ثم حدد درجة الحدودية :

$٧ - ٤ص + ٥ص^٢ - ٣ص^٣$

$٢س - ٥س^٢ + \frac{١}{٣}$

أوجد قيمة كل من كثيرات الحدود التالية عندما $س = ٣$ ، $ص = -٢$:

$\frac{١}{٣}س - ٢ص + ٢ص^٢ + ٥$

١ ظلّل ① إذا كانت العبارة صحيحة وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

☐	①	كثيرة حدود	$٣س^٥ - \frac{١}{س} + ٤$
☐	②	ليست كثيرة حدود	$\sqrt{٦}س - ٣ص + \frac{٢}{٨}س$
☐	③	حدان جبريان متساويان	$-\frac{٣}{٥}س - ٦ص^٢ + ٥ص^٣$

بند (٩ - ٣) جمع كثيرات الحدود وطرحها:

لجمع كثيرات الحدود نقوم بجمع الحدود المتشابهة معًا .

تمرّن :

١ اجمع كثيرات الحدود التالية :

١ (٢س ٢ + ٣س ٥ - ٢س ٢) ، (٣س ٣ - ٢س ٢ + ١٠س ١)

ب (٤س ٤ + ٢س ٢ + ٦س ٢) ، (٣س ٣ + ٤س ٤ - ٧س ٠)

لطرح كثيرات الحدود نضيف المعكوس الجمعي للمطروح .

أوجد ناتج ما يلي : (٦س ٣ - ٢س ٢ + ٤س ٤) - (٣س ٣ - ٥س ٢ - ٣س ٣)

معاكم الكوكت
صفوة الكوكت

أوجد ناتج ما يلي :

١ $3س^٤ - ٢س^٢ + ٧س - (٢س^٢ - ٣س^٤ + ٥س)$

١ اطرح $(٥س^٢ + ٦س - ١)$ من $(٤س^٤ - ١٤س^٢ + س)$

ظلل ١ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ٢ إذا كانت العبارة غير صحيحة .

٢ ناتج جمع $٣س^٢$ ، $٥س^٢$ هو $٨س^٢$ | ١ | ٢ |

لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

٥ المعكوس الجمعي لكثيرة الحدود $٢س^٢ + ٣س - ٤$ هو :
 (أ) $٢س^٢ - ٣س - ٤$ (ب) $٢س^٢ - ٣س + ٤$
 (ج) $٢س^٢ - ٣س + ٤$ (د) $٢س^٢ + ٣س - ٤$

٩ $(٣س + ٤ص) - (٣س - ٤ص) =$

(أ) $٦س - ٨ص$ (ب) $٦س + ٨ص$ (ج) $٨ص$ (د) $٦س$

بند (٩ - ٤) ضرب كثيرات الحدود :

الصورة القياسية $\text{مربع } (س \pm ص) = (س \pm ص)^2$
 $س^2 \pm ٢سص + ص^2$ حدودية ثلاثية على صورة مربع كامل
 $\text{مربع الحد الأول} \pm \text{ضعف الحد الأول} \times \text{الحد الثاني} + \text{مربع الحد الثاني}$

أوجد ناتج كل مما يلي :

ب $\frac{1}{٢}س \times \left(\frac{٢}{٣}س^2 - ٤س + \frac{٣}{٢} \right)$

أ $٢س \times ٣س^2 =$

د $(٢س + ٣ع)^2 =$

ج $(٣ص^2 + ص - ٢) \times (٢ - ص) =$

و $(٢ - ب)(٢ + ب) =$

هـ $(٧ + س)(٥ - س) =$

٣ أوجد مربع كل حدانية في ما يلي :

ب $٢٣ - ٢ج^2$

أ $س - ٤$

٦ إذا كانت $س^2 = ١٦$ ، $ص^2 = ٤$ ، فإن أكبر قيمة للمقدار $(س - ص)^2 =$

د ٣٦

ج ١٦

ب ١٢

أ ٤

٧ أي مما يلي يساوي $٢(س + ع) - (٢س + ع)$ ؟

د $٤س + ٢ع$

ج $٤س + ٣ع$

ب ع

أ $٣ع$

بند (٩ - ٤) قسمة كثيرات الحدود :

