

قسم الفيزياء  
ثانوية مرشد سعد البدال

11

# أوراق عمل مادة الفيزياء الصف الحادي عشر

اسم الطالب: .....

الشعبة: .....

الفصل الدراسي الأول

2023 - 2022

الدرس ( ١ - ١ ) : الكميّات العدديّة والكميّات المتجهة

الكميّات المتجهة	الكميّات العدديّة ( القياسيّة )	وجه المقارنة
		التعريف
		أمثلة
		العمليّات الحسابيّة المستخدمة

\*\* تكتب الكمية المتجهة بحرف يوضع فوقه سهم مثل (  $\vec{V}$  )

الإزاحة أقصر مسافة بين نقطة بداية الحركة إلى نقطة نهاية الحركة

المتجهات المقيدة	المتجهات الحرة	وجه المقارنة
		التعريف
		أمثلة

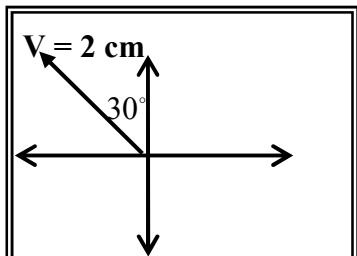
علل لما يأتي :

1- الإزاحة متوجه حر بينما القوة متوجه مقيد.

2- الإزاحة متوجه يمكن نقله من مكان لأخر بينما القوة متوجه لا يمكن نقله من مكان لأخر.

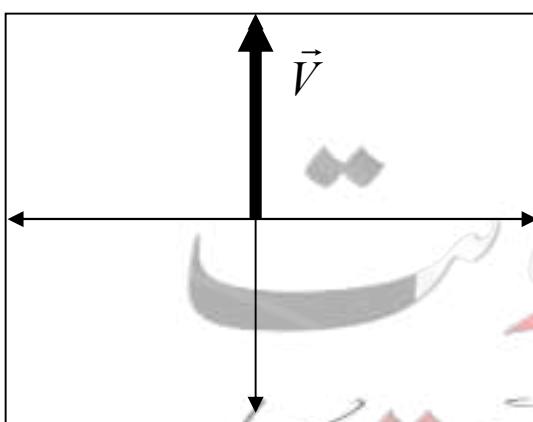
مثال 1 : الشكل المقابل يمثل المتجه البياني المعبر عن سرعة تحرك سيارة ، فإذا

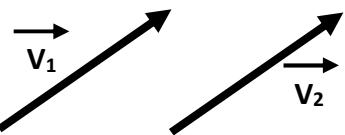
علمت أن مقياس الرسم ( 1 cm : 10 m/s ) عبر رياضياً عن المتجه (  $\vec{V}$  ) .



مثال 2 : أوجد متوجه العجلة لجسم كتلته ( 2 Kg ) وتأثر عليه قوة ( 10 N , 60° ) .

مثال 3 : ورد في نشرة الأرصاد الجوية أن سرعة الرياح الشمالية تساوي ( 60 km / h ) مثل هذه السرعة رياضياً .





### خصائص المتجهات

المتجهان يكونان متساويان بشرط تساوي المقدار والاتجاه

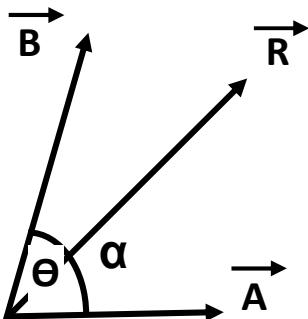
التساوي

تسير سيارة شمالاً بسرعة عدديّة تساوي ( 80 km / h ) بينما تسير سيارة أخرى جنوباً بسرعة ( 80 km/h ) . هل سرعتهما المتجهان متساويان ؟ ولماذا ؟

سؤال :

عملية الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد يسمى المحصلة

جمع المتجهات ( تركيب المتجهات )



أولاً : حساب المحصلة بالطريقة الحسابية :

$$\vec{R} = \vec{A} + \vec{B} = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$$

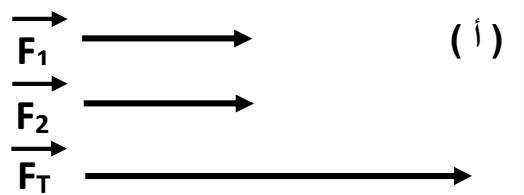
$$\alpha = \sin^{-1} \left[ \frac{B \sin \theta}{R} \right]$$

حساب اتجاه المحصلة :

حيث ( $\theta$ ) هي الزاوية ..... و( $\alpha$ ) هي زاوية

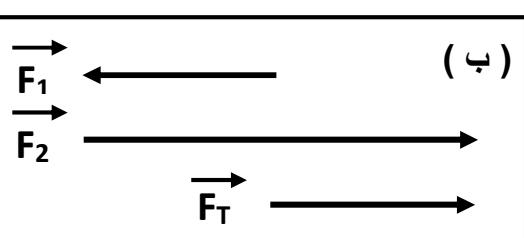
حالات خاصة بجمع المتجهات

a) محصلة متجهين متوازيين وفي اتجاه واحد : ( $\Theta = 0$ )



\*\* تحسّب المحصلة من العلاقة :

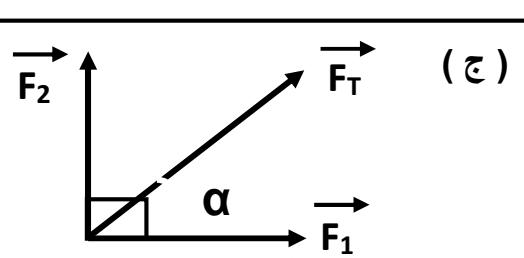
يكون اتجاه المحصلة :



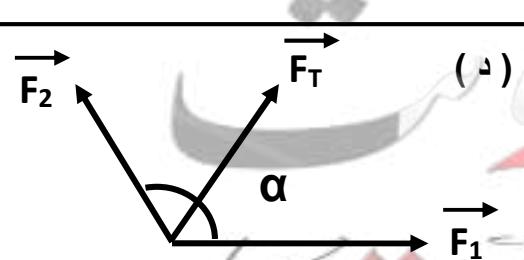
b) محصلة متجهين متوازيين و متعاكسيين : ( $\Theta = 180$ )

\*\* تحسّب المحصلة من العلاقة :

يكون اتجاه المحصلة :



c) محصلة متجهين متعامدين : ( $\Theta = 90$ )



d) محصلة متجهين متساوين وبينهما زاوية ( $\Theta = 120$ )

\*\* تحسّب المحصلة من العلاقة :

يكون اتجاه المحصلة :

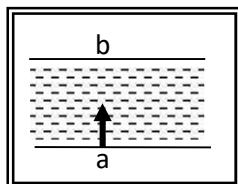
جمع المتجهات

- 1- يتساوى الجمع العددي مع الجمع الاتجاهي ( $\vec{A} + \vec{B} = A + B$ ) عندما يكون المتجهين .....  
..... تكون أقل محصلة عندما يكون المتجهين ..... وأكبر محصلة عندما يكون المتجهين .....  
..... تقل المحصلة بين المتجهين كلما زادت .....  
..... العوامل التي تتوقف عليها محصلة متجهين هي : .....  
..... 4- عملية جمع المتجهات عملية .....  
..... 5-  $(\vec{A} + \vec{B} = \vec{B} + \vec{A})$  حيث .....

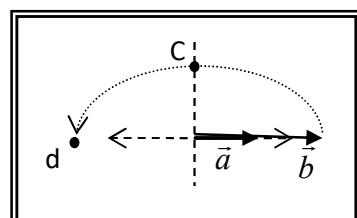
**علل لما يأتي :**

- 1- يمكن الحصول على عدة قيم للمحصلة لنفس المتجهين .

- 2- تتغير السرعة التي تُحلق بها طائرة في الجو على الرغم من ثبات السرعة التي يكسبها المحرك للطائرة .

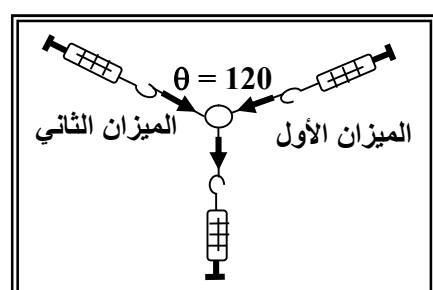


- 3- لا يستطيع سباح أن يعبر النهر من نقطة (a) إلى نقطة (b) بصورة مباشرة كما في الشكل .



**ماذا يحدث :**

- 1- لمقدار واتجاه محصلة المتجهين الموضعين بالشكل المقابل إذا دار المتجه (b)  
نصف دورة مروراً بالنقاط (c ، d ) حول نقطة اتصاله بالتجه (a) .



**مثال 1:** إذا كانت قراءة كل من الميزانين الأول والثاني هي (100 N)

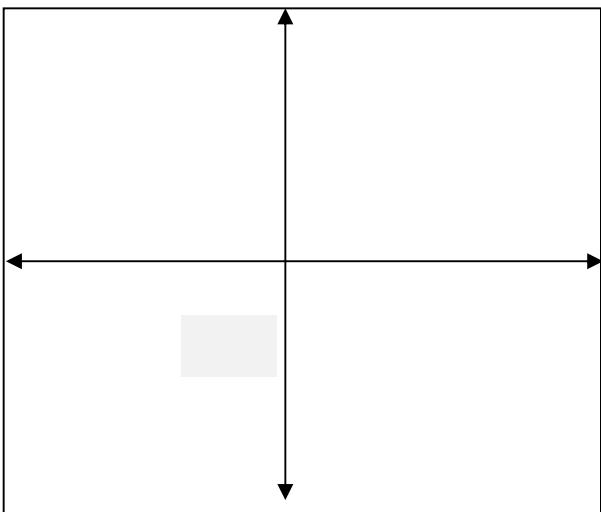
أحسب قراءة الميزان الثالث :

**مثال 2:** متجهين قيمتهما ( $\vec{A}=20N$ ) و ( $\vec{B}=30N$ ). فأحسب ( $\vec{A}+\vec{B}$ ) واتجاهه في الحالات الآتية ؟

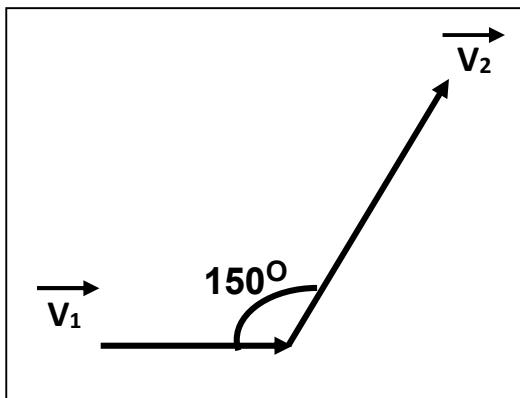
أ) أكبر مقدار لمحصلة المتجهين (المتجهين في اتجاه واحد) :

