

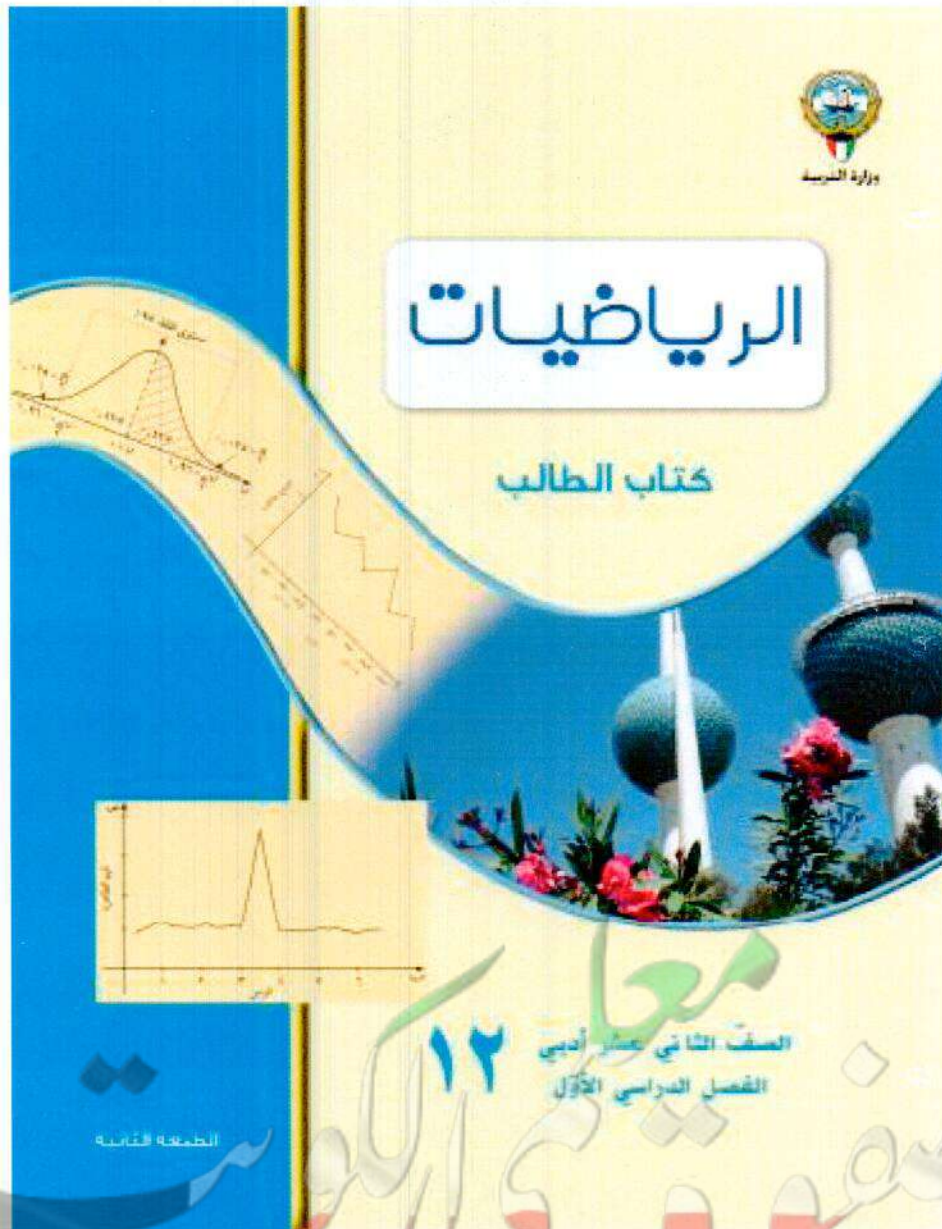
الرياضيات
Hala Labeeb
H.L.

نماذج تقويمي أول

للف الثاني عشر

أدبي ٢٠٢١ - ٢٠٢٢م

شعبان جمال



شعبان جمال

KuwaitTeacher.Com

H.O.L.

