



@MOH82FALAH

/ محمد نوري الفلاح

٢٠٢٣ - ٢٠٢٢

الفصل الدراسي الثاني

امتحانات سابقة

الفترة الثانية

الصف الحادي عشر علمي

معلمة
صفوة
Kwaitteacher.Com

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي - 2021 / 2022 م

المجال الدراسي : الرياضيات

تعليمات هامة

- ١- الامتحان في 11 صفحة دون الغلاف والتعليمات .
- ٢- الزمن : ساعتان و45 دقيقة .
- ٣- الامتحان ينقسم إلى قسمين :
(a) القسم الأول :

أسئلة المقال مكونة من 4 أسئلة المطلوب الإجابة عليها جميعاً كل حسب الصفحة المخصصة له وهذه الصفحات من (1) إلى (8)

(b) القسم الثاني :

- البنود الموضوعية وتتكون من 10 بنود موزعة على الصفحات من (9) إلى (10)
والمطلوب الإجابة عليها جميعاً في ورقة إجابة البنود الموضوعية صفحة (11)
- ٤- تلغى درجة بند الموضوعي في حالة تظليل أكثر من دائرة أو عدم تظليل أي دائرة .
 - ٥- لن تصرف أي أوراق إضافية للإجابة غير هذه الأوراق المخصصة للامتحان .

امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الحادي عشر علمي للعام الدراسي : 2022/2021 م

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(7 درجات)

(a) أوجد حل المعادلة : $z^2 - 2z + 4 = 0$ في \mathbb{C}

تابع السؤال الأول:

(8 درجات)

(b) إذا كان : $\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$

فأوجد $\sin 2\theta$

السؤال الثاني: (15 درجة)

(n) حول من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية (r, θ) : (7 درجات)

$$L(1, -\sqrt{3}), 0 \leq \theta < 2\pi$$

تابع السؤال الثاني :

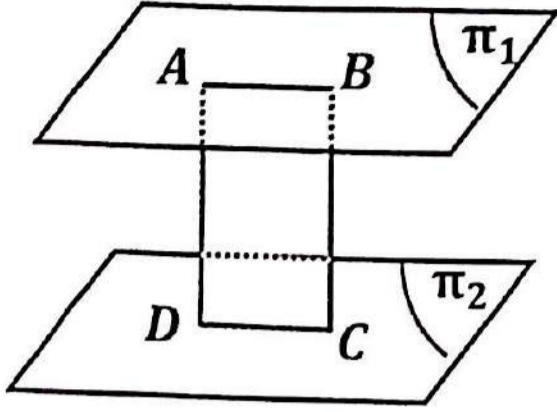
(b) حل المعادلة : $\cos x = -\frac{1}{2}$ حيث $0 \leq x < 2\pi$ (8 درجات)

السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 4 \text{ cm}$, $b = 3 \text{ cm}$, $c = 6 \text{ cm}$ (6 درجات)

تابع السؤال الثالث :

(9 درجات)



(b) في الشكل المقابل : $\pi_1 // \pi_2$ ،

، A, B نقطتان في π_1

حيث C, D نقطتان في π_2 حيث A, B, C, D في مستوى واحد

، $\overline{AD} \perp \pi_2$ ، $\overline{BC} \perp \pi_2$

اثبت ان $ABCD$ مستطيل

السؤال الرابع : (15 درجة)

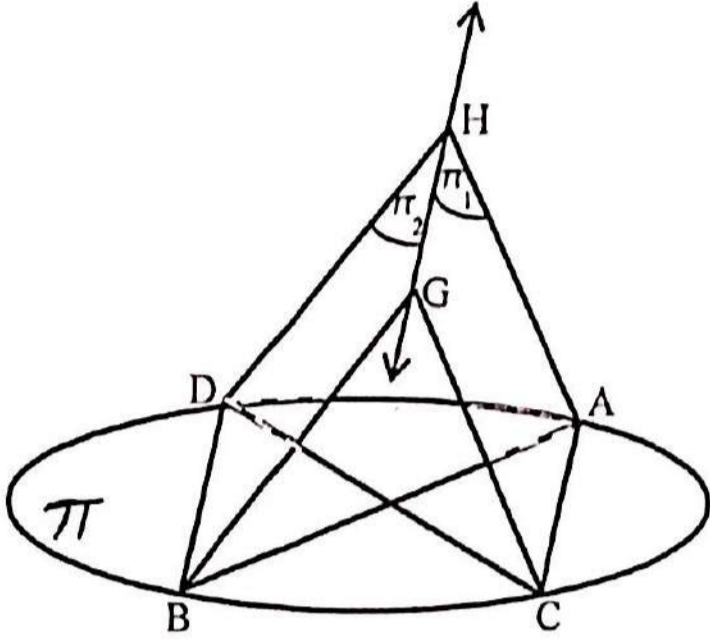
(a) في المثلث ABC :

إذا كان $\alpha = 32^\circ$ ، $b = 11 \text{ cm}$ ، $a = 17 \text{ cm}$ ، أوجد γ (6 درجات)

تابع السؤال الرابع:

(9 درجات)

(b) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π
أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overrightarrow{GH} ، $\pi_1 \cap \pi_2 = \overrightarrow{GH}$



ثانيا: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $\sqrt{-4} + 3$ هي $3 + 2i$

(2) $\cos x = 2 \cos^2 \frac{x}{2} - 1$

(3) إذا كان $\vec{l} // \pi$, $\vec{m} // \pi$ فإن $\vec{l} // \vec{m}$.

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) أبسط صورة للتعبير: $(3 + \sqrt{-4})(4 + \sqrt{-9})$ هي:

(a) $18 + 17i$

(b) $18 + 3\sqrt{-9} + 4\sqrt{-4}$

(c) $6 + 17i$

(d) 18

(5) $\forall n \in \mathbb{Z}^+$ فإن قيمة $(i^{2n+2} + i^{2n+8})$ تساوي:

(a) i^{-2n}

(b) -1

(c) 0

(d) 1

(6) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$

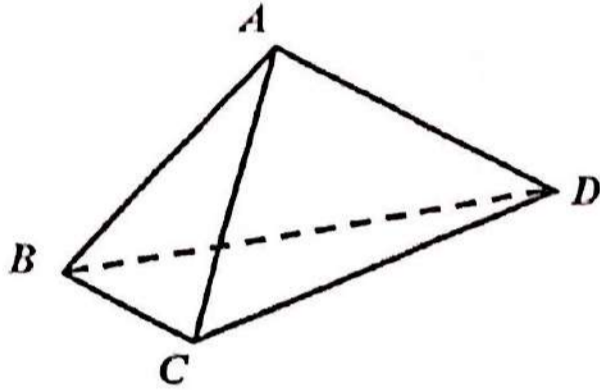
(b) $\frac{1}{2} (\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$

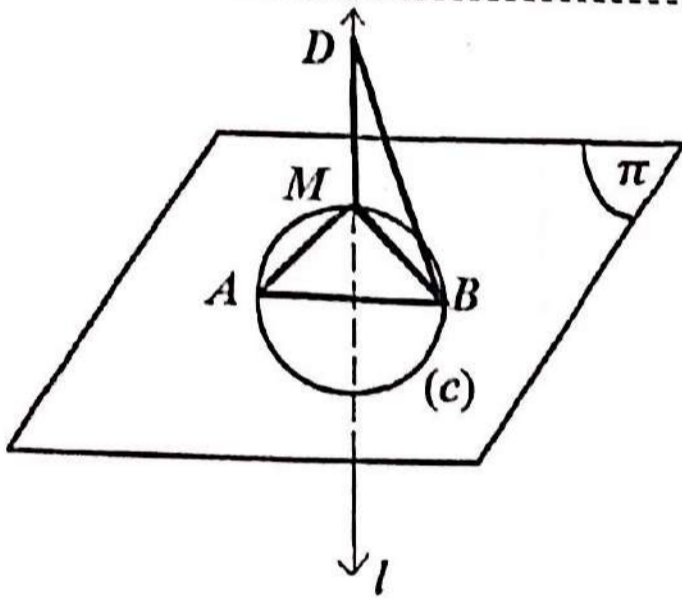
(7) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن x تقع في الربع:

- (a) الأول
 (b) الأول أو الثالث
 (c) الثالث
 (d) الثاني أو الرابع



(8) في الشكل المقابل: النقاط B, C, D تعين:

- (a) مستويًا واحدًا
 (b) مستويين مختلفين
 (c) عدد لا منته من المستويات المختلفة
 (d) لا يمكن أن تعين مستويًا

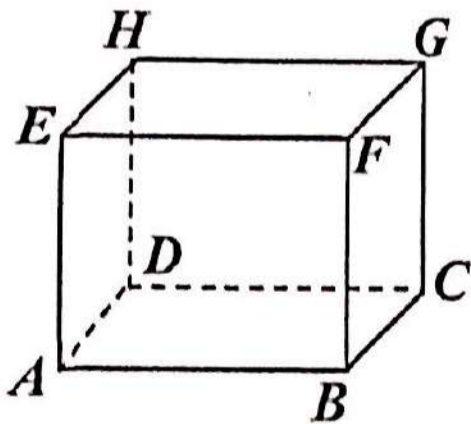


(9) في الشكل المقابل:

إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ، \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن:

- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$
 (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
 (c) $\overline{AM} \perp (BMD)$
 (d) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$

(10) في المكعب $ABCDEFGH$ ، \overline{BD} ، \overline{EG} هما:



- (a) متوازيان
 (b) متقطعان
 (c) متخالفان
 (d) يحويهما مستوي واحد

"انتهت الأسئلة"

ورقة إجابة البنود الموضوعية .

السؤال	الاجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

لكل بند درجة واحدة فقط

10

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\cos(2x)$, $-\pi \leq x \leq \pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

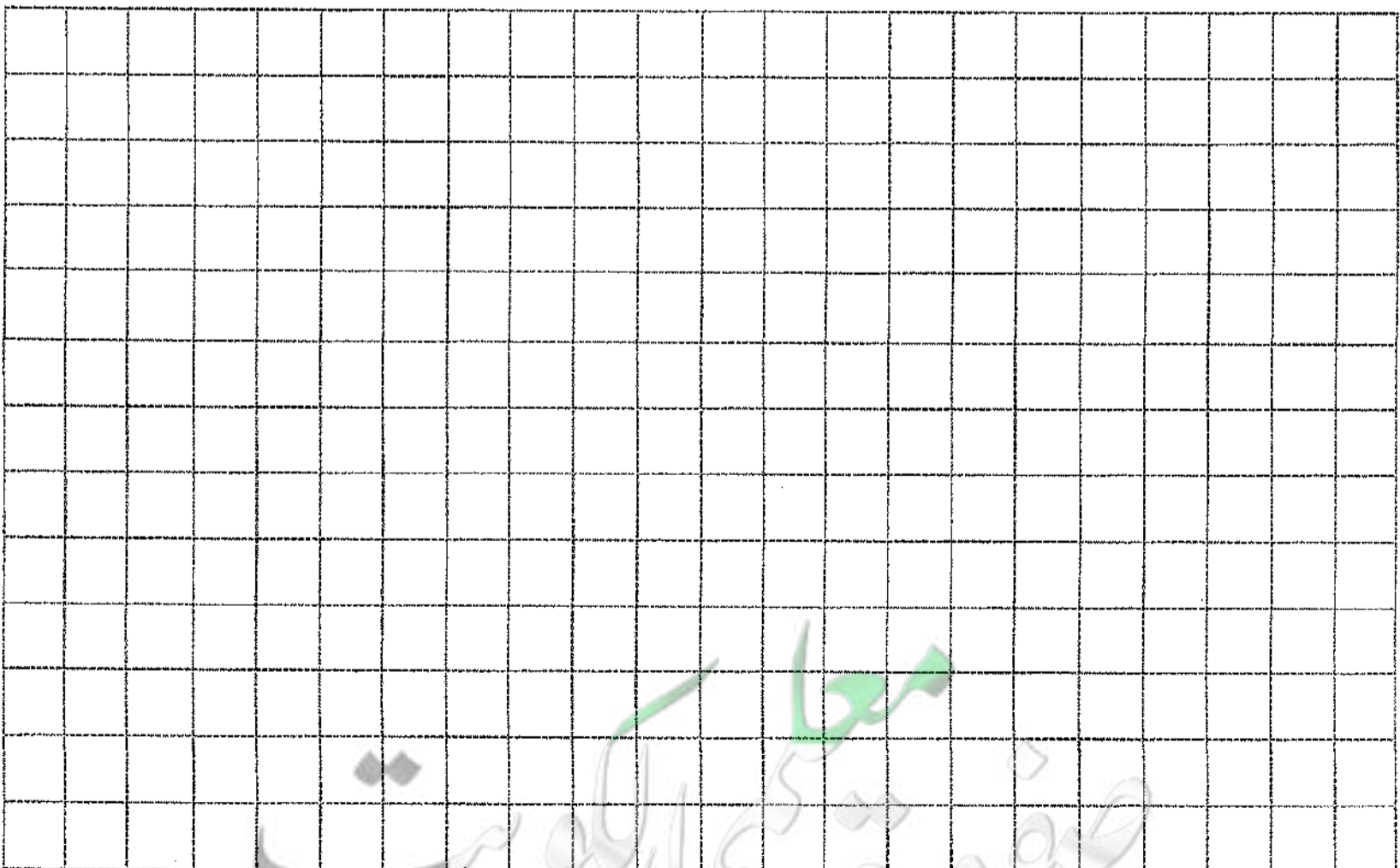
.....