ب) أصغر مقدار لمحصلة المتجهين (المتجهين متعاكسين) :

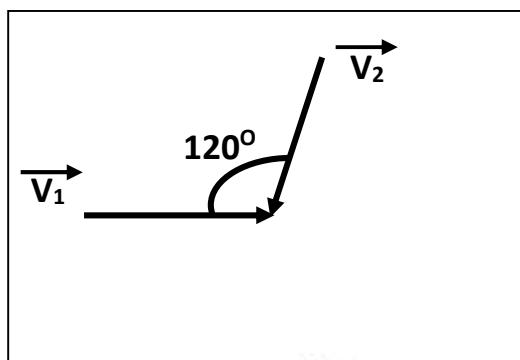
مثال 3 : تحرك قارب ليقطع (8 km) باتجاه ( $30^{\circ}$ ) شمال الشرق ثم (4 km) إلى الجنوب . أحسب المحصلة مقداراً واتجاهها؟

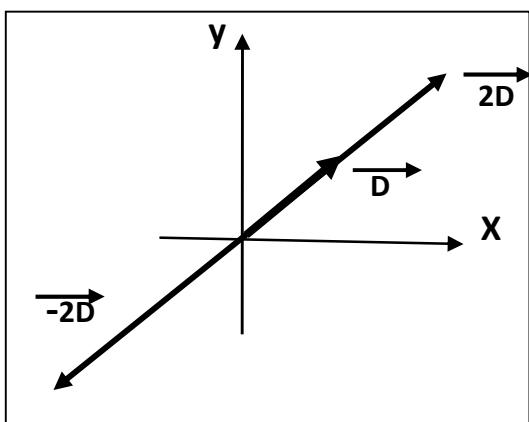


مثال 4 : في الشكل متغيرين ( $\vec{V}_2 = 80 \text{ m/s}$ ) و ( $\vec{V}_1 = 60 \text{ m/s}$ ) . أحسب المحصلة مقداراً واتجاهها؟



مثال 5 : في الشكل متغيرين ( $\vec{V}_2 = 80 \text{ m/s}$ ) و ( $\vec{V}_1 = 60 \text{ m/s}$ ) . أحسب المحصلة مقداراً واتجاهها؟



ضرب المتجهات1- ضرب كمية عدديه موجبة  $\times$  كمية متوجهة

يكون حاصل الضرب متوجه جديد في ..... الاتجاه

2- ضرب كمية عدديه سالبة  $\times$  كمية متوجهة

يكون حاصل الضرب متوجه جديد في ..... الاتجاه

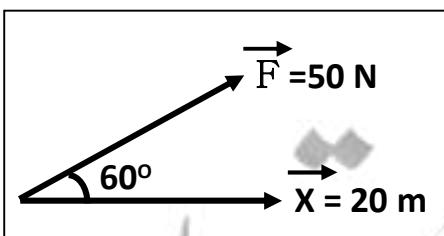
3- ضرب كمية عدديه ( أكبر من الواحد )  $\times$  كمية متوجهة

يغير ..... المتوجه الناتج ويغير الاتجاه إذا كانت الكمية العددية

علل لما يأتي :

1- حسب القانون الثاني لنيوتن  $F = m \times a$  تعتبر القوة كمية متوجهة .2- حسب القانون الثاني لنيوتن  $F = m \times a$  تكون القوة دائماً في نفس اتجاه العجلة .

1- الضرب العددي ( القياسي ) أو ( النقطي ) أو ( الداخلي )	2- الضرب الاتجاهي ( التقاطعي ) أو ( الخارجي )	ضرب المتجهات
$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$	$\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$	العلاقة الرياضية
		ناتج الضرب
		تعدم قيمة الناتج
		أكبر قيمة للناتج
		صفاته
		العامل

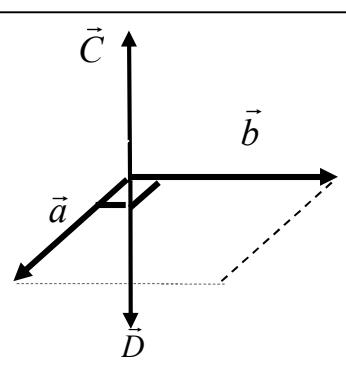


$$W = \vec{F} \cdot \vec{X} = FX \cos \theta$$

الضرب العددي

مثال : قوة مقدارها ( 50 N ) تسبب إزاحة لجسم قدرها ( 20 m ) وتصنع مع القوة زاوية ( 60° ). أحسب مقدار الشغل الناتج .

## الضرب الاتجاهي



- 1- يكون اتجاه ناتج الضرب الاتجاهي عمودي على المتجهين ويحدد بقاعدة اليد اليمنى ..... واتجاهه ..... 2- متجه  $(\vec{C}) =$  ..... واتجاهه ..... 3- متجه  $(\vec{D}) =$  ..... واتجاهه ..... 4- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساوين يساوي مربع أي منهما ..... فإن الزاوية المحصورة بينهما ..... 5- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متساوين يساوي مربع أي منهما ..... فإن الزاوية المحصورة بينهما ..... 6- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يساوي مثل حاصل الضرب العددي لنفس المتجهين ..... فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي ..... 7- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يساوي نصف حاصل الضرب العددي لنفس المتجهين ..... فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي ..... علل لما يأتي :
- 1- يسمى الضرب القياسي بهذا الاسم بينما الضرب الاتجاهي بهذا الاسم.
- 2- الشغل كمية فيزيائية عددية (قياسية).
- 3- يتساوى الضرب العددي مع الضرب الاتجاهي عندما تكون الزاوية بين المتجهين  $\Theta = 45^\circ$
- 4- الضرب العددي عملية إبدالية بينما الضرب الاتجاهي عملية ليست إبدالية.

**مثال 1:** متجهان متساويان ومتوازيان وفي نفس الاتجاه حاصل ضربهما القياسي  $25 \text{ unit}^2$ . أحسب :

أ) مقدار حاصل ضربهما الاتجاهي :

ب) مقدار محصلةهما :

مثال 2: متجهان متساويان ومتعاودين حاصل ضربهما الاتجاهي  $(36) \text{ unit}^2$ . أحسب :

أ) مقدار حاصل ضربهما القياسي :

ب) مقدار محصلةهما :

مثال 3: متجهين مقدارهما  $(\vec{B} = 8 \text{ unit})$  و  $(\vec{A} = 6 \text{ unit})$ . فأحسب :

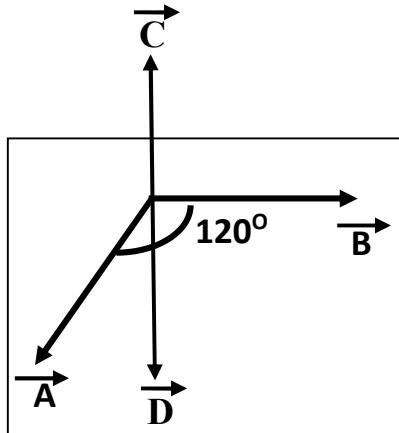
أ) مقدار  $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$  واتجاهه :

ب) مقدار  $\vec{D} = \vec{B} \times \vec{A}$  واتجاهه :

ج) ما العلاقة بين المتجهين  $\vec{D}$  و  $\vec{C}$  :

د) مقدار  $\vec{A} \cdot \vec{B}$  :

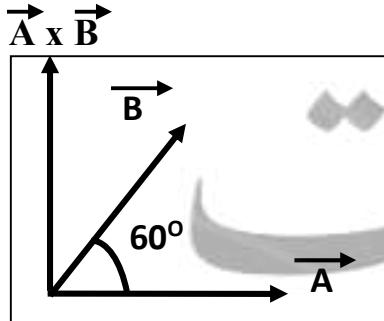
هـ) مقدار  $\vec{A} + \vec{B}$  واتجاهه :



مثال 4: متجهين مقدارهما  $(\vec{B} = 8 \text{ unit})$  و  $(\vec{A} = 6 \text{ unit})$ . فأحسب :

أ) مقدار  $\vec{A} \cdot \vec{B}$  :

ب) مقدار  $\vec{A} \times \vec{B}$  واتجاهه :

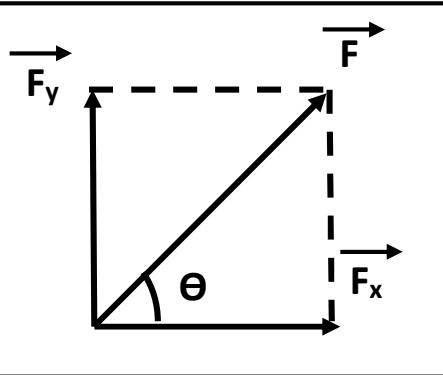


الدرس (١-٢) : تحليل المتجهات

## تحليل المتجهات

عملية الاستعاضة عن متجه واحد بمتجهين متعامدين

\* من الشكل المقابل باستخدام نظرية فيثاغورث نستنتج العلاقات الآتية :

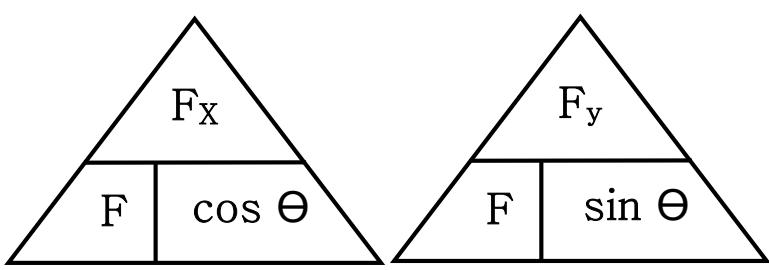


$$\cos \theta = \frac{F_x}{F} \Rightarrow F_x = F \cos \theta$$

المركبة الأفقية

$$\sin \theta = \frac{F_y}{F} \Rightarrow F_y = F \sin \theta$$

المركبة الرأسية



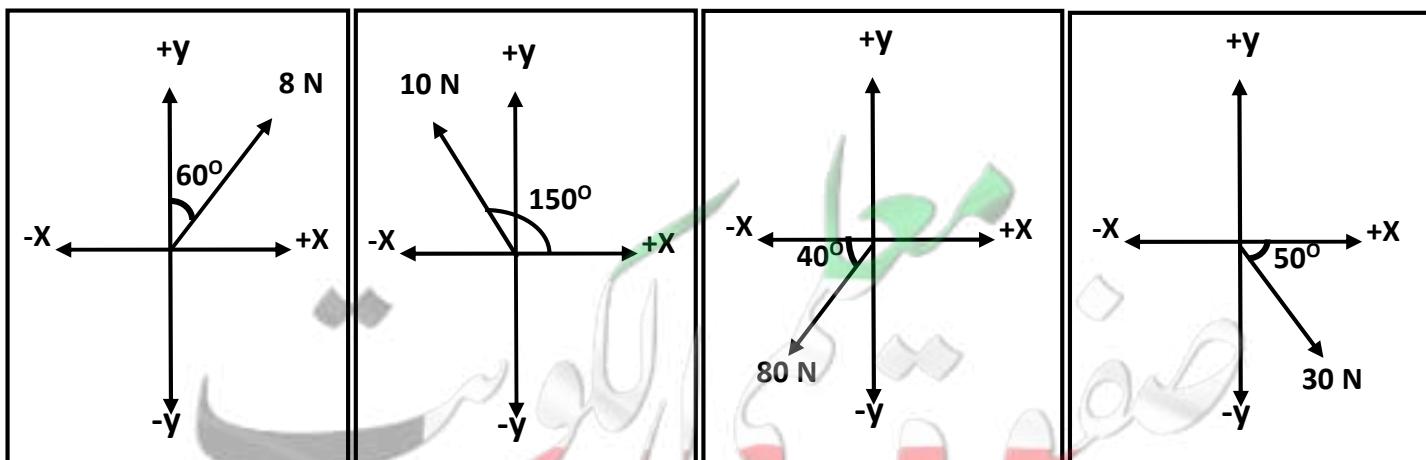
$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

