

خواص نظام الأعداد الحقيقية

تمرين ١ - ١

المجموعة ١ تمارين أساسية

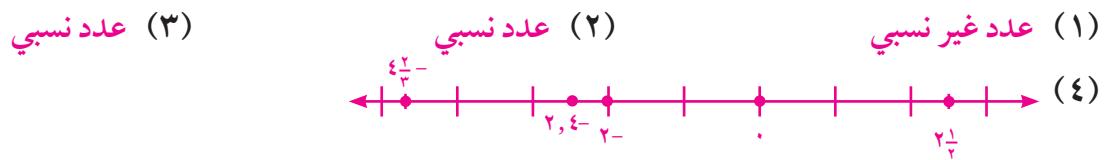
- (١) عدد نسبي (٤) (٧)
- (٢) عدد غير نسبي (٥) (٨)
- (٣) عدد غير نسبي (٦)
- (ج) $s \geq 2$ (ب) $s > 0$ (د) $s < 3$ أو $s > -1$
- (ه) $s \leq 5$ أو $s > 3$ (ب) $s \geq -2$ أو $s \leq 2$
- (ج) التجميع (ج) التوزيع (ج) المحايد
- (٩) $-2 < s \leq 3$ (١٠) التوزيع (١٢) المحايد
- (١٤) أزواج الأعداد الصحيحة التي ناتج ضربها -١٢ هي: (١٢، -١)، (-١٢، ١)، (٣، -٤)، (-٤، ٢)، (-٦، ٦) ولا مجموع = -٣.
- (ج). (١٥)

التمثيل البياني	رمز الفترة	رمز المباينة	التعبير
	(٥, ∞)	$s > 5$	ص أكبر من ٥
	[٦, ∞)	$t \geq 6$	ت أكبر من أو يساوي ٦
	(∞, -4)	$z < -4$	ز أقل من (-٤)
	(∞, -2]	$s \leq -2$	س أكبر من أو يساوي (-٢)

- (أ) (-٥, ٣)، (مفتوحة)، $-3 < s < 5$.
- (ب) [٤, ١١]، نصف مفتوحة، $4 < s \leq 11$.
- (ج) (٨, ٠)، مفتوحة، $0 < m < 8$.
- (د) [-٦, ١٢]، مغلقة، $-6 \leq s \leq 12$.
- (ج) $-5 < s < 2$.
- (أ) [٧, ٣] .
- (ب) (٣, ٢).
- (٢٠) خطأ
- (٢١) ص
- (٢٢) ص
-

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(٣) عدد نسبي



(٨)

(٧)

(٦)

(٥)

(١) عدد غير نسبي

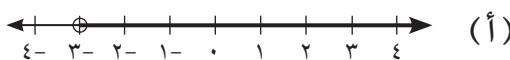
(٤)

(٢) عدد نسبي

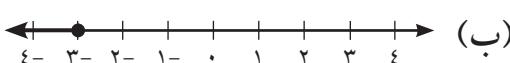


(٩) (أ) ٢ عدد كلي، معكوسه الضريبي $\frac{1}{2}$ (غير كلي).

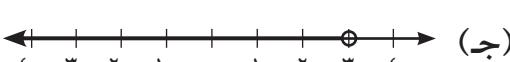
(ب) -١ معكوسه الضريبي -١ (عدد صحيح) أو ١ معكوسه الضريبي ١ (عدد صحيح).



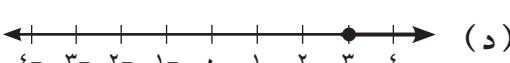
(أ)



(ب)



(ج)



(د)

(١٠) ١. س > ٣

٢. س < -٣

٣. س ≥ -٣

٤. س ≤ ٣

التمثيل البياني	رمز المتابينة	نوع الفترة	رمز الفترة
	$س \geq -3$	مغلقة	[-3, 5]
	$8 \geq س > 4$	نصف مفتوحة	[8, 4)
	$س > -1$	مغلقة وغير محدودة من أسفل	[-1, ∞)
	$س < 4$	مفتوحة وغير محدودة من أعلى	(-∞, 4)

تمرين ١-٢

تقدير الجذر التربيعي

المجموعة أ تمارين أساسية

(٣) ٤, ٩, ٥, ٤

(٦) ٢٠

(٩) ٤ = ب = ٣

$$\frac{1}{11} = \frac{1}{1,1}$$

(٥) ٤, ١ - ٤, ٥ -

(٨) ١

(١) ١١

(٤) ٣, ١, ٤, ٣

(٧) ٢٧

(١٠) (أ) حوالي ٥ ثوان

(ب) كلا، نأخذ $\sqrt{\frac{1}{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$ حيث $m = 4$ وبالتالي: $f = 2$

(١١) خطأ الصفر له جذر تربيعي واحد.

(١٢) خطأ. $\frac{1}{4} < \frac{1}{2}$

(١٣) صحيحة.

(١٤) خطأ. $4 + 3 = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$ ولكن $7 = \sqrt{49} \neq 5$.

(١٥) خطأ. $25 = \sqrt{27+24} = 7 + 4$ ولكن $25 \neq 7 + 4$.

(١٦) خطأ. $\sqrt{9-(4 \times 5)} = \sqrt{9-20} = \sqrt{-11}$ لا ينتمي إلى \mathbb{R} .

المجموعة ب تمارين تعزيزية

$$10, 11 > \sqrt{101} > 10 \quad (٣)$$

$$42 \quad (٢)$$

$$\frac{7}{8} \quad (١)$$

$$13, 2, 14 > \sqrt{175} > 12 \quad (٥)$$

$$11, 4, 11 - > \sqrt{130} - > 12 - \quad (٤)$$

$$1, 3 \quad (٨)$$

$$\frac{8}{9} \quad (٧)$$

$$24 \quad (٦)$$

$$(أ) س^2 = 2 + 15120 = 2 + 15120 ; س = \sqrt{15120}$$

$$(ب) س^2 \geq 4900 \Rightarrow س \geq 70$$

$$(٧١) \geq س \geq 70$$

$$71 \geq س \geq 70 \therefore$$

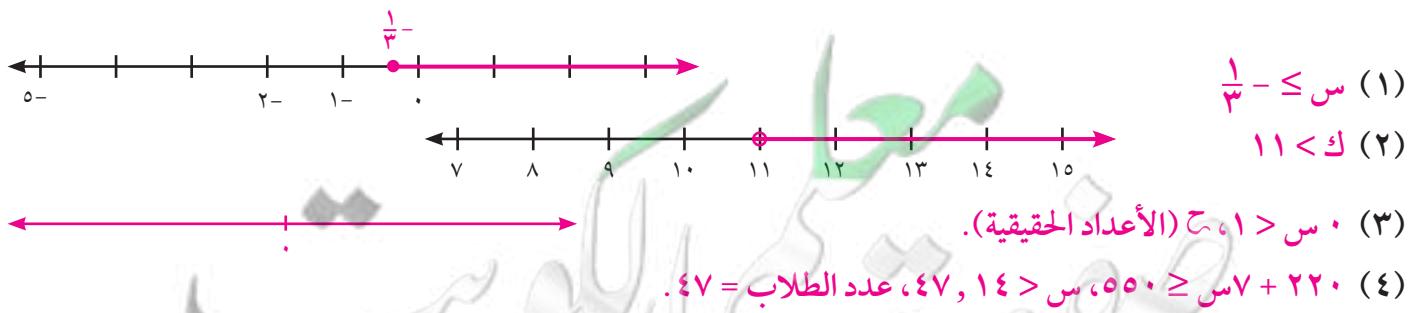
س قريبة جداً من 71

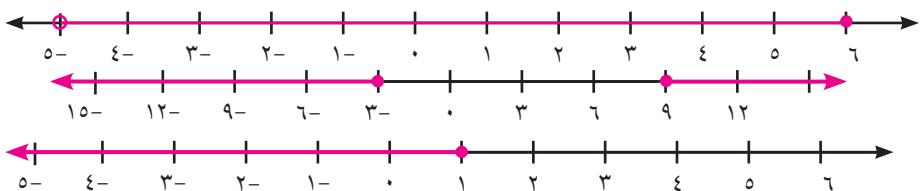
∴ س ≈ 71 متراً، أطوال الأضلاع: 70، 71، 72 متراً.

حل المطالبات

تمرين ١-٣

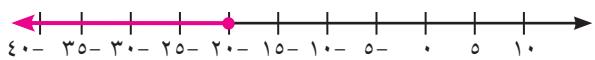
المجموعة ا تمارين أساسية





(8) تتنوع الإجابات. مثال: لدى سعود كمية من كتب المطالعة ونصف هذه الكمية من المجالات العلمية بحيث لا يتعدي المجموع ٦٠ كتاباً.

$$(9) (أ) ص = \frac{1}{2}(16 - 16) + 2 \leq 0, 16 \leq 18 \text{ خطأ.}$$



$$(9) (ب) ص \geq 20.$$

$$(10) (أ) ٥ أيام أو ٦ أيام.$$

٣٧ (11)

المجموعة ب تمارين تعزيزية



(3) ح (الأعداد الحقيقية)

$$(4) س + (س + 1) < 16, س < 5, س = 8, س + 1 < 8, س = 7.$$



$$(6) t \leq 6$$

$$(7) s > 5$$

$$(8) s \geq 0$$

$$(9) \frac{7}{2} \geq s \geq \frac{1}{2}$$

$$(10) 2 \times (150 + 0, 050 \times 0, س) \geq 17, س \geq 2.$$

$$(11) (أ) ٤٥ س \geq ٣٠٠$$

(ب) يجب أن يتوقف عن السحب بعد ٦ أسابيع.



المجموعة A تمارين أساسية

(١) $s = 2 - s$

(٢) $|s + 4| = 6$, لا يوجد حلول.

(٣) $s = 1, 5 - s$

(٤) $s \leq 2, 5 - s$

(٥) $2s - 3 = \pm(s + 1)$; $s = 4$ أو $s = \frac{2}{3}$

(٦) لا يوجد حلول. مجموع عددين غير سالبين يساوي صفر إذا كان كل منهما يساوي صفر.

(٧) (أ) $s + 2$ اذا $s \leq -2$; $-s - 2$ اذا $s > -2$

(ب) $-s + 4$ اذا $s \geq 1$; $s + 2$ اذا $s < 1$

(٨) (أ) تتنوع الإجابات. مثال: $|s - 3| < -5$

(ب) تتنوع الإجابات. مثال: $|2s + 1| \geq |s - 4|$

(٩) $m < 4$ أو $m > -10$

(١٠) $s \leq -8, s \geq 16$

(١١) $6 > 2s$

(١٢) $\frac{3}{8} - h \geq \frac{21}{8}$

(ج).

(١٣).

(١٤) الأعداد الصحيحة التي تبعد عن 3 على خط الأعداد مسافة أقل من أو تساوي 5.

.٨، ٧، ٦، ٥، ٤، ٣، ٢، ١، ٠، ١، ٢-

(د).

المجموعة B تمارين تعزيزية

(١) $m = 2, 5$

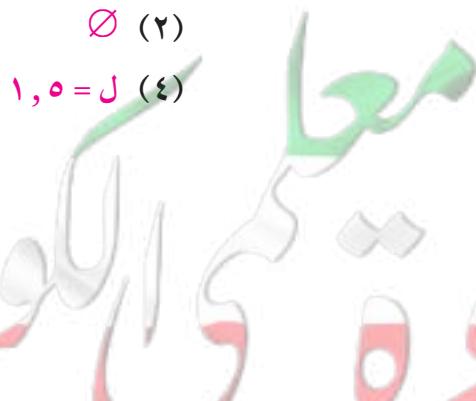
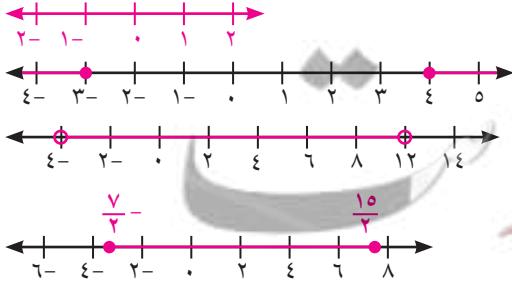
(٢) $z = \frac{2}{3}$

(٥) ح (الأعداد الحقيقة).

