وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة حولي التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان و١٥ دقيقة
عدد الصفحات : ١١

**نموذج اختبار تجريبي الفترة الدراسية الثانية للصف العاشر**
**للعام الدراسي : ٢٠٢٤/٢٠٢٥ م**

---

## القسم الأول – أسئلة المقال
## تراعي الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

**( ١٢ درجة )**

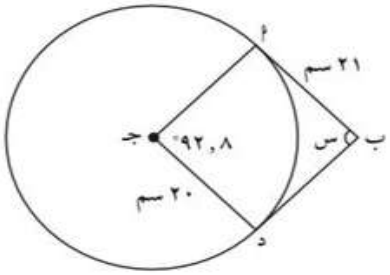
**السؤال الأول:**

**( أ ) ب أ ، ب د مماسان للدائرة اوجد مايلي :**

**١- اوجد قيمة س .**

**٢- اوجد محيط الشكل الرباعي ب أ جـ د .**

**٣- اوجد ب جـ .**




**الحل:**

∵ ب أ، ب د مماسان في الدائرة.
∵ أجـ نصف قطر الدائرة .
∴ أجـ ⊥ ب أ نظرية.
∴ ق ( ب أ جـ) = ٩٠.
∵ ب أ، ب د مماسان في الدائرة.
∵ جـ د نصف قطر الدائرة .
∴ جـ د ⊥ ب د نظرية.
∴ ق ( ب د جـ) = ٩٠.

في الشكل الرباعي ب أ جـ د
ق ( س ) = ٣٦٠° – ( ٩٠°+٩٠°+٩٢,٨°) = ٨٧,٢°
( مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي= ٣٦٠°)
أجـ = جـ د = ٢٠ سم انصاف اقطار الدائرة.
ب أ ، ب د مماسان يتقاطعان خارج دائرة في ب .
ب أ = ب د = ٢١ سم . نظرية .

محيط الشكل الرباعي ب أ جـ د = أب + ب د + أ جـ + د جـ
= ٢١+٢١ + ٢٠ +٢٠ = ٨٢ سم .

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الأول :**

**( ب ) اوجد البعد بين النقطة س ( - ٤ ، ٣ )**

**والمستقيم ل : ٢ ص = ٣ س - ٧**

**الحل :**

النقطة ( -٤ ،٣) ، المعادلة : ٣ س – ٢ ص -٧ = ٠

أ= ٣ ، ب = -٢ ، جـ = -٧ ، س = -٤ ، ص = ٣ .

البعد $= \frac{|أ س_{١} + ب ص_{١} + جـ|}{\sqrt{أ^{٢} + ب^{٢}}} = \frac{|٣ \times (-٤) + (-٢) \times ٣ + (-٧)|}{\sqrt{(٣)^{٢} + (-٢)^{٢}}}$

$= \frac{|(-١٢) + (-٦) + (-٧)|}{\sqrt{١٣}} = \frac{|-٢٥|}{\sqrt{١٣}} = \frac{٢٥\sqrt{١٣}}{١٣}$

أي ان البعد من النقطة س الى المستقيم يساوي $\frac{٢٥\sqrt{١٣}}{١٣}$ وحدة طول .

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثاني :**

**( ١٢ درجة )**

**( أ ) اذا كان أ ، ب حدثان في فضاء العينة ف وكان :**

**ل ( أ ) = ٠,٥ ، ل ( $\overline{ب}$ ) = ٠,٢ ، ل ( أ ∩ ب ) = ٠,٤**

**اوجد:**

**١- ل ( ب )** **٢- ل ( أ ∪ ب )** **٣- ل ( أ | ب )**

**الحل :**

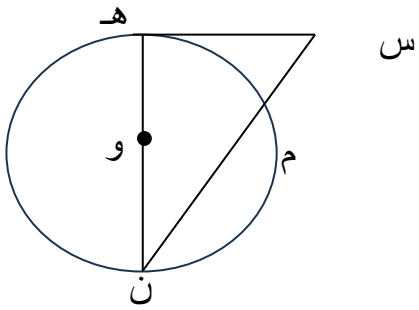
ل ( ب ) = ١ – ل ( $\overline{ب}$ ) = ١- ٠,٢ = ٠,٨

ل ( أ ∪ ب ) = ل ( أ ) + ل ( ب ) – ل ( أ ∩ ب )
= ٠,٥ + ٠,٨ - ٠,٤
= ٠,٩

$$ل ( أ | ب ) = \frac{ل ( أ ∩ ب )}{ل ( ب )} = \frac{٠,٤}{٠,٨} = ٠,٥$$

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الثاني :**




**( ب ) في الشكل المقابل س هـ مماس للدائرة عند هـ**

**س م = ٤ سم ، م ن = ١٢ سم اوجد:**

**١- طول $\overline{\text{س هـ}}$ . ٢- طول $\overline{\text{ن هـ}}$ .**

**الحل :**

$\overleftrightarrow{\text{س هـ}}$ مماس للدائرة.

$\overline{\text{س ن}}$ قاطع للدائرة.

$\overline{\text{س هـ}}$ ، $\overline{\text{س ن}}$ يتقاطعان في س .

$(\text{س هـ})^{٢} = \text{س م} \times \text{س ن}$ نتيجه .

$= ٤ \times ١٦ = ٦٤$

$\text{س هـ} = \sqrt{٦٤} = + ٨$ سم

$\overline{\text{هـ و}}$ نصف قطر التماس

$\overleftrightarrow{\text{س هـ}} \perp \overline{\text{هـ و}}$ نظرية

$ق(\text{س } \hat{\text{هـ}} \text{ و}) = ٩٠^{\circ}$

المثلث ن هـ س قائم الزاوية في هـ

$\text{ن هـ} = \sqrt{(\text{س ن})^{٢} - (\text{س هـ})^{٢}}$ نظرية فيثاغورث

$= \sqrt{(١٦)^{٢} - (٨)^{٢}}$

$= \sqrt{٢٥٦ - ٦٤}$

$= \sqrt{١٩٢}$

$= ٨\sqrt{٣}$ سم

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الثاني :**

**( جـ) حل المعادلة**

**٢ جتا س -١ = ٠**

**الحل :**

٢ جتا س = ١

جتا س = $\frac{١}{٢}$

جتا س = جتا$\frac{\pi}{٣}$

جتا س > ٠

س تقع في الربع الأول والرابع .

| الربع الأول : | الربع الرابع : |
|---|---|
| س = $\frac{\pi}{٣}$ + ٢ ك $\pi$ | س = $\frac{\pi-}{٣}$ + ٢ك $\pi$ ( ك ∋ ص ) |

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثالث :**

**( أ )** **( ١٢ درجة )**

**حل النظام** $\begin{cases} س + ٣ ص = ٥ \\ س + ٤ ص = ٦ \end{cases}$ **بإستخدام النظير الضربي للمصفوفة**

**الحل:**

$أ = \begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ١ & ٤ \end{bmatrix}$ ، $ع = \begin{bmatrix} س \\ ص \end{bmatrix}$ ، $ب = \begin{bmatrix} ٥ \\ ٦ \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ١ & ٤ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} س \\ ص \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ \\ ٦ \end{bmatrix} \quad (١)$$

$|أ| = ٤ \times ١ - ١ \times ٣ = ١ \neq ٠$

$$أ^{-١} = \frac{١}{|أ|} \begin{bmatrix} د & -ب \\ -جـ & أ \end{bmatrix}$$

$$= ١ \times \begin{bmatrix} ٤ & -٣ \\ -١ & ١ \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٤ & -٣ \\ -١ & ١ \end{bmatrix}$$