مقدار المحصلة

$$\theta = \tan^{-1} \left[ \frac{F_y}{F_x} \right]$$

اتجاه المحصلة

- 1- تساوي المركبة الأفقية مع المركبة الرأسية ( $F_x = F_y$ ) عند ..... لأن .....  
 2- المركبة الأفقية تساوي مقدار المتجه الأصلي ( $F_x = F$ ) عند ..... لأن .....  
 3- المركبة الرأسية تساوي مقدار المتجه الأصلي ( $F_y = F$ ) عند ..... لأن .....  
 4- المركبة الأفقية تساوي المتجه الأصلي وتعاكسه بالاتجاه ( $-F_x = F$ ) عند ..... لأن .....  
 5- المركبة الرأسية تساوي المتجه الأصلي وتعاكسه بالاتجاه ( $-F_y = F$ ) عند ..... لأن .....  
 6- إذا كانت محصلة متجهين متعامدين تساوي (20N) والمركبة الأفقيّة لهذه المحصلة تساوي (10N)  
 فإن الزاوية بين المركبة الأفقيّة والمحصلة تساوي ..... والزاوية بين المركبة الرأسية والمحصلة تساوي .....

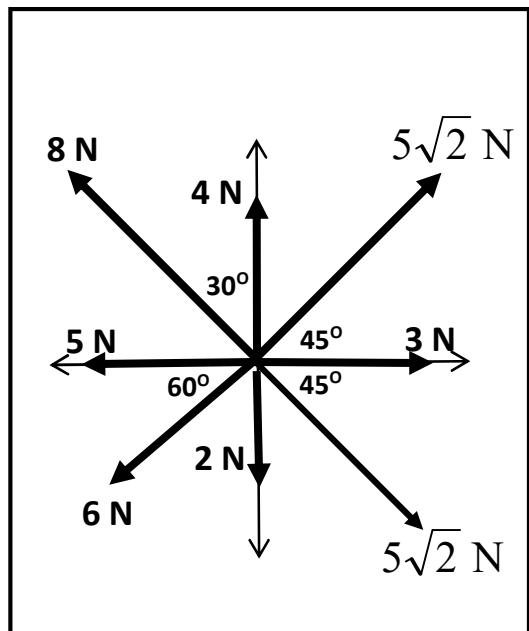
مثال 1 : أحسب المركبة الأفقيّة والمركبة الرأسية لكل قوة من القوى الموضحة بالشكل :

علل لما يأتي :

1- تحليل المتجهات عمليّة معاكسة لجمع المتجهات

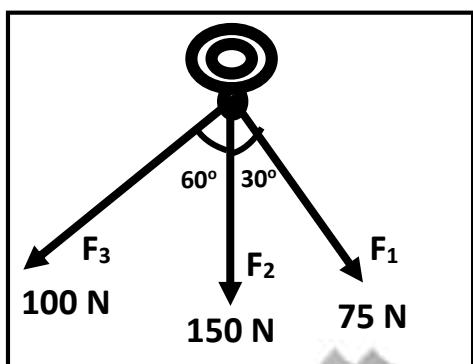
2- تحليل المتجهات أفضل من جمع المتجهات في حساب المحصلة

مثال 2 : أحسب محصلة القوى الموضحة بالشكل المقابل .



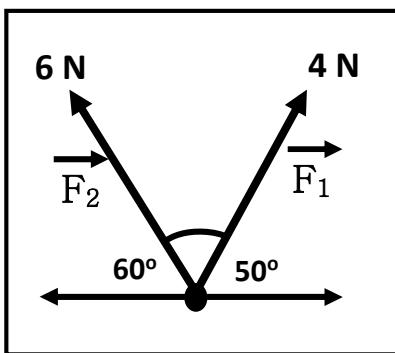
$F_y$	$F_x$	
		$F_1$
		$F_2$
		$F_3$
		$F_4$
		$F_5$
		$F_6$
		$F_7$
		$F_8$
		$F_T$

مثال 3 : حلقة معدنية يتم شدها بثلاث قوي . أوجد المحصلة مقداراً واتجاهها .



$F_y$	$F_x$	
		$F_1$
		$F_2$
		$F_3$
		$F_T$

مثال 4 : من الشكل . أحسب : أ) المحصلة مقداراً واتجاهها بطريقة جمع المتجهات

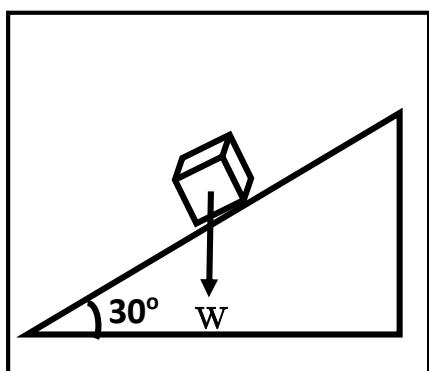


ب) أحسب المحصلة مقداراً واتجاهها بطريقة تحليل المتجهات

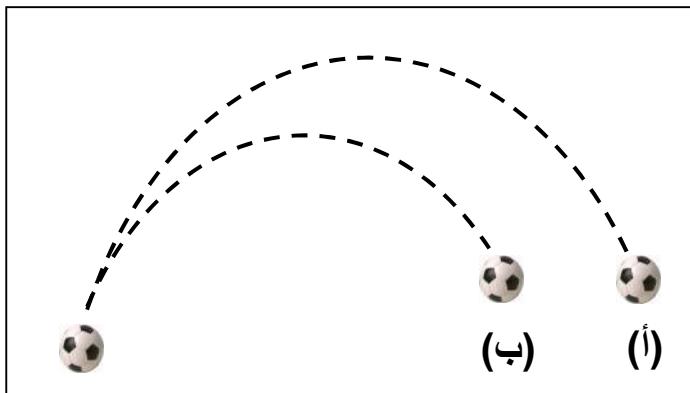
$F_y$	$F_x$	
		$F_1$
		$F_2$
		$F_T$

مثال 5 : جسم كتلته (50 kg) موضوع على مستوى مائل بزاوية ( $30^\circ$ ) مع المحور الأفقي . أحسب :

أ ) القوة اللازمة لتحريك الجسم على المستوى المائل ( المركبة الأفقية للوزن ) :



ب) قوة رد الفعل للمستوى المائل ( المركبة الراسية للوزن ) :

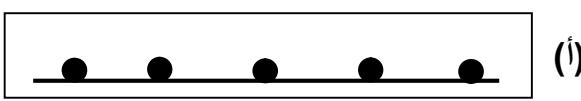
**الدرس (1-3) : حركة المقذوفة****المقدّمات**  
الأجسام التي تُقذف في الهواء وتتعرّض لقوى الجاذبية الأرضية

\*\* من الشكل المقابل :

1- شكل المسار في (أ) :

2- شكل المسار في (ب) :

3- بم تفسر اختلاف شكل المسارين ؟



\*\* من الشكل المقابل :

أ) عند دحرجة كرة على سطح أفقى عديم الاحتكاك

الحدث :

السبب :

ب) عند إسقاط الكرة لأسفل

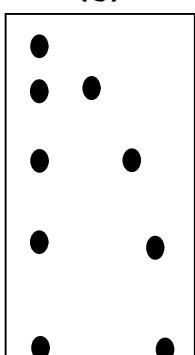
الحدث :

السبب :

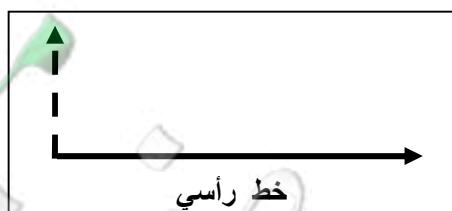
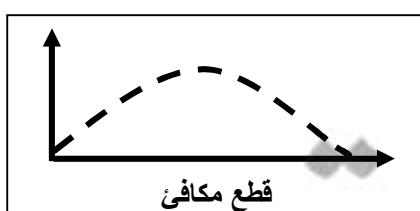
ج) عند سقوط كرتان في نفس اللحظة أحدهما تسقط سقوط حر والأخرى أفقياً باهتمال مقاومة الهواء

الحدث :

السبب :

**حركة المقذفة**

علل : تبع المقدّمات المسار المنحني بعد انطلاقها .