(٦) $s \leq -3$ أو $s \geq 4$

(٧) $4 > s > -12$

(٨) $\frac{15}{2} > m > -\frac{7}{2}$



(٩) (أ) $s = \frac{2}{3}$, $s = 4$

(ب) \emptyset

(ج) ص = ٢ مرفوضة، ص = $\frac{12}{5}$ مرفوضة مجموعة الحل = \emptyset

(د) م $\exists [-\frac{1}{4}, +\infty)$

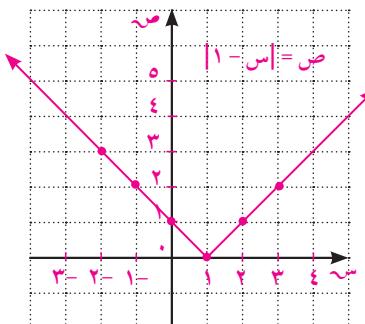
(١٠).

(١١).

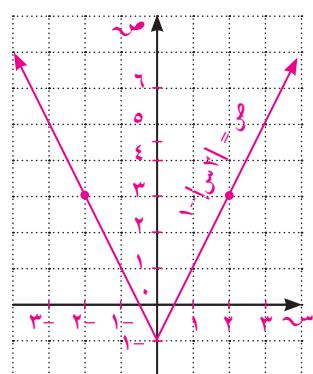
تمرّن ٥-١

دالة القيمة المطلقة

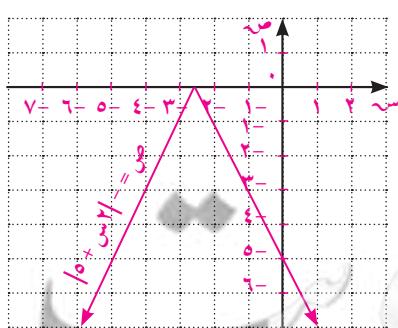
المجموعة ١ تمارين أساسية



٣	٢	١	٠	١-	٢-	s
٢	١	٠	١	٢	٣	ص



٢	١	٠	٢-	١-	s
٣	١	١-	٣	١	ص



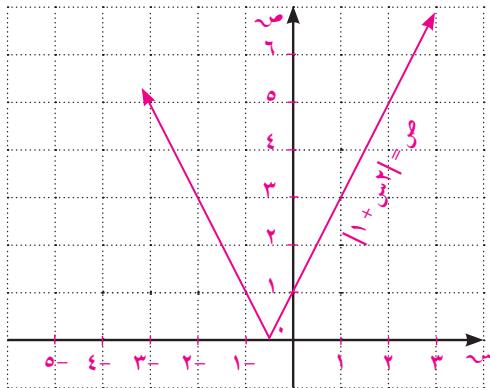
٠	١-	٢-	٣-	٤-	s
٥-	٣-	١-	١-	٣-	ص

$$\begin{aligned} \text{ص} &= \frac{1}{2} - \text{س} + 1, \text{ س} \leq 2 \\ \text{ص} &= \frac{1}{2} - \text{س} - 1, \text{ س} > 2 \end{aligned} \quad (5)$$

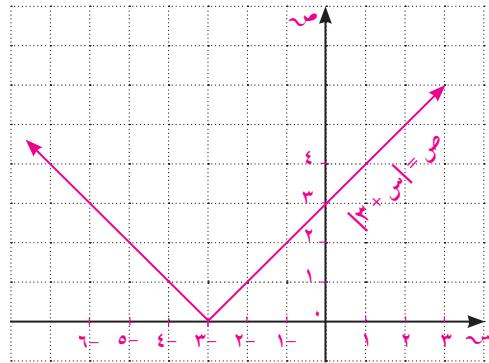
٢	١	٠	١-	٢-	س
٥	٣	١	١	٣	ص

$$\begin{aligned} \text{ص} &= \text{س} + 3, \text{ س} \leq 3 \\ \text{ص} &= \text{س} - 3, \text{ س} > 3 \end{aligned} \quad (4)$$

٠	١-	٢-	٣-	٤-	س
٣	٢	١	٠	١	ص

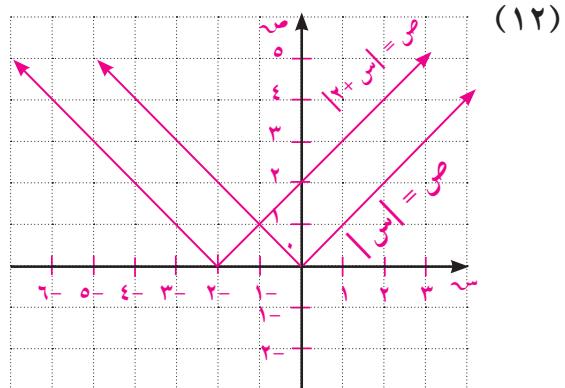


(ب) (٨)



(د) (٧)

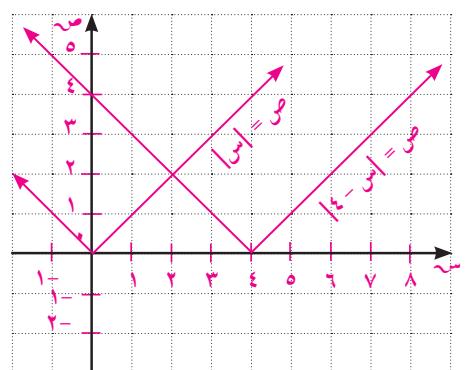
(أ) (٦)



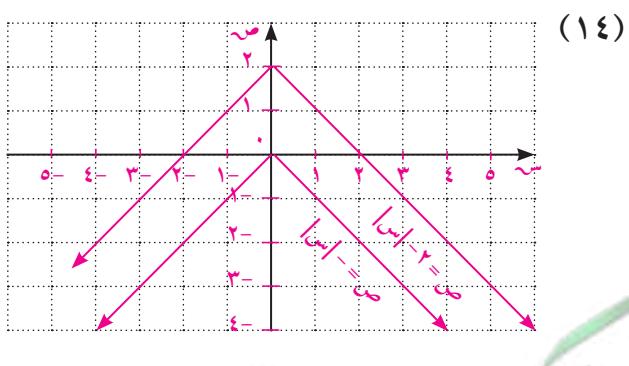
(١٢)

(ب) (١٠)

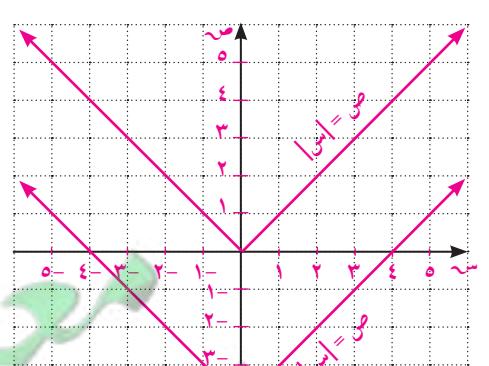
(ج) (٩)



(١١)

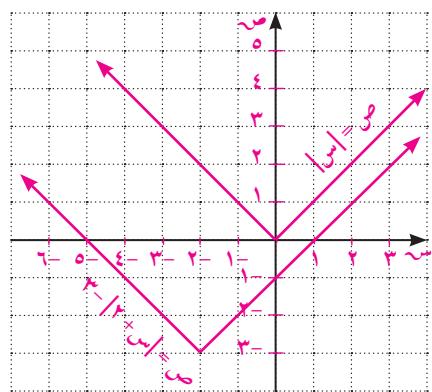


(١٤)

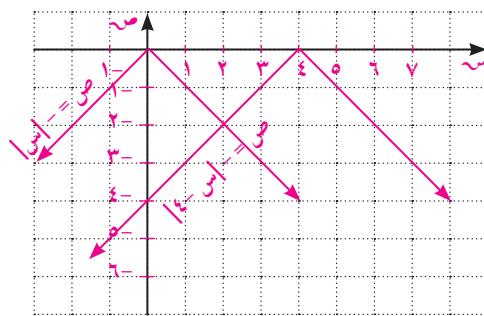


(١٣)

(١٦)



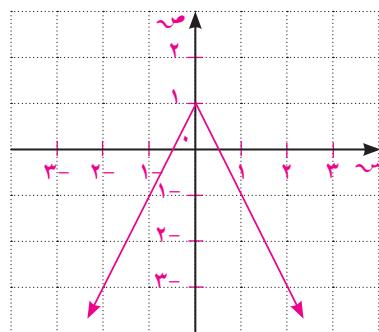
(١٥)



المجموعة ب تمارين تعزيزية

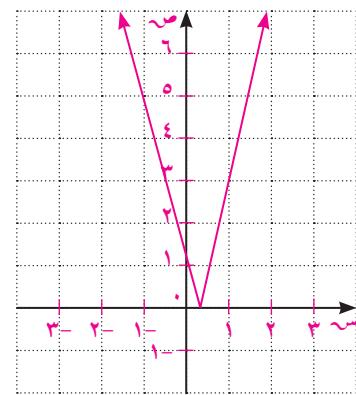
(٢)

٢		١		٠		١-		٢-		س
٣-		١-		١		١-		٣-		ص



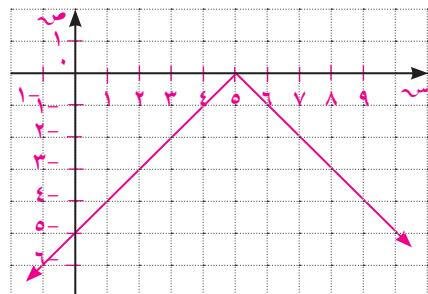
(١)

٢		١		٠		١-		٢-		س
٧		٣		١		٥		٩		ص

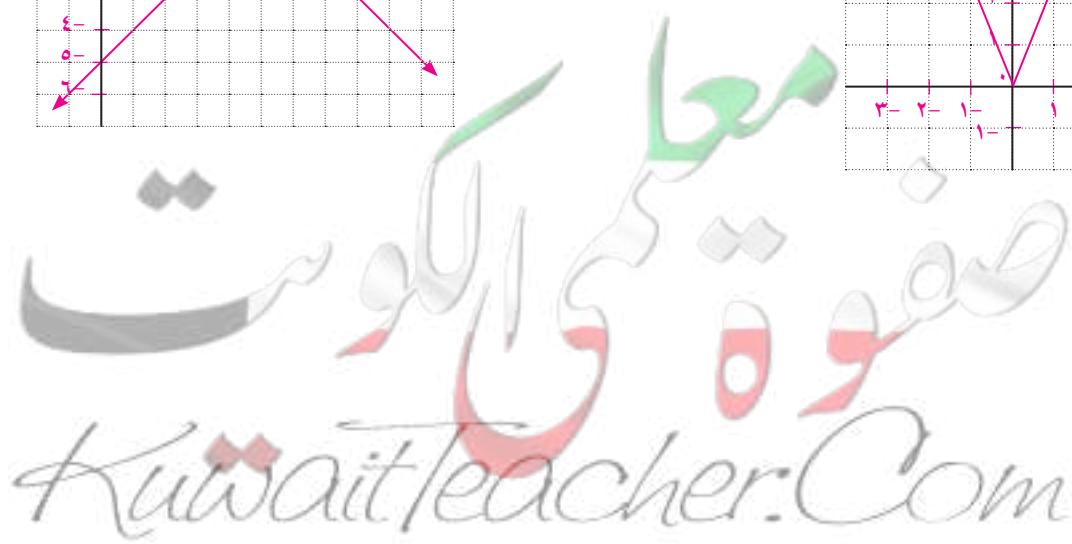
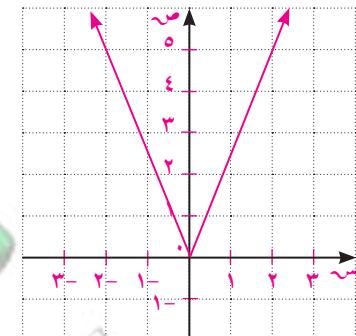