.....

.....

.....

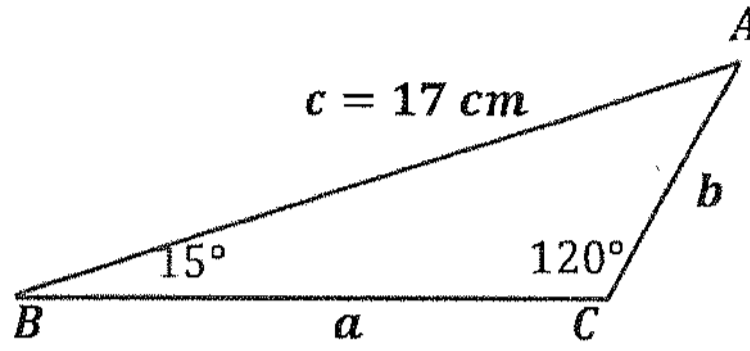
.....



السؤال الثاني : (14 درجة)

(a) حل المثلث ABC

(6 درجات)



السؤال الثالث: (14 درجة)

(a) أثبت صحة المتطابقة :

(6 درجات)

$$\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2\csc^2 x$$

(8 درجات)

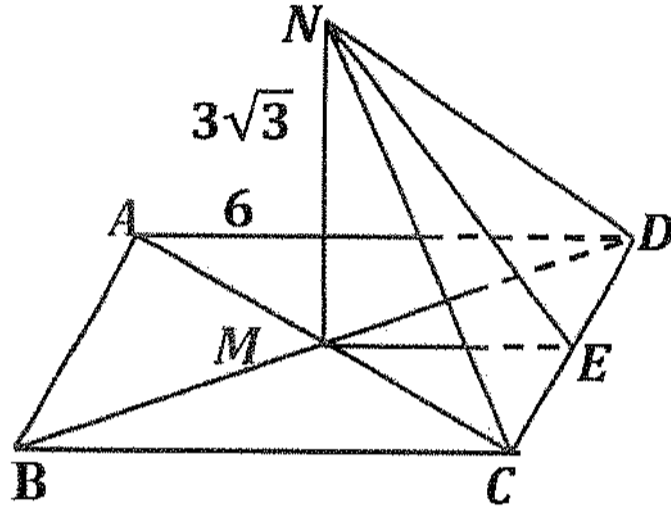
تابع السؤال الثالث:

(b) مستطيل $ABCD$ تقاطع قطراه في M ، وفيه $AD = 6\text{ cm}$

أقيم \overline{NM} عمودا على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه

بحيث $MN = 3\sqrt{3}\text{ cm}$ ، E منتصف \overline{CD}

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD



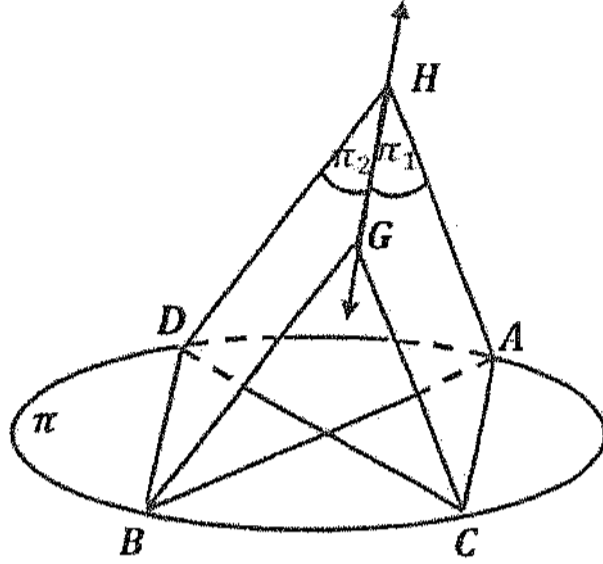
السؤال الرابع : (14 درجة)

(7 درجات)

(a) في الشكل المقابل: \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π ،

$$\pi_1 \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{GH}$$

أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH}



تابع السؤال الرابع :

(7 درجات)

(b) حل المعادلة : ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(b\theta)$ حيث السعة 5 و الدورة 3π

$$y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right) \text{ يمكن أن تكون}$$

(3) إذا توازي مستقيمان و مر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين .

$$\frac{1 - \cos 2x}{2} = 2 \cos^2 \frac{x}{2} \quad (4)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(6) في المثلث ABC : $m(\hat{A}) = 120^\circ$, $AB = 30 \text{ cm}$, $AC = 40 \text{ cm}$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريبا :

(a) 68 cm

(b) 36 cm

(c) 60.8 cm

(d) 21 cm

(7) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

(a) $6\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(b) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(c) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(d) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(8) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

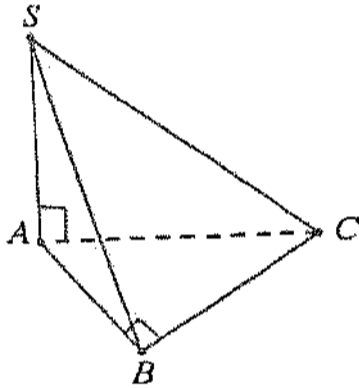
- (a) $\frac{1}{2}\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x$ (b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$
 (c) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x + \frac{1}{2}\cos x$ (d) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x - \frac{1}{2}\cos x$

(9) $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$ تساوي:

- (a) $\csc x$ (b) $\csc 2x \cos x$ (c) $\tan 2x$ (d) $\tan x$

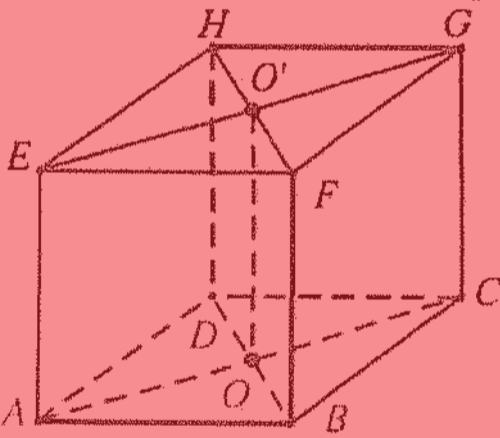
(10) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن:

- (a) $\vec{l} // \vec{m}$ (b) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (c) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$ (d) متخالفان \vec{l}, \vec{m}



(11) في الشكل المقابل إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{B}) = 90^\circ$ فإن:

- (a) $\vec{CB} \perp (SAB)$ (b) المثلث SCB قائم في \hat{C}
 (c) المثلث SAB متطابق الضلعين (d) المثلث SAB قائم في \hat{B}



(12) في الشكل المقابل ABCDEFGH مكعب ،

O مركز المربع ABCD ، O' مركز المربع EFGH

فإن (DHFB) ، (EACG) هما :

- (a) متطابقان (b) متعامدان
 (c) متوازيان (d) ليس أي مما سبق

(13) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2160 هو :

- (a) الحد الخامس (b) الحد الرابع (c) الحد الثالث (d) الحد الثاني

(14) إذا كان الحدثان m, l مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(l) = \frac{9}{10}$ فإن $P(m \cap l)$ تساوي:

- (a) $\frac{1}{3}$ (b) $\frac{25}{30}$ (c) $\frac{11}{30}$ (d) $\frac{3}{10}$

" انتهت الأسئلة "

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة
العام الدراسي 2018/2019
عشر علمي

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات
امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) للصف الحادي عشر علمي

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن جميع الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 - 2i$
فأوجد كلا مما يلي في الصورة الجبرية:

(4 درجات) 1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$

(5 درجات) 2) $\frac{z_2}{z_1}$

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$, $-4\pi \leq x \leq 4\pi$

ثم ارسم بياناتها

(5 درجات)

Handwritten area with horizontal dotted lines for graphing the function.

Handwritten area with a grid for graphing the function.

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه :

$$a = 9 \text{ cm} , b = 7 \text{ cm} , c = 6 \text{ cm}$$

تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5\sin\theta - 3 = \sin\theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) إذا كان $\sin\theta = \frac{-12}{13}$, $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$

أوجد : $\sin 2\theta$

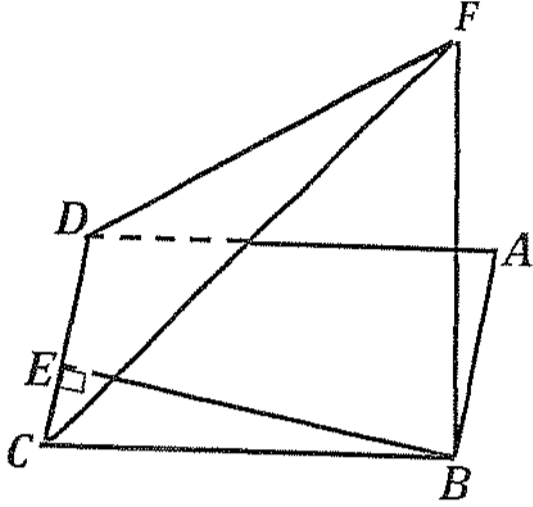
تابع السؤال الثالث:

(b) في الشكل المقابل $ABCD$ شكل رباعي، \overrightarrow{FB} عمودي على \overrightarrow{CD} (8 درجات)

المستوى $ABCD$ ، $\overrightarrow{BE} \perp \overrightarrow{CD}$ فإذا كان $FB = BE$

أوجد قياس الزاوية الزوجية

بين المستويين $(ABCD)$ ، (FCD)



(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

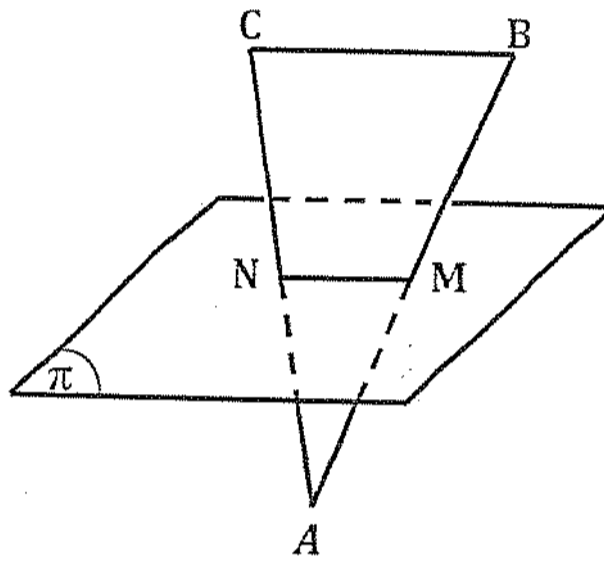
(2 درجات)

(a) (1) أكمل ما يلي :

إذا وازي مستقيما خارج مستوى مستقيما في المستوى

(2) في الشكل المقابل : المثلث ABC فيه M منتصف AB ، N منتصف AC

(5 درجات)



N, M تنتميان الى المستوى π

أثبت أن : $\overrightarrow{BC} // \pi$

(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) يحتوي كيس على 4 كرات زرقاء اللون و كرتين حمراء اللون . أخذت كرتان معا من دون النظر داخل الكيس . أوجد احتمال كل حدث مما يلي :

(1) الكرتان زرقاوان

(2) كرة زرقاء و كرة حمراء

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

(2) سعة الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ هي 3 .

