

مذكرة التدريبات



# الفيزياء

الكورس الأول

12

مذكرة التدريبات



U U L A

# الفيزياء

الكورس الأول

12

# شلون تتفوق بدراستك

## منصة علا تخلي المذكرة أقوى

تبي أعلى الدرجات؟ لا تعتمد على المذكرة بروحها  
ادرس صح من الفيديوهات و الاختبارات في منصة علا

700

★ اختبارات ذكية تدربك  
حل الاختبارات الإلكترونية أول بأول  
عشان ترفع مستواك

🎬 فيديوهات تشرح لك  
تابع الفيديوهات و اسأل المعلم في علا وأنت  
تدرس من المذكرة عشان تضبط الدرس



اكتشف عالم التفوق مع منصة علا

لتشارك بالمادة و تستمتع بالشرح  
المميز صور أو اضغط على ال QR



# المعلق



هذه المذكرة تغطي المادة كاملة.

في حال وجود أي تغيير للمنهج أو تعليق جزء منه يمكنكم مسح رمز QR للتأكد من المقرر.



# المنقذ



أول ما تحتاج مساعدة بالمادة ، المنقذ موجود!

صور ال QR بكاميرا التلفون أو اضغط عليه إذا كنت تستخدم المذكرة من جهازك و يطلع لك فيديو يشرح لك.



صفحة معلق الكويت

# قائمة المحتوى

01

## الطاقة

5  
14  
23

الشغل  
الشغل و الطاقة  
حفظ ( بقاء ) الطاقة

02

## ميكانيكا الدوران

45  
51  
57

عزم القوة  
القصور الذاتي الدوراني  
ديناميكا الدوران

03

## كمية الحركة الخطية

69  
78

كمية الحركة و الدفع  
حفظ كمية الحركة الخطية (التصادمات)





## أسئلة على درس الشغل

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ إمكانية إنجاز شغل ( الطاقة )
- ❑ عملية تقوم فيها قوة مؤثرة بإزاحة جسم في اتجاهها ( الشغل )
- ❑ كمية عددية تساوي حاصل الضرب العددي لمتجهي القوة و الإزاحة ( الشغل )
- ❑ الشغل الذي تبذله قوة مقدارها  $1\text{ N}$  تحرك الجسم في اتجاهها مسافة  $1\text{ m}$  ( الجول )
- ❑ القوة ثابتة المقدار و الاتجاه ( القوة المنتظمة )
- ❑ القوة التي يتغير مقدارها أو اتجاهها أو يتغير مقدارها و اتجاهها معا أثناء تأثيرها في الجسم ( القوة غير المنتظمة )
- ❑ المساحة تحت منحنى القوة - الاستطالة ( الشغل )
- ❑ ميل منحنى القوة - الاستطالة ( ثابت هوك )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- (✓) ❑ يقاس الشغل وجميع صور الطاقة بوحدة ( $\text{N} \cdot \text{m}$  - نيوتن . م)
- (x) ❑ الشغل بمفهومه الفيزيائي هو الجهد و التعب و بذل القوة
- (x) ❑ إذا تحرك جسم في اتجاه القوة المؤثرة عليه مسافة ( $1\text{ m}$ ) فإن شغل هذه القوة يساوي جولاً واحداً
- (x) ❑ قوى الاحتكاك وقوى الفرامل وقوة مقاومة الهواء شغلها دائماً يساوى الصفر
- (x) ❑ يكون الشغل الذي تبذله قوة ما في إزاحة جسم أكبر ما يمكن إذا كانت الزاوية بين القوة و الإزاحة تساوي ( $90^\circ$ )
- (✓) ❑ يقوم محرك السيارة ببذل شغل للتحرك لكي تتغلب على شغل قوى الاحتكاك ومقاومة الهواء
- (✓) ❑ تكون إشارة الشغل سالبة إذا كانت القوة التي تبذله قوة معيقة للحركة
- (✓) ❑ إشارة الشغل الموجبة تعني زيادة سرعة الجسم
- (✓) ❑ الشغل الموجب هو شغل منتج للحركة
- (✓) ❑ الشغل لا يرتبط بالمسار الذي يسلكه الجسم بين نقطتي تأثير القوة
- (✓) ❑ الشغل الناتج عن وزن الجسم عندما يتحرك رأسياً بين نقطتين يرتبط بمقدار الإزاحة الرأسية بين النقطتين
- (x) ❑ ميل منحنى ( القوة - الاستطالة ) يمثل الشغل المبذول
- (✓) ❑ إذا كان ثابت القوة لنباض ( $50\text{ N/m}$ ) فإنه عندما يستطيل بمقدار  $2\text{ cm}$  تكون قوة الشد  $1\text{ N}$

## أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علمياً :

يعتبر الشغل كمية فيزيائية عددية

أكبر قيمة للشغل عندما تكون القوة و الإزاحة في نفس الاتجاه بينما تنعدم قيمة الشغل عندما تكون القوة عمودية على اتجاه الإزاحة وتصبح قيمة الشغل سالبة إذا كانت الإزاحة عكس اتجاه القوة

يتوقف مقدار الشغل الذي تبذله قوة على جسم ما على الزاوية بين اتجاه القوة والإزاحة

تكون إشارة الشغل موجبة إذا كانت القوة المؤثرة في الجسم محدثة للإزاحة وتكون سالبة إذا كانت القوة المؤثرة في الجسم معيقة للحركة

يكون الشغل الذي تبذله قوة الاحتكاك سالبا دوماً

إذا كانت القوة متعامدة مع الإزاحة فإن شغل هذه القوة يساوي صفرًا

الشغل المبذول من وزن السيارة عندما تتحرك على طريق أفقي يساوي صفرًا

عندما يؤثر على الجسم عدة قوى متزنة (محصلتها تساوي صفرًا) فإن شغل هذه القوة يساوي صفرًا

إذا كان تأثير الشغل الكلي للجسم هو تغير سرعته فإن الإشارة الموجبة للشغل تعني زيادة في السرعة بينما الإشارة السالبة تعني نقصان في السرعة

عندما يتحرك الجسم إلى نقطة اعلي من موقعة الابتدائي يكون الشغل الناتج عن الوزن سالبا

عندما ينتقل الجسم إلى نقطة أدني من موقعة الابتدائي فإن الشغل الناتج يكون موجبا

المساحة تحت منحنى ( القوة \_ الإزاحة ) تساوي عددياً الشغل المبذول في تحريك الجسم

يمكن تمثيل الشغل بيانياً بالمساحة تحت منحنى القوة - الاستطالة

من أمثلة القوة المتغيرة الشد في الزنبرك

يقاس ثابت هوك للناض بوحدة N/m

## اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

واحدة فقط من الكميات الفيزيائية التالية تُصنف ككمية عددية وهي

الإزاحة  الشغل  القوة  العجلة

العلاقة الرياضية المستخدمة في حساب الشغل الذي تبذله قوة منتظمة تؤثر على جسم وتزيحه هي

$$W = \vec{F} \times \vec{d} = Fd \sin \theta \quad \text{O}$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = Fd \sin \theta \quad \text{O}$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = Fd \cos \theta \quad \text{O}$$

$$W = \vec{F} \times \vec{d} = Fd \cos \theta \quad \text{O}$$

يتوقف الشغل الذي تبذله قوة منتظمة في إزاحة جسم على

مقدار القوة ومقدار الإزاحة فقط

مقدار الإزاحة فقط

مقدار القوة فقط

مقدار القوة ومقدار الإزاحة ومقدار الزاوية بينهما

ينعدم ( يتلاشى ) شغل القوة عندما تكون الزاوية بين اتجاه تأثير القوة واتجاه الحركة ( الإزاحة ) بالدرجات تساوي

180

90

30

صفرًا

٥ يُقاس الشغل بوحدة الجول ويرمز له بالرمز ( J ) في النظام الدولي للوحدات ، والجول ( J ) يكافئ

N.m<sup>2</sup>

N/m

N/m<sup>2</sup>

N.m

٥ الشغل المبذول علي جسم عندما يتحرك الجسم في مسار مغلق يساوي

قيمة موجبة

قيمة سالبة

أكبر قيمة

صفراً

٥ إذا تحرك جسم تحت تأثير مجموعة من القوي المتزنة وبسرعة ثابتة ، فإن الشغل الذي تبذله هذه القوي يساوي

قيمة موجبة

قيمة سالبة

أكبر قيمة

صفراً

٥ الشغل المبذول علي جسم عندما يتحرك الجسم في مسار دائري مغلق يساوي

قيمة موجبة

قيمة سالبة

أكبر قيمة

صفراً

٥ الشغل المبذول علي جسم عندما يكون تأثير القوة عمودياً علي اتجاه الإزاحة يساوي

قيمة موجبة

قيمة سالبة

أكبر قيمة

صفراً

٥ الشغل المبذول ضد قوي الاحتكاك يساوي

قيمة موجبة

قيمة سالبة

قيمة سالبة أو موجبة

صفراً

٥ بزيادة الزاوية بين القوة و الإزاحة فإن مقدار الشغل

ينعدم

لا يتغير

يقل

يزداد

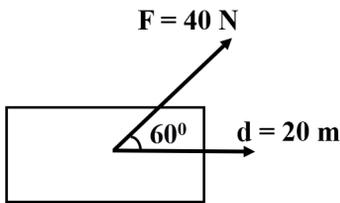
٥ الشكل المقابل يمثل القوة المؤثرة علي جسم يتحرك علي مستوي أفقي أملس ، فإن الشغل المبذول لإزاحة الجسم بوحدة ( J ) يساوي

692.82

300

400

250



٥ أمسك طفل كرة صغيرة بيده وأخرجها من شرفة ( نافذة ) غرفته ثم تركها لتسقط في الهواء ، فيكون الشغل المبذول علي الكرة

موجباً بسبب تأثير قوة الجاذبية علي الكرة طالما ظل ممسكاً بها

صفراً أثناء سقوطها نحو الأرض بسبب ثبات قوة جذب الأرض للكرة

سالباً أثناء سقوطها بسبب نقص ارتفاع الكرة عن سطح الأرض

صفراً طالما ظل ممسكاً بها بسبب انعدام الإزاحة

◉ عندما يتحرك جسم على مستوي مائل يكون القوة المؤثرة على الجسم تساوي :

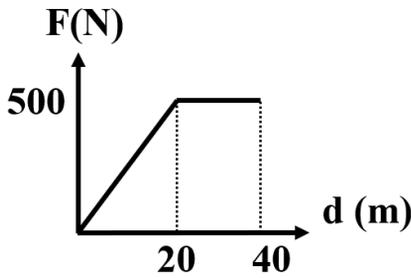
- $mg \tan^{-1} \theta$         $mg \tan \theta$         $mg \cos \theta$         $mg \sin \theta$

◉ نابض مرن ثابت القوة له ( $K = 100 \text{ N/m}$ ) علفت به كتلة ، فاستطال النابض بتأثيرها مسافة ( $\Delta x$ ) مقدارها  $0.05 \text{ m}$  فإن مقدار القوة المحدثة للاستطالة بوحدة ( $\text{N}$ ) تساوي

- 25       5       10       1

◉ الشغل الناتج عن وزن جسم لا يتوقف علي

- كتلة الجسم  
 وزن الجسم  
 الإزاحة الرأسية للجسم  
 الإزاحة الأفقية للجسم



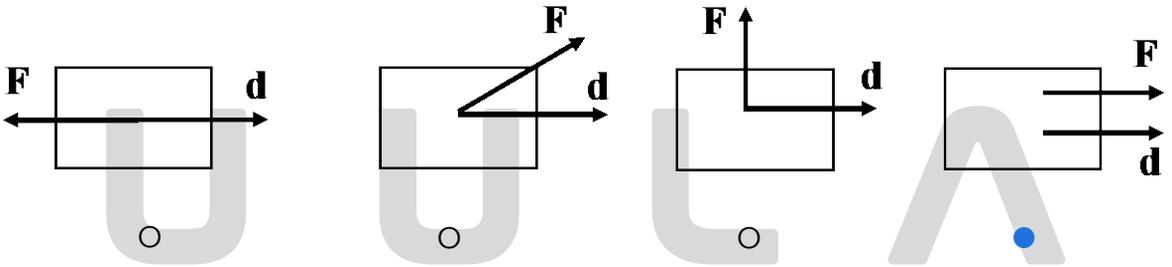
◉ الشكل المقابل يمثل منحنى ( $F-d$ ) المعبر عن حركة سيارة تحت تأثير قوي متغيرة خلال الحركة، ومن المنحنى يكون الشغل الذي بُذل علي السيارة بوحدة ( $\text{J}$ ) يساوي

- 5000       25  
 15000       20000

◉ طائرة عمودية أسقطت رأسياً قذيفة كتلتها  $2 \text{ Kg}$  من ارتفاع  $2000 \text{ m}$  عن سطح الأرض باعتبار عجلة الجاذبية الأرضية ( $g$ ) تساوي  $10 \text{ m/s}^2$  احسب الشغل المبذول علي القذيفة بوحدة الجول عندما تتحرك مبتعدة عن الطائرة مسافة  $500 \text{ m}$

- 50000       40000       10000       5000

◉ الأشكال التالية تمثل قوة ثابتة مقدارها ( $F$ ) تؤثر علي مكعب وتحركه مسافة ( $d$ ) علي مستوي أفقي عديم الاحتكاك ، فإن الشكل الذي تبذل فيه القوة أكبر شغل ممكن هو



◉ طفل كتلته  $40 \text{ Kg}$  يتحرك أفقياً في صالة التزلج فإن الشغل الذي يبذله وزنه عندما يقطع مسافة  $20 \text{ m}$  بوحدة الجول يساوي

- 8000       4000       800       0

◉ رجل يحمل حقيبة علي كتفه كتلتها  $20 \text{ Kg}$  وينقلها مسافة أفقية مقدارها  $30 \text{ m}$  فيكون الشغل المبذول من وزن الحقيبة بوحدة الجول يساوي

- صفرا       60       600       6000

عندما تزداد الاستطالة الحادثة في نابض مرن إلى مثلي قيمتها فإن قيمة الشغل

- تقل إلى الربع
- تزداد لمثلي قيمته
- تقل إلى النصف
- تزداد لاربعة أمثال قيمته



صفرا

الشغل المبذول من قوة الجاذبية الأرضية علي القمر الصناعي يساوي

- أكبر قيمة
- قيمة موجبة
- قيمة سالبة

عندما يتحرك الجسم إلى نقطة أدني من موضعة الابتدائي فإن الشغل الناتج عن الوزن يكون

- قيمة موجبة
- قيمة سالبة
- صفرا
- منعدما

عندما يتحرك الجسم إلى نقطة أعلى من موضعة الابتدائي فإن الشغل الناتج عن الوزن يكون

- قيمة موجبة
- قيمة سالبة
- صفرا
- منعدما

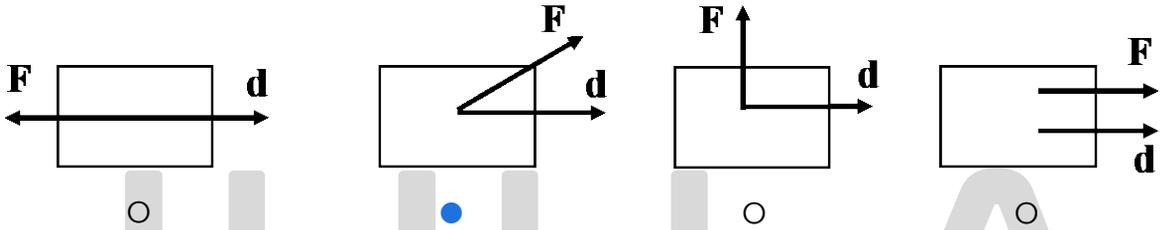
وضع صندوق كتلته (8 Kg) على مستوى أملس مائل بزاوية  $30^\circ$  يكون الشغل الناتج عن وزن الصندوق إذا تحرك على المستوى المائل مسافة 3 m بوحدة الجول مساوي

- 120
- 240
- 207.8
- صفرا

يكون الشغل الذي تبذله قوة الاحتكاك دائما

- سالبا
- أكبر قيمة
- مقدارا موجبا
- صفرا

التمثيل الاتجاهي للقوة و الإزاحة , الذي يعطي شغلا سالبا هو



جسم وزنه 50 N علي ارتفاع 4 m , سقط الجسم و وصل إلى سطح الأرض يكون الشغل المبذول من وزن الجسم نتيجة سقوطه بوحدة الجول يساوي

- 200
- 120
- 2000
- 240

**علل لما يأتي :**

إذا كانت القوة معاكسة تماما لاتجاه الإزاحة يكون الشغل سالبا  
لأن الزاوية بين القوة والإزاحة  $= 180^\circ$  ,  $\cos 180 = -1$

لا تسبب المركبة الرأسية للقوة التي تصنع زاوية مع الحركة في بذل شغل  
لأنها لا تسبب إزاحة في اتجاه الحركة

## قارن بين كلا مما يلي :

وجه المقارنة	قيمة شغل موجبة	قيمة شغل صفرا	قيمة شغل سالبة
مقدار الزاوية بين القوة والإزاحة	$0 \leq \theta < 90^\circ$	$90^\circ$	$90^\circ < \theta \leq 180^\circ$

وجه المقارنة	قوة منتظمة	قوة متغيرة
تعريف	القوة ثابتة المقدار و الاتجاه	القوة التي يتغير مقدارها أو اتجاهها أو يتغير مقدارها و اتجاهها معا أثناء تأثيرها في الجسم
مثال	الجاذبية الأرضية	قوة الشد في نابض

## نشاط عملي :

الصيدوق الموضح بالشكل موضوع على سطح أفقي خشن , و تؤثر عليه قوة منتظمة **F** حيث تصنع زاوية مقدارها  $\theta$  و المطلوب



- مقدار مركبة القوة التي تبذل شغلا على الجسم
- المعادلة العامة لحساب الشغل بدلالة المركبة السابقة

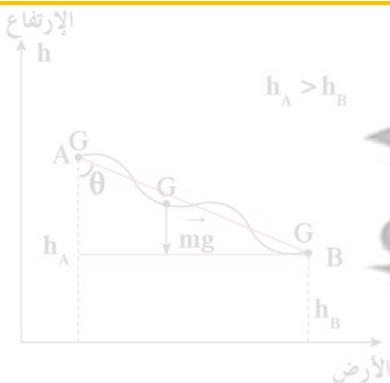
$$W = F d \cos \theta$$

$$F \cos \theta = \text{المركبة الأفقية}$$

- هل توجد للقوة مركبة أخرى و هل تبذل شغلا ؟
- هل توجد قوة أخرى تؤثر على المكعب ؟
- نعم , توجد المركبة الرأسية (  $F \sin \theta$  ) , ولكن لا تبذل شغلا لأنها لا تسبب أزاحه في اتجاه الحركة
- نعم , توجد قوة الاحتكاك



## استنتج العلاقات الرياضية التالية :



الشغل الناتج عن وزن الجسم عندما يتحرك رأسيا بين نقطتين

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = \vec{w} \cdot \vec{d} = mg d \cos \theta$$

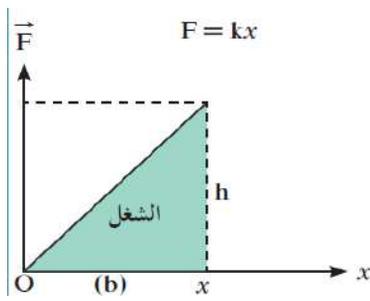
$$d \cos \theta = h_A - h_B$$

$$W = m g (h_A - h_B)$$

$$W = m g h$$

معلق !

الشغل الناتج عن قوة الشد في نابض



$$W = \text{الارتفاع} \times \text{القاعدة} = \frac{1}{2} \text{ المساحة تحت المنحني}$$

$$W = \frac{1}{2} F \Delta x$$

$$F = K \Delta x$$

$$W = \frac{1}{2} K \Delta x^2$$

### حل المسائل التالية :

صندوق خشبي موضوع علي مستوي افقي ينزلق مسافة **5 m** بالاتجاه الموجب للمحور الأفقي احسب الشغل الناتج عن كل من القوي التالية وحدد إذا كان الشغل منتجا ام مقاوما

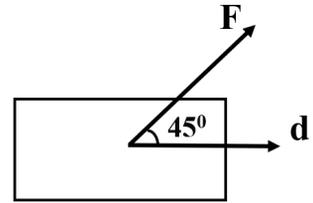
قوة  $F_1 = 10 \text{ N}$  منتظمة تصنع زاوية مقدارها  $45^\circ$  مع المحور الأفقي كما بالرسم

$$W = F d \cos \theta$$

$$W = (10)(5) \cos(45)$$

$$W = + 35.35 \text{ J}$$

الشغل مساعد - منجز - منتج



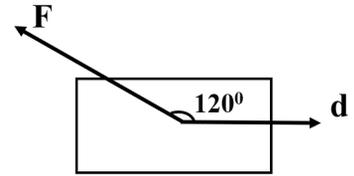
قوة  $F_2 = 15 \text{ N}$  منتظمة تصنع زاوية مقدارها  $120^\circ$  مع المحور الأفقي كما بالرسم

$$W = F d \cos \theta$$

$$W = (15)(5) \cos(120)$$

$$W = -37.5 \text{ J}$$

الشغل معيق - مقاوم



قوتان تعملان علي صندوق , وضع فوق سطح أفقي أملس لينزلق مسافة **2.5 m** , قوة منتظمة مقدارها **10 N** و تصنع زاوية مقدارها  $30^\circ$  , و  $F_2$  مقدارها **7 N** و تصنع زاوية  $150^\circ$  احسب الشغل الناتج عن كل قوة و حدد نوعه

$$W_1 = F_1 d \cos \theta_1$$

$$W_1 = (10)(2.5) \cos(30) = + 21.65 \text{ J}$$

الشغل مساعد - منجز - منتج

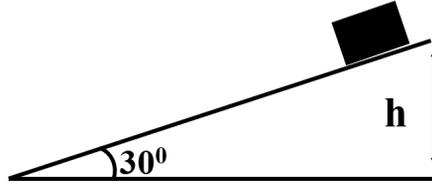
$$W_2 = F_2 d \cos \theta_2$$

$$W_2 = (7)(2.5) \cos(150) = -15.15 \text{ J}$$

الشغل معيق - مقاوم



• صندوق خشبي كتلته **8 Kg** يتحرك على مستوى أملس يميل على الأفقي بزاوية مقدارها ( $30^\circ$ )، احسب



▪ القوة التي تحرك الجسم

$$F = mg \sin \theta$$

$$F = (8)(10) \sin (30)$$

$$F = 40 \text{ N}$$

▪ الشغل الناتج عن وزن الصندوق عندما يتحرك مسافة **3m** على المستوى المائل

$$h = d \sin \theta$$

$$h = (3) \sin 30$$

$$h = 1.5 \text{ m}$$

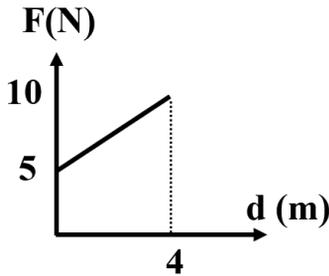
$$w = m g h$$

$$w = (8)(10)(1.5)$$

$$w = 120 \text{ J}$$



• احسب مقدار الشغل من الرسوم البيانية التالية

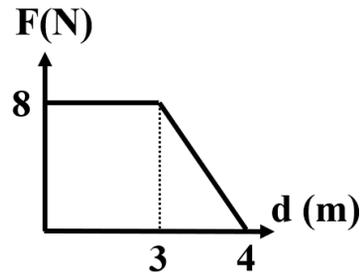


$$W_1 = 5 \times 4 = 20 \text{ J}$$

$$W_2 = \frac{1}{2}(4)(5) = 10 \text{ J}$$

$$W_t = W_1 + W_2$$

$$W_t = 20 + 10 = 30 \text{ J}$$



$$W_1 = 8 \times 3 = 24 \text{ J}$$

$$W_2 = \frac{1}{2}(1)(8) = 4 \text{ J}$$

$$W_t = W_1 + W_2$$

$$W_t = 24 + 4 = 28 \text{ J}$$

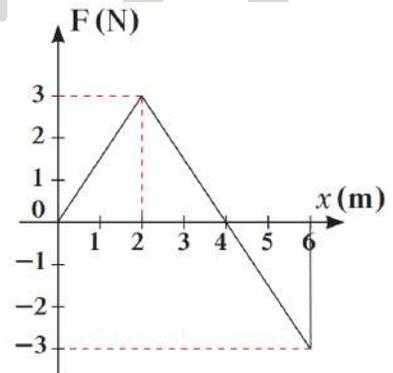
• احسب مقدار الشغل الناتج عن القوة المتغيرة، حين تتغير وفقاً للرسم البياني التالي :

$$W_1 = \frac{1}{2}(4)(3) = 6 \text{ J}$$

$$W_2 = \frac{1}{2}(2)(-3) = -3 \text{ J}$$

$$W_t = W_1 + W_2$$

$$W_t = 6 + (-3) = 3 \text{ J}$$



• جهاز يؤثر في جسم بقوة أفقية ، يتغير مقدارها مع الإزاحة المقطوعة كما في الشكل المجاور ، احسب الشغل الذي تنجزه القوة إذا تحرك الجسم أفقياً من  $d = 0 \text{ m}$  إلى  $d = 12 \text{ m}$

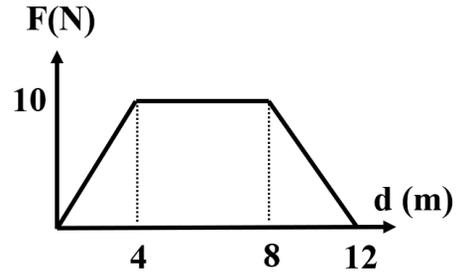
$$W_1 = \frac{1}{2} (4) (10) = 20 \text{ J}$$

$$W_2 = 4 \times 10 = 40 \text{ J}$$

$$W_3 = \frac{1}{2} (4) (10) = 20 \text{ J}$$

$$W_t = W_1 + W_2 + W_3$$

$$W_t = 20 + 40 + 20 = 80 \text{ J}$$



• زنبرك ضغط  $2 \text{ cm}$  عن طوله الأصلي في مرحلة أولي ، و ضغط  $6 \text{ cm}$  إضافية في مرحلة ثانية ما هو مقدار الشغل المبذول في عملية الضغط الثانية علماً أن ثابت المرونة  $100 \text{ N/m}$  ؟

$$W_1 = \frac{1}{2} K \Delta x_1^2 = \frac{1}{2} (100) (0.02)^2 = 0.02 \text{ J}$$

$$W_2 = \frac{1}{2} K \Delta x_2^2 = \frac{1}{2} (100) (0.08)^2 = 0.32 \text{ J}$$

$$\Delta W = W_2 - W_1$$

$$\Delta W = 0.32 - 0.02 = 0.3 \text{ J}$$

$$\Delta x_1 = 2 \text{ cm}$$

$$\Delta x_2 = 8 \text{ cm}$$

$$W = ? \text{ J}$$

$$K = 100 \text{ N/m}$$

• نابض مرن موضوع علي سطح أفقي أملس مثبت من أحد طرفيه في دعامة رأسية والطرف الآخر يرتبط به جسم أملس كتلته  $200 \text{ g}$  ، فإذا أثرت قوة مقدارها  $3 \text{ N}$  علي النابض فاستطال بمقدار  $5 \text{ cm}$  احسب كلا من :