اقسم : $6س^2ص^2 + 12س^1ص^1 - 18س^0ص^1$ على $6س^2ص^2$

أوجد ناتج $\frac{5س^2ص^2 + 3س^1ص^1 - 5}{15س}$

اقسم : $4س^2ص^2 + 16س^1ص^1 + 36س^2ص^1$ على $4س^2ص^2$

اقسم : $15س^2ص^2 - 12س^2ص^1 + 9س^1ص^1$ على $6س^2ص^2$

المعكوس الجمعي لكثيرة الحدود $2س^2 + 3س - 4$ هو :

(أ) $2س^2 - 3س - 4$ (ب) $2س^2 - 3س + 4$ (ج) $2س^2 + 3س - 4$ (د) $2س^2 + 3س + 4$

3س (2س - 5) =

(أ) $6س^2 - 5$ (ب) $6س^2 - 15$ (ج) $6س^2 + 5$ (د) $6س^2 - 10$

$\frac{6س^2 - 3س}{3س} =$

(أ) $2س^2$ (ب) $2س^2 - 3س$ (ج) $2س^2 + 3س$ (د) $2س^2 - 3س$

الوحدة العاشرة

(١٠-١) العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ)

ع.م.أ. هو اختصار لمصطلح «**العامل المشترك الأكبر**» ولايجاد العامل المشترك (ع.م.أ) لمجموعة من الحدود الجبرية: **نأخذ العامل المشترك في جميع الحدود بأصغر أس.**

• أوجد (ع.م.أ) لكل من مما يلي:

(أ) ١٨ ، ٢٧ (ب) ٥ ص^٢ ، ص^٦

(ج) ٧ س^٢ ص ، ١٤ س ص^٢

(د) ٤ ب^٣ ، ٤ ب^٢ ، ٢٠ ب^٥

(هـ) ١٠ ص ع ، ٤٠ س^٢ ص

ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) بين ٦ س^٢ ص ، ٢ س^٢ ص^٢ هو ٦ س^٢ ص^٢ | ① | ②

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

تحليل المقدار ٤ + ٤ ك هو:

① ٨ ك | ② ٤ ك | ③ ٤ (١ + ك) | ④ ٤ (١ + ك)

(١٠-٢) التحليل بإخراج العامل المشترك الأكبر

لتحليل المقدار الجبري بإخراج العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) إتباع الخطوات التالية:

- (١) نوجد (ع.م.أ) بين حدود المقدار الجبري.
- (٢) نقسم كل حد من حدود المقدار على (ع.م.أ).
- (٣) نضع المقدار الجبري على صورة حاصل ضرب عاملين.

• حلل المقادير التالية بإخراج العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ):

(أ) $١٥س^٢ + ٩س$

.....

.....

(ب) $٣س - ١٥س^٢ص^٥$

.....

.....

(ج) $س(٢-١) - ص(٢-١)$

.....

.....

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة .
 $٢س + ٤س^٢ = ٢س(١ + ٢س)$

Ⓐ | Ⓑ

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

المقدار $\frac{٨س^٥ص^٢}{٢س^٥ص^٢}$ في أبسط صورة هو :

Ⓐ $٦س^٥ص^٥$ Ⓑ $\frac{٤}{ص}$ Ⓒ $٤ص^٥$

(١٠-٣) تحليل الفرق بين مربعين

تذكر ان : $s^2 - v^2 = (s - v)(s + v)$

أى أن: الفرق بين كميتين يساوي حاصل ضرب مجموع الكميتين في الفرق بينهما

• حل ما يلي تحليلًا تامًا :

(١) $36 - 4m^2$

.....

(٢) $9v^2 - 4s^2$

.....

(٣) $18s^3 - 2s$

.....

(٤) $49 - (1+m)^2$

.....

(٥) $75 - 3m^2$

.....

• أوجد قيمة ما يلي بالتحليل :

(١) $(115)^2 - (114)^2$

.....

.....

$$(2) \quad {}^2(57, 7) - {}^2(42, 3)$$

.....
.....

$$(3) \quad 1 - {}^2(99)$$

.....
.....

• حل ما يلي تحليلًا تامًا:

$$(1) \quad \frac{{}^2ج}{9} - \frac{{}^2س}{ب} = \frac{{}^2ع}{2}$$

.....
.....

$$(2) \quad \frac{1}{4} هـ - {}^2(25 ع ل)$$

.....
.....

$$(3) \quad {}^2(1, 16) - {}^2(1, 4 - ن)$$

.....
.....