زاوية إطلاق بين ( $0 - 90^\circ$ )زاوية إطلاق المقذفة =  $0$ زاوية إطلاق المقذفة =  $90^\circ$ 

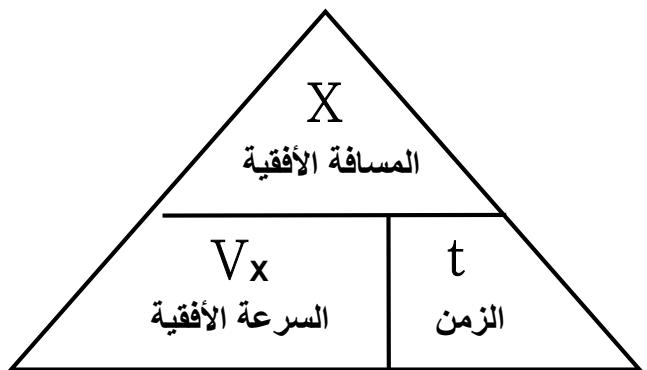
شكل المسار

شكل المسار

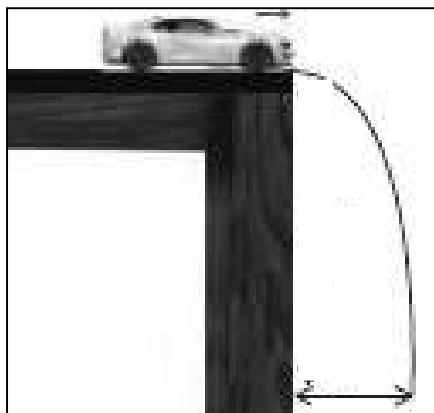
شكل المسار

**معادلات الحركة للمقدوف الأفقي ( $\theta = 0$ )**

معادلات الحركة على المحور الرأسي ( $y$ )	معادلات الحركة على المحور الأفقي ( $x$ )
السرعة الابتدائية ( $a = g$ ) والجهة ( $V_{oy} = 0$ )	السرعة الأفقية ثابتة لأن العجلة ( $a = 0$ )
$V_y = V_{oy} + gt$	السرعة الرأسية
$V_y^2 = V_{oy}^2 + 2gy$	السرعة الرأسية
$y = V_{oy}t + \frac{1}{2}gt^2$	الارتفاع الرأسي
$t = \sqrt{\frac{2y}{g}}$	زمن السقوط



**مثال 1 :** دفع ولد سيارته عن طاولة ارتفاعها (125 cm) لتسقط على الأرض عند نقطة تبعد أفقياً (2 m). أحسب :



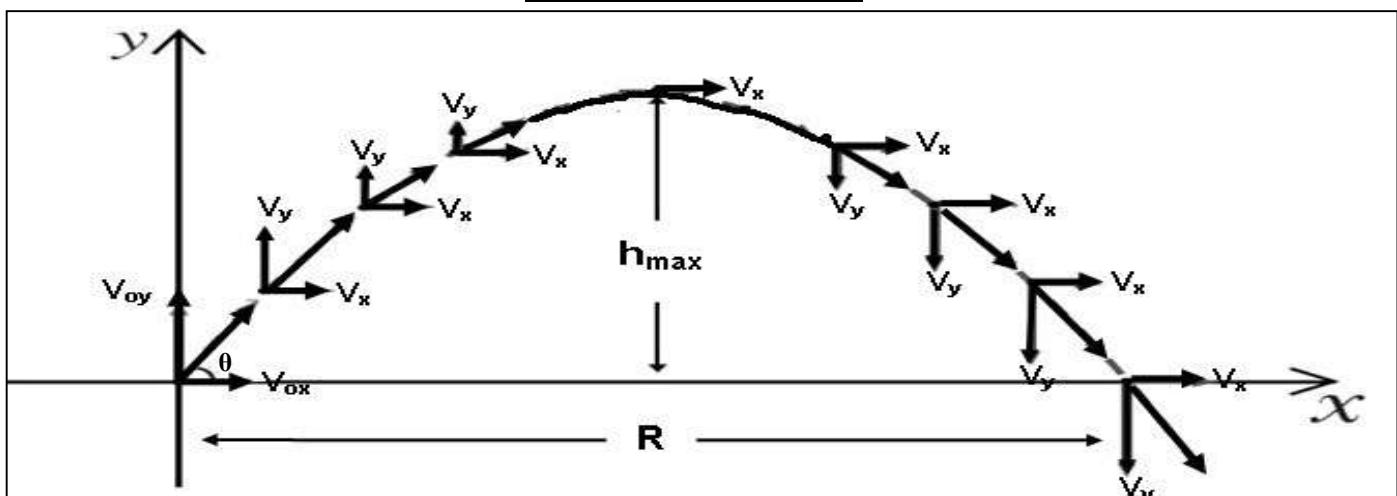
أ ) الزمن الذي تحتاجه السيارة لتصطدم بالأرض :

ب) سرعة السيارة لحظة انطلاقها مبتعدة عن سطح الطاولة :

ج) مقدار سرعة السيارة واتجاهها لحظة اصطدامها بالأرض :



### حركة مذبذبة أطلقت بزاوية



\*\* معادلات الحركة على المحور الرأسي (y)

$$V_{0y} = V_0 \sin \theta$$

السرعة الابتدائية الرأسية

\*\* معادلات الحركة على المحور الأفقي (x)

$$V_{0x} = V_0 \cos \theta$$

السرعة الابتدائية الأفقيّة

$$V_y = (V_0 \sin \theta) - gt$$

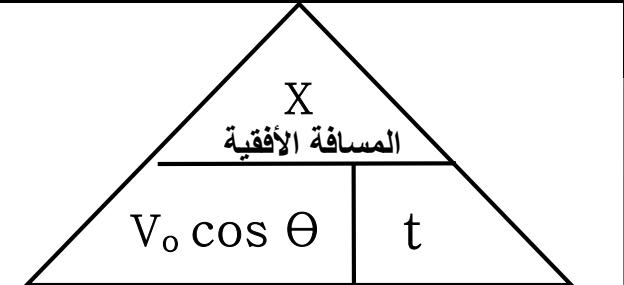
السرعة الرأسية

$$V_y^2 = (V_0 \sin \theta)^2 - 2gy$$

السرعة الرأسية

$$y = (V_0 \sin \theta)t - \frac{1}{2}gt^2$$

الارتفاع الرأسي



الاتجاه الرأسي

الاتجاه الأفقي

حركة القذيفة

$$\vec{F}_y = m \cdot g$$

$$\vec{F}_x = 0$$

القوة واتجاهها

حركة بسرعة متناقصة ثم متزايدة  
(العجلة الرأسيّة منتظمة  $g = 10$ )

حركة بسرعة منتظمة  
(العجلة الأفقيّة صفر  $a = 0$ )

نوع الحركة

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$$

زمن أقصى ارتفاع

$$t' = 2t$$

معادلة الزمن

$$h_{\max} = \frac{V_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

أقصى ارتفاع

$$R = \frac{V_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

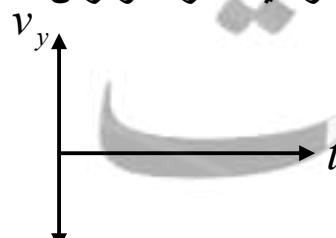
المدى الأفقي

معادلة المدى  
وأقصى ارتفاع

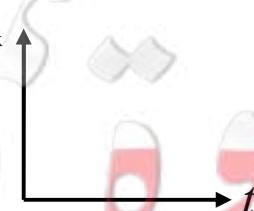
$$y = (\tan \theta)X - \left( \frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \theta} \right) X^2$$

معادلة المسار

المركبة الرأسيّة للسرعة والזמן للقذيفة



المركبة الأفقيّة للسرعة والזמן للقذيفة



شكل منحني  
(v - t)

**المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على المحور الأفقي**

**المدى الأفقي**

**علاقة بين مركبة الحركة الأفقية و مركبة الحركة الرئيسية خالية من متغير الزمن**

**معادلة المسار**

**\* استنتاج معادلة المسار :**

..... \*\* تكون مركبة السرعة الراسية للقذيفة عند أقصى ارتفاع (الذروة) تساوي

..... \*\* تكون سرعة القذيفة عند أقصى ارتفاع (الذروة) تساوي

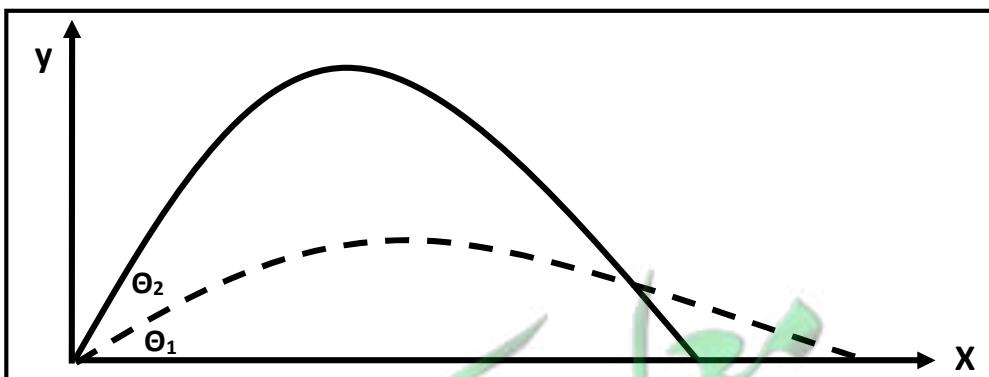
..... \*\* يكون أكبر مدي للقذيفة عند إطلاقها بزاوية إطلاق ..... وأقصى ارتفاع عند إطلاقها بزاوية إطلاق .....

..... \*\* قذيفتين مختلفتين في الكتلة حيث كتلة الأولى ( $m$ ) وكتلة الثانية ( $2m$ ) أطلقت كل منهما بزاوية ( $\Theta$ )

..... فإذا كان مدي القذيفة الأولى ( $R$ ) وارتفاعها ( $y$ ) فإن مدي القذيفة الثانية يكون ..... وارتفاعها

..... \*\* زمن الوصول للمدى يساوي ..... زمن الوصول إلى أقصى ارتفاع .

**\* العلاقة بين زاوية الإطلاق والمدى وأقصى ارتفاع :**

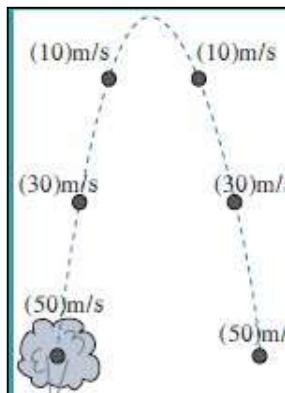


زاوية إطلاق أقل	زاوية إطلاق أكبر	وجه المقارنة
		مركبة السرعة الراسية ( $V_y$ ) وارتفاع القذيفة ( $h_{max}$ )
		مركبة السرعة الأفقية ( $V_x$ ) ومدي القذيفة ( $R$ )

ماذا يحدث :

**\*\* باهمال مقاومة الهواء ( باهمال الاحتكاك ) :**

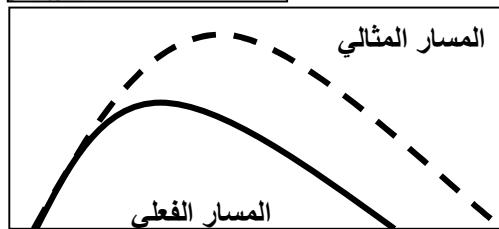
- 1- إذا قذف جسمان بنفس السرعة أحدهما بزاوية  $(60^\circ)$  والآخر بزاوية  $(30^\circ)$  . (مجموعهما  $90^\circ$ )



- 2- لعجلة القذيفة أثناء صعودها وأثناء هبوطها .

- 3- لسرعة اصطدام القذيفة بالأرض .