▪ ثابت النابض (K)

$$F = K \Delta x$$

$$K = \frac{F}{\Delta x} = \frac{3}{0.05} = 60 \text{ N/m}$$

$$F = 3 \text{ N}$$

$$\Delta x = 5 \text{ cm}$$

▪ مقدار الشغل

$$W = \frac{1}{2} K \Delta x^2$$

$$W = \frac{1}{2} (60) (0.05)^2 = 0.075 \text{ J}$$

$$W = ? \text{ J}$$

• علقت كتلة مقدارها  $m = 0.15 \text{ Kg}$  بالطرف الحر لزنبرك معلق رأسياً كما بالشكل احسب مقدار الشغل المبذول لاستطالة الزنبرك مسافة  $4.6 \text{ cm}$

$$F = \text{الوزن} = mg = (0.15) (10) = 1.5 \text{ N}$$

$$F = K \Delta x$$

$$K = \frac{F}{\Delta x} = \frac{1.5}{0.046} = 32.6 \text{ N/m}$$

$$W = \frac{1}{2} K \Delta x^2$$

$$W = \frac{1}{2} (32.6) (0.046)^2 = 0.034 \text{ J}$$

$$m = 0.15 \text{ kg}$$

$$W = ? \text{ J}$$

$$\Delta x = 4.6 \text{ cm}$$



## أسئلة على درس الشغل و الطاقة

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ المقدرة علي إنجاز شغل ( **الطاقة** )
- ❑ شغل ينجزه الجسم بسبب حركته ( **الطاقة الحركية** )
- ❑ حاصل ضرب نصف كتلة الجسم في مربع سرعته. ( **الطاقة الحركية** )
- ❑ الشغل الناتج عن محصلة القوة الخارجية المؤثرة في جسم خلال فترة زمنية محددة يساوي التغير في الطاقة الحركية خلال تلك الفترة ( **قانون الطاقة الحركية** )
- ❑ طاقة يخترنها الجسم و تسمح له بإنجاز شغل للتخلص منها ( **الطاقة الكامنة** )
- ❑ طاقة تخترنها الأجسام عند شدها أو ضغطها أو ليها ( **الطاقة الكامنة المرنة** )
- ❑ الطاقة التي تخترنها الأجسام عند رفعها عن سطح الأرض ارتفاع  $h$  ( **الطاقة الكامنة الثقالية** )
- ❑ الشغل المبذول علي الجسم لرفعه إلى نقطة ما ( **الطاقة الكامنة الثقالية** )
- ❑ المستوى الذي نبدأ منه قياس الطاقة الكامنة ( **المستوى المرجعي** )
- ❑ المستوى الذي تكون عنده الطاقة الكامنة تساوي صفراً ( **المستوى المرجعي** )
- ❑ الطاقة اللازمة لتغير موضع الجسم أو تعديله ( **الطاقة الميكانيكية** )
- ❑ مجموع طاقة الجسم الحركية و طاقته الكامنة ( **الطاقة الميكانيكية** )

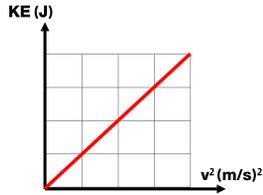
### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- ❑ تتناسب الطاقة الحركية للجسم تناسباً طردياً مع سرعته (x)
- ❑ تتناسب الطاقة الحركية للجسم تناسباً طردياً مع مربع سرعته (✓)
- ❑ إذا تحرك جسم بسرعة منتظمة فقطع مسافة مقدارها  $m(5)$  يكون الشغل الكلي المبذول على الجسم مساوياً للصفر (✓)
- ❑ جسم كتلته  $Kg(2)$  يتحرك بسرعة مقدارها  $m/s(5)$  تكون طاقة حركته مساوية  $(50)$  جولاً (x)
- ❑ يحتوي الغذاء علي طاقة كامنة داخله (✓)
- ❑ الطاقة الكامنة الثقالية للجسم مرتبطة بموضعه عن سطح مرجعي (✓)
- ❑ إذا اعتبرنا الأرض هي المستوى المرجعي يصبح عندها قيمة الطاقة الكامنة الثقالية مقداراً موجباً (x)
- ❑ يمكن اعتبار أرضيه المختبر المستوى الذي تكون عنده طاقة الوضع الثقالية صفراً (✓)
- ❑ تمتلك مياه الشلال طاقة كامنة تمكنها من بذل شغل أثناء الهبوط (✓)
- ❑ المستوى الوحيد الذي يمكن اعتباره مستوي مرجعياً هو الأرض (x)
- ❑ الطاقة الكامنة للجسم ترتبط بكيفية الوصول إلى ارتفاع معين (x)
- ❑ الشغل الذي يبذله الجسم أثناء سقوطه بحرية في المجال المنتظم للجاذبية الأرضية يساوي مقدار النقص في طاقة وضعه (✓)

## أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :



- تزداد الطاقة الحركية للجسم كلما **زادت** كتلته
- الطاقة الحركية لسيارة أطفال كتلتها **20 Kg** تتحرك بسرعة **2 m/s** تساوي **40** جول
- سيارة تتحرك بسرعة **72 Km/h** إذا كان كتلتها **2000 Kg** فإن طاقتها الحركية تساوي **400000**
- كرة ساكنه كتلتها **kg (2)** أثرت عليها قوة ثابتة حتى أصبحت سرعتها **m/s (5)** فإن مقدار التغير في طاقة حركتها **25** جول
- توجد طاقة كامنة في **الفحم** و **الغذاء**
- الشغل الذي يبذله الجسم عند سقوطه سقوطا حرا في مجال الجاذبية الأرضية يساوي مقدار **النقص** في طاقة وضعه الثقالية
- عندما يتحرك الجسم إلى نقطة اعلي من موقعة الابتدائي يكون الشغل الناتج عن الوزن **سالبا** بينما تكون طاقة الوضع الثقالية **موجب**
- عندما ينتقل الجسم إلى نقطة أدني من موقعة الابتدائي فإن الشغل الناتج يكون **موجبا** بينما الطاقة الكامنة الثقالية **سالبا**



- طائر كتلته **0.3 Kg** يطير على ارتفاع **m (50)** من سطح الأرض بسرعة مقدارها **m/s (12)** فإن طاقته الميكانيكية تساوي **171.6** جولا
- الشكل المقابل يمثل تغير الطاقة الحركية لجسم متحرك حركة خطية , بتغير سرعته الخطية , فإن ميل الخط المستقيم يمثل **1/2 m**



## اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

الطاقة الحركية الخطية لكتلة نقطية تحسب من العلاقة

- $mv^2$       $mv$       $\frac{1}{2}mv$       $\frac{1}{2}mv^2$

سيارة تتحرك بسرعة خطية ثابتة مقدارها **(v)** , فإذا زادت سرعتها وأصبحت **(2v)** فإن الطاقة الحركية للسيارة :

- تزيد إلى أربعة أمثال ما كانت عليه     تقل إلى نصف ما كانت عليه
- تزيد إلى مثلي ما كانت عليه     لا تتغير

سيارة نقل مياه مملوء بالماء ويتحرك بسرعة خطية **(v)** , فإذا كانت حاوية الماء مثقوبة والماء يتدفق منها أثناء حركة السيارة , وحافظ السائق علي الحركة بنفس السرعة فإن الطاقة الحركية للسيارة

**تقل تدريجيا**

- تزيد تدريجيا
- لا تتغير
- تقل تدريجيا حتى تتلاشي

عندما يتحرك جسم بسرعة ثابتة ويقطع إزاحة ما يكون الشغل المبذول في حركته مساويا" بوحدة الجول

**صفرا**

- طاقة حركته
- قيمة الإزاحة المقطوعة
- نصف طاقة حركته

إطار دراجة قصوره الذاتي الدوراني  $I = 10 \text{ Kg.m}^2$  يدور حول محور عمودي يمر بمركزه بسرعة زاوية مقدارها  $(10) \text{ rad/s}$ , فإن الطاقة الحركية الدورانية للإطار بوحدة ( J ) تساوي

1000 ○

500 ○

50 ○

5 ○

**معلق** ⚠️

إذا علمت أن مقدار القصور الذاتي الدوراني لكتلة نقطية (m) مقدارها  $g (500)$  وتبعد عن محور الدوران مسافة (r) مقدارها  $cm (50)$  تحسب من العلاقة  $I = mr^2$ , فإن الطاقة الحركية الدورانية لهذه الكتلة عندما تدور بسرعة زاوية مقدارها  $(10) \text{ rad/s}$  يساوي بوحدة الجول

1.25 ○

12.5 ○

6.25 ○

0.625 ○

إذا أثرت قوة علي جسم كتلته  $kg (3)$  فتدرك من السكون حتى أصبحت سرعته  $m/s (10)$  فإن مقدار الشغل المبذول من هذه القوة بوحدة الجول يساوي

150 ○

90 ○

30 ○

300 ○

إذا سقط جسم سقوطاً حراً من اعلي سطح بناية فإن المسافة التي يقطعها حتى تصبح سرعته  $m/s (10)$  تساوي بوحدة المتر

صفراً ○

10 ○

5 ○

100 ○

نابض مرن ثابتته  $(100 \text{ N/m})$  شد بقوة فاستطال مسافة  $cm (2)$ , فإن الطاقة الكامنة المرنة المخزنة فيه بوحدة ( الجول ) تساوي

0.01 ○

0.02 ○

0.125 ○

0.05 ○

خيط مطاطي مرن ثابت مرونته  $C = 50 \text{ N.m/rad}^2$  تم ليه عن موضع سكونه  $rad \frac{\pi}{6}$ , فإن الطاقة الكامنة المرنة المخزنة فيه بوحدة الجول تساوي

4.65 ○

5.85 ○

8.65 ○

6.85 ○



الشغل الناتج عن محصلة القوة الخارجية المؤثرة في جسم خلال فترة زمنية محددة تساوي

○ التغير في كمية حركته

○ التغير في طاقة وضعه

○ **التغير في طاقة حركته**

○ التغير في طاقته الميكانيكية

الشغل المبذول من وزن الجسم خلال الإزاحة العمودية يساوي

○ التغير في طاقة وضعه

○ **معكوس التغير في طاقة وضعه**

○ معكوس التغير في طاقة حركته

○ معكوس التغير في طاقته الميكانيكية

الطاقة الكامنة المخزنة في الأجسام المرنة والتي تسمح لها بالعودة إلى وضع مستقر بعد أن تتخلص منها تسمى طاقة كامنة

○ ميكانيكية

○ **مرنة**

○ ثقالية

○ حركية

## معلق !

- كتلة الجسم
- السرعة الخطية

- القصور الذاتي الدوراني
- ازاحة الجسم

○ عندما يرتفع الجسم عن المستوى المرجعي فإن طاقة الوضع الثقالية له تصبح

- قيمة سالبة
- قيمة موجبة
- صفرا
- سالبة ثم موجبة

○ عندما ينخفض الجسم عن المستوى المرجعي فإن طاقة الوضع الثقالية له تصبح

- قيمة سالبة
- قيمة موجبة
- صفرا
- سالبة ثم موجبة

○ الأشكال التالية تمثل كتل مختلفة تتحرك بسرعات مختلفة حركة خطية مستقيمة ، اثنان فقط منها لهما نفس الطاقة الحركية وهما



d,a ○

c,b ○

a,c ○

a,b ○

○ الجول وحدة لقياس الشغل والطاقة وتكافئ

Kg.m<sup>2</sup>.s<sup>2</sup> ○

Kg.m<sup>2</sup>.s ○

Kg.m<sup>2</sup>/s<sup>2</sup> ○

Kg.m<sup>2</sup>/s ○

○ جسم وزنه **50 N** علي ارتفاع **4 m** , سقط الجسم إلى أن أصبح ارتفاعه **2 m** , يكون الشغل المبذول من وزن الجسم نتيجة سقوطه يساوي :

100 ○

120 ○

200 ○

240 ○

○ سقط جسم من سكون من ارتفاع **2 m** عن سطح الأرض تكون سرعة وصوله إلى سطح الأرض تساوي بوحدة **m/s**

12.6 ○

20 ○

6.32 ○

40 ○

○ الطاقة التي توجد في الفحم الحجري و البطاريات هي

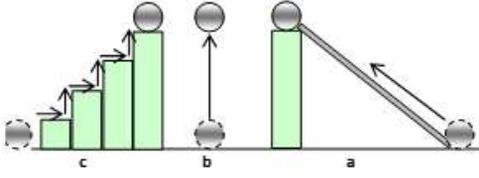
- طاقة الحركة
- الطاقة الكامنة المرنة
- الطاقة الميكانيكية
- الطاقة الكامنة المرنة

○ زيادة الاستطالة الحادثة للناض إلى المثلين فإن الطاقة الكامنة المرنة

- تزداد إلى المثلين
- تزداد إلى أربع أمثال
- تقل إلى النصف
- تقل إلى الربع

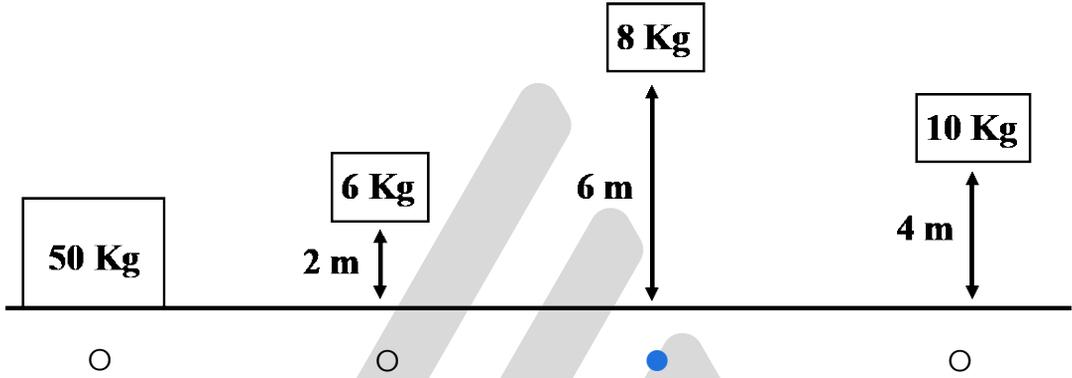


الشكل المقابل يمثل عدة مسارات استخدمت لوضع جسم كتلته (m) علي ارتفاع  $m$  (h) عن المستوي المرجعي ، والجسم الذي يكتسب أكبر طاقة كامنة ثقالية عندما يسلك المسار



- a  b  c  **الجميع متساوي**

الشكل الذي يبين الجسم الذي له أكبر طاقة وضع ثقالية



كرة كتلتها  $0.1 \text{ Kg}$  تنخفض عن المستوي المرجعي  $0.5 \text{ m}$  تكون الطاقة الكامنة الثقالية لها بوحدة الجول تساوي

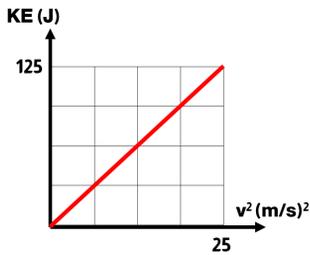
- 0.05  0.05  **-0.5**  0.5

أسقط طائر حجراً كتلته  $100 \text{ g}$  كان ممسكاً به ، فإذا كانت سرعة الحجر عندما كان علي ارتفاع  $20 \text{ m}$  عن سطح الأرض (المستوي المرجعي) تساوي  $4 \text{ m/s}$  ، فإن الطاقة الميكانيكية الكلية للحجر بوحدة الجول تساوي

- 20800  21.6  **20.8**  20.4

عند لف خيط مرن عدة مرات و تركه ، فإنه يخترن طاقة تسمى

- طاقة كامنة ثقالية  طاقة ميكانيكية  طاقة حركية  **طاقة كامنة مرنة**



الشكل المقابل يمثل تغير الطاقة الحركية لجسم متحرك حركة خطية ، بتغير سرعته الخطية ، فإن كتلة الجسم بوحدة  $\text{Kg}$  تساوي

- 10  5  0.2  0.4



## حل المسائل التالية :

- Q أثرت قوة مقدارها **100 N** علي جسم ساكن كتلته **20 Kg** وازاحته **15 m** , إذا كانت القوة تصنع مع اتجاه ازاحة الجسم زاوية مقدارها **60°** , احسب
- مقدار الشغل المبذول في تحريك الجسم

$$W = F d \cos\theta = (100)(15) \cos(60) = 750 \text{ J}$$

- السرعة النهائية للجسم

$$W = \Delta KE = KE_2 - KE_1$$

$$750 = K.E_2 - 0$$

$$KE_2 = 750 \text{ J}$$

$$KE_2 = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$750 = \frac{1}{2} (20) v_2^2$$

$$v_2 = 8.66 \text{ m/s}$$

- Q انزلق جسم من سكون من أعلى مستوى مائل زاوية ميله **30°** ليصل إلى نهاية المستوي , إذا كان طول المستوى **2 m** , احسب سرعة الجسم أسفل المستوى

$$h = d \sin \theta = (2) \sin 30 = 1$$

$$v_2 = \sqrt{2 g h}$$

$$v_2 = \sqrt{(2)(10)(1)}$$

$$v_2 = 4.47 \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} v_1 &= \text{zero} \\ d &= 2 \text{ m} \\ \theta &= 30^\circ \end{aligned}$$

- Q لاعب تزلج علي الجليد كتلته **60 Kg** يقف علي قمة تل زاوية ميله **30°** تحرك اللاعب من السكون , علما بأن طول التل **100 m** . احسب:

- الشغل المبذول أثناء تحرك اللاعب

$$h = d \sin \theta = (100) \sin 30 = 50 \text{ m}$$

$$w = m g h = (60)(10)(50) = 30000 \text{ J}$$

- طاقة حركة اللاعب أسفل التل

$$W = \Delta KE = KE_2 - KE_1$$

$$KE_1 = \text{zero}$$

$$W = K.E_2 = 30000 \text{ J}$$

- سرعة وصول اللاعب أسفل التل

$$KE_2 = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$30000 = \frac{1}{2} (60) v_2^2$$

$$v_2 = 31.62 \text{ m/s}$$



انزلق جسم من سكون من أعلي مستوى مائل يميل بزاوية  $30^\circ$  مع المستوى الأفقي . ليصل إلى أسفل المستوى إذا علمت أن ارتفاع المستوى  $3\text{ m}$  , احسب

▪ طول المستوى المائل

$$h = d \sin \theta$$

$$3 = d \sin 30$$

$$d = 6\text{ m}$$

$$v_2 = \sqrt{2gh}$$

$$v_2 = \sqrt{(2)(10)(3)}$$

$$v_2 = 7.74\text{ m/s}$$

▪ سرعة الجسم أسفل المستوى المائل

### سؤال من المزيخ:

كرة كتلتها  $200\text{ g}$  سقطت من النقطة **A** علي ارتفاع  $15\text{ m}$  عن سطح أرض رخوة فغاصت بها مسافة  $10\text{ cm}$  إلى أن توقفت عن الحركة عند النقطة **C** , إذا اعتبرنا سطح الأرض الرخوة عند النقطة **B** هو المستوى المرجعي احسب :

▪ طاقة الحركة و طاقة الوضع الثقالية للكرة عند النقطة **A**

$$KE_A = \text{ZERO}$$

$$PE_A = mgh_A = (0.2)(10)(15) = +30\text{ J}$$

▪ طاقة الحركة و طاقة الوضع الثقالية للكرة عند النقطة **B**

$$PE_B = \text{ZERO}$$

$$W = \Delta KE = KE_B - KE_A$$

$$W = KE_B$$

$$mgh = KE_B$$

$$KE_B = (0.2)(10)(15) = 30\text{ J}$$

▪ سرعة الكرة عند النقطة **B**

$$KE_B = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$30 = \frac{1}{2} (0.2) v_B^2$$

$$v_B = 17.32\text{ m/s}$$

▪ طاقة الحركة و طاقة الوضع الثقالية للكرة عند النقطة **C**

$$KE_C = \text{ZERO}$$

$$PE_C = mgh_C = (0.2)(10)\left(\frac{10}{100}\right) = -0.2\text{ J}$$



تفاحة كتلتها **g (150)** موجودة على غصن ارتفاعه **m (3)** عن سطح الأرض الذي يعتبر السطح المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية , احسب

الطاقة الحركية للتفاحة أثناء وجودها على الغصن

$$KE = \frac{1}{2} m v^2 = \text{zero}$$

الطاقة الكامنة الثقالية للتفاحة وهي معلقة على الغصن

$$PE = m g h = (0.15)(10)(3) = 4.5 \text{ J}$$

استخدم قانون الطاقة الحركية لتجد سرعة التفاحة بعد سقوطها مسافة **m (2)** أسفل موضعها الابتدائي

$$W = \Delta KE = KE_2 - KE_1$$

$$v = \sqrt{2 g h}$$

$$v = \sqrt{(2)(10)(2)}$$

$$v = \sqrt{40} \text{ m/s} = 6.32 \text{ m/s}$$

الطاقة الميكانيكية للتفاحة عند وجودها على بعد **m (2)** أسفل موضعها الابتدائي

$$ME = KE + PE$$

$$ME = \frac{1}{2} m v^2 + m g h$$

$$ME = \left[ \frac{1}{2} (0.15) (\sqrt{40})^2 \right] + [ (0.15) (10) (2) ] = 4.5 \text{ J}$$

مقدار الطاقة الحركية للتفاحة لحظة اصطدامها بالأرض في غياب الاحتكاك مع الهواء

$$v = \sqrt{2 g h}$$

$$v = \sqrt{(2)(10)(3)} = \sqrt{60} \text{ m/s}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (0.15) (\sqrt{60})^2 = 4.5 \text{ m/s}$$

U U L A





## حفظ ( بقاء ) الطاقة

### أسئلة على حفظ الطاقة :

#### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ الجسم الذي يملك أبعادا يمكن قياسها ورؤيتها بالعين المجردة ( **الجسم الماكروسكوبي** )
- ❑ الأجسام الصغيرة جدا التي لا تری بالعين المجردة ( **الجسم الميكروسكوبي** )
- ❑ مجموع الطاقة الحركية والطاقة الكامنة للجسم الماكروسكوبي ( **الطاقة الميكانيكية الماكروسكوبية** )
- ❑ مجموع طاقات الوضع و الحركة لجسيمات النظام ( **الطاقة الميكانيكية الميكروسكوبية** )
- ❑ الطاقة الميكانيكية الميكروسكوبية للنظام ( **الطاقة الداخلية** )
- ❑ مجموع الطاقة الداخلية و الميكانيكية للنظام ( **الطاقة الكلية** )
- ❑ الطاقة لا تفنى ولا تستحدث من العدم ويمكن داخل أي نظام معزول أن تتحول من شكل إلى آخر ( **قانون بقاء الطاقة** )
- ❑ الطاقة الكلية لنظام ثابتة لا تتغير ( **قانون بقاء الطاقة** )

#### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- ❑ تسمى الأجسام التي يمكن رؤيتها بالعين المجردة بالأجسام الميكروسكوبية (x)
- ❑ عند النظر إلى كوب ماء بنظرة ميكروسكوبية نجد أنه يحتوي علي طاقة داخلية (✓)
- ❑ عند سقوط المظلي من ارتفاع عند مسافة معينة يتحرك بسرعة ثابتة تسمى السرعة الحدية (✓)
- ❑ الطاقة الميكانيكية للنظام ثابتة بإهمال تأثير قوة الاحتكاك (✓)
- ❑ طاقة الوضع الثقالية للأجسام المختلفة تتوقف على الارتفاع الرأسى للجسم فقط (x)
- ❑ عند قذف جسم لأعلى في مجال الجاذبية الأرضية وبإهمال الاحتكاك مع الهواء تزداد طاقة وضعه الثقالية وطاقة حركته (x)
- ❑ إذا ترك جسم ليسقط سقوطاً حراً فإن مجموع طاقة وضعه وطاقة حركته يساوي مقدار ثابت بإهمال الاحتكاك مع الهواء (✓)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي التغير في الطاقة الحركية (x)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي التغير في الطاقة الكامنة (x)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي معكوس التغير في الطاقة الكامنة (x)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي معكوس التغير في الطاقة الحركية (x)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي صفراً (✓)
- ❑ في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الحركية للنظام يساوي التغير في الطاقة الكامنة (x)

- Q في الأنظمة المعزولة و عند غياب قوى الاحتكاك يكون التغير في الطاقة الحركية للنظام يساوي معكوس التغير في الطاقة الكامنة الثقالية (✓)
- Q تزداد طاقة الوضع و تقل طاقة الحركة لمصعد قطعت أجهاله أثناء حركته لأعلى (x)



### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- Q في الأنظمة المعزولة عندما تكون الطاقة الميكانيكية محفوظة فإن التغير في طاقة الوضع يساوي **معكوس** التغير في طاقة الحركة
- Q عندما تقذف كرة رأسيا لأعلى في الهواء تزداد **طاقة وضعها** وتقل **طاقة حركتها** ومجموعهما **ثابت** في كل لحظة من لحظات حركتها
- Q الشرط الذي ينبغي توفره لتكون الطاقة الميكانيكية لنظام معزول محفوظة هو **غياب الاحتكاك**
- Q في النظام المعزول المؤلف من الجسم والأرض وبإهمال الاحتكاك مع الهواء فإنه يمكن اعتبار أن التغير في قيمة الطاقة الداخلية تساوي **صفرا**

### اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

- Q في الأنظمة المعزولة حيث تكون الطاقة الميكانيكية محفوظة يكون
- التغير في الطاقة الكامنة يساوي معكوس التغير في الطاقة الحركية
- التغير في الطاقة الكامنة يساوي التغير في الطاقة الداخلية
- التغير في الطاقة الكامنة يساوي معكوس التغير في الطاقة الداخلية
- Q جسم ساكن كتلته (m) موضوع على سطح الأرض (المستوى المرجعي) , فإن
- طاقة وضعه فقط معدومة
- **طاقة حركته وطاقة وضعه معدومتان**
- طاقة حركته فقط معدومة
- طاقة وضعه وطاقة حركته غير معدومتين

- Q كلما اقترب الجسم الساقط سقوطا حرا من سطح الأرض , فإن
- **طاقة وضعه تقل**
- طاقة حركته تقل
- طاقة حركته لا تتغير
- طاقته وضعه لا تتغير
- Q جسم يسقط حرا في مجال الأرض ( بإهمال الاحتكاك مع الهواء ) وطاقة حركته في لحظة ما **40 J** فإذا أنقصت طاقة وضعه بمقدار **10 J** , فإن طاقة حركته بوحدة الجول تصبح مساوية
- 40 ○ **50** ○ 20 ○ 30

- Q جسم طاقة وضعه **100 J** عندما يكون على ارتفاع **m (h)** من سطح الأرض , فإذا ترك ليسقط حرا , فإن طاقة حركته تصبح **J (25)** عندما يكون على ارتفاع من سطح الأرض بالمتر يساوي
- $\frac{3}{4} h$  ○  $\frac{1}{2} h$  ○  $\frac{1}{4} h$  ○ h

- Q إذا زادت طاقة حركة جسم ما إلى أربعة أمثالها , فهذا يعني أن سرعته
- زادت إلى أربعة أمثالها
- نقصت إلى ربع ما كانت عليه
- **زادت إلى مثلها**
- نقصت إلى نصف ما كانت عليه

Q جسم موضوع على ارتفاع (h) من سطح الأرض , ويملك طاقة وضع ثقالية تساوي **J (200)** فاذا هبط مسافة تعادل  $(\frac{1}{4}h)$  , فإن طاقة حركته على هذا الارتفاع تساوي **J**

- 50 ○ 100 ○ 150 ○ 200 ○

Q الطاقة الكامنة الميكروسكوبية

- تتغير أثناء تغير حالة النظام  
○ تتغير أثناء تغير سرعة الجزيئات  
○ لا تتغير بتغير حالة النظام  
○ تتغير مع تغير الطاقة الحركية الميكروسكوبية

Q الطاقة الميكانيكية الميكروسكوبية ينطبق عليها العبارات التالية ما عدا

- تتغير بتغير حالة المادة  
○ تتغير بتغير درجة حرارة الجسم  
○ تسمى الطاقة الداخلية للمادة  
○ تتساوى مع الطاقة الميكانيكية الماكروسكوبية