(٤)

$$ص = \begin{cases} س - ٥, س > ٥ \\ س - س + ٥, س \leq ٥ \end{cases}$$



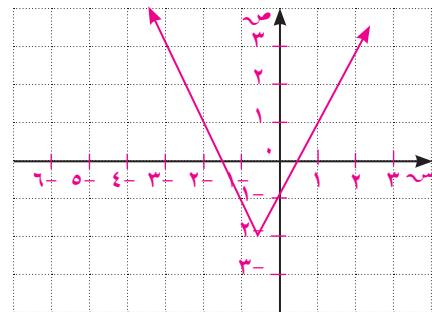
٢		١		٠		١-		٢-		س
٥		٢,٥		٠		٢,٥		٥		ص



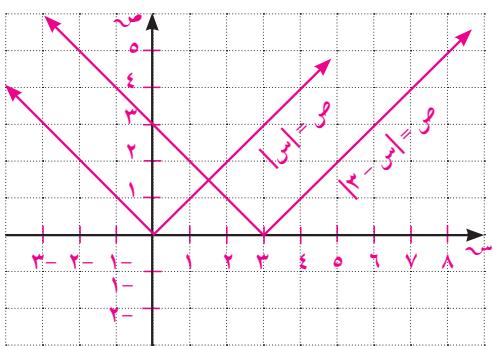
(٦) نعرض عن ص بصفرو نحل المعادلة.

نحصل على $s = 2$.

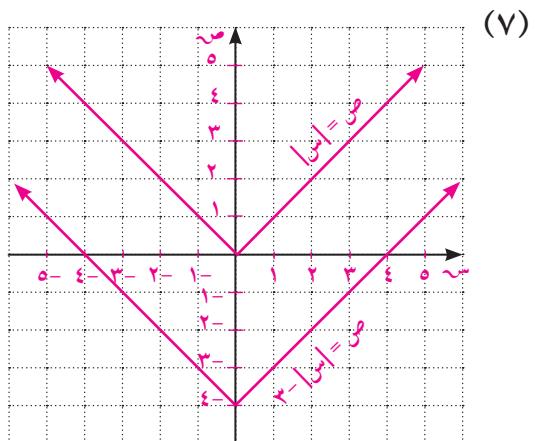
$$(5) \quad \left. \begin{array}{l} s = -2s + 3, s > -\frac{1}{2} \\ s \leq -2s + 1, s \end{array} \right\}$$



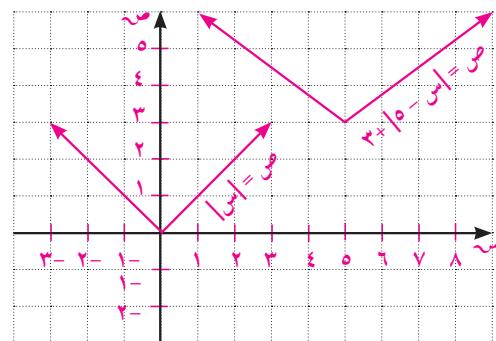
(٧)



أفقي



(٨)



الاثنين معاً

$$(10) \quad s = |s - 1|$$

$$(11) \quad s = |s - 3|$$

$$(12) \quad s = |s + 2|$$

(١٣) رأسى

(١٤) أفقي

$$(15) \quad s = |s - 2|$$

(١٦) (ج)

(١٧) (ج)

(١٨) (ب)

حل نظام معادلتين خطيتين

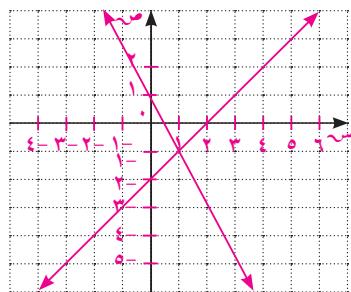
تمرين ١-٦

المجموعة ١ تمارين أساسية

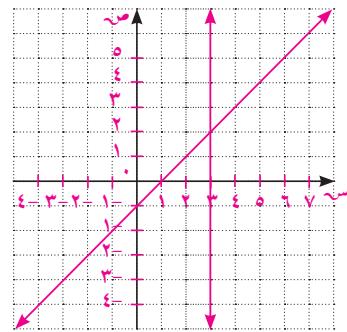
$$(1) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = 2\text{س} + 1 \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 1 & 0 & , & 5 & 0 \\ \hline 1 & - & 0 & 1 & 3 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$(2) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = \text{س} - 2 \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 3 & 2 & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 1 & 0 & 1 & -2 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$(1) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = \text{س} - 1 \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 3 & 2 & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 2 & 1 & 0 & 1 & \text{ص} - 1 \\ \hline \end{array} \end{array}$$



(١،١)



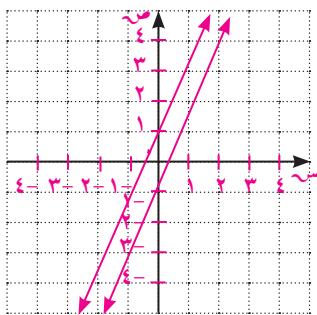
(٢،٣)

$$(3) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = 3\text{س} + 1 \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 1 & - & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 2 & - & 4 & 1 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

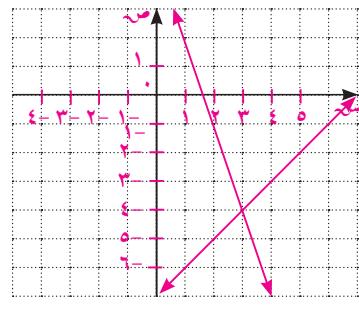
$$(4) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = 3\text{س} - 1 \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 1 & - & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 4 & - & 2 & 1 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{l} 7 = \text{س} - \text{ص} \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 7 & 3 & 0 & \text{س} \\ \hline & 0 & 4 & -7 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$(3) \quad \begin{array}{l} 5 = 3\text{س} + \text{ص} \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 3 & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 4 & -2 & 5 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$



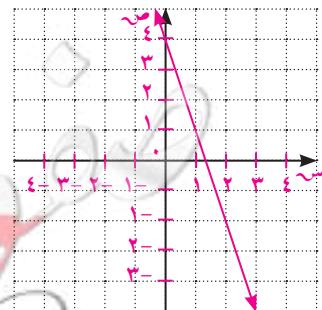
لا حلول



(٤،٣)

$$(6) \quad \begin{array}{l} 16 = 12\text{س} + 4\text{ص} \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 2 & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 2 & -1 & 4 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$(5) \quad \begin{array}{l} \text{ص} = 4 - 3\text{س} \\ \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & 2 & 1 & 0 & \text{س} \\ \hline & 2 & -1 & 4 & \text{ص} \\ \hline \end{array} \end{array}$$



عدد لا نهائي من الحلول. المستقيمان منطبقين

(٦) (ب)

(٧) ت = ٣ - ك = ٢

مجموعة الحل = {(-٢، ٣)، (٢، ٣)}

(٨) ب = ٥، ج = ٧

مجموعة الحل = {(٧، ٥)، (٧، ٧)}

(٩) ص = ٧ - س = ٢٦

مجموعة الحل = {(-٢٦، ٧)، (٢٦، ٧)}

(١٠) ص = ٣ - س = ٨

مجموعة الحل = {(-٨، ٣)، (-٨، ٨)}

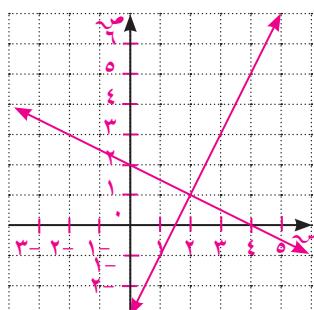
(١١) ب = ٩ - س = ٢٠

(١٢) ٣ سيارات بسبعة مقاعد و سياراتان بخمسة مقاعد.

(١٣) نعم، 40° .

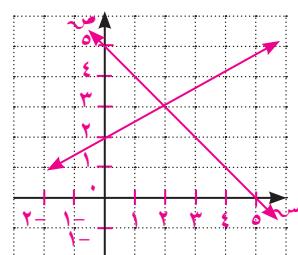
المجموعة ب تمارين تعزيزية

(٣)



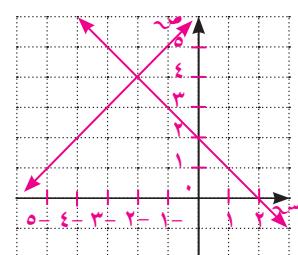
(١، ٢)

(٢)



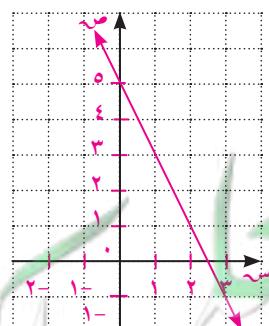
(٣، ٢)

(٤)



(٤، ٢-)

(٥)



ينطبق المستقيمان عدد لا نهائي من الحلول.

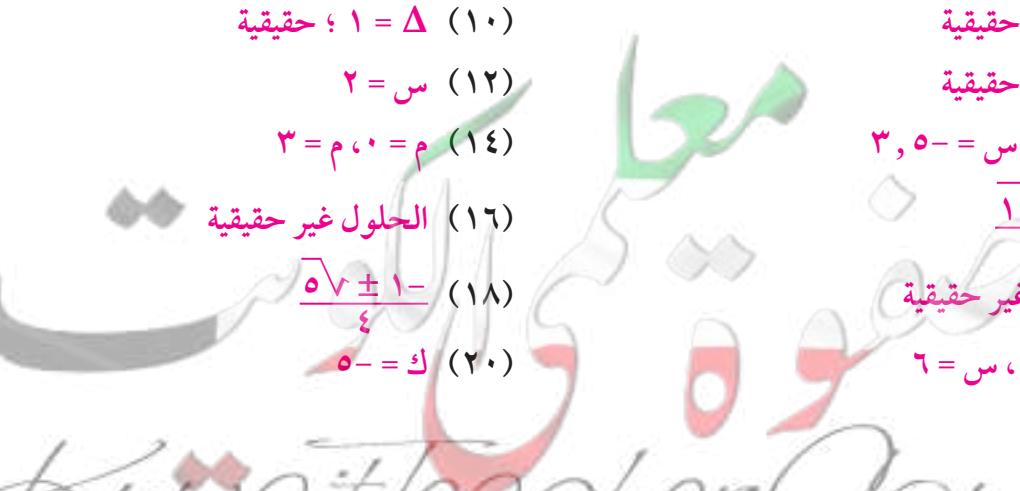
لا حلول

- (٦) س = ٢، ص = ٢
مجموعه الحل = {٢, ٢}
- (٧) س = ٨، ص = ٦
مجموعه الحل = {٦, ٨}
- (٨) ب = ٤، ٢٠ = ١
مجموعه الحل = {٤, ٢٠}
- (٩) ر = ٦، س = ٦
مجموعه الحل = {٦, ٦}
- (١٠) س = ٤٠، ص = ٤٠
مجموعه الحل = {٤٠, ٤٠}
- (١١) س = ٨، ص = ٣
مجموعه الحل = {٣, ٨}
- (١٢) ٧٠، ٢٠
٠٧٠، ٠٢٠
- (١٣) عدد المقاعد الأمامية = ١٨٠ . عدد المقاعد الباقي = ٢٢٠ .
- (١٤) عمر الابنة الحالي ٦ سنوات.
- (١٥) مع أحمد ١٥ ديناراً ومع فهد ٢٠ ديناراً.