- 4- لمدى وارتفاع قذيفتين مختلفتين الكتلة القذيفة الأولى كتلتها  $(m_1)$  والثانية كتلتها  $(m_2)$

**\*\* عدم إهمال مقاومة الهواء ( وجود الاحتكاك ) :**

- 1- لارتفاع القذيفة :

- 2- لمسار القذيفة :

- 3- لسرعة اصطدام القذيفة بالأرض :

**\*\* العوامل التي يتوقف عليها كل من :**

- 1- معادلة المسار :

- 2- أقصى ارتفاع :

- 3- المدى الأفقي :

- 4- شكل المسار :

- \*\* افترض أن جسماً قذف بالسرعة نفسها وفي الاتجاه نفسه على الأرض والقمر . ماذا يحدث للكميات التالية :

- 1- المركبة الأفقيّة للسرعة :

- 2- زمن تحليق الجسم :

- 3- أقصى ارتفاع :

- 4- المدى الأفقي :

علل لما يأتي :

1- سرعة المقذوف منتظمة ( ثابتة ) في الاتجاه الأفقي .

2- عدم وجود عجلة أفقية للجسم المقذوف بزاوية مع المحور الأفقي .

3- سرعة المقذوف تتناقص تدريجياً بانتظام في الاتجاه الرأسي إلى أعلى .

4- القذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أكبر يكون ارتفاعها كبير ويكون مداها صغير .

5- القذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أقل يكون ارتفاعها صغير ويكون مداها كبير .

6- يكون أكبر مدى للقذيفة عند إطلاقها بزاوية  $(\Theta = 45^\circ)$  .

7- يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي .

8- السرعة التي تفقدتها القذيفة أثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها أثناء الهبوط في غياب الاحتكاك مع الهواء .

9- أطلقت قذيفتان كتلتاها ( $m$ ) و ( $2m$ ) بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية ( $\Theta$ ) مع المحور الأفقي فيكون المدى الأفقي للقذيفة ( $2m$ ) .

10- أطلقت قذيفتان بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوتي إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية ( $30^\circ$ ) والثانية بزاوية ( $60^\circ$ ) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فإن القذيفة التي أطلقت بزاوية ( $60^\circ$ ) تصل إلى ارتفاع أكبر .

مثال 1 : أطلقت قذيفة بسرعة ابتدائية ( $20 \text{ m/s}$ ) وبزاوية ( $60^\circ$ ) مع المحور الأفقي . بإهمال مقاومة الهواء .

أ ) أكتب معادلة المسار للقذيفة :

ب) احسب الزمن الذي تحتاجه القذيفة للوصول إلى أقصى ارتفاع :

ج) احسب الزمن الذي تحتاجه القذيفة للوصول إلى المدى :

د) احسب مقدار أقصى ارتفاع تبلغه القذيفة :

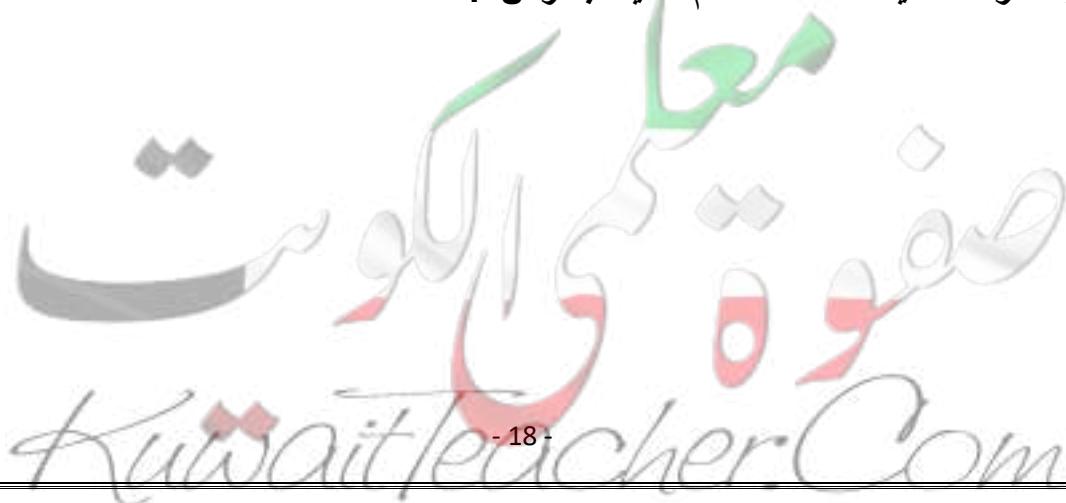
س) احسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة :

ص) أوجد موقع الجسم (الإحداثيات) بعد ثانية :

ز) احسب سرعة القذيفة بعد ثانية :

و) احسب سرعة القذيفة عند أقصى ارتفاع :

ي) احسب متجه سرعة القذيفة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض :



مثال 2 : أطلق شخص سهماً في أحد مسابقات المبارزة بسرعة ابتدائية مقدارها ( $40 \text{ m/s}$ ) ليصل إلى هدفه الموجود على مسافة ( $60 \text{ m}$ ) باهتمام مقاومة الهواء . المطلوب :

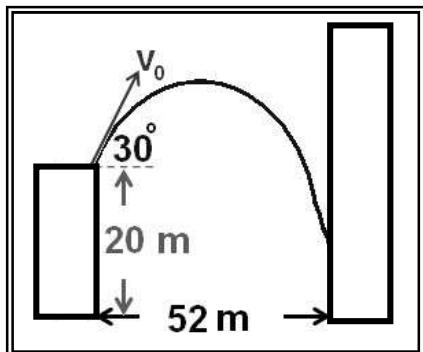
أ ) حدد قيمة الزاوية بالنسبة للمحور الأفقي حتى يتمكن الشخص من إصابة الهدف :

ب) أحسب المسافة الأفقية التي يقطعها السهم إذا أطلق بزاوية ( $8^\circ$ ) بالنسبة للمحور الأفقي :

ج) هل يصل السهم الذي يطلقه الشخص إلى الهدف ؟ ولماذا ؟

مثال 3 : في الشكل قذفت كرة من حافة مبني بسرعة ( $20 \text{ m/s}$ ) .

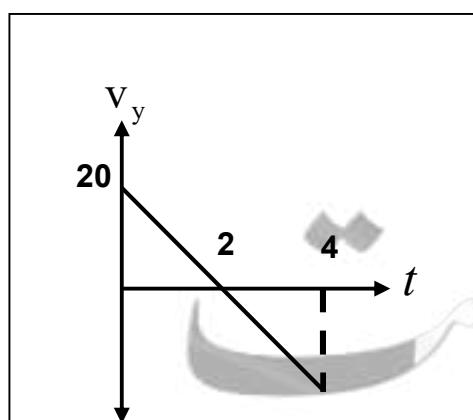
أوجد ارتفاع النقطة التي تصدم بها الكرة بالجدار .



مثال 4 : يطلق صنبور ملقي على الأرض تياراً مائياً نحو الأعلى نحو الأعلى بزاوية ( $60^\circ$ ) مع المستوى الأفقي ، فإذا كانت سرعة الماء عند مغادرته للصنبورة ( $20 \text{ m/s}$ ) على أي ارتفاع يتصدم الماء جدار يقع على مسافة ( $5 \text{ m}$ ) .

مثال 5 : الشكل المقابل يمثل منحني (السرعة - الزمن) لجسم مبذول بزاوية ( $30^\circ$ ) مع الأفق . أحسب :

أ ) السرعة التي قذف بها الجسم :



ب) المدى الأفقي للبذول :

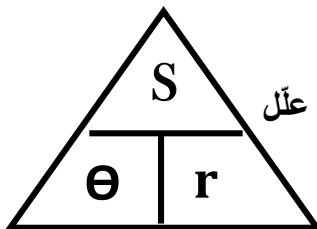
ج) أقصى ارتفاع يبلغه المبذول :

**الدرس (2-1) : دوافع الحركة الدائرية**

**الحركة الدائرية** حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران مع المحافظة على مسافة ثابتة منه

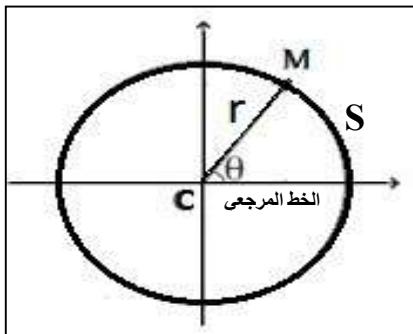
**الحركة الدائرية المنتظمة** حركة جسم يقطع أقواساً متساوية خلال أزمنة متساوية (سرعة منتظمة)

الحركة الدائرية المدارية	الحركة الدائرية المحورية (المغزالية)	وجه المقارنة
		التعريف
		أمثلة



**المحور** الخط المستقيم الذي تحدث حوله الحركة الدائرية

هل دوران الطفل الجالس على الخيل في لعبة دوارة الخيل هو دوران محوري أم مداري ؟ علل



$$\theta = \frac{S}{r} = 2\pi \cdot N$$

**الإزاحة الزاوية**

لحساب الإزاحة الزاوية ( $\Theta$ ) :

$$L = 2\pi \cdot r$$

لحساب محيط الدائرة (L) :

\*\* (s) هي ..... (r) هي ..... (N) هي ..... \*\*

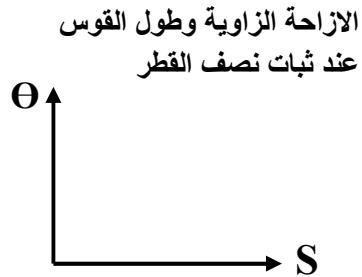
\*\* تقاس الإزاحة الزاوية بوحدة الراديان (rad)

**مثال 1:** يقف حكم مباراة الركض في مركز المسار الدائري المخصص للسباق

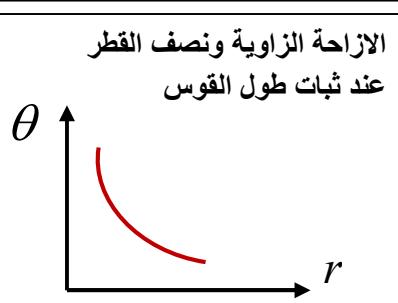
على بعد (200 m) من لاعب يقف على الخط المرجعي باتجاه الشرق يستعد

للركض بالاتجاه الدائري الموجب ركض اللاعب على المسار حتى نقطة النهاية

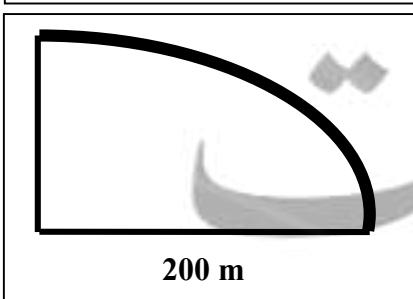
تقع شمال الحكم على المحور الرأسى. أحسب : أ ) المسافة التي قطعها اللاعب :



ب) مسافة السباق لو كان اللاعب أكمل دورة كاملة :



ج) عدد الدورات التي يعملها الجسم :