(3) $\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$

(4) إذا كان $\vec{l} \perp \vec{m}$, $\vec{m} \subset \pi$ فإن $\vec{l} \subset \pi$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

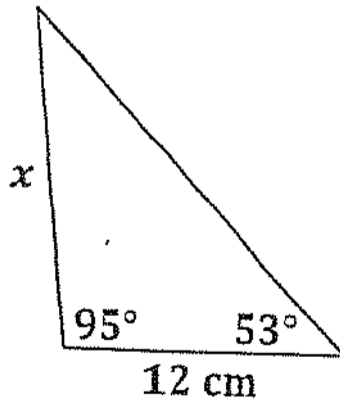
(5) الصورة المثلثية للعدد المركب $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, 2\pi)$ هي :

(a) $z = 4 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$

(b) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

(c) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

(d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$



(6) في المثلث المقابل x تساوي تقريباً :

(a) 8.6 cm

(b) 15 cm

(c) 18.1 cm

(d) 19.2 cm

(7) في المثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10$ cm , $BC = 20$ cm

فإن طول \overline{AB} يساوي :

(a) $10\sqrt{7}$ cm

(b) $10\sqrt{3}$ cm

(c) 12.4 cm

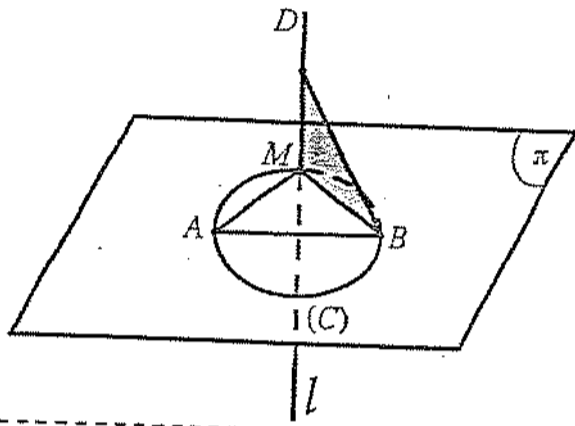
(d) 29 cm

(8) المقدار : $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$ متطابق مع المقدار:

- (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) -2

(9) تساوي : $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$

- (a) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{10\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (d) $\cos \frac{10\pi}{21}$



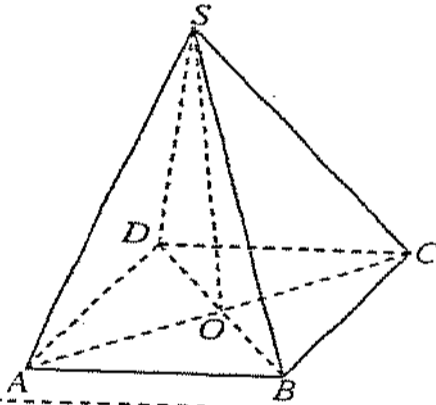
(10) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ،
 \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن :

- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
(c) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$ (d) $\overline{AM} \perp (BMD)$

(11) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن :

- (a) $\pi_1 // \pi_2$ (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$ (c) $\pi_1 \perp \pi_2$ (d) $\pi_1 = \pi_2$

(12) في الشكل المقابل إذا كان ABCD مربع مركزه O ، $\vec{SO} \perp ABCD$ فإن :



- (a) $(SAC) \perp (SBD)$ (b) $(SAB) \perp (SBC)$
(c) $(SAB) // (SCD)$ (d) $(SAD) \perp (ABCD)$

(13) قيمة المقدار ${}_{10}C_6 \times {}_6P_4$ هي :

- (a) 7560 (b) 75600 (c) 2100 (d) 210

(14) مفكوك $(a-b)^3$ هو :

- (a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
(c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

دولة الكويت

وزارة التربية

التوجيه الفني العام للرياضيات

المجال الدراسي الرياضيات

(الأسئلة في 11 صفحة)

الزمن : ساعتان و45 دقيقة

العام الدراسي 2018/2017

امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي

القسم الأول - أسئلة المقال (أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)

السؤال الأول: (14 درجة)

(9 درجات)

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $Z = -3 - 4i$

تابع السؤال الأول:

(5 درجات)

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه: 7cm , 5cm , 8cm

السؤال الثاني: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) حل ΔABC حيث $b = 9cm, c = 6cm, \alpha = 60^\circ$

تابع السؤال الثاني:

(8 درجات)

(b) إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد:

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\tan(2\theta) \quad (2)$$

السؤال الثالث: (14 درجة)

(4 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوي المثلث ABC ،

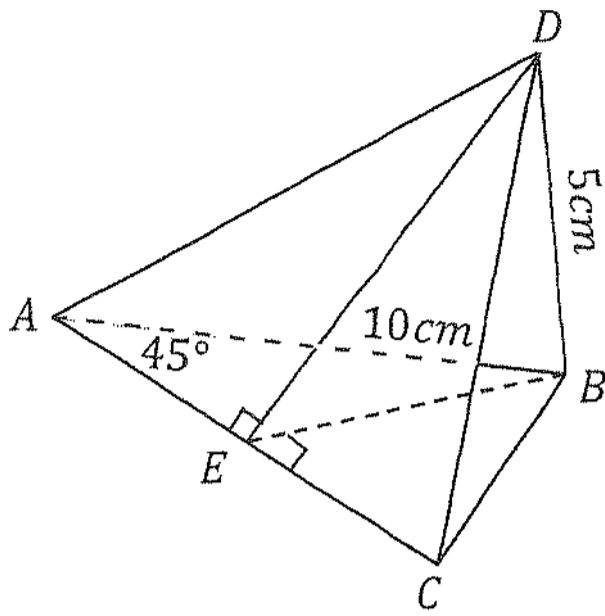
، $DB = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ، $m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$

$\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$

أوجد:

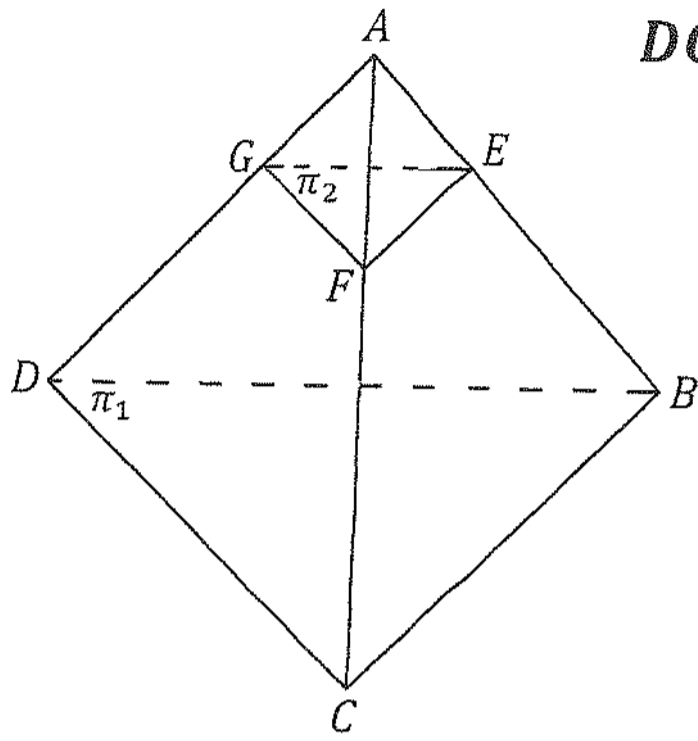
BE (1)

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC



السؤال الرابع: (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)



إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ ، فأوجد DC

تابع السؤال الرابع:

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x - 2y)^3$ (4 درجات)

(2) حل المعادلة: $nP_4 = 5 \times nP_3$, $n \geq 4$ (3 درجات)

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

أولاً: في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير $(2 - i) - (12 + 5i)$ هي $(10 - 6i)$

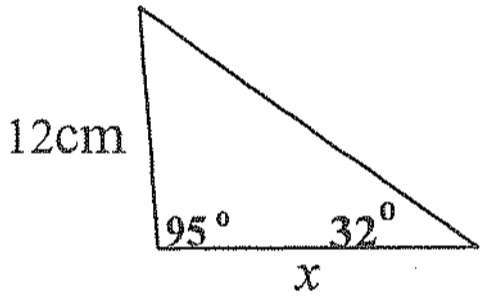
(2) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (3-10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة

(3) قيمة i^{40} تساوي

- (a) -1 (b) -i (c) 1 (d) i

(4) في المثلث المقابل ، x تساوي حوالي:



- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

(5) في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي:

- (a) -3 (b) 3 (c) -2 (d) 2

(6) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن الربع الذي تقع فيه x هو

- (a) الأول أو الثالث
(b) الثاني أو الرابع
(c) الثالث
(d) الأول

(7) يساوي $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$

- (a) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{10\pi}{21}$ (d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

- (a) خمسة مستويات مختلفة
- (b) ستة مستويات مختلفة
- (c) سبعة مستويات مختلفة
- (d) ثمانية مستويات مختلفة

(9) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن:

- (a) $\pi_1 = \pi_2$
- (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$
- (c) $\pi_1 // \pi_2$
- (d) $\pi_1 \perp \pi_2$

(10) الحدثان n, m متنافيان ، $P(n) = \frac{3}{5}$, $P(m) = \frac{1}{3}$ فإن $P(n \cup m)$ تساوي

- (a) $\frac{14}{15}$
- (b) $\frac{3}{15}$
- (c) $\frac{1}{5}$
- (d) 0

إنتهت الأسئلة

دولة الكويت

عدد الصفحات (11 صفحة)

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة

2018 / 2017 م

الصف الحادي عشر علمي

وزارة التربية
التوجيه الفني العام الرياضيات
امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) - الرياضيات - العام الدراسي

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: (14 درجة)

(a) (1) أوجد مجموعة حل المعادلة : $4z^2 + 16z + 25 = 0$ في C (5 درجات)

(2) أوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D (3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$

(4 درجات)

تابع السؤال الأول :

(b) حل المثلث ABC حيث $\alpha = 36^\circ$ ، $\beta = 48^\circ$ ، $a = 8 \text{ cm}$ (5 درجات)

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد السعة و الدورة ثم ارسم بيان الدالة :

$$y = \frac{1}{2} \cos (-x) : x \in [-2\pi, 2\pi]$$



تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

أوجد كلاً مما يلي : $\cos \beta = -\frac{12}{13}$, $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta)$

(2) $\tan 2\beta$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(a) اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

(4 درجات)

تابع السؤال الثالث :

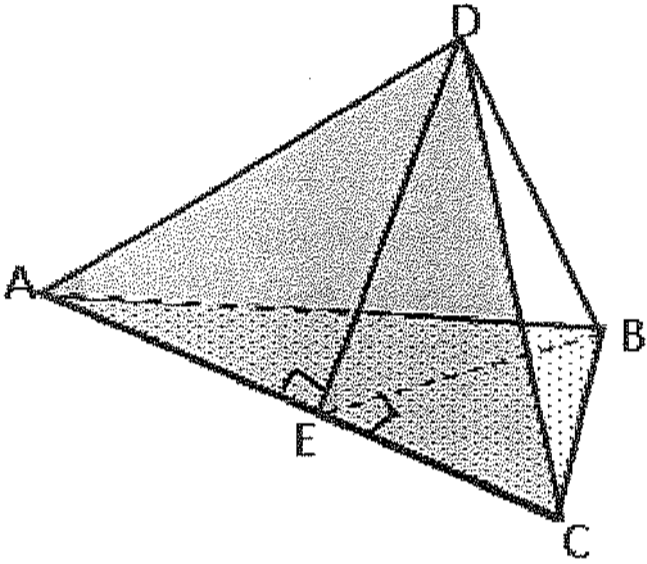
(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل: D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ، $m(\hat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$ ،

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $BD = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ،

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (DAC) ، (BAC)



السؤال الرابع : (14 درجة)

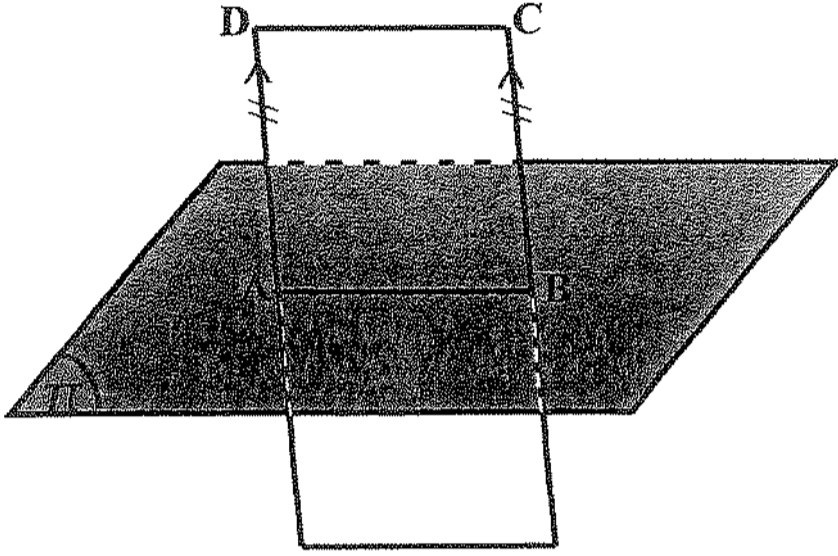
(a) (1) أكمل :

(7 درجات)

إذا وازى مستقيم خارج مستوي مستقيما في المستوي ، فإنه

(2) في الشكل المقابل : $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ ، $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD=BC$:

اثبت أن : $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$



تابع السؤال الرابع :

- (b) خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل (7 درجات)
على بطاقة تفوز %30 من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الرابحة
بشكل عشوائي ، مع راشد 4 بطاقات ، فما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مرافق العدد المركب : $z = 3 + 4i$ هو $\bar{z} = 3 - 4i$

(2) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$, $\vec{m} \parallel \pi$ فإن $\vec{l} \parallel \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ حيث $0 \leq \theta < \pi$ هي z تساوي:

- (a) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (b) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$
(c) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (d) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

(4) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاع 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (c) 24 cm^2 (d) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(5) في مثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

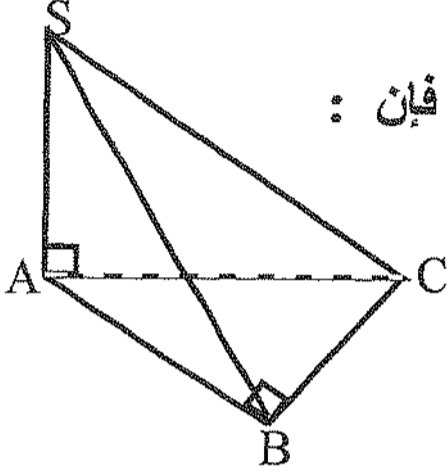
- (a) $10\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) $10\sqrt{7} \text{ cm}$ (c) 12.4 cm (d) 29 cm

(6) $\cos \left(h + \frac{\pi}{2} \right)$ يساوي :