بضرب كلا من طرفي المعادلة (١) من جهه اليمين في $أ^{-١}$

$$\begin{bmatrix} س \\ ص \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٤ & -٣ \\ -١ & ١ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ٥ \\ ٦ \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٤ \times ٥ + -٣ \times ٦ \\ -١ \times ٥ + ١ \times ٦ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٢ \\ ١ \end{bmatrix}$$

س = ٢ ، ص = ١



صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الثالث :**

**(ب) بدون استخدام الالة الحاسبة اذا كان جا $\theta = \frac{٣}{٥}$ ، $٠ < \theta < \frac{\pi}{٢}$**

**اوجد : جتا $\theta$ ، ظتا $\theta$ ، قتا $\theta$**

**الحل :**

جا$^{٢}$ $\theta$ + جتا$^{٢}$ $\theta$ = ١

$(\frac{٣}{٥})^{٢}$ + جتا$^{٢}$ $\theta$ = ١

جتا$^{٢}$ $\theta$ = ١ - $(\frac{٣}{٥})^{٢}$ = $\frac{١٦}{٢٥}$

جتا $\theta$ = $\frac{٤}{٥}$ او جتا $\theta$ = $\frac{-٤}{٥}$

$٠ < \theta < \frac{\pi}{٢}$ ، ∴ $\theta$ تقع في الربع الأول ( جتا $\theta$ > ٠ )

جتا $\theta$ = $\frac{٤}{٥}$ ، جتا $\theta$ = $\frac{-٤}{٥}$ مرفوضة

ظتا $\theta$ = $\frac{\text{جتا}\theta}{\text{جا}\theta}$ = $\frac{(\frac{٤}{٥})}{(\frac{٣}{٥})}$ = $\frac{٤}{٣}$

قتا $\theta$ = $\frac{١}{\text{جا}\theta}$ = $\frac{١}{(\frac{٣}{٥})}$ = $\frac{٥}{٣}$

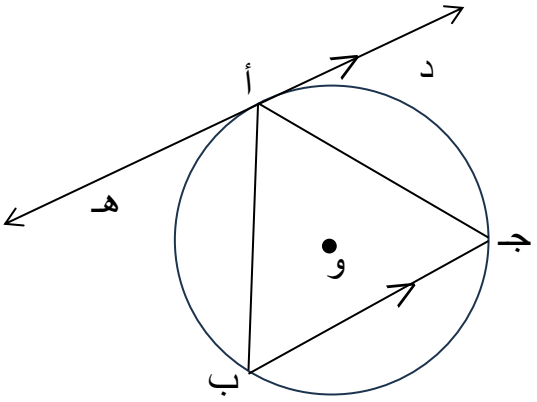
صفوة معلمي الكويت

**السؤال الرابع :** **( ١٢ درجة )**

**( أ ) في الشكل المقابل د هـ مماس للدائرة عند النقطة أ ،**

**ب جـ وتر في الدائرة مواز للمماس د هـ**

**أثبت ان المثلث أ ب جـ متطابق الضلعين .**




**الحل :**

∵ د هـ // ب جـ

∴ ق (د $\hat{أ}$ جـ) = ق ( أ $\hat{جـ}$ ب ) بالتبادل والتوازي ( ١ )

∵ ق( د $\hat{أ}$ جـ) = ق ( أ $\hat{ب}$ جـ ) زاوية مماسية وزاوية محيطية تحصران القوس نفسه $\overset{\frown}{أجـ}$ ( ٢ )

من (١) و ( ٢ ) :

ق ( أ $\hat{جـ}$ ب ) = ق ( أ $\hat{ب}$ جـ )

ومنه : أ جـ = أ ب

أي ان المثلث أ ب جـ متطابق الضلعين .

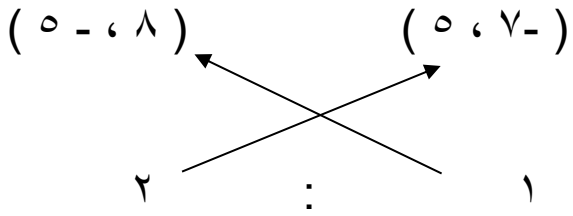
صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الرابع:**

**( ب ) اذا كان أ ( -٧ ، ٥) ، ب ( ٨ ، -٥ ) ويراد تقسيم $\overline{أ ب}$ من الداخل من جهه أ في نقطة جـ بنسبة ١ : ٢**

**اوجد احداثيات النقطة جـ .**

**الحل :**




$$جـ = \left( \frac{م س_{٢} + ن س_{١}}{ن + م} ، \frac{م ص_{٢} + ن ص_{١}}{ن + م} \right)$$

$$= \left( \frac{١ \times ٨ + ٢ \times (-٧)}{٢ + ١} ، \frac{١ \times (-٥) + ٢ \times ٥}{٢ + ١} \right)$$

$$= \left( \frac{٨ + (-١٤)}{٣} ، \frac{(-٥) + ١٠}{٣} \right)$$

$$= \left( \frac{-٦}{٣} ، \frac{٥}{٣} \right)$$

$$= \left( -٢ ، \frac{٥}{٣} \right)$$

صفوة معلمي الكويت

## ثانيا: البنود الموضوعية

**أولا: في البنود من (١) إلى (٢) عبارات ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة**
**(ب) إذا كانت العبارة خاطئة .**

**(١) عدد اللجان المكونة من ثلاثة اشخاص والتي يمكن تكوينها من مجموعة من أربعة اشخاص يساوي** $\binom{٤}{٣}$

**(٢) قياس الزاوية المركزية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في نفس القوس.**

**ثانيا : في البنود من (٣) إلى (٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .**

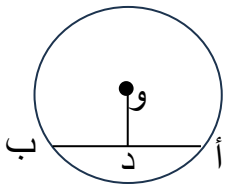
**(٣)** $جا^{٣}س + جاس \times جتا^{٢}س =$

**(أ)** جاس **(ب)** جتاس **(جـ)** ١ **(د)** -١

**(٤) اذا كانت المصفوفة أ =** $\begin{bmatrix} س & ٦ \\ ٢ & -٣ \end{bmatrix}$ **منفردة فإن قيمة س تساوي**

**(أ)** صفر **(ب)** ٤ **(جـ)** -٤ **(د)** -٣

**(٥) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، د منتصف $\overline{أب}$ ، أب= ٦سم ، ود= ٤سم ، طول نصف قطر الدائرة يساوي:**




**(أ)** ١٠ سم **(ب)** ٦سم **(جـ)** ٥ سم **(د)** ٤ سم

صفوة معلمي الكويت

**(٦) اذا كانت أ=** $\begin{bmatrix} ١ & ٢ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix}$ **، ب=** $\begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix}$ **فإن أ+ ٢ ب =**

(أ) $\begin{bmatrix} ٢ & ٦ \\ ٤ & ٢ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٢ & ٥ \\ ٤ & ٢ \end{bmatrix}$ (جـ) $\begin{bmatrix} ٣ & ٧ \\ ٦ & ٣ \end{bmatrix}$ (ء) $\begin{bmatrix} ٣ & ٨ \\ ٦ & ٣ \end{bmatrix}$