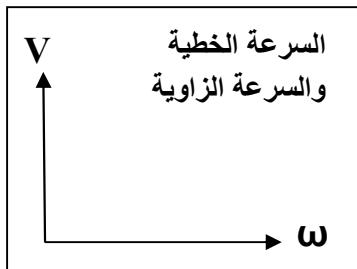
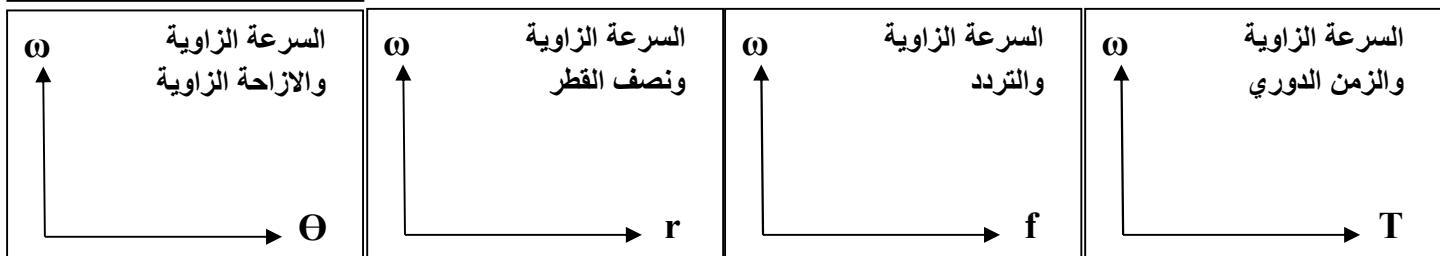
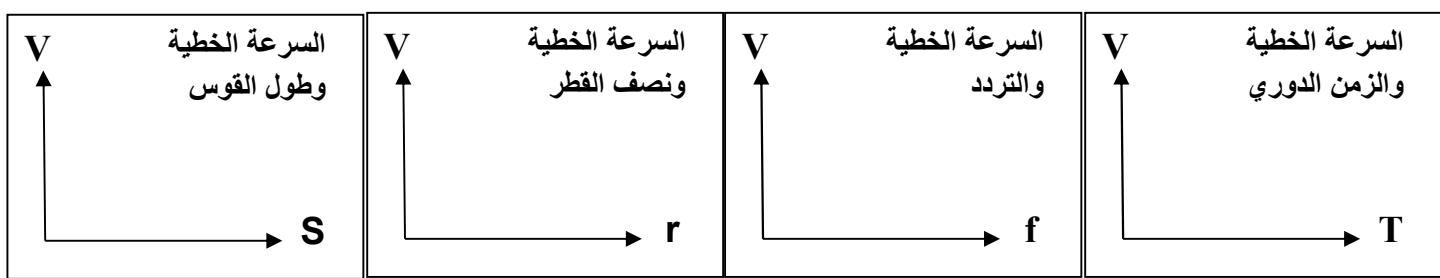


**السرعة في المركبة الدائرية**

وجه المقارنة	1- السرعة الخطية ( المماسية )	2- السرعة الزاوية ( الدائرية )
التعريف		
القانون	$V = \frac{S}{t}$	$\omega = \frac{\theta}{t}$
وحدة القياس		
العلاقة عندما يتحرك الجسم دورة كاملة		
العوامل		

$$V = \omega \cdot r$$

العلاقة بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية



ماذا يحدث :

1- للسرعة المماسية كلما ابتعدنا عن مركز الدائرة :

.....

2- للسرعة الزاوية كلما ابتعدنا عن مركز الدائرة :

.....

3- للسرعة المماسية عند ( B ) بالنسبة للنقطة ( A ) حيث بعد ( B )

عن المركز تساوي مثلي بعد ( A ) :

.....

4- للسرعة الزاوية عند ( B ) بالنسبة للنقطة ( A ) حيث بعد ( B )

عن المركز تساوي مثلي بعد ( A ) :

ماذا يحدث :

كتلة صغيرة موجودة عند منتصف المسافة بين محور قرص مدمج وحافته . ماذا سيحدث لسرعة النقطة الخطية :

أ ) إذا تضاعفت السرعة الزاوية ؟

ب) إذا وجدت النقطة عند حافة القرص المدمج ؟

ج) إذا تضاعفت السرعة الزاوية ووجدت النقطة عند حافة القرص المدمج ؟

\*\* تتساوي السرعة الخطية مع السرعة الزاوية عندما يكون نصف قطر المسار يساوي

\*\* إذا تحرك الجسم دورة كاملة فإن الزمن المستغرق يساوي

\*\* السرعة الخطية لجسم يدور عند الحافة الخارجية ..... السرعة الخطية لجسم يدور بالقرب من المركز

\*\* يتحرك قطار على قضيبين . أي قضيب يكون أكبر عند مسار منحنٍ ، القضيب الداخلي أم الخارجي ؟ اشرح.

علل لما يأتي :

1- تسمى السرعة الخطية بالسرعة المماسية .

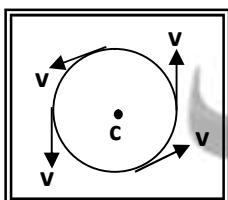
2- في أي نظام دائري تكون لجميع الأجزاء السرعة الدائرية نفسها على الرغم من تغير السرعة المماسية .

3- كلما زادت سرعة دوران لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية زادت السرعة المماسية .

4- يكون لكل أجزاء دوران المنضدة الدوارة معدل الدوران نفسه .

5- تتعدم السرعة الخطية لجسم يدور عند مركز الدائرة ولا تتعدم السرعة الزاوية .

6- في الشكل المقابل السرعة الخطية لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة تكون غير منتظمة .



التردد والزمن الدوري

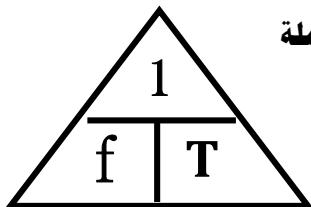
$$f = \frac{N}{t}$$

التردد

عدد الدورات في وحدة الزمن

$$T = \frac{t}{N}$$

الزمن الدوري



..... و(t) هي ..... (N) هي ..... 1-

..... 2- العلاقة بين التردد والزمن الدوري علاقة .....

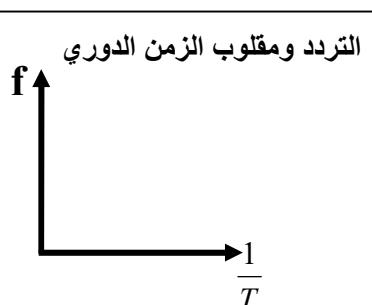
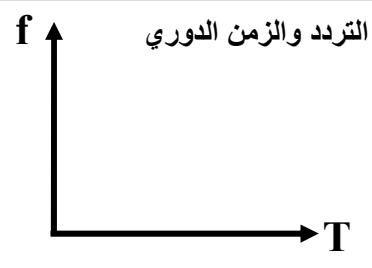
..... 3- حاصل ضرب التردد في الزمن الدوري يساوي .....

..... 4- لحساب التردد بدلالة الزمن الدوري نستخدم العلاقة .....

..... 5- لحساب الزمن الدوري بدلالة التردد نستخدم العلاقة .....

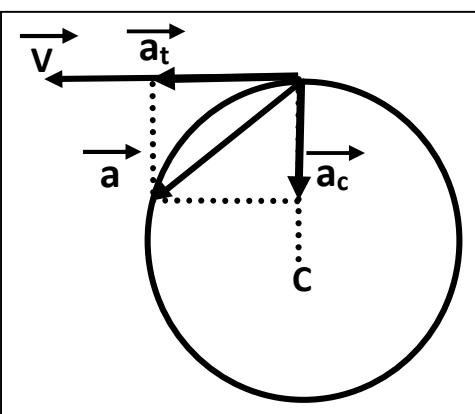
..... 6- الوحدة الدولية لقياس الزمن الدوري هي .....

..... 7- الوحدة الدولية لقياس التردد هي .....



العجلة في الحركة الدائرية

وجه المقارنة	1- العجلة الخطية	2- العجلة الزاوية
التعريف		
القانون	$\vec{a} = \frac{\Delta \vec{V}}{\Delta t} = \frac{V - V_0}{t}$	$\theta'' = \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{\omega - \omega_0}{t}$
وحدة القياس		
العوامل		



العجلة الخطية للعجلة مركبتين متعامدين هما :

أ) العجلة المماسية (  $a_t$  ) :

عجلة لها نفس اتجاه السرعة المماسية وتكون مماساً للدائرة

ب) العجلة المركزية (  $a_c$  ) :

عجلة عمودية على اتجاه السرعة المماسية واتجاهها نحو مركز الدائرة

علل لما يأتي :

1- العجلة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفر .

2- العجلة الخطية ( العجلة المماسية ) في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفر .

3- الحركة الدائرية معجلة ( بعجلة مركزية ) بالرغم من ثبوت السرعة الخطية .

العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة

$$a_c = \frac{V^2}{r} = \omega^2 \cdot r$$

\*\* العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة لا تساوي ..... ولكن تساوي مقدار

\*\* العوامل التي تتوقف عليها مقدار العجلة المركزية :

العجلة المركزية  
ومربع السرعة الزاوية

$$a_c \rightarrow \omega^2$$

العجلة المركزية  
ومربع السرعة الخطية

$$a_c \rightarrow V^2$$

العجلة المركزية ونصف  
القطر عند ثبوت (  $\omega$  )

$$a_c \rightarrow r$$

العجلة المركزية ونصف  
القطر عند ثبوت (  $V$  )

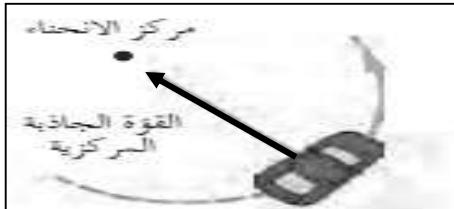
$$a_c \rightarrow r$$

**الدرس (2) : القوة الجاذبة المركزية**

**القوة الجاذبة المركزية** ..... القوة التي تسبب الحركة الدائرية ويكون اتجاهها دائما نحو مركز الدائرة

أو محصلة عدة قوى مؤثرة على جسم يتحرك حركة دائرية منتظمة

\*\* من أمثلة القوة الجاذبة المركزية :

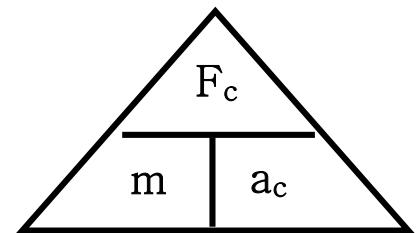


\*\* من الشكل المقابل بما تفسر :

1- دوران السيارة في المنحني في الشكل الأول .



2- انزلاق السيارة بعيداً عن المنحني في الشكل الثاني .