- (a) $-\sin h$ (b) $\sin h$ (c) $\cos h$ (d) $-\cos h$

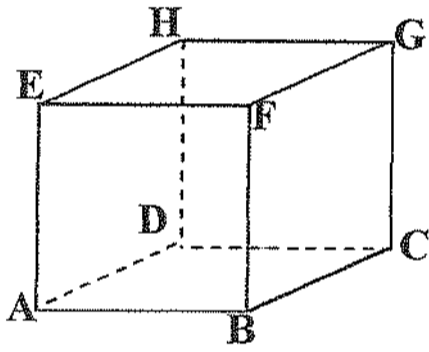
(7) مجموعة حل المعادلة: $\tan(x) = -\sqrt{3}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي x تساوي:

- (a) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$ (b) $\left\{ \frac{2\pi}{3} \right\}$
 (c) $\left\{ \frac{4\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$ (d) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \right\}$



(8) في الشكل المقابل: إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{ABC}) = 90^\circ$ فإن:

- (a) المثلث SAB قائم في \hat{B}
 (b) $\vec{CB} \perp (SAB)$
 (c) المثلث SAB متطابق الضلعين
 (d) المثلث SCB قائم في \hat{C}



(9) في المكعب ABCDEFGH، \vec{BD} ، \vec{EG} هما:

- (a) متوازيان
 (b) متقاطعان
 (c) متخالفان
 (d) يحويهما مستو واحد

(10) معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو:

- (a) 5170 (b) 3312 (c) 4320 (d) 2316

"انتهت الأسئلة"

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) (a) حل المثلث ABC حيث $a = 4 \text{ cm}$ ، $b = 3 \text{ cm}$ ، $c = 6 \text{ cm}$

تابع السؤال الأول :

(9 درجات)

(b) إذا كان : $z_1 = -2 + 2i$ ، $z_2 = 1 - i$

(1) ضع z_1 في الصورة المثلثية

(2) حل المعادلة : $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة المثلث ABC حيث

مستخدماً قاعدة هيرون $a = 23 \text{ cm}$ ، $b = 19 \text{ cm}$ ، $c = 12 \text{ cm}$

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ، $\cos \beta = \frac{24}{25}$ حيث α ، β زاويتين حادتين (8 درجات)
أوجد كلاً مما يلي :

(1) $\cos(\alpha - \beta)$

(2) $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)$

السؤال الثالث : (14 درجة)

$$\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

(a) حل المعادلة :

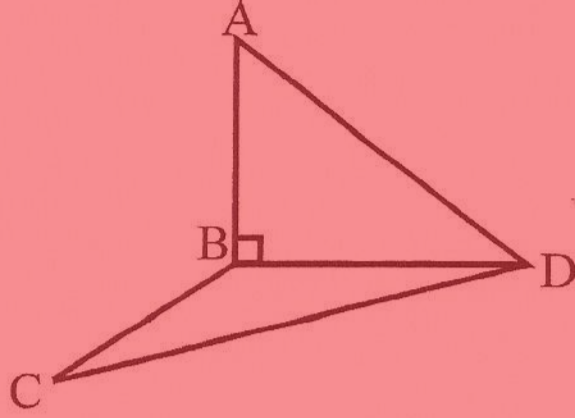
(4 درجات)

تابع السؤال الثالث :

(b) A, B, C, D أربع نقاط ليست مستوية معاً ، إذا كان $\overleftrightarrow{AB} \perp (BCD)$ (10 درجات)

وكان $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$

أثبت أن : (1) $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ (2) $(ABD) \perp (CBD)$

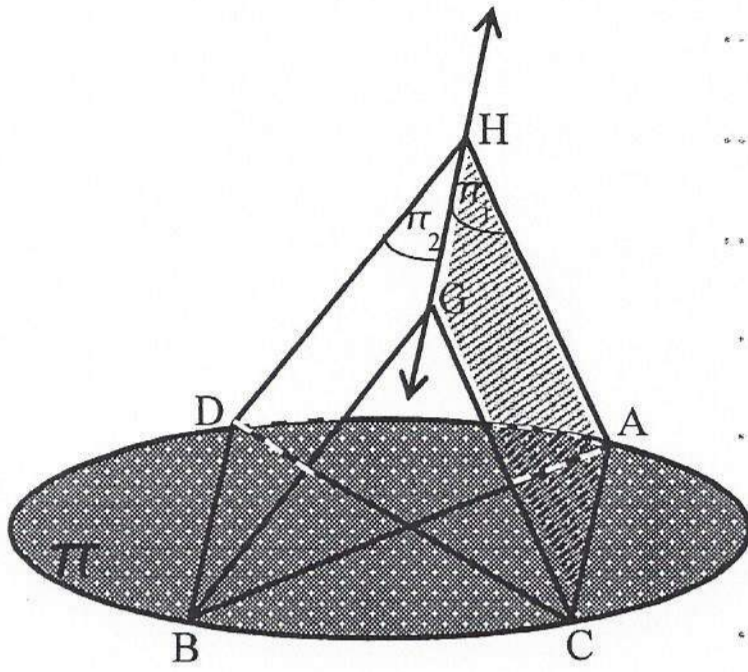


السؤال الرابع : (14 درجة)

(7 درجات)

(a) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

\vec{GH} يوازي π مستوى الدائرة $\pi_2 \cap \pi_1 = \vec{GH}$ ، أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \vec{GH}



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(7 درجات)

(b) أوجد الحد الذي يحتوي على $x^3 y^4$ في مفكوك $(2x + 3y)^7$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

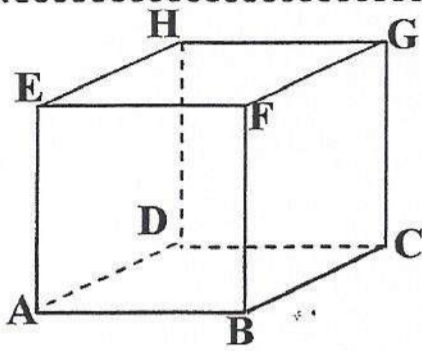
.....

.....

ثانياً: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل إذا كانت العبارة صحيحة
 إذا كانت العبارة خاطئة .
- (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 - 2i$



(2) في الشكل المقابل: إذا كان ABCDEFGH مكعب فإن
 \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{HG} يعينان مستويًا

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مجموعة حل $z^2 - 4z + 20 = 0$: $z \in C$ هي :

- (a) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (b) $\{ -2 + 4i , -2 - 4i \}$
 (c) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (d) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

(4) معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ حيث السعة 4 و الدورة 6 يمكن أن تكون :

- (a) $y = -\frac{1}{4} \cos (\frac{x}{3})$ (b) $y = -4 \cos (\frac{3}{\pi} x)$
 (c) $y = -4 \cos (\frac{\pi}{3} x)$ (d) $y = 4 \cos (\frac{x}{3})$

(5) مثلث قياسات زواياه 50° ، 60° ، 70° فإذا كان طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm فإن أطول ضلع يساوي تقريباً :

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

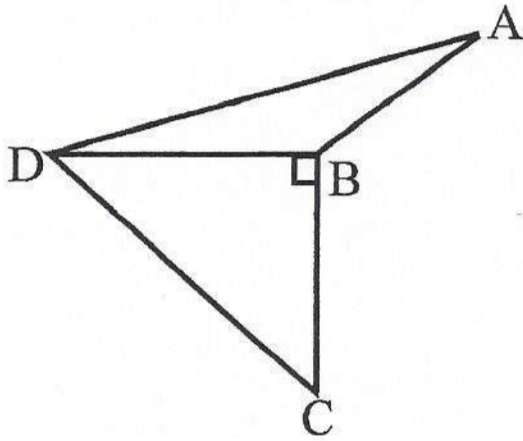
(6) المقدار $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\cot^2 x$ (b) $\tan^2 x$ (c) $\cot^2 x \cos^2 x$ (d) $\tan^2 x \sin^2 x$

(7) $\sin(2\theta) =$

- (a) $\cos \theta \sin \theta$ (b) $\sin^2 \theta$ (c) $\cos^2 \theta$ (d) $2 \cos \theta \sin \theta$

(8) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B فإذا كان $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$ فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{BD} هي :



- (a) $\hat{D}BC$ (b) $\hat{A}BC$
(c) $\hat{A}BD$ (d) $\hat{A}DC$

(9) إذا كان $\pi_2 // \pi_1$ ، $\pi_2 \neq \pi_1$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن :

- (a) $\vec{l} // \vec{m}$ (b) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (c) متخالفان \vec{l} ، \vec{m} (d) $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$

(10) عدد طرائق المختلفة التي يمكن اختيار 3 أعلام من مجموعة من 7 أعلام هي :

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث $\gamma = 20^\circ$, $b = 5 \text{ cm}$, $a = 11 \text{ cm}$ (5 درجات)

تابع السؤال الأول :

(9 درجات)

(b) إذا كان $z_1 = -2 - 2i$, $z_2 = 3 - 5i$

(1) اوجد : z_2^{-1}

(2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية

Blank area for student answers.

السؤال الثاني : (14 درجة)

(a) اوجد السعة والدورة للدالة: $y = -5 \cos\left(\frac{2x}{3}\right)$ ثم ارسم بيانها (6 درجات)

.....

.....

.....

.....

.....

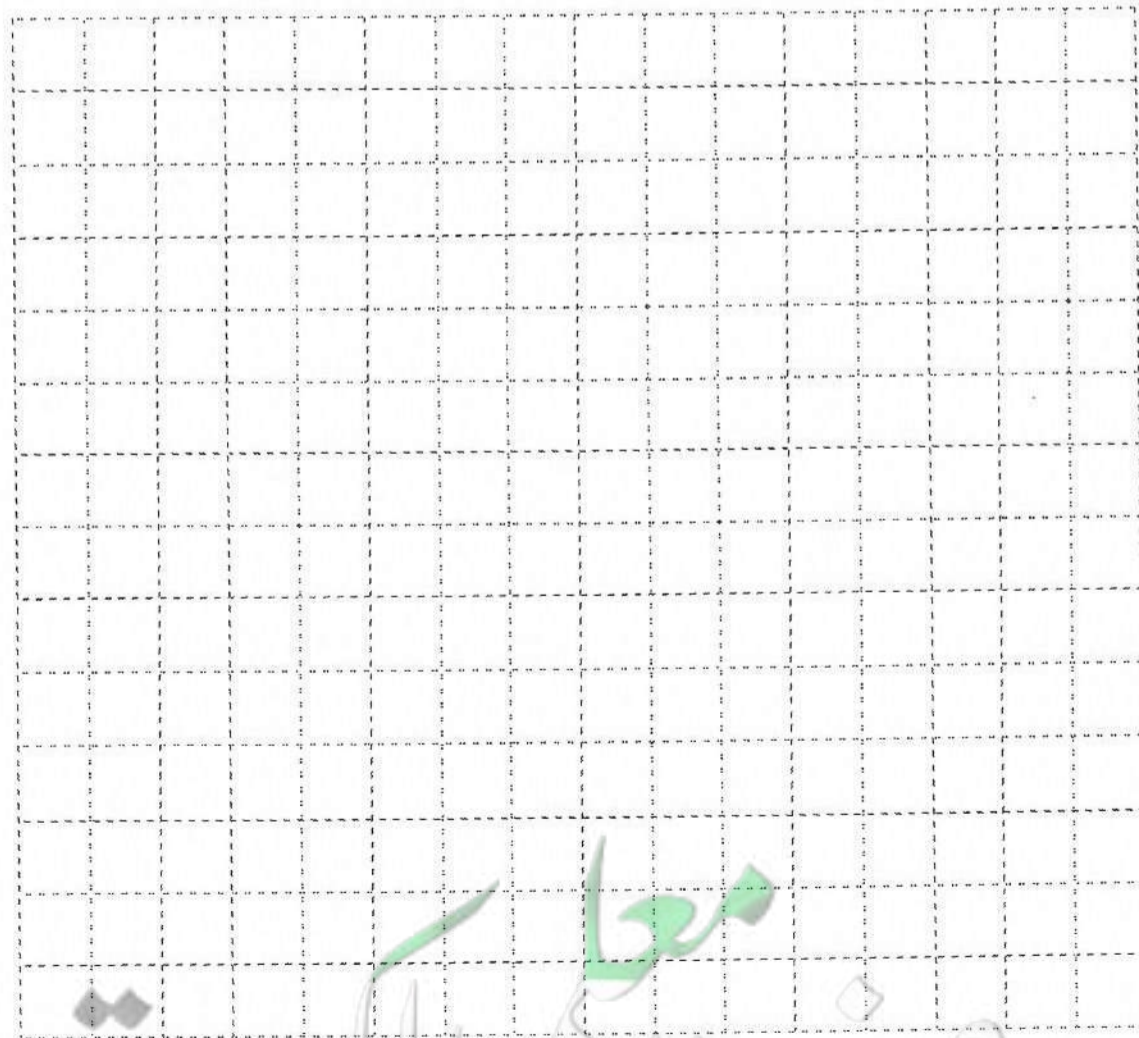
.....

.....

.....

.....

.....



تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5 \sin \theta - 2 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات) (a) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2 \csc^2 x$

تابع السؤال الثالث :

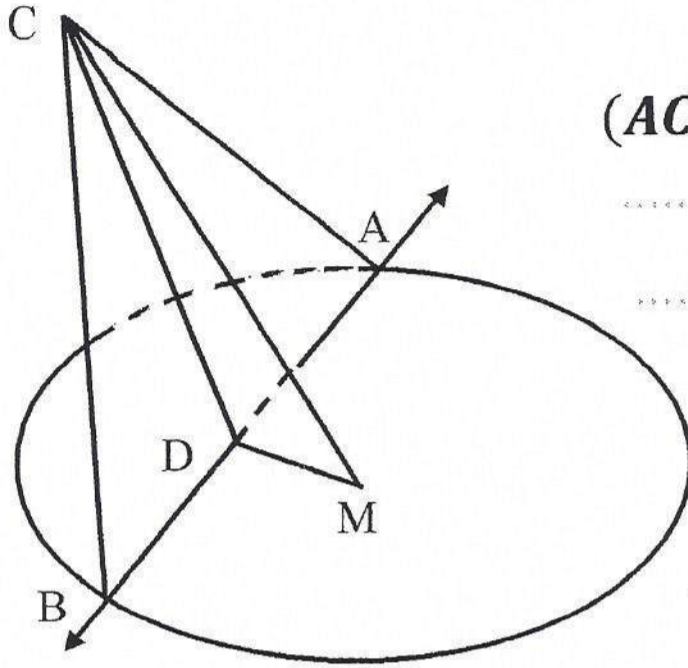
(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل C نقطة خارج مستوى الدائرة التي مركزها M
 D منتصف AB ، ABC مثلث فيه $CA = CB$ اذا كان

$$DC = DM = 5 \text{ cm} , MC = \sqrt{50} \text{ cm}$$

اثبت ان : (1) $\overline{MC} \perp \overline{AB}$

(2) مستوى الدائرة $\perp (ACB)$

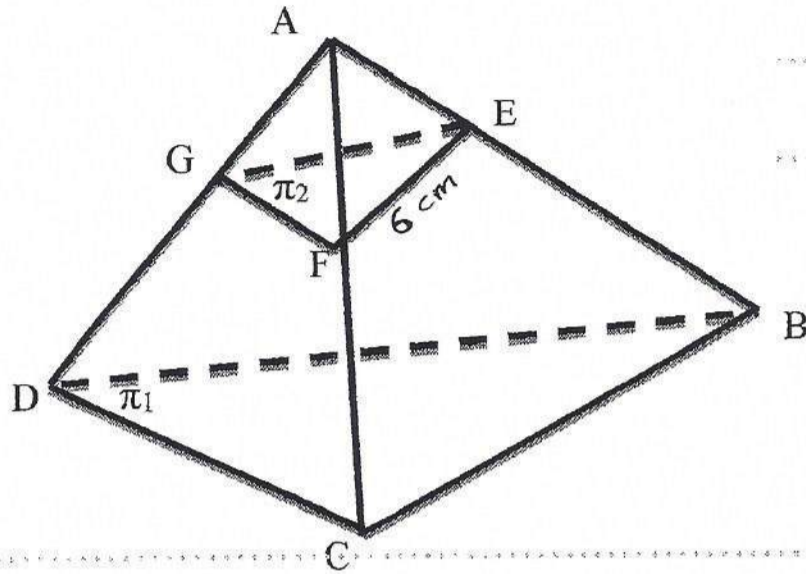


السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل $ABCD$ هرم ثلاثي ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)

إذا كان $FE = 6\text{cm}$ ، $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$

أوجد : CB



تابع السؤال الرابع :

(7 درجات) (b) حل المعادلة : $6P_r = 4 \times 6P_{r-1}$

ثانيا: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 4z + 5 = 0$ هي $\{ 2 - i , 2 + i \}$.

(2) إذا كان المستقيمان L, M متخالفان وكان $\vec{N} \perp \vec{M}$ فإن $\vec{L} \perp \vec{N}$.

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مساحة مثلث متطابق الاضلاع طول ضلعه a هي :

- (a) $\frac{1}{2}a^2 \text{ units}^2$ (b) $a^2 \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ units}^2$ (c) $a^2 \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ units}^2$ (d) $a^2 \text{ units}^2$

(4) الصورة الجبرية للعدد المركب $z = (1 + 2i)^2$ هي :

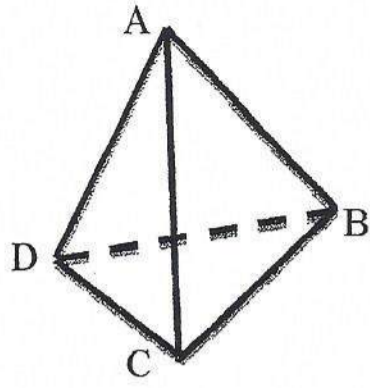
- (a) $z = -3 + 4i$ (b) $z = 5 + 4i$ (c) $z = 5$ (d) $z = -3$

(5) $2 \cos^2 \frac{x}{2}$ تساوي :

- (a) $1 + \cos 2x$ (b) $1 + \cos x$ (c) $\frac{1 - \cos 2x}{2}$ (d) $\frac{1 + \cos x}{2}$

(6) عدد حلول المعادلة $2 \cos 4x = 1$ حيث $x \in [0, \frac{\pi}{8})$ هو :

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0



(7) في الشكل المقابل : ABCD هرم فإن النقاط A ، B ، C :

- (a) تعين مستويا واحد
(b) تعين مستويين اثنين
(c) لا يمكن ان تعين مستويا
(d) تعين عدد لا منته من المستويات

(8) اذا توازي مستويان مختلفان وقطعهما مستو ثالث فإن خطي التقاطع :

- (a) متعامدان
(b) متقاطعان
(c) متخالفان
(d) متوازيان

(9) اذا كان $AB = 12 \text{ cm}$ ، $AC = 17 \text{ cm}$ ، $BC = 25 \text{ cm}$ فإن قياس الزاوية الكبرى في المثلث ABC يساوي تقريبا :

- (a) 118° (b) 110° (c) 125° (d) 100°

(10) إذا كان الحدثان t ، r متنافيان ، $p(t) = \frac{1}{7}$ ، $p(r) = 60\%$ فإن $p(t \cup r)$ تساوي

- (a) 28% (b) 42% (c) $\frac{16}{35}$ (d) $\frac{26}{35}$

" انتهت الأسئلة "

(الأسئلة في 10 صفحات)
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة
الصف الحادي عشر علمي - المجال الدراسي الرياضيات - العام الدراسي 2015 / 2016 م

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول :

(6 درجات) (a) إذا كان : $z_1 = 1 + i$, $z_2 = 3 - 4i$

(1) أوجد $2z_1 - \bar{z}_2$

(2) اكتب العدد z_1 في الصورة المثلثية .

تابع السؤال الأول :

(b) حل المعادلة :

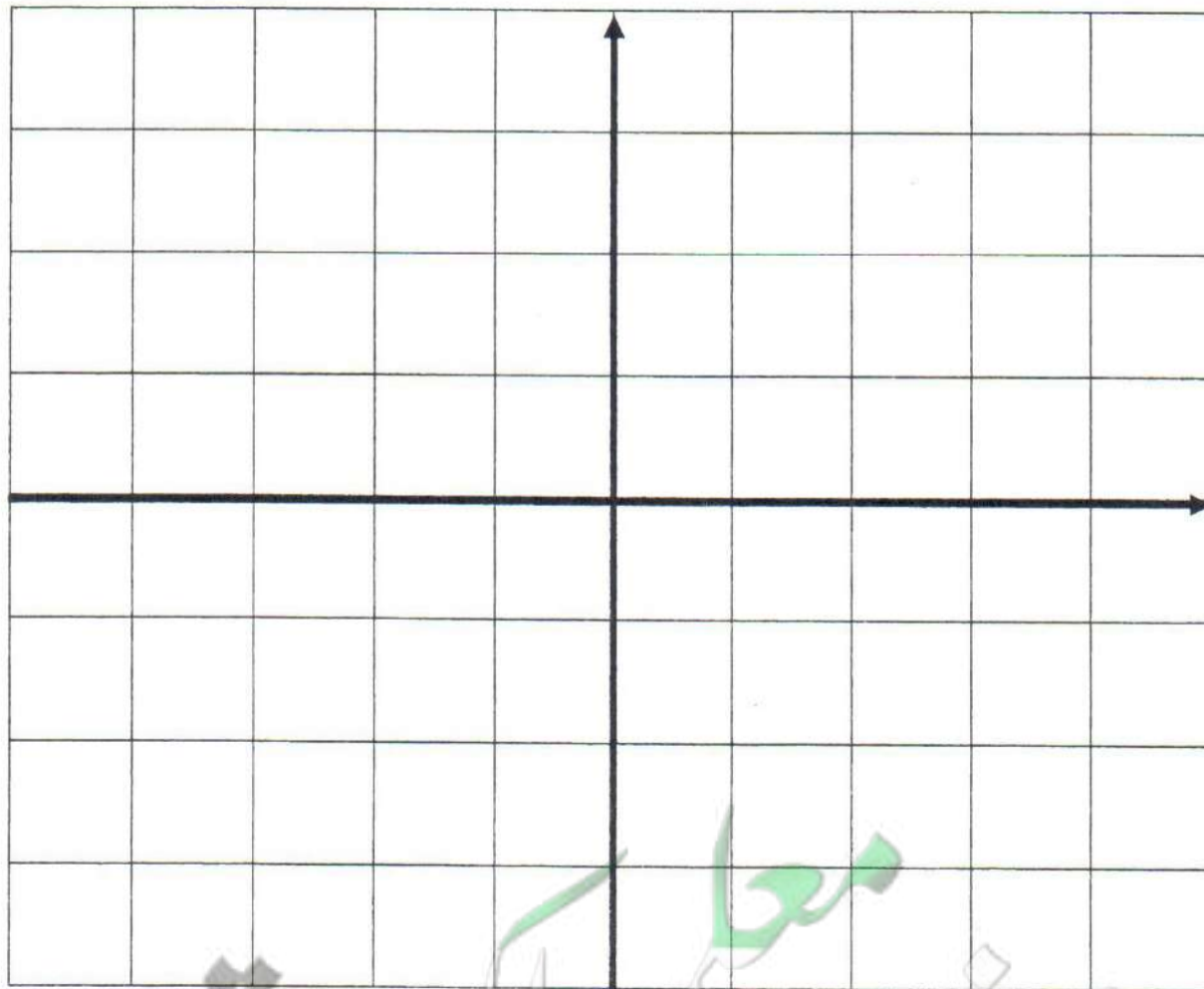
$$3 \sin \theta + 1 = \sin \theta$$

(4 درجات)

السؤال الثاني :

(4 درجات) (a) أوجد السعة و الدورة للدالة ثم ارسم بيانها :

$$y = -3 \cos (2x) \quad , \quad x \in [-\pi, \pi]$$

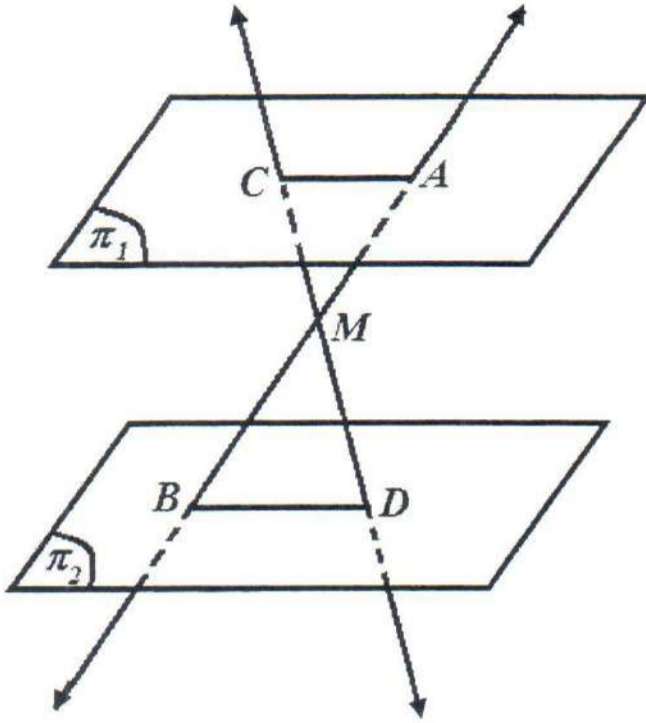


تابع السؤال الثاني :

(6 درجات)

(b) في الشكل المقابل : π_1 , π_2 مستويان متوازيان ،
نقطة واقعة بينهما ، حيث $\overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} = \{M\}$

$$\text{أثبت أن : } \frac{AM}{MB} = \frac{AC}{BD}$$



السؤال الثالث :

(a) أثبت صحة المتطابقة :

(4 درجات)

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

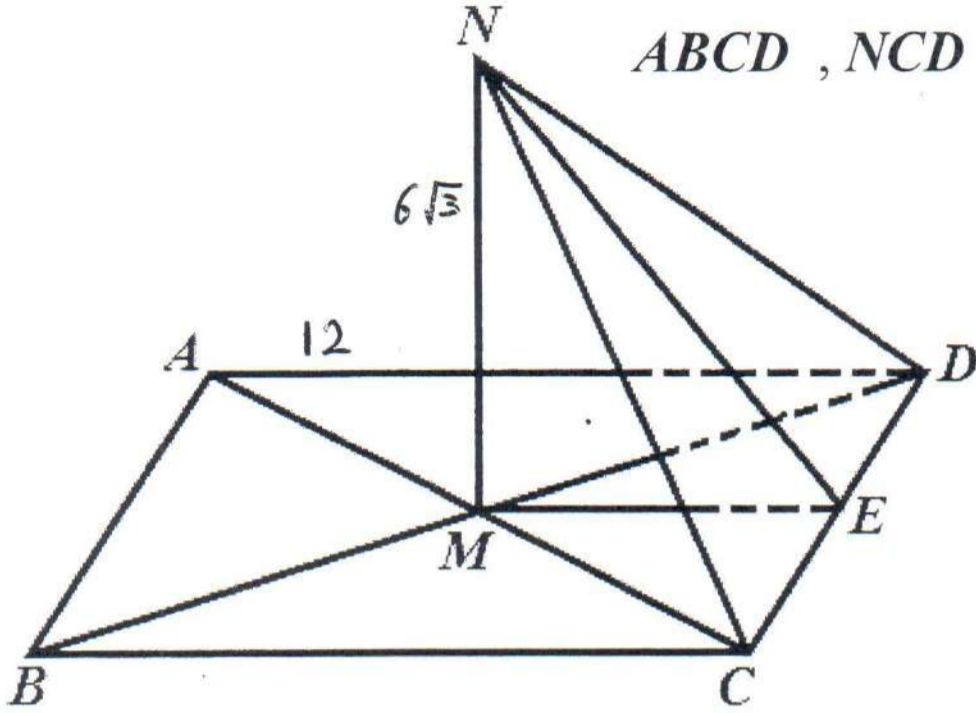
تابع السؤال الثالث :

(b) في الشكل المرسوم $ABCD$ مستطيل تقاطع قطراه في M ،

وفيه $AD = 12$ أقيم \overline{NM} عمودًا على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه

بحيث $MN = 6\sqrt{3}$ ، E منتصف \overline{CD}

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD



السؤال الرابع :

(a) حل المثلث ABC حيث $a = 9 \text{ cm}$, $b = 7 \text{ cm}$, $c = 5 \text{ cm}$ (5 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(5 درجات) $\frac{{}^nC_5}{{}^{(n-1)}C_4} = \frac{6}{5}$: أوجد قيمة n حيث :

ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ،
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $A(4, \frac{5\pi}{3})$ هي $A(2, -2\sqrt{3})$.