٧- تمرن ١

حل معادلات من الدرجة الثانية في متغير واحد

المجموعه ١ تمارين أساسية

- (١) (د)
(٢) (ب + ٤)٢ = ٦٤ ، ب = ٤ ، ب = ١٢-
(٣) (س - ٥)٢ = ٦٥ ، س = ١٣ ، س = ١-
(٤) (ك + ٥)٢ = ٣٦ ، ك = ٣٦ - ٥ ، ك = ١٧-
(٥) (و + ٤)٢ = ٢٩ ، و = ٢٩ - ٤ ، و = ٢-
(٦) (أ) س٢ + ٣س + ٢ = ١ ، س = ١-
(ب) س٢ + ٣س - ٢٧ = ٠ ، س = $\frac{225}{16}$
(٧) تنوّع الإجابات.
(٨) $\Delta = 4$ ؛ غير حقيقة.
(٩) $\Delta = 36$ ؛ حقيقة.
(١٠) $\Delta = 1$ ؛ حقيقة
(١١) $\Delta = 0$ ؛ حقيقة
(١٢) س = ٢
(١٣) س = ١ ، س = ٥-
(١٤) م = ٠ ، م = ٣
(١٥) $\frac{\sqrt{107} \pm 2}{3}$
(١٦) الحلول غير حقيقة
(١٧) الحلول غير حقيقة
(١٨) $\frac{\sqrt{57} \pm 1}{4}$
(١٩) س = ١ ، س = ٦
(٢٠) ك = ٥-


$$(21) \quad 27 \pm 24 = 2 + 4 = 6$$

$$(22) \quad \text{ناتج الجمع} = 8 - \text{ناتج الضرب} = 12$$

$$(23) \quad (أ) \quad s^2 - s - 6 = 0 \quad (ب) \quad 4s^2 - s = 0$$

$$(24) \quad b = 8, 8$$

$$(25) \quad (أ) \quad 3s^2 - 12s - 20 = 0$$

$$(26) \quad (أ) \quad \frac{81}{16}$$

المجموعة ب تمارين تعزيزية

$$(1) \quad m = 1, m = 9$$

$$(2) \quad r = 9, r = -29$$

$$(3) \quad j = 1, j = 11$$

$$(4) \quad (أ) \quad 2s^2 + 4s(s+7)$$

$$(ب) \quad 384 = (s+7)(2s^2 + 4s)$$

$$(ج) \quad 6; \text{القيمة } -\frac{32}{3} \text{ غير مقبولة}$$

$$(5) \quad (أ) \quad 2 \quad (ب) \quad 1$$

$$(6) \quad \Delta = -223, \text{ جذور غير حقيقية.}$$

$$(7) \quad \Delta = -169, \text{ جذور حقيقة.}$$

$$(8) \quad \Delta = 0, \text{ جذر واحد حقيقي مكرر.}$$

$$(9) \quad -\frac{1}{3}, 1$$

$$(10) \quad 5$$

$$(11) \quad -\frac{5}{2}, 1$$

$$(12) \quad -\frac{1}{2}, \frac{3}{4}$$

$$(13) \quad 4, 1$$

$$(14) \quad -\frac{1}{3}, \frac{5}{3}$$

(15) نسبية، كل جذر هو كسر بسطه ومقامه عددان صحيحان.

(16) (أ) تتنوع الإجابات: أي عدد حقيقي بين -6، 6.

(ب) تتنوع الإجابات: أي عدد حقيقي أكبر من 6 أو أصغر من -6.

(ج) $k = 6$ أو $k = -6$.

مراجعة الوحدة الأولى

(٤) (أ)

(٧) $1 < s < 2$

(٩) $k \geq -8$ أو $k \leq -2$

(١٢) وحدة إلى الأعلى و٤ وحدات إلى اليسار.

(٣) (د)



(٢) (د)

(٦) $s < -4, -4 < s < 1$

(٩) $s = \frac{1}{k}$

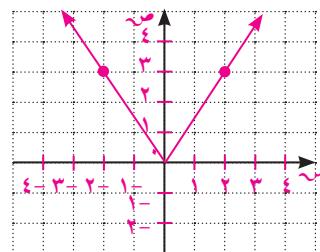
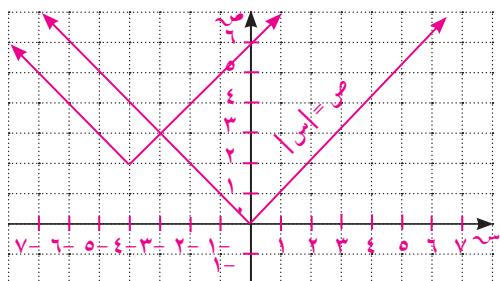
(١) (ب)

(٥) $m = 5, 5-2, 2$

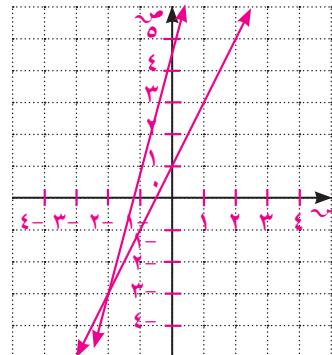
(٨) $5, 5-2, 2, m$

٢	١	٠	-١	-٢	s
٣	١,٥	٠	١,٥	٣	ص

(١١)



(١٣) $s = 2, 2-3, ص = 3$



(١٤) $m = 1, n = 3$

(١٥) $s = \frac{3}{8}, ص = \frac{3}{8}$

(١٧) $\frac{\sqrt[3]{27} \pm 3}{3}$

(١٩) $\frac{\sqrt[3]{227} \pm 1}{3}$

(٢١) $s^2 - 3s - 18 = 0$

(١٦) مثال: $s = 7 + 10$

(١٨) $\Delta = 1$, حقيقة

(٢٠) $5, 5-7$

تمارين إثرائية

(١) (١, ٢, ٤)

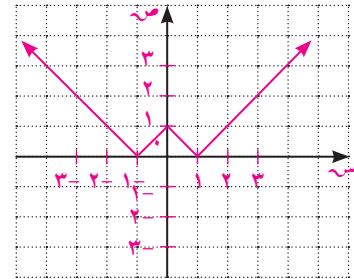
(٢) ٤٨٤, ٤٨٥, ٤٨٦

(٣) $b = 1 + s; b - \frac{1}{1-s} = \frac{1}{1+s} \Rightarrow b = \frac{1}{1+s}$

$$\frac{(\infty, \frac{7}{2})}{\sqrt{2}} \quad (4)$$

$$س = \sqrt{2} \quad (5)$$

$$س = 1, س = 1 \quad (6)$$



$$\{2, 1, 2, -3\} \ni س \quad (7)$$

$$س^3 + س^5 = 75 \quad (8)$$

$$\{3, 3, -3\} \ni س \quad (9)$$

$$س^3 + س^4 = 20 \quad (10)$$

$$\{(1, 3), (3, -1)\} \quad (11)$$

تمرين ١-٢

الزوايا وقياساتها

المجموعة ١ تمارين أساسية

$$(ب) 45^\circ 78' 45'' \quad (1)$$

$$(ب) 51' 25'' 43'' \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (5)$$

$$270^\circ \quad (8)$$

$$\frac{\pi}{6} \quad (4)$$

$$330^\circ \quad (7)$$

$$\frac{\pi}{6} \quad (3)$$

$$135^\circ \quad (6)$$

$$(9) L = \pi \times h \times r = \pi \times 56 \times 107,46 \approx \left(\frac{3,14 \times 110}{180} \right) \times 56 = 107,46 \text{ سم.}$$

(10) ٢٧,٥ سم أو $\frac{\pi r}{8}$ سم تقريرًا.

(11) ٣٤٥ سم أو $\frac{\pi R}{8}$ سم تقريرًا.

$$(12) L = \pi \times h \times r = \pi \times 60 \times 267 \approx \left(\frac{3,14 \times 255}{180} \right) \times 60 = 267 \text{ سم.}$$

$$91^\circ \quad (13)$$

(14) خطأ

(15) صحيح

(16) خطأ

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(١) $^{\circ}76'57''15,^{\circ}71'19''45$

(٢) $\frac{\pi}{2}$

(٣) $\frac{\pi}{3}$

(٤) $\frac{\pi}{2}$

(٥) $^{\circ}360$

(٦) $\frac{\pi}{2}$

(٧) $^{\circ}30$

(٨) $\pi/1,8$

(٩) $\frac{\pi}{3}$

(١٠) $^{\circ}22'30$

(١١) $^{\circ}97'30, ^{\circ}45, ^{\circ}37'30$

(ج) حوالي ٧ أمتار

(ب) حوالي ٣٥٠ سم

(أ) $\pi/1,8$ مم أو $5,65$ مم تقريباً.

(ب) $\frac{\pi}{3}$ سم أو $8,4$ سم تقريباً.

(أ) حوالي ٤٨ سم

(ج) $^{\circ}97'30, ^{\circ}45, ^{\circ}37'30$

٢-٢ تمرن

النسب المثلثية: الجيب وجيب التمام ومقلوباتها

المجموعة ا تمارين أساسية

(١) $\frac{24}{25}, \frac{7}{25}, \frac{7}{25}, \frac{24}{25}$

(٢) $\frac{5}{4}$

(٣) $11,5$ سم

(٤) $2(13\sqrt{2}) = 52 = 24 + 26$

$\frac{13\sqrt{2}}{2}, \frac{13\sqrt{2}}{3}, \frac{13\sqrt{2}}{13}, \frac{13\sqrt{2}}{13}$

(٥) $\cdot \frac{3}{7}, \frac{10\sqrt{2}}{7}, \frac{10\sqrt{2}}{7}, \frac{3}{7}$ سم، $10\sqrt{2}$

جان = جتال، جتان = جال.

(٦) $\text{جا}(15^\circ) = \frac{1,524}{\text{ل}} = \frac{1,524}{\text{جا}(15^\circ)}$ ل = $9,5$ متراً تقريباً.

(٧) $3,41,4$

(٨) 35 متراً تقريباً.

(٩) (د).

(١٠) (ج).



المجموعة ب تمارين تعزيزية

- (١) $\frac{17}{7}$
 (٢) $\frac{6}{5}$
 (٣) $\frac{5}{4}, \frac{5}{3}, \frac{5}{2}$
 (٤) $\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}$ س، $\frac{1}{2}$
 (٥) ${}^{\circ}21$
 (٦) ١٧, ٣ مترًا.
 (٧) قد تختلف الإجابات
 (٨) ١٥١, ٦, ${}^{\circ}48$
- (٩) نعم، إذا كان يوجد قياس زاوية حادة فالزاوية الثانية الحادة هي متممة للزاوية المعروفة وباستخدام النسب المثلثية يمكن إيجاد بقية أطوال الأضلاع في المثلث.
- (ب) $جا^{\circ}س + جتا^{\circ}س = 1$
 (ب) $22, 6, {}^{\circ}62$
 (ب) $جا^{\circ}س \approx 9, 5$ سم، $جا^{\circ}ج \approx 19$ سم
 (د) $جا^{\circ}ج \approx 11, 7$ سم
- (أ) $ن(\hat{o}) = {}^{\circ}72$
 (ج) $ن(\hat{o} + \hat{j}) \approx {}^{\circ}54$

تمرين ٢-٣

ظل الزاوية ومقلوبه

المجموعة ا تمارين أساسية

- (١) $\frac{1}{3}, \frac{3}{4}$
 (٢) $\frac{4}{4\sqrt{3}}, \frac{5}{4}, \frac{5}{4\sqrt{3}}$
 (٣) ${}^{\circ}11$
 (٤) ${}^{\circ}63, 4$
 (٥) $11, 2$
 (٦) ${}^{\circ}136, {}^{\circ}44$
 (٧) $س \approx 5, 9$
 (٨) $26^{\circ}, 65^{\circ}$
 (٩) ص
 (١٠) خطأ
- (ب) مساحة المثلث = $31, 86$ وحدة مربعة.
 (ب) 21 مترًا.