Q ترك جسم كتلته **2 Kg** ليسقط حرا باتجاه الأرض من ارتفاع **m (4)** عن سطح الأرض فلكي تصبح سرعته **m/s (5)** يجب أن يقطع مسافة بوحدة المتر قدرها

- 1 ○ 1.25 ○ 2.75 ○ 3.5 ○

Q جسم كتلته **5 Kg** , و ارتفاعه عن سطح الأرض **12 m** , إذا سقط الجسم سقوطا حرا , فإن اللحظة التي تكون طاقة حركته تساوي **J (200)** تكون طاقة وضعه بوحدة الجول تساوي

- 100 ○ 200 ○ 300 ○ 400 ○

Q في السؤال السابق عند اصطدام الجسم بالأرض يكون :

- P.E = 600 J ○ P.E = 400 J ○ K.E = 600 J ○ K.E = 400 J ○

Q في السؤال السابق تكون طاقة الجسم الميكانيكية عند ارتفاع **5 m** عن سطح الأرض بوحدة الجول تساوي

- 200 ○ 400 ○ 600 ○ 800 ○

Q سقط جسم وزنه **50 N** من ارتفاع **40 m** عن سطح الأرض , فإن طاقة حركته عندما يكون علي ارتفاع **10 m** عن سطح الأرض بوحدة الجول تساوي

- 100 ○ 500 ○ 1500 ○ 2000 ○

**علل لما يأتي :**

Q في الأنظمة المعزولة المغلقة تكون الطاقة الكلية محفوظة

لعدم وجود تبادل للطاقة مع الوسط المحيط

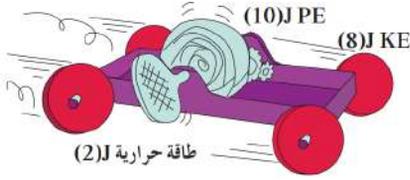
**ماذا يحدث في الحالات التالية :**

Q للطاقة الداخلية للنظام ( الطاقة الميكانيكية الميكروسكوبية ) عندما ترتفع درجة حرارة الجسم

تزداد لأن طاقة حركة الجزيئات تزداد

❑ طاقة حركة المظلي عندما يسقط من ارتفاع عالي عندما يصل إلى سرعته الحدية  
لا تتغير لأنه يتحرك بسرعة حدية ثابتة

❑ طاقة وضع المظلي عندما يسقط من ارتفاع عالي  
تقل لأن ارتفاعه يقل



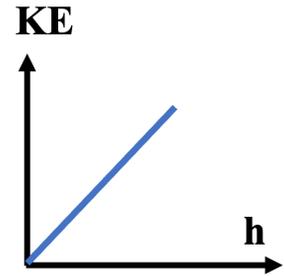
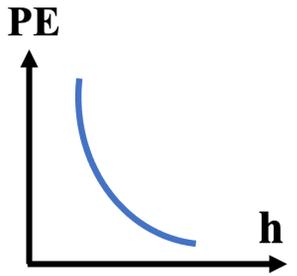
❑ عند لف الزنبرك في سيارة الأطفال الموضحة في الشكل  
تتحول الطاقة الكامنة المرنة إلى طاقة حركية و طاقة حرارية  
بسبب الاحتكاك مع الأرض



**ارسم العلاقات البيانية بين كل مما يلي :**

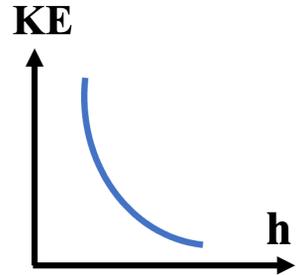
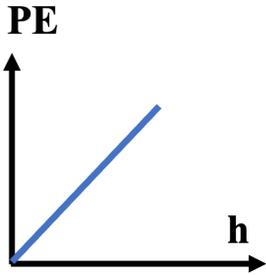
❑ العلاقة بين طاقة الوضع و المسافة  
لجسم يسقط

❑ العلاقة بين طاقة الحركة و المسافة لجسم  
يسقط



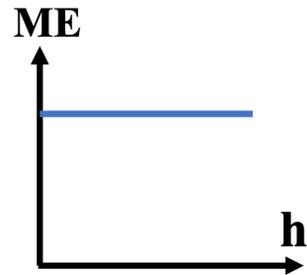
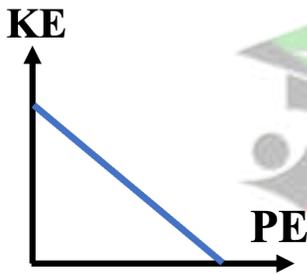
❑ العلاقة بين طاقة الوضع و الارتفاع لجسم  
يقذف لأعلى

❑ العلاقة بين الطاقة الحركية و الارتفاع لجسم  
يقذف لأعلى



❑ طاقة الحركة و طاقة الوضع

❑ العلاقة بين الطاقة الميكانيكية و الارتفاع لجسم



## أثبت رياضياً أن :

Q في الأنظمة المعزولة يكون التغير في الطاقة الكامنة مساوياً معكوس التغير في الطاقة الحركية

$$\Delta E = \Delta ME + \Delta U$$

$$\Delta E = \text{zero}, \quad \Delta U = \text{zero}$$

$$\Delta ME = \text{ZERO}$$

$$ME_1 = ME_2$$

$$KE_1 + PE_1 = KE_2 + PE_2$$

$$KE_1 - KE_2 = PE_2 - PE_1$$

$$-(KE_2 - KE_1) = PE_2 - PE_1$$

$$-\Delta KE = \Delta PE$$

## حل المسائل التالية :

Q كتلة نقطية مقدارها **10 g** أطلقت رأسياً لأعلى من النقطة **o** , بسرعة ابتدائية مقدارها **10 m/s** , أهمل احتكاك الهواء , احسب

▪ الطاقة الميكانيكية للكتلة عند النقطة **o** , علماً أن النقطة **o** تمثل المستوي المرجعي

$$ME_1 = PE_1 + KE_1$$

$$PE_1 = \text{zero}$$

$$ME_1 = KE_1 = \frac{1}{2} m v_1^2$$

$$ME_1 = KE_1 = \frac{1}{2} (0.01) (10)^2 = 0.5 \text{ J}$$

$$m = 10 \text{ g}$$

$$v_1 = 10 \text{ m/s}$$

$$ME_1 = ? \text{ J}$$

$$ME_2 = ? \text{ J}$$

$$h = ? \text{ m}$$

▪ الطاقة الكامنة الثقالية عند أعلى نقطة تصل إليها الكرة

$$ME_2 = ME_1 = 0.5 \text{ J}$$

$$ME_2 = PE_2 + KE_2$$

$$KE_2 = \text{Zero}$$

$$ME_2 = PE_2 = 0.5 \text{ J}$$

▪ أقصى ارتفاع تصل إليه الكرة

$$P.E_2 = mgh_2$$

$$0.5 = (0.01) (10) h_2$$

$$h_2 = 5 \text{ m}$$

Q كرة موجودة على ارتفاع **2 m** أعلى سطح الأرض (المستوى المرجعي) , احسب سرعة الكرة لحظة اصطدامها بسطح الأرض

$$ME_1 = ME_2$$

$$PE_1 + KE_1 = PE_2 + KE_2$$

$$KE_1 = PE_2 = \text{zero}$$

$$PE_1 = KE_2$$

$$mgh_1 = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$gh = \frac{1}{2} v_2^2$$

$$(10) (2) = \frac{1}{2} v_2^2$$

$$v_2 = 6.32 \text{ m/s}$$

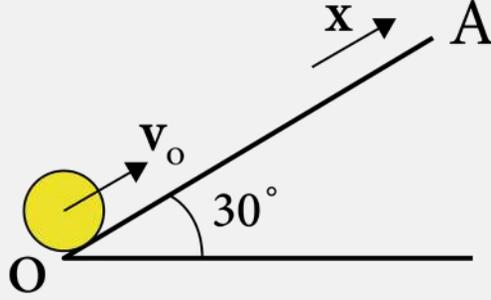
$$h = 2 \text{ m}$$

$$v_1 = \text{zero}$$

$$v_2 = ? \text{ m/s}$$



الجزء الموضوع بالشكل كتلته **200 g** يتحرك دون احتكاك على المستوي المائل الأملس الذي يصنع زاوية  $30^\circ$  , أطلق الجسم من النقطة **O** بسرعة ابتدائية مقدارها **4 m/s** و استخدم المستوى المار بالنقطة **O** كمستوى مرجعي



احسب الطاقة الميكانيكية للنظام

$$ME_O = PE_O + KE_O$$

$$PE_O = \text{zero}$$

$$ME_O = KE_O = \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} (0.2) (4)^2 = 1.6 \text{ J}$$

$$\begin{aligned} m &= 0.2 \text{ Kg} \\ v_0 &= 4 \text{ m/s} \end{aligned}$$

أوجد صيغة رياضية لطاقة الجسم الكامنة الثقالية بدلالة البعد **(x)**

$$PE = m g h$$

$$h = d \sin \theta = x \sin \theta$$

$$PE = m g x \sin \theta$$

احسب ارتفاع الجسم عندما تكون سرعته **1 m/s**

$$ME = PE + KE$$

$$ME = m g h + \frac{1}{2} m v^2$$

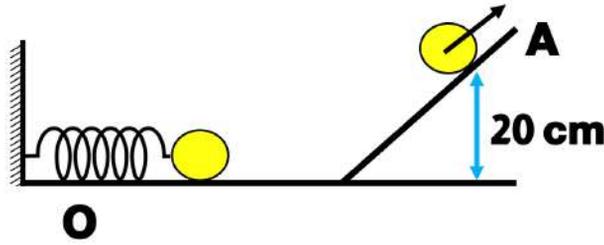
$$1.6 = [ (0.2)(10) h ] + [ \frac{1}{2} (0.2) (1)^2 ]$$

$$h = 0.75 \text{ m}$$





❶ لإطلاق جسم كتلته **200g** وضع الجسم أمام زنبرك طوله الحقيقي **25 cm** قبل إطلاق الجسم تم ضغطه حتى أصبح طوله **20 cm** وصل الجسم بعد الإطلاق إلى النقطة **A** علي المستوى الأمثل المائل التي تقع علي ارتفاع **20 cm** , من المستوي الأفقي بسرعة  $v_A = 1 \text{ m/s}$  اعتبر الخط الأفقي المار بالنقطة **O** هو المستوى المرجعي, احسب



▪ ثابت مرونة الزنبرك

$$\Delta x = x_1 - x_2 = 25 - 20 = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m}$$

$$ME_O = ME_A$$

$$PE_O + KE_O = PE_A + KE_A$$

$$KE_O = \text{zero}$$

$$PE_O = PE_A + KE_A$$

$$\frac{1}{2} K \Delta x^2 = m g h_A + \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$\frac{1}{2} K (0.05)^2 = [(0.2)(10) \left(\frac{20}{100}\right)] + \left[\frac{1}{2}(0.2)(1)^2\right]$$

$$K = 400 \text{ N/m}$$

▪ اقصي ارتفاع عن المستوي الأفقي يمكن أن تبلغه الكتلة

عند اقصي ارتفاع : يمكن أن نسميه نقطة B

$$ME_O = ME_B$$

$$PE_O + KE_O = PE_B + KE_B$$

$$KE_O = \text{zero} , KE_B = \text{zero}$$

$$PE_O = PE_B$$

$$\frac{1}{2} K \Delta x^2 = m g h_B$$

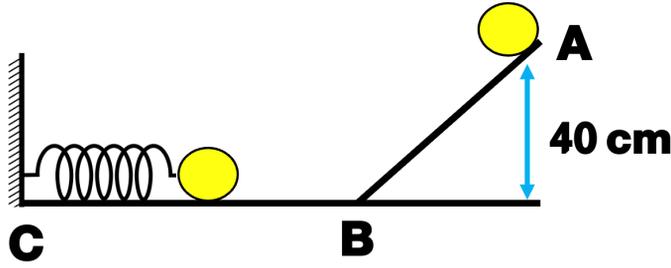
$$\frac{1}{2} (400) (0.05)^2 = (0.2)(10) h_B$$

$$h_B = 0.25 \text{ m}$$





جسم كتلته **2 Kg** انزلق من سكون من النقطة **A** علي ارتفاع **40 cm** أعلي المستوي المرجعي ليتحرك علي المسار الأملس **ABC** ليصطدم عند النقطة **C** بالناض , إذا كان ثابت النابض يساوي **200 N/m** اعتبر الخط الافقي المار بالنقطتين **BC** هو المستوي المرجعي, احسب



▪ سرعة الجسم عند النقطة **B**

$$ME_A = ME_B$$

$$[ KE_A + PE_A ] = [ KE_B + PE_B ]$$

$$KE_A = \text{zero}, PE_B = \text{zero}$$

$$PE_A = KE_B$$

$$m g h_A = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$\left[ (2) (10) \left( \frac{40}{100} \right) \right] = \left[ \frac{1}{2} (2) v_B^2 \right]$$

$$v_B = 2.82 \text{ m/s}$$

▪ مقدار الانضغاط الحادث في النابض بفرض عدم حدوث فقد في الطاقة

$$ME_B = ME_C$$

$$[ KE_B + PE_B ] = [ KE_C + PE_{(e)C} ]$$

$$KE_C = \text{zero}, PE_B = \text{zero}$$

$$KE_B = PE_{(e)C}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = \frac{1}{2} K \Delta x^2$$

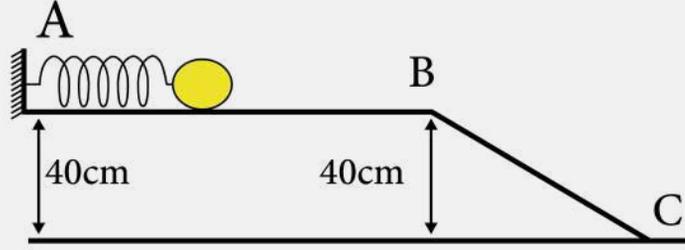
$$\left[ \left( \frac{1}{2} \right) (2) (2.82)^2 \right] = \left[ \left( \frac{1}{2} \right) (200) \Delta x^2 \right]$$

$$\Delta x = 0.282 \text{ m}$$





نابض ثابت مرونته  $200 \text{ N/m}$  موضوع علي مستوي أملس أفقي أملس **AB** إذا ضغط بمقدار  $50 \text{ cm}$  عند النقطة **A** ثم وضع أمامه جسم كتلته  $2 \text{ Kg}$  ليتحرك الجسم علي المستوي الأفقي الذي ارتفاعه  $40 \text{ cm}$  اعتبر الخط الأفقي المار بالنقطة **C** هو المستوي المرجعي



احسب سرعة الجسم عند النقطة **B**

$$ME_A = ME_B$$

$$[KE_A + PE_A] = [KE_B + PE_B]$$

$$KE_A = \text{zero}$$

$$PE_A + PE_{(e)A} = KE_B + PE_B$$

$$m g h_A + \frac{1}{2} K \Delta x^2 = \frac{1}{2} m v_B^2 + m g h_B$$

$$\left[ (2)(10) \left( \frac{40}{100} \right) \right] + \left[ \left( \frac{1}{2} \right) (200) \left( \frac{50}{100} \right)^2 \right] = \left[ \frac{1}{2} (2) v_B^2 \right] + \left[ (2)(10) \left( \frac{40}{100} \right) \right]$$

$$v_B = 5 \text{ m/s}$$

إذا تحرك الجسم ليصل إلى النقطة **C** والتي تمثل المستوي المرجعي و تحركت علي المستوي الأملس المائل **BC** احسب سرعة الجسم عند النقطة **C**

$$ME_B = ME_C$$

$$[KE_B + PE_B] = [KE_C + PE_C]$$

$$PE_C = \text{zero}$$

$$KE_B + PE_B = KE_C$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 + m g h_B = \frac{1}{2} m v_C^2$$

$$\left[ \frac{1}{2} (2) (5)^2 \right] + \left[ (2)(10) \left( \frac{40}{100} \right) \right] = \left[ \frac{1}{2} (2) v_C^2 \right]$$

$$v_C = 5.74 \text{ m/s}$$



## أسئلة على حركة البندول :



(\*)

ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

عندما يمر البندول بالنقطة  $G_0$  فإنه يتوقف عن الحركة لأن طاقة حركته تنعدم

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

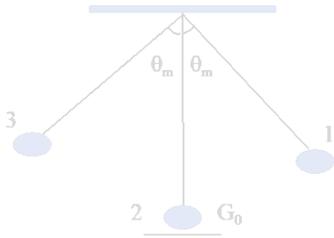
عدد المرات التي تتساوى فيها طاقة الحركة مع الطاقة الكامنة للبندول عندما يهتز اهتزازة كاملة

4

3

2

1



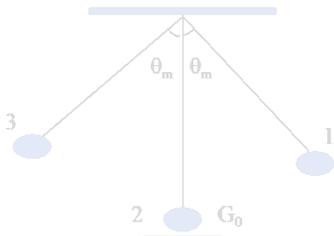
الشكل المقابل يمثل حركة بندول بسيط في غياب الاحتكاك , يكون المعادلة غير الصحيحة فيما يلي

$ME_3 > ME_2$

$KE_1 = KE_3$

$PE_1 = KE_2$

$ME_1 = ME_2$



الشكل المقابل يمثل حركة بندول بسيط في غياب الاحتكاك, يكون الموضع الذي يكون فيه الطاقة الحركية أكبر ما يمكن هو

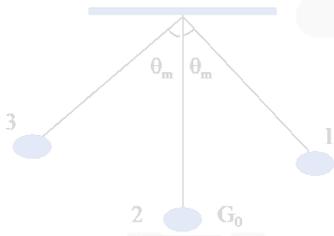
2

1,2

2,3

1,3

**معلق**



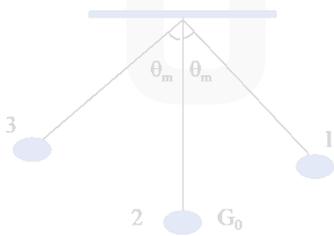
الشكل المقابل يمثل حركة بندول بسيط في غياب الاحتكاك , يكون الموضع الذي يكون فيه الطاقة الكامنة أكبر ما يمكن هو

2

1,2

2,3

1,3



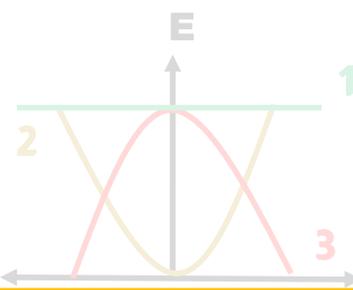
الشكل المقابل يمثل حركة بندول بسيط في غياب الاحتكاك, يكون الموضع الذي تكون فيه الطاقة الميكانيكية ثابتة

1

2

3

جميع النقاط



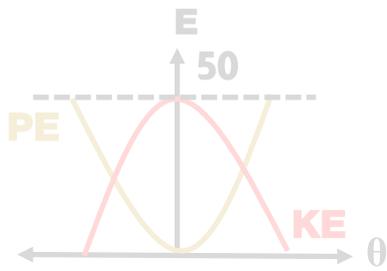
الشكل المقابل يمثل العلاقة بين طاقة الحركة و الطاقة الكامنة و الطاقة الميكانيكية لحركة بندول مع مقدار الزاوية في غياب الاحتكاك, يمثل كل منحنى من الثلاث طاقات بالترتيب كما يلي

ميكانيكية , كامنة , حركية

كامنة , ميكانيكية , حركية

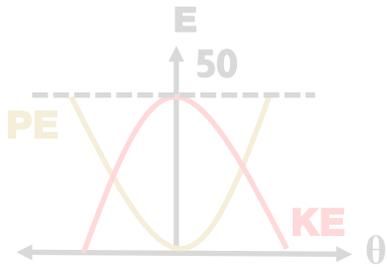
ميكانيكية , حركية , كامنة

حركية , ميكانيكية , كامنة



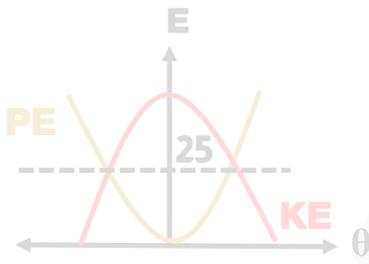
الشكل المقابل يوضح العلاقة بين طاقتنا الوضع و الحركة لبندول مع الإزاحة الزاوية له في غياب الاحتكاك ومن الشكل يكون طاقة حركة البندول عند موضع الاتزان للبندول  $G_0$  تساوي بوحدة الجول

- 25
- 50
- 100
- صفرا



الشكل المقابل يوضح العلاقة بين طاقتنا الوضع و الحركة لبندول مع الإزاحة الزاوية له في غياب الاحتكاك, ومن الشكل يكون طاقة وضع البندول عند أقصى إزاحة للبندول تساوي بوحدة الجول

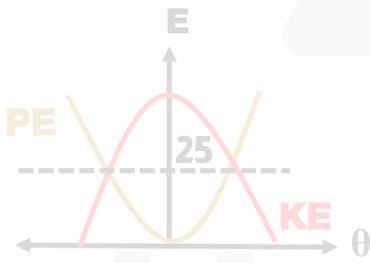
- 25
- 50
- 100
- صفرا



الشكل المقابل يوضح العلاقة بين طاقة الحركة و الطاقة الكامنة الثقالية للبندول مع الإزاحة الزاوية له في غياب الاحتكاك, يكون مقدار الطاقة الميكانيكية للبندول تساوي بوحدة الجول

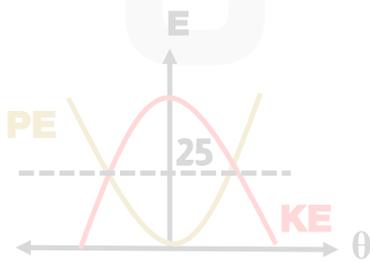
- 25
- 50
- 100
- صفرا

**معلق** ⚠️



الشكل المقابل يوضح العلاقة بين طاقة الحركة و الطاقة الكامنة الثقالية للبندول مع الإزاحة الزاوية له في غياب الاحتكاك, يكون مقدار الطاقة الحركية عند موضع الاتزان  $G_0$  تساوي بوحدة الجول

- 25
- 50
- 100
- صفرا

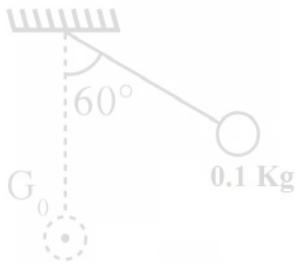


الشكل المقابل يوضح العلاقة بين طاقة الحركة و الطاقة الكامنة الثقالية للبندول مع الإزاحة الزاوية له في غياب الاحتكاك, يكون مقدار الطاقة الكامنة للبندول عند موضع الاتزان  $G_0$  تساوي بوحدة الجول

- 25
- 50
- 100
- صفرا

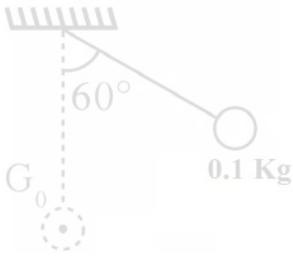


صفوة معلم الكويت



بندول معلق فيه كتلة مقدارها **0.1 Kg** مربوط بخيط عديم الوزن ولا يتمدد طوله **0.4 m** سحب البندول كما بالشكل و افلت بدون سرعة ابتدائية , تكون سرعة الكتلة لحظة مرورها بالنقطة  $G_0$  تساوي بوحدة **m/s**

- 4 ○  
6 ○  
8 ○  
2 ○



بندول معلق فيه كتلة مقدارها **0.1 Kg** مربوط بخيط عديم الوزن ولا يتمدد طوله **0.4 m** سحب البندول كما بالشكل و افلت بدون سرعة ابتدائية , تكون سرعة الكتلة عند أقصى ارتفاع تساوي بوحدة **m/s**

- صفرا ○  
2 ○  
0.2 ○  
10 ○

**معلق** ⚠

**أثبت رياضيا أن :**

طاقة الوضع الثقالية في حركة البندول ( مع الرسم )

$$PE_g = m g L (1 - \cos \theta_m)$$

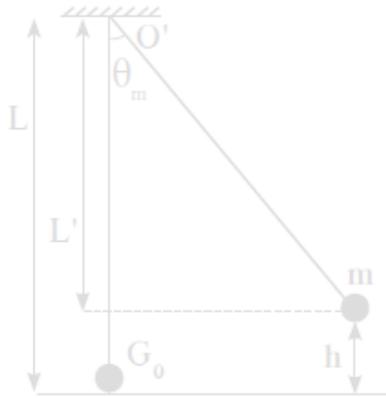
$$PE_g = m g h$$

$$h = L - L'$$

$$\cos \theta = \frac{L'}{L} \rightarrow L' = L \cos \theta$$

$$h = L - L \cos \theta_m = L (1 - \cos \theta_m)$$

$$PE_g = m g L (1 - \cos \theta_m)$$



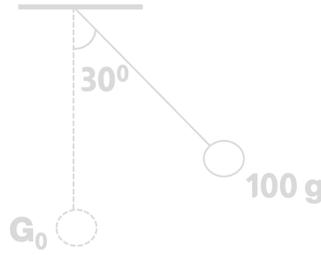
U U L A



صفوة معلمى الكويت

## حل المسائل التالية :

Q بندول بسيط مكون من كتلة نقطية مقدارها **100 g** معلق في خيط مرن عديم الوزن و غير قابل لتمدد طوله **2 m** أزيحت الكتلة و الخيط مشدود بزاوية  $\theta = 30^\circ$  وأفلتت من السكون ، احسب



▪ الطاقة الميكانيكية للنظام

عند أقصى ارتفاع

$$KE = \text{zero}$$

$$ME = PE = m g L (1 - \cos \theta_m)$$

$$ME = (0.1)(10)(2)(1 - \cos 30)$$

$$ME = 0.267 \text{ J}$$

▪ سرعة الكتلة عند النقطة  $G_0$

$$PE = \text{zero}$$

$$ME = KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.267 = \frac{1}{2} (0.1) v^2$$

$$v = 2.31 \text{ m/s}$$

معلق ⚠

▪ الزاوية التي يتساوى عندها طاقتا الوضع و الحركة

$$KE = PE = \frac{ME}{2} = \frac{0.267}{2} = 0.1335 \text{ J}$$

$$PE = m g L (1 - \cos \theta)$$

$$0.1335 = (0.1)(10)(2)[1 - \cos \theta]$$

$$\cos \theta = 0.93$$

$$\theta = 21.56^\circ$$

▪ احسب السرعة التي يتساوى عندها طاقتا الوضع و الحركة

$$KE = PE = \frac{ME}{2} = \frac{0.267}{2} = 0.1335 \text{ J}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.1335 = \frac{1}{2} (0.1) v^2$$

$$v = 1.63 \text{ m/s}$$



صفوة معلم الكويت



• بندول طول خيطه 1 m علق في طرفيه كتلة مقدارها 100 g أزيح بمقدار زاوية  $\theta_m$  وترك ليتحرك من السكون , باستخدام الأدوات المخبرية تم حساب سرعة البندول عند مروره بنقطة الاتزان  $G_0$  فكانت 2 m/s احسب :