نموذج تقويمي (١) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ - ٢٠٢٢ م

عينة عشوائية حجمها $n = 64$ أخذت من مجتمع إحصائي تباينه $\sigma^2 = 16$ ، فإذا علم أن المتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 13$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥% (أ) أوجد هامش الخطأ.

(ب) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(ج) فسّر فترة الثقة.

(أ) $\therefore$ مستوى الثقة ٩٥%

$\therefore$ القيمة الرتبة $\frac{n}{2} = \frac{64}{2} = 32$

$\therefore$ z معلومة

$\therefore$ هامش الخطأ $E = z \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$$= \frac{4}{16} \times 1.96 =$$

$$= 0.98$$

(ب) $\therefore$ فترة الثقة هي $(\bar{x} - E, \bar{x} + E)$

$$= (13 - 0.98, 13 + 0.98)$$

$$= (12.02, 13.98)$$

(ج) عند اختيار ١٠٠ عينة عشوائية من الحجم نفسه ($n = 64$) وحساب حدود فترة الثقة لكل عينة فإننا نتوقع أن ٩٥ فترة تكون القيمة الحقيقية للمتوسط الحسابي للمجتمع μ .

ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

ⓐ ⓑ

إذا كانت درجات الحرية هي ٣٠ فإن حجم العينة هو ٢٩

درجات الحرية $= (n - 1)$

$$30 = n - 1 \rightarrow n = 31$$

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

إذا كانت $n = 16$ ، $\bar{x} = 70$ ، $\sigma = 5$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = 72$ عند مستوى معنوية

$\alpha = 0.05$ فإن المقياس الإحصائي هو :

ⓐ $z = 1.6$ ⓑ $z = -1.6$ Ⓒ $t = -1.6$ Ⓓ $t = 1.6$

شعبان جمال

$$z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{70 - 72}{\frac{5}{\sqrt{16}}} = \frac{-2}{1.25} = -1.6$$

$$z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{70 - 72}{\frac{5}{\sqrt{16}}} = \frac{-2}{1.25} = -1.6$$

H.L.

نموذج تقويمي (٢) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ - ٢٠٢٢ م

يزعم معلم مادة الرياضيات أن المتوسط الحسابي لدرجات الطلاب في مادته هو ١٦ درجة حيث النهاية العظمى ٢٠ درجة. إذا أخذت عينة من ١٠ طلاب فوجد أن المتوسط الحسابي $\bar{x} = 15$ درجة، والانحراف المعياري $\sigma = 1.4$ درجة، فاختر فرضية المعلم عند مستوى المعنوية $\alpha = 0.05$.

١) صياغة الفرض

ف: $\mu = 16$ مقابل ف: $\mu \neq 16$

٢) $\alpha = 0.05$ (معلومة)

٣) نأخذ المقياس الاحصائي n

$$n = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$t_{\text{con}} = \frac{16 - 15}{\frac{1.4}{\sqrt{10}}} = 1.96$$

٤) $\alpha = 0.05$

$$\therefore \frac{\alpha}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$$

$$\therefore \alpha = 0.05$$

٥) منطقة القبول هي $(-1.96, 1.96)$

٦) $t_{\text{con}} = 1.96$ $\notin (-1.96, 1.96)$

٧) القرار: نرفض فرض العدم $\mu = 16$ ونقبل الفرض البديل $\mu \neq 16$

ظلل ١) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل ٢) إذا كانت العبارة خاطئة

المعلمة هي ثابت يصف توزيع العينة كالتوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها

أ) ☐ ب) ☒

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي

$$\text{هي } (3.2, 17.8) \text{ فإن } \bar{x} = \frac{17.8 + 3.2}{2} = 10.5$$

أ) ٢١

ب) ١.٩٦

ج) ١٠.٥

د) ٠.٤٧٥

شعبان جمال

KuwaitTeacher.Com

نموذج تقويمي (٣) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ — ٢٠٢٢ م

H.L.

أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ ، وانحرافها المعياري $\sigma = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪.

(أ) أوجد هامش الخطأ.
(ب) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .
(ج) فسر فترة الثقة.