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(ب) $\frac{1}{2}, 2$

(أ) $\frac{3}{2}, \frac{2}{3}$

(ج) $s = 74^\circ, c = 93^\circ, a = 03, b = 00, l = 89^\circ$

(ج) $\frac{3}{137}, \frac{3}{137}, \frac{3}{137}$

(ب) $\frac{4}{3}, \frac{3}{4}$

(أ) $\frac{7}{24}, \frac{24}{7}$

(ب) ${}^{\circ}60$

(أ) ${}^{\circ}36, 9$

(ج) ${}^{\circ}32$

(ب) $2, 5$

(أ) $14, 4$

(ج) $40, {}^{\circ}51, 3$ متراً.

(ب) $15, {}^{\circ}53$

(أ) ${}^{\circ}59, 36$

(د) $5, 4, 7$

(ج) $6, 7, 8, 1$

تمرين ٤-٢

النسب المثلثية لبعض الزوايا الخاصة

المجموعة أ تمارين أساسية

(ج) $s = 15, c = 15$

(ج) $s = 8, c = 278$

(ج) حوالى $7, 78$ م

(ج) $c = 107$

(ج) $s = 37, c = 3$

(ج) $s = 375$

(ج) 3725 سم^2

(ج) $s = 18$

(ج) $14, b = 7, a = 1$

(ج) $c = 3712, 5 \text{ سم}^2$

(ج) $377 = d, 7 = e$

(ج) $a = 3, b = 7$

(ج) هند؛ دونت سلوى قياس الضلع الأصغر على أنه مقابل للزاوية التي قياسها ${}^{\circ}60$.

(ج) تنوّع الإجابات. تتحقق من عمل الطلاب.

(ج) $1, 3 \text{ أمتر}$

(ج) $8, 5 \text{ أمتر}$

(ج) 98 سم^2

(ج) 3748 سم^2

(ج) صحيحة

(ج) 3718 م^2

(ج) خطأ. المثلث ليس قائم الزاوية

(ج) خطأ. المثلث ليس قائم الزاوية

(ج) صحيحة

(ج) صحيحة



المجموعة ب تمارين تعزيزية

(٤) $s = 4$
 $\frac{2}{2} = s$

(٣) 36 سم^2

(٢) $s = 274$

(١) $s = 27$
 $2 = s$

(٧) $a = 4, b = 4$

(٦) $a = 6, b = 6$
 $6 = d, 372 = j$

(٥) $s = 24$
 $3712 = s$

(١١) $\frac{3727}{2}$

(ب) ١٦ ثانية

(١٠) 278 م^2

(١٣) ١

(٨) (أ) حوالي ٨ أمتار

(٩) 288 سم^2

(١٢) ١

(١٤) $A = 2 \theta, B = 2 \theta, C = 4 \theta$

$A \times B \times C = 4 \theta \times 2 \theta \times 2 \theta$

(ب) حوالي $33'39''$

(أ) ٦,٤٦ كم

تمرين ٥-٢

حل المثلث قائم الزاوية

المجموعة ١ تمارين أساسية

(١) $39'48''20$

(٢) $s = 8, 2 = s$

(٣) (أ) $A = 26, 5 \text{ سم}, B = 19, 4 \text{ سم}, C = 42'48$.

(ب) $C(\hat{B}) = 59'58, C(\hat{A}) = 30'2, A \approx 16,98 \text{ سم}$.

(ج) $46'46^\circ$ تقريباً

(ب) $14'14^\circ$ تقريباً

(٤) (أ) ٤,٨ متر تقريباً

(ب) $C(\hat{B}) = 12''36'52, C(\hat{C}) = 53'7''48$.

(ب) ١٤,٩ سـم

(أ) ٢,٨ سـم

(٧) المحيط = ١٤,٣٥ سـم، المساحة = ٨,٤٨ سـم^٢.

(٨) ١٢,٢٢ سـم، ٤,٤٥ سـم، ٧,٤٨ سـم، $29'55''35$.

(٩) ٢١,٦ سـم^٢.

(١٠) ب؛ البعد من أ = ٤٥,١ سـم؛ البعد من ب = ٤,١ سـم.

(١١) ١٧,٨٠ مترًا.

(١٢) (أ) 80°

(ب) ١٧ سـم



المجموعة ب تمارين تعزيزية

- (١) (أ) $\hat{P} = 51^\circ$ ، $A_b = 36$ سم، $A_g = 22,7$ سم. (ب) $P(b) = 52^\circ$ ، $A_b = 10,6$ ، $A_g = 8$.
٦٥، .٨ ج = .٩، ٦، ١ ج = .٧، ٢ س. (٢) .٩، ١٠ س.
- (٣) .٤٨'١١"٢٣؛ .٤١'٣٧" (٤) (أ) .٤، ٥ س؛ .٢، ٤ س؛ .٣٦، ٥ س؛ .٦، ٦ س.
- (ب) خطأ (٥) (أ) .١٩، ١ س
٢٧، ٤٧ س (٦)
٩، ٢ س (٧)
٢٠، ٤٣ س (٨)
- (ب) .٣، ٣٥٦ س

٦-٢ تمرن

زوايا الارتفاع وزوايا الانخفاض

المجموعة ١ تمارين أساسية

- (١) (أ) زاوية انخفاض (ب) زاوية ارتفاع
(ج) زاوية انخفاض (د) زاوية ارتفاع
(٢) حوالي ٦٩ مترًا. (٣) حوالي ٢٥١ مترًا.
(٤) $S \approx 27474,8$ م (٥) حوالي ٢٤٧ مترًا.
(٦) حوالي ٢٢ مترًا. (٧) المسافة بين قاعدة البرج وقاعدة المنزل حوالي ٨٦,٦ مترًا.
ارتفاع البرج: $136,6 = 86,6 + 50$ م.

المجموعة ب تمارين تعزيزية

- (١) $S \approx 17,33$ متر، حوالي ٨٧,٣٤ مترًا.
(٢) (أ) تحقق من عمل الطالب. (ب) حوالي ٣٢ مترًا.
(٣) حوالي ٩,٧ أمتار. (٤) حوالي ٤٩,٥ مترًا.
(٥) ارتفاع المنزل حوالي ١٠ أمتار، يصبح ظل المنزل حوالي ١٤,٨ مترًا.

٧-٢ تمرن

القطاع الدائري والقطعة الدائرية

المجموعة ١ تمارين أساسية

- (١) ٤,٤ س (٢) ٣٤٩ س (٣) ٧٢,٥٤ س (٤) ١٧ س
(٥) ٤ س (٦) ٩٢٥,٤ س (٧) ٩,٨ س
(٨) (أ) ١٠,٣ وحدات مربعة

المجموعة ب تمارين تعزيزية

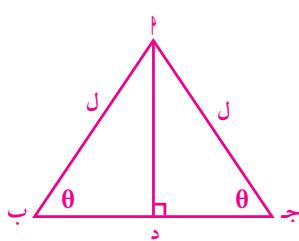
- (١) ١٢٦,٣٦ سم^٢.
 (٢) ٢٧٤ سم^٢ تقريباً.
 (٣) ٣٠,٤٧ سم تقريباً.
 (٤) ٤,٣ أمتار، ٨,٨ م^٢.
 (٥) ٣٢٢,٦ سم^٢.
 (٦) ٨٩,١٢ سم^٢.
 (٧) ١٨,٣ م^٢ ٣,٣ م^٢
 (٨) ١,٠ وحدة مربعة سـم^٢
 (٩) ١٩٦ (٤ - π) وحدة مربعة مـ^٢

$$= \frac{1}{4} \left(1 + \frac{\pi}{2} \right) 49 = 225 \left(\frac{\pi}{2} - 1 \right)$$

مراجعة الوحدة الثانية

- (١) (ب) (٣)
 (٢) (د) (٢)
 (٣) (ج) (٥)
 (٤) (أ)
 (٥) (ب) (٨)
 (٦) (أ)
 (٧) (أ)
 (٨) جـا٠ = $\frac{1524}{30}$ لـ = ٤٨ مـ٢.
 (٩) جـا٠ = $\frac{1524}{30}$ لـ = ٤٨ مـ٢.
 (١٠) جـا٠ = $\frac{1524}{30}$ لـ = ٤٨ مـ٢.
 (١١) (أ) ١٠ سم
 (١٢) ٨,٧,٧
 (١٣) (أ) جـا٠ = ٢٠^٠ بـ جـا٠ = ٥^٠ ٢٠ سـم؛ جـا٠ ≈ ٥٦,٤ سـم.
 (ب) بـ جـا٠ ≈ ٢٢,٦٧ سـم، جـا٠ (بـ) ≈ ٤١,٤^٠.
 (١٤) حوالي ٤٣٨٦ مـ٢.
 (١٥) حوالي ٢٦ مـ٢.
 (١٦) حوالي ١٢,٩٦ سـم.
 (١٧) حوالي ٣٧٠٩ سـم^٢.
 (١٨) حوالي ٥٦٩^٠، حوالي ٢٦,٢ مـ٢.
 (١٩) حوالي ٤١,٩ مـ٢.
 (٢٠) المحيط ≈ ١٣,٦٦ سـم، المساحة ≈ ٥٧ سـم^٢.

تمارين إثرائية



- (١) $L = \frac{3}{\theta} + \frac{4}{\theta} \text{ جـتاـ} \theta$
 (٢) المساحة $\Delta = \frac{1}{2} \times بـ د = \frac{1}{2} \times جـاـ \theta \times L \text{ جـتاـ} \theta = \frac{1}{2} جـاـ \theta L \text{ جـتاـ} \theta$.
 (٣) من تشابه المثلثين $\frac{سـ + نـ}{سـ + نـ + مـ} = \frac{نـ}{مـ} ; \frac{سـ}{مـ} = \frac{نـ}{مـ} , جـاـ \theta = \frac{نـ}{مـ} = \frac{نـ}{نـ + مـ} = \frac{نـ}{نـ + مـ}$
 (٤) (أ) مساحة Δ واجـ = $\frac{1}{2} \times وجـ \times اجـ = \frac{1}{2} جـتاـ \alpha \times جـاـ \alpha$.
 (ب) مساحة Δ وـ جـ = $\frac{1}{2} \times وجـ \times جـ = \frac{1}{2} \times وجـ \times جـتاـ \beta \times وجـ \times جـ = \frac{1}{2} (وجـ)^2 \times جـتاـ \beta \times جـ$.
 (جـ) مساحة $(\Delta \text{ وـ جـ}) = \frac{1}{2} او \times بـ د = \frac{1}{2} بـ د = \frac{1}{2} وجـ \times جـاـ (\alpha + \beta)$.
 (د) جـتاـ $\alpha = \frac{وجـ}{1} , جـتاـ \beta = \frac{وجـ}{1} \text{ ومنه: وجـ = } \frac{جـتاـ \alpha}{جـتاـ \beta}$

(هـ) مساحة Δ و Δ = مساحة Δ وج + مساحة Δ وج ب.

$$\frac{1}{2} \times \text{وب} \times \text{جا} (\alpha + \beta) = \frac{1}{2} \text{جا} \alpha \text{جتا} \alpha + \frac{1}{2} \times (\text{وب})^2 \times \text{جا} \beta \text{جتا} \beta.$$

$$\text{جتا} \alpha \times \frac{\alpha^2}{\beta} \times \text{جا} \beta = \text{جا} \alpha \text{جتا} \alpha + \frac{\alpha^2}{\beta} \times \text{جا} \beta.$$

$$\text{جا} (\beta + \alpha) = \text{جتا} \alpha \times \text{جا} \beta + \text{جتا} \beta \text{جا} \alpha.$$

$$(5) \quad \text{جتا} \alpha = \frac{\text{جا} \beta}{\beta}, \text{جتا} \beta = \frac{\text{جا} \alpha}{\alpha}.$$

$$\text{جا} \beta = \text{جتا} \alpha \times \text{جا} \beta = \text{جتا} \alpha \times \text{جتا} \beta \text{لذا جا} \beta = \text{جا} \alpha.$$

النسبة والتناسب

المجموعة ١ تمارين أساسية

٢٧ (٣)

١٣ (٢)

١ (١) س =

$\frac{9}{4}$ (٦)

٢:١ (٥)

٢٠ (٤)

$$m = \frac{7b + 2d}{7b + 2d} = \frac{2 + 7}{2 + 7} \quad (7)$$

$$m = \frac{b - 4d}{b - 4d} = \frac{4 - 1}{4 - 4} \quad (8)$$

∴ الطرفان متساويان.

$$\frac{1-b}{b-j} = \frac{b(k-1)}{j(k-1)} = \frac{b(2+k)}{j(2+k)} \quad (8)$$

(١٠) ٤٠٠ دقة (نبضة).