---

**(٧) مركز الدائرة : س$^{٢}$ + ص$^{٢}$ – ٤ س +٦ ص +١ = ٠ هو :**

**(أ)** (-٢ ، ٣ ) **(ب)** (٤، ٣ ) **(جـ)** (٢،-٣) **(د)** ( -٢،-٣)

---

**(٨) الزاوية التي في الوضع القياسي وضلعها النهائي يمر بالنقطة (** $\frac{-\sqrt{٢}}{٢}$ ، $\frac{\sqrt{٢}}{٢}$ **)**

**(أ)** ٤٥° **(ب)** ١٣٥° **(جـ)** ٢٢٥° **(د)** ٣٣٠°

---

" انتهت الأسئلة "

صفوة معلمي الكويت

# ورقة إجابة البنود الموضوعية

| السؤال | الإجابة | | | |
|---|---|---|---|---|
| ١ | أ | ب | | |
| ٢ | أ | ب | | |
| ٣ | أ | ب | جـ | د |
| ٤ | أ | ب | جـ | د |
| ٥ | أ | ب | جـ | د |
| ٦ | أ | ب | جـ | د |
| ٧ | أ | ب | جـ | د |
| ٨ | أ | ب | جـ | د |

**لكل بند درجة واحدة فقط**

٨

صفوة معلمي الكويت

وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة حولي التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان و ١٥ دقيقة
عدد الصفحات : ١١

إجابة نموذج اختبار تجريبي الفترة الدراسية الثانية للصف العاشر
العام الدراسي : ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

## القسم الأول – أسئلة المقال

### أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها

**السؤال الأول :**

**( أ ) حل المعادلة المصفوفية :**

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٥ & ٣ \end{bmatrix} \times \underline{س} + \begin{bmatrix} ١ & ٢- \\ ٣ & ٧- \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤- \\ ٣ & ١ \end{bmatrix}$$

**الحـــــــــــــــل**

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٥ & ٣ \end{bmatrix} \times \underline{س} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤- \\ ٣ & ١ \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} ١ & ٢- \\ ٣ & ٧- \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٥ & ٣ \end{bmatrix} \times \underline{س} = \begin{bmatrix} ٤ & ٢- \\ ٠ & ٨ \end{bmatrix}$$

$$\underline{أ} \times \underline{س} = \underline{ب}$$

$$|\underline{أ}| = \begin{vmatrix} ٢ & ٣ \\ ٥ & ٣ \end{vmatrix} = ٢ \times ٣ - ٥ \times ٣ = ١ - \neq ٠$$

$$\underline{أ}^{-١} = \begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٥ & ٣ \end{bmatrix}^{-١} = \frac{١}{١-} \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix}$$

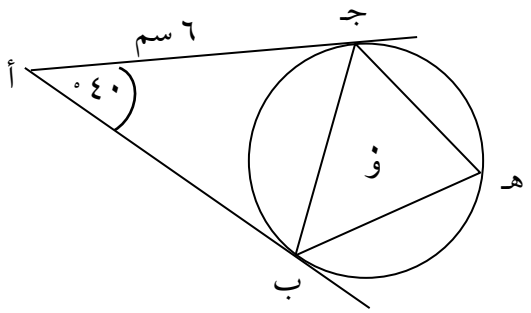
$$\underline{س} = \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ٤ & ٢- \\ ٠ & ٨ \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٢٠ + ٠ & ١٠- + ٢٤- \\ ١٢- + ٠ & ٦ + ١٦ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٢٠ & ٣٤- \\ ١٢- & ٢٢ \end{bmatrix}$$

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الأول :**

**( ب ) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، $\overline{أ ب}$، $\overline{أ جـ}$ قطعتان مماسان للدائرة عند ب ، جـ على الترتيب**




**، ق ( أ ) = ٤٠° ، أ جـ = ٦ سم**

**أوجد ( ١ ) أ ب**

**( ٢ ) ق ( أ جـ ب )**

**( ٣ ) ق ( جـ هـ ب )**

**الإجابة**

**الـــــــــبرهان :**

∵ $\overline{أ ب}$، $\overline{أ جـ}$ مماسان للدائرة عند النقطة أ

∴ أ ب = أ جـ = ٦ سم ( المطلوب ١ )

Δ ب أ جـ مثلث متطابق الضلعين ( برهـــــــــان )

ومجموع قياسات المثلث = ١٨٠°

$$ق(أ\hat{ب}\ جـ) = ق(أ\hat{جـ}\ ب) = \frac{١٨٠° - ٤٠°}{٢}$$

= ٧٠° ( المطلوب ٢ )

∵ $أ\hat{جـ}\ ب$ ، $جـ\hat{هـ}\ ب$ زاوية مماسية وزاوية محيطية تحصان القوي نفسه $\overset{\frown}{ب\ جـ}$

ق ( $أ\hat{جـ}\ ب$ ) = ق ( $جـ\hat{هـ}\ ب$ ) = ٧٠° ( المطلوب ٣ )

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثاني :**

( أ ) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{(\text{قا}\,\theta + ١)(\text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta} = \text{قا}^{٢}\,\theta$

**الإجابة**

الطرف الأيمن $= \frac{(\text{قا}\,\theta + ١)(\text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{(\text{قا}^{٢}\,\theta - \text{قا}\,\theta + \text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{قا}^{٢}\,\theta - ١}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{ظـــا}^{٢}\,\theta}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{جـــا}^{٢}\,\theta}{\text{جتـــا}^{٢}\theta} \times \frac{١}{\text{جـــا}^{٢}\theta}$

$= \frac{١}{\text{جتـــا}^{٢}\theta}$

$= \text{قـــــا}^{٢}\,\theta$

= الطرف الايسر

صفوة معلمي الكويت

**تابع :السؤال الثاني :**

**( ب )أوجد البعد بين النقطة أ ( ـ٤ ، ـ ٣ ) والمستقيم ل : ٤ ص = ٣ س – ٧**

**الإجابة**

القـــــــــــانون

$$ف = \frac{|أ س_{١} + ب ص_{١} + جـ|}{\sqrt{أ^{٢} + ب^{٢}}}$$

**المعادلة في الصورة العامة :**

ـ ٣ س + ٤ ص + ٧ = ٠

أ = ـ ٣ ب = ٤ جـ = ٧ س١ = ـ٤ ص١ = ـ٣

$$ف = \frac{|-٣ \times -٤ + ٤ \times -٣ + ٧|}{\sqrt{(-٣)^{٢} + (٤)^{٢}}}$$

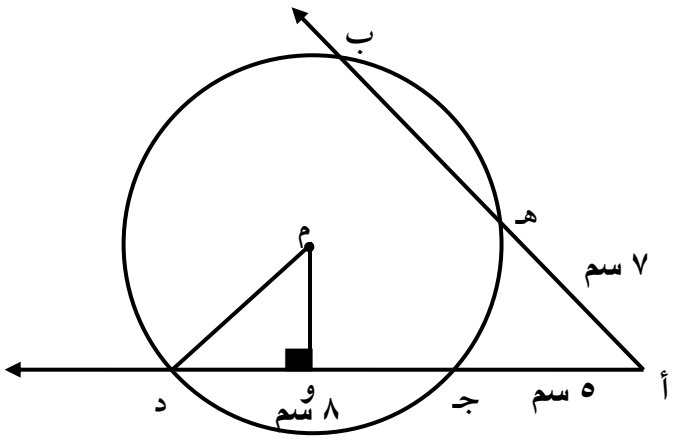
$$ف = \frac{|٧|}{\sqrt{٢٥}}$$

$$ف = \frac{٧}{٥} \text{ وحدة طول}$$

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثالث :**

**( أ ) في الشكل المقابل : دائرة مركزها م ، أهـ = ٧ سم ، أ جـ = ٥ سم ، م و = ٦ سم**




**جـ د = ٨ سم ، $\overline{م و} \perp \overline{جـ د}$**

**أوجد : ١ ) طول $\overline{هـ ب}$**

**٢ ) طول $\overline{م د}$**

**الإجابة**

**البرهـــــــــان :**

∵ $\overline{د جـ}$ ، $\overline{ب جـ}$ وتران للدائرة التي مركزها م ويتقاطع امتدادهما خارجها عند النقطة أ