$n = 81$
 $\bar{x} = 50$
 $\sigma = 9$
مستوى ثقة
٩٥٪ =

(١) مستوى الثقة ٩٥٪

القيمة الحرجة $\frac{\alpha}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$
من الجدول

$n < 30$
∴ هامش الخطأ $= \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2}$

$$1.96 = \frac{9}{\sqrt{81}} \times \frac{\alpha}{2}$$

(ب) فترة الثقة هي $(\bar{x} - E, \bar{x} + E)$
 $= (50 - 1.96 \times 1, 50 + 1.96 \times 1)$
 $= (48.04, 51.96)$

(ج) عند اختيار ١٠٠ عينة عشوائية ذات الحجم نفسه ($n = 81$) وحساب حدود فترة الثقة لكل عينة فإننا نتوقع أن ٩٥ فترة تكون القيمة الحقيقية للمتوسط الحسابي لها.

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(ب) ☒

(١ - α) هي معامل مستوى الثقة.

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة من مجتمع طبيعي معياري حجمها $n = 100$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 40$ وانحرافها المعياري $\sigma = 10$ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي عند مستوى ثقة ٩٧٪ تكون القيمة الحرجة $\frac{\alpha}{2}$ تساوي:

(ب) ٢,١٨

مستوى الثقة ٩٧٪

(أ) ٢,١٦ ∴ $1 - \frac{\alpha}{2} = 0.97$

(ج) ٢,١٧ ∴ $1 - \frac{\alpha}{2} = \frac{0.97}{2} = 0.485$

(د) ليس أي مما سبق

شعبان جمال

باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري
 $\frac{\alpha}{2} = 0.015 \rightarrow 0.485 = 0.485$

نموذج تقويمي (٥) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ - ٢٠٢٢ م

عينة عشوائية حجمها $n = 13$ ، ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 30$ ، وانحرافها المعياري $\sigma = 3.5$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥%.

(أ) أوجد هامش الخطأ.

(ب) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(أ) $\therefore$ بما أن معلومة $n \geq 30$ $\therefore$ نستخدم توزيع t .

$\therefore n = 13$
 $\therefore$ درجات الحرية $(n-1) = 13-1 = 12$

$\therefore$ مستوى الثقة ٩٥%.

$\therefore 1 - \alpha = 0.95 \leftarrow \alpha = 0.05$

$\therefore \frac{\alpha}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$

من جدول توزيع t : $t_{\alpha/2, n-1} = t_{0.025, 12} = 2.179$
هامش الخطأ $= t_{\alpha/2, n-1} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$$= 2.179 \times \frac{3.5}{\sqrt{13}} = 2.115$$

(ب) فترة الثقة h : $(\bar{x} - h, \bar{x} + h)$

$$= (30 - 2.115, 30 + 2.115) \leftarrow (27.885, 32.115)$$

ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

إذا كان توزيع المجتمع غير طبيعي و σ غير معلومة وكان حجم العينة $n < 30$

فإن المقياس الإحصائي المستخدم لقبول أو رفض العدم للمعلمة μ هو $t_{\alpha/2, n-1} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة عشوائية من مجتمع إحصائي حجمها $n = 30$ ، $\sigma = 3$ فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% يساوي ٣١,٩٦ فإن n تساوي

١٥ (د)

٣٠ (ج)

٩ (ب)

١٦ (أ)

شعبان جمال

$\frac{3}{\sqrt{30}} \times 2.179 = 1.196$
 $\therefore n = 9$

$\frac{3}{\sqrt{30}} \times 2.179 = 1.196$
 $\therefore n = 9$

$30 + h = 31.96 \rightarrow h = 1.96$

نموذج تقويمي (٦) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ — ٢٠٢٢ م

إذا كانت $n = 10$ ، $\bar{s} = 283$ ، $c = 32$ أختبر الفرض بأن $\mu = 290$ عند مستوى معنوية 0.05 .

H.L.