- الطاقة الميكانيكية للنظام عند النقطة  $G_0$

$$PE = \text{zero}$$

$$ME = KE = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (0.1) (2)^2 = 0.2 \text{ J}$$

$$ME = PE = m g L (1 - \cos \theta_m)$$

$$0.2 = (0.1) (10) (1) [1 - \cos \theta_m]$$

$$\cos \theta_m = 0.8$$

$$\theta_m = 36^\circ 86'$$

- أقصى أزيحه زاوية للبندول

- الزاوية التي يتساوى عندها طاقتا الوضع و الحركة

$$KE = PE = \frac{ME}{2} = \frac{0.2}{2} = 0.1 \text{ J}$$

$$PE = m g L (1 - \cos \theta)$$

$$0.1 = (0.1) (10) (1) [1 - \cos \theta]$$

$$\cos \theta = 0.9$$

$$\theta = 25^\circ 84'$$

معلق ⚠

- السرعة التي يتساوى عندها طاقتا الوضع و الحركة

$$KE = PE = \frac{ME}{2} = \frac{0.2}{2} = 0.1 \text{ J}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.1 = \frac{1}{2} (0.1) v^2$$

$$v = 1.41 \text{ m/s}$$

- الزاوية التي يكون عندها سرعة البندول تساوي 1.5 m/s

$$ME = \frac{1}{2} m v^2 + m g L (1 - \cos \theta)$$

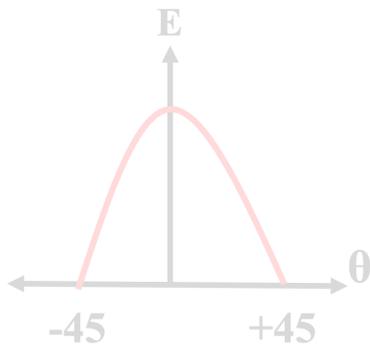
$$0.2 = \frac{1}{2} (0.1) (1.5)^2 + (0.1) (10) (1) [1 - \cos \theta]$$

$$\cos \theta = 0.9125$$

$$\theta = 24^\circ 14'$$



صفوة معلمى الكويت



الشكل التالي يوضح العلاقة بين أحد أنواع الطاقة و زاوية الإزاحة لـبندول , إذا كانت كتلة البندول **200 g** ومربوطا بطرف خيط مرن عديم الوزن طوله **1m**

- حدد نوع الطاقة الموضحة بالرسم البياني **KE**
- طاقة الوضع الثقالية عند أقصى ازاحة زاوية

$$PE = m g L ( 1 - \cos \theta_m )$$

$$PE = (0.2)(10)(1)(1 - \cos 45) = 0.58 \text{ J}$$

- احسب الطاقة الميكانيكية للنظام عند أقصى أزاحه

$$ME = PE = 0.58 \text{ J}$$

$$ME = KE = 0.58 \text{ J}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.58 = \frac{1}{2} (0.2) v^2$$

$$v = 2.4 \text{ m/s}$$

- طاقة الحركة عند النقطة **G<sub>0</sub>**

- سرعة الجسم عند النقطة **G<sub>0</sub>**

### معلق ⚠

الشكل التالي يوضح العلاقة بين أحد أنواع الطاقة و زاوية الإزاحة لبندول , إذا كانت كتلة البندول **100 g** ومربوطا بطرف خيط مرن عديم الوزن طوله **2m**

- حدد نوع الطاقة الموضحة بالرسم البياني **PE**

- طاقة الوضع الثقالية عند أقصى ازاحة زاوية

$$PE = m g L ( 1 - \cos \theta_m )$$

$$PE = (0.1)(10)(2)(1 - \cos 30) = 0.26 \text{ J}$$

- احسب الطاقة الميكانيكية للنظام عند أقصى أزاحه

$$ME = PE = 0.26 \text{ J}$$

$$ME = KE = 0.26 \text{ J}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$0.26 = \frac{1}{2} (0.1) v^2$$

$$v = 2.28 \text{ m/s}$$

- طاقة الحركة عند النقطة **G<sub>0</sub>**

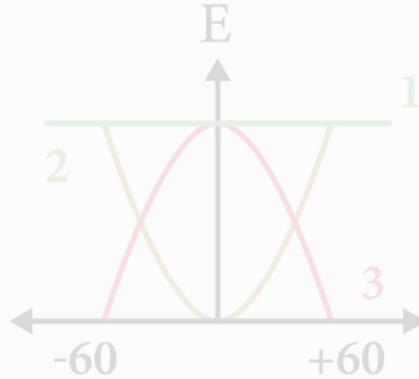
- سرعة الجسم عند النقطة **G<sub>0</sub>**



صفوة معلم الكويت



سؤال من المربخ:  بندول بسيط مكون من كتلة نقطية مقدارها  $200 \text{ g}$  معلقة بطرف خيط عديم الوزن طوله  $1 \text{ m}$  أزيحت الكتلة عن موضع الاستقرار بزاوية  $60^\circ$



حدد نوع الطاقة التي يمثلها الرسوم البيانية في الشكل

- 1 → ME  
2 → PE  
3 → KE

$$\begin{aligned} m &= 0.2 \text{ Kg} \\ L &= 1 \text{ m} \\ \theta_m &= 60^\circ \end{aligned}$$

احسب مقدار الطاقة الميكانيكية للنظام

عند أقصى ارتفاع :

**معلق** 

$$ME = PE = m g L (1 - \cos \theta_m)$$

$$ME = PE = (0.2)(10)(1)[1 - \cos 60] = 1 \text{ J}$$

اكتب بالنسبة للزاوية  $\theta$  صيغة رياضية للطاقة الكامنة الثقالية

$$PE = m g L (1 - \cos \theta)$$

$$PE = (0.2)(10)(1)[1 - \cos \theta]$$

$$PE = 2 [1 - \cos \theta] = 2 - 2 \cos \theta$$

اكتب بالنسبة للزاوية  $\theta$  صيغة رياضية للطاقة الحركية

$$ME = PE + KE$$

$$KE = ME - PE$$

$$KE = 1 - \{2 - 2 \cos \theta\}$$

$$KE = 1 - 2 + 2 \cos \theta$$

$$KE = -1 + 2 \cos \theta$$

احسب الزاوية التي يتساوى عندها الطاقة الحركية و الطاقة الكامنة الثقالية

$$KE = PE = \frac{ME}{2} = \frac{1}{2} = 0.5 \text{ J}$$

$$PE = m g L (1 - \cos \theta)$$

$$0.5 = (0.2)(10)(1)[1 - \cos \theta]$$

$$\cos \theta = 0.75$$

$$\theta = 41.4^\circ$$





## أسئلة على عدم حفظ الطاقة :

ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

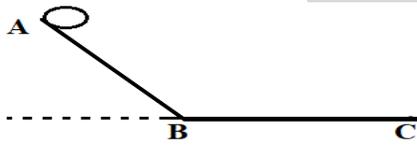
- الشغل الناتج عن قوة الاحتكاك يتحول إلى طاقة داخلية داخل النظام
- عند وجود قوى احتكاك في نظام معزول يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي صفراً
- عند وجود قوى احتكاك في نظام معزول يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي التغير في الطاقة الداخلية
- عند وجود قوى احتكاك في نظام معزول يكون التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام يساوي معكوس التغير في الطاقة الداخلية

أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علمياً :

- شغل قوة الاحتكاك يتحول إلى طاقة حرارية في النظام و تعمل علي تغير روابطه أو حاله أو طاقته
- التغير في الطاقة الميكانيكية في نظام معزول يساوي الشغل الناتج عن مجموع قوى الاحتكاك

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

- عند وجود قوى احتكاك في نظام معزول يكون التغير في الطاقة الميكانيكية لنظام ما يساوي
- صفراً
- التغير في الطاقة الداخلية
- معكوس التغير في الطاقة الداخلية
- التغير في الطاقة الكلية
- إذا تحرك جسم على المسار **ABC** الموضح بالشكل , وكان المسار **AB** أملس, و المسار **BC** خشن, و المستوى **BC** يمثل المستوى المرجعي, تكون جميع العلاقات التالية صحيحة عدا علاقة واحدة وهي



- $KE_A = PE_B$
- $KE_B = PE_A$
- $ME_A = ME_B$
- $ME_A = ME_C$

- عند إهمال الاحتكاك مع الهواء فإن الطاقة الميكانيكية للنظام تعتبر
- غير محفوظة
- متغيرة
- محفوظة
- مهملة

- عند حساب قوة الاحتكاك مع الهواء فإن الطاقة الميكانيكية للنظام تعتبر
- غير محفوظة
- متغيرة
- محفوظة
- مهملة

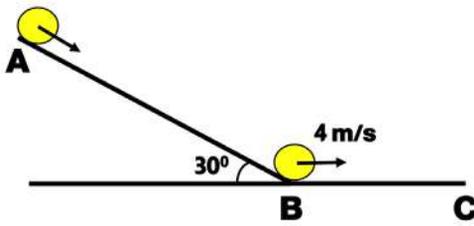
- المعادلة التي تعبر عن الطاقة الكلية عندما تكون الطاقة الميكانيكية ثابتة و الطاقة الداخلية متغيرة هي
- $\Delta E = \Delta U$
- $\Delta E = \Delta PE$
- $\Delta E = \Delta KE$
- $\Delta E = \Delta ME$

- المعادلة التي تعبر عن الطاقة الكلية عندما تكون الطاقة الميكانيكية متغيرة و الطاقة الداخلية ثابتة هي
- $\Delta E = \Delta ME$
- $\Delta E = \Delta KE$
- $\Delta E = \Delta PE$
- $\Delta E = \Delta U$



وجه المقارنة	سقوط مظلي في غياب الهواء ( بإهمال الاحتكاك )	سقوط مظلي في وجود الهواء ( في وجود الاحتكاك )
الطاقة الكامنة الثقالية	تقل	تقل
الطاقة الحركية	تزداد	ثابتة
الطاقة الميكانيكية	ثابتة	تقل
الطاقة الكلية	ثابتة	ثابتة
الطاقة الداخلية	ثابتة	تزداد

### حل المسائل التالية :



أفليت الجسم  $S$  و كتلته  $100 \text{ g}$  , من النقطة  $A$  علي المسار  $ABC$  , المستوي  $AB$  مائل أملس يصنع زاوية  $30^\circ$  في حين المستوي الأفقي  $BC$  خشن و قوة الاحتكاك ثابتة و تساوي  $f = 0.1 \text{ N}$  , إذا كانت سرعة الجسم لحظة مروره بالنقطة  $B$  تساوي  $4 \text{ m/s}$  , إذا كان الخط الأفقي المار بالنقطتين  $C, B$  يمثل المستوى المرجعي , احسب

- طول الجزء  $AB$

$$ME_A = ME_B$$

$$PE_A + KE_A = PE_B + KE_B$$

$$KE_A = \text{zero}, PE_B = \text{zero}$$

$$PE_A = KE_B$$

$$m g h_A = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$(0.1)(10) h_A = \frac{1}{2} (0.1) (4)^2$$

$$h_A = 0.8 \text{ m}$$

$$h_A = d_{AB} \sin\theta$$

$$0.8 = d_{AB} \sin 30$$

$$d_{AB} = 1.6 \text{ m}$$

- إذا أكمل الجسم مساره علي المسار  $BC$  ليتوقف عند النقطة  $C$  احسب طول المسار  $BC$

$$\Delta ME = - f d_{BC}$$

$$ME_C - ME_B = - f d_{BC}$$

$$[ KE_C + PE_C ] - [ KE_B + PE_B ] = - f d_{BC}$$

$$PE_C = \text{zero}, KE_C = \text{zero}, PE_B = \text{zero}$$

$$- KE_B = - f d_{BC}$$

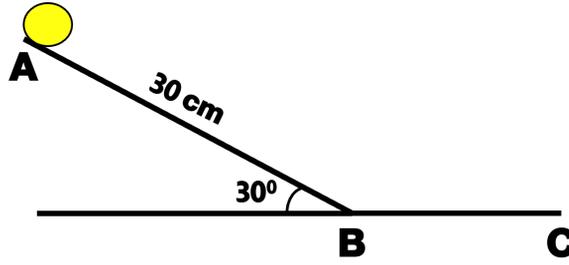
$$\frac{1}{2} m v_B^2 = f d_{BC}$$

$$\frac{1}{2} (0.1) (4)^2 = (0.1) d_{BC}$$

$$d_{BC} = 8 \text{ m}$$



◻ جسم كتلته **2 Kg** موضوع اعلي المستوي الخشن **AB** المائل بزاوية **30°** عند النقطة **A** انزلق من سكون علي المسار **AB** , إذا علمت أن طول المسار **AB** يساوي **30 cm** و أن قوة الاحتكاك علي المسار **ABC** منتظمة و تساوي **0.5 N** , إذا كان الخط الأفقي المار بالنقطتين **C.B** يمثل المستوي المرجعي



▪ احسب سرعة الجسم عند النقطة **B**

$$h_A = d \sin \theta$$

$$h_A = \frac{30}{100} \sin(30) = 0.15 \text{ m}$$

$$\Delta ME = - f d_{AB}$$

$$ME_B - ME_A = - f d_{AB}$$

$$[KE_B + PE_B] - [KE_A + PE_A] = - f d_{AB}$$

$$KE_A = \text{zero}, \quad PE_B = \text{zero}$$

$$KE_B - PE_A = - f d_{AB}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - m g h_A = - f d_{AB}$$

$$\left[ \frac{1}{2} (2) v_B^2 \right] - [(2)(10)(0.15)] = - (0.5) \left( \frac{30}{100} \right)$$

$$v_B = 1.68 \text{ m/s}$$

▪ إذا أكمل الجسم مساره علي المستوي الخشن **BC** ليتوقف عند النقطة **C** احسب طول المسار **BC**

$$\Delta ME = - f d_{BC}$$

$$ME_C - ME_B = - f d_{BC}$$

$$[KE_C + PE_C] - [KE_B + PE_B] = - f d_{BC}$$

$$KE_C = \text{zero}, PE_C = \text{zero}, PE_B = \text{zero}$$

$$- KE_B = - f d_{BC}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = f d_{BC}$$

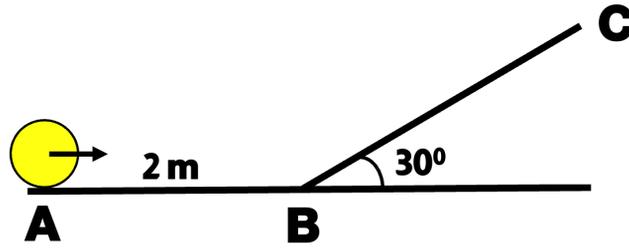
$$\left[ \frac{1}{2} (2) (1.68)^2 \right] = (0.5) d_{BC}$$

$$d_{BC} = 5.64 \text{ m}$$





جسم كتلته **2Kg** انطلق من النقطة **A** بسرعة مقدارها **5m/s** علي المسار **AB** الخشن و طوله يساوي **2 m** , بفرض أن قوة الاحتكاك علي طول المسار **AB** ثابتة و تساوي **0.5 N** , إذا كان الخط الأفقي المار بالنقطتين **A,B** يمثل المستوى المرجعي



احسب سرعة الجسم عند النقطة **B**

$$\Delta ME = -f d_{AB}$$

$$ME_B - ME_A = -f d_{AB}$$

$$[KE_B + PE_B] - [KE_A + PE_A] = -f d_{AB}$$

$$PE_A = \text{zero}, \quad PE_B = \text{zero}$$

$$KE_B - KE_A = -f d_{AB}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 = -f d$$

$$\left[ \frac{1}{2} (2) v_B^2 \right] - \left[ \frac{1}{2} (2) (5)^2 \right] = -(0.5) (2)$$

$$v_B = 4.89 \text{ m/s}$$

إذا أكمل الجسم حركته علي المستوي الأملس **BC** والذي يميل بزاوية مقدارها  $30^\circ$  ليتوقف عن الحركة عند النقطة **C** احسب طول المسار **BC**

$$ME_C = ME_B$$

$$[KE_C + PE_C] = [KE_B + PE_B]$$

$$KE_C = \text{zero}, \quad PE_B = \text{zero}$$

$$PE_C = KE_B$$

$$m g h_c = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$[(2)(10) h_c] = \left[ \frac{1}{2} (2) (4.89)^2 \right]$$

$$h_c = 1.2 \text{ m}$$

$$h = d \sin \theta$$

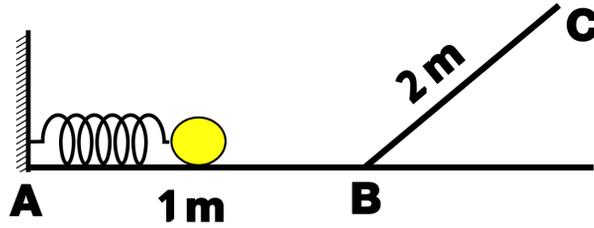
$$1.2 = d \sin(30)$$

$$d = 2.4 \text{ m}$$





• نابض طوله **75 cm** ثابت مرونته **900 N/m** , ضغط حتى أصبح طوله **25cm** ثم وضع أمامه جسم كتلته **5 Kg** عند النقطة **A** لينطلق الجسم علي المسار الخشن **ABC** , إذا كان طول المسار **AB** يساوي **1 m** و المسار **BC** يساوي **2 m** وذلك بفرض أن قوة الاحتكاك ثابتة علي المسار **ABC** الخشن و تساوي **0.5 N** , إذا كان الخط الأفقي المار بالنقطتين **A,B** يمثل المستوى المرجعي



▪ احسب سرعة الجسم عند النقطة **B**

$$\Delta x = 75 - 25 = 50 \text{ cm}$$

$$\Delta ME = - f d_{AB}$$

$$ME_B - ME_A = - f d_{AB}$$

$$[ KE_B + PE_B ] - [ KE_A + PE_A ] = - f d_{AB}$$

$$KE_A = \text{zero}, \quad PE_B = \text{zero}$$

$$KE_B - PE_{(e)A} = - f d_{AB}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} K \Delta x^2 = - f d_{AB}$$

$$\left[ \frac{1}{2} (5) v_B^2 \right] - \left[ \frac{1}{2} (900) \left( \frac{50}{100} \right)^2 \right] = - (0.5) (1)$$

$$v_B = 6.69 \text{ m/s}$$

▪ إذا أكمل الجسم حركته علي المستوي المائل **BC** حتى توقف عند النقطة **C** احسب ارتفاع النقطة **C**

$$\Delta ME = - f d_{BC}$$

$$ME_C - ME_B = - f d_{BC}$$

$$[ KE_C + PE_C ] - [ KE_B + PE_B ] = - f d_{BC}$$

$$KE_C = \text{zero}, \quad PE_B = \text{zero}$$

$$PE_C - KE_B = - f d_{BC}$$

$$m g h_C - \frac{1}{2} m v_B^2 = - f d_{BC}$$

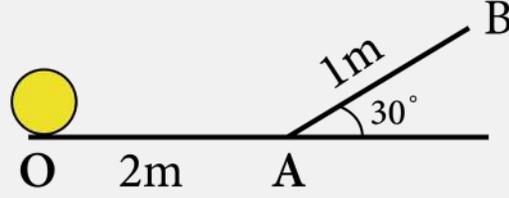
$$\left[ (5) (10) h_C \right] - \left[ \frac{1}{2} (5) (6.69)^2 \right] = - (0.5) (2)$$

$$h_C = 2.22 \text{ m}$$





Q الجسم C كتلته 0.1 Kg يستطيع أن يتحرك علي المستوى الخشن حيث قوة الاحتكاك ثابتة و تساوي 0.5 N , علي المسار OAB , المسار OA = 2 m و AB = 1 m و مائل بزاوية 30° علي المستوي الأفقي , أطلق الجسم بسرعة ابتدائية  $V_0$  من النقطة O , و اعتبر المستوى OA هو المستوي المرجعي



▪ أوجد علاقة بين السرعة الابتدائية  $V_0$  و سرعة الجسم  $V_A$  عند النقطة A

$$h_B = d \sin \theta$$

$$h_B = (1) \sin 30 = 0.5 \text{ m}$$

$$\Delta ME = -f d_{OA}$$

$$ME_A - ME_O = -f d_{OA}$$

$$[KE_A + PE_A] - [KE_O + PE_O] = -f d_{OA}$$

$$PE_O = \text{zero}, \quad PE_A = \text{zero}$$

$$KE_A - KE_O = -f d_{OA}$$

$$\frac{1}{2} m v_A^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = -f d_{OA}$$

$$\frac{1}{2} m [v_A^2 - v_0^2] = -f d_{OA}$$

$$v_A^2 - v_0^2 = -\frac{2}{m} f d_{OA}$$

▪ احسب السرعة الابتدائية للجسم  $V_0$  , إذا بلغت سرعة الجسم عند النقطة B  $V_B = 1 \text{ m/s}$

$$\Delta ME = -f d_{OB}$$

$$ME_B - ME_O = -f d_{OB}$$

$$[KE_B + PE_B] - [KE_O + PE_O] = -f d_{OB}$$

$$PE_O = \text{zero}$$

$$KE_B + PE_B - KE_O = -f d_{OB}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 + m g h_B - \frac{1}{2} m v_0^2 = -f d_{OB}$$

$$\left[ \frac{1}{2} (0.1) (1)^2 \right] + [ (0.1) (10) (0.5) ] - \left[ \frac{1}{2} (0.1) v_0^2 \right] = - (0.5) (3)$$

$$v_0 = 6.4 \text{ m/s}$$





## أسئلة على درس عزم القوة

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ كمية فيزيائية تعبر عن مقدرة القوة علي إحداث حركة دورانية للجسم حول محور الدوران ( **عزم القوة** )
- ❑ المسافة بين محور الدوران إلى نقطة تأثير القوة ( **ذراع العزم** )
- ❑ حالة العزوم عندما تكون محصلة جمع العزوم تساوي صفرا ( **العزوم المتزنة** )
- ❑ حالة الجسم عندما تكون محصلة العزوم المؤثرة عليه تساوي صفرا ( **الاتزان الدوراني** )
- ❑ موقع محور الدوران الذي تكون محصلة عزوم قوي الجاذبية المؤثرة في الجسم الصلب حوله تساوي صفرا ( **مركز الثقل** )
- ❑ قوتين متساويتين مقدار ومتوازيتان و تعملان في اتجاهين متضادين و ليس لهما خط عمل واحد ( **الازدواج** )
- ❑ حاصل ضرب مقدار إحدى القوتين بالمسافة العمودية بينهما ( **عزم الازدواج** )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- ❑ القوة هي المسببة لدوران الأجسام (x)
- ❑ القوة هي المسببة لتسارع الأجسام و عزم القوة هو المسبب لدوران الجسم (✓)
- ❑ يقاس عزم القوة بوحدة **N.m** و هي تكافئ الجول (x)
- ❑ الجسم الواقع تحت تأثير ازدواج لا يتزن و يدور (✓)
- ❑ يتزن الجسم الصلب القابل للدوران تحت تأثير عدة قوى متوازية عندما تكون محصلة القوى المؤثرة عليه تساوي صفرا (x)
- ❑ عزم الازدواج الذي يخضع له جسم قابل للدوران حول محور يمر بمنتصفه يساوي مثلي عزم إحدى القوتين المحدثتين له (✓)
- ❑ كل جسم يدور حول محور لابد أن يخضع لازدواج يقوم بإدارته (✓)

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- ❑ يعتبر عزم القوة من الكميات الفيزيائية **المتجهة** لأنه ناتج عن حاصل الضرب **الاتجاهي** للقوة والإزاحة
- ❑ يزداد الأثر الدوراني للقوة ( عزم القوة ) بزيادة **مقدار القوة** أو **ذراع القوة**
- ❑ تستخدم قاعدة **اليمنى** لتحديد اتجاه عزم القوة
- ❑ إذا كان الجسم يدور عكس عقارب الساعة فإن اتجاه العزم يكون **عموديا** علي الصفحة نحو **الخارج** و يكون اتجاه عزم القوة موجبا
- ❑ يعتمد ائزان الميزان الذي يعمل بالأوزان المنزلة علي ائزان **العزوم** وليس ائزان **الأوزان**
- ❑ الشرط اللازم لتحقيق الاتزان الدوراني هو  **$\Sigma \tau = zero$**
- ❑ إذا كان الجسم القابل للدوران حول محور متزن فإن المجموع الجبري للعزوم يساوي **صفرا** أي أن العزوم مع اتجاه عقارب الساعة **تساوي** العزوم عكس اتجاه عقارب الساعة
- ❑ لائزان جسم مادي لابد من توافر شرطين  **$\Sigma F = zero$**  و  **$\Sigma \tau = zero$**

عند وجود مركز ثقل الجسم خارج مساحة القاعدة الحاملة للجسم سوف ينقلب الجسم بسبب وجود **محصلة للعزم**



**اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :**

احسب عزم قوة الدوران الناتج عن قوة عمودية مقدارها **20 N** عند نهاية مفتاح ربط طوله **0.2 m** بوحدة **N.m**

- 4 ○ 10 ○ 15 ○ 20 ○

أثرت قوة مقدارها **8 N** على جسم قابل للدوران باتجاه يصنع (**30°**) وعلى بعد **1 m** من محور الدوران فيكون عزم الدوران بوحدة **N.m** يساوي

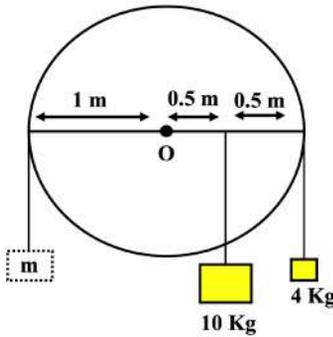
- 4 ○ 8 ○ 16 ○ 240 ○

جسم قابل للدوران حول محور و أثرت عليه قوة مقدارها **10 N** على بعد **0.5 m** من محور الدوران باتجاه موازي لمحور الدوران فإن عزم القوة بوحدة **N.m** يساوي

- 5 ○ 10.5 ○ 20 ○ صفرا ○

حتى لا يدور القرص الموضح في الشكل المجاور فيجب أن نعلق عند النقطة **(C)** كتلة مقدارها بوحدة الكيلوجرام

- 7 ○ 9 ○ 12 ○ 14 ○



يعتمد ائزان الميزان الذي يعمل بالأوزان المنزلة على

- تساوي الأبعاد  
○ ائزان الأوزان  
○ تساوي القوي  
○ **ائزان العزم**

عزم القوة يتوقف على

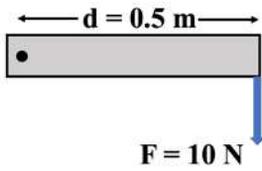
- القوة المؤثرة  
○ ذراع العزم  
○ الزاوية بين القوة والذراع  
○ **جميع ما سبق**

إذا كان اتجاه عزم القوة عكس عقارب الساعة فإن اتجاه العزم

- عمودي علي الصفحة للداخل و يعتبر العزم سالبا  
○ عمودي علي الصفحة للخارج و يعتبر العزم سالبا  
○ عمودي علي الصفحة للداخل و يعتبر العزم موجبا  
○ **عمودي علي الصفحة للخارج و يعتبر العزم موجب**

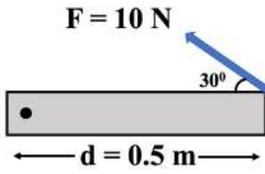
إذا كان اتجاه عزم القوة مع عقارب الساعة فإن اتجاه العزم

- **عمودي علي الصفحة للداخل و يعتبر العزم سالبا**  
○ عمودي علي الصفحة للخارج و يعتبر العزم سالبا  
○ عمودي علي الصفحة للداخل و يعتبر العزم موجبا  
○ عمودي علي الصفحة للخارج و يعتبر العزم موجبا



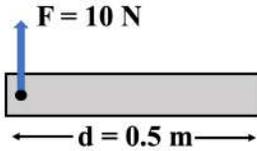
احسب عزم القوة في الشكل المقابل بوحدة **N.m**