∴ أ جـ × أ د = أ هـ × أ ب

٥ × ( ٥ + ٨ ) = ٧ × أ ب

١٠٥ = ٧ × أ ب

$$\text{أ ب} = \frac{٦٥}{٧}$$

= ٩,٢ سم

**هـ ب = ٩,٢ − ٧ = ٢,٢٨ سم** **( المطلوب ١ )**

∵ $\overline{م و} \perp \overline{جـ د}$

∵ $\overline{م و}$ ينصف $\overline{جـ د}$

جـ و = و د = ١٦ ÷ ٢ = ٨ سم

في المثلث م و د قائم الزاوية في $\hat{م}$

م د = $\sqrt{(٤)^{٢} + (٦)^{٢}}$ = $\sqrt{٥٢}$ = $\sqrt{٢ \times ١٣}$ سم **( المطلوب ٢ )**

**تابع :السؤال الثالث :**

**( ب ) إذا كان أ ، ب حدثان في فضاء العينة ف ، وكان ل ( أ ) = ٠,٥ ،**

ل ( $\bar{ب}$ ) = ٠,٢ ، ل ( أ ∩ ب )= ٠,٤

**أوجد : ١ ) ل ( ب )  ٢ ) ل ( أ ∪ ب )  ٣ ) ل ( أ / ب )**

**الإجابة**

ل ( أ ) = ٠,٥  ل ( $\bar{ب}$ ) = ٠,٢  ل ( أ ∩ ب ) = ٠,٤

( ١ ) ل ( ب ) = ١ - ل ( $\bar{ب}$ )

= ١ – ٠,٢

= ٠,٨

( ٢ ) ل ( أ ∪ ب ) = ل ( أ ) + ل ( ب ) – ل ( أ ∩ ب )

= ٠,٥ + ٠,٨ - ٠,٤

= ٠,٩

( ٣ ) $ل(أ/ب) = \frac{ل(أ \cap ب)}{ل(ب)}$

$= \frac{٠,٤}{٠,٨}$

$= \frac{١}{٢}$

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الرابع :**

**( أ ) حل المعادلة : ٢ جتا س – ١ = صفر**

**الإجـــــابة**

**٢ جتا س – ١ = صفر**

**٢ جتا س = ١**

$$\text{جتا س} = \frac{١}{٢}$$

$$\text{جتا س} = \text{جتا } \frac{\pi}{٣}$$

∵ جتا س > ٠

∴ $\overset{\frown}{س}$ تقع في الربع الأول أو الربع الرابع

في الربع الأول : $س = \theta + ٢ ك \pi$

$$= \frac{\pi}{٣} + ٢ ك \pi \qquad ك \in ص$$

في الربع الرابع : $س = - \theta + ٢ ك \pi$

$$= - \frac{\pi}{٣} + ٢ ك \pi \qquad ك \in ص$$

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الرابع :**

**( ب ) أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها :**

**( س – ١ ) $^{٢}$ + ( ص – ٢ ) $^{٢}$ = ٥ عند نقطة التماس أ ( ٣ ، ١ )**

**الإجـــــابة**

**النقطة أ ( ٣ ، ١ ) تنتمي إلى الدائرة**

**إحداثيات مركز الدائرة و ( ١ ، ٢ )**

$$\text{ميل ( نصف القطر ) = م } \overline{أو} = \frac{ص_{٢} - ص_{١}}{س_{٢} - س_{١}}$$

$$= \frac{٢ - ١}{١ - ٣}$$

$$= \frac{-١}{٢}$$

∴ **نصف قطر التماس $\overline{أو}$ عمود على مماس الدائرة**

**ميل** المماس × **ميل** نصف قطر التماس = ـ ١

**ميل** المماس × $\frac{-١}{٢}$ = ـ ١

**ميل** المماس = ٢

**معادلة المماس $\overline{وأ}$ الذي ميله ٢ ويمر بالنقطة ( ٣ ، ١ ) هي :**

ص – ص $_{١}$ = م ( س – س $_{١}$ )

ص – ١ = ٢ ( س – ٣ )

ص – ١ = ٢ س – ٦

ص = ٢ س ـ ٥

**معادلة المماس ص = ٢ س – ٥**

صفوة معلمي الكويت

## القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١) إلى (٣) عبارات ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة

(ب) إذا كانت العبارة خاطئة

==========

( ١ ) إذا كان طول قطر دائرة يساوي ٢٠ سم وطول أحد أوتارها ١٦ سم فإن البعد بين مركز الدائرة وذلك الوتر هو ٨ سم

( ٢ ) إذا كانت $\begin{bmatrix} س & ١ \\ ٢ & ٤ \\ ص & -١ \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} ٣ & ٣ \\ ع & -١ \\ ١ & ١ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤ \\ ٢ & ٣ \\ -١ & ٠ \end{bmatrix}$

فإن س + ص + ع = ٠

( ٣ ) جا $\theta$ قتا $\theta$ - جتا $^{٢}$ $\theta$ - حا$^{٢}$ $\theta$ = صفر

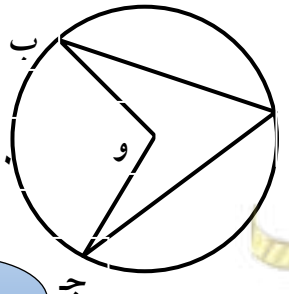
==========

**ثانيا :في البنود من (٤) إلي (٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :**

( ٤ ) إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة قيم بيانات يساوي ٤ وكان مجموعة مربعات انحرافات هذه القيم عن متوسطها الحسابي يساوي ١٩٢ فإن عدد القيم يساوي

(أ) ١٦ (ب) ٤٨ (جـ) ١٢ (د) ليس أياً مما سبق

**( ٥ ) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، ق ( ب جـ ) = ١٤٠ °**




**فأن ق ( ب أ جـ ) ، ق ( ب و جـ ) علي الترتيب هما :**

(أ) ٢٨٠ ° ، ١٤٠ °

(ب) ٧٠ ° ، ١٤٠ °

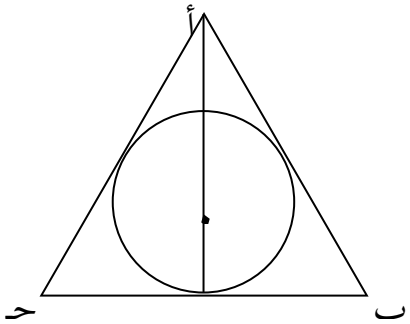
(ج) ١٤٠ ° ، ٧٠ °

(د) ١٤٠ ° ، ٢٨٠ °

( ٦ ) **في الشكل المقابل : دائرة داخلية للمثلث أ ب جـ ،**

**إذا كان المثلث أ ب جـ متطابق الأضلاع ، ب د = ١٠ سم**

**فان مساحة المثلث أ ب جـ تساوي ٠٠٠٠٠٠ سم$^{٢}$**




أ) ٥٠ ب) ٢٠٠ $\sqrt{٣}$ جـ) ١٠٠ $\sqrt{٣}$ د) ١٠٠

---

( ٧ ) ميل المستقيم الموازي للمستقيم : ٦ س + ٣ ص – ٧ = صفر يساوي :