١) صياغة الفرض (علماً بأن المجتمع يتبع توزيعاً طبيعياً)

فأ: $\mu = 290$ مقابل فأ: $\mu \neq 290$

٢) $\alpha = 0.05$ غير معلومة، $n = 10 \geq 30$

∴ نستخدم المقياس الإحصائي

$$t = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

$$= \frac{283 - 290}{\frac{32}{\sqrt{10}}} = -6.917$$

٣) ∴ مستوى المعنوية 0.05 ← درجات الحرية $(n-1) = 10-1 = 9$

$$\therefore \alpha = 0.05 \rightarrow \frac{\alpha}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$$

$$\therefore t_{\alpha/2} = t_{0.025} = 1.833$$

٤) منطقة القبول هي $(-1.833, 1.833)$

٥) $-6.917 \notin (-1.833, 1.833)$

∴ القرار هو قبول فرض العدم $\mu = 290$

ظلل ١) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل ٢) إذا كانت العبارة خاطئة

١) ☐ ٢) ☒

كلما كان طول فترة الثقة صغيراً زادت دقة التقدير

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة من مجتمع طبيعي معياري حجمها $n = 49$ ومتوسطها الحسابي $\bar{s} = 30$ وانحرافها المعياري

$\sigma = 2$ غير معلومة
 $n = 49 > 30$

$$3.92$$

$$= \frac{30}{2} \times 1.96 = 29.4$$

$$1.96$$

ليس أي مما سبق

$$= \frac{14}{49} \times 1.96 = 0.56$$

$$1.69$$

$$= 3.92$$

شعبان جمال

نموذج تقويمي (٧) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ — ٢٠٢٢ م

أوجد القيمة الحرجة z_{α} المناظرة لمستوى ثقة ٩٧٪ باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

مستوى الثقة ٩٧٪

$$\therefore 1 - \alpha = 0.97$$

$$\frac{1 - \alpha}{2} = \frac{1 - 0.97}{2}$$

$$= 0.015$$

باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري:

$$\frac{z}{2} = 2.17 \Rightarrow z = 4.34$$

ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

التقدير بنقطة هي قيمة وحيدة محسوبة من العينة تستخدم

لتقدير معلمة من معالم المجتمع المجهولة.

(أ) (ب)

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة من مجتمع طبيعي معياري حيث $n = 25$ ، $\bar{x} = 50$ ، $s = 15$ ، مستوى الثقة ٩٥٪ فإن:

فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع (١١) هي:

(٥٦,١٩٢ ، ٤٣,٨٠٨) (ب)

(٥٢,٠٦٤ ، ٤٧,٩٣٢) (أ)

ليس أي مما سبق (د)

(٥٦,١٢٨ ، ٤٥,٨٧٢) (ج)

نموذج تقويمي (٨) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ — ٢٠٢٢ م

١٠.٦.٠

أخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي.

أوجد القيمة الحرجة t_{α} المناظرة لمستوى الثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع ت.

درجات الحرية $n - 1$

$$1 - 0.05 =$$

$$0.95 =$$

مستوى الثقة ٩٥٪

$$1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0.025$$

من جدول التوزيع ت:

$$t_{\alpha/2} = t_{0.025} = 2.093$$

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

إذا كانت μ تقع في الفترة (٢٥, ٦٤١ ، ٣٤, ٣٥٩) فإن $\mu = 30$ (ب) (أ)

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي معياري تباينه $\sigma^2 = 16$ فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ يساوي ٢١,٩٦ فإن $n =$

(د) ٢٠

(ج) ١٦

(ب) ١٥

(أ) ٩

نموذج تقويمي (٩) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ — ٢٠٢٢ م

أخذت عينة عشوائية من مجتمع قيد الدراسة حجمها $n = 150$ ، فوجد أن المتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 3.3$ ، وتباينها $(s^2 = 16)$

اختبر الفرض إذا كان المتوسط الحسابي للمجتمع هو $\mu = 3.0$ ، مقابل الفرض البديل $\mu \neq 3.0$ عند