- 10  -10   
-5  5



احسب عزم القوة في الشكل المقابل بوحدة **N.m**

- 2.5  -5   
+5  +2.5



احسب عزم القوة في الشكل المقابل بوحدة **N.m**

- 5  -10   
صفرا  10



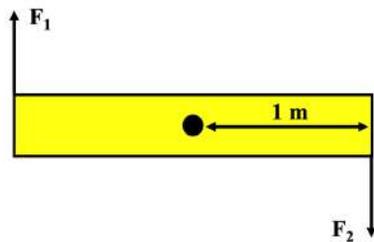
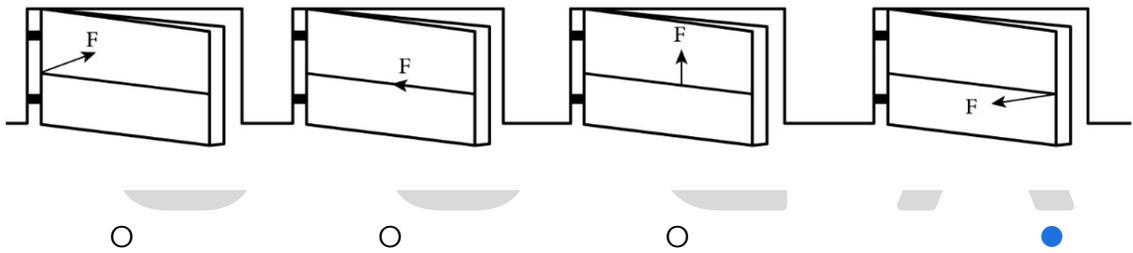
إحدى الصفات التالية لا تنطبق على عزم القوة

- كمية متجهة   
كمية قياسية   
كمية سالبة   
كمية موجبة

الشرط الضروري لتحقيق الاتزان الدوراني هو

- $\Sigma \tau = +$    
 $\Sigma \tau = -$    
 $\Sigma \tau = \text{صفرا}$    
 $\Sigma F = \text{صفرا}$

أثر في أحد الأبواب قوة تعمل في الاتجاهات المبينة بالأشكال التالية , يدور الباب في حالة واحدة من الحالات التالية و هي



في الشكل المقابل تؤثر قوتان متساويتان في المقدار  $F_1 = F_2 = 20 \text{ N}$  على ساق معدنية منتظمة و متجانسة و قابلة للدوران حول نقطة (O) في منتصفها , فإن عزم الازدواج المؤثر في الساق بوحدة **N.m** يساوي

- 22  10   
40  21

## علل لما يأتي :

❑ عند ركل كرة بقوة تمر بمركز ثقلها فإنها لا تدور

لأن محصلة العزوم تساوي صفرا

❑ عند ركل كرة بقوة لا تمر بمركز ثقلها فإنها تدور

لأن محصلة العزوم لا تساوي صفرا

❑ لا يتزن جسم قابل للدوران حول محور تحت تأثير قوتين متوازيتين و متضادتين في الاتجاه

لأن القوتين ليس لهما خط عمل واحد و بالتالي يتعرض إلى ازدواج و يدور

## ماذا يحدث في الحالات التالية :

❑ عند التأثير علي جسم قابل للدوران **بقوتين** متساويتين مقدارا و متعاكستين اتجاها و ليس لهما خط عمل واحد

يدور الجسم ← لأنه يتأثر بازدواج

❑ عند التأثير علي الجسم **بازدواجين** متساوين في المقدار و متعاكسين في الاتجاه

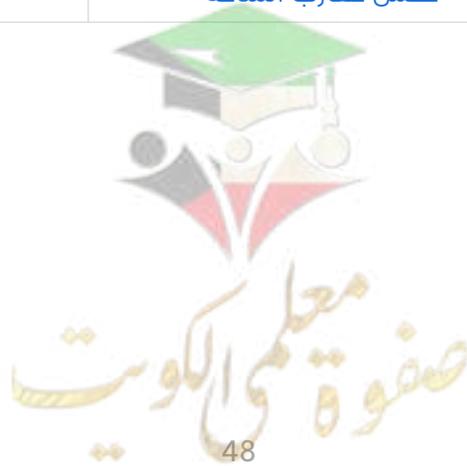
يتزن الجسم و لا يدور ← لأن محصلة عزم الازدواج تساوي صفرا

## قارن بين كلا مما يلي :

وجه المقارنة	القوة	عزم القوة
أثرها على الجسم	تسارع الجسم	دوران الجسم
مثال	دفع سيارة	فك برغي

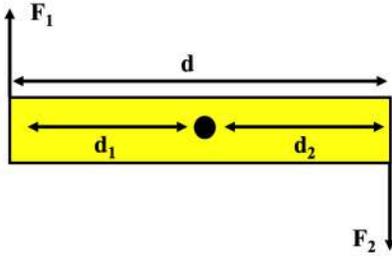
وجه المقارنة	عزم القوة	الازدواج
تعريف	كمية فيزيائية تعبر عن مقدرة القوة علي إحداث حركة دورانية للجسم حول محور	قوتين متساويتين مقدارا و متوازيتين و تعملان في اتجاهين متضادين و ليس لهما خط عمل واحد
ذراع العزم	المسافة بين القوة و محور الدوران	المسافة العمودية بين القوتين

وجه المقارنة	العزم الموجب	العزم السالب
اتجاه الحركة	عكس عقارب الساعة	مع عقارب الساعة



## استنتج :

أثبت رياضياً أن عزم الازدواج يساوي حاصل ضرب إحدى القوتين بالمسافة العمودية بينهما



$$\tau_1 = F_1 d_1$$

$$\tau_2 = F_2 d_2$$

$$\tau = \tau_1 + \tau_2 = C$$

$$C = F_1 d_1 + F_2 d_2$$

وبما أن القوتين متساويتان

$$C = F (d_1 + d_2)$$

$$C = F d$$

## حل المسائل التالية :

أحسب مقدار عزم القوة التي تذبذها يدك على مفك ربط، علماً أن طول ذراع القوة يساوي **200 mm** و مقدار القوة يساوي **100 N** و الزاوية بين القوة و ذراعها  $45^\circ$

$$\begin{aligned} F &= 100 \text{ N} \\ d &= 200 \text{ mm} \\ \theta &= 45^\circ \\ \tau &= ? \end{aligned}$$

$$\vec{\tau} = \vec{F} \vec{d} \sin \theta$$

$$\tau = (100) \left( \frac{200}{1000} \right) \sin (45)$$

$$\tau = 14.14 \text{ N.m}$$

تحتاج صامولة إلى عزم قوة مقداره **40 N.m** باستخدام مفك ربط طوله **25 cm**، احسب مقدار القوة اللازمة لتثبيت الصامولة

$$\vec{\tau} = \vec{F} \vec{d} \sin \theta$$

$$40 = F \left( \frac{25}{100} \right) \sin (60)$$

$$F = 184.75 \text{ N}$$

$$\begin{aligned} d &= 25 \text{ cm} \\ \tau &= 40 \text{ N.m} \\ \theta &= 60^\circ \\ F &= ? \end{aligned}$$

أحسب عزم قوة الدوران الناتج عن قوة عمودية مقدارها **20 N** عند نهاية مفتاح ربط طوله **0.2 m**

$$\vec{\tau} = \vec{F} \vec{d}$$

$$\tau = (20) (0.2)$$

$$\tau = 4 \text{ N.m}$$

$$\begin{aligned} \tau &= ? \\ F &= 20 \text{ N} \\ d &= 0.2 \text{ m} \\ \theta &= 90^\circ \end{aligned}$$



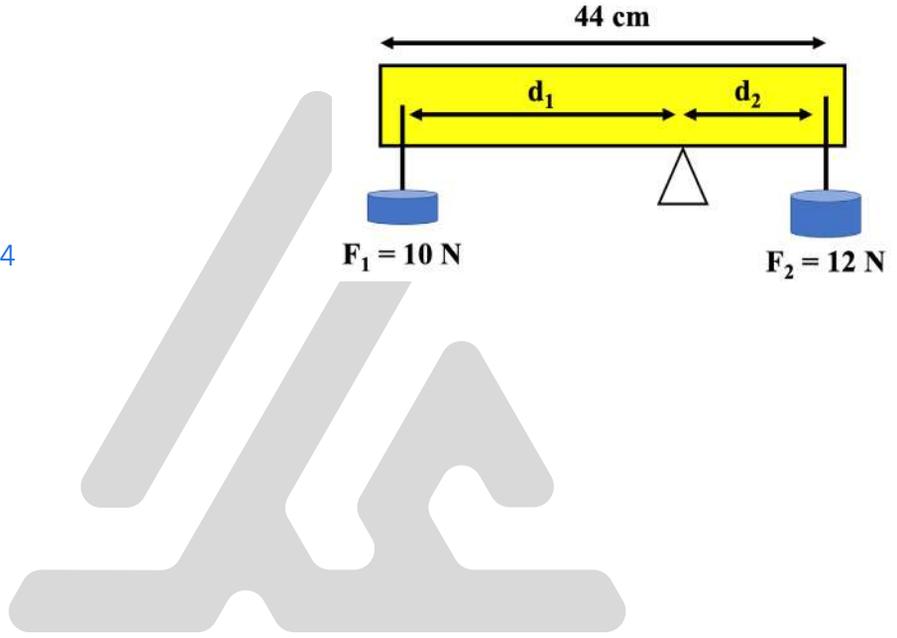
الشكل يمثل مسطرة متجانسة , ما هي كتلة الصخرة **m** علما أن النظام في حالة اتزان دوراني

$$\begin{aligned}\tau_1 &= \tau_2 \\ F_1 d_1 &= F_2 d_2 \\ m_1 g d_1 &= m_2 g d_2 \\ \mathbf{m_1 d_1} &= \mathbf{m_2 d_2} \\ m_1 (25) &= (1) (50) \\ m_1 &= 2 \text{ Kg}\end{aligned}$$

مسطرة يمكن إهمال وزنها طولها **44 cm** تعلق في أحد طرفيها وزن مقداره **12 N** وفي الطرف الآخر وزن مقداره **10 N** حدد موقع محور الدوران بالنسبة إلى أحدهما والذي يجعل النظام في حالة اتزان دوراني

$$\begin{aligned}d_1 + d_2 &= 44 \text{ cm} \\ d_2 &= 44 - d_1\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\tau_2 &= \tau_1 \\ \mathbf{F_2 d_2} &= \mathbf{F_1 d_1} \\ 12 d_2 &= 10 d_1 \\ 12 (44 - d_1) &= 10 d_1 \\ d_1 &= 24 \text{ cm} \\ d_2 &= 44 - d_1 = 44 - 24 \\ d_2 &= 20 \text{ cm}\end{aligned}$$



U U L A





# القصور الذاتي الدوراني

## أسئلة على درس القصور الذاتي الدوراني

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ مقاومة الجسم لتغير حركته الدورانية ( **القصور الذاتي الدوراني** )
- ❑ ميل الأجسام التي تدور إلى الاستمرار في الدوران في حين تميل الأجسام الساكنة إلى البقاء ساكنة ( **القصور الذاتي الدوراني** )
- ❑ نظرية تسمح لنا بحساب مقدار القصور الذاتي الدوراني حول أي محور موازي للمحور المار بمركز ثقل الجسم ( **نظرية المحور الموازي** )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- ❑ تميل الأجسام التي تدور إلى الاستمرار في الدوران (✓)
- ❑ كتلة الجسم تقيس ممانعة الجسم لتغير حالته الحركية الخطية (✓)
- ❑ زيادة المسافة بين كتلة الجسم و محور الدوران يزداد القصور الذاتي الدوراني (✓)
- ❑ المضرب القصير له قصور ذاتي دوراني أكبر من المضرب الطويل (x)
- ❑ عند تحريك المضرب الطويل فإنه يسهل تغير سرعته لأن قصوره الذاتي الدوراني كبير (x)
- ❑ المضرب الطويل عندما يتحرك يكون له ميل كبير للبقاء متحركا بسبب كبر قصوره الذاتي الدوراني (✓)
- ❑ عندما تدور كرة حول محور يمر بمركزها فإن قصوره الذاتي الدوراني ينعدم (x)
- ❑ القصور الذاتي الدوراني للجسم كمية محددة (x)
- ❑ يختلف القصور الذاتي الدوراني للجسم باختلاف موضع محور الدوران (✓)
- ❑ يختلف القصور الذاتي للجسم إذا كان مصمما أو أجوف (✓)
- ❑ القصور الذاتي الدوراني يكون أكبر عندما تتوزع الكتل داخل الجسم بتقارب من محور الدوران (x)
- ❑ كرتان لهما نفس الكتلة و نصف القطر لكن إحداهما مجوفة والأخرى مصممة يكون لهما نفس القصور الذاتي الدوراني (x)
- ❑ الحيوانات ذات القوائم الطويلة تستطيع أن تغير سرعتها بسهولة أثناء الجري (x)

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- ❑ تحتاج الأجسام إلى قوة لتغير **حالتها الخطية** وإلى عزم لتغير **حالتها الدورانية**
- ❑ في غياب محصلة عزم القوة فإن الأجسام التي تدور **تظل تدور**
- ❑ كتلة الجسم تقيس ممانعة الجسم لتغير **حالتها الخطية** بينما القصور الذاتي الدوراني يقيس ممانعة الجسم لتغير **حالتها الدورانية**
- ❑ يقاس القصور الذاتي الدوراني بوحدة **Kg . m<sup>2</sup>**
- ❑ يمسك البهلوان عصا في يديه ليعمل علي **زيادة** مقدار القصور الذاتي الدوراني له
- ❑ تستخدم نظرية **المحور الموازي** لحساب القصور الذاتي الدوراني للجسم عند أي نقطة توازي المحور الرئيسي



## اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

Q يتوقف القصور الذاتي الدوراني على

- موضع محور الدوران بالنسبة لمركز الكتلة فقط
- توزيع الكتلة و شكل الجسم فقط
- مقدار كتلة الجسم فقط
- جميع ما سبق

Q يعتبر ثني الساقين عند الجري مهما حيث إن القصور الذاتي الدوراني

- يقل
- يزداد
- يظل ثابتا
- ينعدم

Q يمسك البهلوان عصا طويلة وهو يتحرك على الحبل , حيث إن قصوره الذاتي الدوراني

- يقل
- يزداد
- يظل ثابتا
- ينعدم

Q الكتلة والقصور الذاتي الدوراني لهما مفهوم متقارب وتختلف في أن

- الكتلة ثابتة فقط
- الكتلة والقصور الذاتي الدوراني ثابتان
- القصور الذاتي متغير
- الكتلة ثابتة والقصور الذاتي الدوراني متغير

Q عصا طولها (L) مهملة الكتلة تنتهي بكتلتين نقطيتين متساويتين مقدار كل منهما (m) تدور حول مركز كتلتها فيكون القصور الذاتي الدوراني مساويا ( $I=md^2$ )

- $\frac{1}{4} mL^2$
- $\frac{1}{2} mL^2$
- $mL^2$
- $2mL^2$

Q عصا طولها 2 m و كتلتها 6 Kg و مقدار القصور الذاتي الدوراني لها عند مركز ثقلها يساوي  $2 \text{ Kg.m}^2$  , يكون مقدار القصور الذاتي الدوراني للعصا عند طرفها يساوي بوحدة  $\text{Kg.m}^2$

- 1
- 8
- 4
- 12

Q عصا طولها 2 m و كتلتها 6 Kg و مقدار القصور الذاتي الدوراني لها عند مركز ثقلها يساوي  $2 \text{ Kg.m}^2$  , يكون مقدار القصور الذاتي الدوراني للعصا على بعد 0.5 m من مركز ثقلها يساوي بوحدة  $\text{Kg.m}^2$

- 12
- 8
- 24
- 3.5

Q المضرب الطويل له قصور ذاتي أكبر من المضرب القصير لذلك جميع العبارات التالية صحيحة ماعدا

- المضرب الطويل يتأرجح بصعوبة
- المضرب القصير يتأرجح بسهولة
- المضرب الطويل يسهل إيقافه
- المضرب القصير يسهل إيقافه



Q قرص القصور الذاتي الدوراني حول مركز ثقله يحسب من العلاقة  $I_0 = \frac{1}{2}mr^2$  و بذلك فإن القصور الذاتي الدوراني له حول محور يمر بنقطة تقع على الحافة الخارجية له تحسب من العلاقة

- $I = mr^2$
- $I = \frac{3}{2}mr^2$
- $I = \frac{3}{4}mr^2$
- $I = \frac{1}{2}mr^2$

عصا طولها  $L$  وكتلتها  $m$  قصورها الذاتي الدوراني حول محور يمر بمركز كتلتها يحسب من العلاقة  $I_0 = \frac{1}{12} m L^2$  فيكون القصور الذاتي الدوراني حول محور يمر بأحد طرفيها يحسب بالعلاقة

$I = \frac{1}{10} m L^2$  ○       $I = \frac{1}{4} m L^2$  ○       $I = \frac{1}{3} m L^2$  ○       $I = \frac{1}{12} m L^2$  ○

المضرب الطويل له قصور ذاتي كبير , لذلك جميع العبارات التالية صحيحة ماعدا

- المضرب يميل أكثر إلى الحركة
- عندما يتحرك المضرب يصعب إيقافه
- **المضرب سهل التآرجح**
- المضرب من الصعب أن يدور

المضرب القصير له قصور ذاتي صغير , لذلك جميع العبارات التالية صحيحة ماعدا

- يسهل إيقافه وهو يدور
- سهل التآرجح
- **عندما يتحرك يكون من الصعب أن يتوقف**
- يمكن التحكم فيه أفضل من المضرب الطويل

يجري الكلب أسرع من الغزال بسبب

- **القصور الذاتي الدوراني للغزال أكبر**
- القصور الذاتي الدوراني للكلب أكبر
- القصور الذاتي الدوراني متساو
- القصور الذاتي الدوراني للكلب منعدم

عند أرجحة القلم من منتصفه يكون أسهل من أرجحة القلم من طرفه و ذلك لأن القصور الذاتي الدوراني عند الأرجحة من المنتصف يكون

- **أقل** ○ أكبر ○ متساويا ○ منعدما

يكون هز الساق وهي ممدودة أصعب من هز الساق عند ثنيها , لأنه عند هز الساق وهي ممدودة يكون القصور الذاتي الدوراني

- أقل ○ أكبر ○ متساويا ○ منعدما

قرص كتلته  $2 \text{ Kg}$  و نصف قطره  $0.2 \text{ m}$  و قصوره الذاتي الدوراني عند مركز كتلته يساوي  $0.04 \text{ Kg.m}^2$  , يكون قصوره الذاتي الدوراني عند حافته الخارجية بوحدة  $\text{Kg.m}^2$  يساوي

- 0.16 ○ **0.12** ○ 0.14 ○ 0.15

عصا مهمة الكتلة طولها  $1 \text{ m}$  مثبت عند طرفيها كتلتان نقطيتان مقدار كل منهما  $0.2 \text{ Kg}$  , إذا كان محور دورانها عند منتصف العصا , يكون قصورها الذاتي الدوراني بوحدة  $\text{Kg.m}^2$  يساوي

- 0.2 ○ 0.3 ○ **0.1** ○ 0.4

عصا مهمة الكتلة طولها  $1 \text{ m}$  مثبت عند طرفيها كتلتان نقطيتان مقدار كل منهما  $0.2 \text{ Kg}$  , إذا كان محور دورانها عند إحدى طرفيها , يكون قصورها الذاتي الدوراني بوحدة  $\text{Kg.m}^2$  يساوي

- 0.2 ○ 0.3 ○ 0.1 ○ 0.4



## علل لما يأتي :

❏ يسهل أرجحه القلم عن أرجحه ساق من الحديد لها نفس الطول  
لأن كتلة الحديد أكبر وبالتالي يصبح لها قصور ذاتي دوراني أكبر

❏ يختلف مقدار القصور الذاتي الدوراني لعلقة عن قرص لهما نفس الكتلة  
بسبب اختلاف توزيع الكتل حول محور الدوران

❏ لا تمتلك كرتان القصور الذاتي الدوراني نفسه بالرغم من أن الكرتين لهما الكتلة نفسها و القطر نفسه ولكن واحدة منهما مصمتة و الأخرى مجوفة و تدوران حول محور يمر بمركز كتلتيهما  
بسبب اختلاف توزيع الكتل حول محور الدوران

## ماذا يحدث مع التفسير في الحالات التالية :

❏ عند أرجحه القلم من المنتصف

يسهل الأرجحه ← لأن لها قصورا ذاتيا دورانيا صغير

❏ عند أرجحه القلم من الطرف

يصعب الأرجحة ← لأن لها قصورا ذاتيا دورانيا كبير

❏ عندما يمسك البهلوان عصا طويلة وهو يتحرك

يزداد اتزانه ← لأن لها قصورا ذاتيا دورانيا كبيرا

## قارن بين كلا مما يلي :

مضرب قصير	مضرب طويل	وجه المقارنة
أقل	أكبر	القصور الذاتي الدوراني
أقل	أكبر	الميل للبقاء متحرك
أكبر	أقل	القدرة علي تغير سرعته
اسهل	أصعب	سهولة الاستخدام

البندول القصير	البندول الطويل	وجه المقارنة
أقل	أكبر	القصور الذاتي الدوراني
أكبر	أقل	الميل للتأرجح

بندول به كتلة صغيرة	بندول به كتلة كبيرة	وجه المقارنة
أقل	أكبر	القصور الذاتي الدوراني

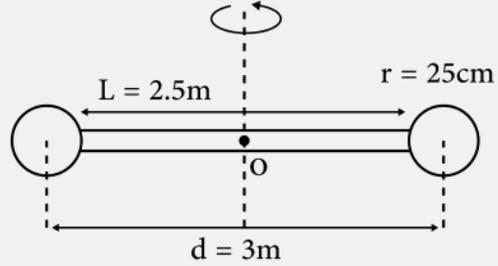


**حل المسائل التالية :**

احسب القصور الذاتي الدوراني لنظام مؤلف من قشرتين متماثلتين رقيقتين من الحديد كتلة الواحدة منهما **5 Kg** و نصف قطرها **25 cm** مثبتتين علي طرف عصا كتلتها **2 Kg** و طولها **2.5 m** , والمسافة بين مركزي الكتلة الكرتين **3 m** , يدور النظام حول محور عمودي يمر بنقطة الوسط للعصا , علما بأن مقدار القصور الذاتي الدوراني لكل من الأجسام الثلاثة حول محور يمر بمركز ثقلها يساوي

$$I_{\text{قشرة}} = \frac{2}{3} mr^2$$

$$I_{\text{عصا}} = \frac{1}{12} mL^2$$



$$I_{\text{system}} = I_{\text{ساق}} + 2 I_{\text{قشرة}}$$

$$I_{\text{ساق}} = I_0$$

$$I_{\text{ساق}} = \frac{1}{12} mL^2$$

$$I_{\text{ساق}} = \left[ \frac{1}{12} (2) (2.5)^2 \right] = 1.04 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{قشرة}} = I_0 + md^2$$

$$I_{\text{قشرة}} = \frac{2}{3} mr^2 + md^2$$

$$I_{\text{قشرة}} = \left[ \frac{2}{3} (5) (0.25)^2 \right] + [(5)(1.5)^2] = 11.45 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{system}} = I_{\text{ساق}} + 2 I_{\text{قشرة}}$$

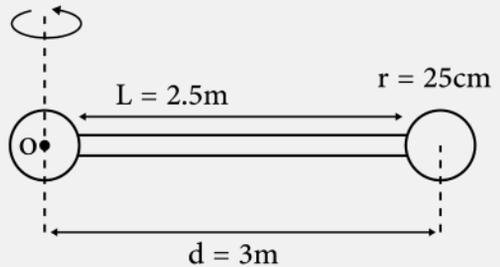
$$I_{\text{system}} = 1.04 + [ (2) (11.45) ] = 23.94 \text{ Kg.m}^2$$



احسب القصور الذاتي الدوراني لنظام مؤلف من قشرتين متماثلتين رقيقتين من الحديد كتلة الواحدة منهما **5 Kg** و نصف قطرها **25 cm** مثبتتين علي طرف عصا كتلتها **2 Kg** و طولها **2.5 m** , والمسافة بين مركزي الكتلة الكرتين **3 m** , يدور النظام حول محور عمودي يمر بمركز إحدى القشرتين , علما بأن مقدار القصور الذاتي الدوراني لكل من الأجسام الثلاثة حول محور يمر بمركز ثقلها يساوي

$$I_{\text{قشرة}} = \frac{2}{3} mr^2$$

$$I_{\text{عصا}} = \frac{1}{12} mL^2$$



$$I_{\text{system}} = I_{\text{قشرة}_1} + I_{\text{قشرة}_2} + I_{\text{ساق}}$$

$$I_{\text{قشرة}_1} = I_0 = \frac{2}{3} mr^2 = \frac{2}{3} (5) (0.25)^2 = 0.208 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{قشرة}_2} = I_0 + md^2$$

$$I_{\text{قشرة}_2} = \frac{2}{3} mr^2 + md^2$$

$$I_{\text{قشرة}_2} = [ 0.208 ] + [(5)(3)^2] = 45.208 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{ساق}} = I_0 + md^2$$

$$I_{\text{ساق}} = \frac{1}{12} mL^2 + md^2$$

$$I_{\text{ساق}} = \left[ \frac{1}{12} (2) (2.5)^2 \right] + [ (2) (1.5)^2 ] = 5.54 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{system}} = I_{\text{قشرة}_1} + I_{\text{قشرة}_2} + I_{\text{ساق}}$$

$$I_{\text{system}} = 0.208 + 45.208 + 5.54 = 50.948 = 50.95 \text{ Kg.m}^2$$





احسب القصور الذاتي الدوراني لنظام مؤلف من كرتين من الحديد كتلة الواحدة منهما **5 Kg** و نصف قطرها **5 cm** مثبتتين علي طرف عصا كتلتها **2 Kg** و طولها **L** , والمسافة بين مركزي كتلة الكرتين **2 m** , يدور النظام حول محور عمودي يمر بنقطة الوسط للعصا , علما بأن مقدار القصور الذاتي الدوراني لكل من الأجسام الثلاثة حول محور يمر بمركز ثقلها يساوي :

$$I_{\text{كرة}} = \frac{2}{5} mr^2$$

$$I_{\text{عصا}} = \frac{1}{12} mL^2$$

$$I_{\text{system}} = I_{\text{كرة1}} + I_{\text{كرة2}} + I_{\text{عصا}}$$

$$I_{\text{system}} = 2 I_{\text{كرة}} + I_{\text{عصا}}$$

$$L = 2 - 0.05 - 0.05 = 1.9 \text{ m}$$

$$I_{\text{عصا}} = \frac{1}{12} mL^2 = \frac{1}{12} (2) (1.9)^2 = 0.6 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{كرة}} = I_0 + md^2$$

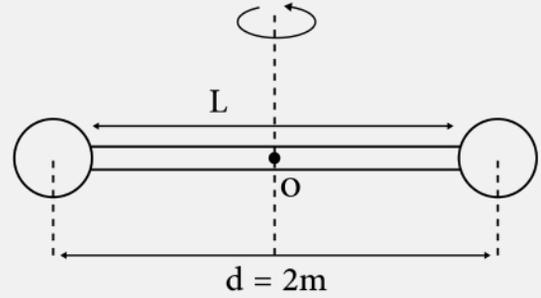
$$I_{\text{كرة}} = \frac{2}{5} mr^2 + md^2$$

$$I_{\text{كرة}} = \left[ \frac{2}{5} (5)(0.05)^2 \right] + [(5)(1)^2] = 5.005 \text{ Kg.m}^2$$

$$I_{\text{system}} = 2 I_{\text{كرة}} + I_{\text{عصا}}$$

$$I_{\text{system}} = [ 2 (5.005) ] + 0.6 = 10.61 \text{ Kg.m}^2$$

$$\begin{aligned} m_1 &= m_2 = 5 \text{ Kg} \\ r_1 &= r_2 = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m} \\ m_{\text{عصا}} &= 2 \text{ Kg} \\ d &= 2 \text{ m} \\ I_{\text{system}} &= ? \end{aligned}$$