أ) $\frac{١}{٢}$ ب) $-\frac{١}{٢}$ جـ) ٢ د) - ٢

---

( ٨ ) $\text{ظا}^{٣}$ ل =

أ) ٦٠ ب) ١٢٠ جـ) ٥ د) ١٥

صفوة معلمي الكويت

# إجابة البنود الموضوعية

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| ١ | أ | ب | | |
| ٢ | أ | ب | | |
| ٣ | أ | ب | | |
| ٤ | أ | ب | جـ | د |
| ٥ | أ | ب | جـ | د |
| ٦ | أ | ب | جـ | د |
| ٧ | أ | ب | جـ | د |
| ٨ | أ | ب | جـ | د |

صفوة معلمي الكويت

دولة الكويت
وزارة التربية
منطقة حولي التعليمية

نـــمـــوذج اخـــتـــبـــار
المجال الدراسي: الرياضيات
الزمن: ساعتان و١٥ دقيقة
عدد الصفحات: ١١ صفحات

نموذج إجابة اختبار الفترة الدراسية الثانية للصف العاشر (اختبار تجريبي)
للعام الدراسي ٢٠٢٤/٢٠٢٥م

---

القسم الأول – الأسئلة المقالية
يجب مراعاة الحلول الأخرى في جميع الأسئلة المقالية

السؤال الأول: (١٢ درجة)

( أ ) إذا كان: $\underline{أ} = \begin{bmatrix} ٣- & ٤ \\ ٥ & ٢ \end{bmatrix}$ ، $\underline{ب} = \begin{bmatrix} ١ & ٠ \\ ٢ & ٣- \end{bmatrix}$ ، أوجد $\underline{أ} \times \underline{ب}$

-- الحل --

$$\underline{أ} \times \underline{ب} = \begin{bmatrix} ٣- & ٤ \\ ٥ & ٢ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ١ & ٠ \\ ٢ & ٣- \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٣ - \times ٤ + ٠ \times ٣- & ٢ \times ٤ + ١ \times ٣- \\ ٣ - \times ٢ + ٠ \times ٥ & ٢ \times ٢ + ١ \times ٥ \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٥ & ١٢- \\ ٩ & ٦- \end{bmatrix}$$

---

( ب ) أوجد قيمة: ${}^{١١}ق_{٤}$

-- الحل --

$${}^{١١}ق_{٤} = \frac{!١١}{!(٤-١١)\ !٤}$$

$$= \frac{!١١}{!٧\ !٤}$$

$$= \frac{١١ \times ١٠ \times ٩ \times ٨ \times ٧ \times ٦ \times ٥ \times ٤ \times ٣ \times ٢ \times ١}{٧ \times ٦ \times ٥ \times ٤ \times ٣ \times ٢ \times ١ \times ٤ \times ٣ \times ٢ \times ١}$$

$$= ٣٣٠$$

صفوة تعليمي الكويت

تابع السؤال الأول:

( جـ ) إذا كان أ(-٧ ، ٥) ، ب(٨ ، -٥) ، أوجد إحداثيي النقطة ن(س ، ص)

التي تقسم $\overline{أ ب}$ من جهة أ من الداخل بنسبة ١ : ٢

-- الحل --

$$س = \frac{م \times س_{٢} + ن \times س_{١}}{م + ن}$$

$$= \frac{١ \times ٨ + ٢ \times -٧}{١ + ٢} = -٢$$

$$ص = \frac{م \times ص_{٢} + ن \times ص_{١}}{م + ن}$$

$$= \frac{١ \times -٥ + ٢ \times ٥}{١ + ٢} = \frac{٥}{٣}$$

نقطة التقسيم هي: ( -٢ ، $\frac{٥}{٣}$ )

صفوة معلمي الكويت

السؤال الثاني: (١٢ درجة)

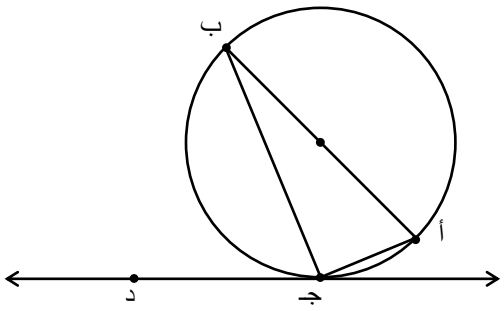
( أ ) في الشكل المقابل أ ب قطر في الدائرة ، ق ( أ $\overset{\frown}{ب}$ جـ ) = ٢٥° ، $\overleftrightarrow{جـ د}$ مماس

أوجد كلا مما يلي:

١) ق ( أ $\overset{\frown}{جـ}$ ب)

٢) ق ($\overset{\frown}{أ جـ}$)

٣) ق ( ب $\overset{\frown}{جـ}$ د )




-- الحل --

١) ق ( أ $\overset{\frown}{جـ}$ ب) = ٩٠°

زاوية محيطية تقابل قوس نصف الدائرة $\overset{\frown}{أ ب}$

٢) ق ($\overset{\frown}{أ جـ}$) = ٢ × ق ( أ $\overset{\frown}{ب}$ جـ ) ... نظرية

= ٢ × ٢٥° = ٥٠°

قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها

٣) ق ( ب $\hat{أ}$ جـ ) = ١٨٠° – ( ٢٥° + ٩٠° ) = ٦٥°

مجموع قياسات زوايا المثلث أ ب جـ =١٨٠°

ق ( ب $\overset{\frown}{جـ}$ د) = ق ( ب $\hat{أ}$ جـ ) = ٦٥°

قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه

صفوة معلمي الكويت

تابع السؤال الثاني:

( ب ) حل النظام: $\left\{\begin{array}{l} ٥س + ٣ص = ٧ \\ ٣س + ٢ص = ٥ \end{array}\right.$ باستخدام قاعدة كرامر

-- الحل --

$\Delta = \begin{vmatrix} ٥ & ٣ \\ ٣ & ٢ \end{vmatrix} = ٥ \times ٢ - ٣ \times ٣ = ١ \neq ٠ \leftarrow$ يوجد حل وحيد للنظام

$\Delta_{س} = \begin{vmatrix} ٧ & ٣ \\ ٥ & ٢ \end{vmatrix} = ٧ \times ٢ - ٣ \times ٥ = -١$

$\Delta_{ص} = \begin{vmatrix} ٥ & ٧ \\ ٣ & ٥ \end{vmatrix} = ٥ \times ٥ - ٧ \times ٣ = ٤$

$س = \frac{\Delta_{س}}{\Delta} = \frac{-١}{١} = -١$

$ص = \frac{\Delta_{ص}}{\Delta} = \frac{٤}{١} = ٤$

حل النظام : س = -١ ، ص = ٤

صفوة معلمي الكويت

السؤال الثالث: (١٢ درجة)

( أ ) حل المعادلة: ٢ جاس = $\sqrt{٢}$

-- الحل --

جاس = $\frac{\sqrt{٢}}{٢}$

جاس = جا($\frac{\pi}{٤}$)