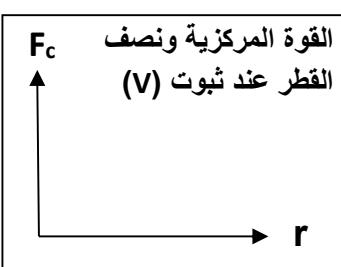
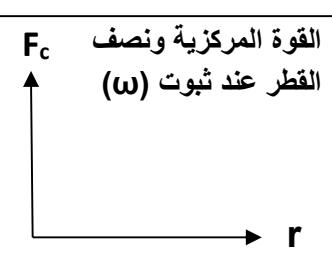
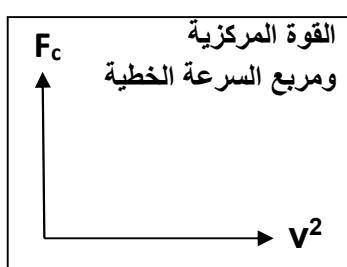
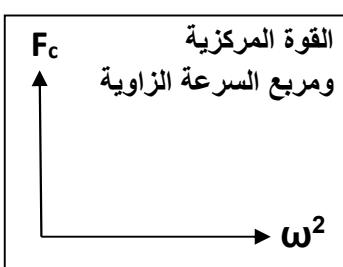
1- العوامل التي تتوقف عليها القوة المركزية :

2- القوة المركزية تتناسب طردياً مع عند ثبات نصف القطر والكتلة .

3- القوة المركزية تتناسب مع نصف القطر عند ثبوت السرعة الخطية .

4- القوة المركزية تتناسب مع نصف القطر عند ثبوت السرعة الزاوية .

5- إذا كان اتجاه القوة المؤثرة على الجسم المتحرك عمودية على اتجاه مساره فإن هذا المسار يكون



على لما يأتي :

1- يستخدم الحوض المغزلي في الغسالة الأوتوماتيكية في تجفيف الملابس .

2- الجسم ينطلق في خط مستقيم وباتجاه السرعة المماسية عند موقعه لحظة إفلات الخيط .

3- عندما تكون القوة عمودية على اتجاه السرعة الخطية يكون المسار دائري .

مثال 1 : سيارة كتلتها (2 tons) تتحرك بسرعة منتظمة على طريق دائري قطرها (40 m) أكملت (5) دورات

في الدقيقة . أحسب :

أ ) السرعة الزاوية :

ب) السرعة الخطية :

ج) العجلة المركزية :

د) القوة المركزية :

هـ) العجلة المماسية :

و) العجلة الزاوية :

مثال 2 : طائرة تطير بسرعة (100 m/s) في مسار دائري نصف قطرها (200 m) والقوة الجاذبة المركزية

التي تحافظ على بقائها تساوي ( $95 \times 10^4$  N) . أحسب :

أ ) السرعة الزاوية :

ب) العجلة المركزية :

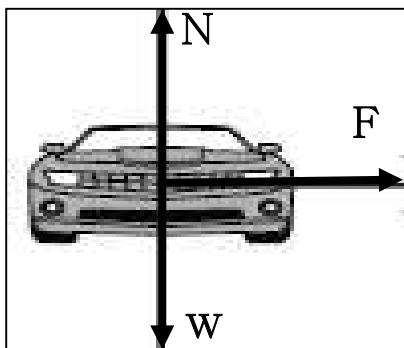
ج) كتلة الطائرة :



**الطباقات على القوة الجاذبة المركزية****١- المطباقات المنشورة****عل لاما يأتى :**

- ١- يجب وجود قوة احتكاك بين عجلات السيارة والطريق الدائري .

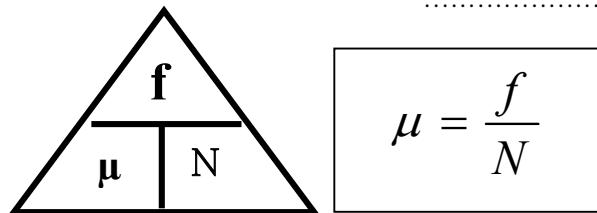
- ٢- يسهل انزلاق السيارة عن مسارها في الأيام الممطرة أو الجليد في المسار الدائري .



**\*\* مجموع القوى المؤثرة على السيارة في الشكل المقابل هي :**

**-1****-2**

**\*\* لحساب قوة رد الفعل (N) على السيارة في المنعطفات الأفقية :**



$$\mu = \frac{f}{N}$$

**معامل الاحتكاك** نسبية قوة الاحتكاك على قوة رد الفعل

١- يحدث الالتفاف للسيارة دون انزلاق إذا كانت قوة الاحتكاك **القوة الجاذبة المركزية**.

٢- يحدث انزلاق للسيارة ولا يحدث لها التفاف إذا كانت قوة الاحتكاك **القوة الجاذبة المركزية**.

**مثال ١:** سيارة كتلتها (2000 kg) تنعطف على مسار دائري قطره (200 m) على طريق أفقية بسرعة (20 m/s)

أ- أحسب القوة الجاذبة المركزية :

ب- أحسب قوة رد الفعل :

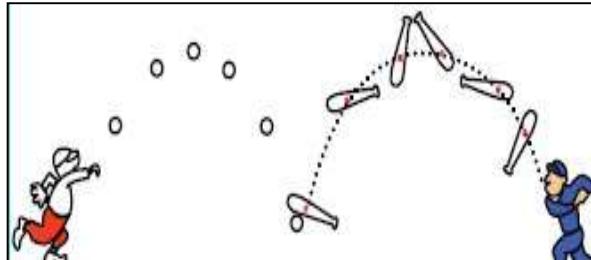
ج- هل يحدث انزلاق للسيارة أم لا إذا كان معامل الاحتكاك ( $\mu = 0.5$ ) :

د- هل يحدث انزلاق للسيارة أم لا إذا كان معامل الاحتكاك ( $\mu = 0.25$ ) :

الدرس (3-1) : مركز الثقل

\*\* عند إلقاء الكرة تتبع مسار ..... ومضرب الكرة يتارجح حول نقطة ترسم ..... بينما حركة الكرة هي .....

\*\* حركة مضرب الكرة هي محصلة حركتين هما :



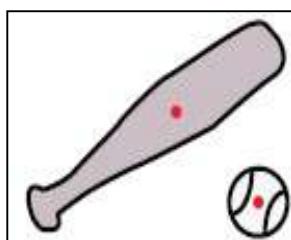
وزن الجسم

مركز الثقل

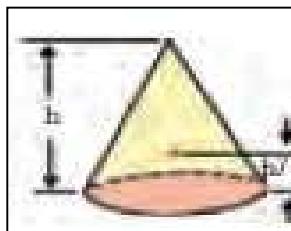
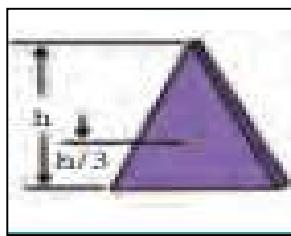
أو نقطة تأثير ثقل الجسم

ماذا يحدث :

1- عند تطبيق قوة على الجسم في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوة ثقله في الاتجاه ومساوية لها في المقدار .



الأجسام غير منتظمة الشكل	الأجسام منتظمة الشكل	وجه المقارنة
		موقع مركز الثقل
مخروط ارتفاعه ( $h = 12 \text{ cm}$ )	مثلث ارتفاعه ( $h = 12 \text{ cm}$ )	وجه المقارنة
		موقع مركز الثقل بالنسبة لقاعدة
كرة مجوفة تملئ حتى المنتصف بالرصاص		وجه المقارنة
		موقع مركز الثقل
مفتاح إنجليزي في الهواء	مفتاح إنجليزي على سطح أفقى	حركة
		مسار مركز الثقل
		مسار الجسم



علل لما يأتي :

1- مركز الثقل يقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية في خط مستقيم أثناء انزلاق جسم عند دورانه حول نفسه .

2- لا يقع مركز ثقل مضرب كرة القاعدة على نقطة الوسط للمضرب .

3- عند إلقاء الكرة تتبع مسار قطع مكافىء وعند إلقاء مضرب الكرة يتارجح حول نقطة ترسم قطع مكافىء .

4- يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له .

**الدرس ( 3 - 2 ) : مركز الكتلة**

**مركز الكتلة (مركز العطالة)** الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها الجسم

- 1- يتطابقان مركز الثقل ومركز الكتلة عندما تكون .....  
..... لا يتطابقان مركز الثقل ومركز الكتلة عندما تكون .....  
..... علّي لما يأتي :
- 1- يتطابقان مركز الثقل ومركز الكتلة عندما يكون الجسم صغير .
- 2- لا يتطابقان مركز الثقل ومركز الكتلة عندما يكون الجسم كبير .
- 3- مركز الثقل للمباني المرتفعة مثل مركز التجارة العالمي ارتفاعه (541 m) يقع أسفل مركز كتلته بـ (1 mm).
- 4- لا ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة في بعض الحالات .

موضع مركز الكتلة	وجه المقارنة
	جسم كتلته موزعة بشكل متجانس
	حلقة دائرية متجانسة
	مستطيل متجانس
	جسم كتلته موزعة بشكل غير متجانس
	مطرقة حديدية

\*\* القوي الداخلية أثناء انفجار الألعاب النارية الصاروخية .....  
..... موضع ثقل القذيفة .

ماذا يحدث :

1- لحركة مركز كتلة للقذيفة التي تنفجر في الهواء مثل الألعاب النارية قبل انفجارها ؟

2- لشظايا وحركة مركز كتلة للقذيفة التي تنفجر في الهواء مثل الألعاب النارية بعد انفجارها ؟

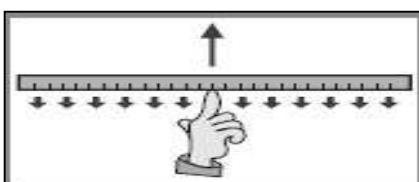
\*\* لا تدور الكواكب حول مركز الشمس بل حول .....  
.....

ماذا يحدث : 1- إذا كانت الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات ؟

2- إذا كانت الكواكب حول الشمس في خط مستقيم وفي جانب واحد ؟

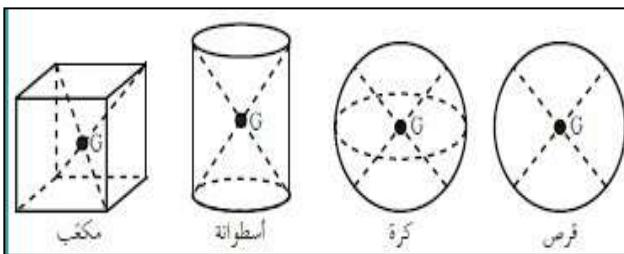
علّي : حركة دوران الشمس تبدو للمراقب البعيد على شكل تأرجح بسيط بين نقطتين .

**الدرس (3) : تحديد موضع مركز الثقل**



علل لما يأتي :

- 1- يمكن موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلى في الشكل .