U U L A





## أسئلة درس ديناميكا الدوران

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- Q هي حركة الجسم حين يقطع الجسم علي محيط دائرة أقواسا متساوية في أزمنة متساوية ( **الحركة الدائرية المنتظمة** )
- Q حركة الجسم حين يمسح نصف القطر زوايا متساوية في أزمنة متساوية ( **الحركة الدائرية المنتظمة** )
- Q هي حركة الجسم عندما تتغير السرعة الزاوية للجسم المتحرك حركة دورانية بالنسبة للزمن تغيرا منتظما ( **الحركة الدائرية المعجلة بانتظام** )
- Q هو نظام من جزيئات تبعد عن بعضها بعضا مسافات متساوية , وهو ثابت الشكل لا يتغير بتأثير القوى الخارجية أو عزوم القوى, أي أنه غير قابل للتشكيل أو التشويه ( **الجسم المصمت** )
- Q يبقي الجسم الساكن ساكنا و الجسم المتحرك يستمر في حركته الدورانية المنتظمة ما لم تؤثر عليهما عزم قوة خارجية ( **القانون الأول لنيوتن للحركة الدورانية** )
- Q محصلة عزوم القوى الخارجية المؤثرة في النظام حول محور دوران ثابت تساوي حاصل ضرب العجلة الدورانية و القصور الذاتي الدوراني حول محور الدوران نفسه ( **القانون الثاني لنيوتن للحركة الدورانية** )
- Q لكل عزم قوة عزم مضاة له (يساويه في المقدار ويعاكسه في الاتجاه) ( **القانون الثالث لنيوتن للحركة الدورانية** )
- Q هي المعدل الزمني لإنجاز شغل ( **القدرة** )

**معلق** ⚠

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- Q في الحركة الدائرية منتظمة العجلة يقطع الجسم أقواسا متساوية في أزمنة متساوية (x)
- Q عند دراسة الحركة الخطية يمكن تمثيل حركة الجسم المصمت بحركة مركز ثقله (✓)
- Q عند دراسة الحركة الدورانية لا نستطيع أن نمثل حركة الجسم بحركة مركز ثقله (✓)
- Q يستطيع الجسم في الحركة الخطية تغير حالته الحركية من دون أن تؤثر فيه قوة خارجية (x)
- Q في القانون الثاني لنيوتن عزم القوة و العجلة الزاوية كميتان متجهتان مختلفتان في الاتجاه (x)
- Q زمن وصول إسطوانة مفرغة إلى أسفل منحدر لا يختلف إذا كانت مصممة ولها نفس الكتلة و نصف القطر (x)
- Q يمكن تطبيق قوانين نيوتن الثلاثة علي الحركة الدورانية (✓)

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- Q تكون إشارة العجلة الزاوية **موجبا** عند تسارع الجسم و تكون **سالبا** عند تباطؤ الجسم
- Q في القانون الثاني لنيوتن حلت **عزم القوة** مكان القوة و **العجلة الزاوية** مكان العجلة
- Q تنعدم العجلة الزاوية إذا كانت **السرعة الزاوية** ثابتة
- Q يكون الجسم **أجوف** إذا كان مفرغا من الداخل ولا تتغير أبعاده عند التأثير عليه بقوى
- Q عندما تتغير السرعة الزاوية للجسم المتحرك تغيرا منتظما بالنسبة للزمن فإنه يتحرك **حركة دائرية معجلة بانتظام**



### اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

Q تكون حركة الجسم حركة دورانية منتظمة إذا كان الجسم يقطع

- مسافات متساوية في أزمنة متساوية  
○ مسافات متساوية في أزمنة متزايدة  
○ أقواساً متساوية في أزمنة متساوية  
○ أقواساً متساوية في أزمنة متزايدة

Q تكون حركة الجسم حركة دورانية منتظمة العجلة إذا كان الجسم يقطع

- مسافات متساوية في أزمنة متساوية  
○ مسافات متساوية في أزمنة متزايدة  
○ أقواساً متساوية في أزمنة متساوية  
○ أقواساً متساوية في أزمنة متناقصة

Q يتحرك جسم على مسار دائري نصف قطره  $2\text{ m}$  و بسرعة زاوية منتظمة تساوي  $6\text{ rad/s}$  , تكون سرعته الخطية بوحدة  $\text{m/s}$  تساوي

- 12      ○ 8      ○ 3      ○ 0.33

Q تدور كتلة نقطية من السكون بعجلة زاوية منتظمة مقدارها  $5\text{ rad/s}^2$  , بعد مرور زمن  $5\text{ s}$  , يكون مقدار سرعتها الزاوية بوحدة  $\text{rad/s}$  تساوي

- 50      ○ 100      ○ 25      ○ 12.5

Q تدور كتلة نقطية من السكون بعجلة زاوية منتظمة مقدارها  $5\text{ rad/s}^2$  , بعد مرور زمن  $5\text{ s}$  , تكون مقدار ازاحتها الزاوية بوحدة  $\text{rad}$  تساوي

- 200      ○ 50      ○ 15.25      ○ 62.5

**معلق !**

Q تتحرك كتلة نقطية على مسار دائري بسرعة زاوية مقدارها  $50\text{ rad/s}$  لتتوقف عن الحركة بعد مرور زمن  $10\text{ s}$  يكون مقدار العجلة الزاوية للكتلة النقطية بوحدة  $\text{rad/s}^2$  تساوي

- +5      ○ -5      ○ +10      ○ -10

Q تتحرك كتلة نقطية على مسار دائري بسرعة زاوية مقدارها  $10\text{ rad/s}$  و بعجلة تباطؤ زاوية مقدارها  $5\text{ rad/s}^2$  لتتوقف عن الحركة بعد مرور زمن  $t$  , يكون مقدار الإزاحة الزاوية التي قطعها الكتلة النقطية بوحدة  $\text{rad}$  تساوي

- 100      ○ 50      ○ 25      ○ 10

Q يتحرك جسم على مسار دائري نصف قطره  $2\text{ m}$  و بعجلة زاوية منتظمة تساوي  $10\text{ rad/s}^2$  , تكون عجلته الخطية بوحدة  $\text{m/s}^2$  تساوي

- 5      ○ 20      ○ 10      ○ 0.2

Q تدور كتلة نقطية بتردد  $3000\text{ rev/min}$  , في لحظة  $t = 0$  أثرت عليه عزم قوة دورانية ثابت بعكس اتجاهه , فتوقف عن الدوران بعد مرور زمن  $10\text{ s}$  , تكون عجلة الحركة الدورانية له بوحدة  $\text{rad/s}^2$  تساوي

- $+10\pi$       ○  $-10\pi$       ○  $+20\pi$       ○  $-20\pi$

Q كتلة نقطية تتحرك من السكون بعجلة دورانية منتظمة مقدارها  $10\pi\text{ rad/s}^2$  بعد مرور زمن  $5\text{ s}$  يصبح تردد الحركة بوحدة  $\text{rev/s}$  يساوي

- 50      ○ 100      ○ 25      ○ 60



تدور كتلة نقطية من السكون بعجلة زاوية منتظمة مقدارها  $4\pi \text{ rad/s}^2$  , بعد مرور زمن  $10 \text{ s}$  , تكون عدد الدورات التي أكملتها الكتلة النقطية تساوي

100 ○

75 ○

50 ○

25 ○

إذا تحركت كتلة نقطية من السكون بعجلة دورانية منتظمة فإن السرعة الزاوية النهائية للكتلة تتناسب طرديا مع :

العجلة الزاوية ○

الإزاحة الزاوية ○

مربع الزمن ○

الزمن ○

إذا تحركت كتلة نقطية من السكون بعجلة دورانية منتظمة فإن مربع السرعة الزاوية النهائية للكتلة تتناسب طرديا مع :

العجلة الزاوية ○

الإزاحة الزاوية ○

مربع الزمن ○

الزمن ○

إذا تحركت كتلة نقطية من السكون بعجلة دورانية منتظمة فإن الأزاحة الزاوية للكتلة تتناسب طرديا مع :

العجلة الزاوية ○

الإزاحة الزاوية ○

مربع الزمن ○

الزمن ○

يمكن التعبير عن القانون الثاني لنيوتن في الحركة الدورانية بالصيغة الرياضية التالية

$\sum I = \tau \cdot \theta''$  ○

$F = m \cdot a$  ○

$\sum F = I \cdot \theta''$  ○

$\sum \tau = I \cdot \theta''$  ○

القصور الذاتي الدوراني لبرغي  $(0.4) \text{ Kg.m}^2$  أثر عليه عزم ازدواج ثابت مقداره  $(1.6) \text{ N.m}$  بعكس اتجاه الدوران أدى لتوقفه , فإن العجلة الدورانية التي دار بها بوحدة  $(\text{rad/s}^2)$  يساوي

4 ○

-4 ○



0.4 ○

0.25 ○

جسم قصوره الذاتي الدوراني يساوي  $10 \text{ Kg.m}^2$  , أثر عليه عزم قوة دورانية في نفس اتجاه دورانه مقداره  $5 \text{ N.m}$  , فإنه يكتسب عجلة زاوية بوحدة  $\text{rad/s}^2$  تساوي

-2 ○

+2 ○

-0.5 ○

+0.5 ○

جسم قصوره الذاتي الدوراني يساوي  $10 \text{ Kg.m}^2$  , أثر عليه عزم قوة دورانية في عكس اتجاه دورانه مقداره  $5 \text{ N.m}$  , فإنه يكتسب عجلة زاوية بوحدة  $\text{rad/s}^2$  تساوي

-2 ○

+2 ○

-0.5 ○

+0.5 ○

بدأت كتلة قصورها الذاتي الدوراني  $(0.5) \text{ Kg.m}^2$  من السكون , فأصبحت سرعتها الدورانية  $(4) \text{ rad/s}$  بعد مرور **ثانيتين** , فإن محصلة عزم القوى الخارجية المؤثرة عليه بوحدة  $(\text{N.m})$  يساوي

8 ○

4.5 ○

2 ○

1 ○

جسم يدور حول محور بسرعة دورانية مقدارها  $25 \text{ rad/s}$  , أثر عليه عزم قوة في اتجاه معاكس لدورانه أدى إلى توقفه بعد مرور زمن  $10 \text{ s}$  , إذا كان القصور الذاتي الدوراني للجسم يساوي  $10 \text{ Kg.m}^2$  , فإن مقدار عزم القوة المؤثر على الجسم بوحدة  $\text{N.m}$  يساوي

-50 ○

+50 ○

-25 ○

+25 ○



يتحرك جسم على مسار دائري نصف قطره  $2\text{ m}$  و تحت تأثير قوة مماسية تساوي  $F = 10\text{ N}$  , يكون عزم القوة المؤثر على الجسم بوحدة  $\text{N.m}$  يساوي

25 ○

20 ○

15 ○

10 ○

يكون الجسم مصمماً إذا كان

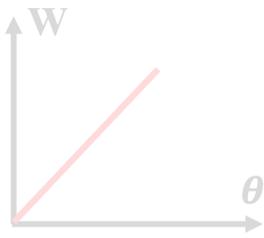
- له شكل غير ثابت  
○ يتغير شكله بتأثير القوي الخارجية عليه.  
○ له حجم غير ثابت  
○ لا يتغير شكله بتأثير القوي الخارجية عليه

لكل عزم قوة, عزم قوة مضاد له يساويه في المقدار و يعاكسه في الاتجاه يسمى

- القصور الذاتي  
○ القصور الذاتي الدوراني  
○ القانون الثاني لنيوتن  
○ القانون الثالث لنيوتن

يبقى الجسم الساكن ساكناً, و الجسم المتحرك يستمر في حركته الدورانية المنتظمة ما لم يؤثر عليهما عزم قوة خارجية يسمى

- القانون الأول لنيوتن  
○ القصور الذاتي الدوراني  
○ القانون الثاني لنيوتن  
○ القانون الثالث لنيوتن



ميل المنحنى البياني الممثل للعلاقة بين الإزاحة الزاوية ( $\theta$ ) والشغل المبذول لدوران جسم ( $W$ ) بمعدل ثابت يمثل

معلق ⚠

- كتلة الجسم  
○ القدرة  
○ القصور الذاتي الدوراني للجسم  
○ عزم القوة

ميل المنحنى البياني الممثل للعلاقة بين الطاقة الحركية الدورانية ( $KE$ ) ومربع السرعة الدورانية لجسم يدور بمعدل ثابت يمثل

- القصور الذاتي الدوراني للجسم  
○ القدرة  
○ نصف القصور الذاتي الدوراني للجسم  
○ القصور الذاتي للجسم

جبل ملفوف حول قرص نصف قطره  $0.25\text{ m}$  يكون الشغل مقدراً بوحدة الجول والناشئ عن سحبه لمسافة  $2\text{ m}$  بقوة ثابتة قدرها  $40\text{ N}$  مساوياً

80 ○

20 ○

10 ○

0.5 ○

الطاقة الحركية الدورانية بوحدة الجول لجسم القصور الذاتي الدوراني له  $25\text{ Kg.m}^2$  يدور بمعدل ثابت مقداره  $2\text{ rev/s}$  يساوي

$200\pi^2$  ○

$159\pi^2$  ○

$100\pi^2$  ○

$25\pi^2$  ○

قرص مصمت يؤثر عليه عزم قوة دورانية مقداره  $10\text{ N.m}$  و يتحرك بسرعة دورانية مقدارها  $3\text{ rad/s}$  , تكون قدرته بوحدة  $\text{watt}$  تساوي :

10 ○

50 ○

90 ○

30 ○



الشغل الناتج عن عزم قوة منتظمة

$$\begin{aligned} W &= F S \\ S &= \theta r \\ W &= F r \theta \\ \tau &= F r \\ W &= \tau \theta \end{aligned}$$

القانون الثاني لنيوتن في الحركة الدورانية

$$\begin{aligned} F &= m a \\ a &= r \theta'' \\ F &= m r \theta'' \\ \text{بضرب طرفي المعادلة في } r \\ F r &= m r^2 \theta'' \\ \tau &= F r, \quad I = m r^2 \\ \tau &= I \theta'' \end{aligned}$$

القدرة في الحركة الدورانية

$$\begin{aligned} P &= \frac{dW}{dt} \\ W &= \tau \theta \\ P &= \frac{d\tau \theta}{dt} = \tau \frac{d\theta}{dt} \\ P &= \tau \omega \end{aligned}$$

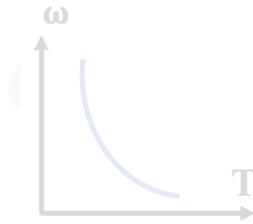
الطاقة الحركية في الحركة الدورانية

$$\begin{aligned} KE &= \frac{1}{2} m v^2 \\ v &= \omega r \\ KE &= \frac{1}{2} m r^2 \omega^2 \\ I &= m r^2 \\ KE &= \frac{1}{2} I \omega^2 \end{aligned}$$

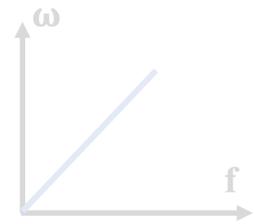
ارسم العلاقات البيانية بين كل مما يلي :

السرعة الزاوية - الزمن الدوري

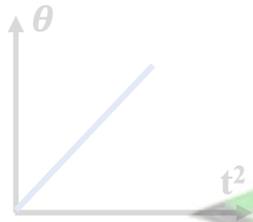
معلق !



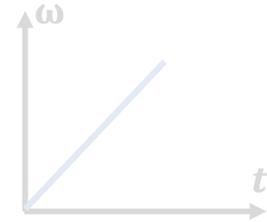
السرعة الزاوية - التردد



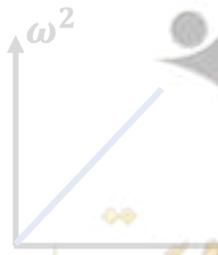
الإزاحة الزاوية - مربع الزمن  
جسم يدور من السكون بعجلة تسارع  
زاوية منتظمة



السرعة الزاوية النهائية - الزمن  
جسم يدور من السكون بعجلة تسارع  
زاوية منتظمة



مربع السرعة الزاوية النهائية - الإزاحة الزاوية  
لجسم يدور من السكون بعجلة تسارع  
زاوية منتظمة





الحركة الخطية	الحركة الزاوية
$S_{(m)}$	$\theta_{(rad)}$
	$S = \theta r$
$v_{(m/s)}$	$\omega_{(rad/s)}$
	$v = \omega r$
$a_{(m/s^2)}$	$\theta''_{(rad/s^2)}$
	$a = \theta'' r$
$F_{(N)}$	$\tau_{(N.m)}$
	$\tau = F r$
$m_{(Kg)}$	$I_{(Kg.m^2)}$
	$I = m r^2$

$$\theta_{(rad)} = N 2\pi$$

$$\omega = 2\pi f$$

معلق ⚠

$$\omega_0 = 2\pi f_0$$

الحركة الخطية	الحركة الزاوية
$v = v_0 + at$	$\omega = \omega_0 + \theta'' t$
$s = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$	$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta'' t^2$
$v^2 = v_0^2 + 2 a s$	$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \theta'' \theta$

الحركة الخطية	الحركة الزاوية
$F = m a$	$\tau = I \theta''$
$W = F S$	$W = \tau \theta$
$KE = \frac{1}{2} m v^2$	$KE = \frac{1}{2} I \omega^2$
$P = F v$	$P = \tau \omega$

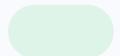
الحركة الزاوية (الدورانية)



الحركة الخطية



العلاقة بين الحركة الخطية و الحركة الدورانية



صفوة معلم الكويت

## حل المسائل التالية :

Q كتلة نقطية كتلتها 1 Kg تدور بسرعة دورانية مقدارها 10 rad/s حول محور دوران في مدار نصف قطره 2m تحت تأثير قوة مماسية مقدارها 10 N , احسب

▪ عزم القوة المؤثر علي الكتلة النقطية

$$\tau = F r = (10) (2) = 20 \text{ N.m}$$

▪ العجلة الزاوية التي يتحرك بها الجسم

$$I = m r^2 = (1) (2)^2 = 4 \text{ Kg.m}^2$$

$$\tau = I \theta''$$

$$20 = (4) \theta''$$

$$\theta'' = 5 \text{ rad/s}^2$$

▪ الإزاحة الزاوية للكتلة عندما تصبح سرعتها 50 rad/s

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \theta'' \theta$$

$$(50)^2 = (10)^2 + [ (2) (5) \theta ]$$

$$\theta = 240 \text{ rad}$$

▪ عدد الدورات التي تعملها الكتلة

$$\theta = N 2\pi$$

$$240 = N 2\pi$$

$$N = 38.19 \text{ rev}$$

معلق !

▪ مقدار الشغل

$$W = \tau \theta$$

$$W = (20) (240) = 4800 \text{ J}$$

▪ الطاقة الحركية الابتدائية و النهائية

$$KE_1 = \frac{1}{2} I \omega_0^2 = \frac{1}{2} (4) (10)^2 = 200 \text{ J}$$

$$KE_2 = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{1}{2} (4) (50)^2 = 5000 \text{ J}$$



Q كرة كتلتها 5 Kg و نصف قطرها 50 cm تدور من السكون حول محور يمر بمركز كتلتها بعجلة خطية مقدارها 10 m/s<sup>2</sup> علماً بأن عزم القصور الذاتي للكرة يتعين من العلاقة  $I = \frac{2}{5} m r^2$  , احسب

▪ العجلة الزاوية التي تدور بها الكرة

$$a = \theta'' r$$

$$10 = \theta'' (0.5)$$

$$\theta'' = 20 \text{ rad/s}^2$$

▪ عزم القوة الذي يسبب دورانها

$$I = \frac{2}{5} m r^2 = \frac{2}{5} (5) (0.5)^2 = 0.5 \text{ Kg.m}^2$$

$$\tau = I \theta'' = (0.5) (20) = 10 \text{ N.m}$$

▪ سرعتها الزاوية بعد مرور 5 s

$$\omega = \omega_0 + \theta''t$$
$$\omega = \text{Zero} + [(20)(5)]$$
$$\omega = 100 \text{ rad/s}$$

▪ الإزاحة الزاوية للكرة

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta''t^2$$
$$\theta = [\text{Zero}] + [\frac{1}{2} (20) (5)^2]$$
$$\theta = 250 \text{ rad}$$

▪ عدد الدورات التي تعملها الكرة

$$\theta = N 2\pi$$
$$250 = N 2\pi$$
$$N = 39.78 \text{ rev}$$

▪ مقدار الشغل

$$W = \tau \theta$$
$$W = (10)(250) = 2500 \text{ J}$$

▪ القدرة الدورانية

$$P = \tau \omega = (10)(100) = 1000 \text{ watt}$$

معلق !

▪ جسم كتلته **10 Kg** , تحرك من السكون لتصبح سرعته **100 rad/s** , تحرك الجسم ازاحة زاوية مقدارها **500 rad** , إذا كان مقدار القصور الذاتي الدوراني للجسم يساوي **10 Kg . m<sup>2</sup>** احسب

▪ عدد الدورات التي دارها الجسم

$$\theta = N 2\pi$$
$$500 = N 2\pi$$
$$N = 79.57 \text{ rev}$$

▪ العجلة الزاوية التي يدورها بها الجسم

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \theta'' \theta$$
$$(100)^2 = \text{Zero} + [2 \theta'' (500)]$$
$$\theta'' = 10 \text{ rad/s}^2$$

▪ الزمن الذي يستغرقه الجسم خلال الدوران

$$\omega = \omega_0 + \theta''t$$
$$100 = \text{Zero} + [(10)t]$$
$$t = 10 \text{ s}$$

▪ مقدار عزم القوة المسبب للدوران

$$\tau = I \theta'' = (10)(10) = 100 \text{ N.m}$$

▪ مقدار الشغل

$$W = \tau \theta$$

$$W = (100)(500) = 50000 \text{ J}$$

▪ القدرة الدورانية

$$P = \tau \omega = (100)(100) = 10000 \text{ watt}$$

▪ الطاقة الحركية النهائية للجسم

$$KE = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{1}{2} (10) (100)^2 = 50000 \text{ J}$$



Q كتلة نقطية تتحرك من السكون , تدور حول محور دوران يبعد عنها 5 m , تحت تأثير عزم قوة مقدارها 10 N.m بعد مرور زمن 4 s أصبحت سرعته الخطية 10 m/s احسب

▪ سرعتها الزاوية بعد 4 s

$$V = \omega r$$

$$10 = \omega (5)$$

$$\omega = 2 \text{ rad/s}$$

▪ العجلة الزاوية التي تتحرك بها الكتلة النقطية

$$\omega = \omega_0 + \theta'' t$$

$$2 = \text{Zero} + [\theta'' (4)]$$

$$\theta'' = 0.5 \text{ rad/s}^2$$

معلق ⚠

▪ القصور الذاتي الدوراني للكتلة

$$\tau = I \theta''$$

$$10 = I (0.5)$$

$$I = 20 \text{ Kg.m}^2$$

▪ الإزاحة الزاوية التي تعملها الكتلة خلال 4 s

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta'' t^2$$

$$\theta = [\text{Zero}] + [\frac{1}{2} (0.5) (4)^2]$$

$$\theta = 4 \text{ rad}$$

▪ الشغل

$$W = \tau \theta = (10)(4) = 40 \text{ J}$$

▪ الطاقة الحركية للكتلة النقطية

$$KE = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{1}{2} (20) (2)^2 = 40 \text{ J}$$

▪ القدرة الدورانية

$$P = \tau \omega = (10)(2) = 20 \text{ watt}$$

▪ جسم يدور بسرعة زاوية مقدارها  $50 \text{ rad/s}$  تعرض لعزم قوة أدى إلى توقفه بعدما دار ازاحة زاوية مقدارها  $250 \text{ rad}$  , إذا علمت أن القصور الذاتي الدوراني للجسم يساوي  $20 \text{ Kg.m}^2$  احسب

▪ عدد الدورات التي تحركها الجسم

$$\theta = N 2\pi$$

$$250 = N 2\pi$$

$$N = 39.78 \text{ rev}$$

▪ العجلة الزاوية التي تحرك بها الجسم

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \theta'' \theta$$

$$\text{Zero} = (50)^2 + [ 2 \theta'' (250) ]$$

$$\theta'' = - 5 \text{ rad/s}^2$$

▪ عزم القوة المسبب لتوقف الجسم عن الحركة

$$\tau = I \theta'' = (20) (-5) = -100 \text{ N.m}$$

▪ مقدار الشغل

$$W = \tau \theta = (-100) (250) = -25000 \text{ J}$$

▪ الطاقة الحركية الابتدائية للجسم

$$KE_1 = \frac{1}{2} I \omega_0^2 = \frac{1}{2} (20) (50)^2 = 25000 \text{ J}$$

معلق ⚠



▪ كتلة نقطية كتلتها  $0.5 \text{ Kg}$  و قصورها الذاتي الدوراني يساوي  $20 \text{ Kg.m}^2$  تتحرك بسرعة دورانية مقدارها  $100 \text{ rad/s}$  أثرت فيها عزم قوة مقدارها  $40 \text{ N.m}$  لمدة  $10 \text{ s}$  , احسب

▪ العجلة الزاوية التي تتحرك بها الكتلة

$$\tau = I \theta''$$

$$40 = 20 \theta''$$

$$\theta'' = 2 \text{ rad/s}^2$$

▪ السرعة الزاوية النهائية للكتلة النقطية

$$\omega = \omega_0 + \theta'' t$$

$$\omega = 100 + [(2) (10)]$$

$$\omega = 120 \text{ rad/s}$$

▪ الإزاحة الزاوية للكتلة

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta'' t^2$$

$$\theta = [(100)(10)] + [\frac{1}{2} (2) (10)^2]$$

$$\theta = 1100 \text{ rad}$$

▪ عدد الدورات التي تعملها الكتلة

$$\theta = N 2\pi$$

$$1100 = N 2\pi$$

$$N = 175.07 \text{ دورة}$$



- طاقة الحركة الابتدائية و النهائية للكتلة

$$KE_1 = \frac{1}{2} I \omega_0^2 = \frac{1}{2} (20) (100)^2 = 100000 \text{ J}$$

$$KE_2 = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{1}{2} (20) (120)^2 = 144000 \text{ J}$$

- مقدار الشغل المبذول

$$W = \Delta KE$$

$$W = K.E_2 - K.E_1 = 144000 - 100000$$

$$W = 44000 \text{ J}$$

- كرة كتلتها **25 Kg** ونصف قطرها **10 cm** تدور بمعدل **(3000) rev/m** ، انزلت بانتظام لتتوقف في زمن **5 s** علماً بأن عزم القصور الذاتي للكرة يتعين من العلاقة  $I = \frac{2}{5} m r^2$  ، احسب العجلة الزاوية التي تتحرك بها الكرة

$$\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \left(\frac{3000}{60}\right) = 100\pi \text{ rad/s} = 314.15 \text{ rad/s}$$

$$\omega = \omega_0 + \theta'' t$$

$$\text{zero} = 100\pi + \theta'' (5)$$

$$\theta'' = -20\pi \text{ rad /s}^2 = -62.83 \text{ rad /s}^2$$

- عزم القوة الذي اثر عليها

$$I = \frac{2}{5} m r^2 = \frac{2}{5} (25) (0.1)^2 = 0.1 \text{ Kg.m}^2$$

$$\tau = I \theta''$$

$$\tau = (0.1) (-20\pi) = -2\pi \text{ N.m} = -6.28 \text{ N.m}$$

**معلق** ⚠

- الإزاحة الزاوية التي تحركتها الكرة

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta'' t^2$$

$$\theta = [ (100\pi) (5) ] + [ \frac{1}{2} (-20\pi) (5)^2 ]$$

$$\theta = 250\pi \text{ rad} = 785.39 \text{ rad}$$

- عدد الدورات التي عملتها الكرة

$$\theta = N 2\pi$$

$$250\pi = N 2\pi$$

$$N = 125 \text{ rev}$$

- مقدار الشغل

$$W = \tau \theta = (-2\pi) (250\pi) = -4934.8 \text{ J}$$

- الطاقة الحركية الابتدائية للكرة

$$KE_1 = \frac{1}{2} I \omega_0^2 = \frac{1}{2} (0.1) (100\pi)^2 = 4934.8 \text{ J}$$