(٩) (ب)

(١١) تحقق من إجابات الطلاب.

(١٢) (أ) صح الضرب التقاطعي.

(ب) خطأ

(ج) خطأ

(د) صح $\frac{1}{b} + \frac{3}{4} = 1 + 1$ (من خواص التناصف).

(١٣) (أ).

المجموعة ب تمارين تعزيزية

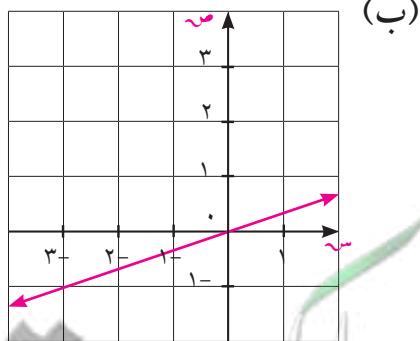
- (١) $\frac{5}{6}$
 (٢) $\frac{5}{6}$
 (٣) $\frac{5}{6}$
 (٤) ص، الضرب التقاطعي
 (٥) $\frac{5}{6}$
 (٦) تحقق من إجابات الطلاب.
 (٧) تتحقق من إجابات الطلاب.
 (٨) مروان: ١٨٠ ديناراً، أحمد: ٢١٦ ديناراً، يوسف: ٢٥٢ ديناراً.
- (ج) صح، من خواص التنااسب
- (ب) خطأ، $8 \neq 1$
- (ب) ٤
- ٢٦ (ب)

تمرين ٣-٢

التغيير الطرديّ

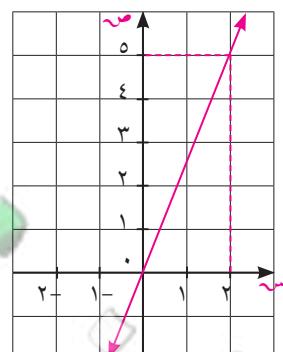
المجموعة ١ تمارين أساسية

- (١) طردي $\frac{2}{3}$
 (٤) $f = 50$
 (٥) لا تمثل
 (٨) $s = 4$
 (٩) (ب)
 (١٠) $h = \frac{5}{6}$
 (١١) المستقيم الذي يمر بنقطة المركز. أي (ب).
 (١٢) ١. طردي ثابت التغير $\frac{5}{6}$
 (١٣) (أ)
- (٢) لا تمثل
 (٦) طردي $s = 1, 9$
 (٧) $s = 3$
 (ب) $h = 350$ مل
 (ب) $s = 175$ كم
 (٣) طردي $\frac{1}{2}$



$$ص = \frac{2}{3} س$$

$$(١٥) ج = ٠$$

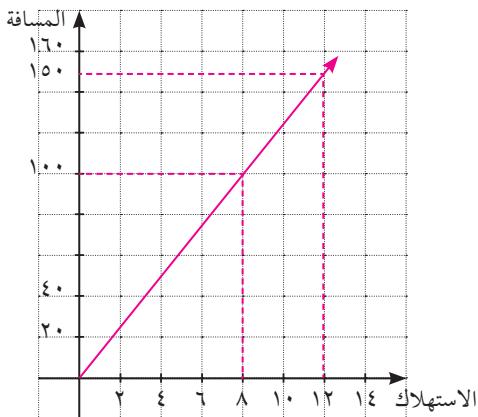


$$ص = \frac{5}{2} س$$

$$(١٤) ١٦ \text{ نيوتن}$$

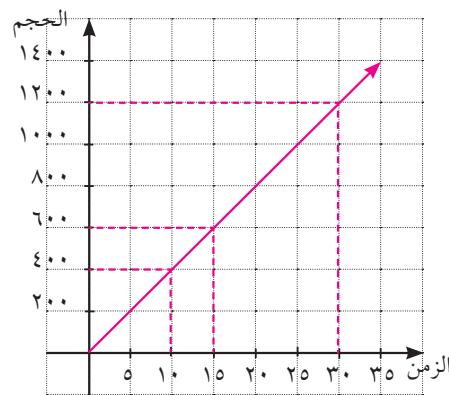
(١٦) (أ) نعم، لأن $h = 40$ س

(ب)



(١٧) (أ) $s = \frac{25}{2}$ س

(ب)



المجموعة ب تمارين تعزيزية

(٣) طردي، $\frac{2}{3}$

(ب) ١٠٨٠ ديناراً

(٦) العلاقة لا تمثل تغيراً طردياً

(٩)

(ب) ٩٦

(٢) لا تمثل

(١) طردي، $\frac{5}{2}$

(٤) (أ) $m = 12$ ش

(٥) العلاقة تمثل تغيراً طردياً $s = \frac{1}{3} t$ س

(٨)

(٦)

(أ) $d = 4$ ج

تمرين ٣-٣

التغير العكسي

المجموعة ا تمارين أساسية

٧٦ (٣)

٩١ (٢)

٥٤ (١)

(٥) $m = 16$

(٤) $m = 10$

(ب) $m = \frac{5}{9}$

(أ) $m = \frac{3}{5}$

(٧) العلاقة تمثل تغيراً طردياً $s = 2t$ س.

(٨) العلاقة تمثل تغيراً عكسيّاً $s = \frac{40}{t}$ س.

٣. ٨ ساعات

٢. ١٠ ساعات

(أ) ١٦ ساعة

(ب) عدد الساعات

(ج) عدد الساعات \times المكاسب في الساعة = ٨٠

(١٠) معادلة التغير الطردي: $s = \frac{1}{8} t$ س. معادلة التغير العكسي: $s = \frac{80}{t}$ س.

(١١) $t = \frac{120}{m}$

(١٢) $U = \frac{20}{n}$

(ب) $U \approx 3.2$ سم

المجموعة ب تمارين تعزيزية

- (١) ٤
 (٢) ١٦
 (٣) العلاقة تمثل تغييرًا عكسيًّا $s = \frac{1}{t}$.
 (٤) العلاقة تمثل تغييرًا عكسيًّا $s = \frac{1}{t}$.
 (٥) العلاقة تمثل تغييرًا طرديًّا $s = \frac{1}{t}$.
 (٦) (أ) لا تمثل تغييرًا عكسيًّا.
 (ب) لا تمثل تغييرًا عكسيًّا.
 (ج) تمثل تغييرًا عكسيًّا.
 (٧) (أ) ٢٢٥، المسافة بين المدينتين. ($v = 225 \text{ km/h}$)
 (ب) ٣ ساعات.
 (٨) عرض القطعة الثانية يقل عن عرض القطعة الأولى، لأن ناتج الضرب ثابت ٦٣٠ م.
 (٩) ٤ أيام.

مراجعة الوحدة الثالثة

- | | | | |
|----------------------|----------|-----------------------------|----------|
| (٤) (ج) | (٣) (أ) | (٢) (ج) | (١) (د) |
| (٨) (ج) | (٧) (د) | (٦) (د) | (٥) (د) |
| (١٢) (د) | (١١) (أ) | (١٠) (أ) | (٩) (ب) |
| (١٦) (د) | (١٥) (د) | (١٤) (د) | (١٣) (ج) |
| (٢٠) (أ) | (١٩) (د) | (١٨) (ب) | (١٧) (ج) |
| $\frac{11}{12}$ (٢٤) | (٢٣) (أ) | (٢٢) (ج) | (٢١) (ج) |
| (ب) ح ٢٠ نه | | (أ) ح ٢٠ نه | |
| (ب) ح ٢٠ نه | | م = $\frac{٣٦}{٢٠} = ١٨$ نه | |
| (ب) ١٦ يومًا | | (أ) ٢٠ يومًا | |
| | | (٢٧) (أ) $\frac{٢٠}{١٧}$ | |

تمارين إثرائية

- (١) وزن المواد الصلبة (غير الماء) = ٥ كجم ونسبةها ١٠٪ . ∴ أصبح وزن العنبر ٥٠ كجم
 (٢) نعم، $\frac{\text{ص}^1}{\text{س}^1} = \frac{\text{ص}^2}{\text{س}^2}$ ؛ $\frac{٣}{١} = \frac{٢٧}{٢}$
 (٣) ١٣,٦٨٠ ديناراً.
 (٤) (أ) نعم
 (٥) ١٣٢٥٠

المجموعة A تمارين أساسية

(١) (أ) متشابهان لأن الزوايا المتناظرة متطابقة، الأضلاع المتناظرة متناسبة $\frac{4}{3}$ أو $\frac{3}{4}$.

(ب) غير متشابهان لأن الزوايا المتناظرة غير متطابقة.

(ج) متشابهان لأن الزوايا المتناظرة متطابقة، الأضلاع المتناظرة متناسبة $\frac{7}{5}$ أو $\frac{5}{7}$.

(٢) (أ) س = ٩ سم، ص = ١٢ سم، ي = ٢٠ سم.

(ب) س = ٢٠ سم، ص = ١٧، ي = ٥، ٥ سم.

(٣) باستخدام نظرية فيثاغورث نجد أن: $و^2 = ه^2 + ج^2$

$$\frac{1+5\sqrt{7}}{2} = \frac{1}{2} + \frac{5\sqrt{7}}{2}$$

ولكن $ه = ج = \frac{1+5\sqrt{7}}{2}$ ومنه $\frac{ه}{ج} = \frac{1+5\sqrt{7}}{2}$ وهي النسبة الذهبية.

$$\frac{\text{طول اللوحة}}{\text{عرض اللوحة}} = \frac{\sqrt{7} + 1}{2} = \frac{س}{٧٠}$$

س = ١١٣، ٣ سم.

(٤) (أ) مساحة Δ ج د = $\frac{1}{2} م (١ + س) سم^2$.

مساحة Δ ب ر = $\frac{1}{2} م س \times س = \frac{1}{2} م س^2 = \frac{1}{2} م (١ + س) سم^2$.

مساحة Δ د ر = $\frac{1}{2} \times ١ \times م (١ + س) = \frac{1}{2} م (١ + س) سم^2$.

(ب) المساحات الثلاثة متساوية وكل منها $\frac{1}{2} م (١ + س)$.

(٦) لا، لأن النسبة هي ٦٨، ١ بينما النسبة الذهبية هي حوالي ١، ٦١٨.

(٧) (د).

المجموعة B تمارين تعزيزية

(١) $٥٤:٠٠,٠٨$ أو $\frac{٥٤}{٥٤}:٠٠,٠٨ = ٠,٠٨:٠٠,٠٤٨$.

(٢) (أ) غير متشابهين الأضلاع المتناظرة غير متناسبة.