ظلل أ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ب إذا كانت العبارة غير صحيحة .

مجموعة حل المعادلة $س^2 - 25 = 0$ ، حيث $س \in ط$ ، هي $\{5, -5\}$ | أ | ب

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

مجموعة حل المعادلة : $س^2 = -4$ ، (حيث $س \in ط$) هو :

أ 2 أو -2 | ب 4 أو -4 | ج مجموعة خالية | د كل الأعداد النسبية الأكبر من -4

(١٠-٥) حل معادلات من الدرجة الثانية في متغير واحد بالتحليل

لكل a, b عدنان نسبيان ، إذا كان $a \cdot b = 0$ ، فإن $a = 0$ أو $b = 0$.
فمثلاً : إذا كان $(s + 3)(s + 2) = 0$.
فإن $s + 3 = 0$ أو $s + 2 = 0$.

(١) أوجد مجموعة حل المعادلة $(s + 5)(s + 6) = 0$ حيث $s \in \mathbb{Z}$ ، ثم تحقق من صحة الحل .

.....

.....

(٢) أوجد مجموعة حل المعادلة $s^2 - 5s = 0$ حيث $s \in \mathbb{Z}$.

.....

.....

(٣) أوجد مجموعة حل المعادلة $(s + 3)^2 - 1 = 0$ حيث $s \in \mathbb{Z}$.

.....

.....

• أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية حيث $s \in \mathbb{Z}$.

(١) $(s + 4)(s - 2) = 0$

.....

.....

(٢) $(s^2 + 5s - 5) = 0$

.....

.....

(٣) $(s + 2)^2 - 25 = 0$

.....

.....

• أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية حيث $s \in \mathbb{Z}$.

(٤) $80 = 2s$

.....
.....

(٥) $81 = 2(s-9)$

.....
.....

.....
.....
.....

• $0 = 27 - 3s$

• تحقق ما إذا كان : $s=1$ حلًا للمعادلة $0 = (s-1)(s+4)$

.....
.....
.....

ظلل أ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ب إذا كانت العبارة غير صحيحة .

العدد الذي يمثل حلًا للمعادلة $0 = 2(3 - s)$ ، (حيث $s \in \mathbb{Z}$) هو :

أ صفر

ب -3

ج 3

د 6

معلمة
صفوة
كويت

(١-٦) حل متباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد

المتباينة: هي جملة رياضية (تعبير رياضي) تربط بين أعداد أو مقادير بإحدى العلاقات (الرموز): $<$ ، $>$ ، $\leq$ ، $\geq$

خواص المتباينات: إذا كانت a ، b ، c أعداداً نسبية وكانت $a < b$ فإن:

١ $a + c < b + c$

٢ $a - c < b - c$

٣ $a \times c < b \times c$ ، $a < b$ ، $c > 0$ (ج عدد موجب).

٤ $a \times c > b \times c$ ، $a < b$ ، $c < 0$ (ج عدد سالب).

• حل المتباينات التالية في ن:

(١) $2s + 4 \geq 19$

.....
.....
.....

(٢) $2s + 3 < 15$

.....
.....
.....

(٣) $3s - 5 < 1$

.....
.....
.....

(٤) $3 - 4s \geq 5$

.....
.....
.....

$$(٥) \text{ ب - } \frac{1}{2} < \frac{1}{3}$$

.....
.....
.....

$$(٦) ١٠ (س-٥) < ٧ (٦-س)$$

.....
.....
.....

$$(٧) ٢س + ٤ \geq ٣(س+١)$$

.....
.....
.....

$$٥م - ٤, ٣ \leq ١, ١$$

.....
.....
.....

ظلل ١ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ٢ إذا كانت العبارة غير صحيحة .