جاس > ٠ ← س تقع في الربع الأول أو الربع الثاني

س$_{١}$ = $\pi$ك٢ + $\theta$ أو س$_{٢}$ = ( $\pi$ – $\theta$ ) + $\pi$ك٢ : ك ∈ ص

س$_{١}$ = $\frac{\pi}{٤}$ + $\pi$ك٢ أو س$_{٢}$ = ( $\pi$ – $\frac{\pi}{٤}$ ) + $\pi$ك٢ : ك ∈ ص

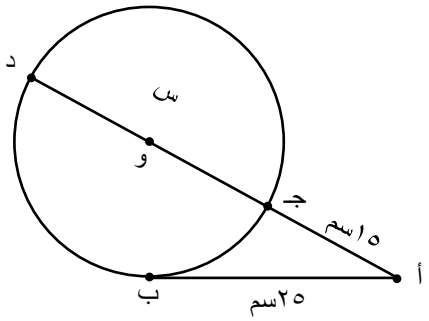
إذن حل المعادلة:

س$_{١}$ = $\frac{\pi}{٤}$ + $\pi$ك٢ أو س$_{٢}$ = $\frac{\pi ٣}{٤}$ + $\pi$ك٢ : ك ∈ ص

صفوة معلمي الكويت

تابع السؤال الثالث:

( ب ) في الشكل المقابل $\overline{أ ب}$ مماس ، أ ب = ٢٥سم ، أ جـ = ١٥سم أوجد طول قطر الدائرة $\overline{جـ د}$




-- الحل --

س = جـ د

$(أ ب)^{٢}$ = أ جـ × أ د  نتيجة

$(٢٥)^{٢}$ = ١٥ × ( ١٥ + س )

٦٢٥ = ٢٢٥ + ١٥س

١٥س = ٦٢٥ – ٢٢٥

١٥س = ٤٠٠

س = $\frac{٤٠٠}{١٥}$ ≅ ٢٦,٦سم

جـ د = ٢٦,٦سم

صفوة معلمي الكويت

السؤال الرابع: (١٢ درجة)

( أ ) أوجد البعد من النقطة: د( -٤ ، -٣ ) إلى المستقيم: ٣س – ٢ص – ٧ = ٠

-- الحل --

أ = ٣ ، س١ = -٤

ب = -٢ ، ص١ = -٣

جـ = -٧

$$\text{البعد} = \frac{|\text{أ س}_1 + \text{ب ص}_1 + \text{جـ}|}{\sqrt{\text{أ}^2 + \text{ب}^2}}$$

$$= \frac{|(٣)(-٤) + (-٢)(-٣) + (-٧)|}{\sqrt{(٣)^2 + (-٢)^2}}$$

$$= \sqrt{١٣} \text{ وحدة طول}$$

صفوة معلمي الكويت

تابع السؤال الرابع:

(ب) إذا كان جاس = $\frac{\sqrt{٢}}{٢}$ : ٠ < س < $\frac{\pi}{٢}$ ، فأوجد: جتاس ، ظاس

-- الحل --

جا$^{٢}$س + جتا$^{٢}$س = ١

جتا$^{٢}$س = ١ – جا$^{٢}$س

جتا$^{٢}$س = ١ – $(\frac{\sqrt{٢}}{٢})^{٢}$

جتا$^{٢}$س = $\frac{١}{٢}$

جتاس = $\pm \frac{\sqrt{٢}}{٢}$

٠ < س < $\frac{\pi}{٢}$ ← س تقع في الربع الأول ← جتاس > ٠

جتاس = $\frac{\sqrt{٢}}{٢}$

ظاس = $\frac{\text{جا س}}{\text{جتا س}}$

ظاس = $\frac{\frac{\sqrt{٢}}{٢}}{\frac{\sqrt{٢}}{٢}}$

ظاس = ١

صفوة معلمي الكويت

## القسم الثاني – الأسئلة الموضوعية

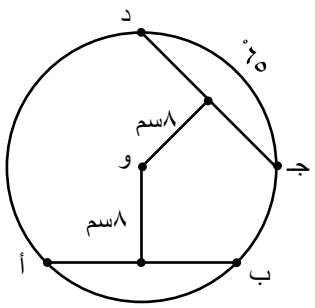
أولاً: في البنود من (١) إلى (٢) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة.
(ب) إذا كانت العبارة خاطئة.

( ١ ) إحداثي مركز الدائرة التي معادلتها ( س + ٢ )$^{٢}$ + ( ص – ٣ )$^{٢}$ = ٩ ، هي ( ٢ ، -٣ ) (أ) (ب)

( ٢ ) $ل_{ء}^{٦}$ = ٣٦٠ (أ) (ب)

ثانياً: في البنود من (٣) إلى (٨) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

( ٣ ) في الشكل المقابل ق ($\overset{\frown}{أ ب}$)=




( أ ) ٧٥° (ب) ١٥٥°
(جـ) ٦٥° ( د ) ١٠٥°

( ٤ ) قيمة المقدار: (ظا$^{٢}$θ + ١ ) . حتا$^{٢}$θ تساوي
( أ ) -١ (ب) صفر (جـ) ٢ ( د ) ١

( ٥ ) إذا كان أ و ب حدثين مستقلين ، وكان: ل(أ) = ٠,٢ ، ل(ب) = ٠,٥ ، فإن ل(أ ∪ ب ) =
( أ ) ٠,٥ (ب) ٠,٧ (جـ) ٠,٨ ( د ) ٠,٦

( ٦ ) معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة (٥ ، ٢) وميله يساوي ٣ ، هي
( أ ) ص – ٥ = ٣ ( س – ٢ ) (ب) ص – ٢ = ٥ ( س – ٣ )
(جـ) ص – ٢ = ٣ ( س – ٥ ) ( د ) ص – ٣ = ٢ ( س – ٥ )

صفوة تعلم في الكويت

( ٧ ) إذا كان: $\begin{bmatrix} ٢س - ٥ & ٣ \\ ٥ & ٥ص + ١٠ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ١٥ & ٣ \\ ٥ & ٢ص + ١٩ \end{bmatrix}$

فإن قيمتي س ، ص على الترتيب:

( أ ) ١٠ ، ٣ (ب) ١٥ ، ١٩ (جـ) ٥ ، ٣ ( د ) ١٠ ، ١٩

( ٨ ) ميل المستقيم أ الموازي للمستقيم ب: ٣س + ٤ص + ٥ = ٠ ، يساوي

( أ ) $\frac{٣}{٤}$ (ب) $\frac{-٣}{٤}$ (جـ) $\frac{٤}{٣}$ ( د ) $\frac{-٤}{٣}$

" انتهت الأسئلة "

صفوة معلمي الكويت

## إجابة البنود الموضوعية

| السؤال | الإجابـــــــة | | | |
|---|---|---|---|---|
| (١) | ( أ ) | ( ب ) | | |
| (٢) | ( أ ) | ( ب ) | | |
| (٣) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |
| (٤) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |
| (٥) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |
| (٦) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |
| (٧) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |
| (٨) | ( أ ) | ( ب ) | ( جـ ) | ( د ) |

لكل بند درجة واحدة

صفوة معلمي الكويت

وزارة التربية
الإدارة العامة لمنطقة حولي التعليمية
التوجيه الفني للرياضيات

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان و ١٥ دقيقة
عدد الصفحات : ١١

إجابة نموذج اختبار تجريبي الفترة الدراسية الثانية للصف العاشر
العام الدراسي : ٢٠٢٤ / ٢٠٢٥