**تحديد مركز ثقل الأجسام**

- \*\* ينطبق مركز الثقل في الأجسام المنتظمة مع

- \*\* يكون نقطة مادية من الجسم إذا كان الجسم

- \*\* يكون نقطة خارج الجسم إذا كان الجسم

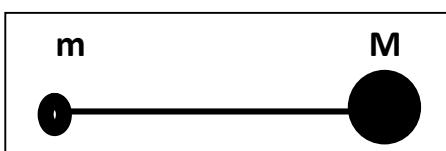
- \*\* مركز ثقل الفنجان والوعاء يقع في بينما مركز ثقل الكرسي يقع في

**مركز ثقل الأجسام الموجفة**

علل لما يأتي :

- 1- يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد .

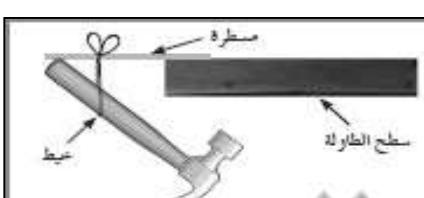
- 2- لمنع اهتزاز إطارات السيارات أثناء دورانها توضع قطع رصاص في الجزء المعدني من الإطار .



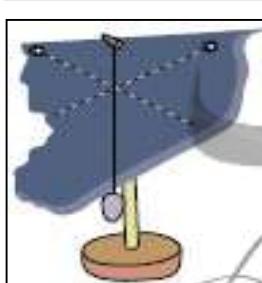
- 3- في الشكل المقابل يمثل كتلتين نقطتين تقعان على محور السينات فإذا حلت كل منهما محل الأخرى فإن مركز الكتلة للمجموعة يتغير موضعه .



- 4- تكون بعض الأنواع من ألعاب الأطفال أكثر اتزاناً كما بالشكل المقابل .



- \*\* في الشكل المقابل : فسر عدم سقوط المطرقة والمسطرة .



- \*\* نشاط : كيف تحدد موقع مركز الثقل في جسم منتظم أو غير منتظم الشكل ؟

## حساب موقع مركز كتلة عدة كتل نقطية موجودة في الفراغ

$$x_{c.m.} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$y_{c.m.} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$z_{c.m.} = \frac{m_1 z_1 + m_2 z_2 + m_3 z_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

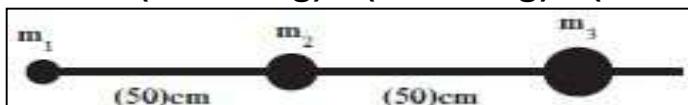
مثال 1 : كتلتان نقطيتان على محور السينات قيمتهما ( $m_2 = 8 \text{ kg}$ ) و ( $m_1 = 4 \text{ kg}$ ) وتبعدان مسافة (6 cm)

أ) أحسب موقع مركز كتلة الجسمين بالنسبة إلى الجسم الأول :

ب) أحسب موقع مركز كتلة الجسمين بالنسبة إلى الجسم الثاني :

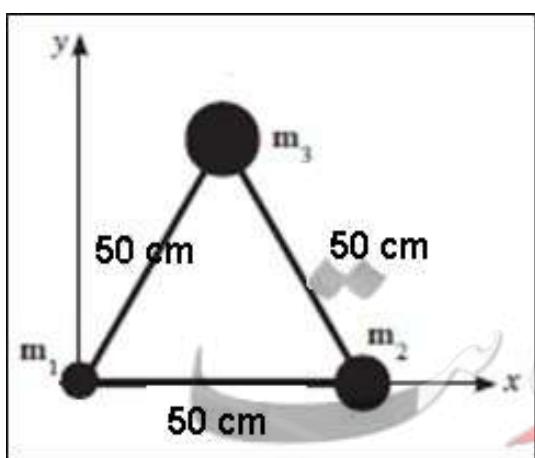
ج) قيم . هل النتيجة مقبولة :

مثال 2 : أحسب موقع مركز الكتلة لثلاث كتل نقطية ( $m_3 = 30 \text{ g}$ ) و ( $m_2 = 20 \text{ g}$ ) و ( $m_1 = 10 \text{ g}$ )

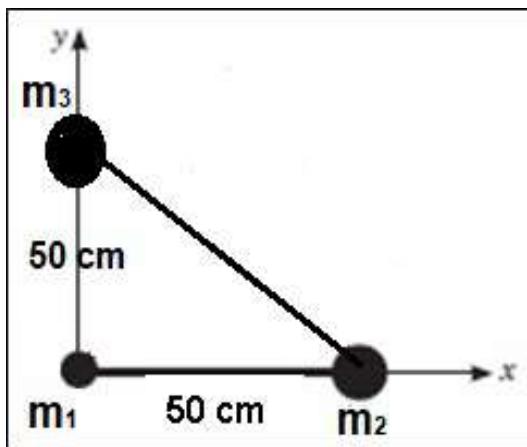


أ) إذا وضعت على خط مستقيم :

ب) إذا وضعت على رؤوس مثلث متساو الأضلاع :

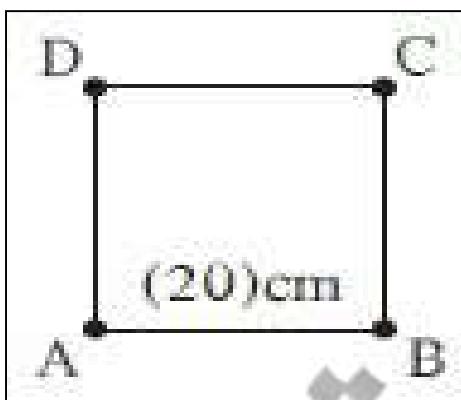


ج) إذا وضعت على رؤوس مثلث قائم الزاوية :



مثال 3 : أوجد مركز كتلة الموزعة على الشكل التالي :  
 (-1 , 2 , 0) عند ( $m_3 = 6 \text{ kg}$ ) و ( $m_2 = 4 \text{ kg}$ ) عند (0 , 1 , 0) و ( $m_1 = 8 \text{ kg}$ ) عند (1 , 1 , 0)

مثال 4 : نظام مكون من أربع كتل هي ( $m_D = 4 \text{ kg}$ ) ( $m_C = 3 \text{ kg}$ ) ( $m_B = 2 \text{ kg}$ ) ( $m_A = 1 \text{ kg}$ ) موزعة على أطراف مربع طول ضلعه (20 cm) ومهمل الكتلة . أحسب موضع مركز الكتلة ؟



**العلاقات الرياضية المستخدمة في المنهج****التحويلات**

$gm \times 10^{-3} \rightarrow Kg$ $mg \times 10^{-6} \rightarrow Kg$	الكتلة	$cm \times 10^{-2} \rightarrow m$ $mm \times 10^{-3} \rightarrow m$	الطول
$min \times 60 \rightarrow S$ $hr \times 3600 \rightarrow S$	الزمن	$cm^2 \times 10^{-4} \rightarrow m^2$ $mm^2 \times 10^{-6} \rightarrow m^2$	المساحة
$Km/h \times \frac{1000}{3600} \rightarrow m/s$	السرعة	$cm^3 \times 10^{-6} \rightarrow m^3$ $mm^3 \times 10^{-9} \rightarrow m^3$	الحجم

**ثوابتين المتجهات**

$R = \vec{A} + \vec{B} = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta}$	محصلة متجهين بطريقة جمع المتجهات
$\sin \alpha = \frac{B \sin \theta}{R}$	اتجاه المحصلة بطريقة جمع المتجهات
$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$	ناتج الضرب العددي
$\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$	ناتج الضرب الاتجاهي
$\cos \theta = \frac{F_x}{F} \Rightarrow F_x = F \cos \theta$	المركبة الأفقيّة للمتجه
$\sin \theta = \frac{F_y}{F} \Rightarrow F_y = F \sin \theta$	المركبة الرأسية للمتجه
$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$	محصلة متجهين بطريقة تحليل المتجهات
$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x}$	اتجاه المحصلة بطريقة تحليل المتجهات

**معادلات الحركة للمقدارب الأفقي ( $\theta = 0$ )**

معادلات الحركة على المحور الرأسي (y)	معادلات الحركة على المحور الأفقي (x)
$V_y = gt = \sqrt{2gy}$ * المركبة الرأسية للسرعة :	$V_x = V_{oX} = \frac{X}{t}$ * المركبة الأفقيّة للسرعة :
$y = \frac{1}{2}gt^2$ * الارتفاع الرأسي :	$X = V_x \cdot t$ * المسافة الأفقيّة (المدى الأفقي) :
$t = \sqrt{\frac{2y}{g}}$ * زمن السقوط :	$t = \frac{X}{V_x}$ * زمن السقوط :
$\tan \theta = \frac{V_y}{V_x}$ * اتجاه السرعة الكلية :	$V_T = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$ * السرعة الكلية :

**معادلات الحركة للمقدارب بزاوية ( $\theta$ )**

معادلات الحركة على المحور الرأسي (y)	معادلات الحركة على المحور الأفقي (x)	
$v_{0y} = v_0 \sin \theta$	$v_{0X} = v_0 \cos \theta$	السرعة الابتدائية
$v_y = v_0 \sin \theta - gt$	$v_x = v_{0X} = v_0 \cos \theta$	معادلة السرعة
$y = v_0 \sin \theta \cdot t - \frac{1}{2}gt^2$	$X = v_0 \cos \theta \cdot t$	معادلة المسافة
$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$	$t' = 2t = 2 \cdot \left( \frac{v_0 \sin \theta}{g} \right)$	معادلة الزمن
$h_{\max} = \frac{V_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$	$R = \frac{V_0^2 \sin (2\theta)}{g}$	معادلة المدى وأقصى ارتفاع
$y = (\tan \theta)X - \left( \frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \theta} \right) X^2$		معادلة المسار

**متوانين مركز الكتلة**

$x_{c.m.} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$	$y_{c.m.} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$	$z_{c.m.} = \frac{m_1 z_1 + m_2 z_2 + m_3 z_3}{m_1 + m_2 + m_3}$
حساب موقع مركز الكتلة		

### قوانين الحركة الدائرية

$\theta = \frac{S}{r} = 2\pi \cdot N$	الإزاحة الزاوية
$L = 2\pi \cdot r$	محيط الدائرة
$V = \frac{S}{t} = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r \cdot f = \omega \cdot r$	السرعة الخطية (المماسية)
$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi \cdot f = \frac{V}{r}$	السرعة الزاوية (الدائرية)
$f = \frac{N}{t} = \frac{1}{T}$	التردد
$T = \frac{t}{N} = \frac{1}{f}$	الזמן الدوري
$a_c = \frac{V^2}{r} = \omega^2 \cdot r$	العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة
$F_c = m \cdot a_c = \frac{m V^2}{r} = m \omega^2 r$	القوة الجاذبة المركزية

### قوانين المنطبقات الدائرية

المنعطف الدائري الأفقي	
$N = mg$	رد فعل الطريق
$\mu = \frac{f}{N}$	معامل احتكاك