١ | ٢ |

حل المتباينة - ٥ س < ٢٠ هو س < - ٤

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

حل المتباينة ٢ س > ١٠ ، (حيث س ∈ ٥) هو :

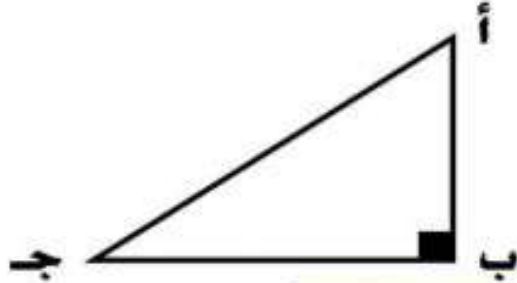
أ) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من ٥ (ب) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر وتساوي ٥

ج) مجموعة الأعداد النسبية الأصغر وتساوي ٥ (د) مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من ٥

الوحدة الحادية عشرة

(١١-١) نظرية فيثاغورث وعكسها

نظرية فيثاغورث



$$(\text{أ ج})^2 = (\text{أ ب})^2 + (\text{ب ج})^2$$

$$(\text{أ ب})^2 = (\text{أ ج})^2 - (\text{ب ج})^2$$

$$(\text{ب ج})^2 = (\text{أ ج})^2 - (\text{أ ب})^2$$

عكس نظرية فيثاغورث

ولإثبات أن المثلث قائم الزاوية:

١ - رُبع الأضلاع الثلاثة. ٢ - اجمع أصغر عددين.

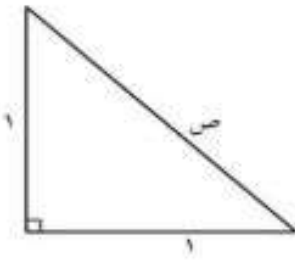
٣ - إذا كان المجموع يساوي العدد الأكبر كان المثلث قائم الزاوية.

مثال على مربعات الأعداد والجذور التربيعية

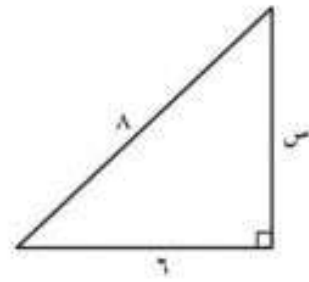
إذا كان $(\text{أ ب})^2 = ١٦$ فإن $\text{أ ب} = \sqrt{١٦} = ٤$

مربع العدد	الجذر التربيعي للعدد
$١ = ١^2$	$١ = \sqrt{١}$
$٤ = ٢^2$	$٢ = \sqrt{٤}$
$٩ = ٣^2$	$٣ = \sqrt{٩}$
$١٦ = ٤^2$	$٤ = \sqrt{١٦}$
$٢٥ = ٥^2$	$٥ = \sqrt{٢٥}$
$٣٦ = ٦^2$	$٦ = \sqrt{٣٦}$
$٤٩ = ٧^2$	$٧ = \sqrt{٤٩}$
$٦٤ = ٨^2$	$٨ = \sqrt{٦٤}$
$٨١ = ٩^2$	$٩ = \sqrt{٨١}$
$١٠٠ = ١٠^2$	$١٠ = \sqrt{١٠٠}$
$١٢١ = ١١^2$	$١١ = \sqrt{١٢١}$
$١٤٤ = ١٢^2$	$١٢ = \sqrt{١٤٤}$
$١٦٩ = ١٣^2$	$١٣ = \sqrt{١٦٩}$
$١٩٦ = ١٤^2$	$١٤ = \sqrt{١٩٦}$
$٢٢٥ = ١٥^2$	$١٥ = \sqrt{٢٢٥}$

• أوجد قيمة المجهول في كل مما يلي :

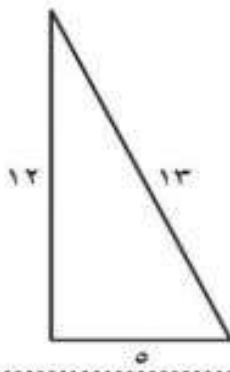


.....
.....

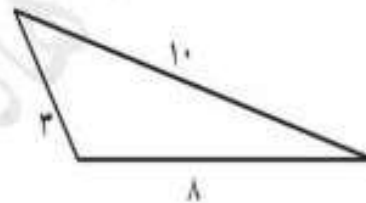


.....
.....

• حدد ما إذا كان المثلث قائم الزاوية أم لا :



.....
.....



.....
.....

ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

المثلث الذي أطوال أضلاعه 3 وحدة طول ، 6 وحدة طول ، 5 وحدة طول مثلث قائم الزاوية .