## القسم الأول – أسئلة المقال

### أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها

**السؤال الأول :**

**( أ ) حل المعادلة المصفوفية :**

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix} \times \underline{س} + \begin{bmatrix} ١ & ٢- \\ ٣ & ٧- \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤- \\ ٣ & ١ \end{bmatrix}$$

**الحـــــــــــــــل**

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix} \times \underline{س} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤- \\ ٣ & ١ \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} ١ & ٢- \\ ٣ & ٧- \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix} \times \underline{س} = \begin{bmatrix} ٤ & ٢- \\ ٠ & ٨ \end{bmatrix}$$

$$\underline{أ} \times \underline{س} = \underline{ب}$$

$$|\underline{أ}| = \begin{vmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{vmatrix} = ٢ \times ٥ - ٣ \times ٣ = ١ \neq ٠$$

$$\underline{أ}^{-١} = \begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix}^{-١} = \frac{١}{١} \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix}$$

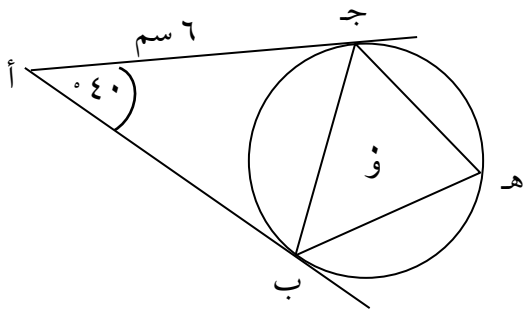
$$\underline{س} = \begin{bmatrix} ٥ & ٣- \\ ٣- & ٢ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ٤ & ٢- \\ ٠ & ٨ \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} ٢٠ + ٠ & ١٠- + ٢٤- \\ ١٢- + ٠ & ٦ + ١٦ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٢٠ & ٣٤- \\ ١٢- & ٢٢ \end{bmatrix}$$

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الأول :**

**( ب ) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، $\overline{أ ب}$، $\overline{أ جـ}$ قطعتان مماسان للدائرة عند ب ، جـ على الترتيب**




**، ق ( أ ) = ٤٠° ، أ جـ = ٦ سم**

**أوجد ( ١ ) أ ب**

**( ٢ ) ق ( أ جـ ب )**

**( ٣ ) ق ( جـ هـ ب )**

**الإجابة**

**الـــــــــبرهان :**

∵ $\overline{أ ب}$، $\overline{أ جـ}$ مماسان للدائرة عند النقطة أ

∴ أ ب = أ جـ = ٦ سم ( المطلوب ١ )

Δ ب أ جـ مثلث متطابق الضلعين ( برهـــــــــان )

ومجموع قياسات المثلث = ١٨٠°

$$ق(أ\hat{ب}\ جـ) = ق(أ\hat{جـ}\ ب) = \frac{١٨٠° - ٤٠°}{٢}$$

= ٧٠° ( المطلوب ٢ )

∵ $أ\hat{جـ}\ ب$ ، $جـ\hat{هـ}\ ب$ زاوية مماسية وزاوية محيطية تحصان القوي نفسه $\overset{\frown}{ب\ جـ}$

ق ( $أ\hat{جـ}\ ب$ ) = ق ( $جـ\hat{هـ}\ ب$ ) = ٧٠° ( المطلوب ٣ )

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثاني :**

( أ ) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{(\text{قا}\,\theta + ١)(\text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta} = \text{قا}^{٢}\,\theta$

**الإجابة**

الطرف الأيمن $= \frac{(\text{قا}\,\theta + ١)(\text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{(\text{قا}^{٢}\,\theta - \text{قا}\,\theta + \text{قا}\,\theta - ١)}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{قا}^{٢}\,\theta - ١}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{ظـــا}^{٢}\,\theta}{\text{جا}^{٢}\theta}$

$= \frac{\text{جـــا}^{٢}\,\theta}{\text{جتـــا}^{٢}\theta} \times \frac{١}{\text{جـــا}^{٢}\theta}$

$= \frac{١}{\text{جتـــا}^{٢}\theta}$

$= \text{قـــــا}^{٢}\,\theta$

= الطرف الايسر

صفوة معلمي الكويت

**تابع :السؤال الثاني :**

**( ب )أوجد البعد بين النقطة أ ( ـ٤ ، ـ ٣ ) والمستقيم ل : ٤ ص = ٣ س – ٧**

**الإجابة**

القـــــــــــانون

$$ف = \frac{|أ س_{١} + ب ص_{١} + جـ|}{\sqrt{أ^{٢} + ب^{٢}}}$$

**المعادلة في الصورة العامة :**

ـ ٣ س + ٤ ص + ٧ = ٠

أ = ـ ٣ ب = ٤ جـ = ٧ س١ = ـ٤ ص١ = ـ٣

$$ف = \frac{|-٣ \times -٤ + ٤ \times -٣ + ٧|}{\sqrt{(-٣)^{٢} + (٤)^{٢}}}$$

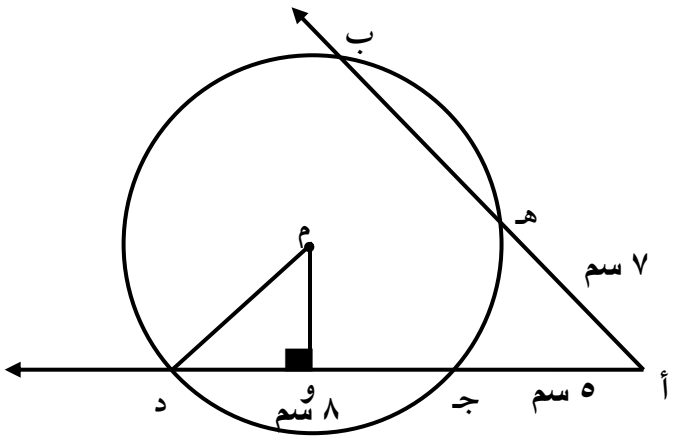
$$ف = \frac{|٧|}{\sqrt{٢٥}}$$

$$ف = \frac{٧}{٥}$$ وحدة طول

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الثالث :**

**( أ ) في الشكل المقابل : دائرة مركزها م ، أهـ = ٧ سم ، أ جـ = ٥ سم ، م و = ٦ سم**




**جـ د = ٨ سم ، $\overline{م و} \perp \overline{جـ د}$**

**أوجد : ١ ) طول $\overline{هـ ب}$**

**٢ ) طول $\overline{م د}$**

**الإجابة**

**البرهـــــــــان :**

∵ $\overline{د جـ}$ ، $\overline{ب جـ}$ وتران للدائرة التي مركزها م ويتقاطع امتدادهما خارجها عند النقطة أ

∴ أ جـ × أ د = أ هـ × أ ب

٥ × ( ٥ + ٨ ) = ٧ × أ ب

١٠٥ = ٧ × أ ب

$$\text{أ ب} = \frac{٦٥}{٧}$$

= ٩,٢ سم

هـ ب = ٩,٢ − ٧ = ٢,٢٨ سم ( المطلوب ١ )

∵ $\overline{م و} \perp \overline{جـ د}$

∵ $\overline{م و}$ ينصف $\overline{جـ د}$

جـ و = و د = ٨ ÷ ٢ = ٤ سم

في المثلث م و د قائم الزاوية في $\hat{و}$

م د = $\sqrt{(٤)^{٢} + (٦)^{٢}}$ = $\sqrt{٥٢}$ = $\sqrt{٤ \times ١٣}$ = ٢ $\sqrt{١٣}$ سم ( المطلوب ٢ )