تطلق صخرة كروية قطرها **30 cm** صعودا علي منحدر يميل علي الأفق بزاوية **15°** بسرعة زاوية مقدارها **40 rad/s** , تتدحرج هذه الصخرة صعودا من دون أن تنزلق , احسب الارتفاع الذي وصلت إليه هذه الصخرة عند توقفها , علما أن القصور الذاتي الدوراني للصخرة  $I = \frac{2}{5} m r^2$

$$r = \frac{0.3}{2} = 0.15 \text{ m}$$

$$ME_1 = ME_2$$

$$KE_1 + PE_1 = KE_2 + PE_2$$

$$KE_1 = PE_2$$

$$\frac{1}{2} I \omega^2 + \frac{1}{2} m v^2 = m g h$$

$$\frac{1}{2} \frac{2}{5} m r^2 \omega^2 + \frac{1}{2} m \omega^2 r^2 = m g h$$

$$\frac{1}{5} r^2 \omega^2 + \frac{1}{2} \omega^2 r^2 = g h$$

$$\frac{1}{5} (0.15)^2 (40)^2 + \frac{1}{2} (40)^2 (0.15)^2 = (10) h$$

$$h = 2.52 \text{ m}$$

$$2r = 0.3 \text{ m}$$

$$\omega_0 = 40 \text{ rad/s}$$

$$I = \frac{2}{5} m r^2$$

$$h = ? \text{ m}$$



تخضع إسطوانة إلى عزم مقداره **50 N.m** فتدور و لتصبح ازاحتها الزاوية **100 rad** خلال **2 s** و تقف بعد هذا الوقت الإسطوانة بفعل عزم قوة احتكاك و تستغرق **80 s** حتي عودتها إلى السكون , احسب

القصور الذاتي الدوراني للإسطوانة

### معلق ⚠️

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta'' t^2$$

$$100 = [ \text{zero} ] + [ \frac{1}{2} \theta'' (2)^2 ]$$

$$\theta'' = 50 \text{ rad/s}^2$$

$$\tau = I \theta''$$

$$50 = I 50$$

$$I = 1 \text{ Kg.m}^2$$

$$\tau = 50 \text{ N.m}$$

$$\theta = 100 \text{ rad}$$

$$t = 2 \text{ s}$$

$$\omega_0 = \text{zero}$$

$$\theta'' = ? \text{ rad/s}^2$$

$$I = ? \text{ Kg.m}^2$$

$$\omega = \text{zero}$$

$$t = 80 \text{ s}$$

مقدار عزم قوى الاحتكاك

$$\tau = ? \text{ N.m}$$

عند الاحتكاك و عودة الإسطوانة للسكون :

$$\omega = \omega_0 + \theta'' t$$

$$\omega = \text{zero} + [ (50) (2) ]$$

$$\omega = 100 \text{ rad /s}$$

$\omega$  الجزء الثاني = الجزء الأول

$$\omega = \omega_0 + \theta'' t$$

$$\text{zero} = 100 + [ \theta'' (80) ]$$

$$\theta'' = -1.25 \text{ rad /s}^2$$

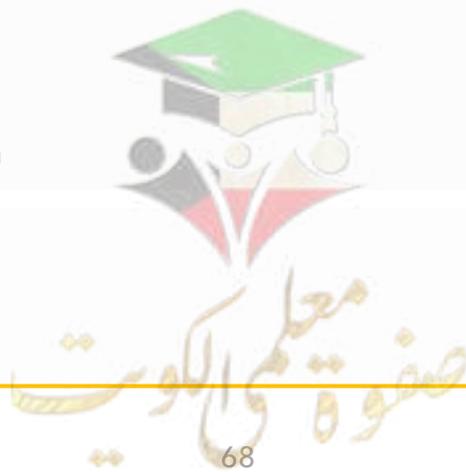
$$\tau = I \theta''$$

$$\tau = (1) (-1.25) = -1.25 \text{ N.m}$$



تدرب و تفوق 

اختبارات الكترونية ذكية





# كمية الحركة و الدفع

## أسئلة على درس كمية الحركة و الدفع

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ❑ القصور الذاتي للجسم المتحرك ( **كمية الحركة** )
- ❑ حاصل ضرب الكتلة و متجه السرعة ( **كمية الحركة** )
- ❑ حاصل ضرب مقدار القوة في زمن تأثيرها علي الجسم ( **الدفع** )
- ❑ القوة الثابتة التي لو أثرت في الجسم للفترة الزمنية نفسها لأحدثت الدفع نفسه الذي تحدثه القوة المتغيرة ( **متوسط القوة** )
- ❑ المساحة تحت منحني القوة - الزمن ( **الدفع** )
- ❑ مشتق كمية الحركة بالنسبة للزمن يساوي محصلة القوي الخارجية المؤثرة علي النظام ( **القانون الثاني لنيوتن** )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- ❑ كمية الحركة كمية متجهة واتجاهها نفس اتجاه السرعة (✓)
- ❑ يمكن لجسمين مختلفين في الكتلة أن يكون لهما نفس كمية الحركة (✓)
- ❑ كلما كان تأثير القوة أكبر في الجسم يدل ذلك علي وجود تغير أكبر في السرعة (✓)
- ❑ كلما كانت مدة تأثير القوة في الجسم أطول كلما كان التغير في كمية الحركة أقل (x)
- ❑ القوة المؤثرة على جسم متحرك تساوي المعدل الزمني للتغير في كمية الحركة (✓)
- ❑ طاقة حركة الجسم المتحرك تساوي حاصل ضرب كتلته في السرعة التي يتحرك بها (x)
- ❑ عندما تؤثر قوة ثابتة (F) في جسم كتلته (m) فإنه يتحرك بسرعة منتظمة (x)
- ❑ الدفع يساوي التغير في كمية الحركة الخطية للجسم (✓)
- ❑ المساحة تحت منحني (F , t) تساوي عدديا التغير في طاقة حركة الجسم (x)

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- ❑ كمية الحركة كمية **متجهة** وتقاس بوحدة **Kg.m/s**
- ❑ الدفع كمية **متجهة** و يقاس بوحدة **N.S**
- ❑ مقدار الدفع علي جسم يساوي **التغير** في كمية الحركة في الفترة الزمنية نفسها
- ❑ عندما يكون التغير في كمية حركة جسم متحرك مساوياً للصفر فإن سرعة الجسم تكون **منتظمة**
- ❑ المساحة المحصورة تحت منحني ( القوة - الزمن ) تساوي عدديا مقدار **الدفع**
- ❑ أثرت قوة علي جسم ساكن كتلته **4 Kg** فأصبحت سرعته **5 m/s** يكون الدفع الذي تلقاه الجسم مساويا بوحدة (N.s) **20**



## اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

Q تصنف كمية الحركة ككمية فيزيائية من الكميات

- العددية       المتجهة       القياسية       المنزلقة

Q يتحرك جسم كتلته **2 Kg** بسرعة مقدارها **5 m/s** فإن كمية الحركة للجسم بوحدة **kg.m/s**

- 5       10       30       40

Q نظام مؤلف من ثلاث كتل نقطية كمية الحركة الخطية لكل منها علي التوالي  $\vec{P}_1 = 3 \vec{j}$  ,  $\vec{P}_2 = 5 \vec{i}$  ,

$\vec{P}_3 = -4 \vec{j}$  فإن كمية الحركة المتجهة للنظام تساوي

**معلق** ⚠️

- $5\vec{i} + 1\vec{j}$         $1\vec{i} + 7\vec{j}$         $5\vec{i} - 7\vec{j}$         $5\vec{i} - 1\vec{j}$

Q جسم كتلته **5 Kg** و كمية حركته **100 kg.m/s** يكون متحركاً بسرعة تساوي بوحدة **m/s**

- 10       20       30       40

Q يتساوى مقدار كمية الحركة لجسم كتلته **2 Kg** مع مقدار طاقة حركته عندما يتحرك الجسم بسرعة منتظمة مقدارها بوحدة **(m/s)**

- 1       2       4       8

Q إذا أثرت قوة **(50 N)** على جسم لمدة **4 s** فإن الجسم يتلقى دفعة قدره بوحدة **N.s**

- 40       50       100       200

Q تلقى جسم دفعة مقدارها **20 N.s** خلال **0.01 s** فإن مقدار القوة المؤثرة عليه بوحدة النيوتن تساوي

- 0.2       2       200       2000

Q تغيرت كمية حركة جسم بمقدار **5 kg.m/s** خلال فترة زمنية معينة بتأثير قوة ثابتة و بالتالي فإن هذا الجسم

- يتحرك بعجلة تساوي  $5 \text{ m/s}^2$        يتلقى دفعة يساوي **5 N/s**       يمتلك طاقة حركية تساوي **5 J**       يتأثر بقوة تساوي **5 N**

Q جسم كتلته **5 Kg** أثرت عليه قوة مقدارها **20 N** و لفترة زمنية مقدارها **4** فإن التغير في سرعة الجسم بوحدة **m/s** يساوي

- 3       6       16       26

Q كتلة نقطية مقدارها **2 Kg** تتحرك بسرعة منتظمة مقدارها **5 m/s** في الاتجاه الموجب للمحور **(y)** أثرت عليها قوة منتظمة لمدة **3 s** فزادت سرعتها إلى **8 m/s** من دون تغيير في اتجاهها ، فيكون مقدار الدفع علي الكتلة

- $6 \vec{i}$         $26 \vec{i}$         $6 \vec{j}$         $26 \vec{j}$



جسم ساكن كتلته **0.1 Kg**, تعرض لقوة مقدارها **100 N** لفترة زمنية مقدارها **0.01 s** تكون سرعة الجسم النهائية بوحدة **m/s** تساوي

- 5 ○ 10 ○ 15 ○ 20 ○

إذا كان الدفع في نفس اتجاه الحركة فإن كمية الحركة للجسم

- تزداد ○ تقل ○ لا تتغير ○ تنعدم ○

إذا كان الدفع في عكس اتجاه الحركة فإن كمية الحركة للجسم

- تزداد ○ تقل ○ لا تتغير ○ تنعدم ○

عندما يكون التغيير في كمية حركة الجسم متحركاً مساوياً للصفر فإن سرعة الجسم تكون

- متزايدة ○ متناقصة ○ ثابتة ○ متغيرة ○

جسم كتلته **5 Kg** يتحرك بسرعة ثابتة مقدارها **2 m/s** فإن الدفع الواقع علي الجسم بوحدة **(N.s)** يساوي

- 2.5 ○ 10 ○ 20 ○ صفراً ○

جسم كتلته **5 Kg** تأثر بقوة مقدارها **10 N** لمدة **0.5 s** فإن التغيير في كمية حركته بوحدة **(Kg.m/s)** يساوي

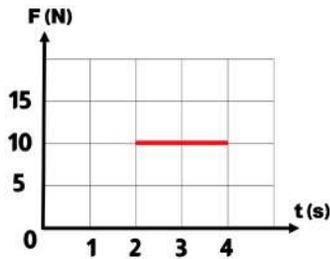
- 0.2 ○ 2.5 ○ 5 ○ 20 ○

وحدة قياس الدفع **(N.s)** وتكافئ

- $Kg m^2 s^2$  ○  $Kg m s^2$  ○  $Kg m^2 / s^2$  ○  $Kg m / s$  ○

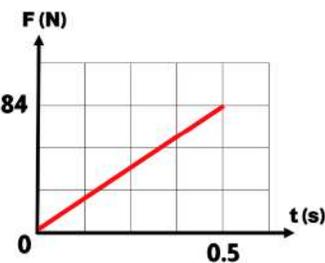
المساحة المحصورة تحت منحنى ( القوة - الزمن ) لجسم تساوي عددياً

- الشغل ○ كمية الحركة ○ طاقة الحركة ○ التغيير في كمية الحركة ○



يكون مقدار التغيير في كمية حركة الجسم الذي يمثله منحنى **(F-t)** في الشكل المقابل بوحدة **(Kg.m/s)** يساوي

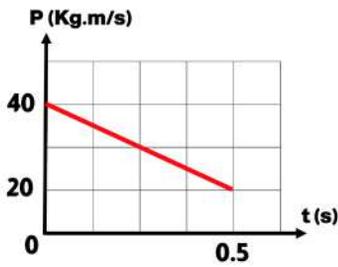
- 5 ○ 10 ○ 20 ○ 40 ○



أثرت قوة متغيرة بانتظام علي جسم ساكن كتله **3 Kg** كما هو موضح في الشكل المجاور فيكون مقدار التغيير في سرعته يساوي بوحدة **m/s** يساوي

- 1.5 ○ 7 ○ 21 ○ 168 ○

أثرت قوة ثابتة على جسم تبعاً المنحنى البياني الموضح بالشكل فتكون قيمة القوة المؤثرة على الجسم بوحدة (N) تساوي



-75 ○  
-100 ○

-20 ○  
-40 ○



سقطت كرة صغيرة من الصلب كتلتها (m) على سطح أفقي أملس فارتدت إلى الأعلى بنفس السرعة التي اصطدمت بها (V) فإن التغير في كمية الحركة الخطية لها يساوي

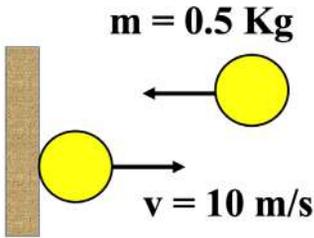
2mv ○

mv ○

$\frac{1}{2}mv$  ○

صفراً ○

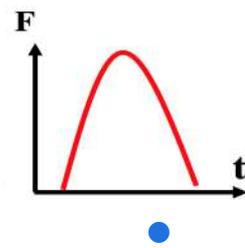
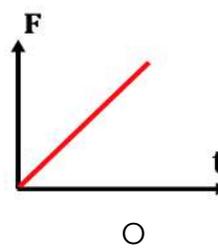
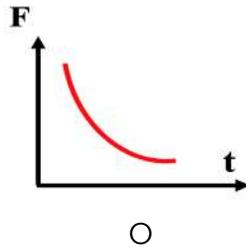
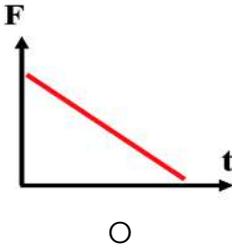
كرة كتلتها (0.5) Kg تصطدم بجدار بسرعة مقدارها (10) m/s كما بالشكل و ترتد بنفس السرعة فإن مقدار الدفع الذي تتلقاه بوحدة (N.s) يساوي



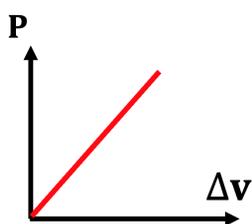
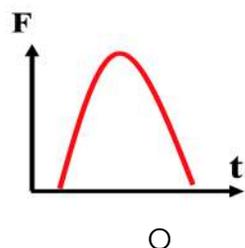
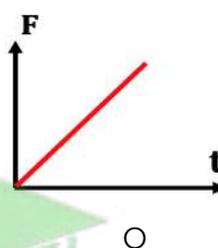
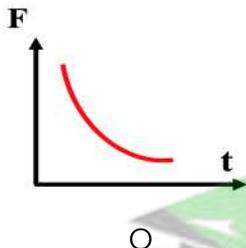
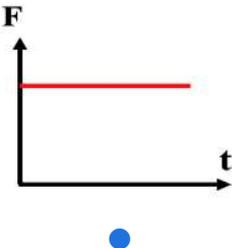
150 ○  
200 ○

10 ○  
100 ○

أفضل منحنى بياني يوضح تغير القوة المؤثرة في كرة القدم بتغير الزمن (F, t) من لحظة تماسها بقدم اللاعب إلى لحظة انفصالها عنه هو



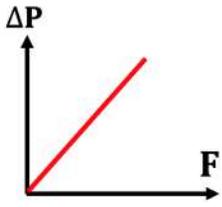
أفضل منحنى بياني يوضح متوسط قوة الدفع المؤثرة في كرة القدم بتغير الزمن (F, t) من لحظة تماسها بقدم اللاعب إلى لحظة انفصالها عنه هو



المنحنى الموضح بالشكل يوضح العلاقة بين الدفع المؤثر على سيارة والتغير في سرعتها , و بالتالي فإن ميل هذا المنحنى يساوي

○ المسافة المقطوعة  
○ كتلة الجسم

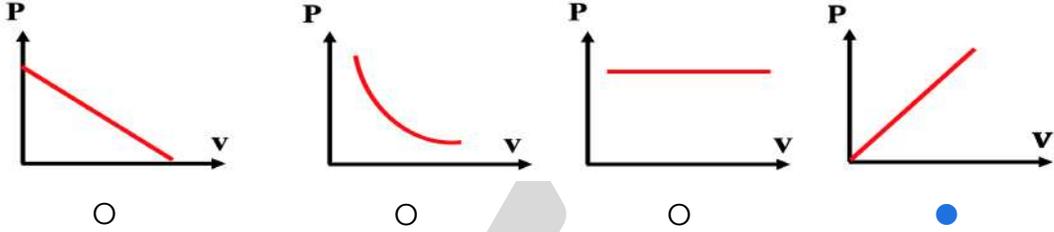
○ القوة المؤثرة  
○ عجلة السيارة



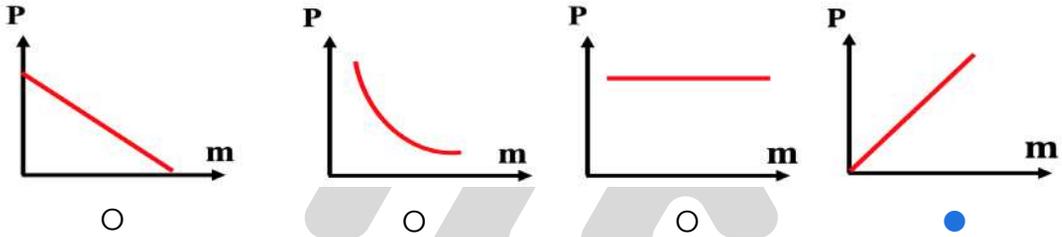
ميل المنحني البياني الموضح في الشكل يمثل

- مقدار التغير في السرعة
- كتلة الجسم
- زمن تأثير القوة على الجسم
- العجلة التي يتحرك بها الجسم

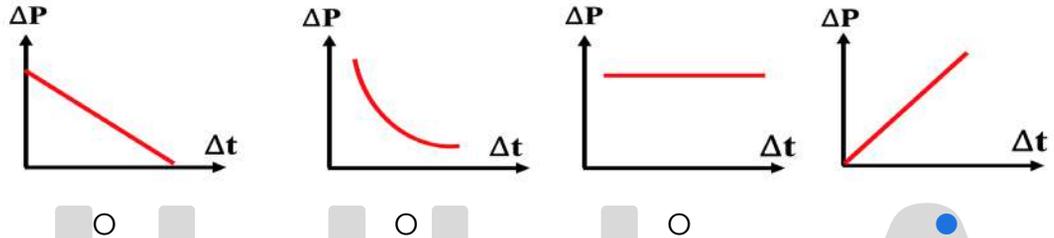
أنسب خط بياني يوضح العلاقة بين سرعة الجسم و كمية حركته هو



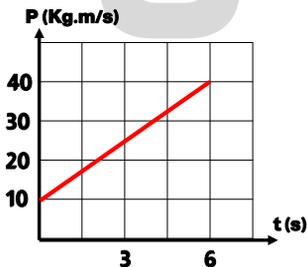
أحد المنحنيات التالية يمثل العلاقة بين كمية تحرك أجسام مختلفة الكتلة و تتحرك بسرعة ثابتة



أثرت قوة ثابتة على جسم فكان مقدار التغير في كمية الحركة خلال زمن فإن أنسب خط بياني يمثل ذلك



اعتماداً على المنحني البياني الموضح في الشكل المقابل , فإن مقدار القوة المؤثرة بوحدة (النيوتن ) يساوي



- 10
- 5
- 100
- 80

القوة المؤثرة في جسم متحرك تساوي المعدل الزمني للتغير في

- طاقة حركة الجسم
- كمية حركة الجسم
- سرعة الجسم
- طاقة وضع الجسم



## علل لكل مما يلي :

عند سقوط جسم من ارتفاع عال علي الأرض فإنه يتهشم , لكن عند سقوطه علي وسادة لا يتهشم

لأن زمن تأثير القوة مع الأرض قليل مما يجعل تأثير القوة كبيرا , أما مع الوسادة فيكون زمن التأثير كبيرا و بالتالي يكون تأثير القوة قليلا

الدفاعات المطاطية التي تلف سيارات الألعاب في مدينة الملاهي تحمي الأولاد أثناء التصادم لأن زمن تأثير القوة يزداد و بالتالي يقل تأثير القوة

يستطيع لاعب الكراتيه أن يكسر مجموعة من الألواح الخشبية بضرها بحرف يده لأن زمن تأثير القوة يقل و بالتالي يزداد تأثير القوة

السقوط على أرض خشبية أقل ألما من السقوط على أرض اسمنتية لأن عند السقوط على أرض خشبية فيكون زمن التأثير كبيرا فيقل تأثير القوة بينما السقوط على أرض اسمنتية فيكون زمن التأثير أقل و يكون تأثير القوة أكبر

## ماذا يحدث في الحالات التالية :

إذا حاولنا إيقاف سيارتين لهما نفس الكتلة لكن إحدهما سريعة والأخرى بطيئة ( مع التفسير )

السيارة البطيئة تقف بسهولة لأن لها كمية حركة أقل لأن سرعتها أقل

إذا حاولنا إيقاف شاحنتين لهما نفس السرعة لكن إحدهما محملة والأخرى فارغة ( مع التفسير )  
السيارة الفارغة تقف بسهولة لأن كمية الحركة لها أقل بسبب كتلتها الأقل

## قارن بين كلا مما يلي :

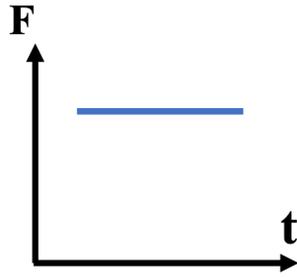
وجه المقارنة	الدفع	كمية الحركة
التعريف	حاصل ضرب مقدار القوة في زمن تأثيرها علي الجسم	حاصل ضرب كتلة الجسم في سرعته
نوع الكمية	متجهة	متجهة

وجه المقارنة	طاقة الحركة	كمية الحركة
التعريف	حاصل ضرب نصف الكتلة في مربع السرعة	حاصل ضرب الكتلة في السرعة
نوع الكمية	عددية	متجهة

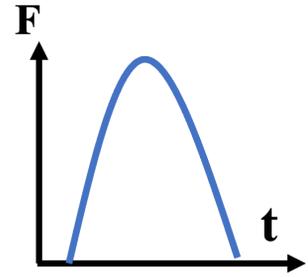


## ارسم العلاقات البيانية بين كل مما يلي :

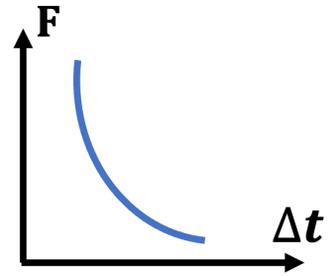
متوسط القوة و الزمن



ركل لاعب لكرة قدم



القوة و زمن التأثير عند ثبات الدفع



استنتج :

استنتج أن القوة المؤثرة في جسم تساوي المعدل الزمني للتغير في كمية حركته ( صيغة جديدة للقانون الثاني لنيوتن )

$$\Sigma F = m\vec{a}$$

$$\vec{a} = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t}$$

$$\vec{F} = \frac{m\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{\Delta\vec{P}}{\Delta t} = \frac{d\vec{P}}{dt}$$



حل المسائل التالية :

جسم يتحرك بطاقة حركية 150 J و كمية حركة 30 Kg.m/s احسب

▪ سرعة الجسم الخطية

$$KE = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m v v = \frac{1}{2} P v$$

$$KE = \frac{1}{2} P v$$

$$150 = \frac{1}{2} (30) v \rightarrow v = 10 \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} KE &= 150 \text{ J} \\ P &= 30 \text{ Kg.m/s} \\ v &= ? \end{aligned}$$

▪ كتلة الجسم

$$P = m v$$

$$30 = m (10) \rightarrow m = 3 \text{ Kg}$$

$$m = ?$$

أثرت قوة مقدارها **30000 N** لمدة **4 s** في كتلة كبيرة مقدارها **950 Kg** احسب

الدفع

$$\vec{I} = \vec{F} \Delta t$$

$$\vec{I} = (30000) (4)$$

$$\vec{I} = 120\,000 \text{ N.S}$$

$$F = 30000 \text{ N}$$

$$\Delta t = 4 \text{ s}$$

$$m = 950 \text{ Kg}$$

$$I = ?$$

التغير في مقدار كمية الحركة

$$\Delta P = ?$$

التغير في متجه السرعة

$$\Delta v = ?$$

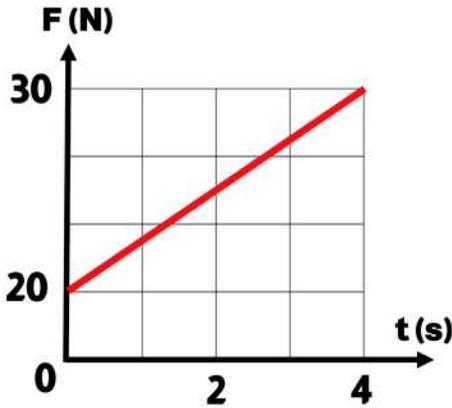
$$\vec{I} = \Delta \vec{P} = 120\,000 \text{ Kg.m/s}$$

$$\Delta \vec{P} = m \Delta \vec{v}$$

$$120\,000 = 950 \Delta v$$

$$\Delta v = 126.31 \text{ m/s}$$

من المنحني البياني التالي احسب التغير في كمية الحركة الخطية للجسم (الدفع الذي يتلقاه الجسم):

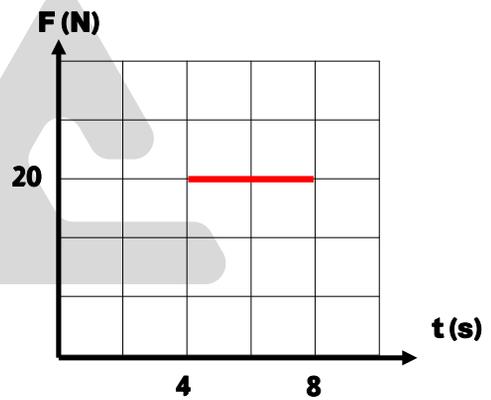


$$I_1 = (20) (4) = 80 \text{ N.S}$$

$$I_2 = \frac{1}{2} (4) (10) = 20 \text{ N.S}$$

$$I = 80 + 20 = 100 \text{ N.S}$$

$$I = \Delta P = 100 \text{ Kg.m/s}$$

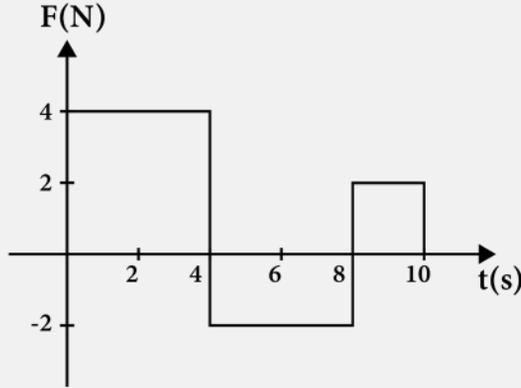


$$I = (20) (4) = 80 \text{ N.S}$$

$$I = \Delta P = 80 \text{ Kg.m/s}$$



قوة متغيرة تتمثل بالرسم البياني التالي تؤثر في جسم ساكن كتلته 2 Kg احسب 



▪ سرعة الجسم عند نهاية الثانية الرابعة

$$\begin{aligned} m &= 2 \text{ kg} \\ v_1 &= \text{zero} \end{aligned}$$

$$\vec{I} = m \Delta \vec{v}$$

$$\vec{I} = m (v_2 - v_1)$$

$$(4)(4) = (2)(v_2 - \text{zero})$$

$$v_2 = 8 \text{ m/s}$$

▪ الدفع خلال الثانية الأخرتين

$$I_3 = (2)(2) = 4 \text{ N.S}$$

▪ دفع القوة الكلي

$$I_1 = (4)(4) = 16 \text{ N.S}$$

$$I_2 = (4)(-2) = -8 \text{ N.S}$$

$$I_3 = (2)(2) = 4 \text{ N.S}$$

$$I_T = 16 + (-8) + 4 = 12 \text{ N.S}$$

▪ الطاقة الحركية في نهاية مدة التأثير

$$\vec{I} = m \Delta \vec{v}$$

$$12 = (2)(v_2 - \text{zero})$$

$$v_2 = 6 \text{ m/s}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (2) (6)^2 = 36 \text{ J}$$