②

①

ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة :

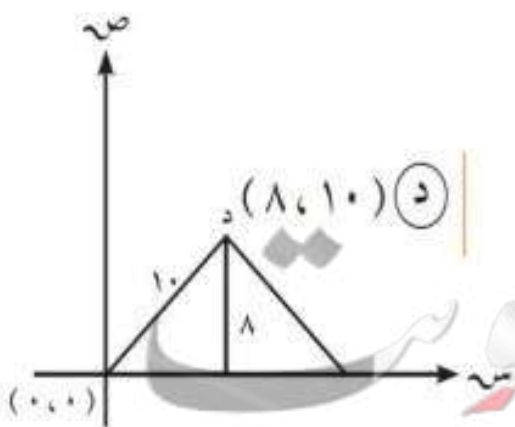
إحداثي النقطة د هو :

① (6, 8)

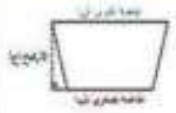
② (8, 6)

③ (10, 8)

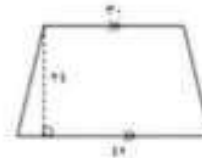
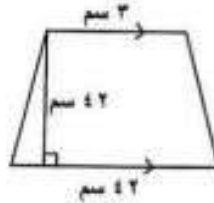
④ (8, 10)



(٢-١١) - مساحة شبه المنحرف

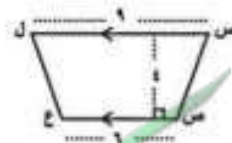
الاسم	الشكل	المساحة السطحية
شبه المنحرف		$م = \frac{(ق١ + ق٢) \times ع}{٢}$

أوجد مساحة شبه المنحرف :



بين الشكل المجاور حديقة منزلية على شكل شبه منحرف يراود زراعتها بالعشب الطبيعي . إذا كان سعر الوحدة المربعة من العشب الطبيعي ١٢ ديناراً . فكم تكلف زراعة الحديقة بالعشب ؟

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح ظلل الدائرة الدالة على الاختيار الصحيح فيما يلي :-



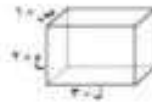
مساحة شبه المنحرف من ص ع ل المرسوم بالوحدات المربعة تساوي

- ☐ أ ٦٠
☐ ب ٣٦
☐ ج ٢٤
☐ د ٣٠

(٣-١١) - مساحة السطوح ثلاثية الأبعاد

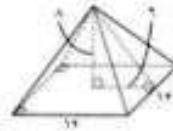
الاسم	الشكل	المساحة السطحية
منشور ثلاثي لحم قاعدته مكث متطابق الأضلاع		$م = ٢ \times \text{مساحة المثلث} + ٣ \times \text{مساحة المستطيل}$

أوجد المساحة السطحية للمنشور القائم الذي أبعاده : ١ وحدة طول ، ٢ وحدة طول ، ٣ وحدة طول .



الاسم	الشكل	المساحة السطحية
هرم رباعي قاعدته مربعة الضلع		$م = \text{مساحة المربع} + ٤ \times \text{مساحة المثلث}$

ما المساحة السطحية للهرم ؟



الاسم	الشكل	المساحة السطحية
أسطوانة دائرية قائمة		$م = ٢\pi r^2 + ٢\pi rh$

في إحدى المدن الكبرى فندق أسطوانتي الشكل طول قطر قاعدته الدائرية ٣٥ وحدة طول وارتفاعه ٥٠ وحدة طول . تمت تغطية السطح المنحني بالزجاج .
ما مساحة الزجاج الذي يُغطّي السطح الجانبي للفندق ؟ (اعتبر $\frac{٢٢}{٧} = \pi$)

معلمة
صفوة
كويت

(١١ - ٤) حجم الأسطوانة الدائرية - حجم المخروط الدائري

الاسم	الشكل	الحجم
أسطوانة دائرية قائمة		$V = \pi r^2 h$

أوجد حجم كل مجسم مما يلي :

(اعتبر $\pi = 3.14$)



(اعتبر $\pi = 3.14$)



الاسم	الشكل	الحجم
المخروط		$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

أوجد حجم المخروط المرسوم أمامك . (اعتبر $\pi = 3.14$)



(١٢-١) طرائق العد

[illegible]

اوجده كل من:

-17-

$$= \frac{1}{2}(\mathbf{z} - \mathbf{A}) \odot \frac{1}{2}(\mathbf{z} - \mathbf{A})$$

$$= 1 \times 7 \times 7 \times 1 \times 0 \times 7 \times 5 \text{ ⑤}$$

أوجد ما يساويه كل من :

$\underline{\hspace{1cm}} = \begin{pmatrix} v \\ \cdot \end{pmatrix}$ a	$\underline{\hspace{1cm}} = \begin{pmatrix} v \\ \cdot \end{pmatrix}$ d
$\underline{\hspace{1cm}} = \begin{pmatrix} v \\ \cdot \end{pmatrix}$ b	$\underline{\hspace{1cm}} = \begin{pmatrix} v \\ \cdot \end{pmatrix}$ c

في لعبة الكراسي الموسيقية يقوم جاسم وخالد ومحمد بالجري للجلوس على مقعدين ، أوجد عدد الطرائق المختلفة للجلوس على المقعدين .

(١٢-٢) فضاء العينة

هو مجموعة كل النواتج الممكنة عند إجراء تجربة عشوائية ورمزه (ف)

مجموعة جزئية من فضاء العينة (ق)

الحصول



يريد أحمد أن يقوم برحلة عبر النهر .
يوجد نوعان من المراكب (١) ، (ب) كما في
الصورة ليختار بينهما ويختار من بين ثلاثة جداول مائية
صغيرة في ثلاثة اتجاهات مختلفة : س أو ص أو ع .
١ اصنع مخطط الشجرة البيانية لكل النواتج الممكنة .

٢ ما فضاء العينة لرحلة أحمد ؟

٣ أوجد عدد النواتج الممكنة .

ظلل ١ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ٢ إذا كانت العبارة غير صحيحة .

٢

١

عند رمي حجرين نرد متمايزين مرة واحدة . فإن فضاء العينة يساوي ٦ .

الحدث	مجموعة جزئية من فضاء العينة (ق)
الاحتمال	ل (1) = عدد عناصر عدد عناصر لاظهار (1) احتمال فضاء العينة (الحدث الموكد) = 1 أي (1) ل (1) = 1 (2) احتمال الحدث المستحيل = صفر أي (2) ل (2) = 0

(3-12) الاحتمال

في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة، وملاحظة العدد الظاهر على وجهه
أوجد احتمال كل من الأحداث التالية :

- ظهور عدد زوجي
- ظهور عدد أولي
- ظهور عدد أكبر من ٧
- ظهور عدد أصغر من ٦



عند تدوير القرص المجاور مرة واحدة . أوجد احتمال
وقوف المؤشر عند كل من :

- احتمال الحصول على (الرقم ١ أو أصغر من ٨) .
- احتمال الحصول على (قطاع أصفر أو قطاع أبيض) .
- احتمال الحصول على (قطاع أحمر أو عدد فردي) .

١ هناك ١٠ أزوار باللون الأحمر و ٤ باللون الأزرق و ٨ باللون الأبيض في حقيبة ،
ما هي فرصة استخراج الزر الأزرق أو الأبيض ؟

- ١) $\frac{4}{22}$ ٢) $\frac{8}{22}$ ٣) $\frac{10}{22}$ ٤) $\frac{12}{22}$

٢ اشتركت ٤ طالبات في مسابقة (شوق ، شمائل ، مريم ، شهد) وسيتم اختيار
الترتيب بصورة عشوائية ، ما احتمال أن يتم اختيار طالبة يبدأ اسمها بحرف
ال شين ؟

- ١) $\frac{1}{25}$ ٢) $\frac{50}{100}$ ٣) $\frac{75}{100}$ ٤) $\frac{90}{100}$

ظلل ١ إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ٢ إذا كانت العبارة غير صحيحة .