**تابع :السؤال الثالث :**

**( ب ) إذا كان أ ، ب حدثان في فضاء العينة ف ، وكان ل ( أ ) = ٠,٥ ،**

ل ( $\bar{ب}$ ) = ٠,٢ ، ل ( أ ∩ ب )= ٠,٤

**أوجد : ١ ) ل ( ب )  ٢ ) ل ( أ ∪ ب )  ٣ ) ل ( أ / ب )**

**الإجابة**

ل ( أ ) = ٠,٥  ل ( $\bar{ب}$ ) = ٠,٢  ل ( أ ∩ ب ) = ٠,٤

( ١ ) ل ( ب ) = ١ - ل ( $\bar{ب}$ )

= ١ – ٠,٢

= ٠,٨

( ٢ ) ل ( أ ∪ ب ) = ل ( أ ) + ل ( ب ) – ل ( أ ∩ ب )

= ٠,٥ + ٠,٨ - ٠,٤

= ٠,٩

( ٣ ) $ل(أ/ب) = \frac{ل(أ \cap ب)}{ل(ب)}$

$= \frac{٠,٤}{٠,٨}$

$= \frac{١}{٢}$

صفوة معلمي الكويت

**السؤال الرابع :**

**( أ ) حل المعادلة : ٢ جتا س – ١ = صفر**

**الإجـــــابة**

**٢ جتا س – ١ = صفر**

**٢ جتا س = ١**

$$\text{جتا س} = \frac{١}{٢}$$

$$\text{جتا س} = \text{جتا } \frac{\pi}{٣}$$

∵ جتا س > ٠

∴ $\overset{\frown}{س}$ تقع في الربع الأول أو الربع الرابع

في الربع الأول : $س = \theta + ٢ ك \pi$

$$= \frac{\pi}{٣} + ٢ ك \pi \qquad ك \in ص$$

في الربع الرابع : $س = - \theta + ٢ ك \pi$

$$= - \frac{\pi}{٣} + ٢ ك \pi \qquad ك \in ص$$

صفوة معلمي الكويت

**تابع السؤال الرابع :**

**( ب ) أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها :**

**( س – ١ ) ٢ + ( ص – ٢ ) ٢ = ٥ عند نقطة التماس أ ( ٣ ، ١ )**

**الإجـــــابة**

**النقطة أ ( ٣ ، ١ ) تنتمي إلى الدائرة**

**إحداثيات مركز الدائرة و ( ١ ، ٢ )**

$$\text{ميل ( نصف القطر )} = \text{م}_{\overleftrightarrow{\text{وأ}}} = \frac{\text{ص}_2 - \text{ص}_1}{\text{س}_2 - \text{س}_1}$$

$$= \frac{2 - 1}{1 - 3}$$

$$= \frac{-1}{2}$$

∴ **نصف قطر التماس $\overline{\text{أو}}$ عمود على مماس الدائرة**

**ميل المماس × ميل نصف قطر التماس = ـ ١**

$$\text{ميل المماس} \times \frac{-1}{2} = -1$$

$$\text{ميل المماس} = 2$$

**معادلة المماس $\overleftrightarrow{\text{وأ}}$ الذي ميله ٢ ويمر بالنقطة ( ٣ ، ١ ) هي :**

**ص – ص ١ = م ( س – س ١ )**

**ص – ١ = ٢ ( س – ٣ )**

**ص – ١ = ٢ س – ٦**

**ص = ٢ س – ٥**

**معادلة المماس ص = ٢ س – ٥**

صفوة معلمي الكويت

## القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (١) إلى (٣) عبارات ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة

(ب) إذا كانت العبارة خاطئة

==========

( ١ ) إذا كان طول قطر دائرة يساوي ٢٠ سم وطول أحد أوتارها ١٦ سم فإن البعد بين مركز الدائرة وذلك الوتر هو ٨ سم

( ٢ ) إذا كانت $\begin{bmatrix} س & ١ \\ ٢ & ٤ \\ ص & -١ \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} ٣ & ٣ \\ ع & -١ \\ ١ & ١ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٤ \\ ٢ & ٣ \\ -١ & ٠ \end{bmatrix}$

فإن س + ص + ع = ٠

( ٣ ) جا $\theta$ قتا $\theta$ - جتا $^{٢}$ $\theta$ - حا$^{٢}$ $\theta$ = صفر

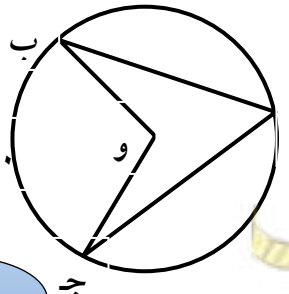
==========

**ثانيا :في البنود من (٤) إلي (٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :**

( ٤ ) إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة قيم بيانات يساوي ٤ وكان مجموعة مربعات انحرافات هذه القيم عن متوسطها الحسابي يساوي ١٩٢ فإن عدد القيم يساوي

(أ) ١٦ (ب) ٤٨ (جـ) ١٢ (د) ليس أياً مما سبق

**( ٥ ) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، ق ( ب جـ ) = ١٤٠ °**




**فأن ق ( ب أ جـ ) ، ق ( ب و جـ ) علي الترتيب هما :**

(أ) ٢٨٠ ° ، ١٤٠ °

(ب) ٧٠ ° ، ١٤٠ °

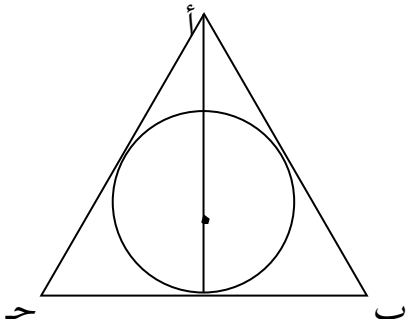
(ج) ١٤٠ ° ، ٧٠ °

(د) ١٤٠ ° ، ٢٨٠ °

( ٦ ) **في الشكل المقابل : دائرة داخلية للمثلث أ ب جـ ،**

**إذا كان المثلث أ ب جـ متطابق الأضلاع ، ب د = ١٠ سم**

**فان مساحة المثلث أ ب جـ تساوي ٠٠٠٠٠٠ سم$^{٢}$**




أ) ٥٠ ب) ٢٠٠ $\sqrt{٣}$ جـ) ١٠٠ $\sqrt{٣}$ د) ١٠٠

---

( ٧ ) ميل المستقيم الموازي للمستقيم : ٦ س + ٣ ص – ٧ = صفر يساوي :

أ) $\frac{١}{٢}$ ب) $-\frac{١}{٢}$ جـ) ٢ د) ـ ٢

---

( ٨ ) $\text{ظا}^{٥}$ ل ٣ =

أ) ٦٠ ب) ١٢٠ جـ) ٥ د) ١٥

صفوة معلمي الكويت

# إجابة البنود الموضوعية

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| ١ | أ | **ب** | | |
| ٢ | **أ** | ب | | |
| ٣ | **أ** | ب | | |
| ٤ | أ | ب | **جـ** | د |
| ٥ | أ | **ب** | جـ | د |
| ٦ | أ | ب | **جـ** | د |
| ٧ | أ | ب | جـ | **د** |
| ٨ | **أ** | ب | جـ | د |

صفوة معلمي الكويت