(2) إذا كان المستقيم ℓ مائل على المستوى π فإن $\vec{\ell}$ ليس عمودياً على أي مستقيم محتوى في π .

(3) إذا كانت أطوال أضلاع مثلث تساوي 5 cm , 8 cm , 12 cm فإن قياس الزاوية الأكبر في هذا المثلث يساوي حوالي 133.4°

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحدة فقط منها صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 3 - 4i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = 2 + i \\ z_2 = -2 - i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = 3 - 4i \\ z_2 = -3 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = -2 + i \\ z_2 = 2 - i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = -7 - i \\ z_2 = 7 + i \end{cases}$

(5) المقدار : $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

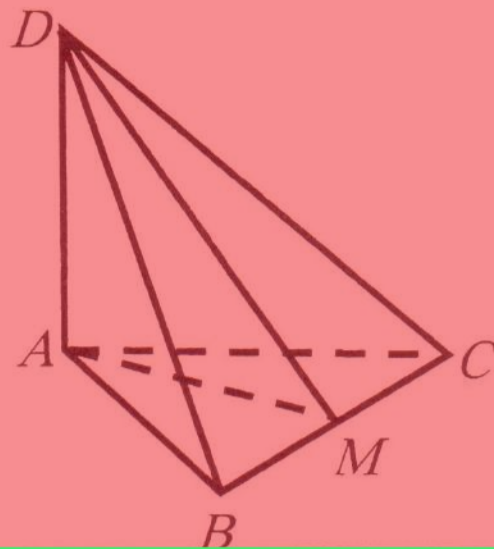
- (a) $\tan^2 x$ (b) $\cot^2 x$ (c) $\tan^2 x \sin^2 x$ (d) $\cot^2 x \cos^2 x$

(6) إذا كان $\vec{\ell} \subset \pi_1$, $\vec{m} \subset \pi_2$, $\pi_1 \neq \pi_2$, $\pi_1 // \pi_2$ فإن :

- (a) $\vec{\ell} // \vec{m}$ (b) $\vec{\ell} \perp \vec{m}$ (c) $\vec{\ell}$, \vec{m} متخالفتان (d) $\vec{\ell} \cap \vec{m} = \phi$

(7) في الشكل المقابل : إذا كان \overrightarrow{AD} عمودي على (ABC) ، $AB = AC$ ، M منتصف \overline{BC} فإن :

- (a) $(ABC) \perp (DAC)$
(b) $(DBC) \perp (DAC)$
(c) $(AMD) \perp (ACD)$
(d) $(ABD) \perp (BCD)$



(8) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm ، 8 cm ، 9 cm هي :

- (a) $6\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$ (c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$ (d) $18\sqrt{3}\text{ cm}^2$

(9) $\tan\left(h + \frac{\pi}{4}\right)$ تساوي :

- (a) $1 + \tanh$ (b) $\frac{1 - \tanh}{1 + \tanh}$
(c) $\frac{1 + \tanh}{1 - \tanh}$ (d) $1 - \tanh$

(10) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معامله 2160 هو الحد :

- (a) الثاني (b) الثالث (c) الرابع (d) الخامس

" انتهت الأسئلة "

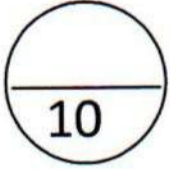
امتحان الدور الثاني للفترة الدراسية الرابعة - الرياضيات
الصف الحادي عشر العلمي
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة
العام الدراسي 2015/2016 م

أسئلة المقال

أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

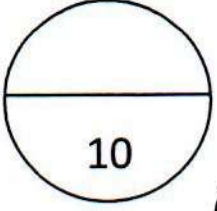
إجابة السؤال الأول :

(a) أوجد الجذرين التربيعين للعدد المركب $z = 3 + 4i$ (6 درجات)



تابع إجابة السؤال الأول:

(b) حل المعادلة :- $2 \cos x = -\sqrt{3}$ (4 درجات)

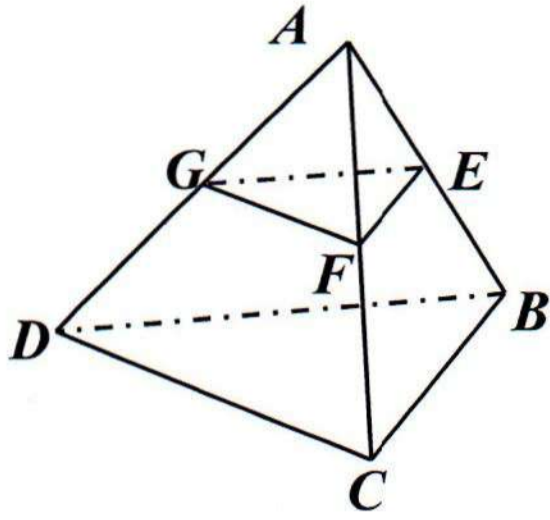


إجابة السؤال الثاني:

(a) أوجد السعة والدورة للدالة ثم ارسم بيانها؛ $y = 2 \cos 2x, x \in [-\pi, \pi]$ (4 درجات)

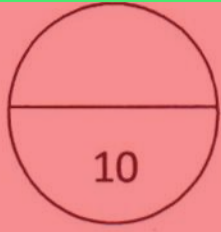
(b) في الشكل المقابل $ABCD$ هرم ثلاثي ، المستويان EFG, BCD متوازيان (6 درجات)

فإذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ فأوجد DC



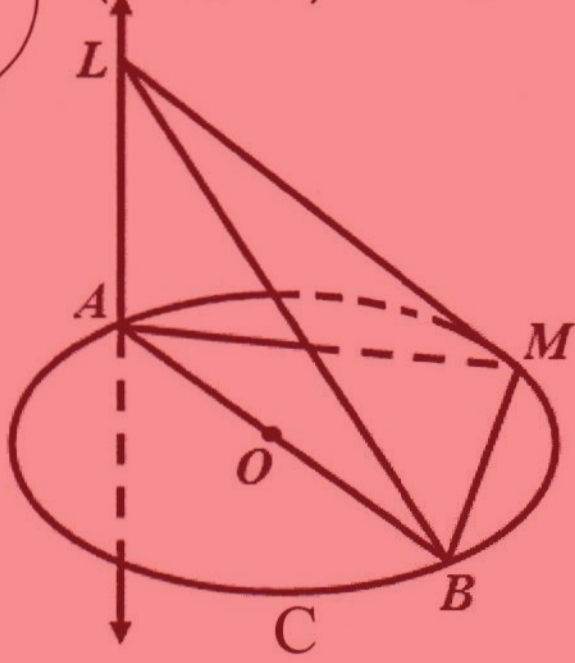
الحل :-

إجابة السؤال الثالث:



(6 درجات)

(a) في الشكل المقابل دائرة C دائرة مركزها O ، \overline{AB} قطر في الدائرة
 M نقطة تنتمي للدائرة، \overline{LA} متعامد مع مستوى الدائرة
أثبت أن :



$$(a) \overline{BM} \perp (LMA)$$

$$(b) (LBM) \perp (LAM)$$

(b) إذا كان $\sin \theta = -\frac{1}{\sqrt{2}}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ (4 درجات)

فأوجد (1) $\sin 2\theta$ (2) $\cos\left(\theta + \frac{\pi}{3}\right)$

(a) حل المثلث ABC الذي فيه $a = 4 \text{ cm}, \alpha = 40^\circ, \beta = 60^\circ$ (5 درجات)

الحل :

(b) أوجد الحد الذي يحتوي على $x^3 y^4$ في مفكوك $(2x + 3y)^7$ (5 درجات)

الحل :

في البنود من (3 - 1) بنود صحيحة وأخرى خاطئة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة :

①	الإحداثيات القطبية للنقطة $M\left(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{-\sqrt{2}}{2}\right)$ هي $M\left(1, \frac{5\pi}{4}\right)$.
②	إذا كان a, b طولاً ضلعين متتاليين في متوازي أضلاع و θ قياس الزاوية بينهما فإن مساحة متوازي الأضلاع تساوي $ab \sin \theta$
③	إذا وازى مستقيم l مستويا π فإن \vec{l} يوازي مستقيماً وحيداً في π

في البنود من (10 - 4) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدالة على الإجابة الصحيحة :-

④	إذا كان $z = i$ فإن z^{250} تساوي		
(a) $-i$	(b) i	(c) 1	(d) -1
⑤	إذا كان $a = 4cm, b = 3cm, c = 6cm$ فإن قياس الزاوية الكبرى في المثلث ABC يساوي حوالي :		
(a) 117°	(b) 110°	(c) 125°	(d) 100°
⑥	إذا كان $\vec{l} \subset \pi_1, \vec{m} \subset \pi_2, \pi_1 // \pi_2, \pi_1 \neq \pi_2$ فإن :		
(a) $\vec{l} // \vec{m}$	(b) $\vec{l} \perp \vec{m}$	(c) متخالفان \vec{l}, \vec{m}	(d) $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$
⑦	$2 \cos^2 \frac{x}{2}$ تساوي		
(a) $\frac{1 + \cos x}{2}$	(b) $1 + \cos 2x$	(c) $1 + \cos x$	(d) $\frac{1 - \cos 2x}{2}$

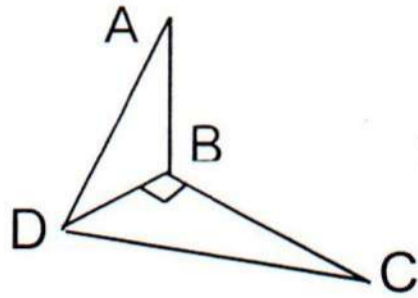


المقدار $\frac{1}{\tan x} + \tan x$ متطابق مع المقدار

8

- (a) $\sec x \cos x$ (b) $\sec x \sin x$ (c) $\sec x \csc x$ (d) $\sin x \cos x$

في الشكل المقابل DBC مثلث قائم الزاوية في B فإذا كان



$\overline{AB} \perp (DBC)$ فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{DB} هي :

9

- (a) \widehat{DBC} (b) \widehat{ABC} (c) \widehat{ABD} (d) \widehat{ADC}

إذا كان r, t حدثان متنافيان، $P(t) = \frac{3}{5}$ ، $P(r) = \frac{1}{3}$ فإن $P(r \cup t)$ يساوي :

10

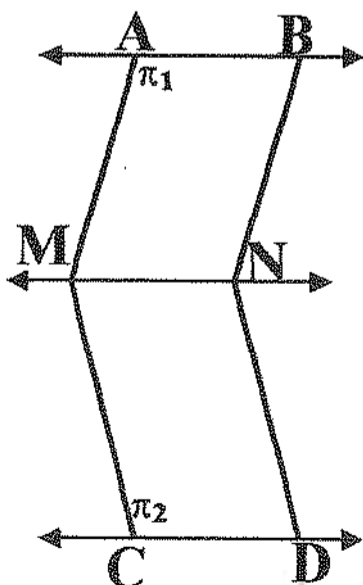
- (a) $\frac{1}{5}$ (b) $\frac{1}{2}$ (c) $\frac{4}{15}$ (d) $\frac{14}{15}$

(الأسئلة في 8 صفحات)

الزمن : ساعتان و45 دقيقة

الصف الحادي عشر علمي

امتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعة - المجال الدراسي الرياضيات - العام الدراسي 2015 / 2014 م