الشكل المقابل يمثل مستطيلاً

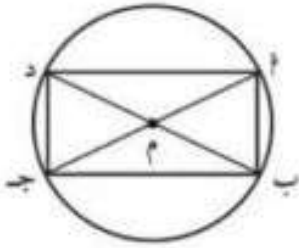


١

٢

ظل الحرف الدال على الإجابة الصحيحة

الشكل المقابل يمثل دائرة مركزها م فإن الشكل أ ب ج د هو :



١ مربع

٢ مستطيل

٣ معين

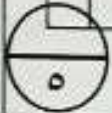
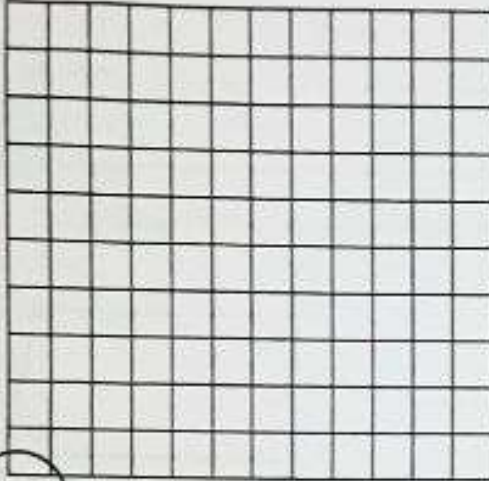
٤ شبه منحرف

اولا : الاسئلة المقالية

١٢

المسألة الأولى : (١) اذا كان $\Delta L'M'N'$ هو صورة ΔLMN بالانعكاس في نقطة الأصل (و) ،

وكانت ل (٢، ٠) ، م (٤، ٣) ، ن (٤، -٤) ، فعين احداثيات الرؤوس ل' ، م' ، ن' ثم ارسم المثلثين في مستوى الاحداثيات



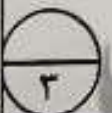
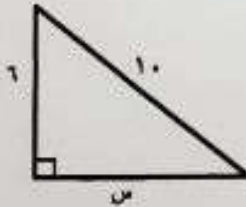
(ب) حل تحليليا تاما

$$(١) ٩س^٢ + ٣س =$$

$$(٢) ١٦س^٢ - =$$

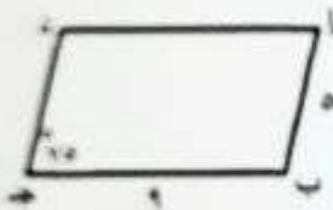


(ج) اوجد قيمة المجهول





(ب) في الشكل المقابل أ ب ج د متوازي أضلاع فيه أ ب = ٥ وحدة طول ، ب ج = ٩ وحدة طول .
ق (ج) = ٧٥ ، اوجد ما يلي مع ذكر السبب :



..... السبب = أ د

..... السبب = ق (ب) =

..... السبب = ق (أ) =



(ج) اكتب فضاء العينة لتجربةلقاء حجر نرد ثملقاء قطعة نقود .



السؤال الثالث : (أ) اوجد مجموعة حل المعادلة التالية حيث $s \in \mathbb{D}$

$$s^2 - 2s = 0$$

٥

(ب) بسط المقدار التالي :

$$4(s+2) - (3s+2)$$

٤

(ج) صندوق فيه ٩ كرات متماثلة تماما مرقمة من ١ الى ٩ سحب كرة عشوانيا من الصندوق .

اوجد احتمال كل من الاحداث التالية

$$(١) \text{ ا (ظهور عدد اصغر من ٤) } =$$

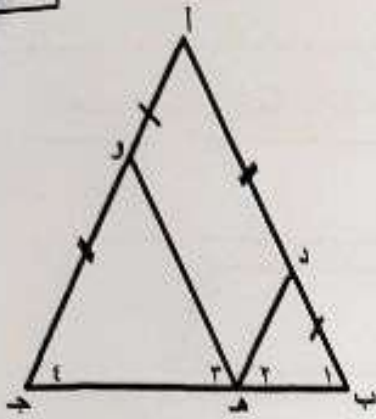
$$(٢) \text{ ب (ظهور عدد فردي) } =$$

$$(٣) \text{ ج (ظهور عدد اصغر من ٤ او ظهور عدد فردي) } =$$

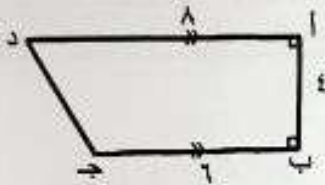
٣

السؤال الرابع : (أ) في الشكل المقابل ق (١) = ق (٢) ، ق (٢) = ق (٣) ، ق (٣) = ق (٤) ،