(ب) متشابهين، الزوايا المتناظرة متطابقة متساوية، الأضلاع المتناظرة متناسبة، $\frac{٥}{٣}$ أو $\frac{٣}{٥}$.

(٣) ١٨ سم.

(٤) قد تختلف الإجابات. مثلاً: كل ١ سم على الرسم يمثل ٤ م.

(٥) لا، $١,٦١٨ \neq \frac{\pi}{٢}$.

المجموعة ١ تمارين أساسية

- (١) (أ) $\angle(\hat{h}) = \angle(\hat{j})$, $\angle(\hat{d}) = \angle(\hat{m})$. تطابق الزوايا المتناظرة.
 (ب) $\angle(\hat{m}) = \angle(\hat{d})$ تبادل وتوازي, $\angle(\hat{j}\hat{b}) = \angle(\hat{d}\hat{h})$ تطابق الزوايا المتناظرة.
- (٢) (أ) ٨ سم.
 (ب) $\frac{1}{3} \times 28 = 9$ سم.
- (٣) الأضلاع المتناظرة متناسبة، 90° .
- (٤) $b : j = \sqrt[3]{74} : \sqrt[3]{15}$ (في المثلث القائم $\angle(j)$) $s = \frac{\sqrt[3]{79}}{\sqrt[3]{34}}$, $ch = \frac{\sqrt[3]{15}}{\sqrt[3]{74}}$.
- (٥) $b : j = \sqrt[3]{72} : \sqrt[3]{4}$ (في المثلث القائم $\angle(b : j)$) $s = \frac{18}{5}$, $ch = \frac{5}{9}$.
- (٦) (أ) $\angle(l\hat{o}\hat{b}) = \angle(l\hat{d}\hat{g})$ تبادل داخلي, $\angle(l\hat{b} : o) = \angle(l\hat{d} : g)$ تبادل وتوازي، الزوايا المتناظرة متساوية القياس.
 (ب) نسبة التشابه $\frac{1}{2}$ أو $\frac{1}{2}$.
- (٧) (أ) لا، يجب أن تتطابق إحدى زواياهما المتناظرة.
 (ب) نعم، لأن زواياهما المتناظرة متساوية القياس.
- (٨) $\frac{l}{w} = \frac{w}{o}$, $\angle(n\hat{o}\hat{k}) = \angle(l\hat{w}\hat{m})$. بالتقابل بالرأس.
- (٩) (أ) $b : d = \sqrt[5]{5}$
 (ب) $\angle(b\hat{a}\hat{d}) = \angle(m\hat{o}\hat{b}) = 59^\circ$, $\angle(b)$ مشتركة.
 الزوايا المتناظرة متساوية القياس إذاً المثلثان متتشابهان.
- (ج) $\frac{a}{d} = \frac{b}{b}$ ومنه $\frac{a}{d} = \frac{b}{\sqrt[5]{2}}$.
- (١٠) $\angle(b)$ مشتركة، $\frac{b}{d} = \frac{n}{b}$ $\frac{b}{n} = \frac{d}{\sqrt[5]{2}}$ متتشابهان.
 زاوية محصورة بين أضلاع متناسبة.
- (١١) (أ) $\frac{a}{m} = \frac{b}{d} = \frac{4}{2}$, $\frac{b}{d} = \frac{3}{2}$, $\frac{a}{m} = \frac{3}{4}$ فيكون: $\frac{a}{m} = \frac{b}{d} = \frac{4}{4}$.
 (ب) $\frac{a}{m} = \frac{b}{d}$ تعطي $\angle(a : m) = \angle(b : d)$ والزاوية مشتركة. فيكون المثلثان متتشابهان.
- (١٢) (أ) الزوايا المتناظرة متساوية القياس فيكون المثلثان $\angle(j), \angle(d : h)$ متتشابهان.
 (ب) $\frac{a}{d} = \frac{15}{20} = \frac{3}{4}$ ومنه: $d = 16$, $a = 30$, المحيط = 66.
- (١٣) (ج).
 (١٤) (ج).

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(ب) ١٢

$$(1) \frac{3}{5} = \frac{16}{\underline{\quad}} \quad (2) \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$3, 3 = \frac{3}{\underline{\quad}}, \underline{\quad} = \frac{2}{3}$$

$$(3) \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\frac{10, 7}{6} = \frac{9}{\underline{\quad}}, \underline{\quad} = \frac{7}{6}$$

(ب) ٤, ٨ م

(3) ٢٧ م

(٤) قد تتتنوع الإجابات. تتحقق من عمل الطلاب.

$$(5) \frac{16}{9}, \frac{4}{3}$$

$$(1) \frac{17}{20}, \frac{85}{10}$$

(6) ١٢, ٦ م

(7) ١٥ سم

(8) (أ) بـ مشتركة، $\underline{\quad}(\hat{f}) = \underline{\quad}(\hat{m}) = 90^\circ$ فيكون المثلثان متتشابهين.

$$(9) \frac{بـ جـ}{بـ جـ} = \frac{فـ هـ}{بـ فـ} \text{ ومنه: } بـ جـ \times بـ فـ = بـ هـ \times بـ اـبـ \quad \text{لأن } بـ هـ = \frac{1}{2} \text{ اـبـ}$$

$$(10) \frac{بـ جـ}{بـ جـ} = \frac{اجـ}{اـبـ} ; \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

تمرين ٤-٣

التشابه في المثلثات قائمة الزاوية

المجموعة أ تمارين أساسية

$$(1) س = \sqrt[5]{73} \quad ص = \sqrt[6]{73}$$

$$(2) س = \sqrt[4]{3} \quad ص = \sqrt[3]{72}$$

$$(3) س = \frac{20}{3} \quad ص = \sqrt[3]{76}$$

$$(4) \sqrt[6]{74}, \sqrt[3]{74}, 12$$

$$(5) ع = \sqrt[13]{73}, ص = \sqrt[13]{72}$$

$$(6) س = \sqrt[3]{75} \quad ص = \sqrt[3]{75}$$

(7) د.



المجموعة ب تمارين تعزيزية

$$\frac{70}{2} \sqrt{74} = \text{ص} \quad (1) \quad \text{أ) } \text{س} = \sqrt{74} \quad \text{ب) } \text{س} = 5$$

$$\frac{2}{5} \sqrt{75} = \text{ص} \quad (2) \quad \text{أ) } \text{س} = 4 \quad \text{ب) } \text{س} = 5$$

$$\frac{2}{7} \sqrt{76} = \text{ص} \quad (2) \quad \text{أ) } \text{س} = 4 \quad \text{ب) } \Delta \text{دب} \sim \Delta \text{دج} \sim \Delta \text{اج} \quad (3)$$

$$\text{ج} = 6, 10, \text{ ج} = 6, 2 \quad (4)$$

$$\therefore \text{س} = 18 \text{ كم.} \quad (5) \quad \therefore \text{س} = 50 \times 2 = 100$$

$$\text{س} = \sqrt{74} \quad (6) \quad \text{أ) } \text{ع} = 12, \text{ ص} = \sqrt{73} \quad (6)$$

$$\text{ب) } \text{س} = 4 \quad (7)$$

$$\begin{cases} \text{ل}^2 = \text{س ن} \\ \text{ل}^2 + \text{م}^2 = \text{س ن} + \text{ص ن} = \text{ن}(\text{س} + \text{ص}) \\ \text{م}^2 = \text{ص ن} \\ \text{ل}^2 + \text{م}^2 = \text{ن} \times \text{n} = \text{n}^2 \end{cases} \quad (7)$$

$$(d) \frac{\text{س}}{\text{ب}}$$

$$(ج) \frac{\text{س}}{\text{ب}}$$

$$(ب) \frac{\text{ص}}{\text{ي}}$$

$$(أ) \frac{\text{ج}}{\text{م}}$$

تمرين ٤-٤

التناسبات والمثلثات المتشابهة

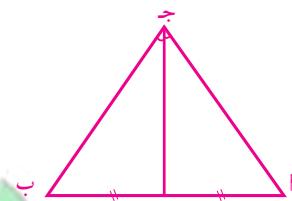
المجموعة أ تمارين أساسية

$$\frac{11}{6} = \frac{\text{ك}}{\text{م}} \quad (1) \quad \text{أ) } \frac{\text{ج}}{\text{ك}} \quad \text{ب) } \frac{\text{ك}}{\text{م}} \quad \text{ج) } \frac{\text{ك}}{\text{ج}}$$

$$\text{س} = 6 \quad (2) \quad \text{أ) } \text{س} = 5, 6 \quad \text{ب) } \text{س} = 7, 5 \quad \text{ج) } \text{س} = 7, 5$$

$$57 \frac{1}{7}, 42 \frac{6}{7} \quad (3)$$

$$(أ)$$



(ب) متطابق الضلعين، لأن المثلثين الناتجين عن منصف ج متطابقان. إذا ج = ب ج.

(5) ٤٥ سم أو ١٢,٥ سم.

(6) س = ٢٠.

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(ب) $م = ١١٢,٥$

(ب) $س = ٥,٢$

(أ) $م = ٤٣٥$

(أ) $س = ٩$

(٣) في Δ ب و م : $\rightarrow \overleftrightarrow{ب} // \overleftrightarrow{ن ج} \therefore \frac{\overline{ج}}{\overline{ن}} = \frac{\overline{ج}}{\overline{و}} = \frac{\overline{ب}}{\overline{ن}}$ (١)

(٢) في Δ ب ه و : $\rightarrow \overleftrightarrow{ه} // \overleftrightarrow{د ن} \therefore \frac{\overline{ب}}{\overline{ه}} = \frac{\overline{د}}{\overline{ن}} = \frac{\overline{ج}}{\overline{د}}$

من (١) (٢) : $\frac{\overline{ج}}{\overline{د}} = \frac{\overline{ج}}{\overline{ه}}$

(٤) $س = ٢٨, م = ١٢, ص = ٣$

(ج) $\frac{\overline{ج}}{\overline{ان}}$

(ب) $\frac{\overline{ون}}{\overline{ان}}$

(أ) $\frac{\overline{ك}}{\overline{كن}}$

(٦) د ج = ٤, ٨، د ب = ٣, ٢

مراجعة الوحدة الرابعة

(٤) (ج)

(٣) (ج)

(١) (ج)، (د) متشابهان

لأن $\angle(ه) = \angle(د) = ٥٠$

$$\frac{\overline{د}}{\overline{ه}} = \frac{\overline{د}}{\overline{ك}} = \frac{٣}{٤}$$

(٥) (أ) س = ٩، ص = ٤، ٥

$$\frac{٤}{٩} \text{ أو } \frac{٩}{٤}$$

(٧) (أ) س = $\frac{٦٠}{١١}$

(ج) س = ١٠

(ب) س = $\frac{٨}{٣}, ص = \frac{٤}{٣}, م = \frac{٣}{٣}$

(ب) $\frac{٤٩}{٦٤}$ أو $\frac{٦٤}{٤٩}$

(ب) س = ١٠

(د) س = $\frac{٢٥}{٣}$

تمارين إثرائية

(١) وج = ٦، دف $\frac{\overline{و}}{\overline{ج}} \neq \frac{\overline{د}}{\overline{ف}}$ لا توازي.