القسم الأول - أسئلة المقالأجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منهاالسؤال الأول: (a) أوجد الجذرين التربيعين للعدد المركب $z = 5 + 12i$ (5 درجات)(b) في الشكل المقابل ليكن π_1, π_2 مستويان متقاطعان في MN حيث $\overleftrightarrow{AB} \parallel \pi_2$ (5 درجات)اثبت $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$ ، $\overleftrightarrow{CD} \subset \pi_2$ ، $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi_1$ ، $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi_1$ 

السؤال الثاني :

(3 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 5 - 4i$ ، $z_2 = 3 + i$ فاوجد :

(3) $(z_2)^{-1}$

(2) $(\overline{z_2 + z_1})$

(1) $z_2 \cdot z_1$

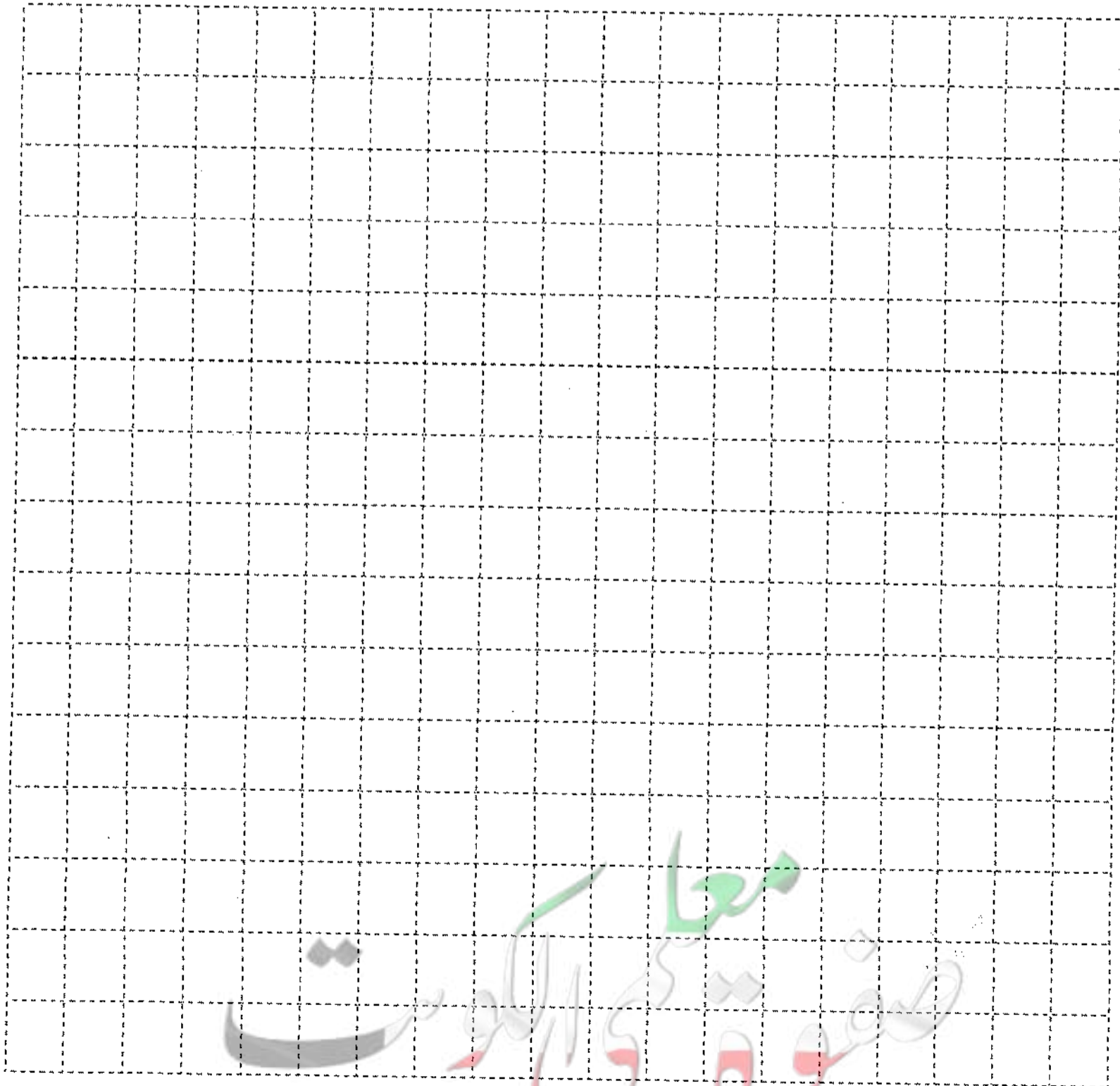
(3 درجات)

(b) حل $\triangle ABC$ حيث $a = 7 \text{ cm}$ ، $b = 6 \text{ cm}$ ، $\alpha = 26.3^\circ$

تابع السؤال الثاني :

(c) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3 \cos 4x$ ، حيث $x \in [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ (4 درجات)

ثم ارسم بيانها

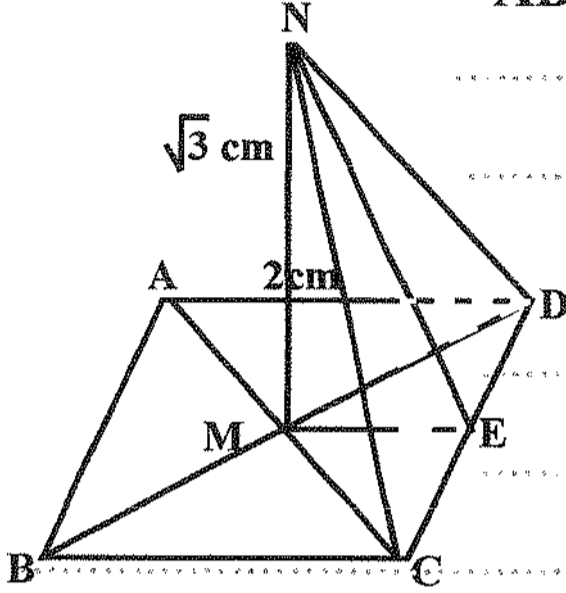


السؤال الثالث :

(a) مستطيل تقاطع قطراه في M وفيه $AD = 2\text{cm}$ ، E منتصف CD (7 درجات)

أقيم \overline{NM} عموداً على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه بحيث $MN = \sqrt{3}\text{ cm}$

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$, NCD



(b) اثبت صحة المتطابقة : $\tan^2 x - \sin^2 x = \sin^2 x \tan^2 x$ (3 درجات)

السؤال الرابع :

(5 درجات)

فاوجد : $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$

(a) إذا كان $\cos \theta = -\frac{3}{5}$

(2) $\tan 2\theta$

(1) $\sin \left(\theta - \frac{\pi}{2} \right)$

(5 درجات)

(b) أوجد مجموعة حل المعادلة : ${}_{2n}C_4 = \frac{1}{2} {}_{2n}C_5$

ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) في المثلث ABC : $AC = 9\text{cm}$ ، $AB = 7\text{cm}$ ، $BC = 8\text{cm}$ ، فإن مساحة المثلث ABC تساوي $12\sqrt{5}\text{ cm}^2$

(2) إذا كان $0^\circ < \theta < 90^\circ$ ، فإن $\cos \theta = \frac{3}{5}$ ، فإن $\sin 2\theta = \frac{4}{5}$

(3) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$ ، $\vec{m} \parallel \pi$ ، فإن $\vec{l} \perp \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) إذا كان : $z = i$ فإن z^{250} يساوي :

- (a) i (b) $-i$ (c) 1 (d) -1

(5) الدالة التي تمثل تمداً رأسياً بمعامل 4 وانكماشاً أفقياً بمعامل $\frac{1}{3}$ لمنحنى الدالة $g(x) = \sin(x)$ هي الدالة $f(x)$ تساوي

- (a) $4 \sin\left(\frac{1}{3}x\right)$ (b) $\frac{1}{3} \sin(3x)$
(c) $3 \sin(4x)$ (d) $4 \sin(3x)$

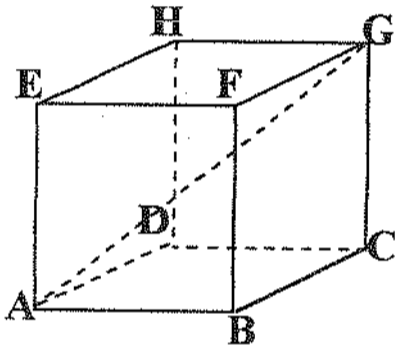
(6) في المثلث ABC : $m(\hat{A}) = 120^\circ$ ، $AB = 30 \text{ cm}$ ، $AC = 40 \text{ cm}$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريباً :

- (a) 60.8 cm (b) 36 cm
(c) 21 cm (d) 68 cm

(7) المقدار : $\frac{1}{\tan x} + \tan x$ متطابق مع المقدار :

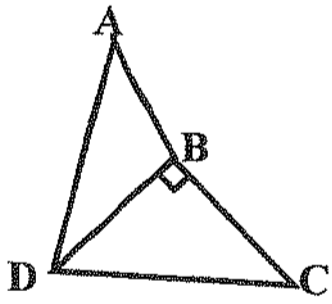
- (a) $\sec x \cos x$ (b) $\cos x \sin x$ (c) $\sec x \csc x$ (d) $\sec x \sin x$

(8) يمثل الشكل المقابل مكعباً إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره \overline{AG} يساوي :



- (a) $\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) 9 cm
(c) 18 cm (d) $3\sqrt{3} \text{ cm}$

(9) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B ، فإذا كان \overrightarrow{AB} عمودي على (DBC) :



فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overleftrightarrow{BD} هي :

- (a) \hat{DBC} (b) \hat{ABC}
(c) \hat{ABD} (d) \hat{ADC}

(10) معامل الحد الثالث من مفكوك $(a - b)^7$ هو :

- (a) -21 (b) -7 (c) 7 (d) 21

"انتهت الأسئلة"

القسم الأول - أسئلة المقال

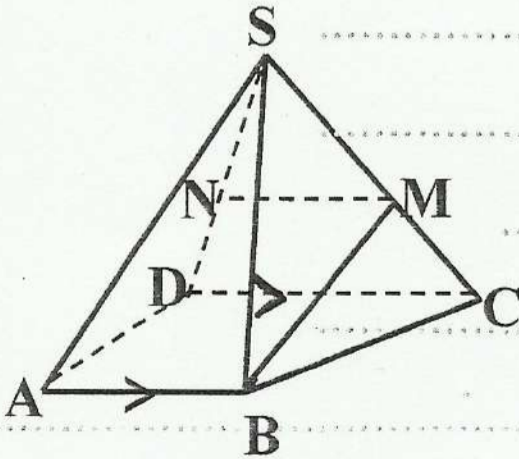
أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

(5 درجات)

السؤال الأول : (a) أوجد مجموعة حل المعادلة : $x^2 + 6x + 25 = 0$

(5 درجات)

(b) في الشكل المقابل : هرم قاعدته شبه المنحرف ABCD حيث إن

 $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{CD}$ ، $M \in \overline{SC}$ ، المستوى ABM يقطع \overline{SD} في Nاثبت أن : (a) \overrightarrow{AB} يوازي المستوي SDC(b) $\overrightarrow{MN} \parallel \overrightarrow{CD}$ 

السؤال الثاني :

(a) حول الاحداثيات القطبية إلى إحداثيات ديكارتية حيث $N (5 , \frac{\pi}{4})$ (3 درجات)

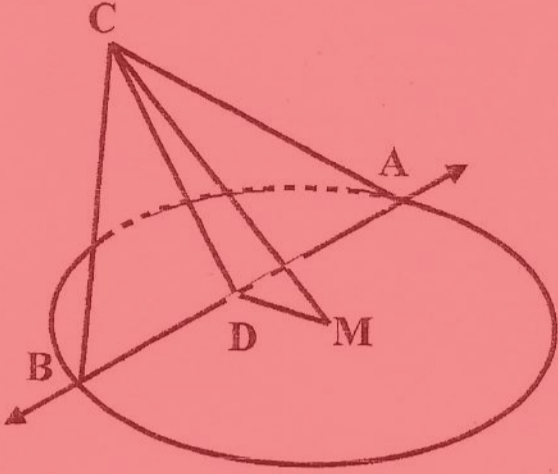
(b) حل $\triangle ABC$ حيث $a = 2 \text{ cm}$ ، $b = 3 \text{ cm}$ ، $c = \sqrt{7} \text{ cm}$ (3 درجات)

تابع السؤال الثاني :

(c) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = \cos 2x$ ثم مثل بيان دورة واحدة للدالة (4 درجات)

السؤال الثالث :

- (a) في الشكل المقابل : C نقطة خارج مستوي الدائرة التي مركزها M ،
(7 درجات)
 D منتصف \overline{AB} ، ABC مثلث فيه $CA = CB$ ، إذا كان $MC = \sqrt{50}$ cm ،
 $DM = DC = 5$ cm ، أثبت أن : (1) $\overline{MC} \perp \overline{AB}$ (2) مستوي الدائرة $\perp (ACB)$



- (b) اثبت صحة المتطابقة : $\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$ (3 درجات)

السؤال الرابع :

(a) إذا كان $\sin \theta = -\frac{1}{2}$ حيث $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ فاوجد : $\sin 2\theta$ (5 درجات)

(5 درجات)