أد = و ج ، أو = د ب برهن أن أ د هـ و متوازي اضلاع



(ب) اوجد مساحة شبه المنحرف أ ب ج د المقابل



(ج) اقسم : ٦ س ٢ ص + ١٢ س ص ٢ - ٦ س ص على ٦ س ص

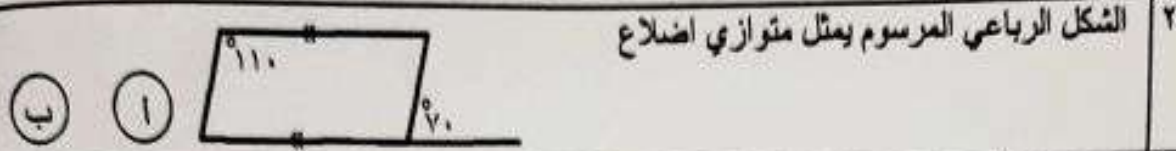


معلمة صفوة الكوثر
KuwaitTeacher.Com

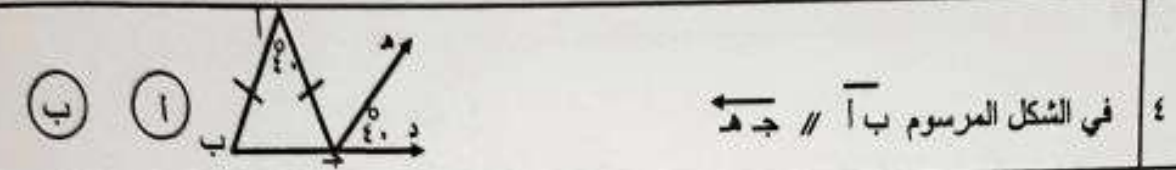
ثانيا: الاسئلة الموضوعية

اولا في البنود (١-٤): ظلل (١) إذا كانت العبارة صحيحة و (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة

١ $^3_3 = ^3_3 \times ^3_3$ (١) (ب)



٣ (٢ س) صفر = ١ حيث س ≠ صفر (١) (ب)



ثانيا في البنود (٥-١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل دائرة الاختيار الصحيح

(٥) درجة الحدودية $٢س٢ + ٥س٢ - ٤$ هي (١) الأولى (ب) الثانية (ج) الثالثة (د) الرابعة

(٦) الحدان الجبريان المتشابهان فيما يلي هما (١) $٣س٢, ٢س٣$ (ب) $٤س٢ص٢, ٢س٢ص٢$ (ج) $٤س, ٤ص$ (د) $٢س٢ص٢, -٥س٢ص٢$

(٧) $٧ =$ يمثل احد حلول المتباينة: (١) $١ > ٥ - ١$ (ب) $١ > ٩ - ١$ (ج) $٥ < ٢س٢$ (د) $٢٧ < ٣س٢$

(٨) $٣ل^٥ =$ (١) ٣٥ (ب) ٦٠ (ج) ٢٠ (د) ٨٠

(٩) حل المتباينة $٣س > ١٥$ ، (حيث $٥ \geq ٥$) هو (١) مجموعة الاعداد النسبية الأصغر من ٥ (ب) مجموعة الاعداد النسبية الأكبر وتساوي ٥ (ج) مجموعة الاعداد النسبية الأصغر وتساوي ٥ (د) مجموعة الاعداد النسبية الأكبر من ٥

(١٠) حجم المخروط المبين بالرسم يساوي



- ١) 15π وحدة مكعبة ب) 8π وحدة مكعبة ج) 12π وحدة مكعبة د) 14π وحدة مكعبة

(١١) $\frac{1}{2} =$

- ١) ١٠ ب) ١٥ ج) ٢٠ د) ٢٥

(١٢) حجم أسطوانة طول نصف قطرها ٧ وحدة طول وارتفاعها ١٠ وحدة طول يساوي

(اعتبر $\pi = \frac{22}{7}$)

- ١) 170 سم^2 ب) 1740 سم^2 ج) 70 سم^2 د) 1540 سم^2

انتهت الاسئلة

١٢

اجابات السؤال الخامس (الموضوعي)

أولا :

ثانيا :

٥	أ	ب	ج	د
٦	أ	ب	ج	د
٧	أ	ب	ج	د
٨	أ	ب	ج	د
٩	أ	ب	ج	د
١٠	أ	ب	ج	د
١١	أ	ب	ج	د
١٢	أ	ب	ج	د

١	أ	ب
٢	أ	ب
٣	أ	ب
٤	أ	ب