(٢) $\frac{\overline{و}}{\overline{ب}} = \frac{\overline{و}}{\overline{د}}, \frac{\overline{د}}{\overline{ه}} = \frac{\overline{و}}{\overline{ج}} \therefore \frac{\overline{و}}{\overline{ب}} = \frac{\overline{و}}{\overline{ج}}, (وب)^٢ = (وب)^٢ \times وج$

(٣) $\frac{\overline{س}}{\overline{س}} = \frac{\overline{س+٥}}{\overline{س+٨}} \therefore س = ٥$ (٢، ٥) ≠ (٢، ٧) + (٧، ٥)

(٤) نعم، $\frac{\overline{ن}}{\overline{ن}} = \frac{\overline{ج}}{\overline{ج}} = \frac{٣}{٢}, \frac{٣}{٤} \text{ أو } \frac{٤}{٣}$

(٥) كلا، ود = ٥ وب $\therefore جد = ٥ وب$

(٦) مساحة Δ ب ج = $\frac{١}{٢} \times ب \times ج$ ، مساحة Δ ب جن = $\frac{١}{٢} \times ج \times جن$

$\therefore \overline{م} // \overline{ب}$ $\therefore \frac{\overline{م}}{\overline{ب}} = \frac{\overline{ان}}{\overline{ب}}$ ومنه $ان \times ب = ان \times ب$

ولكن $ان = ب ج$ ، $ان \times ب = ج ب$ فيكون $ان \times ب = ان \times ج$

$\frac{1}{2} \times \text{أب} \times \text{ج} = \frac{1}{2} \times \text{أن} \times \text{جد}$ حيث أن: $\frac{\text{أب}}{\text{أن}} = \frac{\text{أم}}{\text{أد}}$ ومنه: $\text{أب} \times \text{ج} = \text{أن} \times \text{جد}$
مساحة $\Delta \text{اجن} =$ مساحة $\Delta \text{اجن}$

(٧) ص = ٨, ١٠

(٨) $\Delta \text{اجن}$ و، $\Delta \text{اجن}$ متشابهان.

مساحة $\Delta \text{اجن} = \frac{\text{هـ} \times \text{بـ}}{٢}$ ثابتة.
 \therefore مساحة $\Delta \text{اجن}$ و ثابتة.

(٩) $\frac{\text{مساحة}(\Delta \text{ادهـ})}{\text{مساحة}(\Delta \text{اجن})} = \frac{\text{اهـ}}{\text{اجـ}}$ ولكن: $\text{اهـ} = \text{اوـ} = \text{وجـ}$ لذا:

$\frac{\text{مساحة}(\Delta \text{ادهـ})}{\text{مساحة}(\Delta \text{اجن})} = \frac{\frac{١}{٢} [\text{اجـ}]^٢}{\frac{١}{٢} [\text{ادهـ}]^٢} = \frac{(\text{اجـ})^٢}{(\text{ادهـ})^٢} = (\text{اوـ})^٢ / (\text{اهـ})^٢$
أي أن مساحة $\Delta \text{ادهـ} =$ مساحة $\Delta \text{اجن}$.

١-٥ تمرّن

الأنماط الرياضية والمتاليات (المتابعات)

المجموعة ١ تمارين أساسية

(١) ٦٢، ٦٥

(٢) ٢٥٦، ١٢٨
(٤) $\text{حـ}_n = \frac{1}{٤} \text{حـ}_{n-١} + ١$

(٣) $\text{حـ}_n = \text{حـ}_{n-١} + ١$

(٥) $\text{حـ}_n = \text{n} + ٣$

(٦) ١٥، ٣ +

(٧) ارتدادية ٣، ٩، ٢١

(٨) ٣، ١، ٠ صريحة

(٩) ٣، ٩، ١٩ صريحة

(١٠) تنوع الإجابات. مثال: في الصيغة الارتدادية يجب معرفة الحد السابق لمعرفة الحد المطلوب بينما في الصيغة الصريحة يجب معرفة عدد الحدود.

(١١) (أ) (١، ٤، ٨، ...). تنوع الإجابات.

(ب) $\text{حـ}_n = ٢(\text{حـ}_{n-١})$; $\text{حـ}_1 = ١$; $\text{حـ}_n = (٢)^{n-١}$

(ج) ٣٢ -، ٣٢ -

(١٢) (أ) ٢١

(ب) تعطي هذه الصيغة الإجابات نفسها.

(١٣) كلا. يجب معرفة الحد الابتدائي (الأول).

المجموعة ب تمارين تعزيزية

(٢) $\frac{1}{128}, \frac{1}{64}$

(٤) $ح_n = \frac{1}{2} \times ح_{n-1}$, $ح_1 = 40, \frac{5}{4}$

(٦) $ح_n = 4n - 1$

(٨) ارتدادية، ١٨-، ٦، ٢-

(٩) ٦٧٧, ٢٦

(١٢) خطأ

(١٤) (د)

(١) ٢٥٦, ١٢٨-

(٣) $ح_n = ح_{n-1} - 2, ح_1 = 33, 43 =$

(٥) $ح_n = \frac{1}{n+1}, \frac{1}{9}$

(٧) صريحة، ١٦-، ٢١-، ٢٤-

(٩) صريحة، ٣٨-، ١٨-، ٦-

(١١) ٣٦, ٢٥

(١٣) صح

(١٥) (ب)

تمرين ٥-٢

المتالية الحسابية

المجموعة أ تمارين أساسية

(٢) نعم، ٣

(٤) ١٥٩-

(٦) ١٦

(٨) $\frac{4}{5}$

(١) كلا

(٣) ١٢٧

(٥) ٧, ٥-

(٧) ٤

(٩) افترض خالد أن المتالية هي $ح_n = 1 - 5^n$ أي أن $ح_n = 1$ بينما $ح_1 = 0$ في المتالية المعطاة.

(ب) ٢٢

(١٠) ٢٣

(١١) $ح_n = 6(n-1), ح_n = ح_{n-1} + 6, ح_1 = 0$

(١٢) $ح_n = -4n, ح_n = ح_{n-1} - 4, ح_1 = -4$

(١٣) $ح_1 = 1 - 3 = 5$

(١٤) $ح_n = \frac{1}{4}n - 5, 21, \frac{1}{4} - 5 = \frac{1}{4}$

(١٥) (ب)

(١٨) ٣٥

(١٧) ٣٢

(ج) (١٦)

(١٩) (أ) ٨، نستخدم: $ح_n = 3 \times (n-1) + 10$

(ب) ١٦٤

(٢٠) ٣٤

(٢٣) ١٠

(٢٢) ٣٠٠, ١٢٠٤

(٢١) ١٤٠

(٢٤) ٥٧٤

(ب) ١٢٠٧٤

(٢١)

(٢٤)

(ب)

المجموعة ب تمارين تعزيزية

- (١) كلاً
 (٤) ٩٥
 (٧) $\frac{120}{2} = ح_ن$
 (٩) $ح_ن = \frac{2 + ح_ن}{2}$
 (١٠) $ح_ن = ٥ - (ن - ١)$, $ح_ن = ح_{ن-١} + ١$, $ح_١ = ٥ -$
 (١١) $ح_ن = ح_{ن-١} + ٧$, $ح_ن = ح_{ن-١} + ٧$, $ح_١ = ٢ -$
 (١٣) $ح_١ = ٥ - ٥٢ = ٥$, $ح_١ = ١٠ -$
 (١٤) ٢٦٤
 (١٨) $٣٦٠ -$
 (١٧) ٣٧
 (١٦) $\frac{٦٣٠٨}{٤٩}, ٢٠٠ -$
 (١٩) $ح_١ = ٢٣ = ٥, ٢٣ = ٣ -$, المتالية $(٢٣, ٢٠, ٢٣, \dots, ١٧, ٢٠, ٢٣)$ ١٥ حدّاً.
 (٢٠) $٥ = ٣$ الأوساط الحسابية: $٨, ٦, ١٤, ١١, ١٧, ٢٣, ٢٠$.
 (٢١) $٥ = ٥, ٥ = ٥$, الأوساط الحسابية: $٢, ٥ - ١, ٥ - ٢, ٥ - ١, ٥ - ٢, ٥ - ١$.
 (٢٢) (ج)
 (٢٣) (ب)

تمرين ٥-٣

المتالية الهندسية

المجموعة ١ تمارين أساسية

- (١) نعم، -١
 (٣) $ح_ن = ٥ \times (٣ - ٥)^{n-١} = ٤٥, ١٥ - ٥, ٥ - ١, ١٣٥ -$.
 (٤) $ح_ن = \frac{١}{٢} \left(\frac{٢}{٣} \right)^n \cdot \frac{٤}{١٥}$.
 (٧) هندسية، ٧٢٠
 (٦) ١٥٣٠
 (٩) حسابية، -١
 (١٠) ٧٦٨
 (١٢) ٤
 (١٣) ٢, ٥
 (١٤) * كلها يمثل قيمة ثابتة في كل متالية.
 * الأساس في المتالية الحسابية هو ناتج الفرق ولكن الأساس في المتالية الهندسية هو ناتج قسمة.
 (١٧) ٦٩, ٦١٦٧
 (١٦) ٥, ٨١٢٥
 (٢٠) صحيحة
 (٢٣) (ب)
 (١٩) صحيحة
 (٢٢) (أ)
 (١٥) ٧
 (١٨) خطأ
 (٢١) (ب)

المجموعة ب تمارين تعزيزية

- | | |
|--|----------------|
| ١٠,٠٠٧٠٠,١ (٢) | ٤٠,٢٥٦٠٠,٠ (١) |
| (٣) حن = (٥٠,٥ - ٥٠,١)، حن = (٥٠,٥ - ٥٠,١) | |
| (٤) حن = (٥٠,٥ - ٥٠,١)، حن = (٥٠,٥ - ٥٠,١) | |
| (٥) حسابية - ٨٠ (٦) | ١٢٥ (٧) |
| (٧) هندسية ٢ (٨) | |
| (٩) ١٠٨ - ٣٦ - ١٢ - ١٢٢٨٨ (١٠) | |
| (١١) تقريرًا ١٠ × ١,٣ (١٢) | |
| (١٣) $\frac{2}{3}$ (١٤) | |
| (١٥) ٣٣,٢٧٨٧ (١٦) | |

مراجعة الوحدة الخامسة

- | | |
|--|---|
| (١) حن = ٦ + ٦، حن = حن - ٦ + ٦، ح٦ = ٧، ح٧ = ٣٧. | (٢) حن = ١٠ × ٣٢ - ١٠، حن = حن - ١٠ × ٣٢، ح٦ = ٣٢٠. |
| (٣) حسابية ٤١٠،٥٩. | |
| (٤) حسابية ٥١،١٩٥. | |
| (٥) هندسية ٧٣٨١٠،٩٨٤١٥. | |
| (٦) ٨ | |
| (٧) ٦ | |
| (٨) تحقق من عمل الطّلاب. | |
| (٩) ...،٢٤،١٦ - ٤،٨،٢٠. | |
| (١٠) ...،٦٩١٠ × ٦،٣١٠٨٨٧٢٤٢ - ٧١٠ × ٣،١٥٥٤٤٣٦٢١ - ٧١٠ × ١،٥٧٧٧٢١٨١ - | |
| (١١) ...،٣١،٢٤،١٧،١٠،٣. | |
| (١٢) ...،٣٧،١١،١٥،١٩. | |
| (١٣) ١ | |
| (١٤) ٤ | |
| (١٥) حسابية، ١٥٦. | |
| (١٦) هندسية، ٦٢٥٠. | |
| (١٧) (ج). | |

(١٨) $r = 3$ أو $r = -3$ - الأوساط الهندسية: $81, 27, 9, 3, 1$ أو $-1, 3, 9, 27, 81$.

(١٩) $r = 2$ الأوساط الهندسية: $1, 4, 8, 16, 32$.

تمارين إثرائية

$$\left(\frac{1}{2} = r, \frac{1}{2} = r \right) \quad (١)$$

$$\left(\frac{4}{9} = r, \frac{3}{2} = r \right) \quad (٢)$$

$$(10 = r, 13 = r, 16 = r) \quad (٣)$$

$$\left(\frac{70}{7} = r, \frac{120}{7} = r, \frac{192}{7} = r \right) \quad (٤)$$

$$(58, 26, 10) \quad (٥)$$

$$(ب) (2 = r, 8 = r, 16 = r, 32 = r, 64 = r)$$

$$(ج) (r = 8 \times (1 - 2))$$

$$(د) (r = 8 \times (1 - 2))$$



ملاحظات