(b) أوجد قيمة n فيما يلي : $\frac{{}^nC_7}{{}^{(n-1)}C_6} = \frac{8}{7}$

ثانياً: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) يمثل منحنى الدالة $f(x) = 3 \cos(4x)$ تمداً رأسياً بمعامل 3 و انكماشاً أفقياً بمعامل 4 لمنحنى الدالة $g(x) = \cos(x)$

(2) حل المعادلة $\cos x = \frac{1}{2}$ هو $x = \frac{\pi}{3} + 2k\pi$ حيث k عدد صحيح

(3) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) $8 - (\sqrt{-1}) - (-3 + \sqrt{-16})$ يساوي :

- (a) $11 - 3i$ (b) $11 + 3i$ (c) $11 - 5i$ (d) $11 + 5i$

(5) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه : 8 cm ، 4 cm ، 6 cm هي :

- (a) $5\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $3\sqrt{15} \text{ cm}^2$
(c) $3\sqrt{5} \text{ cm}^2$ (d) $\sqrt{15} \text{ cm}^2$

(6) معادلة الدالة المثلثية $y = \tan (bx)$ حيث الدورة $\frac{3}{4}$ هي

(a) $y = \tan (\frac{4}{3} \pi x)$

(b) $y = \tan (\frac{3}{4} x)$

(c) $y = \tan (\frac{3}{4} \pi x)$

(d) $y = \tan (\frac{4}{3} x)$

(7) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ تساوي :

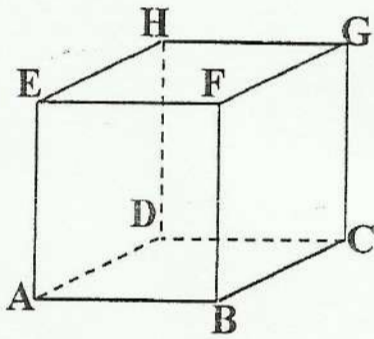
(a) $\cos \frac{4\pi}{21}$

(b) $\sin \frac{4\pi}{21}$

(c) $\cos \frac{10\pi}{12}$

(d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) يمثل الشكل المقابل مكعباً ABCDEFGH ، المستقيمان \overrightarrow{HF} ، \overrightarrow{AC} هما :



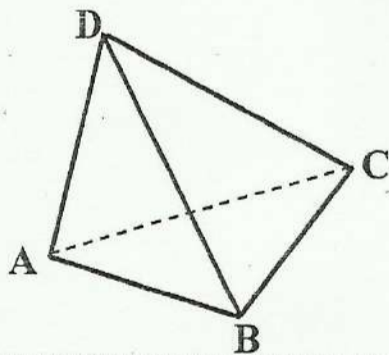
(b) متقاطعان

(a) متخالفان

(d) يحويها مستوي واحد

(c) متوازيان

(9) في الشكل المقابل ، المثلث ABC متطابق الأضلاع ، \overrightarrow{AD} عمودي على (ABC)



فإن قياس الزاوية الزوجية (DAB ، \overrightarrow{DA} ، DAC) هي :

(a) 45°

(b) 30°

(c) 80°

(d) 60°

(10) في مفكوك $(x-y)^9$ تكون رتبة الحد $125x^5y^4$ هي :

(d) الرابعه

(c) الخامسه

(b) السادسه

(a) التاسعه

امتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعة للصف الحادي عشر علمي
المجال الدراسي الرياضيات - القسم العلمي - العام الدراسي 2013 / 2014 م

القسم الأول - أسئلة المقال: (أجب عن جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل)
(المقام أينما وجد لايساوي الصفر)

السؤال الأول:

(7 درجات)

$$z = -3 + 4i$$

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب

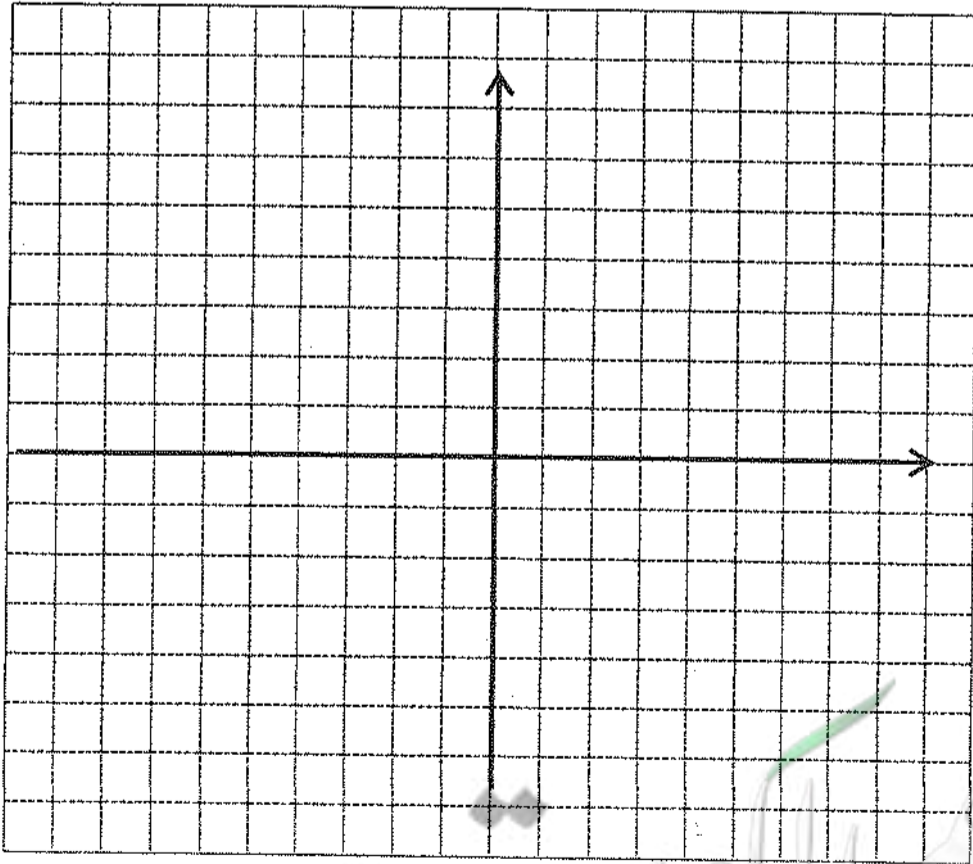
الحل:

(3 درجات)

(b) أوجد السعة والدورة ثم ارسم دورة واحدة لبيان الدالة:

$$y = 3 \cos 2x$$

الحل:



السؤال الثاني :

(5 درجات)

(a) مثلث فيه $a = 3\text{cm}$, $b = 8\text{cm}$, $c = 7\text{cm}$

أوجد : ① قياس أكبر زاوية

② مساحة سطح المثلث ABC مستخدماً قاعدة هيرون

الحل :

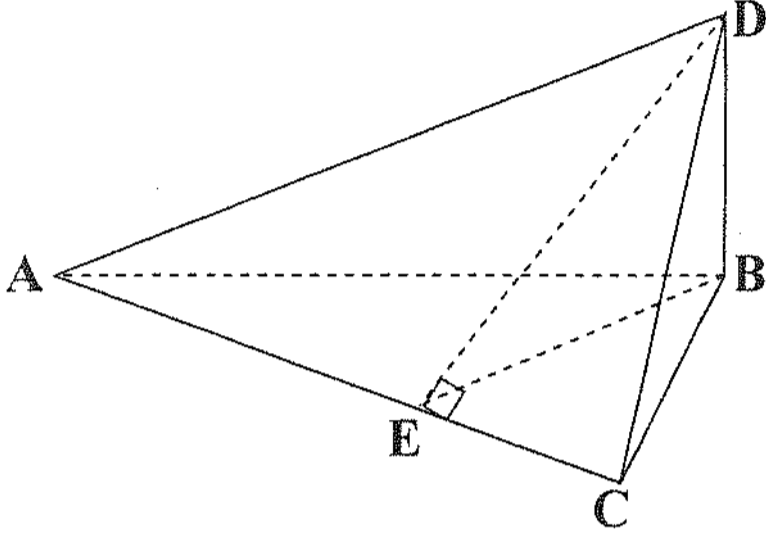
(5 درجات)

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC

$$\overline{DE} \perp \overline{AC}, \overline{DB} \perp (ABC), DB = 5\text{cm}, AB = 10\text{cm}, m(\widehat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$$

أوجد : ① $\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ،

② قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC, DAC



الحل :

السؤال الثالث :

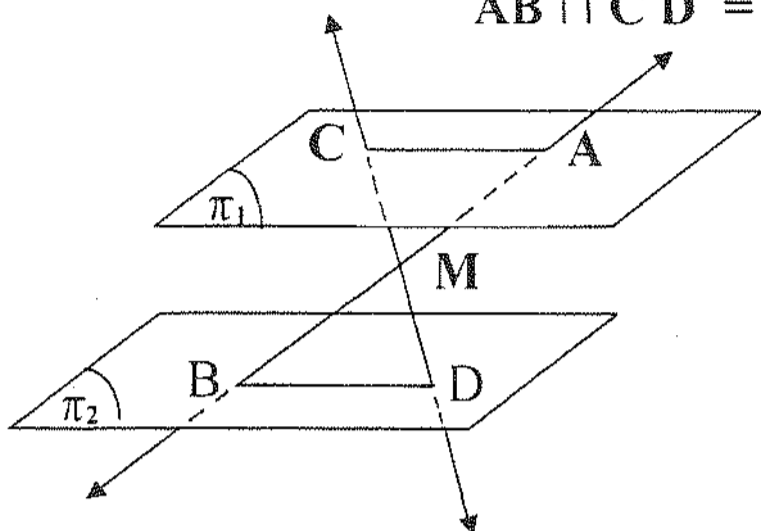
(5 درجات)

(a) في الشكل المقابل π_1, π_2 مستويان متوازيان، M نقطة واقعة بينهما

حيث: $\overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} = \{M\}$, $A, C \in \pi_1$, $B, D \in \pi_2$

$$\text{أثبت أن } \frac{AM}{BM} = \frac{AC}{BD}$$

الحل:



(5 درجات)

(b) حل المعادلة: $2 \cos x \sin x - \cos x = 0$, $x \in [0, 2\pi)$

الحل:

السؤال الرابع :

(4 درجات) $\frac{\sec^2 x - 1}{\sin x} = \tan x \cdot \sec x$: أثبت صحة المتطابقة :
الحل :

(3 درجات) ${}_n C_2 = 105$: (b) حل المعادلة :
الحل :

② يستخدم حوالي 11% من الطلاب في أحد المدارس اليد اليسرى للكتابة.
يوجد في أحد الصفوف 30 طالبا، فما احتمال أن يكون 4 طلاب من هذا الصف يستخدمون اليد
اليسرى للكتابة.
(3 درجات)
الحل :

القسم الثاني - البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1- 4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إذا كان: $x i^2 + 3 y i = 5 + 3 i^5$ فإن $(x, y) = (-5, 1)$

(2) الدالة: $y = a \tan bx$ دالة دورية دورتها $\frac{\pi}{|2b|}$

(3) $\cos 6x = 2 \cos^2 3x - 1$

- (4) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين

ثانياً: في البنود من (5- 10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) الصورة المثلثية للعدد $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, \pi)$ هي:

- (a) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ (b) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$
(c) $z = 4 \left(\cos \frac{-\pi}{3} + i \sin \frac{-\pi}{3} \right)$ (d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} - i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$

(6) يمثل بيان الدالة: $f(x) = 2 \cos x - 1$ لمنحنى الدالة $g(x) = \cos x$:

- (a) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
(b) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أعلى بمقدار وحدة واحدة
(c) انكماشاً رأسياً بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة
(d) تمديداً رأسياً بمعامل 2 وإزاحة إلى أسفل بمقدار وحدة واحدة

(7) $\sin \left(x + \frac{\pi}{6} \right)$ يساوي:

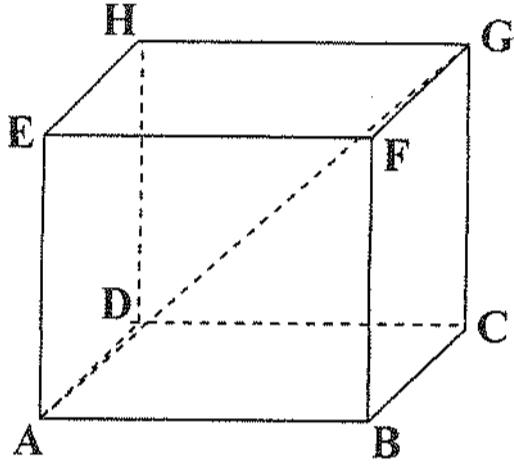
(a) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$

(b) $\frac{1}{2} (\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$

(8) يمثل الشكل المقابل مكعباً إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره \overline{AG} يساوي:



(a) 18 cm

(b) 9 cm

(c) $3\sqrt{3}$ cm

(d) $\sqrt{3}$ cm

(9) الحدثان r, t متنافيان حيث $P(t) = \frac{3}{5}$, $P(r) = \frac{1}{3}$ يكون $P(t \cup r)$ يساوي:

(a) $\frac{1}{5}$

(b) $\frac{14}{15}$

(c) $\frac{4}{15}$

(d) 0

(10) في مفكوك $(3x + 2y)^8$ الحد الذي يحوي $x^3 y^5$ هو:

(a) T_3

(b) T_4

(c) T_5

(d) T_6

انتهت الأسئلة.....