

قوانين الحادى عشر علمى  
فك

1 ← مجال لبروال

"الدالة"	"مجالها"
كثيرة الحدود	$\mathbb{R}$
مطلق	$\mathbb{R}$
الحدودية النسبية	$\mathbb{R} / \{ \text{أصفار المقام} \}$
الجذر التربيعى	$\geq 0$ ما تحت الجذر
خرب أو جمع أو طرح والقنين	مجال لثانى $\cap$ مجال لأول
قسمة القنين	$\{ \text{أصفار المقام} \} / \text{مجال لثانى} \cap \text{مجال لأول}$

اعداد: ١٠ ابراهيم عتيق

2 ← الدالة لتربيعية

رأس لى لى نقطة  $(h, K)$

$$y = a(x-h)^2 + K$$

رأسها لى نقطة لأصل  $(0,0)$

$$y = ax^2$$

\* تذكرات

- 1- "a" موجب ← لى لى مفتوح لأعلى
- 2- "a" سالب ← لى لى مفتوح لأسفل
- 3-  $|a| > 1$  ← الرسم أضيق
- 4-  $|a| < 1$  ← الرسم أوسع

٢  
٣) الدالة الزوجية ←  $f(-x) = f(x)$  "متماثلة حول محور y"

الدالة الفردية ←  $f(-x) = -f(x)$  "متماثلة حول نقطة الأصل"

### سلوك إنطائية

٤

درجة الحدودية



- زوجي: "يسار مثل"
- فردي: "يسار عكس"

عامل إرثيس



- موجب: "يمين أعلى"
- سالب: "يمين أسفل"

### "نظرية عامل"

٥

$(x-a)$  عامل خطي لكثيرة الحدود  $\iff$  "a" صفر من أصفار الحدودية

### "نظرية إباقي"

٦

إذا كان:  $f(x) \div (x-a)$   
فإن:  $f(a)$  هو باقى لقسمة

لعداد:  $f(a)$  الباقي عطي

### "الدالة الأسية"

$y = ab^x$

٧

$0 < b < 1$  ← تناؤل أسى  
"b" عامل تناؤل

$b > 1$  ← تنوأسى  
"b" عامل تنو

«خواص اللوغاريتمات» ← ١

①  $\log_b mn = \log_b m + \log_b n$

«جمع»  $\xrightarrow[\text{إلى}]{\text{يتحول}}$  «الضرب»

②  $\log_b \frac{m}{n} = \log_b m - \log_b n$

«طرح»  $\xrightarrow[\text{إلى}]{\text{تتحول}}$  «القسمة»

③  $\log_b m^k = k \log_b m$

«قبل اللوغاريتم»  $\rightarrow$  «الأس»

④  $\log_b 1 = 0$

⑤  $\log_b b = 1$

⑥  $\log_b b^m = m \log_b b = m$

اعداد: ١ الى ١٠ يطبق

«قاعدة تغيير الأساس» ← ٩

$$\log_b m = \frac{\log_c m}{\log_c b}$$



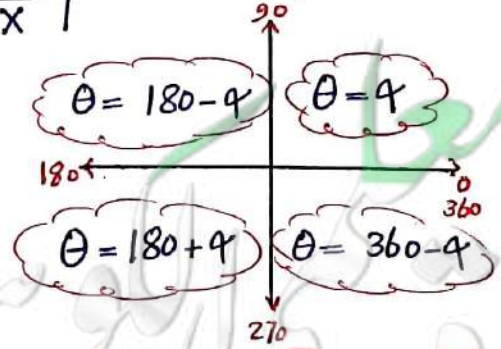
$\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$

معيار المتجه ←

← ١٠

$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right|$

زاوية الإسناد ←



⑪ ← "متجه لوحدة" شرطه ← معياره = 1

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2} = 1$$

⑫ ← "تساوي متجهين" ←  $\vec{A} = \langle x_1, y_1 \rangle$  و  $\vec{B} = \langle x_2, y_2 \rangle$

$$\vec{A} = \vec{B} \iff \begin{matrix} x_1 = x_2 & , & y_1 = y_2 \\ \text{الأول} = \text{الأول} & & \text{الثاني} = \text{الثاني} \end{matrix}$$

⑬ ← "المتجه لعكس" :-

$$\langle \vec{AB} \rangle \xleftarrow[\text{معاكس}]{\text{متجه}} \langle \vec{BA} \rangle$$

$$\therefore \langle \vec{AB} \rangle = - \langle \vec{BA} \rangle$$

⑭ ←  $A, B, C$  على استقامة واحدة  $\iff \langle \vec{AB} \rangle = K \langle \vec{AC} \rangle$   
 $0 \neq K$

⑮ ← "الضرب الداخلي لمتجهين"

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = \|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\| \cdot \cos(\vec{A}, \vec{B})$$

أو

$$\vec{A} = \langle x_1, y_1 \rangle \quad \& \quad \vec{B} = \langle x_2, y_2 \rangle$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = \begin{matrix} x_1 \cdot x_2 & + & y_1 \cdot y_2 \\ \text{الأول} \cdot \text{الأول} & + & \text{الثاني} \cdot \text{الثاني} \end{matrix}$$

اعداد: 1/2 / انزلهم عطيته

5

← 16 "شرط لتعامد"  $\vec{A} \perp \vec{B} \iff \vec{A} \cdot \vec{B} = 0$   
 حاصل ضربهم = 0

← 17 "شرط لتوازي"  $\vec{A} \parallel \vec{B} \iff \vec{A} = K \vec{B}$   
 أو

$\vec{A} \parallel \vec{B} \iff \vec{A} = \langle x_1, y_1 \rangle$  ،  $\vec{B} = \langle x_2, y_2 \rangle$   
 الطرفین الوسطین

حاصل ضرب الطرفین - حاصل ضرب الوسطین = صفر

اعداد 12 البرهان عظيم

← 18 "قياس لزاوية بين متجهين"

$\cos(\vec{A}, \vec{B}) = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{\|\vec{A}\| \cdot \|\vec{B}\|}$  ،  $0^\circ \leq m(\vec{A}, \vec{B}) \leq 180^\circ$

← 19 أنواع البيانات



٦

$$\text{كسر العينة} = \frac{\text{حجم العينة}}{\text{حجم المجتمع}}$$

$$\text{طول الفترة} = \frac{\text{حجم المجتمع}}{\text{حجم العينة}}$$

٢١) قياس إزاوية مركزية لمطّاع

$$= \text{إتكرار النسبي} \times 360^\circ$$

٢٢) القاعدة لتجريبية

\* حوالي 68% ←  $[\bar{x} - \sigma \text{ و } \bar{x} + \sigma]$

\* حوالي 95% ←  $[\bar{x} - 2\sigma \text{ و } \bar{x} + 2\sigma]$

\* حوالي 99.7% ←  $[\bar{x} - 3\sigma \text{ و } \bar{x} + 3\sigma]$

٢٣) القيمة إحصائية

$$Z = \frac{X - \bar{X}}{\sigma}$$

إعداد: أ. إبراهيم عطية