مستوى ثقة ٩٥%

١) صياغة الفرض: $H_0: \mu = 3.0$ مقابل $H_1: \mu \neq 3.0$

٢) تحديد مستوى α : $\alpha = 0.05$

٣) تحديد القيمة الحرجة $t_{\alpha/2, n-1}$

$$t_{\alpha/2, n-1} = t_{0.025, 149}$$

$$t_{0.025, 149} \approx 1.96$$

$$t_{0.025, 149} = 1.96$$

٤) مستوى الثقة ٩٥%

$$1 - \alpha = 0.95 \Rightarrow \alpha = 0.05$$

$$\alpha/2 = 0.025$$

٥) منطقة القبول هي $(-1.96, 1.96)$

$$n = 150$$

$$\bar{x} = 3.3$$

$$s^2 = 16$$

$$s = 4$$

$$\text{٦) القرار هو قبول فرض } H_0$$

٧) القرار هو قبول فرض H_1

$$\mu = 3.0$$

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة حجمها $n = 16$ ، $\bar{x} = 3.0$ من مجتمع طبيعي تباينه $\sigma^2 = 16$ فإن

$$t_{\alpha/2, n-1} = t_{0.025, 15} = 1.96$$

الحد الأدنى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% هو :

$$s = 4$$

$$1.96 \times 4 = 7.84$$

$$1.96 + 3.0$$

$$1.96 - 3.0$$

$$2 \times 1.96 - 3.0$$

$$3.0$$

أخذت عينة من مجتمع طبيعي معياري حجمها $n = 36$ فإذا علم أن $\sigma = 1.0$ ، $\bar{x} = 2$ فإن عند

مستوى ثقة ٩٠% تكون القيمة الحرجة هي :

$$t_{\alpha/2, n-1} = t_{0.05, 35} = 1.64$$

$$t_{\alpha/2, n-1} = t_{0.05, 35} = 1.65$$

$$1.64$$

$$1.65$$

$$1.645$$

$$2.746$$

$$1.64 + 1.65 = 3.29$$

شعبان جمال

$$1.645 =$$

نموذج تقويمي (١٠) للصف الثاني عشر أدبي فترة أولى ٢٠٢١ - ٢٠٢٢ م

قامت شركة عالمية بدراسة لمعرفة كفاءة أداء سياراتها، فأخذت عينة من ١٠٠٠ سيارة. استنتجت أن السيارة تبقى في حالة جيدة عند متوسط حسابي $\bar{x} = ٥$ سنوات. علمًا بأن الانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = ٠,٥$ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥%

(أ) أوجد هامش الخطأ.

(ب) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(ج) فسر فترة الثقة.

(١) $\therefore$ سنوات الثقة ٩٥%

$\therefore$ القيمة الحرجة $z_{\alpha/2} = ١,٩٦$

$\therefore$ هامش الخطأ

$\therefore$ هامش الخطأ $= z_{\alpha/2} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$= ١,٩٦ \times \frac{٠,٥}{\sqrt{١٠٠٠}}$

$= ٠,٣٠٩$

(ب) فترة الثقة هي $(\bar{x} - \text{هامش الخطأ}, \bar{x} + \text{هامش الخطأ})$

$= (٥ - ٠,٣٠٩, ٥ + ٠,٣٠٩)$

$= (٤,٦٩١, ٥,٣٠٩)$

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

من جدول التوزيع الطبيعي المعياري ق $٠,٦٥ = ٠,١٧٧٢$ $\therefore ٠,٤٦ =$ ☒ (ب) ☐ (أ)

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح. ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

أخذت عينة من مجتمع طبيعي معياري حيث $n = ٢٥$ ، $\bar{x} = ٤٨$ ، $\sigma = ١٠$ $\therefore$ هامش الخطأ $= ٢,٠٦٤$ $\therefore$ فترة الثقة $= (٤٦,٩٣٦, ٥٠,٠٦٤)$ $\therefore$ فإن القيمة الحرجة المناظرة لمستوى ثقة ٩٥% هي $١,٩٦$

① ق $\frac{\alpha}{2} = ١,٩٦$ $\therefore$ ق $\frac{\alpha}{2} = ٢,٠٦٤$ $\therefore$ ت $\frac{\alpha}{2} = ١,٩٦$ $\therefore$ ت $\frac{\alpha}{2} = ٢,٠٦٤$