# حفظ كمية الحركة الخطية (التصادمات)

## أسئلة على حفظ كمية الحركة

### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

Q كمية حركة النظام في غياب القوى الخارجية المؤثرة تبقى ثابتة ولا تتغير ( **قانون حفظ كمية الحركة** )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- Q القوة الداخلية تحدث شغلا دائما لذلك تغير من كمية الحركة للجسم (x)
- Q لا بد من وجود قوة خارجية مؤثرة علي النظام لإحداث تغير في كمية حركته (✓)
- Q تعتبر قوة الاحتكاك قوة خارجية من الممكن أن تغير من كمية الحركة للنظام (✓)
- Q قوة التفاعل بين جزيئات الغاز داخل كرة قدم تعتبر قوة خارجية وبالتالي من الممكن أن تغير من كمية حركة الكرة (x)
- Q إذا تدافع جسمان مختلفان بالكتلة فإن الجسم الأكبر كتلة يتحرك بسرعة أقل من سرعة الجسم الآخر (✓)

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- Q أثناء تصادم كرتين مختلفتين في الكتلة و تتحركان بنفس السرعة فإن مقدار التغير في كمية حركة الكرة الكبيرة **يساوي** مقدار التغير في كمية حركة الكرة الصغيرة
- Q عندما يكون التغير في كمية حركة الجسم المتحرك مساوياً للصفر فإن سرعة الجسم تكون **ثابتة**
- Q لا يحدث تغير في كمية الحركة إلا في وجود **قوة خارجية** مؤثرة في النظام أو الجسم
- Q عندما تكون محصلة القوة الخارجية المؤثرة في نظام ما مساوية الصفر يسمى النظام **نظاما معزولا**
- Q هناك أنظمة عديدة تتصف بحفظ كمية الحركة مثل **التصادم** و **انفجار النجوم**
- Q المعدل الزمني للتغير في كمية الحركة لجسم يساوي **القوة** المؤثرة علي الجسم
- Q عندما تؤثر قوة خارجية في حركة نظام فإن كمية الحركة تصبح غير محفوظة نتيجة تغير **مقدار** أو **اتجاه** السرعة الخطية أو كليهما
- Q في الحركة الدائرية يتغير **اتجاه** السرعة الخطية وبالتالي يحدث تغير في كمية الحركة للنظام
- Q دفع رجل كتلته **60 Kg** يقف على أرض جليدية ( ملساء ) ولداً كتلته **30 Kg** فتحرك الولد بسرعة **5 m/s** فإن سرعة الرجل تساوي **-2.5 m/s**

### اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

- Q في وجود قوة خارجية مؤثرة على النظام
- لا يحدث تغير في كمية الحركة
- تصبح القوة المؤثرة على الجسم متزنة
- تكون كمية الحركة محفوظة
- **تكون كمية الحركة غير محفوظة**



## القوي الداخلية في النظام

- نتيجة التفاعل بين المكونات خارج هذا النظام
- من الأسباب الرئيسية للتغير في مقدار كمية الحركة
- من الأسباب الرئيسية للتغير في مقدار طاقة الحركة
- من الأسباب الرئيسية لحفظ كمية الحركة

## الأنظمة التالية تكون كمية الحركة فيها محفوظة ما عدا

- النشاط الإشعاعي للذرات
- التفاعل بين جزيئات الغاز داخل كرة قدم
- انفجار النجوم
- قوة الاحتكاك على سيارة متحركة

تطلق قذيفة كتلتها **0.2 Kg** من فوهة بندقية كتلتها **5 Kg** وبسرعة **150 m/s** فإن سرعة ارتداد البندقية بوحدة ( m/s ) تساوي

- 6 ○ 3.75 ○ -6 ○ -3.75 ○

انفجر جسم كتلته **400 g** و انقسم إلى قسمين متساويين , كانت سرعة القسم الأول منه **-0.1 m/s** , تكون سرعة القسم الثاني من الجسم بوحدة **m/s**

- 0.1 ○ 0.2 ○ 0.3 ○ صفرا ○

تدافع جسمان كتلة الأول **m** و كتلة الثاني **2m** على سطح أفقي أملس يكون

- $\Delta P_2 = -2 \Delta P_1$  ○  $\Delta P_1 = -2 \Delta P_2$  ○  $\Delta P_2 = \Delta P_1$  ○  $\Delta P_2 = -\Delta P_1$  ○

تدافع صديقان عندما كانا في صالة التزلج فتحركا في اتجاهين متعاكسين فإذا كانت كتلة أحدهما **55 Kg** و تحرك بسرعة **3 m/s** و كانت كتلة الآخر **50 Kg** و تحرك بسرعة **3.3 m/s** فإن التغير في كمية حركة الصديقين بوحدة **Kg.m/s** تساوي

- 1050 ○ 330 ○ 165 ○ صفرا ○

## ماذا يحدث في الحالات التالية :

عندما يدفع المتزلق على الجليد الأرض بقدميه للخلف

يندفع المتزلق للأمام ← طبقا لقانون حفظ كمية الحركة

عندما ينفث الصاروخ الغازات للأسفل

يندفع الصاروخ للأعلى ← طبقا لقانون حفظ كمية الحركة

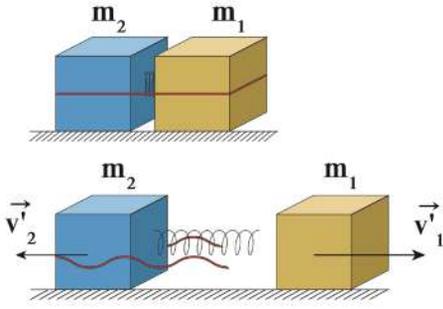
## حل المسائل التالية :

٩ كتلتان نقطيتان مقدارهما  $m_1 = 1\text{Kg}$  ,  $m_2 = 2\text{Kg}$  مربوطتان بخيط و تضغطان زنبركا بينهما وموضوعتان علي سطح أفقي عديم الاحتكاك , عند حرق الخيط يتحرر الزنبرك و يدفع الكتلتين فتتحرك  $m_1$  بسرعة  $1.8\text{ m/s}$  بالاتجاه الموجب علي المحور  $x$  , هل كمية حركة النظام محفوظة ؟ احسب سرعة الكتلة  $m_2$

كمية الحركة محفوظة

$$\begin{aligned} m_1 &= 1\text{ Kg} \\ m_2 &= 2\text{ Kg} \\ v_1 &= +1.8\vec{i}\text{ m/s} \\ v_2 &= ?\text{ m/s} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (m_1 v_1) &= - (m_2 v_2) \\ (1)(+1.8\vec{i}) &= - (2) v_2 \\ v_2 &= -0.9\vec{i}\text{ m/s} \end{aligned}$$



## أسئلة على التصادمات



### اكتب المصطلحات العلمية الدالة عليها العبارات الآتية :

- ٩ التصادم الذي يفصل بعده الجسمان عن بعضهما البعض بعد التصادم مباشرة وتكون كمية الحركة لجملة الجسمين وطاقة حركتهما محفوظتين ( **التصادم المرن كليا** )
- ٩ التصادم الذي تكون فيه الطاقة الحركية للكتلتين قبل التصادم تساوي الطاقة الحركية للكتلتين بعد التصادم ( **التصادم المرن كليا** )
- ٩ التصادم الذي ترتد الأجسام المتصادمة بعد اصطدامها بعيدا عن بعضها البعض بسرعات مختلفة وتكون الطاقة الحركية للنظام غير محفوظة ( **التصادم اللامر** )
- ٩ التصادم الذي يلتحم في أثناءه الجسمان بعد التصادم ويتحركان كجسم واحد بسرعة واحدة ( **التصادم اللامر كليا** )
- ٩ صدم يرافقه نقصان في طاقة الحركة للجسمين المتصادمين ( **التصادم اللامر** )
- ٩ نوع من الصدم يرافقه تشوه في شكل الأجسام مع تولد صوت ( **التصادم اللامر** )
- ٩ جهاز يستخدم لقياس سرعة القذائف السريعة مثل الرصاصة ( **البندول القذفي** )

### ضع علامة صح أو خطأ أمام العبارات الآتية :

- (✓) ٩ في التصادمات المرنة كليا تكون النسبة بين طاقتا الحركة للجملة قبل وبعد التصادم = 1
- (✓) ٩ التغير في كمية الحركة لجملة الجسمين أثناء التصادم يساوي الصفر دوماً
- (x) ٩ لا تتغير الطاقة الحركية للنظام قبل و بعد التصادم الا مرن كليا

### أكمل العبارات الآتية بما يناسبها علميا :

- ٩ إذا حدثت عملية تصادم أو انفجار في فترة زمنية قصيرة جدا تكون كمية الحركة للنظام **محفوظة**
- ٩ يتحول الفقد في الطاقة الحركية في التصادم الا مرن كليا إلى **تشوه و حرارة**

### اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التالية :

- ٩ يعتبر التصادم تطبيقا عمليا على قانون
  - حفظ الطاقة
  - الطاقة الحركية
  - حفظ كمية الحركة
  - نيوتن الثالث

عند حدوث عملية تصادم ، فإن محصلة كمية الحركة قبل التصادم

○ تساوي محصلة كمية الحركة بعد التصادم

○ أقل من محصلة كمية الحركة بعد التصادم

○ تختلف عن محصلة كمية الحركة بعد التصادم

○ أكبر من محصلة كمية الحركة بعد التصادم

عند تصادم تام المرنة هو تصادم تكون فيه الطاقة الحركية للنظام

○ محفوظة وكمية الحركة محفوظة

○ غير محفوظة وكمية الحركة محفوظة

○ غير محفوظة وكمية الحركة غير محفوظة

○ محفوظة وكمية الحركة غير محفوظة

يعتبر تصادم الجزيئات الصغيرة والذي لا يولد حرارة بين الأجسام المتصادمة تصادماً

○ تام المرنة ○ لا مرن ○ لا مرن كلياً ○ غير مرن

عند تصادم جسم كتلته  $m$  مع جسم آخر كتلته  $2m$  تصادماً تام المرنة ، وكانت الطاقة الحركية للجسمين قبل التصادم تساوي  $100 \text{ J}$  ، تكون الطاقة الحركية للجسمين بعد التصادم بوحدة  $\text{J}$  تساوي

○  $100$  ○  $-100$  ○  $200$  ○  $-200$

عند تصادم كرة كتلتها  $m_1 = 0.25 \text{ Kg}$  وتتحرك بسرعة مقدارها  $6 \text{ m/s}$  مع كرة أخرى ساكنة كتلتها  $m_2 = 0.95 \text{ Kg}$  ، وإذا كان النظام معزولاً و بفرض أن التصادم تام المرنة. فإن سرعة الكرة  $m_1$  بعد التصادم بوحدة  $\text{m/s}$  تساوي

○  $-2.7$  ○  $-5.4$  ○  $-3.5$  ○  $5.7$

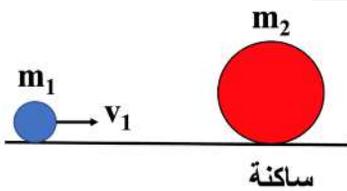
عند تصادم جسمان  $(m_1 < m_2)$  كما بالشكل و كانت الكتلة  $m_2$  ساكنة قبل التصادم ، فإن بعد التصادم

○ تتحرك  $m_2$  في اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  تتوقف عن الحركة

○ تظل  $m_2$  ساكنة و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_1, m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$



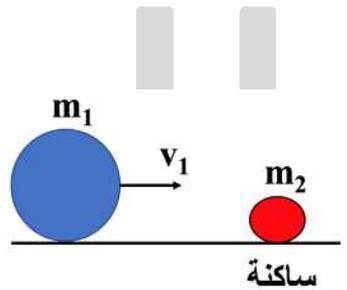
عند تصادم جسمان  $(m_1 > m_2)$  كما بالشكل و كانت الكتلة  $m_2$  ساكنة قبل التصادم ، فإن بعد التصادم

○ تتحرك  $m_2$  في اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  تتوقف عن الحركة

○ تظل  $m_2$  ساكنة و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_1, m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$



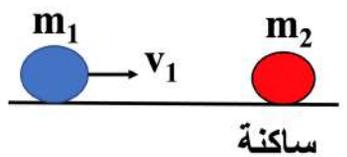
عند تصادم جسمان متساويان في الكتلة كما بالشكل و كانت الكتلة  $m_2$  ساكنة قبل التصادم ، بعد التصادم :

○ تتحرك  $m_2$  في اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$  و  $m_1$  تتوقف عن الحركة

○ تظل  $m_2$  ساكنة و  $m_1$  ترتد عكس اتجاه  $v_1$

○ تتحرك  $m_1, m_2$  في نفس اتجاه  $v_1$



- ❑ إذا التحم جسمان بعد تصادمهما ، فإن ذلك يدل على أن تصادمهما ببعض هو تصادم  
 تام المرنة  لا مرن  لا مرن كلياً  غير مرن

❑ في التصادم الا مرن كلياً تكون فيه الطاقة الحركية للنظام

- محفوظة وكمية الحركة محفوظة  
 غير محفوظة وكمية الحركة محفوظة  
 غير محفوظة وكمية الحركة غير محفوظة  
 محفوظة وكمية الحركة غير محفوظة



❑ يتحرك جسم كتلته **5 Kg** بسرعة **3 m/s** تصادم مع جسم آخر كتلته **3 Kg** يتحرك بسرعة **6 m/s** وفي عكس اتجاه حركة الجسم الأول، إذا التحم الجسمان و تحركا كجسم واحد ، تكون السرعة المشتركة للنظام بعد التصادم بوحدة **m/s** تساوي

- 2.14  -3.54  -0.375  -1.36

❑ اصطدمت عربة كتلتها **20 Kg** تتحرك بسرعة **30 m/s** بعربة أخرى ساكنة كتلتها **80 Kg** ، فالتحمتا و تحركتا معاً ككتلة واحدة بسرعة تساوي بوحدة **(m/s)**

- 6  10  12  20

❑ جسم كتلته **m<sub>1</sub> = 5 Kg** يتحرك بسرعة **6 m/s** وعندما اصطدم بأخر ساكن كتلته **m<sub>2</sub>** تحرك الجسمان معاً كجسم واحد وبسرعة **2m/s** ، فإن كتلة الجسم الثاني بوحدة **(Kg)** تساوي

- 2.5  5  10  20

**علل لما يأتي :**

❑ تصادم كرتين من المطاط يعتبر تصادماً مرناً

لأنه لا يحدث تشوه ولا تتولد حرارة لأن طاقة الحركة محفوظة و كمية الحركة محفوظة

❑ إذا تركت كرة من المطاط تسقط سقوطاً حراً على أرض الغرفة فإنها لا ترتد إلى المستوي الذي سقطت منه لأن التصادم يكون لا مرناً و ينتج عنه فقد في الطاقة الحركية

**ماذا يحدث في الحالات التالية :**

❑ عند سقوط كرة من الصلصال على سطح أملس

تلتصق الكرة بالأرض ← لأنه تصادم لا مرن كلياً



قارن بين كلا مما يلي :

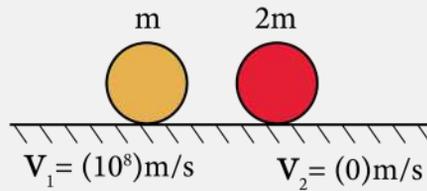
وجه المقارنة	التصادم المرن كلياً	التصادم اللا مرن كلياً
التعريف	التصادم الذي يفصل بعده الجسمان عن بعضهما البعض بعد التصادم مباشرة وتكون كمية الحركة لجملة الجسمين وطاقة حركتهما محفوظتان	التصادم الذي يلتحم في أثناءه الجسمان بعد التصادم ويتحركان كجسم واحد بسرعة واحدة
حفظ كمية الحركة	محفوظة	محفوظة
حفظ طاقة الحركة	محفوظة	غير محفوظة

سؤال من المريخ:

حل المسائل التالية :



نيوترون كتلته  $1.67 \times 10^{-27} \text{ Kg}$  و سرعته الابتدائية  $10^8 \text{ m/s}$  تصادم مع جسم ساكن كتلته ضعف كتلة النيوترون , احسب سرعة الجسمين بعد التصادم بفرض أنه تصادم تام المرنة



$$\vec{v}'_1 = \frac{2 m_2 \vec{v}_2 + (m_1 - m_2) \vec{v}_1}{(m_1 + m_2)}$$

$$\vec{v}'_1 = \frac{(1.6 \times 10^{-27} - 3.2 \times 10^{-27})(+10^8 \vec{i})}{(1.6 \times 10^{-27} + 3.2 \times 10^{-27})}$$

$$\vec{v}'_1 = - 33333333.33 \vec{i} \text{ m/s}$$

$$\vec{v}'_2 = \frac{2 m_1 \vec{v}_1 - (m_1 - m_2) \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)}$$

$$\vec{v}'_2 = \frac{2 (1.6 \times 10^{-27})(+10^8 \vec{i})}{(1.6 \times 10^{-27} + 3.2 \times 10^{-27})} = + 66666666.66 \vec{i} \text{ m/s}$$

$m_1 = 1.6 \times 10^{-27} \text{ Kg}$   
 $v_1 = +10^8 \vec{i} \text{ m/s}$   
 $m_2 = 3.2 \times 10^{-27} \text{ Kg}$   
 $v_2 = \text{zero}$   
 $v'_1 = ? \text{ m/s}$   
 $v'_2 = ? \text{ m/s}$





كرة حديدية مصممة كتلتها **2.5 Kg** مربوطة بخيط عديم الوزن لا يتمدد طوله **100 cm** ومثبت من النقطة **O** , سحبت الكرة ليصبح الحبل أفقياً مشدوداً , و تركت لتتحرك من السكون لتتصادم تصادماً مرناً بمكعب حديدي كتلته **5 Kg** , احسب



▪ سرعة الكرة قبل اصطدامها بالمكعب

الانزاح  $ME = ME$  أقصى ارتفاع  $ME$

الانزاح  $(KE + PE) = (KE + PE)$  أقصى ارتفاع  $(KE + PE)$

الانزاح  $KE = zero$ ,  $PE_{الانزاح} = zero$  أقصى ارتفاع  $KE$

الانزاح  $PE = KE$  أقصى ارتفاع  $PE$

$$m_1 g L (1 - \cos \theta) = \frac{1}{2} m_1 v_1^2$$

$$g L (1 - \cos \theta) = \frac{1}{2} v_1^2$$

$$[(10)(1)(1 - \cos(90))] = \frac{1}{2} v_1^2$$

$$v_1 = + 4.47 \vec{i} \text{ m/s}$$

معلق ⚠

$$\begin{aligned} m_1 &= 2.5 \text{ Kg} \\ m_2 &= 5 \text{ Kg} \\ L &= 1 \text{ m} \\ \theta_m &= 90^\circ \\ v_1 &= ? \\ v_1 &= zero \\ v_1 &= ? \text{ m/s} \\ v_2 &= ? \text{ m/s} \end{aligned}$$

▪ سرعة الكرة و المكعب بعد التصادم مباشرة

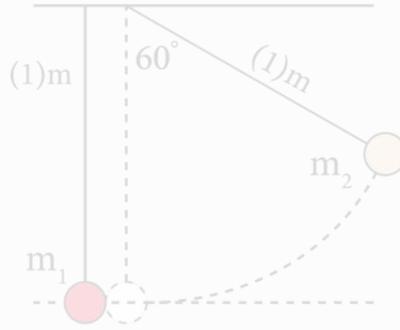
$$\vec{v}_1 = \frac{2 m_2 \vec{v}_2 + (m_1 - m_2) \vec{v}_1}{(m_1 + m_2)} = \frac{[(2.5 - 5)(+ 4.47 \vec{i})]}{(2.5 + 5)} = - 1.49 \vec{i} \text{ m/s}$$

$$\vec{v}_2 = \frac{2 m_1 \vec{v}_1 - (m_1 - m_2) \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)} = \frac{[2(2.5)(+ 4.47 \vec{i})]}{(2.5 + 5)} = + 2.98 \vec{i} \text{ m/s}$$





Q كرتان كتلة الأولى 200 g و الثانية 400 g معلقتان و متزنتان بخيطين طول كل خيط 1 m بجانب بعضهما البعض , سحبت الكرة الثانية بحيث بقي الخيط مشدودا و صنع زاوية 60° مع الخيط العمودي , وترك يتحرك نحو الكرة الساكنة , أحسب



▪ سرعة الكرة  $m_2$  قبل التصادم مباشرة

ME الأتزان = ME اقصى ارتفاع

KE + PE = KE + PE

KE اقصى ارتفاع = zero, PE الأتزان = zero

$$m_2 g L (1 - \cos \theta) = \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

$$g L (1 - \cos \theta) = \frac{1}{2} v_2^2$$

$$[(10)(1)(1 - \cos(60))] = \frac{1}{2} v_2^2$$

$$v_2 = -3.16 \vec{i} \text{ m/s}$$

$$m_1 = 0.2 \text{ Kg}$$

$$m_2 = 0.4 \text{ Kg}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

$$\theta_m = 60^\circ$$

$$v_2 = ?$$

$$h_1 = ? \text{ m}$$

$$h_2 = ? \text{ m}$$

معلق ⚠

▪ سرعة الكرتين بعد التصادم بفرض أن التصادم تام المرونة

$$\vec{v}'_1 = \frac{2 m_2 \vec{v}_2 + (m_1 - m_2) \vec{v}_1}{(m_1 + m_2)} = \frac{2(0.4)(-3.16 \vec{i})}{(0.2 + 0.4)} = -4.2 \vec{i} \text{ m/s}$$

$$\vec{v}'_2 = \frac{2 m_1 \vec{v}_1 - (m_1 - m_2) \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)} = \frac{-[(0.2 - 0.4)(-3.16 \vec{i})]}{(0.2 + 0.4)} = -1.05 \vec{i} \text{ m/s}$$

▪ الارتفاع الذي تصل اليه الكرتين بعد التصادم

الكرة $m_2$	الكرة $m_1$
ME الأتزان = ME اقصى ارتفاع	ME الأتزان = ME اقصى ارتفاع
KE = PE	KE = PE
$\frac{1}{2} m_2 \vec{v}_2'^2 = m_2 g h_2$	$\frac{1}{2} m_1 \vec{v}_1'^2 = m_1 g h_1$
$\frac{1}{2} \vec{v}_2'^2 = g h_2$	$\frac{1}{2} \vec{v}_1'^2 = g h_1$
$\frac{1}{2} (-1.05)^2 = 10 h_2$	$\frac{1}{2} (-4.2)^2 = 10 h_1$
$h_2 = 0.055 \text{ m}$	$h_1 = 0.882 \text{ m}$



سمة كبيرة كتلتها **5 Kg** تتحرك بسرعة **1 m/s** باتجاه سمة صغيرة ساكنة كتلتها **1 Kg** , احسب

▪ سرعة السمة الكبيرة بعد ابتلاعها السمة الصغيرة

$$\vec{v}' = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)}$$

$$\vec{v}' = \frac{[(5)(+1 \hat{i})]}{(5 + 1)}$$

$$\vec{v}' = +0.83 \hat{i} \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} m_1 &= 5 \text{ Kg} \\ v_1 &= +1 \hat{i} \text{ m/s} \\ m_2 &= 1 \text{ Kg} \\ v_2 &= \text{zero} \\ \vec{v}' &= ? \end{aligned}$$

▪ إذا كانت السمة الصغيرة تسبح بسرعة **4 m/s** عكس حركة السمة الكبيرة , كم تبلغ سرعة السمة الكبيرة بعد ابتلاعها

$$\vec{v}' = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)}$$

$$\vec{v}' = \frac{[(5)(+1 \hat{i})] + [(1)(-4 \hat{i})]}{(5 + 1)}$$

$$\vec{v}' = +0.16 \hat{i} \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} m_1 &= 5 \text{ Kg} \\ v_1 &= +1 \hat{i} \text{ m/s} \\ m_2 &= 1 \text{ Kg} \\ v_2 &= -4 \hat{i} \text{ m/s} \\ \vec{v}' &= ? \end{aligned}$$

▪ متزلج علي الجليد كتلته **60 Kg** يقف ساكنا عندما اتجه نحوه متزلج آخر كتلته **40 Kg** بسرعة **12 Km/h** , ليمسك به و يتحركان كنظام واحد بسرعة **v** احسب

▪ سرعة النظام بعد التصادم

$$\vec{v}' = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)}$$

$$\vec{v}' = \frac{[(60)(\text{zero})] + [(40)(12 \hat{i})]}{(60 + 40)} = 4.8 \hat{i} \text{ Km/h}$$

$$\vec{v}' = 4.8 \times \frac{1000}{3600} = 1.33 \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} m_1 &= 60 \text{ Kg} \\ v_1 &= \text{zero} \\ m_2 &= 40 \text{ Kg} \\ v_2 &= 12 \hat{i} \text{ Km/h} \\ \vec{v}' &= ? \end{aligned}$$

▪ الطاقة الحركية للنظام قبل و بعد التصادم

$$KE_{\text{قبل}} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

$$KE_{\text{قبل}} = \frac{1}{2} (60) (\text{zero})^2 + \frac{1}{2} (40) (12 \times \frac{1000}{3600})^2 = 222.22 \text{ J}$$

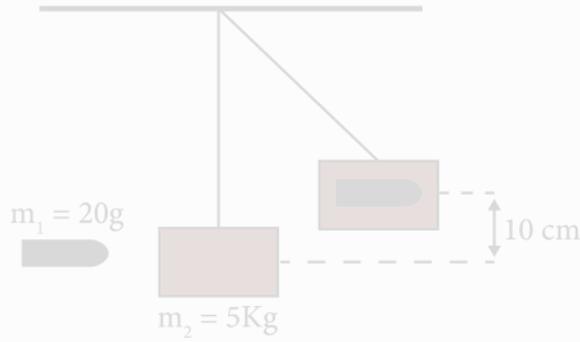
$$KE_{\text{بعد}} = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) \vec{v}'^2$$

$$KE_{\text{بعد}} = \frac{1}{2} (60 + 40) (1.33)^2 = 88.44 \text{ J}$$





أطلقت رصاصة كتلتها **20 g** علي بندول قذفي ساكن كتلته **5 Kg** فارتفع مسافة **10 cm** عن المستوي الأفقي , احسب



**معلق** 

▪ سرعة الرصاصة عند انطلاقها

$$\frac{1}{2} v^2 = g h$$

$$\frac{1}{2} v^2 = (10)(0.1)$$

$$v = 1.41 \text{ m/s}$$

$$\vec{v}' = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2}{(m_1 + m_2)}$$

$$1.41 = \frac{[(0.02)v_1]}{(0.02 + 5)}$$

$$v_1 = 353.31 \text{ m/s}$$

▪ هل التصادم مرن ؟

التصادم لا مرن كلياً , لأن التصادم نتج عنه التهام الجسمين و تحركا بسرعة مشتركة

# U U L A

